



This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + *Refrain from automated querying* Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at <http://books.google.com/>

BIBLIOTHECA
SCRIPTORUM GRAECORUM
ET ROMANORUM
TEUBNERIANA

EUCLIDES

ELEMENTA

EDIT

L. L. HEIBERG

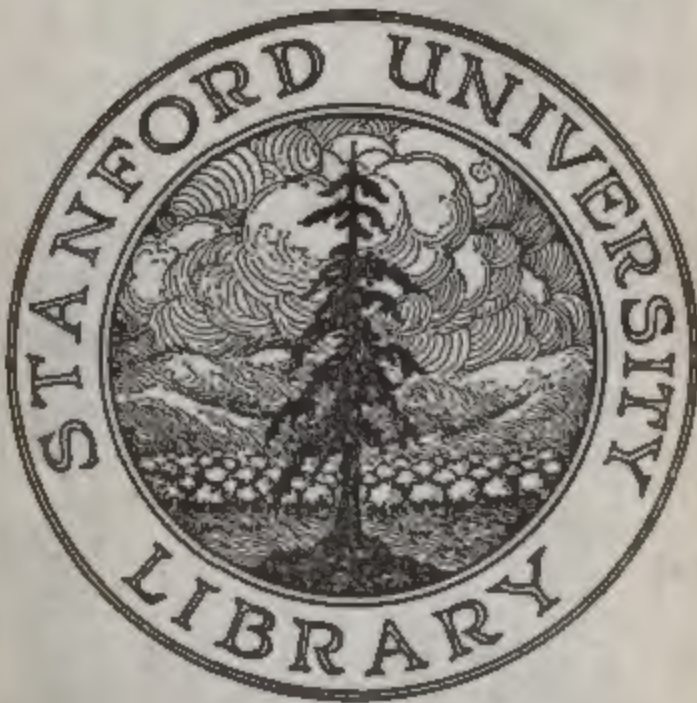
II.



LIPSIÆ

IN AEDIBUS E. G. TEUBNERI.

MCC



Verlag von B. G. Teubner in Leipzig und Berlin.

Vorträge und Aufsätze. Von H. Ussner. [V a 259 3] gr. 8. 1897
geb. M. 5.—, in Leinwand geb. M. 6.—

Grundriß der Geschichte der klassischen Philologie. Von Prof. Dr.
A. Gudeman. [Vlu, 324 S.] gr. 8. 1907. geh. M. 4.80, in Lein-
wand geh. M. 5.20.

Abriß der griechischen Metrik. Von Prof. Dr. P. Maquarroy. In
Deutsche übersetzt von Dr. Br. Presler. (XII u. 243 S.) B. 1903
geh. M. 4.40, in Leinwand geb. M. 5 —

Vergils epische Technik. Von Rich. Heinze. [VIII u. 487 S.] gr. 8.
1905. geh. M. 12.—, in Halbfranz geb. M. 16.—

Verlag von B. G. Teubner in Leipzig und Berlin

Die hellenische Kultur. Dargestellt von Fritz Baumgarten, Poland, Richard Wagner. 2. Auflage. Mit 7 farbigen Tafeln und gegen 400 Abbildungen im Text und auf 2 Tafeln. [X u. 491 S.] gr. 8. 1907. geb. M 10.—, in Leinwand geb. M 12.—

Dem Bedürfnis nach einer zusammenfassenden Darstellung der griechischen Kultur (welche in Vorlesungsbüchern und Handbüchern der römischen Kultur in der Folge, als die bisher vorliegt, soll dies Werk Rechnung tragen. Die Verfasser stellen im praktischen Schulunterricht stehen, haben es als ihre Aufgabe angesehen, das Ergebnis der neuesten Forschung in einer für den Lehrer fasslichen und lesbaren Form darzubieten, unter besonderer Berücksichtigung der Bedürfnisse und der Möglichkeiten des Unterrichts in den höheren Schulen. Dem geschriebenen Wort tritt ergänzend und weitgehend ein reichhaltiger Bilderatlas zur Seite, der um so weniger fehlen durfte, je mehr gerade die Kultur des Altertums uns durch seine Denkmäler veranschaulicht.

Ein Buch, das, ohne mit Gelehrsamkeit zu prahlen, die wissenschaftliche Tätigkeit fördert. Überall und auch bei der Behandlung der Kunst mit ihren ästhetischen und der politischen Verhältnisse, die neuesten Funde eingehend berücksichtigen. Die Darstellung ist meist knapp, aber schlagend, verständlich und gefällig. Gleich der kurze Abschnitt über Sprache und Religion in der Einleitung. Hier ist vor allem die Behandlung der Kunst. Nirgends bloße Redensarten, sondern für den Leser in der Luft schwebend, weil ihm die Anschauungen fehlen. Man wird nicht an gut gewählte Beispiele angeknüpft. Neben der äußeren Seite der Kunst kommt auch die Stilentwicklung zu vollem Recht. Das Leben, besonders in Athen, wird in allen seinen Betätigungen anschaulich und naturgemäß dargestellt. Vergleiche mit späteren Verhältnissen erleichtern das Verständnis. Die Schilderung des geselligen Lebens hebt besonders die gewaltigeren Momente hervor, begnügt sich aber nicht mit bloßen Tatsachen und Ereignissen, sondern versucht, auch Proben zu oder gibt Inhaltsangaben der Überlieferung. Auch dem mit der griechischen Literatur unbekannten Leser ein Verständnis der Bedeutung dieser Geistesherden eröffnen. (Lehrproben und Lehrmittel)

Charakterköpfe aus der antiken Literatur. Von Prof. Dr. Ed. Schöf. fünf Vorträge: 1. Hesiod und Pindar; 2. Thukydides und Kallikles; 3. Sokrates und Plato; 4. Polybios und Poseidonios; 5. Cicero. [VI u. 126 S.] gr. 8. 1906. geb. M 2.—, in Leinwand geb. M 3.—

Die Vorträge enthalten vermöge einer ganz ungewöhnlichen Eindringlichkeit und Genauigkeit der Grassen, vermöge einer geistigen Feinfühligkeit Interpretation, wie sie etwa Herkhardt besessen hat, historisch-psychologische im höchsten Maße und stellungswissen geradezu erhebender Wirkung. Die Verfasser hat sich auf diese Weise seinen Gestalten zu geben versteht, ist in der Tat, wie man sieht, noch die gedankenschwere Kraft seiner Sprache mit dabei so frei und einfach, daß man oft kaum weiß, ob die Sprache überhaupt der Ausdruck der Tiefe des Gedankens höhere Bewunderung verdient. (Jahresbericht über das höhere Schulwesen)

Geschichte des hellenistischen Zeitalters. Von Julius I. Band: Die Grundlegung des Hellenismus. [X u. 435 S.] gr. 8. geb. M 12.—, in Halbfanz geb. M 14.—

„Kunst geht nirgends einer Schwierigkeit aus dem Wege, umschlingt sie, sucht sie zu überwinden, aber die Möglichkeiten zu nutzen. Das sein Werk ganz, es zeigt uns die Schwierigkeiten nicht. Es ist ein gefährliches Geschäft, die Geschichte Alexanders, wie jeder leicht zeigen kann, was er nicht kann, mit dem Versuch im Klaren zu diese Aufgabe gegangen, um in der Kraft der Mannes zu sein. Das Urteil über das Werk, das völlig hat ausfallen können, darf nicht abgelehnt werden, aber diese Geschichte Alexanders enthält auch die besten Beispiele der Form und Darstellung, nicht Form und Inhalt, sondern die durchsichtige mit J. G. Droysen.“ (Jahresbericht über das höhere Schulwesen)

EUCLIDIS
OPERA OMNIA.

EDIDERUNT

I. L. HEIBERG ET H. MENGE.



LIPSIAE
IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI.
MDCCLXXXIV.

Euclides
//

EUCLIDIS

E L E M E N T A.

EDIDIT ET LATINE INTERPRETATUS EST

I. L. HEIBERG,

DR. PHIL.

VOL. II.

LIBROS V—IX CONTINENS.



LIPSIAE

IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI.

MDCCCLXXXIV.

AD

QA 31

EB

v. 2

PRAEFATIO.

In iis Elementorum libris, qui hoc continentur uolumine, emendandis pro fundamento habui codices PBF V, de quibus uideatur breuis, quam dedi uol. I p. VIII—IX, notitia; codicem Bodleianum B in libris VIII—IX¹⁾ contulit H. Menge. Parisino 2466 (p) in solo libro VII uti potui, neque magni est momenti. sed cum omnium Theoninorum optimus codex Laurentianus F inde a VII, 12 p. 216, 20 ad IX, 15 p. 378, 6 deficeret — nam eam codicis partem, quam littera φ significauit, prorsus inutilem esse, adparet, de qua re in prolegomenis uoluminis IV uberius agam —, et cum cod. Bononiensis b (u. uol. I p. IX) a Florentino in hac quidem parte non longe distaret, eum a VII, 13 ad IX, 15 hoc anno Bononiae contuli et hoc loco scripturae discrepantiam notabo. ad supplendum adparatum criticum in libris VIII—IX etiam cod. Parisin. Gr. 2344 (q) membran. saec. XII contuli, qui ut Hauniam transmitteretur, intercedente praefecto bibliothecae regiae Hauniensis a liberalitate bibliothecarii Parisiensis Leopoldi Delisle facile

1) In his duobus libris ab VIII, 17 de ν littera, quam $\epsilon\varphi\epsilon\lambda\kappa\nu\sigma\tau\iota\kappa\acute{o}\nu$ uocant, uel omissa uel addita in B nihil in collatione adnotatum erat.

impetraui. huius codicis scripturas inde a p. 372, 15 suis locis in adparatum recepi, reliquas ab initio libri VIII hic dabo.

- p. 216, 24: ὡσι b.
 p. 218, 9: τὰ αὐτά] om. b.
 18: ἐν] καὶ ἐν b.
 27: ἐστίν] om. b.
 p. 220, 1: τὸν Z] Z b.
 11: ἦ] uidetur eras. b.
 26: ἔσται] ἔστιν b.
 p. 222, 2: ἡγούμενοι] γούμενοι b.
 7: ἦ] corr. ex ὁ m. 1 b.
 14: A] corr. ex Δ m. 1 b.
 p. 224, 1: τῶν] τόν b.
 24: πολλαπλασιάσασι b.
 p. 226, 5: καί] om. b.
 6: πεποίηκε b.
 17: ἀριθμοί] ἄρα ἀριθμοί b.
 25: πεποίηκε b.
 p. 228, 2: ἀλλ' ὥς] ὥς δέ b.
 6: πεποίηκε b.
 21: sequitur p. 428, 23—430, 17 b (κ').
 p. 430, 11: ἐστίν] om. b.
 13: ὑπό] ἐκ b.¹⁾
 16: ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. b.
 p. 230, 16: ΘZ] supra scr. m. 1 b.
 ἴσοι εἰσίν] punctis del. m. 2 b.
 ἀριθμοί] ἴσοι b.
 ἀλλήλοις] ἀλλήλοις εἰσίν b.
 p. 232, 2: ἐστίν] om. b.
 4: EZ] EZ ἄρα b.
 7: sequitur p. 430, 19—432, 8 b. (κβ').
 p. 432, 7: ἐστίν] om. b.
 8: κγ' b (κ' edit. = κα' cod.).

1) Recipiendum est.

- p. 232, 9: ἀλλήλους] πολλούς b.
 11: ἀλλήλους] πολλούς b.
 14: μή] μή εἰσιν οἱ A, B ἐλάχιστοι τῶν τὸν αὐ-
 τὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς b.
 18: μετροῦσι] syll. με- in ras. m. 1 b.
 20: τὸν ἥ-] in ras. m. 1 b.
- p. 234, 8: τοῖς] τῶι b.
 11: καδ' b et sic deinceps.
 17: εἰσι] εἰσιν οἱ A, B b.
 18: αὐτούς] τοὺς A, B b.
 21: ἔστωσαν] litt. στ corr. ex η m. 1 b.
- p. 236, 1: πεποίηκε b.
 12: ὧσιν] εἰσιν comp. b.
- p. 238, 3: ὧσι b.
 12: ante τις est — in b. post A, E uacat linea in b.
 13: δῆ] δέ b.
 22: A, E πρῶτοι, οἱ δέ] om. b, in extrema pag.
 26: τόν] πρὸς τόν b.
- p. 240, 1: τόν] πρὸς τόν b.
 2: post E est — in b.
 B, Γ] Γ, B b.
 24: ὧσι b.
- p. 242, 4: τόν] τό b.
 8: δῆ] δέ b.
 E, Δ] Δ, E b.¹⁾
 16: ὧσι b.
- p. 244, 3: E] in ras. m. 1 b.
 22: ὧσι b.
- p. 246, 9: ΓΑ] ΑΓ b.
- p. 248, 1: μή] supra scr. m. rec. b.
 14: μετροῦ] μετρεῖ b.
- p. 250, 1: ὁ B] τὸ B b.
 6: ἡγούμενον] corr. ex ἡγούμενος m. 1 b.
 9: sequitur p. 432, 10—20 b.
 p. 432, 10: ἄλλως τὸ λβ' τὸ ἐξῆς b.

1) Hoc ergo ex P recipiendum erat.

- p. 432, 13: ἔστω] ἔστω ὁ b.
 19: B] corr. ex Γ m. 1 b.
 20: ἔστι] comp. b.
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι] comp. b.
- p. 250, 10: λγ' b et sic deinceps.
 17: γεγονὸς ἂν εἶη τὸ ἐπιταχθέν] δῆλον ἂν εἶη τὸ
 ζητούμενον b; item lin. 21.
 24: εἰ] τὸν πρὸ ἑαυτοῦ, ὃς καὶ τὸν A μετρήσει. εἰ b.
- p. 252, 1: ἑτέρου] τοῦ ἑτέρου b.
 13: ἐπιταχθέν] ζητούμενον b, mg. m. 1: γρ. τὸ
 ἐπάγγελμα.
 19: τοὺς αὐτοὺς λόγους b; item lin. 22—23.
- p. 256, 21: μετροῦσι b.
 25: ὁ] καὶ ὁ b.
- p. 258, 8: post ἐπόμενος reliqua pars lineae quasi orna-
 mentis quibusdam expleta est in b.
 9: τοὺς] τόν b.
 13: τοῦ Γ] τοῦ Γ, ὅταν οἱ A, B πρῶτοι πρὸς
 ἀλλήλους ὦσιν b.
 20: μετροῦσι b.
 24: ἔστωσαν] ἔδονται b.
 26: H] e corr. m. 1 b.
- p. 260, 4: ἄρα] ἄρα ὥς b.¹⁾
 16: μετρῶσιν] μετρήσωσι b.
 25: μετρήσουσι b.
- p. 262, 11: δῆ] δέ b.
 13: μετροῦσι b.
 14: μετρήσουσι b.
 16: μετροῦσι b; item lin. 17.
 23: μετροῦσιν] μετρήσουσι b.
 24: Γ] in ras. m. 1 b.
- p. 264, 3: μετροῦσι b; item lin. 4, 7, 8.
 13: τὸν Z — 14: μετρούμενος] om. b.
- p. 266, 10: τὸ αὐτό — 11: ἀριθμοῦ] om. b.
- p. 268, 9: ὑπό] ὁ ὑπό b.

1) P. 260, 14 errore typographico legitur ἔπει pro ἔδει.

- p. 268, 11: ὁ *H* ἄρα] ἐπεὶ ὁ *H* ὑπὸ τῶν *Δ*, *E*, *Z* με-
τρεῖται, ὁ *H* b.
14: μὴ] μὴ ὁ *H* ἐλάχιστος ὧν ἔχει τὰ *A*, *B*, *Γ*
μέρη b.
17: μέρεσι b.
19: τῶν] om. b.

VIII.

- p. 270, 13: τῶν — 14: πλήθει] om. bq.
18: μείζων — 19: ὅ τε] om. bq.
p. 272, 12: τέσσαρες] *Δ* b.
20: ἔστιν] ἀριθμὸς δὴ ὁ *A* δύο τοὺς *A*, *B* πολ-
λαπλασιάσας τοὺς *Γ*, *Δ* πεποίηκεν· ἔστιν bq.
20: ἄρα] om. b.
21: μὲν] om. bq.
p. 274, 2: ὁ *Γ*] οὕτως ὁ *Γ* bq.
3: ὁ *Δ*] οὕτως ὁ *Δ* bq.
4: πολλασιάσας b.
8: ὁ *Z*] οὕτως ὁ *Z* bq.
10: ὁ *H*] οὕτως ὁ *H* bq.
11: ὁ *A*] οὕτως ὁ *A* bq.
15: ἀλλ'] ἐδείχθη δὲ καὶ bq.
23: εἰσί q.
οἱ *A*, *B* — 24: εἰσὶν] supra scr. m. 1 q (εἰσί).
26: δὲ τῶν] δὲ τὸν bq.
p. 276, 3: τοῖς] corr. ex αὐτοῖς m. 1 q.
9: τέσσαρες] δ q.
11: ἔάν] supra scr. m. 1 b.
p. 278, 1: καὶ ἐπεὶ — 3: ἑαυτὸν μὲν] οἱ ἄρα ἄκροι αὐ-
τῶν qί *A*, *Ξ* πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν.
ἐπεὶ γὰρ οἱ *E*, *Z* πρῶτοι, ἐκάτερος δὲ αὐ-
τῶν ἑαυτόν bq.
6: καὶ] om. bq.
καὶ οἱ — 7: εἰσὶν] πρῶτοι καὶ οἱ *A*, *Ξ* bq.
p. 278, 14: εἰσιν] ἐπεὶ bq.
ἀλλήλους] ἀλλήλους εἰσὶν, ἴσος δὲ ὁ μὲν *A*
τῷ *A*, ὁ δὲ *Ξ* τῷ *Δ* bq.

- p. 278, 18: ἀνάλογον] om. b.
 22: Z] in ras. m. 1 b.
 23: ἀνάλογον] om. bq.
- p. 280, 1: καί] om. bq.
 6: Θ] e corr. m. 1 b.
 10: Θ, H] H, Θ b.
 ἀνάλογον] om. bq.
 11: καὶ ἐν] καὶ ἔν τε bq.
 13: Θ, H] H, Θ bq.
 14: ἀνάλογον] om. b.
 15: ἐν τῷ] ἔτι bq.
 16: λόγοις] λόγοις, ἔσονται τινες τῶν H, Θ, K, A
 ἐλάσσονες ἀριθμοὶ ἔν τε τοῖς τοῦ A πρὸς
 τὸν B καὶ τοῦ Γ πρὸς τὸν Δ καὶ ἔτι τοῦ
 E πρὸς τὸν Z λόγοις q.
 17: οὕτως] om. bq.
 20: ἐλάσσων] ἐλάττων b.
 ἐλάσσονα] ἐλάττονα bq.
 21: τε] om. bq.
- p. 282, 1: B, Γ] Γ, B bq.
 2: μετροῦσι bq.
 τῶν] τόν q.
 4: ὁ H] (prius) supra scr. m. 1 b.
 6: Θ, H] H, Θ bq.
 8: τὸν Z] Z q.
 9: ὑπό] ὁ ὑπό bq.
 12: Θ, H] H, Θ bq.
 14: ἐπεί] καὶ ἐπεί bq.
 20: ἰσάκεις] ὁσάκεις q.
 22: ἀνάλογον] om. bq.
 ἐν] ἔν τε b.
 τε] om. b.
 23: ἔτι] om. bq.
 24: ἐν] εἰ γὰρ μὴ εἰσιν οἱ N, Ξ, M, O ἐξῆς
 ἐλάχιστοι bq.
- p. 284, 1: εἰ γὰρ μὴ] om. bq.
 2: ἀνάλογον] om. bq.

- p. 284, 5: οὕτως] bis q.
 7: τε] om. bq.
 10: μετροῦσι bq.; item lin. 15.
 20: ἀνάλογον] om. bq.
 21: τόν] om. bq.
 22: τόν] (bis) om. bq.
 23: ἄρα] om. b.
 ἀνάλογον] om. bq.
- p. 286, 10: Γ, Ε, Δ] in ras. m. 1 b.
 15: καί] om. bq.¹⁾
 16: πεποίηκεν] (prius) πεποίηκε q.
 17: Δ] e corr. m. rec. b.
 18: Δ] e corr. m. rec. b.
 ὥς δέ — τὸν Θ] om. b.
- p. 288, 7: μετρῇ] μετρεῖ q.
 13: μετροῦσιν] μετρήσουσι bq.
 14: εἰ — 15: τὸν Γ] λέγω γάρ ὅτι οὐ μετρεῖ ὁ Δ
 τὸν Γ bq.
 15: καὶ ὅσοι] ὅσοι γάρ bq
- p. 288, 17: τοῖς Δ] in ras. m. 1 b.
- p. 290, 1: ἡ] εἰ q.
 γάρ] γάρ Ζ q.
 6: μετρήσει] μετρεῖ bq.
 9: μετρῇ] μετρεῖ q.
 14: οὐ] μή q.
 οὐδέ] οὐδ' q.
 15: μετρήσει] μετρήσει· ὅπερ ἐστὶν ἄτοπον· ὑπό-
 κειται γάρ ὁ Δ τὸν Δ μετρεῖν q.
 16: ὁ] τό q.
 20: μεταξύ — ἀνάλογον] om. bq.
- p. 292, 8: Γ, Δ, Β] Β, Γ, Δ bq.
 10: εἰσί q.
 11: εἰσί q.
 14: καί — 15: τὸν Ζ] om. q.

1) Itaque quoniam bq p. 286, 13 sq. cum P consentiunt, nomen Theonis in adnotatione ad locum illum tollendum est.

- p. 292, 18: ἔχοντας] ἔχοντας αὐτοῖς bq.
 22: καί] καὶ ὁ q.
- p. 294, 1: εἰσὶ q.
 καὶ οἱ — 2: εἰσὶν] om. b.
 3: ἄρα] om. b.
 10: ὧσι bq.
 14: μεταξύ] ἐξῆς μεταξύ bq.
 19: μεταξύ] supra scr. m. 1 b.
 20: ἐμπεπτώκασιν] ἐμπίπτουσιν b.
 21: τῆς] τῆς E bq.
- p. 296, 1: πεποίηκε bq; item lin. 2, 3, 4.
 6: Z, H] H, Z bq; item lin. 7.
- p. 296, 10: τῶν] om. b.
 ἐστὶν ὁ] ἐστὶ καὶ ὁ bq.
 12: ἄρα τόν] ἄρα τό q.
 μετρεῖ] om. b.
- p. 298, 2: ἴσος — 3: A] ὁ δὲ M τῷ A ἐστὶν ἴσος bq.
 6: H] K, ut uidetur, q.
 8: τοσοῦτοι] οὕτως b.
 12: ι'] om. q.
 ἐκατέρου] om. bq; γρ. ἐκατέρου mg. m. rec. b.
 15: μεταξύ] ἐξῆς μεταξύ bq.
 21: οἷ τε] corr. ex ὅτε q.¹⁾
- p. 300, 8: ἄρα] om. b.
 10: πεποίηκε bq.
 11: E] e corr. m. rec. b.
 13: δέ] om. q.
 15: E] corr. ex Θ m. rec. b.
 16: πεποίηκε bq; deinde add. b mg. m. rec.: τὸν
 δὲ Z πολλαπλασιάσας τὸν Θ πεποίηκε.
 μέν] om. b.
 17: πεποίηκε bq; item lin. 18, 19.
 19: μέν] om. bq.
 23: καὶ ὥς — 24: τὸν H] supra scr. m. 1 q.
 25: τῶν] τόν q.

1) P. 298, 21 in adnot. addatur: τε] om. BVφ.

- p. 300, 27: ἀλλ' ὡς ὁ E πρὸς τόν] in ras. m. 1 q.
- p. 302, 2: τῶν] τόν q.
- 3: K] in ras. q.
- Λ] in ras. q.
- 10: B] e corr. m. 1 b.
- 12: καὶ ὡς — 13: τὸν Λ] om. bq.
- p. 304, 1: Γ γάρ] γὰρ Γ bq.
- 4: πεποίηκε bq.
- 8: διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καί] πάλιν ἐπεὶ ὁ Γ τὸν Δ
πολλαπλασιάσας τὸν E πεποίηκεν, ὁ δὲ Δ
ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν B πεποίηκε, δύο
δὴ ἀριθμοὶ οἱ Γ, Δ ἓνα καὶ τὸν αὐτὸν τὸν
(om. b) Δ πολλαπλασιάσαντες τοὺς E, B
πεποιήκασιν· ἔστιν ἄρα bq.
- 9: B] B. ἀλλ' ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ, οὕτως ὁ
Α πρὸς τὸν E bq.
- 10: ἄρα] om. q.
- 11: ἀριθμός] ἀριθμὸς ὁ E bq.
- p. 306, 2: ἑαυτόν] ἑαυτὸν μέν bq.
- 4: τῶν] corr. ex τόν m. 1 q.
- 6: καὶ ὁ Γ ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν E πε-
ποίηκεν] om. bq.
- 7: μέν] om. bq.¹⁾
πεποίηκε bq; item lin. 8.
- 10: πεποίηκε q; item lin. 11.
- 27: Δ] Δ, οὕτως τε (om. q) ὁ K πρὸς τὸν B·
ἐδείχθη δὲ καὶ ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ bq.
ὅ τε] τε ὁ bq.
- p. 310, 4: τόν] om. q.
- 8: τῶ] om. q.
- 10: μέν ὁ] ὁ μέν bq.
- 14: τετράγωνος πρὸς τετράγωνον] τετράγωνος ἀριθ-
μὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμόν bq.
- 22: εἰσιν] comp. ἔστιν corr. ex comp. εἰσιν b.

1) P. 306, 6 in adnot. scribatur: „6. καὶ ὁ — πεποίηκεν]
P; om. Theon (BVφ). 7. μέν] om. BVφ.“

p. 310, 23: *B*] *e* corr. *m.* 1 *b.*

p. 312, 1: *εἰσιν*] *εἰσι* *bq.*

4: *πάλιν* — *μετρεῖτω*] *ἀλλὰ δὴ μετρεῖτω ὁ Γ τὸν Δ* *bq.*

7: *B*] in *ras.* *m.* 1 *b.*

10: *A, E*] in *ras.* *m.* 1 *b.*

15: *ὅπερ ἔδει δεῖξαι*] *om.* *bq.*

18: *καὶ ἐάν* — 20: *μετρήσει*] *om.* *b.*

25: *ὁ δὲ Δ* — 26: *τὸν Δ*] *καὶ ἔτι ὁ Γ τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν Ζ ποιείτω, ὁ δὲ Δ ἐαυτόν* *bq.*

26: *Z*] *H* *bq.*

p. 314, 5: *εἰσι* *q.*

10: *δὴ*] *om.* *bq.*

11: *οἱ*] *καὶ οἱ* *bq.*

12: *πρὸς τόν*] *πρός* *bq.*¹⁾

13: *ὥς*] *supra scr.* *m.* 1 *b.*

22: *ἀριθμοί*] *om.* *bq.*

24: *μετρεῖ*] *μετρήσει* *b.*

25: *εἰ γὰρ μετρεῖ ὁ Γ τὸν Δ, μετρήσει*] *mg.* *m.*
rec. b; *εἰ γὰρ ὁ Γ τὸν Δ μετρεῖ, μετρήσει* *q.*

26: *οὐδέ*] *οὐδ'* *bq.*

p. 316, 3: *γάρ*] *γὰρ μή* *b,* *sed μή eras.*
καί] *e* corr. *m.* *rec. b.*

5: *ὅπερ ἔδει δεῖξαι*] *om.* *bq.*

21: *ὅπερ ἔδει δεῖξαι*] *om.* *bq.*

p. 318, 1: *ὅμοιοι*] *om.* *q.*

13: *πολυπλασιάσας* *b,* *sed syll. λυ in ras. m.* 1;
*item lin. 15, 17, 18.*²⁾

14: *πεποίηκε* *bq;* *item lin. 17, 23.*

17: *A*] corr. *ex H* *m.* *rec. q.*

22: *πολυπλασιάσας* *b;* *item lin. 23.*

28: *εἰσι* *q.*

p. 320, 4: *ἐξῆς*] *ἐξ ἀρχῆς* *q.*

1) Ergo *τόν* cum *P* omittendum.

2) Itaque fortasse haec forma vocabuli in hac prop. cum *P* seruanda est.

- 320, 8: δ Γ] sic bq.¹⁾
 9: η] καί b.
 16: $\omicron\iota$] ἀριθμοὶ $\omicron\iota$ bq.
 17: E] E ἀριθμοί q.
 18: στερεοί] στερεοὶ ἀριθμοί b.
 19: μὲν δ] sic bq.²⁾
 24: καί] η bq.
 25: γάρ] δὴ q.
 τὸν Δ] sic bq.³⁾
- 322, 1: εἰσί q.
 6: καί] ἔστιν ἄρα ὡς δ K πρὸς τὸν M , δ M
 πρὸς τὸν Δ , καί q.
 7: πεποίηκε bq; item lin. 23, 25.
 10: M , Δ] Δ , M bq.
 14: διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καί] πάλιν ἐπεὶ ἔστιν ὡς δ
 Δ πρὸς τὸν E , οὕτως δ H πρὸς τὸν Θ ,
 ἐναλλάξ ἄρα ἐστίν bq.
 16: M , Δ] Δ , M bq.
 εἰσιν] om. b.
 19: N] corr. ex H m. rec. b.
 21: Γ , Δ , E] Δ , E q.
 24: Δ] corr. ex Δ m. rec. b.
 τόν] τὸν ἐκ τῶν Z , H τόν bq.
 27: N] corr. ex H m. rec. b.
 28: τόν] om. bq.
 τόν] om. b.
 N] corr. ex H m. rec. b.
 30: H] e corr. m. rec. b.
 καὶ ὡς] ὡς bq.
- 324, 1: Z] in ras. m. 1 b.
 5: N] corr. ex H m. rec. b.
 6: H] H καὶ δ E πρὸς τὸν Θ q.
 9: N] corr. ex H m. rec. b.

1) In adn. p. 320, 8 delendum „corr. ed. Basil.“.

2) In adn. p. 320, 19 deleatur „ὁ μὲν $V\varphi$ “; habent μὲν δ .

3) In adn. p. 320, 25 addatur: „25. τὸν Δ] τὸν μὲν $\Delta B V \varphi$ “.

- p. 324, 11: τόν] bis b.
 12: Ξ] E q. B] Θ q.
 13: καί] καὶ ὥς b.
 26: ἀλλ' ὥς] ὥς δέ b.
 28: ἄρα] om. bq.
- p. 326, 7: οἱ] om. bq.
 10: ἀριθμὸς ὁ Γ] ὁ Γ ἀριθμός bq.
 13: A, Γ] A, B, Γ mutat. in A, Γ, B m. rec. b;
 A, Γ, B q.
 E] seq. ἔστιν ἄρα ὥς ὁ Δ πρὸς τὸν E, ὁ A
 πρὸς τὸν Γ. ἀλλ' ὥς ὁ A πρὸς τὸν Γ,
 οὕτως ὁ Γ (corr. ex A b) πρὸς τὸν B.
 καὶ ὥς ἄρα ὁ Δ πρὸς τὸν E, ὁ Γ πρὸς
 τὸν B q et mg. m. rec. b.
 ἰσάκεις] mut. in ὁσάκεις m. rec. b.
 ἄρα] mutat. in δέ m. rec. b.
 14: καὶ ὁ E — 15: μετρεῖ] om. b.
 δῆ] δέ q.¹⁾
 16: πεποίηκε q. Seq. τὸν δὲ E πολλαπλασιάσας
 τὸν Γ πεποίηκεν q et mg. m. rec. b.
 17: ἐστι q. οἱ] αἱ q.
 19: Γ, B] B, Γ bq.
- p. 328, 3: ὁ Z — τὸν A] ἐκάτερος τῶν Z, H τὸν E
 πολλαπλασιάσας ἐκάτερον τῶν Γ, B bq.
 5: Δ] Z bq. τὸν E] H bq.
 6: A — ὁ] om. bq.
 τόν] om. bq.
 πάλιν — 9: τὸν B] om. bq.
 9: τόν] om. bq.
 10: τόν] (prius) om. bq.
 11: τόν] om. b.
 καί — 12: τὸν H] om. bq.
 13: ἀριθμοὶ εἰσιν] εἰσιν ἀριθμοὶ bq.²⁾
 17: ὅμοιοι] om. b.

1) In adn. p. 326, 14 addatur: „14. δῆ] corr. ex δέ B“,
 in adn. ad p. 326, 20 deleatur „et B (corr. m. 1)“.

2) Ergo hic ordo uerborum cum P praeferendus erat.

- p. 328, 23: Δ] Δ, B bq. H] H, Θ b, sed corr.
 25: εἰς q.
 26: ὁ Z — ἀριθμοί] om. bq.
- p. 330, 2: τοῦ πρό] om. bq.
 4: τόν] om. bq.
 5: τόν] om. bq.
 καί] supra scr. m. rec. b.
 6: τοῖς] τοι b.
 καί — 7: Α, Γ, Δ] om. bq.
 12: ὅ τε] ὅτι ὁ q.
 17: Ν] corr. ex H m. rec. b.
 18: πεποίηκε bq.
 20: Ν] corr. ex H m. rec. bq.
 22: δὴ] δέ bq.
 Ε] H bq.¹⁾
- p. 332, 1: Γ] Β bq.¹⁾
 5: πεποίηκε q.
 6: ἐστίν] om. b. εἰσιν] om. bq.
 7: εἰσι q.
 8: τόν] corr. ex τό m. rec. b.
 12: τὸν Μ] Μ q.
 15: Ξ] post ras. 1 litt. b.
 16: ὅμοιοι] οἱ q, om. b.
 19: τρίτος] γ̄ b.
 22: λέγω] λέγω δὴ b.
 24: Γ] θ corr. m. rec. b.
 25: εἶσι q.
 26: -τράγωνος δὲ ὁ Α τε-] mg. m. rec. b.
 Γ] Β bq.
- p. 334, 7: ἐστίν] ἔσται bq.
 12: κδ'] om. q.
 14: ὄν] corr. ex ᾗ m. rec. b.
 15: τετράγωνος ᾗ] ᾗ τετράγωνος bq.
 17: post Β ins. λόγον m. rec. b.
 λόγον] om. bq.

1) In adn. p. 330, 22 addatur: „ὁ Ε τὸν Γ] ὁ Η τὸν Β Theon (B V φ)“.

- p. 334, 19: ἔστω] ἔσται q.
 22: εἰσι q.
 23: Γ] in ras. m. 1 b.
 τόν] om. bq.
 24: τόν] om. bq.
 p. 336, 8: Δ] e corr. m. rec. b.
 δῆ] δέ b; om. q.¹⁾
 10: γὰρ οἱ] γὰρ ὁ b.
 ὅμοιοι] ἄρα ὅμοιοι bq.
 11: εἰσι q.
 12: μεταξύ] in hoc uocabulo desinit q fol. 165^u;
 λείπ. φύλλα ἡ mg.; rursus incipit p. 372, 15,
 u. u. adn. (ἐνταῦθα λείπουνσι φύλλα ἡ mg.
 fol. 166^r).
 p. 338, 5: τετράγωνοι] τεταραγμένοι b.
 22: Ε] e corr. m. rec. b.
 25: ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. b.

IX.

- p. 340, 9: Α] e corr. m. rec. b.
 10: πεποίηκε b.
 14: δέ] om. b.
 17: τῶν] corr. ex τόν m. rec. b.
 19: ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. b.
 p. 342, 4: ἀριθμοί] om. b.
 5: ἔστωσαν — 6: ποιεῖτω] δύο γὰρ ἀριθμοὶ οἱ
 Α, Β πρὸς (mutat. in πολλαπλασιάσαντες
 m. rec.) ἀλλήλους τετράγωνον τὸν Γ ποιεῖ-
 τωσαν b.
 11: ἔστιν ἄρα] om. b.
 12: τόν] bis om. b.
 14: ἐμπίπτει] ἐμπίπτει ἀριθμός b.
 17: ἐάν — ἐμπίπτῃ] om. b; ὧν δὲ ἀριθμῶν εἰς
 μέσος ἀνάλογον ἐμπίπτει mg. m. rec.
 18: οἱ ἄρα] ἄρα οἱ b.

1) Itaque δῆ cum P delendum, ut suspicatus eram.

- p. 344, 1: πεποίηκε b.
 6: πρὸς τόν] πρὸς b.
 12: τὸν Δ] Δ b.
 13: τοῦ Α] om. b; post ἀριθμοῦ ins. m. rec.
 19: τόν] om. b.
 22: ἐμπίπτωσιν] ἐμπιπτέωσαν b.
 23: δεύτερος] τέταρτος b.
 24: ἐστίν] om. b.
- p. 346, 4: ὅτι] om. b.
 6: γὰρ Α] Α γάρ b.
 11: οἱ Α, Β] ante ras. 2 litt. b.
- p. 348, 4: Α] corr. ex Δ m. 1 b.
 κύβος ἄρα ἐστὶ] ἔστιν ἄρα b.
 10: Α] πρῶτος b.
 11: πεποίηκε b.
 13: ἐαυτόν] ἐαυτὸν μὲν b.
 14: ὁ Α — 22: τὸν Β] τὸν δὲ Β πολλαπλασιάσας
 τὸν Γ πεποίηκεν b.
 23: καὶ ὡς] ὡς b.
- p. 350, 1: ὁ Α] οὕτως ὁ Α b, Α e corr. m. rec.
 3: ἐστι κύβος] ἐστι ὁ κύβος b, sed ὁ deletum.
 11: ὑπό] corr. ex ὑπέρ m. rec. b.
 14: ἐπεὶ — 15: μονάδας] om. b.
 15: πεποίηκε b.
 17: ὁ ἐκ] ἐκ b.
 24: ἔσται] ἐστὶ b.
 ὁ] πάντες, ὁ b.
- p. 352, 1: πάντες] om. b.
 2: post διαλείποντες add. πάντες b.
 4: ὅτι] om. b.
 6: πάντες] om. b.
 8: ἅμα] ἄρα b.
 Ante τετράγωνος eras. ὁ b.
 9: πάντες] ἅπαντες b.
 10: Post ἡ ras. 1 litt. b.
 12: μονάς] ἡ μονάς b.
 ἀριθμόν] om. b.

- p. 352, 14: τῷ *A*] αὐτῷ b.
 15: πεποίηκε b.
 17: καὶ ὁ *Δ* ἄρα] ἄρα καὶ ὁ *Δ* b.
 20: πάντες] om. b.
 τέταρτος] *Δ* b.
 23: *A*] *A* ἀριθμόν b.
 οὕτως — 24: ἀριθμόν] mg. m. rec. b.
- p. 354, 3: πεποίηκε b; item lin. 4.
 7: ὁ] m. rec. b.
 8: μονάδος] μονάδος ὁ *Z* b.¹⁾
 12: μονάδος] τῆς μονάδος b.
 ἐξῆς — 13: ἀριθμοί] ἀριθμοὶ ἐξῆς b.
 17: μονάδος] τῆς μονάδος b.
- p. 356, 10: τέταρτος] *Δ* b.
 15: *B*] *B* μετρεῖ b.
 21: εἰσι b.
- p. 358, 8: μονάδος] τῆς μονάδος b.
 ὁσοιδηποτοῦν] ὅποσοιδηποτοῦν b.
 22: ὁμοίως — 23: ἐστι] om. b.
 25: δῆ] om. b.
 ἔστω ὁ *A*] corr. ex ἔστωσαν m. rec. b.
 οὐδ'] οὐδέ b.
- p. 360, 5: τόν] bis om. b.
 16: τετάρτου] *Δ* b.
 19: μονάδος] τῆς μονάδος b.
 20: ἐλάσσων b.
 23: μονάδος] τῆς μονάδος b.
 25: ἐλάχιστος] ἐλάσσων b.
- p. 362, 8: πόρισμα — 11: αὐτοῦ] om. b.
 17: ὁποσοιδηποτοῦν] ὅποσοιδηποτοῦν b.
 22: μὴ γάρ] μὴ γὰρ μετρεῖτω ὁ *E* τὸν *A* b.
- p. 364, 1: *E*] corr. ex *A* m. 1 b.
 3: μετρεῖτω] μετρεῖτω δέ b.
 4: πεποίηκε b.

1) In adnotatione p. 354, 8 addatur: „μονάδος] μονάδ.
 ὁ *Z* Theon (BV φ)“.

- p. 364, 29: ἔχοντας] ἔχοντας αὐτοῖς b.
- p. 366, 2: ἡγούμενον] τὸν ἡγούμενον b.
 5: ὑπό] ἀριθμοὶ ὑπό b.
 7: οὐ] om. b.
 14: ἐξῆς] om. b.
- p. 368, 5: πας] ἅπας b.
 6: ὁ E — 7: μετρεῖται] om. b.
 22: ὁ Z οὐκ ἔστι] οὐκ ἔστιν ὁ Z b.
 23: εἰ γάρ] εἰ γάρ ἐστι πρῶτος b.
- p. 370, 2: ἅπας — 3: μετρεῖται] om. b.
 3: ὁ Z ἄρα ὑπὸ πρῶτου] ὑπὸ πρῶτου ἄρα b.
 21: ἀνάλογον] ἄλογον b.
- p. 372, 1: ὑπό] ἐκ τῶν b.
 6: Δ] e corr. m. rec. b.
 7: ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. b.
 20: πεποίηκε b.
 22: πολυπλασιάσαντες b.
 23: τόν] corr. ex αἰτόν b.
 25: μετρήσουσι b.
- p. 374, 2: μετροῦσιν] μετρήσουσιν b.
 14: ὅποιοιοῦν] ὅποιοῦν b.¹⁾
 20: πεποίηκε b; item lin. 21, 22.
 22: εἰσι b. 24: ὥσι b.
- p. 376, 2: ἐστι b.
 3: ἐὰν δέ — 5: ὥστε] καί b.
 5: ZΔ] ΔZ b, sed Z e corr. m. 1.
 6: ΔE] ΔE ἄρα b.
 ὥστε — 7: ἐστίν] om. b.
 8: γάρ] δέ b. ἐκ] ἀπό b.
 10: ἐστίν] ἐστίν. ὥστε ὁ ἐκ τῶν ZΔ, ΔE καὶ
 πρὸς τὸν ἀπὸ τοῦ EZ πρῶτός ἐστιν b.
 13: ἐστίν] ἐστι b.
 17: εἰσι b.
 19: καί] ὥστε καί b. ἐκ] ὑπό b.
 21: ἐκ] sic b.²⁾

1) In adn. p. 374, 13 scribatur „ἔχοντων λόγον V“.

2) Ergo in adn. p. 376, 21 nomen Theonis deleatur.

- p. 376, 22: *ol*] mutat. in *δ* b.
 23: *ὑπό*] *ἐκ* b. *ὑπὸ τῶν*] *ὑπό* b.
πρώτοι εἰσι] *πρώτος ἐστιν* b.
 24: *ol*] *ε* eras. b.
 p. 378, 1: *πρώτοι εἰσιν*] *πρώτος ἐστιν* b.
 2: *ἔτι*] om. b; *καὶ ἔτι* supra scr. m. rec.
ol] *ε* eras. b.
 3: *πρώτοι εἰσιν*] *πρώτος ἐστιν* b.

Praeter errores supra suis locis in adnotationibus correctos, qui in collationibus codicum enotandis irrepserunt, unum deprehendi; nam p. 392 in adnotatione addendum est: „10. *τῶν*] *ἀρα τῶν* BFVq.“

Quoniam collatio codicis Bodleiani in libro decimo, quam alius conficiendam suscepit, nondum finita est, quartum Elementorum volumen libros stereometricos continens ante tertium prodibit et id ipsum fortasse paullo tardius, quia hoc quoque anno, Ministerio cultui scholisque praesidenti rursus liberalissime adiuuante, interuenit iter Italicum trium mensium, in quo codices scholiorum et operum minorum maxime Vaticanos perscrutatus sum. quem laborem ut tam breui tempore ad finem perducere possem, effecerunt summi uiri Mons. Ciccolini et P. Bollig S. J., bibliothecarii Vaticani, quorum humanitatem beneuolentiamque grato ac libenti animo agnosco.

Scr. Hauniae mense Decembri MDCCCLXXXIII.

ΣΤΟΙΧΕΙΑ.

ε'.

Ὅροι.

α'. Μέρος ἐστὶ μέγεθος μεγέθους τὸ ἔλασσον τοῦ μείζονος, ὅταν καταμετρῇ τὸ μείζον.

β'. Πολλαπλάσιον δὲ τὸ μείζον τοῦ ἐλάττονος, 5 ὅταν καταμετρῇται ὑπὸ τοῦ ἐλάττονος.

γ'. Λόγος ἐστὶ δύο μεγεθῶν ὁμογενῶν ἢ κατὰ πηλικιότητά ποια σχέσις.

δ'. Λόγον ἔχειν πρὸς ἄλληλα μεγέθη λέγεται, ἂ δύναται πολλαπλασιαζόμενα ἀλλήλων ὑπερέχειν.

ε'. Ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ μεγέθη λέγεται εἶναι 10 πρῶτον πρὸς δεύτερον καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ὅταν τὰ τοῦ πρώτου καὶ τρίτου ἰσάκῃς πολλαπλάσια τῶν τοῦ δευτέρου καὶ τετάρτου ἰσάκῃς πολλαπλασίων καθ' ὅποιονοῦν πολλαπλασιασμὸν ἑκάτερον ἑκατέρου 5 ἢ ἅμα ὑπερέχῃ ἢ ἅμα ἴσα ἢ ἢ ἅμα ἐλλείπῃ ληφθέντα κατὰλληλα.

ς'. Τὰ δὲ τὸν αὐτὸν ἔχοντα λόγον μεγέθη ἀνάλογον καλεῖσθω.

Def. 1. Hero def. 120, 1. Barlaam logist. I def. 1. 2. Hero def. 121. Barlaam I def. 2. 3. Hero def. 127. Psellus p. 8. 4. Hero def. 123, 1. 5. Hero def. 124. 6. Hero def. 124.

1. Ὅροι] om. PBFp. numéros om. codd. omnes. 2. ἐλάττον Hero. 4. ἐλάσσονος V, ut lin. 5. 7. ποια] P, Hero; πρὸς ἄλληλά ποια Theon (BFV p), Campanus. Post σχέσις add. ἀναλογία δὲ ἢ τῶν λόγων ταυτότης Bp, Campanus; mg. m. 2 P V; mg. bis m. 1 et m. 2 F; om. Hero. 8. ἔχειν]

Liber V.

Definitiones.

1. Pars est minor magnitudo maioris, si maiorem metitur.

2. Multiplex autem maior est minoris, si minor eam metitur.

3. Ratio est duarum eiusdem generis magnitudinum secundum quantitatem quaelibet habitudo.

4. Rationem inter se habere magnitudines dicuntur, quae multiplicatae altera alteram superare possunt.

5. In eadem ratione magnitudines esse dicuntur prima ad secundam et tertia ad quartam, si primae et tertiae aequae multiplices secundae et quartae aequae multiplices aut simul superant aut simul aequales sunt aut simul minores sunt suo ordine¹⁾ sumptae.

6. Magnitudines autem eandem rationem habentes proportionales uocentur.

1) Hoc est: ita ut coniungantur prima secundae, tertia quartae et respondeat loco et ordine prima tertiae, secunda quartae. itaque si $Ma \gtrless Nb$ et simul $Mc \gtrless Nd$, erit $a : b = c : d$. cfr. Hankel: Zur Gesch. der Mathemat. p. 390.

ν supra m. 1 P. 9. ὑπερέχειν] -ειν in ras. V. 14. πολλαπλασιασμῶν P, corr. m. 1. 15. ὑπερέχει B. ἦ] supra m. 1 F. ἐλλείπει B. ληφθέντα] -η- e corr. m. 2 V. Deff. 6—7 permutauit P; ut nos BFVp, Campanus; ex Herone nihil concludi potest, cum etiam def. 8—9 ante def. 7 habeat. 17. ἔχοντα λόγον μεγέθη] λόγον ἔχοντα μεγέθη F; ἔχοντα μεγέθη λόγον V. ἀνάλογον] λόγον ἀνάλογον post ras. 7 litt. in mg. transit m. 2 F.

ξ'. Ὄταν δὲ τῶν ἰσάκεις πολλαπλασίων τὸ μὲν τοῦ
 πρώτου πολλαπλάσιον ὑπερέχῃ τοῦ τοῦ δευτέρου
 πολλαπλασίου, τὸ δὲ τοῦ τρίτου πολλαπλάσιον μὴ
 ὑπερέχῃ τοῦ τοῦ τετάρτου πολλαπλασίου, τότε τὸ
 5 πρῶτον πρὸς τὸ δεύτερον μείζονα λόγον ἔχειν
 λέγεται, ἥπερ τὸ τρίτον πρὸς τὸ τέταρτον.

η'. Ἀναλογία δὲ ἐν τρισὶν ὄροις ἐλαχίστη ἐστίν.

θ'. Ὄταν δὲ τρία μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ πρῶτον
 πρὸς τὸ τρίτον διπλασίονα λόγον ἔχειν λέγεται
 10 ἥπερ πρὸς τὸ δεύτερον.

ι'. Ὄταν δὲ τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ πρῶ-
 τον πρὸς τὸ τέταρτον τριπλασίονα λόγον ἔχειν
 λέγεται ἥπερ πρὸς τὸ δεύτερον, καὶ αἰεὶ ἐξῆς ὁμοίως,
 ὡς ἂν ἡ ἀναλογία ὑπάρχῃ.

15 ια'. Ὀμόλογα μεγέθη λέγεται τὰ μὲν ἡγούμενα
 τοῖς ἡγουμένοις τὰ δὲ ἐπόμενα τοῖς ἐπομένοις.

ιβ'. Ἐναλλὰξ λόγος ἐστὶ λῆψις τοῦ ἡγουμένου
 πρὸς τὸ ἡγούμενον καὶ τοῦ ἐπομένου πρὸς τὸ ἐπόμενον.

ιγ'. Ἀνάπαλιν λόγος ἐστὶ λῆψις τοῦ ἐπομένου
 20 ὡς ἡγουμένου πρὸς τὸ ἡγούμενον ὡς ἐπόμενον.

ιδ'. Σύνθεσις λόγου ἐστὶ λῆψις τοῦ ἡγουμένου
 μετὰ τοῦ ἐπομένου ὡς ἐνὸς πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

7. Hero def. 125, 5. 8. Hero def. 124. 9. Hero
 def. 125, 1. 11. Hero def. 126. 12. Hero def. 127, 6.
 13. Hero def. 127, 2. 14. Hero def. 127, 3.

2. ὑπερέχει P, sed corr. m. 1. 4. τὸ] supra m. 1 V.
 Post def. 7 seq. ἀναλογία δὲ ἐστὶν ἡ τῶν λόγων ὁμοιότης Fp
 et V (del. punctis, sed puncta erasa); om. PB, Hero, Cam-
 panus. 7. τρισὶν] -ισ- in ras. m. 2 V. ἐλαχίστοις V.
 Def. 10 om. Heron. 12. τό] om. P. τριπλασίονα] τρι- in
 ras. p. 13. αἰεὶ] αἰεὶ FV. καὶ αἰεὶ — 14: ὑπάρχῃ] om. Cam-
 panus. 13. ὁμοίως] P; ἐνὶ πλείους Theon (BFVp). 14. ὡς]

7. Sin ex aequae multiplicibus¹⁾ primae multiplex multiplicem secundae superat, tertiae autem multiplex multiplicem quartae non superat, tum prima ad secundam maiorem rationem habere dicitur quam tertia ad quartam.

8. Proportio autem in tribus terminis consistens minima est.

9. Si tres magnitudines proportionales²⁾ sunt, prima ad tertiam duplicatam rationem quam ad secundam habere dicitur.

10. Sin quattuor magnitudines proportionales³⁾ sunt, prima ad quartam triplicatam rationem quam ad secundam habere dicitur, et eodem modo semper deinceps, qualiscunque data est proportio.

11. Respondentes magnitudines dicuntur praecedentes praecedentibus, sequentes sequentibus.

12. Permutata ratio est, ubi sumitur praecedens ad praecedentem et sequens ad sequentem.

13. Inversa ratio est, ubi sumitur sequens praecedentis loco ad praecedentem sequentis loco.

14. Compositio rationis est, ubi sumitur praecedens cum sequenti pro una ad solam sequentem.

1) Non omnes aequae multiplices esse debent, sed primae et tertiae aequae multiplices, secundae et quartae, ut in def. 5.

2) Sc. deinceps (κατὰ τὸ συνεχές), h. e. si $a : b = b : c$, erit $a : c = a^2 : b^2$.

3) Sc. deinceps (κατὰ τὸ συνεχές); cfr. XI, 33. h. e. si $a : b = b : c = c : d$, erit $a : d = a^3 : b^3$.

ιε'. Διαίρεσις λόγου ἐστὶ λῆψις τῆς ὑπεροχῆς, ἥ ὑπερέχει τὸ ἡγούμενον τοῦ ἐπομένου, πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

ιβ'. Ἀναστροφὴ λόγου ἐστὶ λῆψις τοῦ ἡγούμενου
5 πρὸς τὴν ὑπεροχήν, ἥ ὑπερέχει τὸ ἡγούμενον τοῦ ἐπομένου.

ιγ'. Δι' ἴσου λόγος ἐστὶ πλειόνων ὄντων μεγεθῶν καὶ ἄλλων αὐτοῖς ἴσων τὸ πλῆθος σύνδυο λαμβανομένων καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ὅταν ἡ ὥς ἐν τοῖς
10 πρῶτοις μεγέθεσι τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον, οὕτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσι τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον· ἢ ἄλλως· Λῆψις τῶν ἄκρων καθ' ὑπεξαίρεσιν τῶν μέσων.

ιδ'. Τετραγαμμένη δὲ ἀναλογία ἐστίν, ὅταν
15 τριῶν ὄντων μεγεθῶν καὶ ἄλλων αὐτοῖς ἴσων τὸ πλῆθος γίνηται ὥς μὲν ἐν τοῖς πρῶτοις μεγέθεσιν ἡγούμενον πρὸς ἐπόμενον, οὕτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν ἡγούμενον πρὸς ἐπόμενον, ὥς δὲ ἐν τοῖς πρῶτοις μεγέθεσιν ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τι, οὕτως ἐν
20 τοῖς δευτέροις ἄλλο τι πρὸς ἡγούμενον.

α'.

Ἐὰν ἡ ὁποσαοῦν μεγέθη ὁποσωνοῦν μεγεθῶν ἴσων τὸ πλῆθος ἕκαστον ἐκάστου ἰσάκεις πολλαπλάσιον, ὅσαπλάσιόν ἐστιν ἐν τῶν με-
25 γεθῶν ἐνός, τοσαυταπλάσια ἔσται καὶ τὰ πάντα τῶν πάντων.

15. Hero def. 127, 4. 16. Hero def. 127, 5. 17. Hero def. 127, 7. 18. Hero def. 127, 7?

1. δὲ λόγου FVp. ἐστίν B. 4. ἐστίν BF. 7. ἐστίν PF. 10. μεγέθεσιν PB. 11. μεγέθεσιν PB. Post def. 17

15. Subtractio rationis est, ubi sumitur excessus, quo praecedens sequentem excedit, ad solam sequentem.

16. Conuersio rationis est, ubi sumitur praecedens ad excessum, quo praecedens sequentem excedit.

17. Datis compluribus magnitudinibus et aliis iis numero aequalibus, ita ut bini coniuncti in eadem ratione sint, ex aequo ratio est, ubi erit, ut in prioribus magnitudinibus prima ad extremam, ita in alteris magnitudinibus prima ad extremam. uel aliter: ubi termini exteriores sumuntur omissis mediis.¹⁾

18. Perturbata autem ratio est, ubi datis tribus magnitudinibus et aliis numero iis aequalibus est ut in prioribus magnitudinibus praecedens terminus ad sequentem, ita in alteris magnitudinibus praecedens ad sequentem, et ut in prioribus magnitudinibus sequens ad aliud, ita in alteris aliud ad praecedentem.²⁾

I.

Si datae sunt quotlibet magnitudines quotlibet magnitudinum numero aequalium singulae singularum aequae multiplices, quoties multiplex est una magnitudo unius, toties etiam omnes omnium erunt multiplices.

1) Si $a : b : c = \alpha : \beta : \gamma$, ratio ex aequo erit $a : c = \alpha : \gamma$. cfr. prop. 22.

2) H. e. si datis $a, b, c, \alpha, \beta, \gamma$ est $a : b = \beta : \gamma$ et $b : c = \alpha : \beta$. cfr. prop. 23.

seq. τεταγμένη (δέ add. F et V m. 2) ἀναλογία ἐστίν, ὅταν ἢ ὡς ἡγούμενον πρὸς (τό add. V) ἐπόμενον οὕτως ἡγούμενον (ἡγούμενος φ) πρὸς (τό add. V) ἐπόμενον, ἢ δὲ καὶ ὡς ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τι οὕτως ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τι F V p, B m. 2, P m. rec.; om. PB m. 1, et cum sequenti Campanus; de Herone dubium est (def. 127, 7). nusquam usurpatur. 15. ἴσων αὐτοῖς V. ἴσων] ἴσων φ (non F). 16. γένηται F V. 25. τὸσανταπλάσιοι φ (non F).

Ἐστω ὅποσαοῦν μεγέθη τὰ $AB, ΓΔ$ ὅποσωνοῦν
 μεγεθῶν τῶν E, Z ἴσων τὸ πλῆθος ἕκαστον ἑκάστου
 ἰσάκεις πολλαπλάσιον· λέγω, ὅτι ὅσαπλάσιόν ἐστι τὸ
 AB τοῦ E , τοσανταπλάσια ἔσται καὶ τὰ $AB, ΓΔ$
 5 τῶν E, Z .

Ἐπεὶ γὰρ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ AB τοῦ
 E καὶ τὸ $ΓΔ$ τοῦ Z , ὅσα ἄρα ἐστὶν ἐν τῷ AB με-
 γέθη ἴσα τῷ E , τοσαῦτα καὶ ἐν τῷ $ΓΔ$ ἴσα τῷ Z .
 διηρῆσθω τὸ μὲν AB εἰς τὰ τῷ E μεγέθη ἴσα τὰ
 10 AH, HB , τὸ δὲ $ΓΔ$ εἰς τὰ τῷ Z ἴσα τὰ $ΓΘ, ΘΔ$.
 ἔσται δὴ ἴσον τὸ πλῆθος τῶν AH, HB τῷ πλήθει
 τῶν $ΓΘ, ΘΔ$. καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ μὲν AH τῷ
 E , τὸ δὲ $ΓΘ$ τῷ Z , ἴσον ἄρα τὸ AH τῷ E , καὶ τὰ
 $AH, ΓΘ$ τοῖς E, Z . διὰ τὰ αὐτὰ δὴ ἴσον ἐστὶ τὸ
 5 HB τῷ E , καὶ τὰ $HB, ΘΔ$ τοῖς E, Z . ὅσα ἄρα ἐστὶν
 ἐν τῷ AB ἴσα τῷ E , τοσαῦτα καὶ ἐν τοῖς $AB, ΓΔ$
 ἴσα τοῖς E, Z . ὅσαπλάσιον ἄρα ἐστὶ τὸ AB τοῦ E ,
 τοσανταπλάσια ἔσται καὶ τὰ $AB, ΓΔ$ τῶν E, Z .

Ἐὰν ἄρα ἢ ὅποσαοῦν μεγέθη ὅποσωνοῦν μεγε-
 10 θῶν ἴσων τὸ πλῆθος ἕκαστον ἑκάστου ἰσάκεις πολλα-
 πλάσιον, ὅσαπλάσιόν ἐστὶν ἐν τῶν μεγεθῶν ἐνός, το-
 σανταπλάσια ἔσται καὶ τὰ πάντα τῶν πάντων· ὅπερ
 ἔδει δεῖξαι.

β'.

5 Ἐὰν πρῶτον δευτέρου ἰσάκεις ἢ πολλαπλά-

6. πολλαπλάσιον P. τοῦ] in ras. V. 7. ἐστίν] μεγέθη
 ἐστίν V. μεγέθη] om. V. 9. τῷ] corr. ex τῶν m. 1 B.
 ἴσα] corr. ex οὔσα m. 1 V. 10. εἰς] εἰ p. τῷ] corr.
 ex τῶν m. 1 B. 11. ἴσον] m. 2 V. AH, HB] Pφ; $ΓΘ$,
 $ΘΔ$ BVp. 12. $ΓΘ, ΘΔ$] Pφ; AH, HB BVp. ἴσον] m.
 2 V. 14. τό] in ras. p. Emendatio ed. Basil. lin. 13: ἴσα
 ἄρα καὶ τὰ $AH, ΓΘ$ τοῖς E, Z et lin. 15: καὶ τὸ $ΘΔ$ τῷ Z ,

Sint quotlibet magnitudines AB , $\Gamma\Delta$ quotlibet
 magnitudinum E , Z nu-
 $A \xrightarrow{H} B$ $\Gamma \xrightarrow{\Theta} \Delta$ mero aequalium singu-
 $E \quad Z$ lae singularum aequae
 multiplices. dico, quoties
 multiplex sit AB magnitudinis E , toties multiplicem
 esse $AB + \Gamma\Delta$ magnitudinis $E + Z$.

nam quoniam AB magnitudinis E et $\Gamma\Delta$ magni-
 tudinis Z aequae multiplices sunt, quot sunt in AB
 magnitudines magnitudini E aequales, totidem etiam
 in $\Gamma\Delta$ sunt magnitudini Z aequales. diuidatur AB
 in magnitudines magnitudini E aequales AH , HB et $\Gamma\Delta$
 in magnitudines magnitudini Z aequales $\Gamma\Theta$, $\Theta\Delta$.
 itaque numerus magnitudinum AH , HB numero
 magnitudinum $\Gamma\Theta$, $\Theta\Delta$ aequalis erit. et quoniam
 $AH = E$ et $\Gamma\Theta = Z$, erit $AH = E$ et $AH + \Gamma\Theta$
 $= E + Z$. eadem de causa $HB = E$ et $HB + \Theta\Delta$
 $= E + Z$. itaque quot sunt in AB magnitudines ma-
 gnitudini E aequales, totidem etiam sunt in $AB + \Gamma\Delta$
 magnitudini $E + Z$ aequales. itaque quoties multi-
 plex est AB magnitudinis E , toties multiplex erit
 etiam $AB + \Gamma\Delta$ magnitudinis $E + Z$.

Ergo si datae sunt quotlibet magnitudines quotlibet
 magnitudinum numero aequalium singulae singularum
 aequae multiplices, quoties multiplex est una magnitudo
 unius, toties etiam omnes omnium erunt multiplices;
 quod erat demonstrandum.

II.

Si prima secundae et tertiae quartae aequae multi-

σιον καὶ τρίτον τετάρτου, ἥ δὲ καὶ πέμπτον
 δευτέρου ἰσάκεις πολλαπλάσιον καὶ ἕκτον τε-
 τάρτου, καὶ συντεθὲν πρῶτον καὶ πέμπτον
 δευτέρου ἰσάκεις ἔσται πολλαπλάσιον καὶ τρί-
 5 τον καὶ ἕκτον τετάρτου.

Πρῶτον γὰρ τὸ AB δευτέρου τοῦ Γ ἰσάκεις ἔστω
 πολλαπλάσιον καὶ τρίτον τὸ ΔE τετάρτου τοῦ Z ,
 ἔστω δὲ καὶ πέμπτον τὸ BH δευτέρου τοῦ Γ ἰσάκεις
 πολλαπλάσιον καὶ ἕκτον τὸ $E\Theta$ τετάρτου τοῦ Z . λέγω,
 10 ὅτι καὶ συντεθὲν πρῶτον καὶ πέμπτον τὸ AH δευτέ-
 ρου τοῦ Γ ἰσάκεις ἔσται πολλαπλάσιον καὶ τρίτον καὶ
 ἕκτον τὸ $\Delta\Theta$ τετάρτου τοῦ Z .

Ἐπεὶ γὰρ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ AB τοῦ
 Γ καὶ τὸ ΔE τοῦ Z , ὅσα ἄρα ἐστὶν ἐν τῷ AB ἴσα
 15 τῷ Γ , τοσαῦτα καὶ ἐν τῷ ΔE ἴσα τῷ Z . διὰ τὰ
 αὐτὰ δὴ καὶ ὅσα ἐστὶν ἐν τῷ BH ἴσα τῷ Γ , τοσαῦτα
 καὶ ἐν τῷ $E\Theta$ ἴσα τῷ Z . ὅσα ἄρα ἐστὶν ἐν ὅλῳ τῷ
 AH ἴσα τῷ Γ , τοσαῦτα καὶ ἐν ὅλῳ τῷ $\Delta\Theta$ ἴσα τῷ Z .
 ὁσαπλάσιον ἄρα ἐστὶ τὸ AH τοῦ Γ , τοσαυταπλάσιον
 20 ἔσται καὶ τὸ $\Delta\Theta$ τοῦ Z . καὶ συντεθὲν ἄρα πρῶτον
 καὶ πέμπτον τὸ AH δευτέρου τοῦ Γ ἰσάκεις ἔσται
 πολλαπλάσιον καὶ τρίτον καὶ ἕκτον τὸ $\Delta\Theta$ τετάρτου τοῦ Z .

Ἐὰν ἄρα πρῶτον δευτέρου ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον
 καὶ τρίτον τετάρτου, ἢ δὲ καὶ πέμπτον δευτέρου
 25 ἰσάκεις πολλαπλάσιον καὶ ἕκτον τετάρτου, καὶ συντεθὲν
 πρῶτον καὶ πέμπτον δευτέρου ἰσάκεις ἔσται πολλαπλά-
 σιον καὶ τρίτον καὶ ἕκτον τετάρτου· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

6. δευτέρου] corr. ex δεύτερον V. 13. ἐστὶν P. 16. Γ] corr. ex A m. 2 F. 17. $E\Theta$] $EB\varphi$. 18. $\Delta\Theta$] corr. ex AH m. 1 P. Z] corr. ex Γ m. 1 P. 19. ἐστὶν P. 20. τὸ πρῶτον P. 21. ἔσται] ἔστω B, ἐστι p.

plices sunt, et quinta secundae sextaque quartae aequae multiplices, etiam prima quintaque compositae secundae et tertia sextaque compositae quartae aequae multiplices erunt.

nam prima AB secundae Γ et tertia ΔE quartae Z aequae multiplices sint, et quinta BH secundae Γ sextaque $E\Theta$ quartae Z aequae multiplices sint. dico, etiam primam quintamque compositas AH secundae Γ et tertiam sextamque compositas $\Delta\Theta$ quartae Z aequae multiplices esse.

nam quoniam AB magnitudinis Γ et ΔE magnitudinis Z aequae multiplices sunt, quot sunt in AB magnitudini Γ aequales, tot etiam in ΔE sunt magnitudini Z aequales. eadem de causa etiam, quot sunt in tota BH magnitudini Γ aequales, tot etiam in $E\Theta$ sunt magnitudini Z aequales. quare quot sunt in tota AH magnitudini Γ aequales, totidem etiam in tota $\Delta\Theta$ sunt magnitudini Z aequales. itaque quoties multiplex est AH magnitudinis Γ , toties multiplex erit etiam $\Delta\Theta$ magnitudinis Z . itaque etiam prima et quinta compositae AH secundae Γ aequae multiplices erunt ac tertia sextaque $\Delta\Theta$ quartae Z .

Ergo si prima secundae et tertia quartae aequae multiplices sunt, et quinta secundae sextaque quartae aequae multiplices, etiam prima quintaque compositae secundae et tertia sextaque compositae quartae aequae multiplices erunt; quod erat demonstrandum.

γ'.

Ἐὰν πρῶτον δευτέρου ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον καὶ τρίτον τετάρτου, ληφθῇ δὲ ἰσάκεις πολλαπλάσια τοῦ τε πρώτου καὶ τρίτου, καὶ
 5 δι' ἴσου τῶν ληφθέντων ἑκάτερον ἑκατέρου ἰσάκεις ἔσται πολλαπλάσιον τὸ μὲν τοῦ δευτέρου τὸ δὲ τοῦ τετάρτου.

Πρῶτον γὰρ τὸ *A* δευτέρου τοῦ *B* ἰσάκεις ἔστω πολλαπλάσιον καὶ τρίτον τὸ *Γ* τετάρτου τοῦ *Δ*, καὶ
 10 εἰλήφθω τῶν *A*, *Γ* ἰσάκεις πολλαπλάσια τὰ *EZ*, *HΘ*. λέγω, ὅτι ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ *EZ* τοῦ *B* καὶ τὸ *HΘ* τοῦ *Δ*.

Ἐπεὶ γὰρ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ *EZ* τοῦ *A* καὶ τὸ *HΘ* τοῦ *Γ*, ὅσα ἄρα ἐστὶν ἐν τῷ *EZ* ἴσα
 15 τῷ *A*, τοσαῦτα καὶ ἐν τῷ *HΘ* ἴσα τῷ *Γ*. διηρήσθω τὸ μὲν *EZ* εἰς τὰ τῷ *A* μεγέθη ἴσα τὰ *EK*, *KZ*, τὸ δὲ *HΘ* εἰς τὰ τῷ *Γ* ἴσα τὰ *ΗΑ*, *ΛΘ*. ἔσται δὴ ἴσον τὸ πλῆθος τῶν *EK*, *KZ* τῷ πλῆθει τῶν *ΗΑ*, *ΛΘ*. καὶ ἐπεὶ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ *A* τοῦ *B* καὶ
 20 τὸ *Γ* τοῦ *Δ*, ἴσον δὲ τὸ μὲν *EK* τῷ *A*, τὸ δὲ *ΗΑ* τῷ *Γ*, ἰσάκεις ἄρα ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ *EK* τοῦ *B* καὶ τὸ *ΗΑ* τοῦ *Δ*. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ *KZ* τοῦ *B* καὶ τὸ *ΛΘ* τοῦ *Δ*. ἐπεὶ οὖν πρῶτον τὸ *EK* δευτέρου τοῦ *B* ἰσάκεις ἐστὶ πολλα-
 25 πλάσιον καὶ τρίτον τὸ *ΗΑ* τετάρτου τοῦ *Δ*, ἔστι δὲ καὶ πέμπτον τὸ *KZ* δευτέρου τοῦ *B* ἰσάκεις πολλαπλάσιον καὶ ἕκτον τὸ *ΛΘ* τετάρτου τοῦ *Δ*, καὶ συν-

4. τε] om B V p 10. εἰλήφθωσαν p 11. ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον] ὁσαπλάσιον P. B] in ras F. 14. ἐστίν] supra F. ἴσα] m. 2 P. 15. καὶ] δὴ καὶ V. 16. τό] m. 2 V. εἰς τὰ] in ras. m. 2 V. 20. δέ] (prius) supra m. 2 comp. V. 22. ἐστίν P. 23. τοῦ Δ] postea add. F. 25. ἐστίν P.

III.

Si prima secundae et tertia quartae aequae multiplices sunt, et primae tertiaeque aequae multiplices sumuntur, etiam ex aequo¹⁾ magnitudinum sumptarum altera secundae altera quartae aequae multiplices erunt singulae singularum.

A |——|——|——|

B |——|

E |——— K ——|———|

Γ |——|——|——|

Δ |——|

H |——— Λ ——|———|⊙

Nam prima A secundae B et tertia Γ quartae Δ aequae sunt multiplices, et sumantur magnitudinum A, Γ aequae multiplices $EZ, H\odot$. dico, EZ magnitudinis B et $H\odot$ magnitudinis Δ aequae multiplices esse.

nam quoniam EZ magnitudinis A et $H\odot$ magnitudinis Γ aequae multiplices sunt, quot sunt in EZ magnitudines magnitudini A aequales, totidem etiam in $H\odot$ sunt magnitudini Γ aequales. diuidatur EZ in magnitudines magnitudini A aequales EK, KZ , et $H\odot$ in magnitudines magnitudini Γ aequales $H\Lambda, \Lambda\odot$. erit igitur numerus magnitudinum EK, KZ numero magnitudinum $H\Lambda, \Lambda\odot$ aequalis. et quoniam A magnitudinis B et Γ magnitudinis Δ aequae multiplices sunt, et $EK = A, H\Lambda = \Gamma$, erunt EK magnitudinis B et $H\Lambda$ magnitudinis Δ aequae multiplices. eadem de causa KZ magnitudinis B et $\Lambda\odot$ magnitudinis Δ aequae multiplices sunt. iam quoniam prima EK secundae B et tertia $H\Lambda$ quartae Δ aequae

1) Hic non proprie ad definitionem rationis $\delta\iota'$ ἴσων (17) respicitur.

τεθὲν ἄρα πρῶτον καὶ πέμπτον τὸ ΕΖ δευτέρου τοῦ Β ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον καὶ τρίτον καὶ ἕκτον τὸ ΗΘ τετάρτου τοῦ Δ.

Ἐὰν ἄρα πρῶτον δευτέρου ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον
5 καὶ τρίτον τετάρτου, ληφθῇ δὲ τοῦ πρώτου καὶ τρίτου ἰσάκεις πολλαπλάσια, καὶ δι' ἴσου τῶν ληφθέντων ἑκάτερον ἑκατέρου ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ μὲν τοῦ δευτέρου τὸ δὲ τοῦ τετάρτου· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

δ'.

10 Ἐὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, καὶ τὰ ἰσάκεις πολλαπλάσια τοῦ τε πρώτου καὶ τρίτου πρὸς τὰ ἰσάκεις πολλαπλάσια τοῦ δευτέρου καὶ τε-
15 τάρτου καθ' ὁποιοιοῦν πολλαπλασιασμὸν τὸν αὐτὸν ἔξει λόγον ληφθέντα κατὰλληλα.

Πρῶτον γὰρ τὸ Α πρὸς δεύτερον τὸ Β τὸν αὐτὸν ἔχτω λόγον καὶ τρίτον τὸ Γ πρὸς τέταρτον τὸ Δ, καὶ εἰλήφθω τῶν μὲν Α, Γ ἰσάκεις πολλαπλάσια τὰ Ε, Ζ, τῶν δὲ Β, Δ ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάκεις πολλα-
20 πλάσια τὰ Η, Θ· λέγω, ὅτι ἐστὶν ὡς τὸ Ε πρὸς τὸ Η, οὕτως τὸ Ζ πρὸς τὸ Θ.

Εἰλήφθω γὰρ τῶν μὲν Ε, Ζ ἰσάκεις πολλαπλάσια τὰ Κ, Λ, τῶν δὲ Η, Θ ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάκεις πολλαπλάσια τὰ Μ, Ν.

25 [Καὶ] ἐπεὶ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ μὲν Ε

5. δὲ ἰσάκεις πολλαπλάσια τοῦ πρώτου καὶ τρίτου V; cfr. p 12, 3—4. 8. δεῖξαι] ποιῆσαι V. 18. Γ] corr. ex B F 19. τὰ] postea add. m. 2 F. ἃ] m. 2 F. 20. ἐστὶν] om. V. 21. Η ἐστὶν V. 23. ἄλλα, ἃ ἔτυχεν] mg. m. 2 V. ἃ] supra F. 24. Ν] in ras. m. 1 p. 25. καί] m. 2 P. ἐστὶν P.

multiplices sunt, et quinta KZ secundae B sextaque $A\textcircled{M}$ quartae Δ aequae multiplices sunt, etiam prima quintaque compositae EZ secundae B et tertia sextaque compositae $H\textcircled{N}$ quartae Δ aequae multiplices erunt [prop. II].

Ergo si prima secundae et tertia quartae aequae multiplices sunt, et primae tertiaeque aequae multiplices sumuntur, etiam ex aequo magnitudinum sumptarum altera secundae altera quartae aequae multiplices erunt singulae singularum; quod erat demonstrandum.

IV.

Si prima ad secundam eandem rationem habet ac tertia ad quartam, etiam primae tertiaeque aequae multiplices ad secundae quartaeque aequae multiplices qualibet multiplicatione productas eandem rationem habebunt suo ordine sumptae.

A |——|

B |——|

E |——|——|

H |——|——|——|

K |——|——|——|

M |——|——|——|——|

Γ |——|

Δ |——|

Z |——|——|

\textcircled{N} |——|——|——|

A |——|——|——|

N |——|——|——|——|

Δ et magnitudinum H , \textcircled{N} aliae quaevis aequae multiplices M , N . iam quoniam E magnitudinis A , et Z

Sit enim $A : B = \Gamma : \Delta$, et sumantur magnitudinum A , Γ aequae multiplices E , Z et magnitudinum B , Δ aliae quaevis aequae multiplices H , \textcircled{M} . dico, esse $E : H = Z : \textcircled{M}$.

sumantur enim magnitudinum E , Z aequae multiplices K ,

τοῦ *A*, τὸ δὲ *Z* τοῦ *Γ*, καὶ εἴληπται τῶν *E*, *Z* ἰσά-
 κεις πολλαπλάσια τὰ *K*, *A*, ἰσάκεις ἄρα ἐστὶ πολλαπλά-
 σιον τὸ *K* τοῦ *A* καὶ τὸ *A* τοῦ *Γ*. διὰ τὰ αὐτὰ
 δὴ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ *M* τοῦ *B* καὶ τὸ *N*
 5 τοῦ *A*. καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς τὸ *A* πρὸς τὸ *B*, οὕτως
 τὸ *Γ* πρὸς τὸ *A*, καὶ εἴληπται τῶν μὲν *A*, *Γ* ἰσάκεις
 πολλαπλάσια τὰ *K*, *A*, τῶν δὲ *B*, *A* ἄλλα, ἃ ἔτυχεν,
 ἰσάκεις πολλαπλάσια τὰ *M*, *N*, εἰ ἄρα ὑπερέχει τὸ *K*
 τοῦ *M*, ὑπερέχει καὶ τὸ *A* τοῦ *N*, καὶ εἰ ἴσον, ἴσον,
 10 καὶ εἰ ἔλαττον, ἔλαττον. καὶ ἐστὶ τὰ μὲν *K*, *A* τῶν
E, *Z* ἰσάκεις πολλαπλάσια, τὰ δὲ *M*, *N* τῶν *H*, *Θ* ἄλλα,
 ἃ ἔτυχεν, ἰσάκεις πολλαπλάσια· ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ *E*
 πρὸς τὸ *H*, οὕτως τὸ *Z* πρὸς τὸ *Θ*.

Ἐὰν ἄρα πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη
 15 λόγον καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, καὶ τὰ ἰσάκεις πολλα-
 πλάσια τοῦ τε πρώτου καὶ τρίτου πρὸς τὰ ἰσάκεις
 πολλαπλάσια τοῦ δευτέρου καὶ τετάρτου τὸν αὐτὸν
 ἔξει λόγον καθ' ὅποιονοῦν πολλαπλασιασμὸν ληφθέντα
 κατάλληλα· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

20

ε'.

Ἐὰν μέγεθος μεγέθους ἰσάκεις ἢ πολλα-
 πλάσιον, ὅπερ ἀφαιρεθὲν ἀφαιρεθέντος, καὶ
 τὸ λοιπὸν τοῦ λοιποῦ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλά-
 σιον, ὅσαπλάσιόν ἐστὶ τὸ ὅλον τοῦ ὅλου.

1. τῶν] τό F; corr. m. rec. 2. πολλαπλάσιον] πολλα-
 πλάσια V, corr. m. 1. 5. οὕτω F. 6. μὲν] om. Br.
 7. ἃ] supra F. 10. Post ἔλαττον in P repetantur: καὶ
 ἐπεὶ ὑπερέχει τὸ *K* τοῦ *M* καὶ τὸ *A* τοῦ *N* καὶ εἰ ἴσον ἴσον
 καὶ εἰ ἔλαττον ἔλαττον. ἐστὶν P. *A*] e corr. m. 2 F. 12.
 ἃ] supra m. 2 P. 16. τε πρώτου] τετάρτου φ (non F.,
 17. καθ' ὅποιονοῦν πολλαπλασιασμὸν τὸν αὐτὸν ἔξει λόγον Br;
 cfr. p. 14 lin. 14—15. 19. δεῖξαι] corr ex ποιῆσαι V. Deinde add.
 Theon: ἐπεὶ οὖν ἐδείχθη, ὅτι, εἰ ὑπερέχει τὸ *K* τοῦ *M*, ὑπερέχει .

magnitudinis Γ aequae multiplices sunt, et sumptae sunt magnitudinum E, Z aequae multiplices K, A , erit K magnitudinis A et A magnitudinis Γ aequae multiplex [prop. III]. eadem de causa M magnitudinis B et N magnitudinis A aequae multiplex est. et quoniam est $A : B = \Gamma : A$, et sumptae sunt magnitudinum A, Γ aequae multiplices K, A et magnitudinum B, A aliae quaevis aequae multiplices M, N , si K magnitudinem M superat, etiam A magnitudinem N superat, et si aequalis, aequalis est, et si minor, minor [def. 5]. et K, A magnitudinum E, Z aequae multiplices sunt, M, N autem magnitudinum H, Θ aliae quaevis aequae multiplices. itaque $E : H = Z : \Theta$ [def. 5].

Ergo si prima ad secundam eandem rationem habet ac tertia ad quartam, etiam primae tertiaeque aequae multiplices ad secundae quartaeeque aequae multiplices qualibet multiplicatione productas eandem rationem habebunt suo ordine sumptae; quod erat demonstrandum.

V.

Si magnitudo magnitudinis aequae multiplex est atque ablata ablatae, etiam reliqua reliquae aequae multiplex erit ac tota totius.

καὶ τὸ A τοῦ N , καὶ εἰ ἴσον ἴσον, καὶ εἰ ἑλάττω ἑλάττω, ὁρῶν ὅτι καὶ εἰ ὑπερέχει τὸ M τοῦ K , ὑπερέχει καὶ τὸ N τοῦ A , καὶ εἰ ἴσον ἴσον, καὶ εἰ ἑλάττω ἑλάττω, καὶ διὰ τοῦτο ἔσται καὶ ὡς τὸ H πρὸς τὸ E , οὕτως τὸ Θ πρὸς τὸ Z . Πόρισμα. ἐκ δὲ τούτου φανερόν, ὅτι ἐὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, καὶ ἀνάπαλιν ἀνάλογον ἔσται (FBV; primum ὅτι om. B; οὕτω pro οὕτως F; semper ἑλάττω V; in p non exstant nisi ultima inde a πόρισμα); idem in P. mg m. rec. (om. priore ὅτι); om. P m. 1, Campanus; cfr. ad prop. VII. 24. τὸ corr ex τοῦ m. 1 F. τὸ ὅλον] supra p.

Μέγεθος γάρ τὸ AB μεγέθους τοῦ $ΓΔ$ ἰσάκῃς
 ἔστω πολλαπλάσιον, ὅπερ ἀφαιρεθὲν τὸ AE ἀφαιρε-
 θέντος τοῦ $ΓΖ$ · λέγω, ὅτι καὶ λοιπὸν τὸ EB λοιποῦ
 τοῦ $ΖΔ$ ἰσάκῃς ἔσται πολλαπλάσιον, ὅσαπλάσιόν ἐστιν
 5 ὅλον τὸ AB ὅλου τοῦ $ΓΔ$.

Ὅσαπλάσιον γάρ ἐστι τὸ AE τοῦ $ΓΖ$, τοσαυ-
 ταπλάσιον γεγονέτω καὶ τὸ EB τοῦ $ΗΓ$.

Καὶ ἐπεὶ ἰσάκῃς ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ AE τοῦ
 $ΓΖ$ καὶ τὸ EB τοῦ $ΗΓ$, ἰσάκῃς ἄρα ἐστὶ πολλαπλά-
 10 σιον τὸ AE τοῦ $ΓΖ$ καὶ τὸ AB τοῦ $ΗΖ$. καίτοι δὲ
 ἰσάκῃς πολλαπλάσιον τὸ AE τοῦ $ΓΖ$ καὶ τὸ AB τοῦ
 $ΓΔ$. ἰσάκῃς ἄρα ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ AB ἑκατέρου
 τῶν $ΗΖ$, $ΓΔ$ · ἴσον ἄρα τὸ $ΗΖ$ τῷ $ΓΔ$. κοινὸν ἀφη-
 ρήσθω τὸ $ΓΖ$ · λοιπὸν ἄρα τὸ $ΗΓ$ λοιπῷ τῷ $ΖΔ$
 15 ἴσον ἐστίν. καὶ ἐπεὶ ἰσάκῃς ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ
 AE τοῦ $ΓΖ$ καὶ τὸ EB τοῦ $ΗΓ$, ἴσον δὲ τὸ $ΗΓ$ τῷ
 $ΔΖ$, ἰσάκῃς ἄρα ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ AE τοῦ $ΓΖ$
 καὶ τὸ EB τοῦ $ΖΔ$. ἰσάκῃς δὲ ὑπόκειται πολλαπλά-
 σιον τὸ AE τοῦ $ΓΖ$ καὶ τὸ AB τοῦ $ΓΔ$ · ἰσάκῃς ἄρα
 20 ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ EB τοῦ $ΖΔ$ καὶ τὸ AB τοῦ
 $ΓΔ$. καὶ λοιπὸν ἄρα τὸ EB λοιποῦ τοῦ $ΖΔ$ ἰσάκῃς
 ἔσται πολλαπλάσιον, ὅσαπλάσιόν ἐστιν ὅλον τὸ AB
 ὅλου τοῦ $ΓΔ$.

Ἐὰν ἄρα μέγεθος μεγέθους ἰσάκῃς ἢ πολλαπλάσιον,
 25 ὅπερ ἀφαιρεθὲν ἀφαιρεθέντος, καὶ τὸ λοιπὸν τοῦ
 λοιποῦ ἰσάκῃς ἔσται πολλαπλάσιον, ὅσαπλάσιόν ἐστι
 καὶ τὸ ὅλον τοῦ ὅλου· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

4. $ΖΔ$] $ΔΖ$ Bp, $ΖΔ$, seq. ras. 1 litt. et Z in ras. V; EZ
 in ras. F. ἐστίν] ἐστι τό F. 6. ἐστι] ἐστίν ὅλον, delete
 ὅλον V. 8. καὶ ἐπεὶ — 9 : $ΗΓ$] om. p; mg. m. 2 B. 9.
 EB] B in ras. F. $ΗΓ$] corr. m. 1 ex $ΓΗ$ V; $ΓΗ$ B; $ΓΗ$ F.

ε'.

Ἐὰν δύο μεγέθη δύο μεγεθῶν ἰσάκεις ἢ
πολλαπλάσια, καὶ ἀφαιρεθέντα τινὰ τῶν αὐτῶν
ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσια, καὶ τὰ λοιπὰ τοῖς αὐτοῖς
ἦτοι ἴσα ἐστὶν ἢ ἰσάκεις αὐτῶν πολλαπλάσια.

Δύο γὰρ μεγέθη τὰ $AB, ΓΔ$ δύο μεγεθῶν τῶν
 E, Z ἰσάκεις ἔστω πολλαπλάσια, καὶ ἀφαιρεθέντα τὰ
 $AH, ΓΘ$ τῶν αὐτῶν τῶν E, Z ἰσάκεις ἔστω πολλαπλά-
σια· λέγω, ὅτι καὶ λοιπὰ τὰ $HB, ΘΔ$ τοῖς E, Z ἦτοι
10 ἴσα ἐστὶν ἢ ἰσάκεις αὐτῶν πολλαπλάσια.

Ἐστω γὰρ πρότερον τὸ HB τῷ E ἴσον· λέγω,
ὅτι καὶ τὸ $ΘΔ$ τῷ Z ἴσον ἐστίν.

Κείσθω γὰρ τῷ Z ἴσον τὸ $ΓΚ$. ἐπεὶ ἰσάκεις
ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ AH τοῦ E καὶ τὸ $ΓΘ$ τοῦ Z ,
15 ἴσον δὲ τὸ μὲν HB τῷ E , τὸ δὲ $ΚΓ$ τῷ Z , ἰσάκεις
ἄρα ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ AB τοῦ E καὶ τὸ $ΚΘ$
τοῦ Z . ἰσάκεις δὲ ὑπόκειται πολλαπλάσιον τὸ AB
τοῦ E καὶ τὸ $ΓΔ$ τοῦ Z · ἰσάκεις ἄρα ἐστὶ πολλα-
πλάσιον τὸ $ΚΘ$ τοῦ Z καὶ τὸ $ΓΔ$ τοῦ Z . ἐπεὶ
20 οὖν ἐκάτερον τῶν $ΚΘ, ΓΔ$ τοῦ Z ἰσάκεις ἐστὶ πολλα-
πλάσιον, ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ $ΚΘ$ τῷ $ΓΔ$. κοινὸν
ἀφηρήσθω τὸ $ΓΘ$ · λοιπὸν ἄρα τὸ $ΚΓ$ λοιπῷ τῷ $ΘΔ$
ἴσον ἐστίν. ἀλλὰ τὸ Z τῷ $ΚΓ$ ἐστὶν ἴσον· καὶ τὸ
 $ΘΔ$ ἄρα τῷ Z ἴσον ἐστίν. ὥστε εἰ τὸ HB τῷ E
25 ἴσον ἐστίν, καὶ τὸ $ΘΔ$ ἴσον ἔσται τῷ Z .

Ὅμοίως δὲ δεῖξομεν, ὅτι, καὶ πολλαπλάσιον ἢ

2. Ἐάν] seq. ras. 3 litt. F. 5. ἦτοι] sustulit resarcinatio
in F. 7. ἔστωσαν p. 8. τῶν] (alt.) το V, sed corr. 9. τὰ
λοιπὰ τὰ F. HB] in ras. F. 11. HB] in ras m. 2 V
12. ΘΔ] ΔΘ P. τῷ Z] om. P; post ἴσον add m. 2. ἐστὶ
BV 13. τῷ] corr. ex τό m. 1 p. ΓΚ] corr. ex ΚΓ m.
2 P. καὶ ἐπεὶ V. 14. ἐστὶν PF. 15. ΚΓ] ΓΚ V. 16.

VI.

Si duae magnitudines duarum magnitudinum aequae multiplices sunt, et ablatae quaevis magnitudines earundem aequae multiplices sunt, etiam reliquae iisdem aut aequales sunt aut aequae earum multiplices.

Nam duae magnitudines AB , $\Gamma\Delta$ duarum magnitudinum E , Z aequae sint multiplices, et ablatae magnitudines AH , $\Gamma\Theta$ earundem E , Z aequae multiplices sint. dico, reliquas HB , $\Theta\Delta$ aut aequales esse E , Z aut aequae earum multiplices.

nam prius sit $HB = E$. dico, esse etiam $\Theta\Delta = Z$.

A H B ponatur enim $\Gamma K = Z$. quoniam AH
 E — magnitudinis E et $\Gamma\Theta$ magnitudinis Z
 K Γ Θ Δ aequae multiplex est, et $HB = E$,
 Z — $K\Gamma = Z$, erit AB magnitudinis E et
 $K\Theta$ magnitudinis Z aequae multiplex
 [prop. II]. et supposuimus, esse AB magnitudinis
 E et $\Gamma\Delta$ magnitudinis Z aequae multiplicem. itaque
 $K\Theta$ magnitudinis Z et $\Gamma\Delta$ magnitudinis Z aequae
 multiplex est. iam quoniam utraque magnitudo $K\Theta$,
 $\Gamma\Delta$ magnitudinis Z aequae multiplex est, erit $K\Theta = \Gamma\Delta$.
 subtrahatur, quae communis est, $\Gamma\Theta$. itaque $K\Gamma = \Theta\Delta$.
 sed $Z = K\Gamma$. quare etiam $\Theta\Delta = Z$. itaque si $HB = E$,
 erit etiam $\Theta\Delta = Z$.

similiter demonstrabimus, si HB magnitudinis E

ἐστίν P. 18. τό] τοῦ V, corr. m. 1; om. φ (non F).
 ἐστίν P. 23. τό] P m. 1, F m. 1, Bp; τῶ P m. 2, F m. 2,
 V in ras. m. 2. Z] KΓ V. τῶ] P m. 1, F m. 1, Bp; τό
 P m. 2, F m. 2, V in ras. m. 2. KΓ] Z V. τό] τῶ Bp.
 24. ΘΔ] ΔΘ F. τῶ] τό Bp. ἴσον ἐστίν] PB; ἐστίν
 ἴσον FVp. εἰ] P; ὅτι Theon (Bφ Vp). 25. ἐστίν] -ιν
 in ras. P; ἐστὶ BV; comp. p. καὶ τὸ ΘΔ ἴσον ἐστὶ] mg. P.
 ΘΔ] corr. ex ΘΑ m. 2 P; Θ in ras. m. 2 V; ΔΘ B.

τὸ HB τοῦ E , τοσαυταπλάσιον ἔσται καὶ τὸ ΘA τοῦ Z .

Ἐὰν ἄρα δύο μεγέθη δύο μεγεθῶν ἰσάνις ἢ πολλαπλάσια, καὶ ἀφαιρεθέντα τινὰ τῶν αὐτῶν ἰσάνις ἢ
 5 πολλαπλάσια, καὶ τὰ λοιπὰ τοῖς αὐτοῖς ἦτοι ἴσα ἔστιν ἢ ἰσάνις αὐτῶν πολλαπλάσια· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ξ΄.

Τὰ ἴσα πρὸς τὸ αὐτὸ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὰ ἴσα.

10 Ἐστω ἴσα μεγέθη τὰ A, B , ἄλλο δέ τι, ὃ ἔτυχεν, μέγεθος τὸ Γ · λέγω, ὅτι ἐκάτερον τῶν A, B πρὸς τὸ Γ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον, καὶ τὸ Γ πρὸς ἐκάτερον τῶν A, B .

Εἰλήφθω γὰρ τῶν μὲν A, B ἰσάνις πολλαπλάσια
 15 τὰ A, E , τοῦ δὲ Γ ἄλλο, ὃ ἔτυχεν, πολλαπλάσιον τὸ Z .

Ἐπεὶ οὖν ἰσάνις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ A τοῦ A καὶ τὸ E τοῦ B , ἴσον δὲ τὸ A τῷ B , ἴσον ἄρα καὶ τὸ A τῷ E . ἄλλο δέ, ὃ ἔτυχεν, τὸ Z . Εἰ ἄρα ὑπερέχει τὸ A τοῦ Z , ὑπερέχει καὶ τὸ E τοῦ Z , καὶ
 20 εἰ ἴσον, ἴσον, καὶ εἰ ἔλαττον, ἔλαττον. καὶ ἐστὶ τὰ μὲν A, E τῶν A, B ἰσάνις πολλαπλάσια, τὸ δὲ Z τοῦ Γ ἄλλο, ὃ ἔτυχεν, πολλαπλάσιον· ἔστιν ἄρα ὡς τὸ A πρὸς τὸ Γ , οὕτως τὸ B πρὸς τὸ Γ .

Λέγω [δή], ὅτι καὶ τὸ E πρὸς ἐκάτερον τῶν A, B
 25 τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον.

5. καὶ τὰ] τὰ in ras. P. ἐστίν] corr. ex ἔσται p. 10.
 6] supra m. 2 F. ἔτυχε Vp. 14. μὲν] PF; om. BVp
 15. 6] supra m. 2 F. ἔτυχε Vp. 16. τό] τοῦ m. 2 P.
 τοῦ] corr. ex τό P. 18. 6] m. 2 F. ἔτυχε Vp, et seq.
 ras. 1 litt. F. 20 καί] comp. F, dein add. καὶ φ. τὰ] e

multiplex sit, aequae multiplicem esse $\odot \Delta$ magnitudinis Z .

Ergo si duae magnitudines duarum magnitudinum^o aequae multiplices sunt, et ablatae quaevis magnitudines earundem aequae multiplices sunt, etiam reliquae iisdem aut aequales sunt aut aequae earum multiplices; quod erat demonstrandum.

VII.

Aequalia ad idem eandem habent rationem et idem ad aequalia.

Sint aequales magnitudines A, B et alia quaevis magnitudo Γ . dico, utramque magnitudinem A, B ad Γ eandem rationem habere, et Γ ad utramque A, B .

sumantur enim magnitudinum A, B aequae multiplices Δ, E , et magnitudinis Γ alia quaevis multiplex Z . iam quoniam Δ magnitudinis A et E magnitudinis B aequae multiplex est, et $A = B$, erit etiam $\Delta = E$. et alia quaevis magnitudo est Z . itaque si Δ magnitudinem Z superat, etiam E magnitudinem Z superat, et si aequalis, aequalis est, et si minor minor. et magnitudinum A, B aequae multiplices sunt Δ, E , et Z magnitudinis Γ alia quaevis est multiplex. erit igitur

$$A : \Gamma = B : \Gamma \text{ [def. 5].}$$

dico, etiam E ad utramque magnitudinem A, B eandem rationem habere.

corr. p. 21. $Z]$ EZ F. 22. $\delta]$ om. F; add. m. 2 euan.
 $\xi\tau\nu\chi\epsilon$ Vp. $\xi\sigma\tau\iota\nu]$ bis P. 24. $\delta\eta]$ om. P.

Τῶν γὰρ αὐτῶν κατασκευασθέντων ὁμοίως δεί-
 ξομεν, ὅτι ἴσον ἐστὶ τὸ Δ τῷ E · ἄλλο δέ τι τὸ Z .
 • εἰ ἄρα ὑπερέχει τὸ Z τοῦ Δ , ὑπερέχει καὶ τοῦ E , καὶ
 εἰ ἴσον, ἴσον, καὶ εἰ ἔλαττον, ἔλαττον. καὶ ἐστὶ τὸ
 5 μὲν Z τοῦ Γ πολλαπλάσιον, τὰ δὲ Δ, E τῶν A, B
 ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάκεις πολλαπλάσια· ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ
 Γ πρὸς τὸ A , οὕτως τὸ Γ πρὸς τὸ B .

Τὰ ἴσα ἄρα πρὸς τὸ αὐτὸ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον
 καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὰ ἴσα.

10

Πόρισμα.

Ἐκ δὴ τούτου φανερόν, ὅτι ἐὰν μεγέθη τινὰ ἀνά-
 λογον ᾗ, καὶ ἀνάπαλιν ἀνάλογον ἔσται. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

η'.

Τῶν ἀνίσων μεγεθῶν τὸ μείζον πρὸς τὸ
 15 αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει ἢ περ τὸ ἔλαττον.
 καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὸ ἔλαττον μείζονα λόγον
 ἔχει ἢ περ πρὸς τὸ μείζον.

Ἐστω ἄνισα μεγέθη τὰ AB, Γ , καὶ ἔστω μείζον
 τὸ AB , ἄλλο δέ, ὃ ἔτυχεν, τὸ Δ · λέγω, ὅτι τὸ AB
 20 πρὸς τὸ Δ μείζονα λόγον ἔχει ἢ περ τὸ Γ πρὸς τὸ Δ ,
 καὶ τὸ Δ πρὸς τὸ Γ μείζονα λόγον ἔχει ἢ περ πρὸς
 τὸ AB .

Ἐπεὶ γὰρ μείζον ἐστὶ τὸ AB τοῦ Γ , κείσθω τῷ
 Γ ἴσον τὸ BE · τὸ δὲ ἔλαττον τῶν AE, EB πολλα-

VIII Hero def. 125, 6. Schol. in Pappum III p. 1175, 21.

1. ὁμοίως δὴ P. 3. καί] (prius) τὸ Z καί P; καὶ τὸ Z F.
 4. ἔλαττον ἔλαττον V. καὶ ἐστὶ] καὶ ἐστὶν P; ἐστὶ δὲ F.
 6. ἄλλα ἃ] φ. ἔτυχεν] ἐτ- supra φ. 7 οὕτως] corr.
 ex οὕτω m. 2 F. 9. τὰ ἴσα] τὰ ἴσα ὅπ- φ. 10. πόρισμα — 12:
 ἐστὶν] P; om. Theon (BFVp); cfr. ad prop. IV.

nam iisdem comparatis similiter demonstrabimus, esse $A = E$. et alia quaevis magnitudo est Z . itaque si Z magnitudinem A superat, etiam magnitudinem E superat, et si aequalis, aequalis est, et si minor minor. et Z magnitudinis Γ multiplex est, et A, E magnitudinum A, B aliae quaevis aequae multiplices. quare $\Gamma : A = \Gamma : B$ [def. 5].

Ergo aequalia ad idem eandem habent rationem et idem ad aequalia.

Corollarium.

Hinc manifestum est, si magnitudines proportionales sint, easdem e contrario proportionales esse.¹⁾ — quod erat demonstrandum.

VIII.

Ex inaequalibus magnitudinibus maior ad idem maiorem rationem habet quam minor; et idem ad minorem maiorem rationem habet quam ad maiorem.

Sint inaequales magnitudines AB, Γ , et maior sit AB , alia autem quaevis magnitudo sit A . dico, esse $AB : A > \Gamma : A$ et $A : \Gamma > A : AB$.

Nam quoniam $AB > \Gamma$, ponatur $BE = \Gamma$. itaque minor magnitudinum AE, EB multiplicata aliquando

1) Quia et $A : \Gamma = B : \Gamma$ et $\Gamma : A = \Gamma : B$. ceterum hoc corollarium recte hic collocatur in P; nam si post prop. IV fuisset, ubi Theon id posuit, alteram partem demonstrationis p. 22, 24 sq. superuacnam futuram fuisse, acute observavit Augustus II p. 331. om. Campanus.

18. $\mu\epsilon\iota\zeta\omicron\nu$] $\tau\omicron$ $\mu\epsilon\iota\zeta\omicron\nu$ P. 19. AB] P, Fm 1, V m. 1; AB $\tau\omicron\nu$ Γ Bp, F m. 2, V m. 2. $\epsilon\tau\upsilon\chi\epsilon$ Vp. 20. $\tau\omicron$ A] (prius) $\tau\omicron$ in spatio 4 ltt. ϕ . 23. AB] B in ras. p $\tau\phi$] $\tau\omicron$ ϕ (non F). 24. $\tau\omicron$] (prius) $\tau\phi$ ϕ (non F).

πλασιαζόμενον ἔσται ποτὲ τοῦ Δ μείζον. ἔστω πρό-
 τερον τὸ AE ἔλαττον τοῦ EB , καὶ πεπολλαπλασιάσθω
 τὸ AE , καὶ ἔστω αὐτοῦ πολλαπλάσιον τὸ ZH μείζον
 οὐ τοῦ Δ , καὶ ὅσαπλάσιόν ἐστι τὸ ZH τοῦ AE , τοσαύ-
 5 ταπλάσιον γεγυμένω καὶ τὸ μὲν $H\Theta$ τοῦ EB τὸ δὲ
 K τοῦ Γ καὶ εἰλήφθω τοῦ Δ διπλάσιον μὲν τὸ Λ ,
 τριπλάσιον δὲ τὸ M , καὶ ἐξῆς ἐνὶ πλείον, ἕως ἂν τὸ
 λαμβανόμενον πολλαπλάσιον μὲν γένηται τοῦ Δ , πρῶ-
 τως δὲ μείζον τοῦ K . εἰλήφθω, καὶ ἔστω τὸ N
 10 τετραπλάσιον μὲν τοῦ Δ , πρῶτως δὲ μείζον τοῦ K .
 Ἐπεὶ οὖν τὸ K τοῦ N πρῶτως ἐστὶν ἔλαττον, τὸ
 K ἄρα τοῦ M οὐκ ἐστὶν ἔλαττον. καὶ ἐπεὶ ἰσάκεις
 ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ ZH τοῦ AE καὶ τὸ $H\Theta$ τοῦ
 EB , ἰσάκεις ἄρα ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ ZH τοῦ AE
 15 καὶ τὸ $Z\Theta$ τοῦ AB . ἰσάκεις δὲ ἐστὶ πολλαπλάσιον
 τὸ ZH τοῦ AE καὶ τὸ K τοῦ Γ . ἰσάκεις ἄρα ἐστὶ
 πολλαπλάσιον τὸ $Z\Theta$ τοῦ AB καὶ τὸ K τοῦ Γ . τὰ
 $Z\Theta$, K ἄρα τῶν AB , Γ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσια.
 πάλιν, ἐπεὶ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ $H\Theta$ τοῦ
 20 EB καὶ τὸ K τοῦ Γ , ἴσον δὲ τὸ EB τῷ Γ , ἴσον
 ἄρα καὶ τὸ $H\Theta$ τῷ K . τὸ δὲ K τοῦ M οὐκ ἐστὶν
 ἔλαττον· οὐδ' ἄρα τὸ $H\Theta$ τοῦ M ἔλαττόν ἐστιν.
 μείζον δὲ τὸ ZH τοῦ Δ · ὅλον ἄρα τὸ $Z\Theta$ συναμ-
 φοτέρων τῶν Δ , M μείζόν ἐστιν. ἀλλὰ συναμφότερα
 25 τὰ Δ , M τῷ N ἐστὶν ἴσα, ἐπειδὴ περ τὸ M τοῦ Δ

1. ποτέ] mg. F. 3. AE] P, AE ἕως οὐ τὸ γενόμενον
 μείζον γένηται τοῦ Δ Theon (BFVp; in F οὐ corr. ex ἂν;
 γινόμενον V, F m. 2). 5. τὸ δέ] καὶ τό Bp 6 τοῦ] (alt.)
 τὸν π (non P); τό F, corr. m. 2 7. πλείον] V m. 1; πλείους
 BFpπ, V m. 2. ἂν] οὐ P. 13. $H\Theta$] ΘH Bp et FV in
 ras. m. 2. τοῦ] postea insert. F. 14. Ante ZH ras. 1
 litt. F. 15. $Z\Theta$] Z in ras. m. 2 V. AB] Δ in ras. m. 2 V.
 19. ἐστίν F. 20. EB] AB F. τό] (alt.) corr. ex τῷ m. 2 P.

maior erit magnitudine Δ [def. 4]. sit prius $AE < EB$,
et multiplicetur AE , et sit mul-
tiplex eius ZH maior magnitu-
dine Δ , et quoties multiplex est
 ZH magnitudinis AE , toties
multiplex fiat $H\Theta$ magnitudinis
 EB et K magnitudinis Γ , et su-
matur $A = 2 \Delta$, $M = 3 \Delta$, et
deinceps multiplices per unum
crescentes, donec sumpta mag-
nitude multiplex fiat magnitu-
dinis Δ et prima maior magnitudine K . sumatur, et
sit N , quadruplex magnitudinis Δ et prima maior
magnitudine K .

iam quoniam K magnitudine N prima minor est,
 K magnitudine M minor non est. et quoniam ZH
magnitudinis AE et $H\Theta$ magnitudinis EB aequae multi-
plex est, erit ZH magnitudinis AE et $Z\Theta$ magni-
tudinis AB aequae multiplex [prop. I]. uerum ZH
magnitudinis AE et K magnitudinis Γ aequae multiplex
est. itaque $Z\Theta$ magnitudinis AB et K magnitudinis
 Γ aequae multiplex est. quare $Z\Theta$, K magnitudinum
 AB , Γ aequae multiplices sunt. rursus quoniam $H\Theta$
magnitudinis EB et K magnitudinis Γ aequae multiplex
est, et $EB = \Gamma$, erit etiam $H\Theta = K$. uerum K
magnitudine M minor non est. itaque ne $H\Theta$ qui-
dem magnitudine M minor est. sed $ZH > \Delta$. ergo
 $Z\Theta > \Delta + M$. sed $\Delta + M = N$, quoniam $M = 3 \Delta$

22. οὐδέ comp. p. ἐστὶ PVp.
25. N] in ras. V. ἴσα ἐστὶν F.

23. τό] (prius) om. V.

τριπλάσιόν ἐστιν, συναμφοτέρα δὲ τὰ M , Δ τοῦ Δ ἐστὶ τετραπλάσια, ἐστὶ δὲ καὶ τὸ N τοῦ Δ τετραπλάσιον· συναμφοτέρα ἄρα τὰ M , Δ τῷ N ἴσα ἐστίν. ἀλλὰ τὸ $Z\Theta$ τῶν M , Δ μείζον ἐστίν· τὸ $Z\Theta$ ἄρα
 5 τοῦ N ὑπερέχει· τὸ δὲ K τοῦ N οὐχ ὑπερέχει. καὶ ἐστὶ τὰ μὲν $Z\Theta$, K τῶν AB , Γ ἰσάκεις πολλαπλάσια, τὸ δὲ N τοῦ Δ ἄλλο, ὃ ἐτυχεν, πολλαπλάσιον· τὸ AB ἄρα πρὸς τὸ Δ μείζονα λόγον ἔχει ἥπερ τὸ Γ πρὸς τὸ Δ .

10 Λέγω δὴ, ὅτι καὶ τὸ Δ πρὸς τὸ Γ μείζονα λόγον ἔχει ἥπερ τὸ Δ πρὸς τὸ AB .

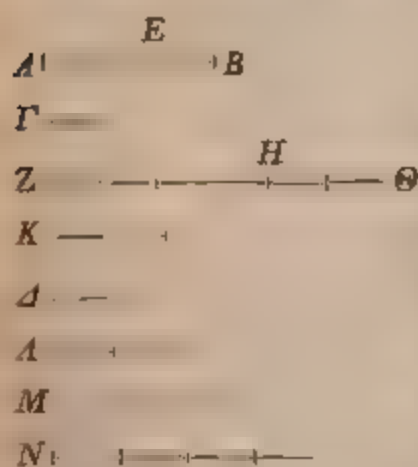
Τῶν γὰρ αὐτῶν κατασκευασθέντων ὁμοίως δείξομεν, ὅτι τὸ μὲν N τοῦ K ὑπερέχει, τὸ δὲ N τοῦ $Z\Theta$ οὐχ ὑπερέχει. καὶ ἐστὶ τὸ μὲν N τοῦ Δ πολλα-
 15 πλάσιον, τὰ δὲ $Z\Theta$, K τῶν AB , Γ ἄλλα, ἃ ἐτυχεν, ἰσάκεις πολλαπλάσια· τὸ Δ ἄρα πρὸς τὸ Γ μείζονα λόγον ἔχει ἥπερ τὸ Δ πρὸς τὸ AB .

Ἀλλὰ δὴ τὸ AE τοῦ EB μείζον ἐστω. τὸ δὴ ἔλαττον τὸ EB πολλαπλασιαζόμενον ἐστὶ ποτὲ τοῦ
 20 Δ μείζον. πεπολλαπλασιάσθω, καὶ ἐστω τὸ $H\Theta$ πολλαπλάσιον μὲν τοῦ EB , μείζον δὲ τοῦ Δ · καὶ ὁσαπλάσιόν ἐστὶ τὸ $H\Theta$ τοῦ EB , τοσαυταπλάσιον γεγονέτω καὶ τὸ μὲν ZH τοῦ AE , τὸ δὲ K τοῦ Γ . ὁμοίως δὴ δείξομεν, ὅτι τὰ $Z\Theta$, K τῶν AB , Γ ἰσάκεις
 25 ἐστὶ πολλαπλάσια· καὶ εἰλήφθω ὁμοίως τὸ N πολλαπλάσιον μὲν τοῦ Δ , πρώτως δὲ μείζον τοῦ ZH .

1. ἐστίν] B, comp. p; om. F; ἐστὶ PV. δέ] om. Fp; m rec. B. M , Δ] Δ , M P. 2. τό] corr. ex τοῦ m. 1 V.
 3. ἐστίν ἴσα FV. 4. τῶν] τῷ K V. M , Δ] Δ , M P.
 ἐστὶ BV. $Z\Theta$] ZE φ. 7. ἐτυχεν φ (non F) Vp. 8. ἄρα] m. 2 F. 12. δὴ δείξομεν P. 13. μὲν] m. 2 F. 14. οὐχ] corr. ex οὐκ m. 2 P. 15. τὰ] τό Fp. $Z\Theta$, K] litt. Θ , K in

et $M + \Delta = 4 \Delta$ et $N = 4 \Delta$; itaque $M + \Delta = N$. sed $Z\Theta > M + \Delta$. itaque $Z\Theta$ magnitudinem N superat. K autem magnitudinem N non superat. et $Z\Theta, K$ magnitudinum AB, Γ aequae multiplices sunt, N autem magnitudinis Δ alia quaevis multiplex. itaque $AB : \Delta > \Gamma : \Delta$ [def. 7].

dico igitur, esse etiam $\Delta : \Gamma > \Delta : AB$. nam iisdem comparatis similiter demonstrabimus, N magnitudinem K superare, $Z\Theta$ autem magnitudinem non superare. et N magnitudinis Δ multiplex est, $Z\Theta, K$ autem magnitudinum AB, Γ aliae quaevis aequae multiplices. itaque $\Delta : \Gamma > \Delta : AB$ [def. 7].



iam uero sit $AE > EB$. itaque minor magnitudo EB multiplicata aliquando magnitudine Δ maior erit [def. 4]. multiplicetur, et sit $H\Theta$ magnitudinis EB multiplex et magnitudine Δ maior. et quoties multiplex est $H\Theta$ magnitudinis EB , toties multiplex fiat ZH magnitudinis

AE et K magnitudinis Γ . iam similiter demonstrabimus, $Z\Theta, K$ magnitudinum AB, Γ aequae multiplices esse. et similiter sumatur N magnitudinis Δ multiplex et prima maior magnitudine ZH . quare rursus ZH

ras. m. 2 V. α] m 2 F. 18. τοῦ ΕΒ μείζον ἔστω] P; μείζον ἔστω τοῦ ΕΒ ΒV p; τοῦ ΕΒ m. 1 F, seq. μείζον ἔστω τοῦ ΕΒ φ τὸ δὴ ἑλάττω τὸ ΕΒ] πολλαπλα φ. 20. πεπολλαπλασιάσθω] post πε- ras. 2 hlt. F. 23 μέν] φ in spatio plurium litt τό] in ras m. 1 p 24. τά] τὸ φ (non F).

ὥστε πάλιν τὸ ZH τοῦ M οὐκ ἐστὶν ἔλασσον. μεί-
 ζον δὲ τὸ $HΘ$ τοῦ A ὅλον ἄρα τὸ $ZΘ$ τῶν A, M ,
 τουτέστι τοῦ N , ὑπερέχει. τὸ δὲ K τοῦ N οὐχ ὑπερέχει,
 ἐπειδήπερ καὶ τὸ ZH μείζον ὢν τοῦ $HΘ$, τουτέστι
 5 τοῦ K , τοῦ N οὐχ ὑπερέχει. καὶ ὡσαύτως κατα-
 κολουθοῦντες τοῖς ἐπάνω σπαραίνομεν τὴν ἀπόδειξιν.

Τῶν ἄρα ἀνίσων μεγεθῶν τὸ μείζον πρὸς τὸ αὐτὸ
 μείζονα λόγον ἔχει ἢπερ τὸ ἔλαττον· καὶ τὸ αὐτὸ
 πρὸς τὸ ἔλαττον μείζονα λόγον ἔχει ἢπερ πρὸς τὸ
 10 μείζον· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Θ'.

Τὰ πρὸς τὸ αὐτὸ τὸν αὐτὸν ἔχοντα λόγον
 ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν· καὶ πρὸς ἃ τὸ αὐτὸ τὸν
 αὐτὸν ἔχει λόγον, ἐκεῖνα ἴσα ἐστίν.

15 Ἐχέτω γὰρ ἐκάτερον τῶν A, B πρὸς τὸ Γ τὸν
 αὐτὸν λόγον· λέγω, ὅτι ἴσον ἐστὶ τὸ A τῷ B .

Εἰ γὰρ μή, οὐκ ἂν ἐκάτερον τῶν A, B πρὸς τὸ Γ
 τὸν αὐτὸν εἶχε λόγον· ἔχει δέ· ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ A
 τῷ B .

20 Ἐχέτω δὴ πάλιν τὸ Γ πρὸς ἐκάτερον τῶν A, B
 τὸν αὐτὸν λόγον· λέγω, ὅτι ἴσον ἐστὶ τὸ A τῷ B .

Εἰ γὰρ μή, οὐκ ἂν τὸ Γ πρὸς ἐκάτερον τῶν A, B
 τὸν αὐτὸν εἶχε λόγον· ἔχει δέ· ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ A
 τῷ B .

25 Τὰ ἄρα πρὸς τὸ αὐτὸ τὸν αὐτὸν ἔχοντα λόγον
 ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν· καὶ πρὸς ἃ τὸ αὐτὸ τὸν αὐτὸν
 ἔχει λόγον, ἐκεῖνα ἴσα ἐστίν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

1. οὐκ ἐστὶν ἔλασσον] μὴ ἔλασσον εἶναι P. ἔλαττον Fr.

2 τῶν] τοῦ Br. 3. τουτέστιν P. οὐχ ὑπερέχει] ὑπερέ-
 χει οὐδαμῶς V. 4. ἐπειδήπερ — 5: ὑπερέχει] mg. m. 1 F.

magnitudine M minor non est. et $H\Theta > \Delta$. itaque $Z\Theta > \Delta + M$, h. e. $Z\Theta > N$. K autem magnitudinem N non superat, quoniam ZH , quae maior est magnitudine $H\Theta$, h. e. maior magnitudine K , magnitudinem N non superat. et eodem modo superiora sequentes demonstrationem conficimus.

Ergo ex inaequalibus magnitudinibus maior ad idem maiorem rationem habet quam minor; et idem ad minorem maiorem rationem habet quam ad maiorem; quod erat demonstrandum.

IX.

Quae ad idem eandem habent rationem, inter se aequalia sunt; et ad quae idem eandem habet rationem, ea aequalia sunt.*

A ————— B ————— Sit enim $A : \Gamma = B : \Gamma$. dico,
 Γ ————— esse $A = B$.

nam si minus, non esset $A : \Gamma = B : \Gamma$ [prop. VIII].
 at est. itaque $A = B$.

iam rursus sit $\Gamma : A = \Gamma : B$. dico, esse $A = B$.
 nam si minus, non esset $\Gamma : A = \Gamma : B$ [prop. VIII].
 at est. itaque $A = B$.

Ergo quae ad idem eandem habent rationem, inter se aequalia sunt; et ad quae idem eandem habet rationem, ea aequalia sunt; quod erat demonstrandum.

4. ὅν] corr. ex ὅν m. 2 P. 5. τοῦ] (prius) P; τό BF V p.
 κατακολουθοῦντες] bis P; corr. m. 2. 6. ἀπόδειξιν] post
 ἀπο- spatium 1 litt., in quo m. 2 inser. δε F. 8. τὸ ἔλαττον
 — 9: ἥπερ] mg. m. 1 P. 13. ἐστίν] F; comp. p; ἐστί PB V.
 ᾧ] euan. F. 14. ἀκείνα V. 17. μή] μείζον φ. 18.
 εἶχε] in ras. P φ, εἶχεν B. ἔχει] ἔχη φ. 23. εἶχε] in ras. P;
 ἔχει B; ἔχη F. ἐστίν F. 26. ἐστίν] comp. F p; ἐστί PB V.
 27. ἀκείνα V.

ι'.

Τῶν πρὸς τὸ αὐτὸ λόγον ἐχόντων τὸ μείζονα λόγον ἔχον ἐκεῖνο μείζον ἐστίν· πρὸς δὲ τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἐκεῖνο ἑλαττόν
5 ἐστίν.

Ἐχέτω γὰρ τὸ *A* πρὸς τὸ *Γ* μείζονα λόγον ἥπερ τὸ *B* πρὸς τὸ *Γ*· λέγω, ὅτι μείζον ἐστὶ τὸ *A* τοῦ *B*.

Εἰ γὰρ μή, ἦτοι ἴσον ἐστὶ τὸ *A* τῷ *B* ἢ ἑλασσον. ἴσον μὲν οὖν οὐκ ἐστὶ τὸ *A* τῷ *B*· ἐκάτερον
10 γὰρ ἂν τῶν *A, B* πρὸς τὸ *Γ* τὸν αὐτὸν εἶχε λόγον. οὐκ ἔχει δέ· οὐκ ἄρα ἴσον ἐστὶ τὸ *A* τῷ *B*. οὐδὲ μὴν ἑλασσόν ἐστὶ τὸ *A* τοῦ *B*· τὸ *A* γὰρ ἂν πρὸς τὸ *Γ* ἐλάσσονα λόγον εἶχεν ἥπερ τὸ *B* πρὸς τὸ *Γ*. οὐκ ἔχει δέ· οὐκ ἄρα ἑλασσόν ἐστὶ τὸ *A* τοῦ *B*.
15 ἐδείχθη δὲ οὐδὲ ἴσον· μείζον ἄρα ἐστὶ τὸ *A* τοῦ *B*.

Ἐχέτω δὴ πάλιν τὸ *Γ* πρὸς τὸ *B* μείζονα λόγον ἥπερ τὸ *Γ* πρὸς τὸ *A*· λέγω, ὅτι ἑλασσόν ἐστὶ τὸ *B* τοῦ *A*.

Εἰ γὰρ μή, ἦτοι ἴσον ἐστὶν ἢ μείζον. ἴσον μὲν
20 οὖν οὐκ ἐστὶ τὸ *B* τῷ *A*· τὸ *Γ* γὰρ ἂν πρὸς ἐκάτερον τῶν *A, B* τὸν αὐτὸν εἶχε λόγον. οὐκ ἔχει δέ· οὐκ ἄρα ἴσον ἐστὶ τὸ *A* τῷ *B*. οὐδὲ μὴν μείζον ἐστὶ τὸ *B* τοῦ *A*· τὸ *Γ* γὰρ ἂν πρὸς τὸ *B* ἐλάσσονα λόγον εἶχεν ἥπερ πρὸς τὸ *A*. οὐκ ἔχει δέ· οὐκ ἄρα
25 μείζον ἐστὶ τὸ *B* τοῦ *A*. ἐδείχθη δέ, ὅτι οὐδὲ ἴσον· ἑλαττον ἄρα ἐστὶ τὸ *B* τοῦ *A*.

Τῶν ἄρα πρὸς τὸ αὐτὸ λόγον ἐχόντων τὸ μείζονα

2. τὸ τὸν μείζονα V.

3. ἐστίν] P, comp p; ἐστὶ BFV.

7. τὸ *A* μείζον ἐστὶ Bp. τὸ] τοῦ V, sed corr. τοῦ] corr. ex τὸ V. B] in ras. m. 2 P. 8. ἐστὶ] φ, ἐστίν F. τῷ] τοῦ P. ἑλαττον F.

9. οὖν] PV; om. BFr. ἐστίν B

X.

Eorum, quae ad idem rationem habent, quod maiorem habet rationem, id maius est; et ad quod idem maiorem habet rationem, id minus est.

A |————| B |————| Sit enim $A : \Gamma > B : \Gamma$. dico,
 Γ |————| esse $A > B$.

nam si minus, aut $A = B$, aut $A < B$. uerum non est $A = B$; tum enim esset $A : \Gamma = B : \Gamma$ [prop. VII]. at non est. quare non est $A = B$. neque uero $A < B$; tum enim esset $A : \Gamma < B : \Gamma$ [prop. VIII]. at non est. quare non est $A < B$. sed demonstratum est, idem ne aequale quidem esse. itaque $A > B$.

sit rursus $\Gamma : B > \Gamma : A$. dico, esse $B < A$.

nam si minus, aut $B = A$ aut $B > A$. uerum non est $B = A$; tum enim esset $\Gamma : A = \Gamma : B$ [prop. VII]. at non est. itaque non est $A = B$. neque uero $B > A$; tum enim esset $\Gamma : B < \Gamma : A$ [prop. VIII]. at non est. quare non est $B > A$. sed demonstratum est, idem ne aequale quidem esse. itaque $B < A$.

Ergo eorum, quae ad idem rationem habent, quod

10. εἶχε] ἔχει B; F, corr. m. 2. 12. ἔλαττον F. 13. τὸν ἐλάσσονα V; ἐλάττονα F. εἶχε λόγον P. 14. ἔλαττον F. ἐστὶ] m. 2 F. 15. δὲ ὅτι V. Post B repetuntur in F: ἐδείχθη δὲ οὐδὲ ἴσον· μείζον ἄρα τὸ A τοῦ B. 17. ἔλαττον F. 20. A] in ras. m. 1 B. γάρ] insuper comp. add. m. 2 V; ἄρα B. 21. εἶχε] φ; εἶχεν PB; ἔχει F. 22. ἐστὶ] ἐστὶν P; comp. F addito ἐστὶ φ. τό] τῷ V.. τῷ] τό V. 23. ἐστὶν P. τό] (prius) τοῦ V, corr. m. 1. ἐλάττονα F. 25. οὐδ' φ (non F), -ε in ras. m. 1 B. 26. ἔλαττον] φ, seq. on m. 1; ἐλάσσον P. 27. τό] (alt.) om. φ. μείζονα] φ, seq. on m. 1, eras.

λόγον ἔχον μείζον ἐστίν· καὶ πρὸς ὃ τὸ αὐτὸ μείζονα
λόγον ἔχει, ἐκεῖνο ἐλαττόν ἐστιν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ια'.

Οἱ τῷ αὐτῷ λόγῳ οἱ αὐτοὶ καὶ ἀλλήλοις
6 εἰσὶν οἱ αὐτοί.

Ἔστωσαν γὰρ ὥς μὲν τὸ *A* πρὸς τὸ *B*, οὕτως
τὸ *Γ* πρὸς τὸ *Δ*, ὥς δὲ τὸ *Γ* πρὸς τὸ *Δ*, οὕτως τὸ
E πρὸς τὸ *Z*· λέγω, ὅτι ἐστὶν ὥς τὸ *A* πρὸς τὸ *B*,
οὕτως τὸ *E* πρὸς τὸ *Z*.

10 Εἰλήφθω γὰρ τῶν *A, Γ, E* ἰσάκεις πολλαπλάσια
τὰ *H, Θ, K*, τῶν δὲ *B, Δ, Z* ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάκεις
πολλαπλάσια τὰ *Λ, Μ, Ν*.

Καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὥς τὸ *A* πρὸς τὸ *B*, οὕτως τὸ
Γ πρὸς τὸ *Δ*, καὶ εἰληπται τῶν μὲν *A, Γ* ἰσάκεις
16 πολλαπλάσια τὰ *H, Θ*, τῶν δὲ *B, Δ* ἄλλα, ἃ ἔτυχεν,
ἰσάκεις πολλαπλάσια τὰ *Λ, Μ*, εἰ ἄρα ὑπερέχει τὸ
H τοῦ *Λ*, ὑπερέχει καὶ τὸ *Θ* τοῦ *Μ*, καὶ εἰ ἴσον
ἐστίν, ἴσον, καὶ εἰ ἐλλείπει, ἐλλείπει. πάλιν, ἐπεὶ
ἐστὶν ὥς τὸ *Γ* πρὸς τὸ *Δ*, οὕτως τὸ *E* πρὸς τὸ *Z*,
20 καὶ εἰληπται τῶν *Γ, E* ἰσάκεις πολλαπλάσια τὰ *Θ, K*,
τῶν δὲ *Δ, Z* ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάκεις πολλαπλάσια
τὰ *Μ, Ν*, εἰ ἄρα ὑπερέχει τὸ *Θ* τοῦ *Μ*, ὑπερέχει
καὶ τὸ *K* τοῦ *Ν*, καὶ εἰ ἴσον, ἴσον, καὶ εἰ ἐλαττον,
ἐλαττον. ἀλλὰ εἰ ὑπερεῖχε τὸ *Θ* τοῦ *Μ*, ὑπερεῖχε
25 καὶ τὸ *H* τοῦ *Λ*, καὶ εἰ ἴσον, ἴσον, καὶ εἰ ἐλαττον,

1. ἐστίν] *B*, comp. *p*; ἐστε *PFV*.

2. ἐλαττον *PBVp*.

4. λόγῳ] *P* m. 1, *F*, *V* m. 1; λόγοι *Bp*, *P* m. 2, *φ*, *V* m. 2.

6 οὕτω *P*

11. *Δ, Z*] *Z, Δ* *F*.

ἃ e corr. *F*.

12. τὰ]

τὰ *H, Θ, K* τὰ *P*, corr. m. 1.

14. μὲν] m. 2 *FV*.

Γ] in

gas. m. 2 *P*.

15. *H*] in gas. m. 1 *p*.

δε] om. *φ*.

B, Δ]

H, Δ *φ* (non *F*).

ἄλλα ἰσάκεις πολλαπλάσια ἃ ἔτυχε *V*.

ἃ]

maiores habet rationem, id maius est; et ad quod idem maiores habet rationem, id minus est; quod erat demonstrandum.

XI.

Quae eidem rationi aequales sunt rationes, etiam inter se aequales sunt.

Sit enim $A : B = \Gamma : \Delta$ et $\Gamma : \Delta = E : Z$. dico,

A |——| Γ |——| E |——| esse $A : B = E : Z$.
 B |——| Δ |——| Z |——| sumantur enim
 H |——|——| Θ |——|——| K |——|——| magnitudinum A ,
 A |——|——|——| M |——|——|——| N |——|——| Γ , E aequae multi-
plices H , Θ , K et magnitudinum B , Δ , Z aliae quaevis
aeque multiplices A , M , N .

et quoniam $A : B = \Gamma : \Delta$, et sumptae sunt magnitudinum A , Γ aequae multiplices H , Θ et magnitudinum B , Δ aliae quaevis aequae multiplices A , M , si H magnitudinem A superat, etiam Θ magnitudinem M superat, et si aequalis, aequalis est, et si minor, minor [def. 5]. rursus quoniam $\Gamma : \Delta = E : Z$, et sumptae sunt magnitudinum Γ , E aequae multiplices Θ , K et magnitudinum Δ , Z aliae quaevis aequae multiplices M , N , si Θ magnitudinem M superat, etiam K magnitudinem N superat, et si aequalis, aequalis est, et si minor, minor [def. 5]. sed si Θ magnitudinem M superabat, etiam H magnitudinem A superabat¹⁾,

1) Imperfectum recte se habet; refertur enim ad ea, quae iam lin. 16 sq. dicta sunt; cfr. p. 50, 13.

m. 2 F. 17. H] in ras m. 2 V. 20. $\tau\omega\nu\ \mu\acute{\epsilon}\nu$ P. K , Θ p.
21. Δ] K , Δ F, sed corr. $\tilde{\alpha}$] m. 2 F. 22. $\tau\omicron\upsilon$] m. 2 V.

24. $\acute{\alpha}\lambda\lambda\acute{\alpha}\ \epsilon\acute{\iota}$ — 25: $\acute{\epsilon}\lambda\alpha\tau\tau\omicron\nu$ (alt.)] mg. m. 2 FV ($\acute{\alpha}\lambda\lambda'$). 24.
 $\upsilon\pi\epsilon\rho\epsilon\acute{\iota}\chi\epsilon$] $\upsilon\pi\epsilon\rho\epsilon\acute{\iota}\chi\epsilon\nu$ corr. ex $\upsilon\pi\epsilon\rho\acute{\epsilon}\chi\epsilon\iota$ m. 1 P; $\upsilon\pi\epsilon\rho\acute{\epsilon}\chi\epsilon\iota$ BFV p.
 $\upsilon\pi\epsilon\rho\epsilon\acute{\iota}\chi\epsilon$] p; $\upsilon\pi\epsilon\rho\epsilon\acute{\iota}\chi\epsilon\nu$ PB; $\upsilon\pi\epsilon\rho\acute{\epsilon}\chi\epsilon\iota$ FV.

ἐλαττον· ὥστε καὶ εἰ ὑπερέχει τὸ H τοῦ A , ὑπερέχει καὶ τὸ K τοῦ N , καὶ εἰ ἴσον, ἴσον, καὶ εἰ ἐλαττον, ἐλαττον. καὶ ἐστὶ τὰ μὲν H, K τῶν A, E ἰσάκεις πολλαπλάσια, τὰ δὲ A, N τῶν B, Z ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, 5 ἰσάκεις πολλαπλάσια· ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ A πρὸς τὸ B , οὕτως τὸ E πρὸς τὸ Z .

Οἱ ἄρα τῷ αὐτῷ λόγῳ οἱ αὐτοὶ καὶ ἀλλήλοις εἰσὶν οἱ αὐτοί· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιβ'.

10 Ἐὰν ἡ ὁποσαοῦν μεγέθῃ ἀνάλογον, ἔσται ὡς ἔν τῶν ἡγουμένων πρὸς ἔν τῶν ἐπομένων, οὕτως ἅπαντα τὰ ἡγούμενα πρὸς ἅπαντα τὰ ἐπόμενα.

Ἐστῶσαν ὁποσαοῦν μεγέθῃ ἀνάλογον τὰ $A, B, Γ,$ 15 $Δ, E, Z$, ὡς τὸ A πρὸς τὸ B , οὕτως τὸ $Γ$ πρὸς τὸ $Δ$, καὶ τὸ E πρὸς τὸ Z · λέγω, ὅτι ἐστὶν ὡς τὸ A πρὸς τὸ B , οὕτως τὰ $A, Γ, E$ πρὸς τὰ $B, Δ, Z$.

Εἰλήφθω γὰρ τῶν μὲν $A, Γ, E$ ἰσάκεις πολλαπλά- 20 σια τὰ $H, Θ, K$, τῶν δὲ $B, Δ, Z$ ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάκεις πολλαπλάσια τὰ A, M, N .

Καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς τὸ A πρὸς τὸ B , οὕτως τὸ $Γ$ πρὸς τὸ $Δ$, καὶ τὸ E πρὸς τὸ Z , καὶ εἰληπται τῶν μὲν $A, Γ, E$ ἰσάκεις πολλαπλάσια τὰ $H, Θ, K$ τῶν δὲ $B, Δ, Z$ ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάκεις πολλαπλάσια 25 τὰ A, M, N , εἰ ἄρα ὑπερέχει τὸ H τοῦ A , ὑπερέχει καὶ τὸ $Θ$ τοῦ M , καὶ τὸ K τοῦ N , καὶ εἰ ἴσον, ἴσον,

XII. Eutocius in Archim. III p. 136, 25.

2. ἔλασσον, ἔλασσον V. 4. $Z] Δ P.$ 5. $α] supra F.$ 7. λόγῳ] $P;$ λόγοι BFVp. 16. ἐστίν] om. F. 17. τὰ] τό F. τὰ]

et si aequalis, aequalis est, et si minor, minor. quare, si H magnitudinem A superat, etiam K magnitudinem N superat, et si aequalis, aequalis est, et si minor, minor. et H, K magnitudinum A, E aequae multiplices sunt, et A, N magnitudinum B, Z aliae quaevis aequae multiplices; erit igitur $A : B = E : Z$ [def. 5].

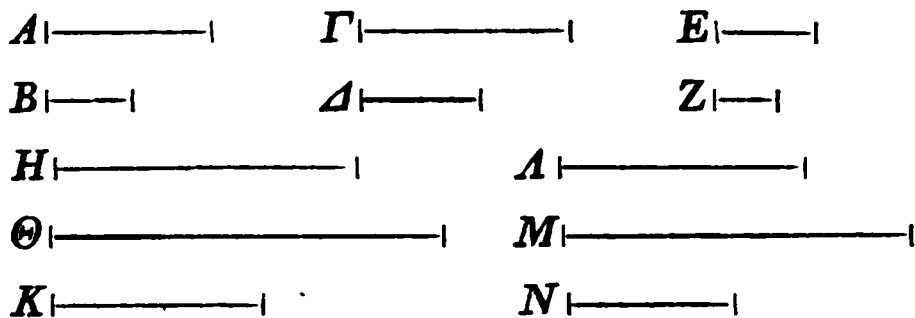
Ergo quae eidem rationi aequales sunt rationes, etiam inter se aequales sunt; quod erat demonstrandum.

XII.

Si quotlibet magnitudines proportionales sunt, erit ut una praecedentium ad unam sequentium, ita omnes praecedentes ad omnes sequentes.

Sint quotlibet magnitudines proportionales $A, B, \Gamma, \Delta, E, Z$, ita ut sit $A : B = \Gamma : \Delta = E : Z$. dico, esse
 $A : B = A + \Gamma + E : B + \Delta + Z$.

sumantur enim magnitudinum A, Γ, E aequae multi-



plices H, Θ, K et magnitudinum B, Δ, Z aliae quaevis aequae multiplices A, M, N . et quoniam est $A : B = \Gamma : \Delta = E : Z$, et sumptae sunt magnitudinum A, Γ, E aequae multiplices H, Θ, K et magnitudinum B, Δ, Z aliae quaevis aequae multiplices A, M, N , si H magnitudinem A superat, etiam Θ magnitudinem M superat

$\tau\acute{o}$ F, sed corr. B] postea insert. F. 19. $\tilde{\alpha}$] m. 2 F. 23.
 $\mu\acute{\epsilon}\nu$] om. Bp. 24. $\tilde{\alpha}$] m. 2 F. 25. H] in ras. F.

καὶ εἰ ἔλαττον, ἔλαττον. ὥστε καὶ εἰ ὑπερέχει τὸ
 Η τοῦ Α, ὑπερέχει καὶ τὰ Η, Θ, Κ τῶν Α, Μ, Ν,
 καὶ εἰ ἴσον, ἴσα, καὶ εἰ ἔλαττον, ἔλαττονα. καὶ ἐστὶ
 τὸ μὲν Η καὶ τὰ Η, Θ, Κ τοῦ Α καὶ τῶν Α, Γ, Ε
 5 ἰσάκεις πολλαπλάσια, ἐπειδήπερ ἐὰν ἡ ὁποσαοῦν μεγέθη
 ὁποσωνοῦν μεγεθῶν ἴσων τὸ πλῆθος ἕκαστον ἐκάστου
 ἰσάκεις πολλαπλάσιον, ὅσαπλάσιόν ἐστὶν ἐν τῶν μεγε-
 θῶν ἑνός, τοσανταπλάσια ἐστὶ καὶ τὰ πάντα τῶν
 πάντων. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ Α καὶ τὰ Α, Μ, Ν
 10 τοῦ Β καὶ τῶν Β, Δ, Ζ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσια·
 ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ Α πρὸς τὸ Β, οὕτως τὰ Α, Γ, Ε
 πρὸς τὰ Β, Δ, Ζ.

Ἐὰν ἄρα ἡ ὁποσαοῦν μεγέθη ἀνάλογον, ἐστὶ
 ὡς ἐν τῶν ἡγουμένων πρὸς ἐν τῶν ἐπομένων, οὕτως
 15 ἅπαντα τὰ ἡγούμενα πρὸς ἅπαντα τὰ ἐπόμενα· ὅπερ
 εἰδει δεῖξαι.

ιγ'.

Ἐὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη
 λόγον καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, τρίτον δὲ
 20 πρὸς τέταρτον μείζονα λόγον ἔχη ἢ πέμπτον
 πρὸς ἕκτον, καὶ πρῶτον πρὸς δεύτερον μείζονα
 λόγον ἔξει ἢ πέμπτον πρὸς ἕκτον.

Πρῶτον γὰρ τὸ Α πρὸς δεύτερον τὸ Β τὸν αὐτὸν
 ἔχτω λόγον καὶ τρίτον τὸ Γ πρὸς τέταρτον τὸ Δ,
 25 τρίτον δὲ τὸ Γ πρὸς τέταρτον τὸ Δ μείζονα λόγον
 ἔχτω ἢ πέμπτον τὸ Ε πρὸς ἕκτον τὸ Ζ. λέγω, ὅτι
 καὶ πρῶτον τὸ Α πρὸς δεύτερον τὸ Β μείζονα λόγον
 ἔξει ἢ περ πέμπτον τὸ Ε πρὸς ἕκτον τὸ Ζ.

1. ἔλασσον ἔλασσον V. 2. τὰ] τό P. τῶν] τοῦ P.
 3. ἴσα] ἴσον PBr ἔλασσον ἔλασσον P; ἔλαττον ἔλαττον Br.
 5. ἐὰν] ἄν P. 6. ἴσων] ἴσον BF. 7. πολλαπλάσια V.
 10. τοῦ Β] litt. B e corr F. ἐστὶ] ἐστὶ p. 11. τὰ] τό

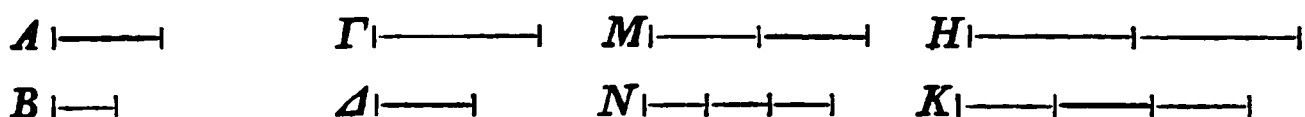
et K magnitudinem N , et si aequalis, aequalis est, et si minor, minor [def. 5]. quare, si H magnitudinem A superat, etiam $H + \Theta + K$ magnitudines $A + M + N$ superant, et si aequalis, aequales sunt, et si minor, minores. iam H magnitudinis A et $H + \Theta + K$ magnitudinum $A + \Gamma + E$ aequae multiplices sunt, quoniam si datae sunt quotuis magnitudines quotuis magnitudinum numero aequalium singulae singularum aequae multiplices, quoties multiplex est una magnitudo unius, toties etiam omnes omnium erunt multiplices [prop. I]. eadem de causa etiam A magnitudinis B et $A + M + N$ magnitudinum $B + \Delta + Z$ aequae multiplices sunt. itaque

$$A : B = A + \Gamma + E : B + \Delta + Z \text{ [def. 5].}$$

Ergo si quotlibet magnitudines proportionales sunt, erit ut una praecedentium ad unam sequentium, ita omnes praecedentes ad omnes sequentes; quod erat demonstrandum.

XIII.

Si prima ad secundam et tertia ad quartam eandem rationem habet, tertia autem ad quartam maiorem rationem habet quam quinta ad sextam, etiam prima ad secundam maiorem rationem habebit quam quinta ad sextam.



Sit enim $A : B = \Gamma : \Delta$ et $\Gamma : \Delta > E : Z$. dico, esse etiam $A : B > E : Z$.

FV. 12. $\tau\acute{\alpha}$] $\tau\acute{o}$ F. 15. $\alpha\pi\alpha\nu\tau\alpha$] (alt.) $\pi\acute{\alpha}\nu\tau\alpha$ P. 20. η] P; $\eta\pi\epsilon\rho$ BFVp. 22. η] P; $\eta\pi\epsilon\rho$ BFVp. 23. $\mu\acute{\epsilon}\nu$ γάρ P. τὸν B F. 26. η] P, Fm. 1; $\eta\pi\epsilon\rho$ BVp, Fm. 2. 28. $\xi\acute{\xi}\epsilon\iota$] $\xi\chi\epsilon\iota$ P. $\eta\pi\epsilon\rho$ τὸ E πρὸς τὸ Z P.

Ἐπεὶ γὰρ ἔστι τινὰ τῶν μὲν Γ, Ε ἰσάκεις πολλα-
 πλάσια, τῶν δὲ Δ, Ζ ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάκεις πολλα-
 πλάσια, καὶ τὸ μὲν τοῦ Γ πολλαπλάσιον τοῦ τοῦ Δ
 πολλαπλασίου ὑπερέχει, τὸ δὲ τοῦ Ε πολλαπλάσιον
 6 τοῦ τοῦ Ζ πολλαπλασίου οὐχ ὑπερέχει, εἰλήφθω,
 καὶ ἔστω τῶν μὲν Γ, Ε ἰσάκεις πολλαπλάσια τὰ Η, Θ,
 τῶν δὲ Δ, Ζ ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάκεις πολλαπλάσια
 τὰ Κ, Λ, ὥστε τὸ μὲν Η τοῦ Κ ὑπερέχειν, τὸ δὲ Θ
 τοῦ Λ μὴ ὑπερέχειν· καὶ ὅσαπλάσιον μὲν ἔστι τὸ
 10 Η τοῦ Γ, τοσαυταπλάσιον ἔστω καὶ τὸ Μ τοῦ Α,
 ὅσαπλάσιον δὲ τὸ Κ τοῦ Δ, τοσαυταπλάσιον ἔστω
 καὶ τὸ Ν τοῦ Β.

Καὶ ἐπεὶ ἔστιν ὡς τὸ Α πρὸς τὸ Β, οὕτως τὸ Γ
 πρὸς τὸ Δ, καὶ εἰληπται τῶν μὲν Α, Γ ἰσάκεις πολλα-
 15 πλάσια τὰ Μ, Η, τῶν δὲ Β, Δ ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσά-
 κεις πολλαπλάσια τὰ Ν, Κ, εἰ ἄρα ὑπερέχει τὸ Μ
 τοῦ Ν, ὑπερέχει καὶ τὸ Η τοῦ Κ, καὶ εἰ ἴσον, ἴσον,
 καὶ εἰ ἔλαττον, ἔλαττον. ὑπερέχει δὲ τὸ Η τοῦ Κ·
 ὑπερέχει ἄρα καὶ τὸ Μ τοῦ Ν. τὸ δὲ Θ τοῦ Λ οὐχ
 20 ὑπερέχει· καὶ ἔστι τὰ μὲν Μ, Θ τῶν Α, Ε ἰσάκεις
 πολλαπλάσια, τὰ δὲ Ν, Λ τῶν Β, Ζ ἄλλα, ἃ ἔτυχεν,
 ἰσάκεις πολλαπλάσια· τὸ ἄρα Α πρὸς τὸ Β μείζονα
 λόγον ἔχει ἢ περὶ τὸ Ε πρὸς τὸ Ζ.

Ἐὰν ἄρα πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη

1. Post γὰρ add. Theon: τὸ Γ πρὸς τὸ Δ μείζονα λόγον
 ἔχει ἢ περὶ τὸ Ε πρὸς τὸ Ζ (BFVp); om. P. 2. τῶν δὲ Δ, Ζ
 — πολλαπλάσια] mg. m. 1 F. 3. τό] corr. ex τὰ m. 1 V.
 τοῦ] (alt.) postea insert. m. 2 F. 7. ἃ] supra F. 8.
 Ante ὑπερέχειν ras. 2 litt. V. 9. μὴ] P; οὐ μὴ F; οὐχ
 BVp. 15. ἃ] supra m. 2 F. 20. τὰ] corr. ex τὸ m. 1 V.
 Α] in ras. P. 21. τὰ δέ — 22: πολλαπλάσια] om. F. 22.
 τὸ ἄρα Α πρὸς τὸ Β] in ras. m. 2 F, seq. uestig. 12 litt.
 24. ἔχει V.

nam quoniam sunt quaedam¹⁾ magnitudinum Γ, E

E |————|

Z |————|

Θ |————|————|

A |————|————|————|

aeque multiplices, magnitudinum autem Δ, Z aliae quaevis aequae multiplices, et multiplex magnitudinis Γ multiplicem magnitudinis Δ superat, multiplex autem magnitudinis E multiplicem magnitudinis Z non superat [def. 7], sumantur, et sint magnitudinum Γ, E aequae multiplices H, Θ , magnitudinum autem Δ, Z aliae quaevis aequae multiplices K, A , ita ut H magnitudinem K superet, Θ autem magnitudinem A non superet.

et quoties multiplex est H magnitudinis Γ , toties multiplex sit M magnitudinis A , quoties autem multiplex est K magnitudinis Δ , toties multiplex sit N magnitudinis B . et quoniam est $A : B = \Gamma : \Delta$, et sumptae sunt magnitudinum A, Γ aequae multiplices M, H , magnitudinum autem B, Δ aliae quaevis aequae multiplices N, K , si M magnitudinem N superat, etiam H magnitudinem K superat, et si aequalis, aequalis est, et si minor, minor [def. 5]. uerum H magnitudinem K superat; quare etiam M magnitudinem N superat. Θ autem magnitudinem A non superat. et M, Θ magnitudinum A, E aequae multiplices sunt, N, A autem magnitudinum B, Z aliae quaevis aequae multiplices.²⁾ itaque

$$A : B > E : Z.$$

Ergo si prima ad secundam et tertia ad quartam eandem rationem habet, tertia autem ad quar-

1) $\mu\acute{\epsilon}\nu$ et $\delta\acute{\epsilon}$ lin. 1—2 inusitate quidem posita sunt, neque tamen ita, ut ferri nequeant.

2) Cfr. lin. 6—8 cum lin. 9 sq.

λόγον καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, τρίτον δὲ πρὸς τέταρτον μείζονα λόγον ἔχη ἢ πέμπτον πρὸς ἕκτον, καὶ πρῶτον πρὸς δεύτερον μείζονα λόγον ἔξει ἢ πέμπτον πρὸς ἕκτον· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

5

ιδ'.

Ἐὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, τὸ δὲ πρῶτον τοῦ τρίτου μείζον ἢ, καὶ τὸ δεύτερον τοῦ τετάρτου μείζον ἔσται, καὶ ἴσον, ἴσον, καὶ ἔλαττον, ἔλαττον.

Πρῶτον γὰρ τὸ A πρὸς δεύτερον τὸ B τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον καὶ τρίτον τὸ Γ πρὸς τέταρτον τὸ Δ , μείζον δὲ ἔστω τὸ A τοῦ Γ . λέγω, ὅτι καὶ τὸ B τοῦ Δ μείζον ἔστιν.

Ἐπεὶ γὰρ τὸ A τοῦ Γ μείζον ἔστιν, ἄλλο δέ, ὃ ἔτυχε, [μέγεθος] τὸ B , τὸ A ἄρα πρὸς τὸ B μείζονα λόγον ἔχει ἢπερ τὸ Γ πρὸς τὸ B . ὥς δὲ τὸ A πρὸς τὸ B , οὕτως τὸ Γ πρὸς τὸ Δ . καὶ τὸ Γ ἄρα πρὸς τὸ Δ μείζονα λόγον ἔχει ἢπερ τὸ Γ πρὸς τὸ B . πρὸς ὃ δὲ τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἐκεῖνο ἔλασσόν ἔστιν· ἔλασσον ἄρα τὸ Δ τοῦ B . ὥστε μείζον ἔστι τὸ B τοῦ Δ .

Ὅμοίως δὴ δείξομεν, ὅτι καὶ ἴσον ἢ τὸ A τῷ Γ , ἴσον ἔσται καὶ τὸ B τῷ Δ , καὶ ἔλασσον ἢ τὸ A τοῦ Γ , ἔλασσον ἔσται καὶ τὸ B τοῦ Δ .

Ἐὰν ἄρα πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, τὸ δὲ πρῶτον τοῦ τρίτου μείζον ἢ, καὶ τὸ δεύτερον τοῦ τετάρτου μείζον ἔσται, καὶ ἴσον, ἴσον, καὶ ἔλαττον, ἔλαττον· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

tam maiorem rationem habet quam quinta ad sextam, etiam prima ad secundam maiorem rationem habebit quam quinta ad sextam; quod erat demonstrandum.

XIV.

Si prima ad secundam et tertia ad quartam eandem rationem habet, prima autem tertia maior est, etiam secunda quarta maior erit, et si aequalis, aequalis erit, et si minor, minor.

A |————| Γ |——| Sit enim $A : B = \Gamma : \Delta$, et
 B |————| Δ |——| $A > \Gamma$. dico, esse etiam $B > \Delta$.

nam quoniam est $A > \Gamma$, et alia quaevis magnitudo est B , erit $A : B > \Gamma : B$ [prop. VIII]. uerum $A : B = \Gamma : \Delta$. quare etiam $\Gamma : \Delta > \Gamma : B$. sed ad quod idem maiorem rationem habet, id minus est [prop. X]. itaque $B > \Delta$.

similiter demonstrabimus, si $A = \Gamma$, esse etiam $B = \Delta$, et si $A < \Gamma$, esse etiam $B < \Delta$.

Ergo si prima ad secundam et tertia ad quartam eandem rationem habet, prima autem tertia maior est, etiam secunda quarta maior erit, et si aequalis, aequalis erit, et si minor, minor; quod erat demonstrandum.

2. τὸ τέταρτον B. ἔχει V φ. ἥπερ V φ. 3. ἥπερ V φ.
 9. καὶ] καὶ ἄν V. καὶ] καὶ ἄν V φ. 13. A] Δ φ.
 15. μείζον ἐστὶ τὸ A τοῦ Γ P. τό] corr. ex τοῦ V. τοῦ]
 corr. ex τό V. 16. ἔτυχε V p. μέγεθος] om. P. 20. ὅ]
 m. 2 P. ἔλαττον F. 21. ἔλαττον F. 23. ἥ] supra m. 1 F. 24.
 καὶ] καί, supra scr. ἔάν m. 2 V. ἔλαττον F. 25. ἔλατ-
 τον F. καί] om. V. 26. πρῶτον] -τον in ras. m. 2 V. 29.
 ἔλασσον ἔλασσον p.

σε'.

Τὰ μέρη τοῖς ὡσαύτως πολλαπλασίοις τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον ληφθέντα κατάλληλα.

Ἐστω γὰρ ἰσάνεις πολλαπλάσιον τὸ AB τοῦ Γ καὶ
5 το ΔE τοῦ Z · λέγω, ὅτι ἐστὶν ὡς τὸ Γ πρὸς τὸ Z ,
οὕτως τὸ AB πρὸς τὸ ΔE .

Ἐπεὶ γὰρ ἰσάνεις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ AB τοῦ
 Γ καὶ τὸ ΔE τοῦ Z , ὅσα ἄρα ἐστὶν ἐν τῷ AB με-
γέθη ἴσα τῷ Γ , τοσαῦτα καὶ ἐν τῷ ΔE ἴσα τῷ Z .
10 διηγήσθω τὸ μὲν AB εἰς τὰ τῷ Γ ἴσα τὰ $AH, H\Theta, \Theta B$,
τὸ δὲ ΔE εἰς τὰ τῷ Z ἴσα τὰ $\Delta K, KA, AE$.
ἐστὶ δὴ ἴσον τὸ πλῆθος τῶν $AH, H\Theta, \Theta B$ τῷ πλῆ-
θει τῶν $\Delta K, KA, AE$. καὶ ἐπεὶ ἴσα ἐστὶ τὰ AH ,
 $H\Theta, \Theta B$ ἀλλήλοις, ἐστὶ δὲ καὶ τὰ $\Delta K, KA, AE$
15 ἴσα ἀλλήλοις, ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ AH πρὸς τὸ ΔK ,
οὕτως τὸ $H\Theta$ πρὸς τὸ KA , καὶ τὸ ΘB πρὸς τὸ AE .
ἐστὶ ἄρα καὶ ὡς ἐν τῶν ἡγουμένων πρὸς ἐν τῶν
ἐπομένων, οὕτως ἅπαντα τὰ ἡγούμενα πρὸς ἅπαντα
τὰ ἐπόμενα· ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ AH πρὸς τὸ ΔK ,
20 οὕτως τὸ AB πρὸς τὸ ΔE . ἴσον δὲ τὸ μὲν AH
τῷ Γ , τὸ δὲ ΔK τῷ Z · ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ Γ πρὸς
τὸ Z οὕτως τὸ AB πρὸς τὸ ΔE .

Τὰ ἄρα μέρη τοῖς ὡσαύτως πολλαπλασίοις τὸν
αὐτὸν ἔχει λόγον ληφθέντα κατάλληλα· ὅπερ εἶδει
25 δεῖξαι.

XV. Pappus V p. 338, 4.

5. ἐστίν] m. 2 F. 7. ἐστίν F. 8. μεγέθει V. 11.
εἰς τὰ τῷ Z] in ras. m. 2 V. Z] seq. ras. 3 litt. V; Z
μεγέθει Bp. 12. ΘB] $\Theta E\phi$ (non F), $B\Theta B$. 13. KA] HA V. ἴσα ἀλλήλοις V. ἐστίν B. 14. ἀλλήλοις] om. V.

XV.

Partes et similiter multiplices eandem rationem habent suo ordine sumptae.

Sit enim AB magnitudinis Γ et ΔE magnitudinis Z aequae multiplex. dico, esse $\Gamma : Z = AB : \Delta E$.

nam quoniam AB magnitudinis Γ et ΔE magnitudinis Z aequae multiplex est, quot sunt in AB magnitudines magnitudini Γ aequales, tot etiam in ΔE sunt magnitudines Z aequales. diuidatur AB in partes magnitudini Γ aequales, $AH, H\Theta, \Theta B$, et ΔE in partes magnitudini Z aequales, $\Delta K, K\Lambda, \Lambda E$. erit igitur numerus magnitudinum $AH, H\Theta, \Theta B$ numero magnitudinum $\Delta K, K\Lambda, \Lambda E$ aequalis. et quoniam $AH = H\Theta = \Theta B$ et $\Delta K = K\Lambda = \Lambda E$, erit $AH : \Delta K = H\Theta : K\Lambda = \Theta B : \Lambda E$ [prop. VII]. quare etiam ut una praecedentium ad unam sequentium, ita omnes praecedentes ad omnes sequentes [prop. XII]. itaque $AH : \Delta K = AB : \Delta E$. uerum $AH = \Gamma$, $\Delta K = Z$. itaque

$$\Gamma : Z = AB : \Delta E.$$

Ergo partes et similiter multiplices eandem rationem habent suo ordine sumptae; quod erat demonstrandum.

ἐστίν B. δὲ καὶ τὰ] δὴ seq. lacuna φ. 16. ΘB] $B\Theta$ F.
 ΔE] post ras. 2 litt. P. 21. τὸ] corr. ex τῶ m. 1 p.
 ΔK] Δ in ras. m. 2 P. Z] corr. ex K m. 2 F. 24.
 ξξει BFV p.

ε5'.

Ἐὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, καὶ ἐναλλάξ ἀνάλογον ἔσται.

Ἐστω τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον τὰ A, B, Γ, Δ ,
 5 ὡς τὸ A πρὸς τὸ B , οὕτως τὸ Γ πρὸς τὸ Δ . λέγω,
 ὅτι καὶ ἐναλλάξ [ἀνάλογον] ἔσται, ὡς τὸ A πρὸς τὸ
 Γ , οὕτως τὸ B πρὸς τὸ Δ .

Εἰλήφθω γὰρ τῶν μὲν A, B ἰσάκεις πολλαπλάσια
 τὰ E, Z , τῶν δὲ Γ, Δ ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάκεις πολλα-
 10 πλάσια τὰ H, Θ .

Καὶ ἐπεὶ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ E τοῦ A
 καὶ τὸ Z τοῦ B , τὰ δὲ μέρη τοῖς ὡσαύτως πολλαπλα-
 σίοις τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον, ἔστιν ἄρα ὡς τὸ A πρὸς
 τὸ B , οὕτως τὸ E πρὸς τὸ Z . ὡς δὲ τὸ A πρὸς τὸ
 15 B , οὕτως τὸ Γ πρὸς τὸ Δ . καὶ ὡς ἄρα τὸ Γ πρὸς
 τὸ Δ , οὕτως τὸ E πρὸς τὸ Z . πάλιν, ἐπεὶ τὰ H, Θ
 τῶν Γ, Δ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσια, ἔστιν ἄρα ὡς τὸ
 Γ πρὸς τὸ Δ , οὕτως τὸ H πρὸς τὸ Θ . ὡς δὲ τὸ Γ
 πρὸς τὸ Δ , [οὕτως] τὸ E πρὸς τὸ Z . καὶ ὡς ἄρα τὸ
 20 E πρὸς τὸ Z , οὕτως τὸ H πρὸς τὸ Θ . ἔὰν δὲ τέσ-
 σαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ δὲ πρῶτον τοῦ τρίτου
 μείζον ᾗ, καὶ τὸ δεύτερον τοῦ τετάρτου μείζον ἔσται,
 καὶ ἴσον, ἴσον, καὶ ἔλαττον, ἔλαττον. εἰ ἄρα ὑπερ-
 ἔχει τὸ E τοῦ H , ὑπερέχει καὶ τὸ Z τοῦ Θ , καὶ εἰ
 25 ἴσον, ἴσον, καὶ εἰ ἔλαττον, ἔλαττον. καὶ ἐστὶ τὰ μὲν
 E, Z τῶν A, B ἰσάκεις πολλαπλάσια, τὰ δὲ H, Θ τῶν

6. ἀνάλογον] om. P. ἔσται] ἐστὶν P. τό] (alt.) om. F.
 8. γάρ] supra F. 9. ἃ] supra F. 11. ἐστὶ] om. Bp.
 πολλαπλάσιον] -ον in ras P. 13. λόγον] P; λόγον ληφ-
 θέντα κατάλληλα Theon (BFVp). 15. οὕτως] supra p; om. B.
 16. Z] corr. ex Ξ m. 2 V. H, Θ] Θ, H Bp. 17. πολλα-

XVI.

Si quattuor magnitudines proportionales sunt, etiam permutando proportionales erunt.

Sint quattuor magnitudines proportionales A, B, Γ, Δ , ita ut sit $A : B = \Gamma : \Delta$.

A |——| Γ |——| Δ , ita ut sit $A : B = \Gamma : \Delta$.
 B |——| Δ |——| dico, etiam permutando esse
 E |——|——|——| H |——|——| $A : \Gamma = B : \Delta$.

Z |——|——|——| Θ |——|——| sumantur enim magnitudi-
 num A, B aequae multiplices
 E, Z , magnitudinum autem Γ, Δ aliae quaevis aequae
 multiplices H, Θ .

et quoniam E magnitudinis A et Z magnitudinis B aequae multiplex est, partes autem et similiter multiplices eandem rationem habent suo ordine sumptae [prop. XV], erit $A : B = E : Z$. uerum $A : B = \Gamma : \Delta$. quare etiam $\Gamma : \Delta = E : Z$ [prop. XI]. rursus quoniam H, Θ magnitudinum Γ, Δ aequae multiplices sunt, erit $\Gamma : \Delta = H : \Theta$ [prop. XV]. uerum $\Gamma : \Delta = E : Z$. itaque etiam $E : Z = H : \Theta$ [prop. XI]. si autem quattuor magnitudines proportionales sunt, et prima maior est tertia, etiam secunda maior erit quarta, et si aequalis, aequalis est, et si minor, minor [prop. XIV]. itaque si E magnitudinem H superat, etiam Z magnitudinem Θ superat, et si aequalis, aequalis est, et si minor, minor. et E, Z magnitudinum A, B

πλάσια] seq. τὰ δὲ μέρη τοῖς ὡσαύτως πολλαπλασίοις τὸν αὐ-
 τὸν ἔχει λόγον ληφθέντα κατάλληλα Bp. 18. Γ] in ras.
 m. 1 p. ὡς δέ] ἀλλ' ὡς F. 19. οὕτως] om. P. 20. τό]
 (alt.) e corr. V. 23. ἔλασσον, ἔλασσον V. 24. Θ] seq. ras.
 1 litt. V. καὶ εἰ] καὶ Theon (BFVp). 25. καὶ εἰ] καὶ
 Theon (BFVp). ἐστὶν F. 26. τὰ δέ — p. 48, 1: πολλα-
 πλάσια] mg. m. rec. p.

Γ, Δ ἄλλα, ἃ ἐτυχεν, ἰσάκεις πολλαπλάσια· ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ Α πρὸς τὸ Γ, οὕτως τὸ Β πρὸς τὸ Δ.

Ἐὰν ἄρα τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, καὶ ἐναλλάξ ἀνάλογον ἐστὶ· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

6

εξ'.

Ἐὰν συγκείμενα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, καὶ διαιρεθέντα ἀνάλογον ἐστὶ.

Ἐστω συγκείμενα μεγέθη ἀνάλογον τὰ ΑΒ, ΒΕ, ΓΔ, ΔΖ, ὡς τὸ ΑΒ πρὸς τὸ ΒΕ, οὕτως τὸ ΓΔ πρὸς
10 τὸ ΔΖ· λέγω, ὅτι καὶ διαιρεθέντα ἀνάλογον ἐστὶ, ὡς τὸ ΑΕ πρὸς τὸ ΕΒ, οὕτως τὸ ΓΖ πρὸς τὸ ΔΖ.

Εἰλήφθω γὰρ τῶν μὲν ΑΕ, ΕΒ, ΓΖ, ΖΔ ἰσάκεις πολλαπλάσια τὰ ΗΘ, ΘΚ, ΑΜ, ΜΝ, τῶν δὲ ΕΒ, ΖΔ ἄλλα, ἃ ἐτυχεν, ἰσάκεις πολλαπλάσια τὰ ΚΞ, ΝΠ.

15 Καὶ ἐπεὶ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ ΗΘ τοῦ ΑΕ καὶ τὸ ΘΚ τοῦ ΕΒ, ἰσάκεις ἄρα ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ ΗΘ τοῦ ΑΕ καὶ τὸ ΗΚ τοῦ ΑΒ. ἰσάκεις δὲ ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ ΗΘ τοῦ ΑΕ καὶ τὸ ΑΜ τοῦ ΓΖ· ἰσάκεις ἄρα ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ ΗΚ τοῦ
20 ΑΒ καὶ τὸ ΑΜ τοῦ ΓΖ. πάλιν, ἐπεὶ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ ΑΜ τοῦ ΓΖ καὶ τὸ ΜΝ τοῦ ΖΔ, ἰσάκεις ἄρα ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ ΑΜ τοῦ ΓΖ καὶ τὸ ΑΝ τοῦ ΓΔ. ἰσάκεις δὲ ἦν πολλαπλάσιον τὸ ΑΜ τοῦ ΓΖ καὶ τὸ ΗΚ τοῦ ΑΒ· ἰσάκεις ἄρα ἐστὶ πολ-
25 λαπλάσιον τὸ ΗΚ τοῦ ΑΒ καὶ τὸ ΑΝ τοῦ ΓΔ. τὰ ΗΚ, ΑΝ ἄρα τῶν ΑΒ, ΓΔ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσια.

1. α] supra m. 2 F. 11. ΕΒ] ΒΕ Bp, et V e corr.
τὸ ΔΖ] τὸ ΖΔ F, V m. 2; ΔΖ P. 12. ΕΒ] supra m.
2 F. 17. ΗΚ] Η in ras. m. 1 V. ΑΒ] Α e corr. m. 2 V.
18. ΑΜ] in ras. m. 2 V. 19. ΓΖ] Γ in ras. m. 2 V.

aeque multiplices sunt, et H, Θ magnitudinum Γ, Δ aliae quaevis aequae multiplices; itaque $A : \Gamma = B : \Delta$.

Ergo si quattuor magnitudines proportionales sunt, etiam permutando proportionales erunt; quod erat demonstrandum.

XVII.

Si compositae magnitudines proportionales sunt, etiam dirimendo proportionales erunt.

Sint compositae magnitudines proportionales $AB, BE, \Gamma\Delta, \Delta Z$, ita ut sit $AB : BE = \Gamma\Delta : \Delta Z$. dico, etiam dirimendo esse $AE : EB = \Gamma Z : \Delta Z$.

sumantur enim magnitudinum $AE, EB, \Gamma Z, Z\Delta$ aequae multiplices $H\Theta, \Theta K, AM, MN$ et magnitudinum $EB, Z\Delta$ aliae quaevis aequae multiplices $K\Xi, N\Pi$. et quoniam $H\Theta$ magnitudinis AE et ΘK magnitudinis EB aequae multiplex est, erit $H\Theta$ magnitudinis AE et HK magnitudinis AB aequae multiplex [prop. I]. verum $H\Theta$ magnitudinis AE et AM magnitudinis ΓZ aequae multiplex est. itaque HK magnitudinis AB et AM magnitudinis ΓZ aequae multiplex est. rursus quoniam AM magnitudinis ΓZ et MN magnitudinis $Z\Delta$ aequae multiplex est, erit AM magnitudinis ΓZ et AN magnitudinis $\Gamma\Delta$ aequae multiplex [prop. I]. erat autem AM magnitudinis ΓZ et HK magnitudinis AB aequae multiplex. itaque HK magnitudinis AB et AN magnitudinis $\Gamma\Delta$ aequae multiplex est.

$\alpha\pi\alpha$] in ras. m. 2 V. HK] K in ras. m. 2 V; AM P.
20. AB] B in ras m. 2 V; ΓZ P. AM] HK P. ΓZ] ΔZ P.
 AB P. $\pi\alpha\lambda\iota\nu \epsilon\pi\epsilon\iota$ — 21. $\tau\omicron\upsilon \Gamma Z$] mg. m. rec. B, om. p.
21. $Z\Delta$] ΔZ BV p. 23. AN] AN V e corr. m. 2. 24.
 $\tau\omicron\upsilon$] (prius) bis p. AB] eras. p.

πάλιν, ἐπεὶ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον τὸ ΘΚ τοῦ ΕΒ
 καὶ τὸ ΜΝ τοῦ ΖΔ, ἐστὶ δὲ καὶ τὸ ΚΞ τοῦ ΕΒ
 ἰσάκεις πολλαπλάσιον καὶ τὸ ΝΠ τοῦ ΖΔ, καὶ συν-
 τεθὲν τὸ ΘΞ τοῦ ΕΒ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσιον καὶ
 5 τὸ ΜΠ τοῦ ΖΔ. Καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς τὸ ΑΒ πρὸς τὸ
 ΒΕ, οὕτως τὸ ΓΔ πρὸς τὸ ΔΖ, καὶ εἴληπται τῶν μὲν
 ΑΒ, ΓΔ ἰσάκεις πολλαπλάσια τὰ ΗΚ, ΑΝ, τῶν δὲ
 ΕΒ, ΖΔ ἰσάκεις πολλαπλάσια τὰ ΘΞ, ΜΠ, εἰ ἄρα
 ὑπερέχει τὸ ΗΚ τοῦ ΘΞ, ὑπερέχει καὶ τὸ ΑΝ τοῦ
 10 ΜΠ, καὶ εἰ ἴσον, ἴσον, καὶ εἰ ἔλαττον, ἔλαττον. ὑπερ-
 εχέτω δὴ τὸ ΗΚ τοῦ ΘΞ, καὶ κοινοῦ ἀφαιρεθέντος
 τοῦ ΘΚ ὑπερέχει ἄρα καὶ τὸ ΗΘ τοῦ ΚΞ. ἀλλὰ
 εἰ ὑπερεῖχε τὸ ΗΚ τοῦ ΘΞ, ὑπερεῖχε καὶ τὸ ΑΝ τοῦ
 ΜΠ· ὑπερέχει ἄρα καὶ τὸ ΑΝ τοῦ ΜΠ, καὶ κοινοῦ
 15 ἀφαιρεθέντος τοῦ ΜΝ ὑπερέχει καὶ τὸ ΑΜ τοῦ ΝΠ·
 ὥστε εἰ ὑπερέχει τὸ ΗΘ τοῦ ΚΞ, ὑπερέχει καὶ τὸ ΑΜ
 τοῦ ΝΠ. ὁμοίως δὴ δείξομεν, ὅτι καὶ ἴσον ἢ τὸ ΗΘ
 τῷ ΚΞ, ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ ΑΜ τῷ ΝΠ, καὶ ἔλαττον,
 ἔλαττον. καὶ ἐστὶ τὰ μὲν ΗΘ, ΑΜ τῶν ΑΕ, ΓΖ
 20 ἰσάκεις πολλαπλάσια, τὰ δὲ ΚΞ, ΝΠ τῶν ΕΒ, ΖΔ
 ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάκεις πολλαπλάσια· ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ
 ΑΕ πρὸς τὸ ΕΒ, οὕτως τὸ ΓΖ πρὸς τὸ ΖΔ.

Ἐὰν ἄρα συγκείμενα μεγέθη ἀνάλογον ἦ, καὶ διαι-
 ρεθέντα ἀνάλογον ἐστὶ· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

1. ἐστὶν FV. 3. ΖΔ] ΖΒ F. 4. τό] ἄρα τό Bp; ἄρα
 add. m. 2 F. 6. ΔΖ] ΖΔ BVp. 7. ΑΝ] e corr. m. 2 V.
 8. ΖΔ] ΔΖ P. Seq. in Bp: ἄλλα ἃ ἔτυχεν; idem V m. 2,
 et F in ras. m. 2 (om ἃ), sed omisso ἰσάκεις (fuit in mg. m.
 2, sed euan.). 10. ἔλασσον, ἔλασσον p. 12. ἀλλά] ἄλλ FV.
 13. ὑπερεῖχε] PVp; ὑπερεῖχεν B; ὑπερέχει e corr. F. τὸ
 ΗΚ τοῦ ΘΞ ὑπερεῖχε] mg. m. 1 P. ὑπερεῖχε] p; ὑπερεῖχεν
 PB; ὑπερέχει FV. ΑΝ] ΑΗ in ras. m. 1 p. 16. ὑπερέχει]
 -έχει in ras. P. ΚΞ] in ras. V. 18. ἐστὶ] om. F.

itaque HK , AN magnitudinum AB , $\Gamma\Delta$ aequae multiplices sunt. rursus quoniam ΘK magnitudinis EB et MN magnitudinis $Z\Delta$ aequae multiplex est, et $K\Xi$ magnitudinis EB aequae multiplex est ac $N\Pi$ magnitudinis $Z\Delta$, etiam componendo $\Theta\Xi$ magnitudinis EB aequae multiplex est ac $M\Pi$ magnitudinis $Z\Delta$ [prop. II]. et quoniam est $AB:BE = \Gamma\Delta:\Delta Z$, et sumptae sunt magnitudinum AB , $\Gamma\Delta$ aequae multiplices HK , AN , et magnitudinum EB , $Z\Delta$ aequae multiplices $\Theta\Xi$, $M\Pi$, si HK magnitudinem $\Theta\Xi$ superat, etiam AN magnitudinem $M\Pi$ superat, et si aequalis, aequalis est, et si minor, minor [def. 5]. itaque HK magnitudinem $\Theta\Xi$ superet, et ablata, quae communis est, ΘK , etiam $H\Theta$ magnitudinem $K\Xi$ superat. uerum si HK magnitudinem $\Theta\Xi$ superabat, etiam AN magnitudinem $M\Pi$ superabat [lin. 8 sq.]. ergo etiam AN magnitudinem $M\Pi$ superat, et ablata, quae communis est, MN , etiam AM magnitudinem $N\Pi$ superat. quare si $H\Theta$ magnitudinem $K\Xi$ superat, etiam AM magnitudinem $N\Pi$ superat. similiter demonstrabimus, si $H\Theta = K\Xi$, esse etiam $AM = N\Pi$, et si $H\Theta < K\Xi$, esse etiam $AM < N\Pi$. et $H\Theta$, AM magnitudinum AE , ΓZ aequae multiplices sunt, $K\Xi$, $N\Pi$ autem magnitudinum EB , $Z\Delta$ aliae quaeuis aequae multiplices. itaque $AE:EB = \Gamma Z:Z\Delta$ [def. 5].

Ergo si compositae magnitudines proportionales sunt, etiam dirimendo proportionales erunt; quod erat demonstrandum.

$\epsilon\lambda\alpha\sigma\sigma\omicron\nu$, $\epsilon\lambda\alpha\sigma\sigma\omicron\nu$ Bp. 19. AE , ΓZ] ΓZ , AE Bp et F eraso
 Γ . 20. $K\Xi$] KZ φ . 21. $\tilde{\alpha}$] supra m. 2 F. 22. $Z\Delta$] Z
in ras. V; ΔZ Bp. 23. $\tilde{\eta}$] $\epsilon\sigma\tau\alpha\iota$ V, supra scr. m. 2 $\tilde{\eta}$.

ιη'.

Ἐὰν διηρημένα μεγέθη ἀνάλογον ᾦ, καὶ
συντεθέντα ἀνάλογον ἔσται.

Ἐστω διηρημένα μεγέθη ἀνάλογον τὰ AE , EB ,
5 ΓZ , $Z\Delta$, ὥς τὸ AE πρὸς τὸ EB , οὕτως τὸ ΓZ πρὸς
τὸ $Z\Delta$. λέγω, ὅτι καὶ συντεθέντα ἀνάλογον ἔσται,
ὥς τὸ AB πρὸς τὸ BE , οὕτως τὸ $\Gamma\Delta$ πρὸς τὸ $Z\Delta$.

Εἰ γὰρ μὴ ἔστιν ὥς τὸ AB πρὸς τὸ BE , οὕτως
τὸ $\Gamma\Delta$ πρὸς τὸ ΔZ , ἔσται ὥς τὸ AB πρὸς τὸ BE ,
10 οὕτως τὸ $\Gamma\Delta$ ἥτοι πρὸς ἑλασσόν τι τοῦ ΔZ ἢ πρὸς
μείζον

Ἐστω πρότερον πρὸς ἑλασσον τὸ ΔH . καὶ ἐπεὶ
ἔστιν ὥς τὸ AB πρὸς τὸ BE , οὕτως τὸ $\Gamma\Delta$ πρὸς τὸ
 ΔH , συγκείμενα μεγέθη ἀνάλογόν ἐστιν· ὥστε καὶ
15 διαιρεθέντα ἀνάλογον ἔσται. ἔστιν ἄρα ὥς τὸ AE
πρὸς τὸ EB , οὕτως τὸ ΓH πρὸς τὸ $H\Delta$. ὑπόκειται
δὲ καὶ ὥς τὸ AE πρὸς τὸ EB , οὕτως τὸ ΓZ πρὸς
τὸ $Z\Delta$. καὶ ὥς ἄρα τὸ ΓH πρὸς τὸ $H\Delta$, οὕτως τὸ
 ΓZ πρὸς τὸ $Z\Delta$. μείζον δὲ τὸ πρῶτον τὸ ΓH τοῦ
20 τρίτου τοῦ ΓZ . μείζον ἄρα καὶ τὸ δεύτερον τὸ $H\Delta$
τοῦ τετάρτου τοῦ $Z\Delta$. ἀλλὰ καὶ ἑλαττον· ὅπερ ἐστὶν
ἀδύνατον· οὐκ ἄρα ἔστιν ὥς τὸ AB πρὸς τὸ BE ,
οὕτως τὸ $\Gamma\Delta$ πρὸς ἑλασσον τοῦ $Z\Delta$. ὁμοίως δὲ δεί-
ξομεν, ὅτι οὐδὲ πρὸς μείζον· πρὸς αὐτὸ ἄρα.

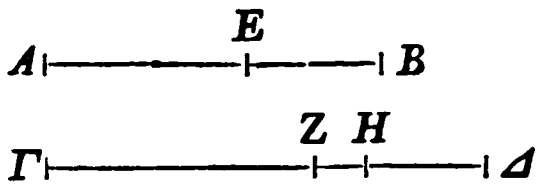
4. AE] A PBFV. 5. ΓZ] (prius) Γ PBFV. 6. $Z\Delta$] ΔZ F. 7. τό] (alt.) om. P. $Z\Delta$] ΔZ F. 9. τό] (alt.) om. P. ΔZ] PF, V m. 2; $Z\Delta$ Br, Vm. 1. ὥς τό — 10: τὸ $\Gamma\Delta$] mg. m 2 V. 10. ἑλασσόν τι] ἑλαττον φ, supra scr τι m. 2. τοῦ] τὸ τοῦ F. ΔZ] PF, Vm. 2; $Z\Delta$ Br. 12. ἑλαττον F.

13. ὥς τό] ὥστ' p, ut iam lin. 9 et postea saepius BE] BΘ φ. τό] (quartum) om. B 14. ἐστίν] e corr. B 16.

XVIII.

Si diremptae magnitudines proportionales sunt, etiam compositae proportionales erunt.

Sint diremptae magnitudines proportionales $AE, EB, \Gamma Z, Z\Delta$, ita ut sit $AE : EB = \Gamma Z : Z\Delta$. dico, etiam compositas proportionales esse,



$$AB : BE = \Gamma\Delta : Z\Delta.$$

nam si non est $AB : BE = \Gamma\Delta : \Delta Z$, erit ut AB ad BE , ita $\Gamma\Delta$ aut ad minus magnitudine ΔZ aut ad maius.

prius ad minus ΔH aequalem rationem habeat. et quoniam est $AB : BE = \Gamma\Delta : \Delta H$, compositae magnitudines proportionales sunt. quare etiam diremptae proportionales erunt [prop. XVII]. erit igitur

$$AE : EB = \Gamma H : H\Delta.$$

supposuimus autem, esse etiam $AE : EB = \Gamma Z : Z\Delta$. quare etiam $\Gamma H : H\Delta = \Gamma Z : Z\Delta$ [prop. XI]. sed prima ΓH maior est tertia ΓZ ; itaque etiam secunda $H\Delta$ maior est quarta $Z\Delta$ [prop. XIV]. uerum etiam minor est; quod fieri non potest. itaque non est ut AB ad BE , ita $\Gamma\Delta$ ad minus magnitudine $Z\Delta$. similiter demonstrabimus, ne ad maius quidem aequalem rationem habere $\Gamma\Delta$. itaque $\Gamma\Delta : Z\Delta = AB : BE$.

$\Gamma H]$ ΓB φ (non F). 18. $Z\Delta]$ ΔZ F. καὶ ὡς ἄρα — 19: $\tauὸ Z\Delta]$ mg. m. 2 V. 18. $\tauὸ]$ (tert.) om. B. 19. $\muειζονα$ P m. 2, sed corr. 21. $\tauετάρτου]$ in ras. p. $\epsilonλασσον$ Bp. 23. $\epsilonλαττον$ F. $Z\Delta]$ in ras. m. 2 V; ΔZ Bp.

Ἐὰν ἄρα διηρημένα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, καὶ συν-
τεθέντα ἀνάλογον ἔσται· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιθ'.

Ἐὰν ᾗ ὡς ὅλον πρὸς ὅλον, οὕτως ἀφαιρεθὲν
5 πρὸς ἀφαιρεθὲν, καὶ τὸ λοιπὸν πρὸς τὸ λοι-
πὸν ἔσται ὡς ὅλον πρὸς ὅλον.

Ἐστω γὰρ ὡς ὅλον τὸ AB πρὸς ὅλον τὸ $\Gamma\Delta$, οὕ-
τως ἀφαιρεθὲν τὸ AE πρὸς ἀφαιρεθὲν τὸ ΓZ · λέγω,
ὅτι καὶ λοιπὸν τὸ EB πρὸς λοιπὸν τὸ $Z\Delta$ ἔσται ὡς
10 ὅλον τὸ AB πρὸς ὅλον τὸ $\Gamma\Delta$.

Ἐπεὶ γὰρ ἔστιν ὡς τὸ AB πρὸς τὸ $\Gamma\Delta$, οὕτως τὸ
 AE πρὸς τὸ ΓZ , καὶ ἐναλλάξ ὡς τὸ BA πρὸς τὸ
 AE , οὕτως τὸ $\Delta\Gamma$ πρὸς τὸ ΓZ . καὶ ἐπεὶ συγκείμενα
μεγέθη ἀνάλογόν ἐστιν, καὶ διαιρεθέντα ἀνάλογον
15 ἔσται, ὡς τὸ BE πρὸς τὸ EA , οὕτως τὸ ΔZ πρὸς
τὸ ΓZ · καὶ ἐναλλάξ, ὡς τὸ BE πρὸς τὸ ΔZ , οὕτως
τὸ EA πρὸς τὸ $Z\Gamma$. ὡς δὲ τὸ AE πρὸς τὸ ΓZ , οὕ-
τως ὑπόκειται ὅλον τὸ AB πρὸς ὅλον τὸ $\Gamma\Delta$. καὶ
λοιπὸν ἄρα τὸ EB πρὸς λοιπὸν τὸ $Z\Delta$ ἔσται ὡς ὅλον
■ τὸ AB πρὸς ὅλον τὸ $\Gamma\Delta$.

Ἐὰν ἄρα ᾗ ὡς ὅλον πρὸς ὅλον, οὕτως ἀφαιρεθὲν
πρὸς ἀφαιρεθὲν, καὶ τὸ λοιπὸν πρὸς τὸ λοιπὸν ἔσται
ὡς ὅλον πρὸς ὅλον [ὅπερ ἔδει δεῖξαι].

[Καὶ ἐπεὶ ἐδείχθη ὡς τὸ AB πρὸς τὸ $\Gamma\Delta$, οὕτως
25 τὸ EB πρὸς τὸ $Z\Delta$, καὶ ἐναλλάξ ὡς τὸ AB πρὸς τὸ
 BE οὕτως τὸ $\Gamma\Delta$ πρὸς τὸ $Z\Delta$, συγκείμενα ἄρα μεγέθη
ἀνάλογόν ἐστιν· ἐδείχθη δὲ ὡς τὸ BA πρὸς τὸ AE ,
οὕτως τὸ $\Delta\Gamma$ πρὸς τὸ ΓZ · καὶ ἐστὶν ἀναστρέψαντι].

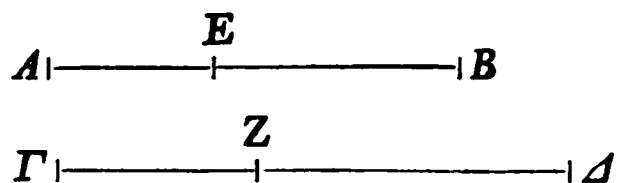
1. ᾗ] ἔσται φ (non F). 2. ἔσται] eras. F B. ἀφαιρε-
θὲν τὸ AE πρὸς] mg. m. 2 F. 9. πρὸς] πρὸς τὸ φ. 10.

Ergo si diremptae magnitudines proportionales sunt, etiam compositae proportionales erunt; quod erat demonstrandum.

XIX.

Si totum ad totum eandem rationem habet atque ablatum ad ablatum, etiam reliquum ad reliquum eandem rationem habebit ac totum ad totum.

Sit enim $AB : \Gamma\Delta = AE : \Gamma Z$. dico, esse etiam



$$EB : Z\Delta = AB : \Gamma\Delta.$$

nam quoniam est $AB : \Gamma\Delta = AE : \Gamma Z$, etiam permutando est $BA : AE = \Delta\Gamma : \Gamma Z$ [prop. XVI]. et quoniam compositae magnitudines proportionales sunt, etiam diremptae proportionales erunt,

$$BE : EA = \Delta Z : \Gamma Z \text{ [prop. XVII].}$$

et permutando [prop. XVI] $BE : \Delta Z = EA : Z\Gamma$. sed supposuimus, esse $AE : \Gamma Z = AB : \Gamma\Delta$. itaque etiam $EB : Z\Delta = AB : \Gamma\Delta$.

Ergo si totum ad totum eandem rationem habet atque ablatum ad ablatum, etiam reliquum ad reliquum eandem rationem habebit ac totum ad totum; quod erat demonstrandum.

ὅλον] (alt.) m. 2 V. 11. ἐστι φ (non F). ὅλον τὸ AB πρὸς ὅλον τό Theon (BVp, F euan.). 13. ΔΓ] ΓΔ P. 14. ἐστίν] F; ἐστι PB Vp. 15. Post ὡς add. ἄρα Pm. rec., V m. 2; Bp. 16. ΓZ] ZΓ P. ἐναλλάξ ἄρα ἐστίν Theon (BFVp). 19. ZΔ] ΔZ P. 21. πρὸς ἀφαιρεθέν] mg. F. 24. πόρισμα mg. m. 2 V. καὶ ἐπεὶ] euan., del. m. 2 F. 25. τὸ ZΔ] ZΔ P. 26. τὸ ZΔ] F; ZΔ P; τὸ ΔZ V, Bp in ras. 27. ἐστίν] in ras. m. 2 V; ἔσται Bp. δὲ καὶ ὡς P. τὸ AE] AE Bp. 28. τὸ ΓZ] ΓZ Pp.

Πόρισμα.

Ἐκ δὴ τούτου φανερόν, ὅτι ἐὰν συγκείμενα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, καὶ ἀναστρέψαντι ἀνάλογον ἔσται· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

6

κ'.

Ἐὰν ᾗ τρία μεγέθη καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενα καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, δι' ἴσον δὲ τὸ πρῶτον τοῦ τρίτου μείζον ᾗ, καὶ τὸ τέταρτον τοῦ ἑκτου μείζον ἔσται,
10 καὶ ἴσον, ἴσον, καὶ ἑλάττων, ἑλάττων.

Ἐστω τρία μεγέθη τὰ *A*, *B*, *Γ*, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος τὰ *Δ*, *Ε*, *Ζ*, σύνδυο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ὥς μὲν τὸ *A* πρὸς τὸ *B*, οὕτως τὸ *Δ* πρὸς τὸ *Ε*, ὥς δὲ τὸ *B* πρὸς τὸ *Γ*, οὕτως τὸ *Ε* πρὸς
15 τὸ *Ζ*, δι' ἴσον δὲ μείζον ἔστω τὸ *A* τοῦ *Γ*· λέγω, ὅτι καὶ τὸ *Δ* τοῦ *Ζ* μείζον ἔσται, καὶ ἴσον, ἴσον, καὶ ἑλάττων, ἑλάττων.

Ἐπεὶ γὰρ μείζον ἐστὶ τὸ *A* τοῦ *Γ*, ἄλλο δέ τι τὸ *B*, τὸ δὲ μείζον πρὸς τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει
20 ἢ περ τὸ ἑλάττων, τὸ *A* ἄρα πρὸς τὸ *B* μείζονα λόγον ἔχει ἢ περ τὸ *Γ* πρὸς τὸ *B*. ἀλλ' ὥς μὲν τὸ *A* πρὸς τὸ *B*, [οὕτως] τὸ *Δ* πρὸς τὸ *Ε*, ὥς δὲ τὸ *Γ* πρὸς τὸ *B*, ἀνάπαλιν οὕτως τὸ *Ζ* πρὸς τὸ *Ε*· καὶ τὸ *Δ* ἄρα πρὸς τὸ *Ε* μείζονα λόγον ἔχει ἢ περ τὸ *Ζ* πρὸς τὸ *Ε*. τῶν

1. πόρισμα] mg. PFBp; om V. 4. Seq. scholium; u. app. 7. καί] om. p; m. 2 B. 10. καὶ] καὶ ἐάν P. καὶ] ἔσται, καὶ ἐάν P. ἑλάττων, ἑλάττων Bp. 12. καὶ ἐν Bp; καὶ supra m. 2 F. 14. Ε] (alt.) ante ras. 1 litt. V. 17. ἑλάττων ἑλάττων Vp. 21. ἀλλά B. 22. οὕτως] om. P. τὸ Ε] Ε P. τὸ Γ] Γ P; τό add. m. rec.; τὸ Ζ φ. τὸ B] B P; τὸ Ε φ. 23. ἀνάπαλιν] καὶ τὸ Δ φ. τὸ Ε] Ε φ; sequentia euan. F.

Corollarium.¹⁾

Hinc manifestum est, si compositae magnitudines proportionales sint, etiam conuertendo proportionales eas fore. — quod erat demonstrandum.

XX.

Si datae sunt tres magnitudines et aliae iis numero aequales, binae simul coniunctae et in eadem proportionem, ex aequo autem prima tertia maior est, etiam quarta sexta maior erit, et si aequalis, aequalis erit, et si minor, minor.

Sint tres magnitudines A, B, Γ et aliae iis numero

A ————	Δ ————	aequales Δ, E, Z , binae coniunctae in eadem proportionem, scilicet $A : B = \Delta : E$, et $B : \Gamma = E : Z$, et sit $A > \Gamma$. dico, esse etiam $\Delta > Z$, et si $A = \Gamma$, esse $\Delta = Z$, et si $A < \Gamma$, esse $\Delta < Z$.
B ———	E ———	
Γ ————	Z ————	

nam quoniam $A > \Gamma$, et alia quaevis magnitudo est B , et maius ad idem maiorem rationem habet quam minus [prop. VIII], erit $A : B > \Gamma : B$. uerum $A : B = \Delta : E$ et e contrario [prop. VII coroll.]

$$\Gamma : B = Z : E.$$

1) Quae praecedunt uerba p. 55, 24—28 immerito ab Simsono aliisque uituperantur; nam ueram continent demonstrationem conuersae rationis. demonstrauimus enim (p. 55, 19) $AB : \Gamma\Delta = EB : Z\Delta$, unde $AB : EB = \Gamma\Delta : Z\Delta$; sed simul erat (p. 55, 12) $BA : AE = \Delta\Gamma : \Gamma Z$; tum u. def. 16. nihilo minus hic locus interpolatus esse uideri potest (sed ante Theonem), quia Euclides numquam corollarii rationem reddit, id quod ipsius uocabuli $\pi\acute{o}\rho\iota\sigma\mu\alpha$ notioni (Proclus in Eucl. p. 301. 303) aduersatur. huic loco similis est interpolatio Theonis post V, 4.

δὲ πρὸς τὸ αὐτὸ λόγον ἔχοντων το μείζονα λόγον ἔχον μείζον ἐστίν. μείζον ἄρα τὸ Δ τοῦ Z . ὁμοίως δὲ δείξομεν, ὅτι καὶ ἴσον ἢ τὸ A τῷ Γ , ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ Δ τῷ Z , καὶ ἔλαττον, ἔλαττον.

5 Ἐὰν ἄρα ἢ τρία μεγέθη καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενα καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, δι' ἴσου δὲ τὸ πρῶτον τοῦ τρίτου μείζον ἢ, καὶ τὸ τέταρτον τοῦ ἑκτου μείζον ἐστὶ, καὶ ἴσον, ἴσον, καὶ ἔλαττον, ἔλαττον· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

10

κα'.

Ἐὰν ἢ τρία μεγέθη καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος σύνδυο λαμβανόμενα καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ δὲ τεταραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, δι' ἴσου δὲ τὸ πρῶτον τοῦ τρίτου μείζον ἢ, καὶ
15 τὸ τέταρτον τοῦ ἑκτου μείζον ἐστὶ, καὶ ἴσον, ἴσον, καὶ ἔλαττον, ἔλαττον.

Ἐστω τρία μεγέθη τὰ A , B , Γ καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος τὰ Δ , E , Z , σύνδυο λαμβανόμενα καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἔστω δὲ τεταραγμένη αὐτῶν ἡ
20 ἀναλογία, ὥς μὲν τὸ A πρὸς τὸ B , οὕτως τὸ E πρὸς τὸ Z , ὥς δὲ τὸ B πρὸς τὸ Γ , οὕτως τὸ Δ πρὸς τὸ E , δι' ἴσου δὲ τὸ A τοῦ Γ μείζον ἐστω· λέγω, ὅτι καὶ τὸ Δ τοῦ Z μείζον ἐστὶ, καὶ ἴσον, ἴσον, καὶ ἔλαττον, ἔλαττον.

1. τὸ αὐτό] αὐτό Bp; in p supra scr. τό. 2. ἐκεῖνα
μείζον Theon (BFVp). ἐστίν] P; comp. p; ἴσι BFV.
μείζον] corr. ex μείζων V. 3. τὸ A] mg. m. rec. F. 4.
τό] corr. ex τῷ P. ἔλασσον, ἔλασσον p. 5. ἴσον ἐστὶ,
καὶ P. 9. ἔλασσον, ἔλασσον p. 16. ἔλασσον, ἔλασσον FVp.
17. μεγέθη ἀνάλογον PBFVp; corr. Gregorius. τὰ] e
corr. V m 2. 19. ἢ] om. B; euph. F; ὥς φ. 22. τὸ A]

itaque etiam $\Delta : E > Z : E$. eorum autem, quae ad idem rationem habent, maius est, quod maiorem rationem habet [prop. X]. itaque $\Delta > Z$. similiter demonstrabimus, si $A = \Gamma$, esse etiam $\Delta = Z$, et si $A < \Gamma$, esse etiam $\Delta < Z$.

Ergo si datae sunt tres magnitudines et aliae iis numero aequales, binae simul coniunctae et in eadem proportionem, ex aequo autem prima tertia maior est, etiam quarta sexta maior erit, et si aequalis, aequalis erit, et si minor, minor; quod erat demonstrandum.

XXI.

Si datae sunt tres magnitudines et aliae iis numero aequales, binae simul coniunctae et in eadem proportionem, et perturbata est earum proportio, et ex aequo prima tertia maior est, etiam quarta sexta maior erit, et si aequalis, aequalis erit, et si minor, minor.

Sint tres magnitudines A, B, Γ et aliae iis numero aequales Δ, E, Z , binae simul coniunctae et in eadem proportionem, et perturbata sit earum proportio, ita ut sit $A : B = E : Z$ et $B : \Gamma = \Delta : E$ [def. 18], et ex aequo sit $A > \Gamma$. dico, esse etiam $\Delta > Z$, et si $A = \Gamma$, esse $\Delta = Z$, et si $A < \Gamma$, esse $\Delta < Z$.

Ἐπεὶ γὰρ μείζον ἐστὶ τὸ A τοῦ Γ , ἄλλο δέ τι τὸ B , τὸ A ἄρα πρὸς τὸ B μείζονα λόγον ἔχει ἢ περ τὸ Γ πρὸς τὸ B . ἀλλ' ὥς μὲν τὸ A πρὸς τὸ B , οὕτως τὸ E πρὸς τὸ Z , ὥς δὲ τὸ Γ πρὸς τὸ B , ἀνάπαλιν
 5 οὕτως τὸ E πρὸς τὸ Δ . καὶ τὸ E ἄρα πρὸς τὸ Z μείζονα λόγον ἔχει ἢ περ τὸ E πρὸς τὸ Δ . πρὸς ὃ δὲ τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἐκεῖνο ἔλασσόν ἐστιν· ἔλασσον ἄρα ἐστὶ τὸ Z τοῦ Δ · μείζον ἄρα ἐστὶ τὸ Δ τοῦ Z . ὁμοίως δὲ δείξομεν, ὅτι καὶ ἴσον ἢ τὸ A τῷ
 10 Γ , ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ Δ τῷ Z , καὶ ἔλαττον, ἔλαττον.

Ἐὰν ἄρα ἢ τρία μεγέθη καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενα καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ δὲ τεταραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, δι' ἴσου δὲ τὸ πρῶτον τοῦ τρίτου μείζον ἢ, καὶ τὸ τέταρτον τοῦ
 15 ἑκτου μείζον ἐστὶ, καὶ ἴσον, ἴσον, καὶ ἔλαττον, ἔλαττον· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κβ'.

Ἐὰν ἢ ὅποσαοῦν μεγέθη καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενα καὶ ἐν
 20 τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ δι' ἴσου ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἐστὶ.

Ἐστω ὅποσαοῦν μεγέθη τὰ A, B, Γ καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος τὰ Δ, E, Z , σύνδυο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ὥς μὲν τὸ A πρὸς τὸ B , οὕτως
 25 τὸ Δ πρὸς τὸ E , ὥς δὲ τὸ B πρὸς τὸ Γ , οὕτως τὸ E πρὸς τὸ Z · λέγω, ὅτι καὶ δι' ἴσου ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἐστὶ.

2. A] supra P. B] seq. ras. 1 litt. V. 7. ἐκεῖνο] -ο
 add. m. 1 p. ἔλαττον F. 8. ἔλασσον] om. F; ἔλαττον B.
 ἐστὶ] (alt.) om. FV 9. ἢ] om. B. 10. καὶ] om F. ἔλασ-
 σον, ἔλασσον Vp. 11. ἢ] om. φ. καὶ] ἢ καὶ FV.

nam quoniam $A > \Gamma$, et alia quaedam magnitudo est B , erit $A : B > \Gamma : B$ [prop. VIII]. uerum

$$A : B = E : Z.$$

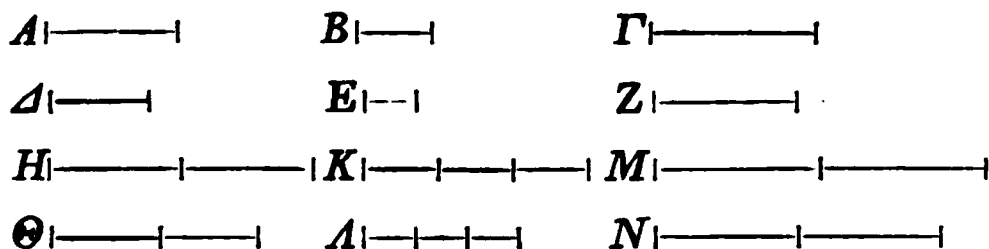
et e contrario [prop. VII coroll.] $\Gamma : B = E : \Delta$. itaque etiam $E : Z > E : \Delta$. sed ad quod idem maiorem rationem habet, id minus est [prop. X]. itaque $Z < \Delta$. quare $\Delta > Z$. similiter demonstrabimus, si $A = \Gamma$, esse etiam $\Delta = Z$, et si $A < \Gamma$, esse $\Delta < Z$.

Ergo si datae sunt tres magnitudines et aliae iis numero aequales, binae simul coniunctae et in eadem proportionem, et perturbata est earum proportio, et ex aequo prima tertia maior est, etiam quarta sexta maior erit, et si aequalis, aequalis erit, et si minor, minor; quod erat demonstrandum.

XXII.

Si datae sunt quotlibet magnitudines et aliae iis numero aequales, binae simul coniunctae et in eadem proportionem, etiam ex aequo in eadem proportionem erunt.

Sint quotlibet magnitudines A, B, Γ et aliae iis nu-



mero aequales Δ, E, Z , binae simul coniunctae in eadem proportionem, ita ut sit $A : B = \Delta : E$ et $B : \Gamma = E : Z$. dico, eas etiam ex aequo in eadem proportionem fore.¹⁾

1) H. e. $A : \Gamma = \Delta : Z$ (def. 17).

15. ἔλασσον, ἔλασσον V. 19. καί] om. Bp. 25. τό]
 (primum) -ό in ras. m. 1 B. 27. ἔσσονται Bp. Dein add.
 Theon: ὡς τὸ A πρὸς τὸ Γ , οὕτως τὸ Δ πρὸς τὸ Z (BEV P;
 om. P).

Εἰλήφθω γὰρ τῶν μὲν *A, Δ* ἰσάνεις πολλαπλάσια τὰ *H, Θ*, τῶν δὲ *B, E* ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάνεις πολλαπλάσια τὰ *K, Λ*, καὶ ἔτι τῶν *Γ, Ζ* ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάνεις πολλαπλάσια τὰ *M, N*.

5 Καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς τὸ *A* πρὸς τὸ *B*, οὕτως τὸ *Δ* πρὸς τὸ *E*, καὶ εἰληπται τῶν μὲν *A, Δ* ἰσάνεις πολλαπλάσια τὰ *H, Θ*, τῶν δὲ *B, E* ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάνεις πολλαπλάσια τὰ *K, Λ*, ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ *H* πρὸς τὸ *K*, οὕτως τὸ *Θ* πρὸς τὸ *Λ*. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὡς
10 τὸ *K* πρὸς τὸ *M*, οὕτως τὸ *Δ* πρὸς τὸ *N*. ἐπεὶ οὖν τρία μεγέθη ἐστὶ τὰ *H, K, M*, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος τὰ *Θ, Λ, N*, σύνδυο λαμβανόμενα καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, δι' ἴσου ἄρα, εἰ ὑπερέχει τὸ *H* τοῦ *M*, ὑπερέχει καὶ τὸ *Θ* τοῦ *N*, καὶ εἰ ἴσον, ἴσον, καὶ εἰ
15 ἔλαττον, ἔλαττον. καὶ ἐστὶ τὰ μὲν *H, Θ* τῶν *A, Δ* ἰσάνεις πολλαπλάσια, τὰ δὲ *M, N* τῶν *Γ, Ζ* ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάνεις πολλαπλάσια. ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ *A* πρὸς τὸ *Γ*, οὕτως τὸ *Δ* πρὸς τὸ *Ζ*.

Ἐὰν ἄρα ἡ ὁποσαοῦν μεγέθη καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ
20 πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ δι' ἴσου ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἐσται· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κγ'.

Ἐὰν ἡ τρία μεγέθη καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ
πλῆθος σύνδυο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ,
25 ἡ δὲ τεταραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, καὶ δι' ἴσου ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἐσται.

2. δέ] om. p. In F in hac pag. complura euan. α] om. F? 3. α] om F. 5. πρὸς τό] in ras. p. 7. δέ] m. rec. p. α] m. 2 F. 9. πρὸς] om. φ. 12. τὰ Θ, Λ, N] om. p; m. 2 V; mg. m. rec. B. 15. ἔλασσον, ἔλασσον p.

Sumantur enim magnitudinum A, Δ aequae multiplices H, Θ , et magnitudinum B, E aliae quaevis aequae multiplices K, Λ et praeterea magnitudinum Γ, Z aliae quaevis aequae multiplices M, N . et quoniam est $A : B = \Delta : E$, et sumptae sunt magnitudinum A, Δ aequae multiplices H, Θ et magnitudinum B, E aliae quaevis aequae multiplices K, Λ , erit $H : K = \Theta : \Lambda$ [prop. IV]. eadem de causa etiam $K : M = \Lambda : N$. iam quoniam datae sunt tres magnitudines H, K, M et aliae iis numero aequales Θ, Λ, N , binae simul coniunctae et in eadem proportionem, ex aequo, si H magnitudinem M superat, etiam Θ magnitudinem N superat, et si aequalis, aequalis est, et si minor, minor [prop. XX]. et H, Θ magnitudinum A, Δ aequae multiplices sunt, M, N autem magnitudinum Γ, Z aliae quaevis aequae multiplices. itaque $A : \Gamma = \Delta : Z$ [def. 5].

Ergo si datae sunt quotlibet magnitudines et aliae iis numero aequales, binae simul coniunctae in eadem proportionem, etiam ex aequo in eadem proportionem erunt; quod erat demonstrandum.

XXIII.

Si datae sunt tres magnitudines et aliae iis numero aequales binae simul coniunctae in eadem proportionem, et perturbata est earum proportio, etiam ex aequo in eadem proportionem erunt.

16. $\tilde{\alpha}$] m. 2 F. 18. Γ] in ras. m. 2 P. Δ] in ras. m. 2 P. Post Z in P add. $\kappa\alpha\iota \epsilon\nu\alpha\lambda\lambda\acute{\alpha}\xi$ ($\tilde{\alpha}\rho\alpha \epsilon\sigma\tau\acute{\iota}\nu$ mg. m. 1) $\acute{\omega}\varsigma \tau\acute{o} A \pi\rho\acute{o}\varsigma \tau\acute{o} \Delta$ (in ras. m. 2), $\omicron\upsilon\tau\omega\varsigma \tau\acute{o} \Gamma$ (in ras. m. 2) $\pi\rho\acute{o}\varsigma \tau\acute{o} Z$. 23. $\tilde{\eta}$] om. p; m. 2 B. 24. Supra $\epsilon\nu$ add. $\kappa\alpha\iota$ F. 26. $\epsilon\sigma\omicron\nu\tau\alpha\iota$ BFVp.

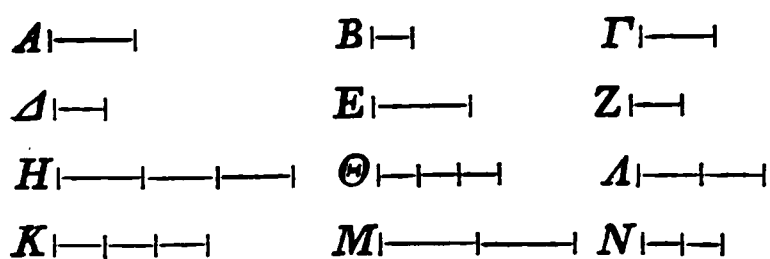
Ἐστω τρία μεγέθη τὰ A, B, Γ καὶ ἄλλα αὐτοῖς
 ἴσα τὸ πλῆθος σύνδυο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ
 τὰ Δ, E, Z , ἔστω δὲ τεταραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία,
 ὥς μὲν τὸ A πρὸς τὸ B , οὕτως τὸ E πρὸς τὸ Z , ὥς
 5 δὲ τὸ B πρὸς τὸ Γ , οὕτως τὸ Δ πρὸς τὸ E . λέγω,
 ὅτι ἐστὶν ὥς τὸ A πρὸς τὸ Γ , οὕτως τὸ Δ πρὸς τὸ Z .

Εἰλήφθω τῶν μὲν A, B, Δ ἰσάκεις πολλαπλάσια
 τὰ H, Θ, K , τῶν δὲ Γ, E, Z ἄλλα, ἃ ἐτυχεν, ἰσάκεις
 πολλαπλάσια τὰ Λ, M, N .

- 10 Καὶ ἐπεὶ ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσια τὰ H, Θ τῶν
 A, B , τὰ δὲ μέρη τοῖς ὡσαύτως πολλαπλασίοις τὸν
 αὐτὸν ἔχει λόγον, ἐστὶν ἄρα ὥς τὸ A πρὸς τὸ B , οὕ-
 τως τὸ H πρὸς τὸ Θ . διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὥς τὸ E
 πρὸς τὸ Z , οὕτως τὸ M πρὸς τὸ N . καὶ ἐστὶν ὥς τὸ
 15 A πρὸς τὸ B , οὕτως τὸ E πρὸς τὸ Z . καὶ ὥς ἄρα
 τὸ H πρὸς τὸ Θ , οὕτως τὸ M πρὸς τὸ N . καὶ ἐπεὶ
 ἐστὶν ὥς τὸ B πρὸς τὸ Γ , οὕτως τὸ Δ πρὸς τὸ E ,
 καὶ ἐναλλάξ ὥς τὸ B πρὸς τὸ Δ , οὕτως τὸ Γ πρὸς
 τὸ E . καὶ ἐπεὶ τὰ Θ, K τῶν B, Δ ἰσάκεις ἐστὶ πολ-
 20 λαπλάσια, τὰ δὲ μέρη τοῖς ἰσάκεις πολλαπλασίοις τὸν
 αὐτὸν ἔχει λόγον, ἐστὶν ἄρα ὥς τὸ B πρὸς τὸ Δ , οὕ-
 τως τὸ Θ πρὸς τὸ K . ἀλλ' ὥς τὸ B πρὸς τὸ Δ , οὕ-
 τως τὸ Γ πρὸς τὸ E . καὶ ὥς ἄρα τὸ Θ πρὸς τὸ K ,
 οὕτως τὸ Γ πρὸς τὸ E . πάλιν, ἐπεὶ τὰ Λ, M τῶν
 25 Γ, E ἰσάκεις ἐστὶ πολλαπλάσια, ἐστὶν ἄρα ὥς τὸ Γ
 πρὸς τὸ E , οὕτως τὸ Λ πρὸς τὸ M . ἀλλ' ὥς τὸ Γ

2. Supra ἐν add. καὶ m. 2 F. 3. τεταραγμένη P, sed
 corr. 7. Δ] e corr. p. 8. ἃ ἐτυχεν] mg. m 2 post lacu-
 nam 5 litt. F. 10. H] post ras. 1 litt. F. 12. καὶ ἐστὶν F.
 14. οὕτως] καὶ B; om p. 15. οὕτως] om BVp. Post
 hoc verbum rep. F lin 13: τὸ H — 15. τὸ B. 16. οὕτως]

Sint tres magnitudines A, B, Γ et aliae iis numero



aequales binae simul coniunctae in eadem proportionem Δ, E, Z , et perturbata sit

earum proportio, ita ut sit $A : B = E : Z$, et $B : \Gamma = \Delta : E$ [def. 18]. dico, esse $A : \Gamma = \Delta : Z$.

sumantur magnitudinum A, B, Δ aequae multiplices H, Θ, K et magnitudinum Γ, E, Z aliae quaeuis aequae multiplices Λ, M, N . et quoniam H, Θ magnitudinum A, B aequae multiplices sunt, partes autem et aequae multiplices eandem rationem habent, erit $A : B = H : \Theta$ [prop. XV]. eadem de causa erit $E : Z = M : N$. et $A : B = E : Z$. itaque etiam $H : \Theta = M : N$ [prop. XI]. et quoniam $B : \Gamma = \Delta : E$, etiam permutando erit $B : \Delta = \Gamma : E$ [prop. XVI]. et quoniam Θ, K magnitudinum B, Δ aequae multiplices sunt, partes autem et aequae multiplices eandem rationem habent, erit

$$B : \Delta = \Theta : K \text{ [prop. XV].}$$

uerum est $B : \Delta = \Gamma : E$. itaque etiam

$$\Theta : K = \Gamma : E \text{ [prop. XI].}$$

rursus quoniam Λ, M magnitudinum Γ, E aequae multiplices sunt, erit $\Gamma : E = \Lambda : M$ [prop. XV]. uerum

om. BFVp. 17. οὕτως] om. BFVp. 18. Post E add. καὶ ἐλλήπται τῶν μὲν B, Δ ἰσάνεις πολλαπλάσια τὰ Θ, K τῶν δὲ Γ, E ἄλλα, ἃ ἐτυχεν, ἰσάνεις πολλαπλάσια τὰ Λ, M , ἔστιν ἄρα ὡς τὸ Θ πρὸς τὸ Λ , οὕτως τὸ K πρὸς τὸ M Bp et V mg. m. 2. 18. ὡς] om. F. B] seq. ras. 3 litt. F. οὕτως] om. BFVp. 19. B, Δ] in ras. p. 21. οὕτως] om. FV. 22. οὕτως] om. BFVp. 23. ὡς ἄρα τὸ Θ] in ras. m. 2 V. 24. οὕτως] om. BFVp. 26. οὕτως] om. F.

πρὸς τὸ *E*, οὕτως τὸ *Θ* πρὸς τὸ *K*· καὶ ὥς ἄρα το
Θ πρὸς τὸ *K*, οὕτως τὸ *A* πρὸς τὸ *M*, καὶ ἐναλλάξ
ὥς τὸ *Θ* πρὸς τὸ *A*, τὸ *K* πρὸς τὸ *M*. εἰδείχθη δὲ
καὶ ὥς τὸ *H* πρὸς τὸ *Θ*, οὕτως τὸ *M* πρὸς τὸ *N*.
5 ἐπεὶ οὖν τρία μεγέθη ἐστὶ τὰ *H*, *Θ*, *A*, καὶ ἄλλα
αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος τα *K*, *M*, *N* σύνδυο λαμβανό-
μενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ ἐστὶν αὐτῶν τεταραγμένη
ἢ ἀναλογία, δι' ἴσον ἄρα, εἰ ὑπερέχει τὸ *H* τοῦ *A*,
ὑπερέχει καὶ τὸ *K* τοῦ *N*, καὶ εἰ ἴσον, ἴσον, καὶ εἰ
10 ἔλαττον, ἔλαττον. καὶ ἐστὶ τὰ μὲν *H*, *K* τῶν *A*, *A*
ἰσάκεις πολλαπλάσια, τὰ δὲ *A*, *N* τῶν *Γ*, *Z*. ἐστὶν ἄρα
ὥς τὸ *A* πρὸς τὸ *Γ*, οὕτως τὸ *A* πρὸς τὸ *Z*.

Ἐὰν ἄρα ἡ τρία μεγέθη καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ
πλῆθος σύνδυο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἡ δὲ
15 τεταραγμένη αὐτῶν ἢ ἀναλογία, καὶ δι' ἴσον ἐν τῷ
αὐτῷ λόγῳ ἐστὶ· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κδ'.

Ἐὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη
λόγον καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ἔχη δὲ καὶ
20 πέμπτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν λόγον καὶ
ἕκτον πρὸς τέταρτον, καὶ συντεθὲν πρῶτον καὶ
πέμπτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔξει λόγον
καὶ τρίτον καὶ ἕκτον πρὸς τέταρτον.

2. οὕτως] om. BFVp. Hic quoque nonnulla in F ita
evanuerunt, ut legi non possint. 4. καί] supra V. οὐ-
τως] om. BFVp. 5. ἐστὶν ἀνάλογον Theon (BFVp). ἄλλα]
supra F. 7. Ante ἐν m. 2 insert. καί F, in quo hic nonnulla
eustulit resarcinatio. 8. ἡ] om. P. 10 ἔλασσον, ἔλασσον
BVp. 11. *A*, *N* τῶν *Γ*, *Z*] in mg. transeunt m. 1, seq in
mg. ἄλλα ἃ ἔτυχεν ἰσάκεις, dein in textu πολλαπλάσια F;

$\Gamma : E = \Theta : K$. quare etiam $\Theta : K = \Lambda : M$ [prop. XI], et permutando [prop. XVI] $\Theta : \Lambda = K : M$. sed demonstratum est, esse etiam $H : \Theta = M : N$. iam quoniam datae sunt tres magnitudines H , Θ , Λ et aliae iis numero aequales K , M , N , binae simul coniunctae in eadem proportione, et perturbata est earum proportio [def. 18], ex aequo, si H magnitudinem Λ superat, etiam K magnitudinem N superat, et si aequalis, aequalis est, et si minor, minor [prop. XXI]. et H , K magnitudinum Λ , Δ aequae multiplices sunt, Λ , N autem magnitudinum Γ , Z . itaque $\Lambda : \Gamma = \Delta : Z$ [def. 5].

. Ergo si datae sunt tres magnitudines et aliae iis numero aequales, binae simul coniunctae in eadem proportione, et perturbata est earum proportio, etiam ex aequo in eadem proportione erunt; quod erat demonstrandum.

XXIV.

Si prima ad secundam eandem rationem habet ac tertia ad quartam, et etiam quinta ad secundam eandem rationem habet ac sexta ad quartam, etiam compositae prima et quinta ad secundam eandem rationem habebunt ac tertia sextaue ad quartam.

ισάνις πολλαπλάσια add. Bp. 12. Γ] corr. ex B m. 2 P.
 14. *καὶ ἐν* P; *καί* add. in mg. m. 2 F, sed euan. 16. *ἔσται*]
 om. P. 18. *ἔχῃ*] *ἔχει* P.

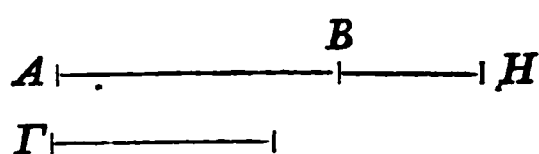
Πρῶτον γὰρ τὸ AB πρὸς δεύτερον τὸ Γ τὸν αὐ-
τὸν ἐχέτω λόγον καὶ τρίτον τὸ ΔE πρὸς τέταρτον τὸ
 Z , ἐχέτω δὲ καὶ πέμπτον τὸ BH πρὸς δεύτερον τὸ Γ
τὸν αὐτὸν λόγον καὶ ἕκτον τὸ $E\Theta$ πρὸς τέταρτον τὸ
5 Z . λέγω, ὅτι καὶ συντεθὲν πρῶτον καὶ πέμπτον τὸ
 AH πρὸς δεύτερον τὸ Γ τὸν αὐτὸν ἔξει λόγον, καὶ
τρίτον καὶ ἕκτον τὸ $\Delta\Theta$ πρὸς τέταρτον τὸ Z .

Ἐπεὶ γάρ ἐστιν ὡς τὸ BH πρὸς τὸ Γ , οὕτως τὸ
 $E\Theta$ πρὸς τὸ Z , ἀνάπαλιν ἄρα ὡς τὸ Γ πρὸς τὸ BH ,
10 οὕτως τὸ Z πρὸς τὸ $E\Theta$. ἐπεὶ οὖν ἐστιν ὡς τὸ AB
πρὸς τὸ Γ , οὕτως τὸ ΔE πρὸς τὸ Z , ὡς δὲ τὸ Γ
πρὸς τὸ BH , οὕτως τὸ Z πρὸς τὸ $E\Theta$, δι' ἴσου ἄρα
ἐστὶν ὡς τὸ AB πρὸς τὸ BH , οὕτως τὸ ΔE πρὸς τὸ
 $E\Theta$. καὶ ἐπεὶ διηρημένα μεγέθη ἀνάλογόν ἐστιν, καὶ
15 συντεθέντα ἀνάλογον ἐστὶν· ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ AH
πρὸς τὸ HB , οὕτως τὸ $\Delta\Theta$ πρὸς τὸ ΘE . ἐστὶ δὲ
καὶ ὡς τὸ BH πρὸς τὸ Γ , οὕτως τὸ $E\Theta$ πρὸς τὸ Z .
δι' ἴσου ἄρα ἐστὶν ὡς τὸ AH πρὸς τὸ Γ , οὕτως τὸ
 $\Delta\Theta$ πρὸς τὸ Z .

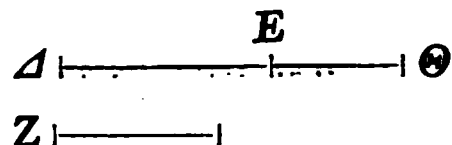
20 Ἐὰν ἄρα πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη
λόγον καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ἔχη δὲ καὶ πέμπτον
πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν λόγον καὶ ἕκτον πρὸς τέταρ-
τον, καὶ συντεθὲν πρῶτον καὶ πέμπτον πρὸς δεύτερον
τὸν αὐτὸν ἔξει λόγον καὶ τρίτον καὶ ἕκτον πρὸς
25 τέταρτον· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κε'.

Ἐὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ μέ-
γιστον [αὐτῶν] καὶ τὸ ἐλάχιστον δύο τῶν λοι-
πῶν μείζονά ἐστιν.



Sit enim $AB : \Gamma = \Delta E : Z$,
et $BH : \Gamma = E\Theta : Z$. dico, esse
etiam $AH : \Gamma = \Delta\Theta : Z$.



nam quoniam est $BH : \Gamma$
 $= E\Theta : Z$, e contrario erit
[prop. VII coroll.] $\Gamma : BH = Z : E\Theta$. iam quo-
niam est $AB : \Gamma = \Delta E : Z$, et $\Gamma : BH = Z : E\Theta$, ex
aequo erit $AB : BH = \Delta E : E\Theta$ [prop. XXII]. et
quoniam diremptae magnitudines proportionales sunt,
etiam compositae proportionales erunt [prop. XVIII].
itaque $AH : HB = \Delta\Theta : \Theta E$. uerum etiam

$$BH : \Gamma = E\Theta : Z.$$

itaque ex aequo $AH : \Gamma = \Delta\Theta : Z$ [prop. XXII].

Ergo si prima ad secundam eandem rationem habet
ac tertia ad quartam, et etiam quinta ad secundam
eandem rationem habet ac sexta ad quartam, etiam
compositae prima et quinta ad secundam eandem
rationem habebunt ac tertia sextaue ad quartam;
quod erat demonstrandum.

XXV.

Si quattuor magnitudines proportionales sunt,
maxima et minima duabus reliquis maiores sunt.

XXV. Eutocius in Apollon. p. 139.

1. μὲν γάρ P. 5. τὸ πρῶτον FV. πέμπτον τὸ AH]
πεμ (ex καί) πέμπτον, τὸ AH supra φ. 8. καὶ ἐπεὶ γάρ F,
καὶ del. ἐστὶ F. 12. ἄρα] supra F. 14. ἐστὶν] PF; comp.
p; ἐστὶ BV. 15. ἐστὶν ἄρα ὥς] P; ὥς ἄρα Theon? (BFVp).
16. HB] BH P. ἐστὶν B. 21. ἔχῃ δέ — 25: δεῖξαι] καὶ
τὰ λοιπά p. 21. ἔχει P. 22. καὶ ἔκτον — 25: δεῖξαι] καὶ τὰ
λοιπά B. 28. αὐτῶν] om. P, Eutocius. δύο] Eutocius, V,
τὰ δύο Pφp, et B, sed τά del. m. 2. τῶν] om φ.

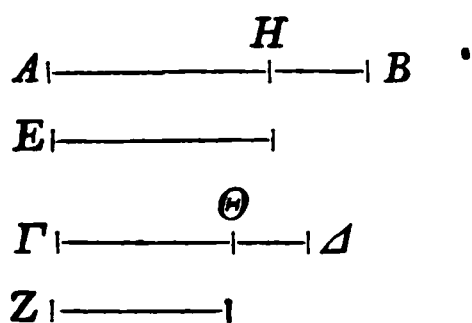
Ἐστω τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον τὰ AB , ΓA , E , Z , ὡς τὸ AB πρὸς τὸ ΓA , οὕτως τὸ E πρὸς τὸ Z , ἔστω δὲ μέγιστον μὲν αὐτῶν τὸ AB , ἐλάχιστον δὲ τὸ Z : λέγω, ὅτι τὰ AB , Z τῶν ΓA , E μείζονά ἐστιν.

5 Κείσθω γὰρ τῷ μὲν E ἴσον τὸ AH , τῷ δὲ Z ἴσον τὸ $\Gamma\Theta$.

Ἐπεὶ [οὖν] ἐστὶν ὡς τὸ AB πρὸς τὸ ΓA , οὕτως τὸ E πρὸς τὸ Z , ἴσον δὲ τὸ μὲν E τῷ AH , τὸ δὲ Z τῷ $\Gamma\Theta$, ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ AB πρὸς τὸ ΓA , οὕτως
 10 τὸ AH πρὸς τὸ $\Gamma\Theta$. καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ὅλον τὸ AB πρὸς ὅλον τὸ ΓA , οὕτως ἀφαιρεθὲν τὸ AH πρὸς ἀφαιρεθὲν τὸ $\Gamma\Theta$, καὶ λοιπὸν ἄρα τὸ HB πρὸς λοιπὸν τὸ ΘA ἔσται ὡς ὅλον τὸ AB πρὸς ὅλον τὸ ΓA .
 μείζον δὲ τὸ AB τοῦ ΓA : μείζον ἄρα καὶ τὸ HB
 15 τοῦ ΘA . καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ μὲν AH τῷ E , τὸ δὲ $\Gamma\Theta$ τῷ Z , τὰ ἄρα AH , Z ἴσα ἐστὶ τοῖς $\Gamma\Theta$, E .
 Καὶ [ἐπεὶ] ἐὰν [ἀνίστοις ἴσα προστεθῇ, τὰ ὅλα ἀνισά ἐστιν, ἐὰν ἄρα] τῶν HB , ΘA ἀνίστων ὄντων καὶ μείζονος τοῦ HB τῷ μὲν HB προστεθῇ τὰ AH , Z , τῷ
 20 δὲ ΘA προστεθῇ τὰ $\Gamma\Theta$, E , συνάγεται τὰ AB , Z μείζονα τῶν ΓA , E .

Ἐὰν ἄρα τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, τὸ μέγιστον αὐτῶν καὶ τὸ ἐλάχιστον δύο τῶν λοιπῶν μείζονά ἐστιν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

2. E] (alt.) Θ π. 4. ἐστὶν] PF; comp. p; ἐστὶ B V.
 5. τῷ] τό V φ (non F). τῷ] τῷ V φ. τῷ] τό V. 6.
 τό] τῷ V; om. P 7. οὖν] om. P 8. Z] in ras. m. 2 V.
 12. $\Gamma\Theta$] Θ e corr. V. Post καὶ 2 litt euan. F. HB]
 AB π. 13. ΘA] A eras. F. ἔσται] seq ras. F, in qua
 ἔσται ins. φ. AB] B e corr. F. 15. AH] H corr. ex B
 V m 2. 16. δέ] m rec. p. AH] P, BH π, AK φ. 17.
 ὅλα] supra m. 1 V. 19. τῷ] τό V; corr. m. 2. μέν]
 m. 2 V. 21. μείζονα φ. 22. ἄρα] om. p. ἀνάλογον — 24:



Sint quattuor magnitudines proportionales $AB, \Gamma\Delta, E, Z$, ita ut sit $AB : \Gamma\Delta = E : Z$, et maxima earum sit AB , minima autem Z . dico, esse

$$AB + Z > \Gamma\Delta + E.$$

ponatur enim $AH = E$ et $\Gamma\Theta = Z$.¹⁾ iam quoniam est $AB : \Gamma\Delta = E : Z$, et $E = AH$, $Z = \Gamma\Theta$, erit $AB : \Gamma\Delta = AH : \Gamma\Theta$. et quoniam est

$$AB : \Gamma\Delta = AH : \Gamma\Theta,$$

erit etiam [prop. XIX] $HB : \Theta\Delta = AB : \Gamma\Delta$. sed $AB > \Gamma\Delta$. quare etiam $HB > \Theta\Delta$.²⁾ et quoniam $AH = E$ et $\Gamma\Theta = Z$, erit $AH + Z = \Gamma\Theta + E$. et si datis magnitudinibus $HB, \Theta\Delta$ inaequalibus, quarum maior est HB , magnitudini HB adiicitur $AH + Z$, $\Theta\Delta$ autem magnitudini magnitudo $\Gamma\Theta + E$, concluditur $AB + Z > \Gamma\Delta + E$.³⁾

1) Nam cum $AB > E$, erit $\Gamma\Delta > Z$ (prop. 14).

2) Cum $HB : \Theta\Delta = AB : \Gamma\Delta$, erit (prop. 16) $AB : HB = \Gamma\Delta : \Theta\Delta$; tum u. prop. 14.

3) Cum I κοιν. ἐνν. 4 subditiva sit, uerba ἐπεὶ et ἀντίστοις — ἐὰν ἄρα lin. 17—18 necessario delenda sunt, praesertim cum haec postulati forma ad demonstrandum propositum non sufficiat, et offendat orationis forma ob repetitum ἐὰν permolesta; ad quam molestiam leuandam ἐπεὶ lin. 17 sustulit Augustus. sed fortasse Euclides ipse lin. 17 sq. haec sola scripserat: ὥστε τὰ AB, Z τῶν $\Gamma\Delta, E$ μείζονά ἐστιν; nam συνάγεται lin. 20 inusitatum est. de demonstratione, qua uti poterat Euclides, cfr. uol. I p. 181 not.

δείξαι] καὶ τὰ λοιπά p. τὸ μέγιστον — 24: δείξαι] καὶ τὰ λοιπά B. 23. ἐλάχιστον] ἔλαττον V. In fine: Εὐκλείδου στοιχείων τῆς Θέωνος ἐκδόσεως ε' F; Εὐκλείδου στοιχείων ε' PB.

5'.

Ὅροι.

α'. Ὅμοια σχήματα εὐθύγραμμά ἐστιν, ὅσα τὰς τε γωνίας ἴσας ἔχει κατὰ μίαν καὶ τὰς περὶ τὰς ἴσας γωνίας πλευρὰς ἀνάλογον.

β'. Ἀντιπεπονθότα δὲ σχήματά ἐστιν, ὅταν ἐν ἑκατέρῳ τῶν σχημάτων ἡγούμενοί τε καὶ ἐπόμενοι λόγοι ᾧσιν.]

γ'. Ἄκρον καὶ μέσον λόγον εἰθεῖα τετμησθαι λέγεται, ὅταν ἡ ὥς ἡ ὅλη πρὸς τὸ μείζον
10 τμήμα, οὕτως τὸ μείζον πρὸς τὸ ἐλάττω.

δ'. Ὑψος ἐστὶ πάντος σχήματος ἡ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν κείμενος ἀγομένη.

ε'. Λόγος ἐκ λόγων συγκεῖσθαι λέγεται, ὅταν αἱ τῶν λόγων πηλικότητες ἐφ' ἑαυτὰς πολλαπλασιασθεῖ-
15 σαι ποιῶσί τινα.]

α'.

Τὰ τρίγωνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα τὰ

Def. 1. Hero def. 118, 1. 2. Hero def. 118, 1. 4. Cfr. Hero def. 73. [5 Theon in Ptolem. I p. 236 ed. Halma. Eutocius in Archim III p. 140, 23 Barlaam logist. V def. 2]. Prop. I. Proclus p. 245, 5. 405, 11 Pappus V p. 432, 23. VIII p. 1106, 23.

1. ὅροι] om. codd. numeros om. codd. 5. σχήματα εὐ-
θύγραμμά ἐστιν F. 7. λόγοι] P, F supra scr. ὅροι m. 1;
ὅροι Bp et V in ras., supra scr. λόγοι m. 2; λόγων ὅροι Can-
dalla, Peyrardus; λόγοι iam Hero. εἶσιν F, ὥσι p. Dein seq

VI.

Definitiones.

I. Figurae rectilineae similes sunt, quaecunque et angulos singulos aequales habent et latera aequales angulos comprehendentia proportionalia.

[II. Reciprocae autem figurae sunt, ubi in utraque figura et praecedentes et sequentes rationes sunt].¹⁾

III. Secundum extremam ac mediam rationem recta linea secari dicitur, ubi tota ad partem maiorem eandem rationem habet ac maior pars ad minorem.

IV. Cuiusvis figurae altitudo est recta a uertice ad basim perpendicularis ducta.²⁾

I.

Trianguli et parallelogramma sub eadem altitudine posita eandem inter se rationem habent ac bases.

1) Haec definitio nusquam ab Euclide usurpatur; neque enim ad illustrandam locutionem λόγον ἀντιπεπονθότα ἔχειν aut opus est, aut, si opus esset, sufficeret. praeterea λόγοι lin. 7 obscurum est. itaque puto, Simsonum p. 370 iure eam damnassee. fortasse ex Herone sumpta est, apud quem legitur.

2) Def. 4 om. Campanus. Def. 5 sine dubio interpolata est; nam nusquam usurpatur nec apud Campanum exstat neque in ipsis codd. locum eundem obtinet. sed cum P a manu prima addito signo, quo in textum referatur, eam in mg. habeat, fortasse ante Theonem interpolata est. u. Simson p. 372 sq.

def. 5 in Bp. 9. ἡ] om. PBp. τό] om. F. 10. ἔλασσον
FV. 13 — 15. mg. m. 1 P; om. hoc loco Bp. 17. τὰ] (alt.)
supra m. 1 F.

υπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντα πρὸς ἀλληλά ἐστὶν ὡς αἱ βάσεις.

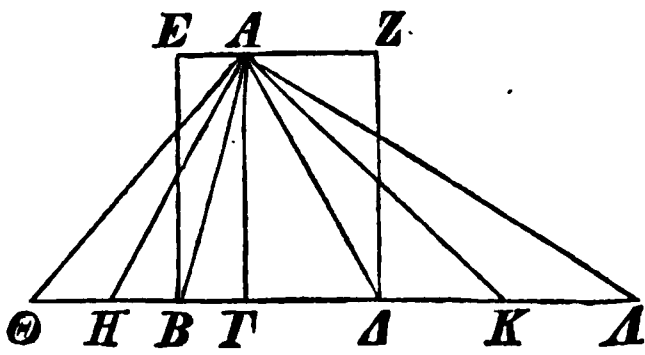
Ἐστω τρίγωνα μὲν τὰ $ABΓ$, $ΑΓΔ$, παραλληλό-
 γραμμα δὲ τὰ $ΕΓ$, $ΓΖ$ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος τὸ $ΑΓ$.
 5 λέγω, ὅτι ἐστὶν ὡς ἡ $ΒΓ$ βάσις πρὸς τὴν $ΓΔ$ βάσιν,
 οὕτως τὸ $ΑΒΓ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $ΑΓΔ$ τρίγωνον,
 καὶ τὸ $ΕΓ$ παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ $ΓΖ$ παραλ-
 ληλόγραμμον.

Ἐκβεβλήσθω γὰρ ἡ $ΒΔ$ ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη
 10 ἐπὶ τὰ $Θ$, $Α$ σημεία, καὶ κείσθωσαν τῇ μὲν $ΒΓ$ βά-
 σει ἴσαι [ὅσαιδηποτοῦν] αἱ $ΒΗ$, $ΗΘ$, τῇ δὲ $ΓΔ$ βά-
 σει ἴσαι ὅσαιδηποτοῦν αἱ $ΔΚ$, $ΚΑ$, καὶ ἐπεζεύχθω-
 σαν αἱ $ΑΗ$, $ΑΘ$, $ΑΚ$, $ΑΛ$.

Καὶ ἐπεὶ ἴσαι εἰσὶν αἱ $ΓΒ$, $ΒΗ$, $ΗΘ$ ἀλλήλαις,
 15 ἴσα ἐστὶ καὶ τὰ $ΑΘΗ$, $ΑΗΒ$, $ΑΒΓ$ τρίγωνα ἀλλή-
 λαις. ὅσαπλασίον ἄρα ἐστὶν ἡ $ΘΓ$ βάσις τῆς $ΒΓ$
 βάσεως, τοσαυταπλάσιόν ἐστι καὶ τὸ $ΑΘΓ$ τρίγωνον
 τοῦ $ΑΒΓ$ τριγώνου. διὰ τὰ αὐτὰ δὲ ὅσαπλασίον
 ἐστὶν ἡ $ΑΓ$ βάσις τῆς $ΓΔ$ βάσεως, τοσαυταπλάσιόν
 20 ἐστὶ καὶ τὸ $ΑΛΓ$ τρίγωνον τοῦ $ΑΓΔ$ τριγώνου· καὶ
 εἰ ἴση ἐστὶν ἡ $ΘΓ$ βάσις τῇ $ΓΔ$ βάσει, ἴσον ἐστὶ
 καὶ τὸ $ΑΘΓ$ τρίγωνον τῷ $ΑΓΔ$ τριγώνῳ, καὶ εἰ
 ὑπερέχει ἡ $ΘΓ$ βάσις τῆς $ΓΔ$ βάσεως, ὑπερέχει καὶ
 τὸ $ΑΘΓ$ τρίγωνον τοῦ $ΑΓΔ$ τριγώνου, καὶ εἰ ἐλάσ-
 25 σων, ἔλασσον. τεσσάρων δὲ ὄντων μεγεθῶν δύο
 μὲν βάσεων τῶν $ΒΓ$, $ΓΔ$, δύο δὲ τριγώνων τῶν $ΑΒΓ$,
 $ΑΓΔ$ εἴληπται ἰσάκεις πολλαπλάσια τῆς μὲν $ΒΓ$ βά-
 σεως καὶ τοῦ $ΑΒΓ$ τριγώνου ἢ τε $ΘΓ$ βάσις καὶ τὸ

4. $ΓΖ$] Z e corr. m. 2 F. ὕψος] P; ὕψος ὄντα Theon
 (BVp, F in ras. m. 2) τὸ $ΑΓ$] P; τὴν ἀπὸ τοῦ $Α$ ἐπὶ

Sint trianguli $AB\Gamma$, $A\Gamma\Delta$, parallelogramma autem



$E\Gamma$, ΓZ sub eadem altitudine posita $A\Gamma$. dico, esse $B\Gamma : \Gamma\Delta = AB\Gamma : A\Gamma\Delta = E\Gamma : \Gamma Z$.

producatur enim $B\Delta$ in utramque partem ad puncta Θ , Λ , et ponantur basi $B\Gamma$ aequales quotlibet rectae BH , $H\Theta$ et basi $\Gamma\Delta$ aequales quotlibet rectae ΔK , $K\Lambda$, et ducantur AH , $A\Theta$, AK , $A\Lambda$.

et quoniam $\Gamma B = BH = H\Theta$, erit etiam $\triangle A\Theta H = AHB = AB\Gamma$ [I, 38].

itaque quoties multiplex est basis $\Theta\Gamma$ basis $B\Gamma$, toties multiplex est etiam triangulus $A\Theta\Gamma$ trianguli $AB\Gamma$. eadem de causa, quoties multiplex est basis $\Lambda\Gamma$ basis $\Gamma\Delta$, toties multiplex est etiam triangulus $A\Lambda\Gamma$ trianguli $A\Gamma\Delta$. et si $\Theta\Gamma = \Gamma\Delta$, erit etiam $\triangle A\Theta\Gamma = A\Gamma\Lambda$ [I, 38], et si $\Theta\Gamma > \Gamma\Delta$, erit etiam $\triangle A\Theta\Gamma > A\Gamma\Lambda$, et si $\Theta\Gamma < \Gamma\Delta$, erit $\triangle A\Theta\Gamma < A\Gamma\Lambda$. itaque datis quattuor magnitudinibus, duabus basibus $B\Gamma$, $\Gamma\Delta$ et duobus triangulis $AB\Gamma$, $A\Gamma\Delta$ sumptae sunt aequae multiplices basis $B\Gamma$

τὴν $B\Delta$ κάθετον ἀγομένην Theon (B V p, F in ras. m. 2); sed cfr. def. 4. 5. *λέγω, ὅτι* in ras. m. 2 F. *ἐστὶν ὡς ἡ $B\Gamma$* in mg. transeunt m. 1 F. *βάσις* -ις in ras. F. 9. *$B\Delta$* ΔB B p, V m. 2. 11. *ὁσαυδηποτοῦν* om. P. 12. *ΔK* in ras. V. 14. *BH , $H\Theta$* e corr. p. 15. *ἐστὶν* P; comp. p. *$AH\Theta$* F p. 18. *$AB\Gamma$* corr. ex *$A\Theta\Gamma$* m. 2 F. 19. *$A\Gamma$* $\Gamma\Delta$ P, sed Λ in ras. *$\Gamma\Delta$* $\Delta\Gamma$ B p. 20. *$A\Gamma\Delta$* $A\Delta\Gamma$ B p. *τρίγωνον π* (non P). 21. *$\Gamma\Delta$* inter Γ et Λ ras. 1 litt. F V. *ἐστὶν* P, comp. p. 22. *$A\Lambda\Gamma$* B p. 23. *$\Gamma\Delta$* inter Γ et Λ ras. 1 litt. V. 24. *$A\Gamma\Lambda$* P V, B in ras. m. 1; *$A\Lambda\Gamma$* P, *$AB\Gamma$* F. *ἐλαττον ἐλαττον* B F (*ἐλάττων* F m. 2).

$ΑΘΓ$ τρίγωνον, τῆς δὲ $ΓΔ$ βάσεως καὶ τοῦ $ΑΔΓ$
 τριγώνου ἄλλα, ἃ ἔτυχεν, ἰσάκως πολλαπλάσια ἢ τε
 $ΑΓ$ βάσις καὶ τὸ $ΑΔΓ$ τρίγωνον· καὶ δέδεικται, ὅτι,
 εἰ ὑπερέχει ἢ $ΘΓ$ βάσις τῆς $ΓΔ$ βάσεως, ὑπερέχει
 5 καὶ τὸ $ΑΘΓ$ τρίγωνον τοῦ $ΑΔΓ$ τριγώνου, καὶ εἰ
 ἴση, ἴσον, καὶ εἰ ἐλάσσων, ἐλασσον· ἔστιν ἄρα ὡς ἡ
 $ΒΓ$ βάσις πρὸς τὴν $ΓΔ$ βάσιν, οὕτως τὸ $ΑΒΓ$
 τρίγωνον πρὸς τὸ $ΑΓΔ$ τρίγωνον.

Καὶ ἐπεὶ τοῦ μὲν $ΑΒΓ$ τριγώνου διπλάσιόν ἐστι
 10 τὸ $ΕΓ$ παραλληλόγραμμον, τοῦ δὲ $ΑΓΔ$ τριγώνου
 διπλάσιόν ἐστι τὸ $ΖΓ$ παραλληλόγραμμον, τὰ δὲ
 μέρη τοῖς ὡσαύτως πολλαπλασίοις τὸν αὐτὸν ἔχει
 λόγον, ἔστιν ἄρα ὡς τὸ $ΑΒΓ$ τρίγωνον πρὸς τὸ
 $ΑΓΔ$ τρίγωνον, οὕτως τὸ $ΕΓ$ παραλληλόγραμμον
 15 πρὸς τὸ $ΖΓ$ παραλληλόγραμμον. ἐπεὶ οὖν ἐδείχθη,
 ὡς μὲν ἡ $ΒΓ$ βάσις πρὸς τὴν $ΓΔ$, οὕτως τὸ $ΑΒΓ$
 τρίγωνον πρὸς τὸ $ΑΓΔ$ τρίγωνον, ὡς δὲ τὸ $ΑΒΓ$
 τρίγωνον πρὸς τὸ $ΑΓΔ$ τρίγωνον, οὕτως τὸ $ΕΓ$
 παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ $ΓΖ$ παραλληλόγραμμον,
 20 καὶ ὡς ἄρα ἡ $ΒΓ$ βάσις πρὸς τὴν $ΓΔ$ βάσιν, οὕτως
 τὸ $ΕΓ$ παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ $ΖΓ$ παραλληλό-
 γραμμον.

Τὰ ἄρα τρίγωνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα τὰ
 ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντα πρὸς ἄλληλά ἐστιν ὡς αἱ
 25 βάσεις· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

β'.

Ἐὰν τριγώνου παρὰ μίαν τῶν πλευρῶν
 ἀχθῇ τις εὐθεῖα, ἀνάλογον τεμεῖ τὰς τοῦ τρι-

2. α] supra F. 3. ΑΓ] ΓΑ P. 4. ΓΑ] Α in ras.
 m. 2 P; ΑΓ F. 6. ἴση] ἴσον B, et F, corr. m. 2. ἐλάσσων]

triangulique $AB\Gamma$ basis $\Theta\Gamma$ et triangulus $A\Theta\Gamma$, et basis $\Gamma\Delta$ triangulique $A\Delta\Gamma$ aliae quaevis aequae multiples basis $\Delta\Gamma$ et triangulus $A\Delta\Gamma$; et demonstratum est, si $\Theta\Gamma$ basis basim $\Gamma\Delta$ superet, etiam triangulum $A\Theta\Gamma$ triangulum $A\Delta\Gamma$ superare, et si aequalis sit, aequalem esse, et si minor, minorem. itaque erit

$$B\Gamma : \Gamma\Delta = AB\Gamma : A\Delta\Gamma \text{ [V def. 5].}$$

et quoniam $E\Gamma = 2 AB\Gamma$ et $Z\Gamma = 2 A\Delta\Gamma$ [I, 34], et partes eandem rationem habent atque aequae multiples [V, 15], erit $\Delta AB\Gamma : A\Delta\Gamma = E\Gamma : Z\Gamma$. iam quoniam demonstratum est, esse

$$B\Gamma : \Gamma\Delta = AB\Gamma : A\Delta\Gamma$$

et $AB\Gamma : A\Delta\Gamma = E\Gamma : \Gamma Z$, erit etiam

$$B\Gamma : \Gamma\Delta = E\Gamma : Z\Gamma \text{ [V, 11].}$$

Ergo trianguli et parallelogramma sub eadem altitudine posita eandem inter se rationem habent ac bases; quod erat demonstrandum.

II.

Si in triangulo uni laterum parallela ducitur recta, latera trianguli proportionaliter secabit; et si latera

II. Schol. in Archim. III p. 383.

ἔλασσον P; ἔλαττον B, et F, corr. m. 2; ἐλάττων p. ἔλαττον BFp. 9. μὲν τοῦ V. 10. δέ] m. 2 V. 11. ἐστὶν P; comp. p. 12. πολλαπλασίους] παραπλησίους B; corr. m. 2. 15. ZΓ] ΓZ BFp, V m. 2. 16. ἡ μὲν p. ABΓ] AΓB P. 17. AΓΔ] corr. ex AΔΓ F. τρίγωνον] om. V. 18. τρίγωνον] om. V. AΓΔ] e corr. F. τρίγωνον] m. 2 V. 19. ΓZ] P, V m. 1; ZΓ BFp, V m. 2. 20. ΓΔ] ΔΓ p. 21. παραλληλόγραμμον] (alt.) om. V. 27. παρὰ μίαν] mutat. in παράλληλος μιᾷ B m. recentissima; in V supra scr. m. 2: ἦτοι μιᾷ τῶν πλευρῶν παράλληλος.

γώνου πλευράς· καὶ ἐὰν αἱ τοῦ τριγώνου πλευ-
ραι ἀνάλογον τμηθῶσιν, ἡ ἐπὶ τὰς τομὰς
ἐπιξευγνυμένη εὐθεῖα παρὰ τὴν λοιπὴν ἔσται
τοῦ τριγώνου πλευράν.

- 5 Τριγώνου γὰρ τοῦ $ABΓ$ παράλληλος μιᾷ τῶν
πλευρῶν τῇ $BΓ$ ἤχθω ἡ $ΔΕ$ · λέγω, ὅτι ἔστιν ὡς ἡ
 $BΔ$ πρὸς τὴν $ΔΑ$, οὕτως ἡ $ΓΕ$ πρὸς τὴν $ΕΑ$.

Ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αἱ $ΒΕ, ΓΔ$.

- Ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ $BΔΕ$ τρίγωνον τῷ $ΓΔΕ$ τρι-
10 γώνῳ· ἐπὶ γὰρ τῆς αὐτῆς βάσεως ἐστὶ τῆς $ΔΕ$ καὶ
ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς $ΔΕ, ΒΓ$ · ἄλλο δέ
τι τὸ $ΑΔΕ$ τρίγωνον. τὰ δὲ ἴσα πρὸς τὸ αὐτὸ τὸν
αὐτὸν ἔχει λόγον· ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ $BΔΕ$ τρίγωνον
πρὸς τὸ $ΑΔΕ$ [τρίγωνον], οὕτως τὸ $ΓΔΕ$ τρίγωνον
15 πρὸς τὸ $ΑΔΕ$ τρίγωνον. ἀλλ' ὡς μὲν τὸ $BΔΕ$
τρίγωνον πρὸς τὸ $ΑΔΕ$, οὕτως ἡ $BΔ$ πρὸς τὴν
 $ΔΑ$ · ὑπὸ γὰρ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντα τὴν ἀπὸ τοῦ $Ε$
ἐπὶ τὴν AB κἀθετον ἀγομένην πρὸς ἄλληλά εισιν
ὡς αἱ βάσεις. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ ὡς τὸ $ΓΔΕ$ τρίγωνον
20 πρὸς τὸ $ΑΔΕ$, οὕτως ἡ $ΓΕ$ πρὸς τὴν $ΕΑ$ · καὶ
ὡς ἄρα ἡ $BΔ$ πρὸς τὴν $ΔΑ$, οὕτως ἡ $ΓΕ$ πρὸς
τὴν $ΕΑ$.

- Ἀλλὰ δὴ αἱ τοῦ $ABΓ$ τριγώνου πλευραὶ αἱ AB ,
 $ΑΓ$ ἀνάλογον τετμήσθωσαν, ὡς ἡ $BΔ$ πρὸς τὴν $ΔΑ$,
25 οὕτως ἡ $ΓΕ$ πρὸς τὴν $ΕΑ$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $ΔΕ$ ·
λέγω, ὅτι παράλληλός ἐστιν ἡ $ΔΕ$ τῇ $BΓ$.

Τῶν γὰρ αὐτῶν κατασκευασθέντων, ἐπεὶ ἐστὶν

1. Ante ἐὰν 2 litt. eras. V 3. παρὰ τὴν λοιπὴν] mutat.
in παράλληλος τῇ λοιπῇ B m. recentiss; in F supra scr. m. 2
παράλληλος. 4. πλευράν] mutat. in πλευρᾷ m. recentiss. B.

7. τὴν] postea insert. φ. τὴν] postea insert. φ. ΕΑ]

trianguli proportionaliter secantur, recta ad puncta sectionum ducta reliquo lateri trianguli parallela erit.

Nam in triangulo $AB\Gamma$ unilaterum $B\Gamma$ parallela ducatur ΔE . dico, esse

$$B\Delta : \Delta A = \Gamma E : EA.$$

ducantur enim BE , $\Gamma\Delta$. itaque $\triangle B\Delta E = \triangle \Gamma\Delta E$; nam

in eadem basi sunt ΔE et in iisdem parallelis ΔE , $B\Gamma$ [I, 38]. alia autem quaedam magnitudo est $\triangle A\Delta E$. et aequalia ad idem eandem rationem habent [V, 7]. erit igitur $B\Delta E : A\Delta E = \Gamma\Delta E : A\Delta E$. uerum $B\Delta E : A\Delta E = B\Delta : \Delta A$; nam cum sub eadem altitudine positi sint, ea quae ab E ad AB perpendicularis ducitur, eandem inter se rationem habent ac bases [prop. I]. eadem de causa erit etiam

$$\triangle \Gamma\Delta E : A\Delta E = \Gamma E : EA.$$

quare etiam $B\Delta : \Delta A = \Gamma E : EA$ [V, 11].

iam uero trianguli $AB\Gamma$ latera AB , $A\Gamma$ proportionaliter secantur, ita ut sit $B\Delta : \Delta A = \Gamma E : EA$, et ducatur ΔE . dico, ΔE rectae $B\Gamma$ parallelam esse.

AB F. 8. γάρ] supra m. 1 V. 9. ἄρα] δὴ P. ἐστίν P, comp. p. 11. $B\Gamma$] EZ φ (non F). 14. τό] corr. ex τῷ m. 2 V. $A\Delta E$] $\Delta A E$ P. τριγώνον] om. P. τριγώνον] om. V. 16. $A\Delta E$] Δ e corr. m. 2 V. ἡ] φ; add. supra etiam m. rec. 19. Post βάσεις add. V: ὡς δὲ τὸ $\Gamma\Delta E$ πρὸς τὸ $A\Delta E$ τριγώνον. δὴ] om. F; uidetur add. fuisse m. 2, sed euan.; δὴ καὶ P. ὡς τό] om. V; ὡς δὲ τό φ. $\Gamma\Delta E$ τριγώνον πρὸς τὸ $A\Delta E$] om. V. 20. EA] AE p. 21. ΓE] ΓB F? 23. αὖ AB , $A\Gamma$] m. 2 V; αὖ om. F, add. φ. 24. Ante ὡς hab. Bp: κατὰ τὰ Δ , E σημεία; idem P mg. m. 2. ὡς ἄρα Bp. 25. ΓE] mutat. in $E\Gamma$ m. 2 V.

ὥς ἡ $ΒΔ$ πρὸς τὴν $ΔΑ$, οὕτως ἡ $ΓΕ$ πρὸς τὴν $ΕΑ$,
 ἀλλ' ὥς μὲν ἡ $ΒΔ$ πρὸς τὴν $ΔΑ$, οὕτως τὸ $ΒΔΕ$
 τρίγωνον πρὸς τὸ $ΑΔΕ$ τρίγωνον, ὥς δὲ ἡ $ΓΕ$ πρὸς
 τὴν $ΕΑ$, οὕτως τὸ $ΓΔΕ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $ΑΔΕ$
 5 τρίγωνον, καὶ ὥς ἄρα τὸ $ΒΔΕ$ τρίγωνον πρὸς τὸ
 $ΑΔΕ$ τρίγωνον, οὕτως τὸ $ΓΔΕ$ τρίγωνον πρὸς τὸ
 $ΑΔΕ$ τρίγωνον. ἐκάτερον ἄρα τῶν $ΒΔΕ$, $ΓΔΕ$
 τριγώνων πρὸς τὸ $ΑΔΕ$ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον. ἴσον
 ἄρα ἐστὶ τὸ $ΒΔΕ$ τρίγωνον τῷ $ΓΔΕ$ τριγώνῳ· καὶ
 10 εἰσιν ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως τῆς $ΔΕ$. τὰ δὲ ἴσα
 τρίγωνα καὶ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα καὶ ἐν ταῖς
 αὐταῖς παραλλήλοις ἐστίν. παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ
 $ΔΕ$ τῇ $ΒΓ$.

Ἐὰν ἄρα τριγώνου παρὰ μίαν τῶν πλευρῶν ἀχθῇ
 15 τις εὐθεῖα, ἀνάλογον τεμεῖ τὰς τοῦ τριγώνου πλευράς·
 καὶ ἐὰν αἱ τοῦ τριγώνου πλευραὶ ἀνάλογον τμηθῶσιν,
 ἡ ἐπὶ τὰς τομὰς ἐπιξευγνυμένη εὐθεῖα παρὰ τὴν λοι-
 πὴν ἐστὶ τοῦ τριγώνου πλευράν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

γ'.

20 Ἐὰν τριγώνου ἡ γωνία δίχα τμηθῇ, ἡ δὲ
 τέμνουσα τὴν γωνίαν εὐθεῖα τέμνη καὶ τὴν
 βάσιν, τὰ τῆς βάσεως τμήματα τὸν αὐτὸν ἔξει
 λόγον ταῖς λοιπαῖς τοῦ τριγώνου πλευραῖς·
 καὶ ἐὰν τὰ τῆς βάσεως τμήματα τὸν αὐτὸν ἔχη
 25 λόγον ταῖς λοιπαῖς τοῦ τριγώνου πλευραῖς,
 ἡ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν τομὴν ἐπιξευγνυ-
 μένη εὐθεῖα δίχα τεμεῖ τὴν τοῦ τριγώνου
 γωνίαν.

3. τρίγωνον] (alt.) om. V. 4. τὴν $ΕΑ$] τὸ $ΕΑ$ seq. ras. 1 litt. F.
 5. καὶ ὥς ἄρα — 7: $ΑΔΕ$ τρίγωνον] mg. m. 2 V. 6.

nam iisdem comparatis quoniam est

$B\Delta : \Delta A = \Gamma E : EA$, et $B\Delta : \Delta A = \triangle B\Delta E : A\Delta E$,
et $\Gamma E : EA = \triangle \Gamma\Delta E : A\Delta E$ [prop. I], erit etiam
 $\triangle B\Delta E : A\Delta E = \triangle \Gamma\Delta E : A\Delta E$ [V, 11]. itaque
uterque triangulus $B\Delta E$, $\Gamma\Delta E$ ad $A\Delta E$ eandem
rationem habet. itaque $\triangle B\Delta E = \triangle \Gamma\Delta E$ [V, 9]. et
in eadem basi sunt ΔE . trianguli autem, qui aequales
sunt et in eadem basi positi, etiam in iisdem parallelis
sunt [I, 39]. itaque ΔE rectae $B\Gamma$ parallela est.

Ergo si in triangulo uni laterum parallela ducitur
recta, latera trianguli proportionaliter secabit; et si
latera trianguli proportionaliter secantur, recta ad
puncta sectionum ducta reliquo lateri trianguli paral-
lela erit; quod erat demonstrandum.

III.

Si angulus trianguli in duas partes aequales
diuiditur, et recta angulum secans etiam basim secat,
partes basis eandem rationem habebunt ac reliqua
latera trianguli; et si partes basis eandem rationem
habent ac reliqua latera trianguli, recta a uertice
ad punctum sectionis ducta angulum trianguli in duas
partes aequales secabit.

III. Theon in Ptolem. p. 201. Eutocius in Archim. III
p. 272, 11. Schol. in Pappum III p. 1175, 16, 25 al.

$\tauρίγωνον$] (prius) om. BFV p. 7. $\tauρίγωνον$] comp. F. 8.
 $\piρὸς τὸ A\Delta E$] supra m. 1 F; $\piρὸς τὸ A\Delta E \tauρίγωνον$ V. 9.
 $\acute{\epsilon}στιν$ FV. 11. $\kappa\alpha\iota$] (prius) $\tau\acute{\alpha}$ F. 12. $\piαράλληλος$ V; corr.
m. 2. $\acute{\epsilon}στιν$] (prius) PFV; $\acute{\epsilon}στι$ B, et p (ι in ras.); $\acute{\epsilon}ισί$ V
m. 2. 14. $\piλευρῶν$] mg. m. 1 P. 20. η] om. V. $\tauμῆθ\eta$]
in ras. m. 2 V. $\delta\acute{\epsilon}$] supra m. 1 F. 21. $\tauέμνη$] $\tauέμνει$
eras. ι V. 24. $\kappa\alpha\iota \acute{\epsilon}\alpha\nu \tau\acute{\alpha}$ — 25: $\piλευραῖς$] mg. m. 2 V. 24.
 $\acute{\epsilon}χη$] corr. ex $\acute{\epsilon}χει$ m. 1 p. 27. $\tauεμεῖ$] P, F m. 2, V m. 2;
 $\tauέμνει$ Bp, F m. 1, V m. 1.

Ἐστω τρίγωνον τὸ $AB\Gamma$, καὶ τετμήσθω ἡ ὑπὸ $BA\Gamma$ γωνία δίχα ὑπὸ τῆς AA εὐθείας· λέγω, ὅτι ἐστὶν ὡς ἡ $B\Delta$ πρὸς τὴν $\Delta\Gamma$, οὕτως ἡ BA πρὸς τὴν $A\Gamma$.

5 Ἦχθω γὰρ διὰ τοῦ Γ τῇ AA παράλληλος ἡ ΓE , καὶ διαχθεῖσα ἡ BA συμπιπτεύω αὐτῇ κατὰ τὸ E .

Καὶ ἐπεὶ εἰς παραλλήλους τὰς AA , $E\Gamma$ εὐθεῖα ἐνέπεσεν ἡ $A\Gamma$, ἡ ἄρα ὑπὸ $A\Gamma E$ γωνία ἴση ἐστὶ τῇ ὑπὸ $GA\Delta$. ἀλλ' ἡ ὑπὸ $GA\Delta$ τῇ ὑπὸ $BA\Delta$ ὑπό
10 κεῖται ἴση· καὶ ἡ ὑπὸ $BA\Delta$ ἄρα τῇ ὑπὸ $A\Gamma E$ ἐστὶν ἴση. πάλιν, ἐπεὶ εἰς παραλλήλους τὰς AA , $E\Gamma$ εὐθεῖα ἐνέπεσεν ἡ BAE , ἡ ἐκτὸς γωνία ἡ ὑπὸ $BA\Delta$ ἴση ἐστὶ τῇ ἐντὸς τῇ ὑπὸ $AE\Gamma$. ἐδείχθη δὲ καὶ ἡ ὑπὸ $A\Gamma E$ τῇ ὑπὸ $BA\Delta$ ἴση· καὶ ἡ ὑπὸ $A\Gamma E$ ἄρα
15 γωνία τῇ ὑπὸ $AE\Gamma$ ἐστὶν ἴση· ὥστε καὶ πλευρὰ ἡ AE πλευρᾷ τῇ $A\Gamma$ ἐστὶν ἴση. καὶ ἐπεὶ τριγώνου τοῦ $B\Gamma E$ παρὰ μίαν τῶν πλευρῶν τὴν $E\Gamma$ ἤκται ἡ AA , ἀνάλογον ἄρα ἐστὶν ὡς ἡ $B\Delta$ πρὸς τὴν $\Delta\Gamma$, οὕτως ἡ BA πρὸς τὴν AE . ἴση δὲ ἡ AE τῇ $A\Gamma$
20 ὡς ἄρα ἡ $B\Delta$ πρὸς τὴν $\Delta\Gamma$, οὕτως ἡ BA πρὸς τὴν $A\Gamma$.

Ἀλλὰ δὴ ἔστω ὡς ἡ $B\Delta$ πρὸς τὴν $\Delta\Gamma$, οὕτως ἡ BA πρὸς τὴν $A\Gamma$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ AA · λέγω, ὅτι δίχα τέτμηται ἡ ὑπὸ $BA\Gamma$ γωνία ὑπὸ τῆς AA
25 εὐθείας.

Τῶν γὰρ αὐτῶν κατασκευασθέντων, ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ἡ $B\Delta$ πρὸς τὴν $\Delta\Gamma$, οὕτως ἡ BA πρὸς τὴν $A\Gamma$, ἀλλὰ καὶ ὡς ἡ $B\Delta$ πρὸς τὴν $\Delta\Gamma$, οὕτως ἐστὶν ἡ BA

1. καί] *supra* F. 3. $\Gamma\Delta$] $\Delta\Gamma$ P. 7. εὐθείας V.

8 ἐνέπεσεν] P^φ B^p; ἐμπέπτωκεν V. ἐστὶν P; *comp. p.*

9 ἀλλὰ P. 11. εὐθεῖα] εὐθείας *addito* εὐθεῖα *in mg. m.*

Sit triangulus $AB\Gamma$, et $\angle B\Lambda\Gamma$ in duas partes
aequales secetur recta $A\Delta$.
dico, esse

$$B\Delta : \Delta\Gamma = BA : A\Gamma.$$



ducatur enim per Γ rectae
 $\Delta\Delta$ parallela ΓE , et pro-
ducta BA cum ea concurrat

in E [I *alt.* 5]. et quoniam in rectas parallelas $A\Delta$,
 $E\Gamma$ recta incidit $A\Gamma$, erit $\angle A\Gamma E = \Gamma A\Delta$ [I, 29]. sed
supposuimus $\angle \Gamma A\Delta = B A\Delta$. quare etiam $\angle B A\Delta$
 $= A\Gamma E$. rursus quoniam in rectas parallelas $A\Delta$, $E\Gamma$
recta incidit BAE , erit $\angle B A\Delta = A E\Gamma$ exterior angu-
lus interiori [I, 29]. demonstratum est autem, esse etiam
 $\angle A\Gamma E = B A\Delta$: quare etiam $\angle A\Gamma E = A E\Gamma$. quare
etiam $AE = A\Gamma$ [I, 6]. et quoniam in triangulo
 $B\Gamma E$ uni laterum $E\Gamma$ parallela ducta est $A\Delta$, erit
 $B\Delta : \Delta\Gamma = BA : AE$ [prop. II]. sed $AE = A\Gamma$.
itaque erit

$$B\Delta : \Delta\Gamma = BA : A\Gamma.$$

iam uero sit $B\Delta : \Delta\Gamma = BA : A\Gamma$, et ducatur $A\Delta$.
dico, $\angle B\Lambda\Gamma$ in duas partes aequales secari recta $A\Delta$.
nam iisdem comparatis quoniam est $B\Delta : \Delta\Gamma$
 $= BA : A\Gamma$, ueram etiam $B\Delta : \Delta\Gamma = BA : AE$ (nam

2 V; *εὐθείας εὐθείαι* Bp. 12. *ἐνέπεσε* V. BAE] litt. E in
ras. m. 2 P. η] (tert.) in ras. V. 13. $\lambda\sigma\eta$] $-\eta$ e corr. m.
2 P. $AE\Gamma$] litt. $E\Gamma$ in ras. P. 14. $BA\Delta$] corr. ex $B\Delta\Delta$
m. 1 p. $\alpha\pi\alpha$ *γωνία*] om. V. 16. AE] $A\Theta$ π (non P),
 EA φ . *πλευράν* π (non P). 18. *πρὸς τὴν*] *τῆς* comp. scrip-
tum cum *πρὸς* coaluit in F , *πρὸς* φ , et sic in seq. saepius.
20. *ὡς ἄρα*] P; *ἔστιν ἄρα ὡς* Theon? (BFVp); cfr. p. 68, 15.
22. $B\Delta$] Δ corr. p. $\Delta\Gamma$] $\Gamma\Delta$ F. 26. *ἐπεὶ γὰρ* φ . 27.
 $A\Gamma$ — p. 84, 1: *πρὸς τὴν*] om. Bp. 28. *τὴν*] om. F (inser.
m. rec., sed eras.)

πρὸς τὴν AE · τριγώνου γὰρ τοῦ BGE παρὰ μίαν
τὴν EG ἥκται ἡ AD · καὶ ὥς ἄρα ἡ BA πρὸς τὴν
 AG , οὕτως ἡ BA πρὸς τὴν AE . ἴση ἄρα ἡ AG τῇ
 AE · ὥστε καὶ γωνία ἡ ὑπὸ $AEΓ$ τῇ ὑπὸ AGE
5 ἔστιν ἴση. ἀλλ' ἡ μὲν ὑπὸ $AEΓ$ τῇ ἐκτὸς τῇ ὑπὸ
 BAD [ἔστιν] ἴση, ἡ δὲ ὑπὸ AGE τῇ ἐναλλάξ τῇ
ὑπὸ GAD ἔστιν ἴση· καὶ ἡ ὑπὸ BAD ἄρα τῇ ὑπὸ
 GAD ἔστιν ἴση. ἡ ἄρα ὑπὸ BAG γωνία δίχα τέτμηται
ὑπὸ τῆς AD εὐθείας.

- 10 Ἐὰν ἄρα τριγώνου ἡ γωνία δίχα τμηθῇ, ἡ δὲ
τέμνουσα τὴν γωνίαν εὐθεῖα τέμνη καὶ τὴν βάσιν,
τὰ τῆς βάσεως τμήματα τὸν αὐτὸν ἔξει λόγον ταῖς
λοιπαῖς τοῦ τριγώνου πλευραῖς· καὶ ἐὰν τὰ τῆς βάσεως
τμήματα τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον ταῖς λοιπαῖς τοῦ τρι-
15 γώνου πλευραῖς, ἡ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν τομὴν
ἐπιξεννυμένη εὐθεῖα δίχα τέμνει τὴν τοῦ τριγώνου
γωνίαν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

δ'.

Τῶν ἰσογωνίων τριγώνων ἀνάλογόν εἰ-
20 σιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἰσας γωνίας καὶ
ὁμόλογοι αἱ ὑπὸ τὰς ἰσας γωνίας ὑποτείνουσαι.

Ἐστω ἰσογώνια τρίγωνα τὰ $ABΓ$, $ΔΓΕ$ ἴσην
ἔχοντα τὴν μὲν ὑπὸ $ABΓ$ γωνίαν τῇ ὑπὸ $ΔΓΕ$, τὴν
δὲ ὑπὸ BAG τῇ ὑπὸ $ΓΔΕ$ καὶ ἔτι τὴν ὑπὸ AGB
25 τῇ ὑπὸ $ΓΕΔ$ · λέγω, ὅτι τῶν $ABΓ$, $ΔΓΕ$ τριγώνων

IV. Psellus p. 70

3 οὕτως] m. 2 V. AE] AG φ. 4. AE] EA φ. τῇ]
PBp; γωνία τῇ EV 5. ἀλλὰ P. 6. BAD] B supra m. 1 F.
ἔστιν] om. P. ἡ δὲ] ἴση δὲ καὶ ἡ V. AGE] supra Γ ras.
est in V; $AEΓ$ F. 7. ἔστιν ἴση] om. V. καὶ ἡ ὑπὸ — 8:

in triangulo $B\Gamma E$ uni laterum $E\Gamma$ parallela ducta est $A\Delta$ [prop. II], erit etiam $BA : A\Gamma = BA : AE$ [V, 11]. quare $A\Gamma = AE$ [V, 9]. quare etiam $\angle A\Gamma E = \angle A\Gamma E$ [I, 5]. sed $\angle A\Gamma E = \angle BAA$ exteriori [I, 29], et $\angle A\Gamma E = \angle A\Delta\Gamma$ alterno [id.]. quare etiam $\angle BAA = \angle A\Delta\Gamma$. itaque $\angle BAA$ recta $A\Delta$ in duas partes aequales sectus est.

Ergo si angulus trianguli in duas partes aequales diuiditur, et recta angulum secans etiam basim secat, partes basis eandem rationem habebunt ac reliqua latera trianguli; et si partes basis eandem rationem habent ac reliqua latera trianguli, recta a uertice ad punctum sectionis ducta angulum trianguli in duas partes aequales secabit; quod erat demonstrandum.

IV.

In triangulis aequiangularis latera aequales angulos comprehendunt proportionalia sunt et correspondentia, quae sub aequalibus angulis subtendunt.

Sint trianguli aequiangulari $AB\Gamma$, $\Delta\Gamma E$ habentes $\angle AB\Gamma = \angle \Delta\Gamma E$, $\angle B\Gamma A = \angle \Gamma\Delta E$, $\angle \Gamma B A = \angle \Gamma E \Delta$. dico,

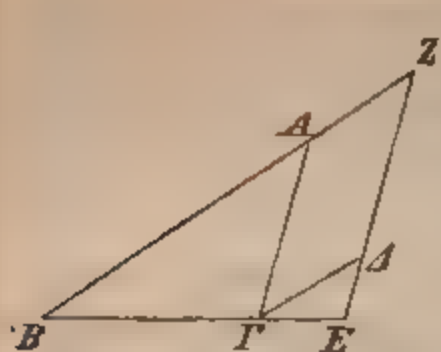
ἔστιν ἴση] om. B et V (ras. est quartae partis lineae); in mg. transeunt in ras. p. 10. *ἡ*] om. V. *δίχα*] om. F. 11. *τὴν γωνίαν*] P; *αὐτὴν* BFVp. *εὐθεία*] mg. m. 1 P. *τέμνει* F et seq. ras. 1 litt. V. 12. *τά*] m. 2 F. 13. *καὶ ἑάν* 17: *δείξαι*] in ras. m. 1 F. 14. *ἔχη*] corr. ex *ἔχει* p. λόγον *ἔχη* V. 16. *τοῦ τριγώνου*] om. FV. 17. *γωνίαν*] *εὐθείαν* p. 20. *αἱ περὶ*] e corr. V. *ἴσας*] m. rec. F. 21. *πλευραὶ ὑποτείνουσai* Bp, *ὑποτείνουσai πλευραὶ* FV. 22. *ἴσωςαν* V. $\angle \Gamma E$] $\Gamma\Delta E$ Bp, V m. 2. 23. $AB\Gamma$] $BA\Gamma$ P. *γωνίαν*] comp. mg. P. $\angle \Gamma E$] $\Gamma\Delta E$ P. 24. $BA\Gamma$] BFp, V m. 2; $B\Gamma A$ P; $A\Gamma B$ V m. 1. $\Gamma\Delta E$] BFp, V m. 2; $\Gamma E \Delta$ P. $A\Gamma B$] Bp, V in ras. m. 2; $AB\Gamma$ V. 25. $\Gamma E \Delta$] BFp; $\Delta E \Gamma$ in ras. m. 2 V; $\Delta \Gamma E$ V.

ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἰσας γωνίας
καὶ ὁμόλογοι αἱ ὑπὸ τὰς ἰσας γωνίας ὑποτείνουσαι.

Κείσθω γάρ ἐπ' εὐθείας ἡ ΒΓ τῇ ΓΕ. καὶ ἐπεὶ
αἱ ὑπὸ ΑΒΓ, ΑΓΒ γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάττονές
5 εἰσιν, ἴση δὲ ἡ ὑπὸ ΑΓΒ τῇ ὑπὸ ΔΕΓ, αἱ ἄρα
ὑπὸ ΑΒΓ, ΔΕΓ δύο ὀρθῶν ἐλάττονές εἰσιν· αἱ ΒΑ,
ΕΔ ἄρα ἐκβαλλόμεναι συμπεσοῦνται. ἐκβεβλήσθωσαν
καὶ συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ Ζ.

Καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΔΓΕ γωνία τῇ ὑπὸ
10 ΑΒΓ, παράλληλός ἐστὶν ἡ ΒΖ τῇ ΓΔ. πάλιν, ἐπεὶ
ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΑΓΒ τῇ ὑπὸ ΔΕΓ, παράλληλός
ἐστὶν ἡ ΑΓ τῇ ΖΕ. παραλληλόγραμμον ἄρα ἐστὶ
τὸ ΖΑΓΔ· ἴση ἄρα ἡ μὲν ΖΑ τῇ ΔΓ, ἡ δὲ ΑΓ τῇ
ΖΔ. καὶ ἐπεὶ τριγώνου τοῦ ΖΒΕ παρὰ μίαν τὴν
15 ΖΕ ἤκται ἡ ΑΓ, ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ ΒΑ πρὸς τὴν ΑΖ,
οὕτως ἡ ΒΓ πρὸς τὴν ΓΕ. ἴση δὲ ἡ ΑΖ τῇ ΓΔ·
ὡς ἄρα ἡ ΒΑ πρὸς τὴν ΓΔ, οὕτως ἡ ΒΓ πρὸς τὴν
ΓΕ, καὶ ἐναλλάξ ὡς ἡ ΑΒ πρὸς τὴν ΒΓ, οὕτως ἡ
ΔΓ πρὸς τὴν ΓΕ. πάλιν, ἐπεὶ παράλληλός ἐστὶν
20 ἡ ΓΔ τῇ ΒΖ, ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ ΒΓ πρὸς τὴν ΓΕ,
οὕτως ἡ ΖΔ πρὸς τὴν ΔΕ. ἴση δὲ ἡ ΖΔ τῇ ΑΓ·
ὡς ἄρα ἡ ΒΓ πρὸς τὴν ΓΕ, οὕτως ἡ ΑΓ πρὸς τὴν
ΔΕ, καὶ ἐναλλάξ ὡς ἡ ΒΓ πρὸς τὴν ΓΑ, οὕτως
ἡ ΓΕ πρὸς τὴν ΕΔ. ἐπεὶ οὖν ἐδείχθη ὡς μὲν ἡ
25 ΑΒ πρὸς τὴν ΒΓ, οὕτως ἡ ΔΓ πρὸς τὴν ΓΕ, ὡς
δὲ ἡ ΒΓ πρὸς τὴν ΓΑ, οὕτως ἡ ΓΕ πρὸς τὴν ΕΔ,
δι' ἴσου ἄρα ὡς ἡ ΒΑ πρὸς τὴν ΑΓ, οὕτως ἡ ΓΔ
πρὸς τὴν ΔΕ.

4. δύο] αἱ δύο P, corr. m. 1. 6. ἐλάττονες V. 10. εἰσιν] P, F m. 1; ἄρα ἐστὶν BVp, F m. 2. Sequentia in ras. m. 1 p. 12 ἐστὶ] ἐστίν P, comp. p. 13. ΖΑΓΔ] Γ in ras. B. ΔΓ] Γ in ras p; ΓΔ V, corr. m. 2. 14. ΖΔ]



in triangulis $AB\Gamma$, $\Delta\Gamma E$ latera aequales angulos comprehendunt aequalia esse et correspondentia, quae sub aequalibus angulis subtendant. ponatur enim $B\Gamma$ in producta ΓE , et quoniam

$\angle AB\Gamma + \angle \Gamma B A$ duobus rectis minores sunt [I, 17] et $\angle \Gamma B A = \angle \Gamma E \Delta$, erunt $\angle AB\Gamma + \angle \Gamma E \Delta$ duobus rectis minores. itaque BA , $E\Delta$ productae concurrent [I aīr. 5]. producantur et concurrant in Z .

et quoniam $\angle \Gamma E \Delta = \angle AB\Gamma$, erit BZ rectae $\Gamma\Delta$ parallela [I, 28]. rursus quoniam $\angle \Gamma B A = \angle \Gamma E \Delta$, erit $A\Gamma$ rectae ZE parallela [id.]. $Z\Delta\Gamma\Delta$ igitur parallelogrammum est. quare $Z\Delta = \Gamma\Delta$, $A\Gamma = Z\Delta$ [I, 34]. et quoniam in triangulo ZBE uni lateri ZE parallela ducta est $A\Gamma$, erit $BA : AZ = B\Gamma : \Gamma E$ [prop. II]. sed $AZ = \Gamma\Delta$. itaque $BA : \Gamma\Delta = B\Gamma : \Gamma E$ et permutando [V, 16] $AB : B\Gamma = \Gamma\Delta : \Gamma E$. rursus quoniam $\Gamma\Delta$ rectae BZ parallela est, erit $B\Gamma : \Gamma E = Z\Delta : \Delta E$ [prop. II]. sed $Z\Delta = A\Gamma$. itaque $B\Gamma : \Gamma E = A\Gamma : \Delta E$, et permutando [V, 16] $B\Gamma : \Gamma\Delta = \Gamma E : E\Delta$. iam quoniam demonstratum est, esse $AB : B\Gamma = \Gamma\Delta : \Gamma E$ et $B\Gamma : \Gamma\Delta = \Gamma E : E\Delta$, ex aequo erit $BA : A\Gamma = \Gamma\Delta : \Delta E$ [V, 22].

ΔZ P. ZBE] PF, V m. 1; BZE Bp, V m. 2. $\mu\iota\alpha\nu$
 $\tau\omega\nu$ πλευρῶν V. 16. η] (alt.) om. P. $\tau\eta\nu$] om. Bfp. 16.
 $\tau\eta\nu$] om. Bfp. 17. $\tau\eta\nu$] om. Bfp. $\tau\eta\nu$] om. φ 18.
 AB] BA p. $\pi\rho\acute{o}s$ $\tau\eta\nu$] PV; $\pi\rho\acute{o}s$ Bfp, et sic deinde
per totam propositionem. 21. $Z\Delta$] (alt.) ΔZ V m. 1; corr.
m. 2. 23. $\kappa\alpha\iota$ $\epsilon\nu\alpha\lambda\lambda\acute{\alpha}\xi$] P; $\epsilon\nu\alpha\lambda\lambda\acute{\alpha}\xi$ ἄρα Theon? (BFVp);
cfr. lin. 18. 24. $\epsilon\pi\epsilon\iota$ οὐκ] $\kappa\alpha\iota$ $\epsilon\pi\epsilon\iota$ P. η $\mu\acute{\epsilon}\nu$ P. 25.
 $\kappa\alpha\iota$ $\delta\epsilon$ $\epsilon\iota\varsigma$ P.

Τῶν ἄρα ἰσογωνίων τριγώνων ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας καὶ ὁμόλογοι αἱ ὑπὸ τὰς ἴσας γωνίας ὑποτείνουσai· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

• ε'.

5 Ἐὰν δύο τρίγωνα τὰς πλευρὰς ἀνάλογον ἔχῃ, ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα καὶ ἴσας ἔξει τὰς γωνίας, ὑφ' ἧς αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑπο-
τείνουσιν.

Ἐστω δύο τρίγωνα τὰ $ABΓ$, $ΔEZ$ τὰς πλευρὰς
10 ἀνάλογον ἔχοντα, ὥς μὲν τὴν AB πρὸς τὴν $BΓ$, οὕ-
τως τὴν $ΔE$ πρὸς τὴν EZ , ὥς δὲ τὴν $BΓ$ πρὸς τὴν
 $ΓA$, οὕτως τὴν EZ πρὸς τὴν $ZΔ$, καὶ ἔτι ὥς τὴν
 BA πρὸς τὴν $ΑΓ$, οὕτως τὴν $EΔ$ πρὸς τὴν $ΔZ$.
λέγω, ὅτι ἰσογώνιον ἔστι τὸ $ABΓ$ τρίγωνον τῷ $ΔEZ$
15 τριγώνῳ καὶ ἴσας ἔξουσιν τὰς γωνίας, ὑφ' ἧς αἱ ὁμό-
λογοι πλευραὶ ὑποτείνουσιν, τὴν μὲν ὑπὸ $ABΓ$ τῇ
ὑπὸ $ΔEZ$, τὴν δὲ ὑπὸ $BΓA$ τῇ ὑπὸ $EZΔ$ καὶ ἔτι
τὴν ὑπὸ $BAΓ$ τῇ ὑπὸ $EΔZ$.

Συνεστιάτω γὰρ πρὸς τῇ EZ εὐθείᾳ καὶ τοῖς πρὸς
20 αὐτῇ σημείοις τοῖς E , Z τῇ μὲν ὑπο $ABΓ$ γωνία
ἴση ἢ ὑπο ZEH , τῇ δὲ ὑπο $ΑΓB$ ἴση ἢ ὑπο EZH .
λοιπὴ ἄρα ἢ πρὸς τῷ A λοιπῇ τῇ πρὸς τῷ H ἔστιν ἴση.

ἰσογώνιον ἄρα ἔστι τὸ $ABΓ$ τρίγωνον τῷ EHZ
[τριγώνῳ]. τῶν ἄρα $ABΓ$, EHZ τριγώνων ἀνάλογόν
25 εἰσιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας καὶ ὁμό-

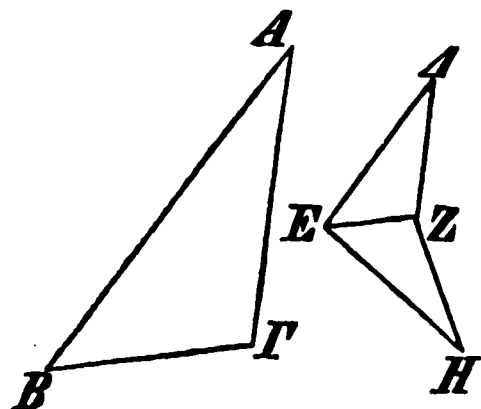
8. ὑπό] περὶ p γωνίας] bis p. πλευραὶ ὑποτείνουσai
BFp, ὑποτείνουσai πλευραί V. 7. τὰς] m. rec. F. 10.
τὴν BΓ] BΓ BFp. 11. τὴν EZ] EZ BFp. τὴν ΓA]
ΓA BFp. 12. οὕτω B. τὴν ZΔ] P, V m. 1; τὴν ΔZ
V m. 2; ΔZ BFp. 13. οὕτω Bp. τὴν ΔZ] V; τὴν ZΔ P;
ΔZ BFp. 14. ἔστιν P, comp. p. 16. ὑποτείνουσai Vp.

Ergo in triangulis aequiangulis latera aequales angulos comprehendentia proportionalia sunt et correspondentia, quae sub aequalibus angulis subtendunt; quod erat demonstrandum.

V.

Si duo trianguli latera proportionalia habent, aequianguli erunt trianguli et eos angulos aequales habebunt, sub quibus correspondentia latera subtendunt.

Sint duo trianguli $AB\Gamma$, ΔEZ latera proportionalia



habentes, ita ut sit $AB : B\Gamma = \Delta E : EZ$, $B\Gamma : \Gamma A = EZ : Z\Delta$, $BA : A\Gamma = E\Delta : \Delta Z$. dico, triangulos $AB\Gamma$, ΔEZ aequiangulos fore et eos angulos aequales habituros esse, sub quibus correspondentia latera subtendant,

$\angle AB\Gamma = \angle EZ\Delta$, $B\Gamma A = EZ\Delta$, $BA\Gamma = E\Delta Z$.

construatur enim ad rectam EZ et puncta eius E , Z angulo $AB\Gamma$ aequalis $\angle ZEH$ et angulo $A\Gamma B$ aequalis EZH [I, 23]. itaque qui relinquitur, angulus ad A positus reliquo angulo ad H posito aequalis est [I, 32]. itaque $AB\Gamma$, EZH trianguli aequianguli sunt. quare in triangulis $AB\Gamma$, EZH latera aequales angulos comprehendentia proportionalia sunt et corre-

21. $A\Gamma B$] e corr. V. 22. πρὸς τῷ A] P; ὑπὸ $BA\Gamma$ Theon (BFVp). πρὸς τῷ H] P; ὑπὸ ΔEZ Theon (Bp; ὑπὸ EZ supra scr. H V, ὑπὸ EZH F). 23. ἰσογώνιο F in fine lin. ἐστίν P, comp. p. EZH] P, V m. 1; ZEH Bp, V m. 2, F eras. Z et H. 24. τριγώνω] om. P. EZH] P, V m. 1; ZEH BFp, V m. 2.

λογοι αὖ ὑπὸ τὰς ἰσας γωνίας ὑποτείνουσαι· ἔστιν
 ἄρα ὡς ἡ AB πρὸς τὴν $BΓ$, [οὕτως] ἡ HE πρὸς
 τὴν EZ . ἀλλ' ὡς ἡ AB πρὸς τὴν $BΓ$, οὕτως ὑπό-
 κειται ἡ $ΔE$ πρὸς τὴν EZ · ὡς ἄρα ἡ $ΔE$ πρὸς
 5 τὴν EZ , οὕτως ἡ HE πρὸς τὴν EZ . ἐκατέρα ἄρα
 τῶν $ΔE, HE$ πρὸς τὴν EZ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον·
 ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ $ΔE$ τῇ HE . διὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ ἡ
 $ΔZ$ τῇ HZ ἐστὶν ἴση. ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἡ $ΔE$ τῇ
 EH , κοινὴ δὲ ἡ EZ , δύο δὲ αὖ $ΔE, EZ$ δυσεὶ ταῖς
 10 HE, EZ ἴσαι εἰσὶν· καὶ βάσεις ἡ $ΔZ$ βάσει τῇ ZH
 [ἐστὶν] ἴση· γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ $ΔEZ$ γωνία τῇ ὑπὸ
 HEZ ἐστὶν ἴση, καὶ τὸ $ΔEZ$ τρίγωνον τῷ HEZ
 τριγώνῳ ἴσον, καὶ αὖ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς
 γωνίαις ἴσαι, ὅφ' ἂς αὖ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουσιν.
 15 ἴση ἄρα ἐστὶ καὶ ἡ μὲν ὑπὸ $ΔZE$ γωνία τῇ ὑπὸ HZE ,
 ἡ δὲ ὑπὸ $ΕΔZ$ τῇ ὑπὸ $ΕHZ$. καὶ ἐπεὶ ἡ μὲν ὑπὸ
 $ZEΔ$ τῇ ὑπὸ HEZ ἐστὶν ἴση, ἀλλ' ἡ ὑπὸ HEZ τῇ
 ὑπὸ $ABΓ$, καὶ ἡ ὑπὸ $ABΓ$ ἄρα γωνία τῇ ὑπὸ $ΔEZ$
 ἐστὶν ἴση διὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ ἡ ὑπὸ $ΑΓB$ τῇ ὑπὸ
 20 $ΔZE$ ἐστὶν ἴση, καὶ ἔτι ἡ πρὸς τῷ A τῇ πρὸς τῷ
 $Δ$ · ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ $ABΓ$ τρίγωνον τῷ $ΔEZ$
 τριγώνῳ.

Ἐὰν ἄρα δύο τρίγωνα τὰς πλευρὰς ἀνάλογον ἔχῃ,
 ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα καὶ ἴσας ἔξει τὰς γωνίας,
 25 ὅφ' ἂς αὖ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑποτείνουσιν· ὅπερ ἔδει
 δεῖξαι.

5'.

Ἐὰν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μιᾷ γω-

1. γωνίας] m 2 F. πλευραὶ ὑποτείνουσαι Theon (BVFp).
 2. τήν] om. BFP. οὕτως] om. P. 3. τήν] om. BFP.
 ἀλλ' — 4; EZ] mg. m. 1 F. 3. τήν] om. BFP. 4. τήν]

spondentia, quae sub aequalibus angulis subtendunt [prop. IV]. erit igitur $AB : B\Gamma = HE : EZ$. sed $AB : B\Gamma = \Delta E : EZ$, ut supposuimus. quare $\Delta E : EZ = HE : EZ$ [V, 11]. itaque utraque $\Delta E, HE$ ad EZ eandem rationem habet. ergo $\Delta E = HE$ [V, 9]. eadem de causa etiam $\Delta Z = HZ$. iam quoniam $\Delta E = EH$, et communis est EZ , duae rectae $\Delta E, EZ$ duabus HE, EZ aequales sunt; et $\Delta Z = ZH$. itaque $\angle \Delta EZ = HEZ$ [I, 8], et $\triangle \Delta EZ = \triangle HEZ$, et reliqui anguli reliquis angulis aequales, sub quibus aequalia latera subtendunt [I, 4]. itaque $\angle \Delta ZE = HZE$, $\angle EZ\Delta = EHZ$. et quoniam $\angle ZE\Delta = HEZ$, et $\angle HEZ = AB\Gamma$, erit etiam $\angle AB\Gamma = \Delta EZ$. eadem de causa erit etiam $\angle \Gamma AB = \Delta ZE$, et praeterea angulus ad A positus angulo ad Δ posito. itaque trianguli $AB\Gamma, \Delta EZ$ aequianguli sunt.

Ergo si duo trianguli latera proportionalia habent, aequianguli erunt trianguli et eos angulos aequales habebunt, sub quibus correspondentia latera subtendunt; quod erat demonstrandum.

VI.

Si duo trianguli unum angulum uni angulo aequalem

-
- om. BFp. καὶ ὡς ἄρα P. 5. τήν] bis om. BFp. 6. HE] EH V. 7. τὰ] om. p. 8. ἴση ἐστίν p. 10. εἰσὶ Vp. ΔZ] $Z\Delta$ P. ZH] post ras. 1 litt. V. 11. ἐστίν] om. P. 13. Post ἴσον add. ἐστὶ Bp, F m. 2, V m. 2. 14. Post ἴσαι add. ἴσονται Bp, F m. 2. 15. ἐστίν PB. ΔZE] ΔEZ F. HZE] H supra m. 1 F. 17. ἴση ἐστίν φ. ἀλλὰ P. 18. $AB\Gamma$] (prius) $AB\Gamma$ ἐστίν ἴση V. 19. ἡ] ἡ μὲν P. ΓAB] $AB\Gamma$ p. 20. ἐτι] e corr. V. τῶ] bis τό B et V (corr. m. 2). 21. Δ ἐστίν ἴση FV. ἐστίν P.

νία ἴσην ἔχῃ, περὶ δὲ τὰς ἴσας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον, ἰσογώνια ἔσται τα τρί-
 γωνα καὶ ἴσας ἔξει τὰς γωνίας, ἵφ' ἃς αἱ ὁμό-
 λογοι πλευραὶ ὑποτείνουσιν.

- 5 Ἐστω δύο τρίγωνα τὰ $ABΓ$, $ΔEZ$ μίαν γωνίαν
 τὴν ὑπὸ $BAΓ$ μιᾶ γωνία τῇ ὑπὸ $EΔZ$ ἴσην ἔχοντα,
 περὶ δὲ τὰς ἴσας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον, ὡς
 τὴν BA πρὸς τὴν $ΑΓ$, οὕτως τὴν $EΔ$ πρὸς τὴν $ΔZ$.
 λέγω, ὅτι ἰσογώνιον ἔστι τὸ $ABΓ$ τρίγωνον τῷ $ΔEZ$
 10 τριγώνῳ καὶ ἴσην ἔξει τὴν ὑπὸ $ABΓ$ γωνίαν τῇ
 ὑπὸ $ΔEZ$, τὴν δὲ ὑπὸ $ΑΓB$ τῇ ὑπὸ $ΔZE$.

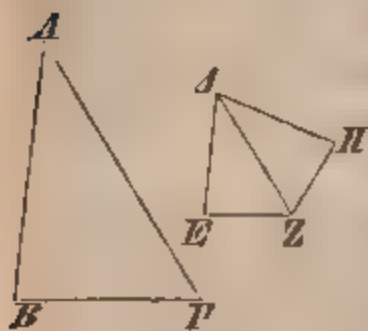
- Συνεστήτω γὰρ πρὸς τῇ $ΔZ$ εὐθείᾳ καὶ τοῖς πρὸς
 αὐτῇ σημείοις τοῖς $Δ$, Z ὁποτέρᾳ μὲν τῶν ὑπὸ $BAΓ$,
 $EΔZ$ ἴση ἢ ἵπο $ZΔH$, τῇ δὲ ὑπο $ΑΓB$ ἴση ἢ ὑπὸ
 15 $ΔZH$. λοιπὴ ἄρα ἡ πρὸς τῷ B γωνία λοιπῇ τῇ
 πρὸς τῷ H ἴση ἔστί.

- Ἰσογώνιον ἄρα ἔστι τὸ $ABΓ$ τρίγωνον τῷ $ΔHZ$
 τριγώνῳ. ἀνάλογον ἄρα ἔστιν ὡς ἡ BA πρὸς τὴν
 $ΑΓ$, οὕτως ἡ $HΔ$ πρὸς τὴν $ΔZ$. ὑπόκειται δὲ καὶ
 20 ὡς ἡ BA πρὸς τὴν $ΑΓ$, οὕτως ἡ $EΔ$ πρὸς τὴν $ΔZ$.
 καὶ ὡς ἄρα ἡ $EΔ$ πρὸς τὴν $ΔZ$, οὕτως ἡ $HΔ$ πρὸς
 τὴν $ΔZ$. ἴση ἄρα ἡ $EΔ$ τῇ $ΔH$. καὶ κοινὴ ἡ $ΔZ$.
 δύο δὴ αἱ $EΔ$, $ΔZ$ δυοὶ ταῖς $HΔ$, $ΔZ$ ἴσαι εἰσίν.
 καὶ γωνία ἡ ὑπὸ $EΔZ$ γωνία τῇ ὑπὸ $HΔZ$ [ἔστιν]
 25 ἴση· βάσις ἄρα ἡ EZ βάσει τῇ HZ ἔστιν ἴση, καὶ
 τὸ $ΔEZ$ τρίγωνον τῷ $HΔZ$ τριγώνῳ ἴσον ἔστί, καὶ

7. ἴσας] m. 2 V. 8. τὴν $ΑΓ$] $ΑΓ BΓp$. πρὸς] supra
 m. rec. P. τὴν] om. BΓp $ΔZ$] eras. V; mutat. in $ΔE F$;
 $ZΔ Bp$ 9 ἔστιν P, comp p. 10. τῶν $ABΓ F$. 11
 τὴν] τῇ V, corr. m. rec. $ΑΓB$] e corr. m. 2 V. 12. πρὸς
 μὲν BΓVp. τὴν $ΔZ$ εὐθεΐαν V, corr. m. 2. 13. αὐτῆς B.

habent et latera aequales angulos comprehendentia proportionalia, aequianguli erunt trianguli et eos angulos aequales habebunt, sub quibus correspondentia latera subtendunt.

Sint duo trianguli $AB\Gamma$, ΔEZ unum angulum $B\Delta\Gamma$ uni angulo $E\Delta Z$ aequalem habentes et latera aequales angulos comprehendentia proportionalia, ita ut sit $BA : A\Gamma = E\Delta : \Delta Z$. dico, triangulos $AB\Gamma$, ΔEZ aequiangulos esse et habituros esse $\angle AB\Gamma = \angle EZ$, $\angle A\Gamma B = \angle ZE$.



construatur enim ad rectam ΔZ et puncta eius Δ , Z utrique angulo $B\Delta\Gamma$, $E\Delta Z$ aequalis $\angle Z\Delta H$ et $\angle \Delta ZH = A\Gamma B$ [I, 23]. itaque qui relinquitur angulus ad B positus reliquo angulo ad H posito aequalis est [I, 32]. itaque trianguli $AB\Gamma$, ΔHZ aequianguli sunt. quare erit $BA : A\Gamma = H\Delta : \Delta Z$ [prop. IV]. supposuimus autem, esse etiam $BA : A\Gamma = E\Delta : \Delta Z$. quare [V, 11] $E\Delta : \Delta Z = H\Delta : \Delta Z$. itaque $E\Delta = \Delta H$ [V, 9]; et communis est ΔZ . itaque duae rectae $E\Delta$, ΔZ duabus $H\Delta$, ΔZ aequales sunt; et $\angle E\Delta Z = \angle H\Delta Z$. quare $EZ = HZ$ et $\triangle \Delta EZ = \triangle \Delta HZ$, et reliqui anguli reliquis aequales erunt,

14. $E\Delta Z$ γωνία ἐση V. 15. τῷ τὸ V, corr. m. 2. γωνία] post ras. 1 litt. P; om. Theon (BFVp). 16. τῷ τὸ V, corr. m. 2.

17. ἐστὶν Pφ, comp. p. ΔHZ] ΔEZ φ. 18. τῇν] om. BFp. 19. $H\Delta$] litt. H m 2 V; $E\Delta$ B, corr. m. 2. τῇν] om. BFp. 20. τῇν] bis om. BFp. $E\Delta$] ΔE F; $H\Delta$ B, corr. m. 2. 21. $E\Delta$] BΔ φ. τῇν] om. BFp. ΔZ] ZΔ V, corr. m. 2. $H\Delta$] ex ΔH m. rec. P. 22. τῇν] om. BFp.

23. ἐστὶ Vp 24. γωνία ἄρα F. ἐστὶν] om. P. 25. HZ] ZH P. 26. ἐστὶ BV, comp. p.

αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσονται,
 ὅφ' ἄς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουσιν. ἴση ἄρα ἐστὶν
 ἡ μὲν ὑπὸ ΔZH τῇ ὑπὸ ΔZE , ἡ δὲ ὑπὸ ΔHZ τῇ
 ὑπὸ ΔEZ . ἀλλ' ἡ ὑπὸ ΔZH τῇ ὑπὸ $\Delta ΓΒ$ ἐστὶν
 5 ἴση· καὶ ἡ ὑπὸ $\Delta ΓΒ$ ἄρα τῇ ὑπὸ ΔZE ἐστὶν ἴση.
 ὑπόκειται δὲ καὶ ἡ ὑπὸ $ΒΑΓ$ τῇ ὑπὸ $ΕΔΖ$ ἴση· καὶ
 λοιπὴ ἄρα ἡ πρὸς τῷ $Β$ λοιπῇ τῇ πρὸς τῷ $Ε$ ἴση
 ἐστίν· ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ $ΑΒΓ$ τρίγωνον τῷ $ΔΕΖ$
 τριγώνῳ.

10 Ἐὰν ἄρα δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μιᾷ γωνίᾳ
 ἴσην ἔχῃ, περὶ δὲ τὰς ἴσας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνά-
 λογον, ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα καὶ ἴσας ἔξει τὰς
 γωνίας, ὅφ' ἄς αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑποτείνουσιν·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

15

ε'.

Ἐὰν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μιᾷ γωνίᾳ
 ἴσην ἔχῃ, περὶ δὲ ἄλλας γωνίας τὰς πλευρὰς
 ἀνάλογον, τῶν δὲ λοιπῶν ἑκατέραν ἅμα ἦτοι
 ἐλάσσονα ἢ μὴ ἐλάσσονα ὁρθῆς, ἰσογώνια
 20 ἔσται τὰ τρίγωνα καὶ ἴσας ἔξει τὰς γωνίας,
 περὶ ἃς ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευραί.

Ἐστω δύο τρίγωνα τὰ $ΑΒΓ$, $ΔΕΖ$ μίαν γω-
 νίαν μιᾷ γωνίᾳ ἴσην ἔχοντα τὴν ὑπὸ $ΒΑΓ$ τῇ ὑπὸ
 $ΕΔΖ$, περὶ δὲ ἄλλας γωνίας τὰς ὑπὸ $ΑΒΓ$, $ΔΕΖ$
 25 τὰς πλευρὰς ἀνάλογον, ὥς τὴν $ΑΒ$ πρὸς τὴν $ΒΓ$,
 οὕτως τὴν $ΔΕ$ πρὸς τὴν $ΕΖ$, τῶν δὲ λοιπῶν τῶν

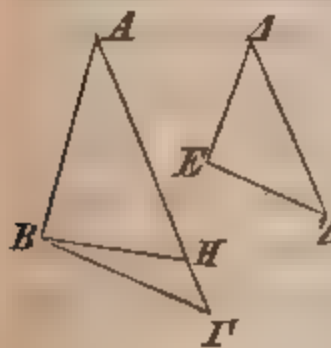
1. ἴσονται ἑκατέρα ἑκατέρα Theon (BFVp). 3. ὑπὸ
 ΔHZ] Peyrardus, ὑπὸ ΔEZ P; πρὸς τῷ H Theon (BFVp;
 τό pro τῷ V , corr. m. 2). 4. ὑπὸ ΔEZ] Peyrardus; ὑπὸ
 ΔHZ P; πρὸς τῷ E , Theon (BFVp; τό pro τῷ V , corr. m. 2).
 ἀλλά P. $\Delta ΓΒ$] $ΒΓΑ$ P, Δ in ras. 6. καὶ ἡ — ἴσται ἴση]

sub quibus aequalia latera subtendunt [I, 4]. itaque $\angle AZH = \angle ZE$, $\angle HZ = \angle EZ$. verum $\angle AZH = \angle \Gamma B$. quare etiam $\angle \Gamma B = \angle ZE$. supposuimus autem, esse etiam $\angle B \Gamma = \angle EZ$. itaque etiam qui relinquitur angulus ad B positus, reliquo angulo ad E posito aequalis est [I, 32]. itaque trianguli ΓB , $\angle EZ$ aequianguli sunt.

Ergo si duo trianguli unum angulum uni angulo aequalem habent et latera aequales angulos comprehenduntia proportionalia, aequianguli erunt trianguli et eos angulos aequales habebunt, sub quibus correspondentia latera subtendunt; quod erat demonstrandum.

VII.

Si duo trianguli unum angulum uni angulo aequalem habent et latera alios duos angulos comprehenduntia proportionalia et reliquos angulos singulos simul aut minores aut non minores recto, trianguli aequianguli erunt et eos angulos aequales habebunt, quos latera proportionalia comprehendunt.



Sint duo trianguli ΓB , $\angle EZ$ unum angulum uni angulo aequalem habentes, $\angle B \Gamma = \angle EZ$, et latera alios duos angulos comprehenduntia proportionalia, $AB : B\Gamma = \Delta E : EZ$, et reliquos angulos, qui ad Γ , Z positi sunt, prius singulos simul recto

om. p. 7. τῶ] τό P. τῶ] e corr. P. 8. ἐστὶ] ἐστίν P, comp. p. 19. ἐλάττωα bis F. Prius ἐλάσσονα corr. ex ἐλάσσον m. 2 P. 23. μὴ γωνία] punctis notat. F. 24. $\angle EZ$] corr. ex $\angle EZ$ m. rec. P. ΓB] $B \Gamma$ φ; $AB \Delta$ p. 25. τὴν $B \Gamma$] $B \Gamma$ BF p. 26. τὴν EZ] EZ BF p.

πρὸς τοῖς Γ, Z πρότερον ἑκατέραν ἅμα ἐλάσσονα ὀρθῆς· λέγω, ὅτι ἰσογώνιον ἐστὶ τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον τῷ ΔEZ τριγώνῳ, καὶ ἴση ἐστὶ ἡ ὑπὸ $AB\Gamma$ γωνία τῇ ὑπὸ ΔEZ , καὶ λοιπὴ δηλονότι ἡ πρὸς τῷ Γ λοιπῇ
 5 τῇ πρὸς τῷ Z ἴση.

Εἰ γὰρ ἄνισός ἐστὶν ἡ ὑπὸ $AB\Gamma$ γωνία τῇ ὑπὸ ΔEZ , μία αὐτῶν μείζων ἐστίν. ἔστω μείζων ἡ ὑπὸ $AB\Gamma$. καὶ συνεστιάτω πρὸς τῇ AB εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ B τῇ ὑπὸ ΔEZ γωνίᾳ ἴση ἡ
 10 ὑπὸ ABH .

Καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ μὲν A γωνία τῇ Δ , ἡ δὲ ὑπὸ ABH τῇ ὑπὸ ΔEZ , λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ AHB λοιπῇ τῇ ὑπὸ ΔZE ἐστὶν ἴση. ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ ABH τρίγωνον τῷ ΔEZ τριγώνῳ. ἐστὶν ἄρα ὡς
 15 ἡ AB πρὸς τὴν BH , οὕτως ἡ ΔE πρὸς τὴν EZ . ὡς δὲ ἡ ΔE πρὸς τὴν EZ , [οὕτως] ὑπόκειται ἡ AB πρὸς τὴν $B\Gamma$ ἡ AB ἄρα πρὸς ἑκατέραν τῶν $B\Gamma, BH$ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον· ἴση ἄρα ἡ $B\Gamma$ τῇ BH . ὥστε καὶ γωνία ἡ πρὸς τῷ Γ γωνία τῇ ὑπὸ $BH\Gamma$
 20 ἐστὶν ἴση. ἐλάττων δὲ ὀρθῆς ὑπόκειται ἡ πρὸς τῷ Γ · ἐλάττων ἄρα ἐστὶν ὀρθῆς καὶ ἡ ὑπὸ $BH\Gamma$ · ὥστε ἡ ἐφεξῆς αὐτῇ γωνία ἡ ὑπὸ AHB μείζων ἐστὶν ὀρθῆς. καὶ ἐδείχθη ἴση οὖσα τῇ πρὸς τῷ Z · καὶ ἡ πρὸς τῷ Z ἄρα μείζων ἐστὶν ὀρθῆς. ὑπόκειται
 25 δὲ ἐλάσσων ὀρθῆς· ὅπερ ἐστὶν ἄτοπον. οὐκ ἄρα ἄνισός ἐστὶν ἡ ὑπὸ $AB\Gamma$ γωνία τῇ ὑπὸ ΔEZ · ἴση

1. ἐλάττωνα F. 2. ἐστὶν P, comp. p 3. ἔσται] ἐστὶν F.
 10. ABH] $H \theta$ corr. p. 12. γωνία τῇ V. 13. λοιπῇ]
 supra m. 1 F. ἐστὶ] comp. p; ἐστὶν PF. 15. τήν] bis
 om. BFr. 16. ὡς δέ] ὑπόκειται δὲ καὶ ὡς Br. τήν]
 om. BFr. οὕτως ὑπόκειται] ὑπόκειται FV; οὕτως Br;
 ὑπόκειται οὕτως P. 17. τήν] om BFr. Post $B\Gamma$ add.

minores. dico, aequiangulos esse triangulos $AB\Gamma$, ΔEZ , et $\angle AB\Gamma = \angle EZ$, et, ut inde adparet, qui relinquitur angulus ad Γ positus, reliquo angulo ad Z posito aequalem esse.

nam si $\angle AB\Gamma$ angulo ΔEZ inaequalis est, alteruter eorum maior est. sit maior $\angle AB\Gamma$, et construatur ad rectam AB et punctum eius B $\angle ABH = \angle EZ$ [I, 23]. et quoniam $\angle A = \angle \Delta$ et $\angle ABH = \angle EZ$, erit $\angle AHB = \angle ZE$ [I, 32]. itaque trianguli ABH , ΔEZ aequianguli sunt. quare $AB : BH = \Delta E : EZ$ [prop. IV]. sed supposuimus, esse $\Delta E : EZ = AB : B\Gamma$. itaque AB ad utramque $B\Gamma$, BH eandem rationem habet [V, 11]. quare $B\Gamma = BH$ [V, 9]. itaque etiam angulus ad Γ positus angulo $BH\Gamma$ aequalis est [I, 5]. supposuimus autem, angulum ad Γ positum minorem esse recto; quare etiam $\angle BH\Gamma$ minor est recto. itaque angulus deinceps positus AHB maior est recto [I, 13]. et demonstratum est, eum angulo ad Z posito aequalem esse. quare etiam angulus ad Z positus maior est recto. supposuimus autem, eum recto minorem esse; quod absurdum est. itaque $\angle AB\Gamma$ angulo ΔEZ inaequalis non est; aequalis igitur. uerum etiam angulus ad A positus angulo ad Δ posito aequalis est. quare etiam qui relinquitur angulus ad Γ positus, reliquo angulo ad Z posito aequalis est [I, 32]. ergo trianguli $AB\Gamma$, ΔEZ aequianguli sunt.

Theon: καὶ ὥς ἄρα ἡ AB πρὸς τὴν $B\Gamma$, οὕτως ἡ AB πρὸς τὴν BH (V et bis omisso τὴν $B\Gamma$). 18. ἄρα ἐστὶν P.

19. πρὸς τῷ Γ] corr. ex ὑπὸ $BH\Gamma$ m. 2 V. $BH\Gamma$] corr. ex $B\Gamma H$ m. 2 V. 20. ἐλάσσων p. 21. καί] om. P.

22. αὐτῆς P. 23. τῷ] corr. ex τό m. 1 B. 25. ἐλάττων F. ἐστὶν] om. V. 26. ΔEZ] $E\Delta Z$ p.

ἄρα. ἔστι δὲ καὶ ἡ πρὸς τῷ A ἴση τῇ πρὸς τῷ Δ · καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ πρὸς τῷ Γ λοιπῇ τῇ πρὸς τῷ Z ἴση ἐστίν. ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον τῷ ΔEZ τριγώνῳ.

5 Ἀλλὰ δὴ πάλιν ὑποκαίσθω ἑκατέρω τῶν πρὸς τοῖς Γ, Z μὴ ἐλάσσων ὀρθῆς· λέγω πάλιν, ὅτι καὶ οὕτως ἐστὶν ἰσογώνιον τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον τῷ ΔEZ τριγώνῳ.

Τῶν γὰρ αὐτῶν κατασκευασθέντων ὁμοίως δεί-
 ξομεν, ὅτι ἴση ἐστὶν ἡ $B\Gamma$ τῇ BH · ὥστε καὶ γωνία
 10 ἡ πρὸς τῷ Γ τῇ ὑπὸ $BH\Gamma$ ἴση ἐστίν. οὐκ ἐλάττων
 δὲ ὀρθῆς ἡ πρὸς τῷ Γ · οὐκ ἐλάττων ἄρα ὀρθῆς
 οὐδὲ ἡ ὑπὸ $BH\Gamma$. τριγώνου δὲ τοῦ $BH\Gamma$ αἱ δύο
 γωνίαι δύο ὀρθῶν οὐκ εἰσιν ἐλάττονες· ὅπερ ἐστὶν
 ἀδύνατον. οὐκ ἄρα πάλιν ἄνισός ἐστιν ἡ ὑπὸ $AB\Gamma$
 15 γωνία τῇ ὑπὸ ΔEZ · ἴση ἄρα. ἔστι δὲ καὶ ἡ πρὸς
 τῷ A τῇ πρὸς τῷ Δ ἴση· λοιπὴ ἄρα ἡ πρὸς τῷ Γ
 λοιπῇ τῇ πρὸς τῷ Z ἴση ἐστίν. ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ
 τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον τῷ ΔEZ τριγώνῳ.

Ἐὰν ἄρα δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μιᾷ γωνίᾳ
 20 ἴσην ἔχῃ, περὶ δὲ ἄλλας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον,
 τῶν δὲ λοιπῶν ἑκατέραν ἅμα ἐλάττονα ἢ μὴ ἐλάττονα
 ὀρθῆς, ἰσογώνια ἐστὶ τὰ τρίγωνα καὶ ἴσας ἔξει τὰς
 γωνίας, περὶ αἷς ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευραί· ὅπερ
 ἔδει δεῖξαι.

25

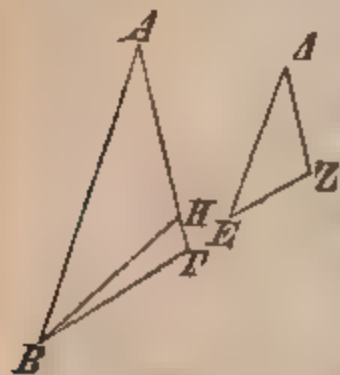
η'.

Ἐὰν ἐν ὀρθογωνίῳ τριγώνῳ ἀπὸ τῆς ὀρ-
 θῆς γωνίας ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετος ἀχθῇ, τὰ

1. ἐστίν B. Post A add. σημεῖον Bp, supra F, m. 2 V.
 3. ἐστὶ] ἐστίν P, comp. p. 6. ἐλάττων F. πάλιν ὅτι]
 m 2 V. 7. ἰσογώνιον ἐστίν P. 8. ὁμοίως δὲ BVp. 10.
 ἐλάσσων p. 11. ἐλάσσων p. 12. οὐδέ] om. V. ἢ] m.

iam rursus supponamus, utrumque angulum ad Γ , Z positum recto minorem non esse. dico rursus, sic quoque triangulos $AB\Gamma$, ΔEZ aequiangulos esse.

nam iisdem comparatis similiter demonstrabimus, esse $B\Gamma = BH$. quare etiam angulus ad Γ positus



angulo $BH\Gamma$ aequalis est [I, 5].

angulus autem ad Γ positus recto minor non est. quare ne $\angle BH\Gamma$

quidem recto minor est. itaque

trianguli $BH\Gamma$ duo anguli duobus rectis minores non sunt; quod fieri non potest [I, 17].

rursus igitur

$\angle AB\Gamma$ angulo ΔEZ inaequalis non

est; aequalis igitur. uerum etiam angulus ad A posi-

tus angulo ad Δ posito aequalis est. itaque qui

relinquitur angulus ad Γ positus, reliquo angulo ad

Z posito aequalis est [I, 32]. ergo trianguli $AB\Gamma$,

ΔEZ aequianguli sunt.

Ergo si duo trianguli unum angulum uni angulo aequalem habent et latera alios duos angulos comprehendunt proportionalia et reliquos angulos singulos simul aut minores aut non minores recto, trianguli aequianguli erunt et eos angulos aequales habebunt, quos latera proportionalia comprehendunt; quod erat demonstrandum.

VIII.

Si in triangulo rectangulo ab angulo recto ad

2 P. δὴ] δέ V. 13. ἐλάσσονες V. 15. ἐστίν PB;
comp. p. 16. ἴση] insert. postea F. 17. ἐστὶ] ἐστίν PF;
comp. p. 20. ἴση] corr. ex ἴση m. 2 P. τὰς] om. V.
21. ἀμὰ ἡτοι V. 26. ἀπὸ] ὑπὸ V; corr. m. 2.

πρὸς τῇ καθέτῳ τρίγωνον ὁμοιά ἐστι τῷ τε ὅλῳ καὶ ἀλλήλοις.

Ἐστω τρίγωνον ὀρθογώνιον τὸ $AB\Gamma$ ὀρθὴν ἔχον τὴν ὑπὸ $BA\Gamma$ γωνίαν, καὶ ἤχθῃ ἀπὸ τοῦ A ἐπὶ τὴν $B\Gamma$ κάθετος ἡ AD . λέγω, ὅτι ὁμοίων ἐστὶν ἑκάτερον τῶν $AB\Delta$, $A\Delta\Gamma$ τριγώνων ὅλῳ τῷ $AB\Gamma$ καὶ ἐτι ἀλλήλοις.

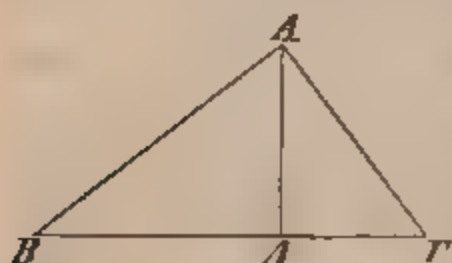
Ἐπεὶ γὰρ ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ $BA\Gamma$ τῇ ὑπὸ $A\Delta B$. ὀρθὴ γὰρ ἑκατέρα· καὶ κοινὴ τῶν δύο τριγώνων τοῦ
 10 τε $AB\Gamma$ καὶ τοῦ $AB\Delta$ ἡ πρὸς τῷ B , λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ AGB λοιπὴ τῇ ὑπὸ BAD ἐστὶν ἴση· ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ το $AB\Gamma$ τρίγωνον τῷ $AB\Delta$ τριγώνῳ. ἐστὶν ἄρα ὥς ἡ $B\Gamma$ ὑποτείνουσα τὴν ὀρθὴν τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου πρὸς τὴν BA ὑποτείνουσαν τὴν ὀρ-
 15 θὴν τοῦ $AB\Delta$ τριγώνου, οὕτως αὐτὴ ἡ AB ὑπο-
 τείνουσα τὴν πρὸς τῷ Γ γωνίαν τοῦ $AB\Gamma$ τριγώ-
 νου πρὸς τὴν $B\Delta$ ὑποτείνουσαν τὴν ἴσην τὴν ὑπὸ BAD τοῦ $AB\Delta$ τριγώνου, καὶ ἐτι ἡ AG πρὸς τὴν AD ὑποτείνουσαν τὴν πρὸς τῷ B γωνίαν κοινήν
 20 τῶν δύο τριγώνων. τὸ $AB\Gamma$ ἄρα τρίγωνον τῷ $AB\Delta$ τριγώνῳ ἰσογώνιον τέ ἐστι καὶ τὰς περὶ τὰς ἴσας γωνίας πλευρὰς ἀνάλογον ἔχει. ὁμοιον ἄρα [ἐστὶ] τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον τῷ $AB\Delta$ τριγώνῳ. ὁμοίως δὲ δείξομεν, ὅτι καὶ τῷ $A\Delta\Gamma$ τριγώνῳ ὁμοίων ἐστὶ τὸ

1. ἐστὶν F. 4. γωνίαν] om. p. 5. $B\Gamma$] AG V. AD] AD P. ἐστὶ FV. 8. ὑπὸ] postea ins. F. $BA\Gamma$ γωνία FV. $A\Delta B$] $AB\Delta$ V, corr. m. 2. 12. τῷ] corr. ex τῶν m. 1 P. $AB\Delta$] B supra m. 1 F. 13. $B\Gamma$] ΓB B et seq. ras. 1 litt. F. τὴν] post ras. 1 litt. V. 14. $AB\Gamma$] Γ in ras. m. 2 V. BA] in ras. m. 2 V. ὑποτείνουσαν] corr. ex ὑποτείνουσα m. rec. P; in ras. m. 2 V. 15. ὑποτείνουσαι F, i. eras. 17. $B\Delta$] $B\Delta$ τὴν F. ὑποτείνουσαν τὴν ἴσην τῇ πρὸς τῷ Γ in

basim perpendicularis ducitur, trianguli ad perpendicularem positi similes erunt et toti et inter se.

Sit triangulus rectangulus $AB\Gamma$ rectum habens angulum $BA\Gamma$, et ab A ad $B\Gamma$ perpendicularis ducatur AA . dico, utrumque triangulum $AB\Delta$, $A\Delta\Gamma$ et toti $AB\Gamma$ et inter se similes esse.

nam quoniam $\angle B\Gamma A = A\Delta B$ (uterque enim



rectus est), et duorum triangulorum $AB\Gamma$, $AB\Delta$ communis est angulus ad B positus, erit $\angle A\Gamma B = B\Delta A$

[I, 32]. itaque trianguli

$AB\Gamma$, $AB\Delta$ aequianguli

sunt. erit igitur $B\Gamma : BA = AB : B\Delta = A\Gamma : AA$ [prop. IV]; nam $B\Gamma$ sub recto angulo trianguli $AB\Gamma$ subtendit et BA sub recto angulo trianguli $AB\Delta$, et rursus AB in triangulo $AB\Gamma$ sub angulo ad Γ posito subtendit et $B\Delta$ in triangulo $AB\Delta$ sub angulo ei aequali $B\Delta A$, et $A\Gamma$, AA sub angulo ad B posito utriusque trianguli communi subtendunt. itaque trianguli $AB\Gamma$, $AB\Delta$ et aequianguli sunt et latera aequales angulos comprehendunt proportionalia habent. itaque $\triangle AB\Gamma \sim AB\Delta$ [def. 1]. similiter demonstrabimus,

ras m. 2 V. $\epsilon\sigma\tau\eta\nu$ αὐτῆς F. 18. $AB\Delta$] $AB\Gamma$ P. ἢ] inter
 duas ras. F. Post $A\Gamma$ add. F: $\acute{\upsilon}\pi\omicron\tau\epsilon\iota\lambda\omicron\upsilon\sigma\alpha$ τὴν πρὸς τῷ B
 $\gamma\omega\gamma\iota\alpha\nu$ τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου, sed del. m. 1. 19. $\acute{\upsilon}\pi\omicron\tau\epsilon\iota\lambda\omicron\upsilon\sigma\alpha\iota$
 (i in ras.) post ras. 1 litt. F, $\acute{\upsilon}\pi\omicron\tau\epsilon\iota\lambda\omicron\upsilon\sigma\alpha$ Bp. B] seq. ras.
 1 litt. F. 20. αὐτῶν τῶν V. ἄρα] postea ins. F; m. 2 V
 $AB\Delta$ ἄρα V. 21. $\epsilon\sigma\tau\eta\nu$ P, comp. p. 22. $\epsilon\sigma\tau\iota$] om. P.
 24. $\epsilon\sigma\tau\eta\nu$ P; comp. p.

$AB\Gamma$ τρίγωνον· ἐκάτερον ἄρα τῶν $AB\Delta$, $A\Delta\Gamma$ [τριγώνων] ὁμοίον ἐστὶν ὅλῳ τῷ $AB\Gamma$.

Λέγω δὴ, ὅτι καὶ ἀλλήλοις ἐστὶν ὅμοια τὰ $AB\Delta$, $A\Delta\Gamma$ τρίγωνα.

- 5 Ἐπεὶ γὰρ ὀρθὴ ἡ ὑπὸ $B\Delta A$ ὀρθῇ τῇ ὑπὸ $A\Delta\Gamma$ ἐστὶν ἴση, ἀλλὰ μὴν καὶ ἡ ὑπὸ $B A \Delta$ τῇ πρὸς τῷ Γ ἐδείχθη ἴση, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ πρὸς τῷ B λοιπῇ τῇ ὑπὸ $\Delta A \Gamma$ ἐστὶν ἴση· ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ $AB\Delta$ τρίγωνον τῷ $A\Delta\Gamma$ τριγώνῳ. ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ $B\Delta$
 10 τοῦ $AB\Delta$ τριγώνου ὑποτείνουσα τὴν ὑπὸ $B A \Delta$ πρὸς τὴν ΔA τοῦ $A\Delta\Gamma$ τριγώνου ὑποτείνουσας τὴν πρὸς τῷ Γ ἴσην τῇ ὑπὸ $B A \Delta$, οὕτως αὐτὴ ἡ $A\Delta$ τοῦ $AB\Delta$ τριγώνου ὑποτείνουσα τὴν πρὸς τῷ B γωνίαν πρὸς τὴν $\Delta\Gamma$ ὑποτείνουσας τὴν ὑπὸ $\Delta A \Gamma$ τοῦ
 15 $A\Delta\Gamma$ τριγώνου ἴσην τῇ πρὸς τῷ B , καὶ ἔτι ἡ $B A$ πρὸς τὴν $A\Gamma$ ὑποτείνουσας τὰς ὀρθάς· ὁμοιον ἄρα ἐστὶ τὸ $AB\Delta$ τρίγωνον τῷ $A\Delta\Gamma$ τριγώνῳ.

- Ἐὰν ἄρα ἐν ὀρθογωνίῳ τριγώνῳ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γωνίας ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετος ἀχθῇ, τὰ πρὸς τῇ
 20 καθέτῳ τρίγωνα ὁμοιά ἐστὶ τῷ τε ὅλῳ καὶ ἀλλήλοις [ὅπερ ἔδει δεῖξαι].

Πόρισμα.

- Ἐκ δὲ τούτου φανερόν, ὅτι ἐὰν ἐν ὀρθογωνίῳ τριγώνῳ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γωνίας ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετος ἀχθῇ, ἡ ἀχθεῖσα τῶν τῆς βάσεως τμημάτων
 25 μέση ἀνάλογόν ἐστὶν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι [καὶ ἔτι τῆς

1. τρίγωνον] om. B F p. 2. τριγώνων] om. P. ὁμοίον ἐστὶν ὅλῳ] om V $AB\Gamma$ τριγώνῳ ὅλῳ ὁμοίον ἐστὶν V.
 5. $B\Delta A$] B e corr. m 2 V. 7. λοιπῇ] corr. ex λοιπῆς m. 1 F. 8. ἐστὶ] ἐστίν PF. 11. τὴν ΔA] τῇ ΔA F; corr.

esse etiam $\triangle A\Delta\Gamma \sim AB\Gamma$. ergo uterque triangulus $AB\Delta$, $A\Delta\Gamma$ triangulo toti $AB\Gamma$ similis est.

iam dico, triangulos $AB\Delta$, $A\Delta\Gamma$ etiam inter se similes esse.

nam quoniam $\angle B\Delta A = \angle A\Delta\Gamma$ (recti enim), et demonstratum est, $\angle B\Delta A$ angulo ad Γ posito aequallem esse, etiam qui relinquitur angulus ad B positus, angulo $\angle A\Delta\Gamma$ aequalis erit [I, 32]. itaque trianguli $AB\Delta$, $A\Delta\Gamma$ aequianguli sunt. est igitur $B\Delta : \Delta A = A\Delta : \Delta\Gamma = BA : A\Gamma$ [prop. IV]; nam $B\Delta$ in triangulo $AB\Delta$ sub $\angle B\Delta A$ subtendit et ΔA in triangulo $A\Delta\Gamma$ sub angulo ad Γ posito subtendit angulo $\angle B\Delta A$ aequali, et $A\Delta$ in triangulo $AB\Delta$ sub angulo ad B posito subtendit, $\Delta\Gamma$ autem in triangulo $A\Delta\Gamma$ sub $\angle A\Delta\Gamma$ angulo ad B posito aequali, et praeterea BA , $A\Gamma$ sub rectis angulis subtendunt. itaque $\triangle AB\Delta \sim A\Delta\Gamma$ [def. 1].

Ergo si in triangulo rectangulo ab angulo recto ad basim perpendicularis ducitur, trianguli ad perpendicularem positi similes erunt et toti et inter se.

Corollarium.

Hinc manifestum est, si in triangulo rectangulo ab angulo recto ad basim perpendicularis ducatur,

m. rec. 14. ὑποτείνουσιν] -ν eras. F 15. τῇ] corr. ex τῆς m. rec. P; seq. ras. 1 litt. V. 16. πρὸς τὴν $A\Gamma$] in ras. F. ὑποτείνουσα F. 20. ἐστὶν F. 23. ἐν] om. p. 25. τμημάτων] om. p. 26. ἐστὶ B, comp. p. ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. BFp. καὶ ἔτι — p. 104, 2: ἐστὶν] postea ins. m. 1 F in ras; mg. m. 2 V.

βάσεως καὶ ἐνὸς ὁποιοῦν τῶν τμημάτων ἢ πρὸς τῷ τμήματι πλευρὰ μέση ἀνάλογόν ἐστιν].

θ'.

Τῆς δοθείσης εὐθείας τὸ προσταχθὲν μέρος
5 ἀφαιεῖν.

Ἐστω ἡ δοθεῖσα εὐθεῖα ἡ AB · δεῖ δὴ τῆς AB
τὸ προσταχθὲν μέρος ἀφαιεῖν.

Ἐπιτετάχθω δὴ τὸ τρίτον. [καὶ] διήχθω τις ἀπὸ
τοῦ A εὐθεῖα ἡ AG γωνίαν περιέχουσα μετὰ τῆς
10 AB τυχοῦσαν· καὶ εἰλήφθω τυχὸν σημεῖον ἐπὶ τῆς
 AG τὸ Δ , καὶ κείσθωσαν τῇ $A\Delta$ ἴσαι αἱ ΔE , $E\Gamma$.
καὶ ἐπεξέυχθω ἡ $B\Gamma$, καὶ διὰ τοῦ Δ παράλληλος
αὐτῇ ἤχθω ἡ AZ .

Ἐπεὶ οὖν τριγώνου τοῦ $AB\Gamma$ παρὰ μίαν τῶν
15 πλευρῶν τὴν $B\Gamma$ ἤκται ἡ AZ , ἀνάλογον ἄρα ἐστὶν
ὥς ἡ GA πρὸς τὴν AA , οὕτως ἡ BZ πρὸς τὴν ZA .
διπλῇ δὲ ἡ GA τῆς AA · διπλῇ ἄρα καὶ ἡ BZ τῆς
 ZA · τριπλῇ ἄρα ἡ BA τῆς AZ .

Τῆς ἄρα δοθείσης εὐθείας τῆς AB τὸ ἐπιταχθὲν
20 τρίτον μέρος ἀφήρηται τὸ AZ · ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

ι'.

Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἄτμητον τῇ δοθείσῃ
τετμημένην ὁμοίως τεμεῖν.

X. Simplicius in phys. fol. 114^v, 119.

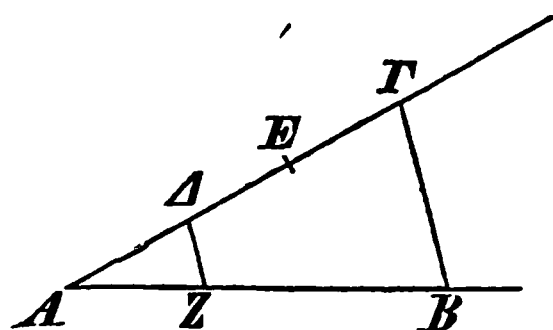
1. ὁποτερουονεν F. 2. Post ἐστιν seq. ὅπερ ἔδει δεῖξαι
BFp, V m. 2. 8. τρίτον] ante -τον ras. 2 litt. F. καί]
om. P. τις εὐθεῖα ἀπὸ τοῦ A ἢ V. 11. κείσθωσαν] mg.
m. rec. P. 14. Supra παρὰ in P scr. m. rec. παράλληλος.
15. τήν] τῇ p. AZ] mutat. in AZ m. 2 V; AZ Bp. 16.
τὴν AA] τῇ AA B, AA Fp. τῇ] om. BFp. 17. τῆς]
τῇ p. καὶ ἡ BZ τῆς ZA · τριπλῇ ἄρα] mg. m. 1 P. 18.
 BA] A in ras. P 19. τῆς] τῇ p. τῆς] corr. ex τῇ m. 1 p.

ductam rectam mediam inter partes basis proportionalem fore. — quod erat demonstrandum.¹⁾

IX.

A data recta linea partem quamvis datam abscindere. Sit data recta AB . oportet igitur ab AB quamvis datam partem abscindere.

sit data pars tertia, et ducatur a puncto A recta



$A\Gamma$ cum AB quemlibet angulum comprehendens, et sumatur in $A\Gamma$ quodvis punctum Δ , et ponatur $\Delta E = A\Delta = E\Gamma$, et ducatur $B\Gamma$, et per Δ rectae $B\Gamma$ parallela ducatur ΔZ [I, 31].

iam quoniam in triangulo $AB\Gamma$ uni laterum $B\Gamma$ parallela ducta est $Z\Delta$, erit [prop. II]

$\Gamma\Delta : \Delta A = BZ : ZA$. sed $\Gamma\Delta = 2 \Delta A$. quare etiam $BZ = 2 ZA$. itaque $BA = 3 AZ$.

Ergo a data recta AB tertia pars AZ abscisa est, ut iussi eramus; quod oportebat fieri.

X.

Datam rectam lineam non sectam datae sectae congruenter secare.

1) Nam demonstrauius p. 102, 9 sq. $B\Delta : \Delta A = A\Delta : \Delta\Gamma$. reliqua pars corollarii p. 102, 26 sq. sine dubio interpolata est; nam et post sollemnem illum finem demonstrationum corollariorumque ὅπερ ἔδει δεῖξαι p. 102, 26 additur et a bonis codd. Theoninis aberat nec usquam usui est. habet tamen Campanus et P, quamquam sine clausula illa. itaque et in nonnullis codd. ante Theonem et in quibusdam Theoninis simul sponte interpolata est.

20. $\tau\epsilon\lambda\iota\sigma\tau\omicron\nu$] in ras. F. 22. $\delta\omicron\theta\epsilon\lambda\omicron\eta$] P, Simplicius, Campanus; $\delta\omicron\theta\epsilon\lambda\omicron\eta \epsilon\upsilon\theta\epsilon\lambda\alpha$ Theon (BFVp).

Ἐστω ἡ μὲν δοθεῖσα εὐθεῖα ἄτμητος ἡ AB , ἡ δὲ τετμημένη ἡ AG κατὰ τὰ Δ , E σημεία, καὶ κείσθωσαν ὥστε γωνίαν τυχοῦσαν περιέχειν, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ GB , καὶ διὰ τῶν Δ , E τῇ $BΓ$ παράλληλοι ἤχθωσαν αἱ ΔZ , EH , διὰ δὲ τοῦ Δ τῇ AB παράλληλος ἤχθω ἡ $\Delta\Theta K$.

Παραλληλόγραμμον ἄρα ἐστὶν ἐκάτερον τῶν $Z\Theta$, ΘB . Ἰση ἄρα ἡ μὲν $\Delta\Theta$ τῇ ZH , ἡ δὲ ΘK τῇ HB . καὶ ἐπεὶ τριγώνου τοῦ $\Delta KΓ$ παρὰ μίαν τῶν πλευρῶν τὴν $KΓ$ εὐθεῖα ἤκται ἡ ΘE , ἀνάλογον ἄρα ἐστὶν ὡς ἡ $ΓE$ πρὸς τὴν $E\Delta$, οὕτως ἡ $K\Theta$ πρὸς τὴν $\Theta\Delta$. Ἰση δὲ ἡ μὲν $K\Theta$ τῇ BH , ἡ δὲ $\Theta\Delta$ τῇ HZ . ἔστιν ἄρα ὡς ἡ $ΓE$ πρὸς τὴν $E\Delta$, οὕτως ἡ BH πρὸς τὴν HZ . πάλιν, ἐπεὶ τριγώνου τοῦ AHE παρὰ μίαν τῶν πλευρῶν τὴν HE ἤκται ἡ $Z\Delta$, ἀνάλογον ἄρα ἐστὶν ὡς ἡ $E\Delta$ πρὸς τὴν ΔA , οὕτως ἡ HZ πρὸς τὴν ZA . ἐδείχθη δὲ καὶ ὡς ἡ $ΓE$ πρὸς τὴν $E\Delta$, οὕτως ἡ BH πρὸς τὴν HZ . ἔστιν ἄρα ὡς μὲν ἡ $ΓE$ πρὸς τὴν $E\Delta$, οὕτως ἡ BH πρὸς τὴν HZ , ὡς δὲ ἡ $E\Delta$ πρὸς τὴν ΔA , οὕτως ἡ HZ πρὸς τὴν ZA .

Ἡ ἄρα δοθεῖσα εὐθεῖα ἄτμητος ἡ AB τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ τετμημένη τῇ AG ὁμοίως τέτμηται ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

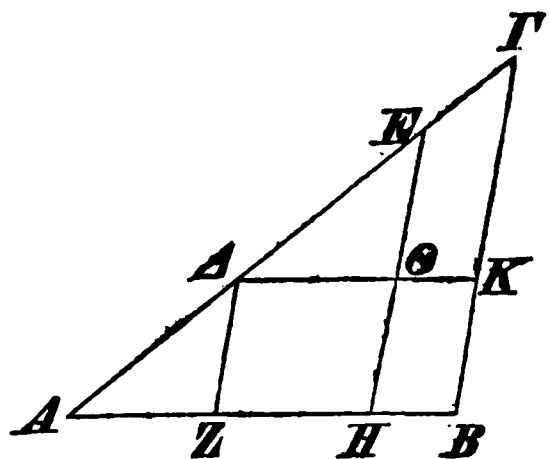
26

ια'.

Δύο δοθεισῶν εὐθειῶν τρίτην ἀνάλογον προσευρεῖν.

2. Post AG add. V: δεῖ δὲ τὴν AB ἄτμητον τῇ AG τετμημένη ὁμοίως τεμεῖν. ἔστω τετμημένη ἡ AG . 4. $ΓB$] $BΓ$ Br, V e corr. m. 2. 5. δέ] om. p. 8. HB] MB F, corr.

Sit data recta linea non secta AB , recta autem AG secta in punctis Δ , E , et ponantur ita, ut quem-



libet angulum comprehendant, et ducatur GB , et per Δ , E rectae BG parallelae ducantur ΔZ , EH , et per Δ rectae AB parallela ducatur $\Delta\Theta K$ [I, 31]. itaque utrumque $Z\Theta$, ΘB parallelogrammum est. quare

$$\Delta\Theta = ZH \text{ et } \Theta K = HB$$

[I, 34]. et quoniam in triangulo $\Delta K\Gamma$ uni lateri $K\Gamma$ parallela ducta est recta ΘE , erit $\Gamma E : E\Delta = K\Theta : \Theta\Delta$ [prop. II]. sed $K\Theta = BH$, $\Theta\Delta = HZ$. itaque $\Gamma E : E\Delta = BH : HZ$. rursus quoniam in triangulo AHE uni lateri HE parallela ducta est $Z\Delta$, erit $E\Delta : \Delta A = HZ : ZA$ [prop. II]. et demonstratum est, esse etiam $\Gamma E : E\Delta = BH : HZ$. itaque

$$\Gamma E : E\Delta = BH : HZ \text{ et } E\Delta : \Delta A = HZ : ZA.$$

Ergo data recta linea non secta AB datae rectae lineae sectae AG congruenter secta est; quod oportebat fieri.

XI.

Datis duabus rectis tertiam proportionalem inuenire.

- m. 2. 9. $\kappa\alpha\iota$] postea ins. F. 11. $\tau\eta\nu E\Delta$] $E\Delta$ Bp et in ras. F. $K\Theta$] corr. m. 2 ex ΘK V. 12. $\tau\eta\nu$] om. BFp.
 13. $\pi\rho\acute{o}s \tau\eta\nu$] $\pi\rho\acute{o}s$ BFp, et sic deinde per totam prop.
 15. HE] corr. ex EH m. 2 V. 17. η] postea ins. F. 18. $\omicron\upsilon\tau\omega\varsigma$] m. 2 V. $\xi\sigma\tau\iota\nu \acute{\alpha}\rho\alpha \acute{\omega}\varsigma$ — 20: $\tau\eta\nu HZ$] postea insert. in ras. m. 1 F; mg. m. 2 V. 19. $\tau\eta\nu HZ$] HZ etiam V.
 20. $E\Delta$] corr. ex ΔE m. rec. P. $\pi\rho\acute{o}s \Delta A$ $\omicron\upsilon\tau\omega\varsigma$ bis F. η] ins. m. rec. P. 24. $\pi\omicron\iota\eta\sigma\alpha\iota$] in ras. m. 1 P.

Ἐστῶσαν αἱ δοθεῖσαι [δύο εὐθεῖαι] αἱ $ΒΑ$, $ΑΓ$ καὶ κείσθωσαν γωνίαν περιέχουσαι τυχούσαν. δεῖ δὴ τῶν $ΒΑ$, $ΑΓ$ τρίτην ἀνάλογον προσευρεῖν. ἐκβεβλήσθωσαν γὰρ ἐπὶ τὰ $Δ$, $Ε$ σημεία, καὶ κείσθω τῇ $ΑΓ$ ἴση ἡ $ΒΔ$, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $ΒΓ$, καὶ διὰ τοῦ $Δ$ παράλληλος αὐτῇ ἡχθῶ ἡ $ΔΕ$.

Ἐπεὶ οὖν τριγώνου τοῦ $ΑΔΕ$ παρὰ μίαν τῶν πλευρῶν τὴν $ΔΕ$ ἡκται ἡ $ΒΓ$, ἀνάλογόν ἐστιν ὡς ἡ $ΑΒ$ πρὸς τὴν $ΒΔ$, οὕτως ἡ $ΑΓ$ πρὸς τὴν $ΓΕ$. ἴση δὲ ἡ $ΒΔ$ τῇ $ΑΓ$. ἔστιν ἄρα ὡς ἡ $ΑΒ$ πρὸς τὴν $ΑΓ$, οὕτως ἡ $ΑΓ$ πρὸς τὴν $ΓΕ$.

Δύο ἄρα δοθεισῶν εὐθειῶν τῶν $ΑΒ$, $ΑΓ$ τρίτη ἀνάλογον αὐταῖς προσεύρηται ἡ $ΓΕ$ · ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

ιβ΄.

15 Τριῶν δοθεισῶν εὐθειῶν τετάρτην ἀνάλογον προσευρεῖν.

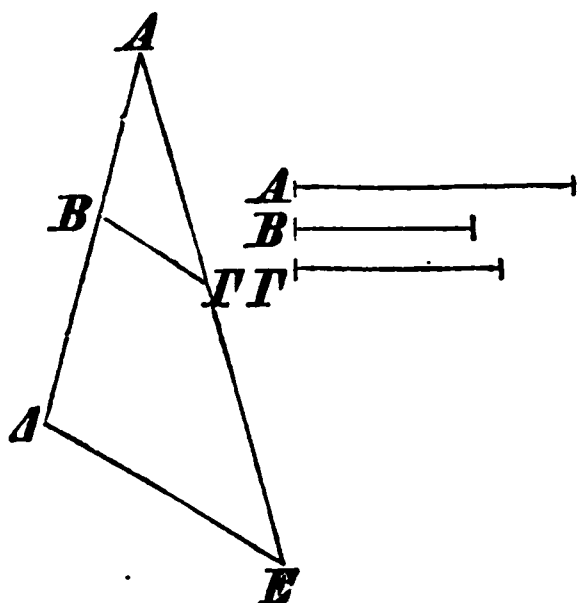
Ἐστῶσαν αἱ δοθεῖσαι τρεῖς εὐθεῖαι αἱ $Α$, $Β$, $Γ$. δεῖ δὴ τῶν $Α$, $Β$, $Γ$ τετάρτην ἀνάλογον προσευρεῖν.

20 Ἐκκείσθωσαν δύο εὐθεῖαι αἱ $ΔΕ$, $ΔΖ$ γωνίαν περιέχουσαι [τυχούσαν] τὴν ὑπὸ $ΕΔΖ$. καὶ κείσθω τῇ μὲν $Α$ ἴση ἡ $ΔΗ$, τῇ δὲ $Β$ ἴση ἡ $ΗΕ$, καὶ ἔτι τῇ $Γ$ ἴση ἡ $ΔΘ$. καὶ ἐπιζευχθείσης τῆς $ΗΘ$ παράλληλος αὐτῇ ἡχθῶ διὰ τοῦ $Ε$ ἡ $ΕΖ$.

25 Ἐπεὶ οὖν τριγώνου τοῦ $ΔΕΖ$ παρὰ μίαν τὴν

1. δύο εὐθεῖαι] om. P, εὐθεῖαι supra scr. m rec. 3. ΒΑ] e corr. V. εὐρεῖν P. 4. γὰρ αἱ ΑΒ, ΑΓ Theon (BVp; γὰρ αἱ ΒΑ, ΑΓ F). 5 ΒΓ] ΓΒ p. 8 ΔΕ] ΑΕ φ. 9. τήν] bis om. BFp. ΒΔ] ΒΑ F. ΑΓ] Α in ras m. 1 B. 11. τήν] om. Bp. τήν] om Bp. ΓΕ] Γ in ras. V. 13. αὐτῆς P, corr. m. 2. 20 ἐκκείσθω τῶν φ (non F). 21.

Sint datae rectae BA , $A\Gamma$ et ponantur ita, ut quemlibet angulum comprehendant. oportet igitur rectarum BA , $A\Gamma$ tertiam proportionalem inuenire.



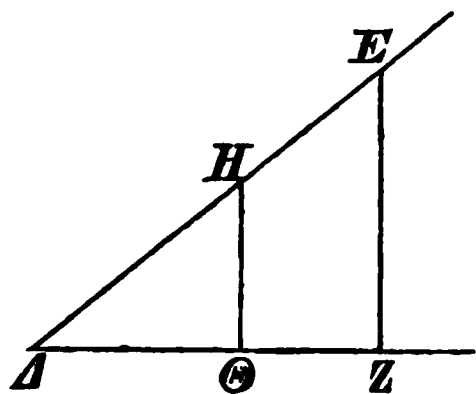
producantur enim ad puncta Δ , E , et ponatur $A\Gamma = B\Delta$, et ducatur $B\Gamma$, et per Δ ei parallela ducatur ΔE [I, 31]. iam quoniam in triangulo $A\Delta E$ uni lateri ΔE parallela ducta est $B\Gamma$, erit $AB : B\Delta = A\Gamma : \Gamma E$ [prop. II]. sed $B\Delta = A\Gamma$. itaque $AB : A\Gamma = A\Gamma : \Gamma E$.

Ergo datis duabus rectis AB , $A\Gamma$ tertia earum proportionalis inuenta est ΓE ; quod oportebat fieri.

XII.

Datis tribus rectis lineis quartam proportionalem inuenire.

Sint datae rectae A , B , Γ . oportet igitur rectarum A , B , Γ quartam proportionalem inuenire.



ponantur duae rectae ΔE , ΔZ ita, ut quemlibet angulum comprehendant $E\Delta Z$, et ponatur $\Delta H = A$, $HE = B$, $\Delta\Theta = \Gamma$. et ducta recta $H\Theta$ ei parallela per E ducatur EZ [I, 31].

iam quoniam in triangulo ΔEZ uni lateri EZ

EZ ἥκται ἢ $HΘ$, ἔστιν ἄρα ὥς ἡ ΔH πρὸς τὴν HE , οὕτως ἢ $\Delta Θ$ πρὸς τὴν $ΘZ$. ἴση δὲ ἢ μὲν ΔH τῇ A , ἢ δὲ HE τῇ B , ἢ δὲ $\Delta Θ$ τῇ Γ . ἔστιν ἄρα ὥς ἢ A πρὸς τὴν B , οὕτως ἢ Γ πρὸς τὴν $ΘZ$.

- 5 Τριῶν ἄρα δοθεῖσων εὐθειῶν τῶν A, B, Γ τε-
τάρτη ἀνάλογον προσεύρηται ἢ $ΘZ$. ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

ιγ'.

Δύο δοθεῖσων εὐθειῶν μέσῃν ἀνάλογον προσευρεῖν.

- 10 Ἐστῶσαν αἱ δοθεῖσαι δύο εὐθεῖαι αἱ $AB, B\Gamma$.
δεῖ δὴ τῶν $AB, B\Gamma$ μέσῃν ἀνάλογον προσευρεῖν.

Κείσθωσαν ἐπ' εὐθείας, καὶ γεγράφθω ἐπὶ τῆς $ΑΓ$ ἡμικύκλιον τὸ $ΑΔΓ$, καὶ ἤχθω ἀπὸ τοῦ B ση-
μείου τῇ $ΑΓ$ εὐθείᾳ πρὸς ὀρθὰς ἢ $BΔ$, καὶ ἐπε-
15 ξεύχθωσαν αἱ $ΑΔ, ΔΓ$.

Ἐπεὶ ἐν ἡμικυκλίῳ γωνία ἔστιν ἢ ὑπὸ $ΑΔΓ$,
ὀρθή ἐστιν. καὶ ἐπεὶ ἐν ὀρθογωνίῳ τριγώνῳ τῷ
 $ΑΔΓ$ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γωνίας ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετος
ἥκται ἢ $ΔB$, ἢ $ΔB$ ἄρα τῶν τῆς βάσεως τμημάτων
■ τῶν $AB, B\Gamma$ μέσῃ ἀνάλογόν ἐστιν.

Δύο ἄρα δοθεῖσων εὐθειῶν τῶν $AB, B\Gamma$ μέσῃ
ἀνάλογον προσεύρηται ἢ $ΔB$. ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

ιδ'.

Τῶν ἴσων τε καὶ ἰσογωνίων παραλληλο-

XIII. Philoponus in Aristot. de anima g II. XIV. Philo-
pon. in anal. post. fol. 117^v.

1. EZ] corr. ex $HΘ$ m. rec. P; $HΘ$ Bp. $HΘ$] corr.
ex ZE m. rec. P; EZ Bp; $ΘH$ V m. 2. ἢ] om. V. ΔH] in ras. B. τὴν] om. Bp. 2. τὴν] om. Bp. $ΘZ$] e corr. V; $ZΘ$ P. 4. $ΘZ$] Z in ras. F; $ZΘ$ P. 14. εὐ-

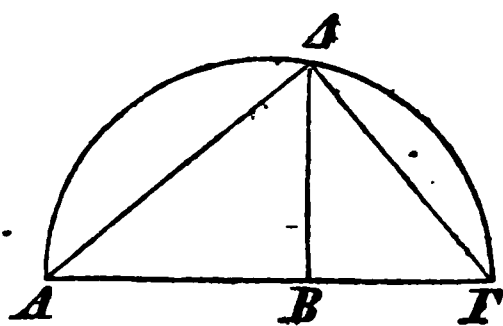
parallela ducta est $H\Theta$, erit $\Delta H : HE = \Delta\Theta : \Theta Z$.
sed $\Delta H = A$, $HE = B$, $\Delta\Theta = \Gamma$. itaque $A : B = \Gamma : \Theta Z$.

Ergo datis tribus rectis lineis A, B, Γ quarta proportionalis inuenta est ΘZ ; quod oportebat fieri.

XIII.

Datis duabus rectis lineis mediam proportionalem inuenire.

Sint duae rectae datae $AB, B\Gamma$. oportet igitur rectarum $AB, B\Gamma$ mediam proportionalem inuenire.



ponantur in eadem recta, et in $A\Gamma$ describatur semicirculus $A\Delta\Gamma$, et a B puncto ducatur ad rectam $A\Gamma$ perpendicularis $B\Delta$, et ducantur $A\Delta, \Delta\Gamma$.

iam quoniam in semicirculo est $\angle A\Delta\Gamma$, rectus est [III, 31]. et quoniam in triangulo rectangulo $A\Delta\Gamma$ a recto angulo ad basim perpendicularis ducta est ΔB , ΔB partium basis $AB, B\Gamma$ media proportionalis est [prop. VIII coroll.].

Ergo datis duabus rectis lineis $AB, B\Gamma$ media proportionalis inuenta est ΔB ; quod oportebat fieri.

XIV.

In parallelogrammis aequalibus et aequiangulis

$\theta\epsilon\iota\lambda\alpha$] om. Bp. 16. $\kappa\alpha\iota\ \acute{\epsilon}\pi\epsilon\iota$ V. 19. ΔB] $B\Delta F$; V, corr. m. 2. ΔB] $B\Delta V$, corr. m. 2. 21. $\mu\acute{\epsilon}\sigma\eta\nu$ P, sed corr.

22. $\pi\rho\alpha\sigma\eta\gamma\acute{\epsilon}\rho\eta\tau\alpha\iota$ F. 24. $\tau\epsilon$] om. p. $\kappa\alpha\iota$] m. 2 F. $\iota\sigma\omega\gamma\omega\nu\lambda\omega\nu$] P, Philoponus; $\mu\iota\alpha\nu\ \mu\iota\alpha\ \iota\sigma\eta\nu\ \acute{\epsilon}\chi\omicron\nu\tau\omega\nu\ \gamma\omega\nu\lambda\alpha\nu$ Theon (BVp; in F om. $\mu\iota\alpha\nu$ et supra scr. $\mu\iota\alpha$ seq. ras. 1 litt.), P supra m. rec.

γραμμῶν ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας· καὶ ὧν ἰσογωνίων παραλληλογράμμων ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας, ἴσα ἐστὶν ἐκεῖνα.

- 5 Ἐστω ἴσα τε καὶ ἰσογώνια παραλληλόγραμμα τὰ AB, BG ἴσας ἔχοντα τὰς πρὸς τῷ B γωνίας, καὶ κείσθωσαν ἐπ' εὐθείας αἱ AB, BE · ἐπ' εὐθείας ἄρα εἰσὶ καὶ αἱ ZB, BH . λέγω, ὅτι τῶν AB, BG ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας,
10 τουτέστιν, ὅτι ἐστὶν ὡς ἡ AB πρὸς τὴν BE , οὕτως ἡ HB πρὸς τὴν BZ .

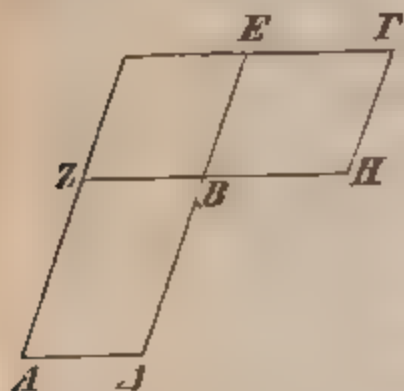
Συμπεπληρώσθω γὰρ τὸ ZE παραλληλόγραμμον. ἐπεὶ οὖν ἴσον ἐστὶ τὸ AB παραλληλόγραμμον τῷ BG παραλληλογράμῳ, ἄλλο δέ τι τὸ ZE , ἔστιν
15 ἄρα ὡς τὸ AB πρὸς τὸ ZE , οὕτως τὸ BG πρὸς τὸ ZE . ἀλλ' ὡς μὲν τὸ AB πρὸς τὸ ZE , οὕτως ἡ AB πρὸς τὴν BE , ὡς δὲ τὸ BG πρὸς τὸ ZE , οὕτως ἡ HB πρὸς τὴν BZ · καὶ ὡς ἄρα ἡ AB πρὸς τὴν BE , οὕτως ἡ HB πρὸς τὴν BZ . τῶν ἄρα AB, BG παρ-
20 αλληλογράμμων ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας.

Ἀλλὰ δὴ ἔστω ὡς ἡ AB πρὸς τὴν BE , οὕτως ἡ HB πρὸς τὴν BZ · λέγω, ὅτι ἴσον ἐστὶ τὸ AB παραλληλόγραμμον τῷ BG παραλληλογράμῳ.

- 25 Ἐπεὶ γὰρ ἐστὶν ὡς ἡ AB πρὸς τὴν BE , οὕτως ἡ HB πρὸς τὴν BZ , ἀλλ' ὡς μὲν ἡ AB πρὸς τὴν

2. ἰσογωνίων] om. Theon (BFVp); del. m. rec. P. Post παραλληλογράμμων add. Theon: μίαν γωνίαν μιᾷ γωνίᾳ ἴσην ἔχοντων (BFp; μίαν μιᾷ ἴσην ἔχοντων γωνίαν V). 5 τε καὶ ἰσογώνια] om. Theon (BFVp); del. m. rec. P. 7. κείσθω V. 8 εἰσὶν PBr. 10. ἐστίν] om. p. τὴν] om.

latera aequales angulos comprehendunt in contraria proportionem sunt; et parallelogramma aequiangula, quorum latera aequales angulos comprehendunt in contraria proportionem sint, aequalia sunt.



Sint aequalia et aequiangula parallelogramma AB, BF aequales habentia angulos ad B positos, et ponantur in eadem recta AB, BE . itaque etiam ZB, BH in eadem recta sunt. dico, in AB, BF latera aequales angulos comprehendunt in contraria proportionem esse, h. e.

esse $AB : BE = HB : BZ$.

expleatur enim ZE parallelogrammum. iam quoniam $AB = BF$, et alia quaedam magnitudo est ZE , erit $AB : ZE = BF : ZE$ [V, 7]. sed $AB : ZE = AB : BE$ [prop. I], et $BF : ZE = HB : BZ$ [id.]. quare etiam $AB : BE = HB : BZ$. itaque in parallelogrammis AB, BF latera aequales angulos comprehendunt in contraria proportionem sunt.

iam uero sit $AB : BE = HB : BZ$. dico, esse $AB = BF$.

nam quoniam est $AB : BE = HB : BZ$, et $AB : BE$

BFp. BE] corr. ex BΘ m. rec. P. 11 τήν] om. BFp.
 BZ] ZB P. 12 ZE] EZ p. 17 τήν] om. BF; τό p.
 τὸ ZE] ZE BF; Z in ras. m. 2 V. 18 πρὸς τήν] πρὸς
 BFp, et sic deinde per totam prop. 19 ὡς ἄρα] ὡςπερ V.
 AB] BA p. 20 ἄρα] supra m. 1, sed post BΓP 22.
 ἀλλὰ δὲ] in ras. m. 1 p. Post δὲ add. Theon: ἀντιπεπαι-
 ρήτωςαν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἰσὰς γωνίας καὶ (BFV₁).
 23 BZ] ZB P. ἐστὶν P. 25 τήν] corr. ex τῇ m. 2 V.
 26. ὡς] e corr. F. ἡ] om. F.

ΒΕ, οὕτως τὸ ΑΒ παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ ΖΕ
 παραλληλόγραμμον, ὡς δὲ ἡ ΗΒ πρὸς τὴν ΒΖ, οὕ-
 τως τὸ ΒΓ παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ ΖΕ παρα-
 λληλόγραμμον, καὶ ὡς ἄρα τὸ ΑΒ πρὸς τὸ ΖΕ, οὕ-
 5 τως τὸ ΒΓ πρὸς τὸ ΖΕ· ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ ΑΒ παρ-
 αλληλόγραμμον τῷ ΒΓ παραλληλογράμῳ.

Τῶν ἄρα ἴσων τε καὶ ἰσογωνίων παραλληλογράμ-
 μων ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας
 γωνίας· καὶ ὧν ἰσογωνίων παραλληλογράμμων ἀντι-
 10 πεπόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας, ἴσα
 ἐστὶν ἐκεῖνα· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ΙΕ΄.

Τῶν ἴσων καὶ μίαν μιᾷ ἴσην ἐχόντων γω-
 νίαν τριγώνων ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ
 15 αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας· καὶ ὧν μίαν μιᾷ
 ἴσην ἐχόντων γωνίαν τριγώνων ἀντιπεπόν-
 θασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας,
 ἴσα ἐστὶν ἐκεῖνα.

Ἐστω ἴσα τρίγωνα τὰ ΑΒΓ, ΑΔΕ μίαν μιᾷ ἴσην
 20 ἔχοντα γωνίαν τὴν ὑπὸ ΒΑΓ τῇ ὑπὸ ΔΑΕ· λέγω,
 ὅτι τῶν ΑΒΓ, ΑΔΕ τριγώνων ἀντιπεπόνθασιν αἱ
 πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας, τουτέστιν, ὅτι ἐστὶν
 ὡς ἡ ΓΑ πρὸς τὴν ΑΔ, οὕτως ἡ ΕΑ πρὸς τὴν ΑΒ.

Κεῖσθω γὰρ ὥστε ἐπ' εὐθείας εἶναι τὴν ΓΑ τῇ
 25 ΑΔ· ἐπ' εὐθείας ἄρα ἐστὶ καὶ ἡ ΕΑ τῇ ΑΒ. καὶ
 ἐπεζεύχθω ἡ ΒΔ.

1. πρὸς τό — 2: ὡς δέ] insert. in ras. F. 2. παραλλη-
 λόγραμμον] om V. 3. ΖΕ παραλληλόγραμμον] P; ΖΕ Theon
 (BFVp). 5. ἐστὶν P, comp. p. 7. ἴσων ἄρα p. τε] om.
 Bp ἰσογωνίων] PBFp; in P supra scr. m. rec. ἴσην γω-
 νίαν μίαν μιᾷ ἐχόντων; μίαν μιᾷ ἴσην ἐχόντων γωνίαν V, sed

$= AB : ZE, HB : BZ = B\Gamma : ZE$ [prop. I], erit etiam $AB : ZE = B\Gamma : ZE$ [V, 11]. itaque $AB = B\Gamma$ [V, 9].

Ergo in parallelogrammis aequalibus et aequi-
angulis latera aequales angulos comprehendunt in
contraria proportione sunt; et parallelogramma aequi-
angula, quorum latera aequales angulos comprehen-
dunt in contraria proportione sint, aequalia sunt;
quod erat demonstrandum.

XV.

In triangulis aequalibus, et qui unum angulum
uni aequalem habeant, latera aequales angulos com-
prehendunt in contraria proportione sunt; et trian-
guli unum angulum uni aequalem habentes, et in
quibus latera aequales angulos comprehendunt in
contraria proportione sint, aequales sunt.

Sint aequales trianguli $AB\Gamma, A\Delta E$ unum angu-
lum uni aequalem habentes, $\angle B\Lambda\Gamma = \angle A\Delta E$. dico,
in triangulis $AB\Gamma, A\Delta E$ latera aequales angulos
comprehendunt in contraria proportione esse, h. e.
esse $\Gamma A : A\Delta = EA : AB$.

ponantur enim ita, ut ΓA et $A\Delta$ in eadem recta
sint. itaque etiam EA et AB in eadem recta sunt.
et ducatur $B\Delta$. iam quoniam $\triangle AB\Gamma = \triangle A\Delta E$, et

μίαν μιᾷ punctis del. 9. ἰσογώνων παραλληλογράμμων] PB, F (post ἰσο- ras. 1 litt), p; in P m. rec. supra sor. ἴσην γωνίαν μίαν μιᾷ ἔχοντων; μίαν μιᾷ (punctis del.) ἴσην ἔχοντων γωνίαν παραλληλογράμμων V. 15. αἱ] ■. 2 P. ὧν τριγώνων F. 16. τριγώνων] om. FV. 20. τῇ] corr. ex τῆς m. rec. P. 21. λέγω, ὅτι] et seq. insert. in ras. F. 22. αἱ περὶ] περὶ P, corr. m. 2. 23. πρὸς τὴν] bis πρὸς BΓp. 24. ΓΑ] ΑΓ P, V in ras. 25. ἐστὶν PBF, comp. v.

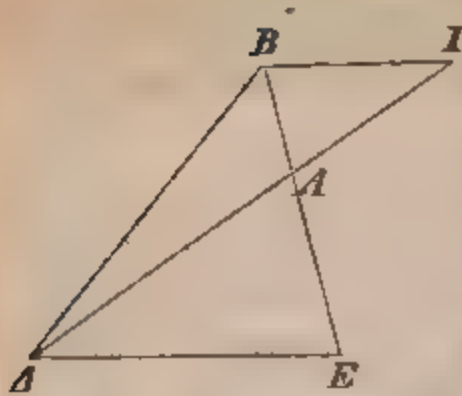
Ἐπεὶ οὖν ἴσον ἐστὶ τὸ $ΑΒΓ$ τρίγωνον τῷ $ΑΔΕ$ τριγώνῳ, ἄλλο δέ τι τὸ $ΒΑΔ$, ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ $ΓΑΒ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $ΒΑΔ$ τρίγωνον, οὕτως τὸ $ΕΑΔ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $ΒΑΔ$ τρίγωνον. ἀλλ' ὡς
 5 μὲν τὸ $ΓΑΒ$ πρὸς τὸ $ΒΑΔ$, οὕτως ἡ $ΓΑ$ πρὸς τὴν $ΑΔ$, ὡς δὲ τὸ $ΕΑΔ$ πρὸς τὸ $ΒΑΔ$, οὕτως ἡ $ΕΑ$ πρὸς τὴν $ΑΒ$. καὶ ὡς ἄρα ἡ $ΓΑ$ πρὸς τὴν $ΑΔ$, οὕτως ἡ $ΕΑ$ πρὸς τὴν $ΑΒ$. τῶν $ΑΒΓ$, $ΑΔΕ$ ἄρα τριγώνων ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς
 10 ἴσας γωνίας.

Ἀλλὰ δὴ ἀντιπεπονθέτωσαν αἱ πλευραὶ τῶν $ΑΒΓ$, $ΑΔΕ$ τριγώνων, καὶ ἔστω ὡς ἡ $ΓΑ$ πρὸς τὴν $ΑΔ$, οὕτως ἡ $ΕΑ$ πρὸς τὴν $ΑΒ$. λέγω, ὅτι ἴσον ἐστὶ τὸ $ΑΒΓ$ τρίγωνον τῷ $ΑΔΕ$ τριγώνῳ.

15 Ἐπιβευχθείσης γὰρ πάλιν τῆς $ΒΔ$, ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ἡ $ΓΑ$ πρὸς τὴν $ΑΔ$, οὕτως ἡ $ΕΑ$ πρὸς τὴν $ΑΒ$, ἀλλ' ὡς μὲν ἡ $ΓΑ$ πρὸς τὴν $ΑΔ$, οὕτως τὸ $ΑΒΓ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $ΒΑΔ$ τρίγωνον, ὡς δὲ ἡ $ΕΑ$ πρὸς τὴν $ΑΒ$, οὕτως τὸ $ΕΑΔ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $ΒΑΔ$
 20 τρίγωνον, ὡς ἄρα τὸ $ΑΒΓ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $ΒΑΔ$ τρίγωνον, οὕτως τὸ $ΕΑΔ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $ΒΑΔ$ τρίγωνον. ἐκάτερον ἄρα τῶν $ΑΒΓ$, $ΕΑΔ$ πρὸς τὸ $ΒΑΔ$ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον. ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ $ΑΒΓ$ [τρίγωνον] τῷ $ΕΑΔ$ τριγώνῳ.

25 Τῶν ἄρα ἴσων καὶ μίαν μιᾷ ἴσην ἔχόντων γωνίαν τριγώνων ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας· καὶ ὧν μίαν μιᾷ ἴσην ἔχόντων γωνίαν

2. τι] om. BFVp. $ΒΑΔ$] in ras. m. 2 V. 3. $ΓΑΒ$] " $Γ$ " $Α$ ' $Β$ F; $ΒΑΓ$ Bp, V m. 2. οὕτως] οὕτω P, οὕτως ἄρα F.
 4. $ΕΑΔ$] BFp, V m. 2; $ΑΔΕ$ V m. 1; $ΔΑΕ$ P. $ΒΑΔ$] lit. $ΒΑ$ in ras. m. 2 V. [τρίγωνον] comp. V. 7. τήν] (prius)



alia quaedam magnitudo est $B\Delta\Delta$, erit $\triangle \Gamma AB : B\Delta\Delta = E\Delta\Delta : B\Delta\Delta$ [V, 7]. sed [prop. I] $\Gamma AB : B\Delta\Delta = \Gamma A : \Delta\Delta$ et $E\Delta\Delta : B\Delta\Delta = EA : AB$. quare etiam $\Gamma A : \Delta\Delta = EA : AB$. itaque triangulorum $AB\Gamma$, $A\Delta E$ latera aequales angulos comprehendentia in contraria proportionem sunt.

iam vero latera triangulorum $AB\Gamma$, $A\Delta E$ in contraria proportionem sint, et sit $\Gamma A : \Delta\Delta = EA : AB$. dico, esse $\triangle AB\Gamma = \triangle A\Delta E$.

ducta enim rursus $B\Delta$, quoniam est $\Gamma A : \Delta\Delta = EA : AB$, et $\Gamma A : \Delta\Delta = \triangle AB\Gamma : \triangle B\Delta\Delta$, et $EA : AB = \triangle E\Delta\Delta : \triangle B\Delta\Delta$ [prop. I], erit $\triangle AB\Gamma : \triangle B\Delta\Delta = \triangle E\Delta\Delta : \triangle B\Delta\Delta$. itaque uterque triangulus $AB\Gamma$, $E\Delta\Delta$ ad $B\Delta\Delta$ eandem rationem habet. quare $\triangle AB\Gamma = \triangle E\Delta\Delta$ [V, 9].

Ergo in triangulis aequalibus, et qui unum angulum uni aequalem habeant, latera aequales angulos comprehendentia in contraria proportionem sunt; et trianguli unum angulum uni aequalem habentes, et in quibus latera aequales angulos comprehendentia

corr. ex τόν m. 1 F. 8. ἄρα τριγώνων] τριγώνων ἄρα V; ἄρα γωνιών p. 12. τριγώνων] γωνιών p. ὥς] postea insert. m. 1 P; om. F. πρὸς τὴν] πρὸς BΓp, et sic deinde per totam prop. 16. ΓA] AΓ p. 19. τὴν] om. etiam V. 20. ABΓ] BΔΓ P. Post τρίγωνον add. F: οὕτως τὸ EΔΔ τρίγωνον, sed del. m. 1. 21. τρίγωνον] om. V. οὕτως] om. F. τὸ BΔΔ τρίγωνον πρὸς τὸ BΔΔ τρίγωνον] om. BΓp. 22. ἄρα] om. Bp. 23. ἐστίν P, comp. p. 24. τετράγωνον] om. P. 26. πλευραὶ αἱ] om. F. 27. γωνίας πλευραὶ F.

τριγώνων ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς
ἴσας γωνίας, ἐκεῖνα ἴσα ἐστίν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ις'.

Ἐὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾧσιν, τὸ
5 ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον
ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ὀρθο-
γωνίῳ· καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον
ὀρθογώνιον ἴσον ἢ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιε-
χομένῳ ὀρθογωνίῳ, αἱ τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνά-
10 λογον ἔσονται.

Ἐστωσαν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον αἱ $AB, ΓΔ,$
 E, Z , ὡς ἡ AB πρὸς τὴν $ΓΔ$, οὕτως ἡ E πρὸς
τὴν Z · λέγω, ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν AB, Z περιεχόμενον
ὀρθογώνιον ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν $ΓΔ, E$ περιεχο-
15 μένῳ ὀρθογωνίῳ.

Ἦχθωσαν [γὰρ] ἀπὸ τῶν $A, Γ$ σημείων ταῖς $AB,$
 $ΓΔ$ εὐθείαις πρὸς ὀρθὰς αἱ $AH, ΓΘ$, καὶ κείσθω
τῇ μὲν Z ἴση ἡ AH , τῇ δὲ E ἴση ἡ $ΓΘ$. καὶ συμ-
πεπληρώσθω τὰ $BH, ΔΘ$ παραλληλόγραμμα.

20 Καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ἡ AB πρὸς τὴν $ΓΔ$, οὕτως ἡ
 E πρὸς τὴν Z , ἴση δὲ ἡ μὲν E τῇ $ΓΘ$, ἡ δὲ Z τῇ
 AH , ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ AB πρὸς τὴν $ΓΔ$, οὕτως ἡ
 $ΓΘ$ πρὸς τὴν AH . τῶν $BH, ΔΘ$ ἄρα παραλληλο-
γράμμων ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς
25 ἴσας γωνίας. ὧν δὲ ἰσογωνίων παραλληλογράμμων
ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας,

2. ἐστίν] εἰσίν V.

4 ᾧσι P B p

7 καὶ] καὶ εἰ V.

11. αἱ τέσσαρες P.

ἀνάλογον] om. V.

12. Z ἀνάλογον V.

τῇ] om B p.

13. AB] B in ras m. 2 V.

Z] eras. F.

14. ἐστίν P, comp. p.

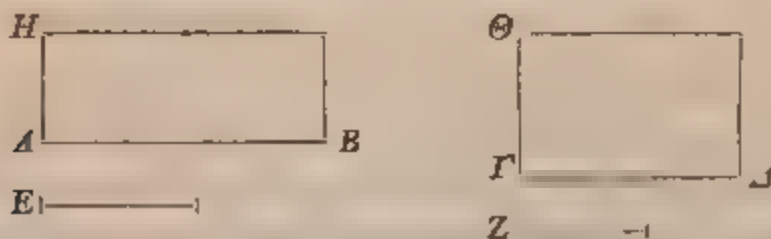
E] postea add. m. 1 p; eras F.

in contraria proportione sint, aequales sunt; quod erat demonstrandum.

XVI.

Si quattuor rectae proportionales sunt, rectangulum extremis terminis comprehensum aequale est rectangulo mediis comprehenso; et si rectangulum extremis terminis comprehensum aequale est rectangulo mediis comprehenso, quattuor rectae proportionales sunt.

Sint quattuor rectae proportionales $AB, \Gamma\Delta, E, Z$, ita ut sit $AB : \Gamma\Delta = E : Z$. dico, esse $AB \times Z = \Gamma\Delta \times E$.



ducantur a punctis A, Γ ad rectas $AB, \Gamma\Delta$ perpendiculares $AH, \Gamma\Theta$, et ponatur $AH = Z$ et $\Gamma\Theta = E$. et expleantur parallelogramma $BH, A\Theta$.

et quoniam est $AB : \Gamma\Delta = E : Z$, et $E = \Gamma\Theta$, $Z = AH$, erit $AB : \Gamma\Delta = \Gamma\Theta : AH$. itaque in parallelogrammis $BH, A\Theta$ latera aequales angulos comprehendunt in contraria proportione sunt. parallelogramma autem aequiangula, quorum latera aequales angulos comprehendunt in contraria proportione

16. γάρ] om. P. 18. συμπληρώσθωσαν BFVp. 22. AH] corr. ex AΔ m. rec. P. 23. AH] post ras. 1 litt., H e corr. V; corr. ex AΘ m. rec. P. ἀρα] m. 2 V. 24. αἱ περὶ] περὶ P.

ἴσα ἐστὶν ἐκεῖνα· ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ BH παραλληλό-
 γραμμον τῷ $\Delta\Theta$ παραλληλογράμῳ. καὶ ἐστὶ τὸ
 μὲν BH τὸ ὑπὸ τῶν AB, Z . ἴση γὰρ ἡ AH τῇ Z .
 τὸ δὲ $\Delta\Theta$ τὸ ὑπὸ τῶν $\Gamma\Delta, E$. ἴση γὰρ ἡ E τῇ $\Gamma\Theta$.
 5 τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν AB, Z περιεχόμενον ὀρθογώνιον
 ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν $\Gamma\Delta, E$ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ.

Ἀλλὰ δὴ τὸ ὑπὸ τῶν AB, Z περιεχόμενον ὀρθο-
 γώνιον ἴσον ἔστι τῷ ὑπὸ τῶν $\Gamma\Delta, E$ περιεχομένῳ
 ὀρθογωνίῳ· λέγω, ὅτι αἱ τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον
 10 ἔσονται, ὥς ἡ AB πρὸς τὴν $\Gamma\Delta$, οὕτως ἡ E πρὸς
 τὴν Z .

Τῶν γὰρ αὐτῶν κατασκευασθέντων, ἐπεὶ τὸ ὑπὸ
 τῶν AB, Z ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν $\Gamma\Delta, E$, καὶ ἐστὶ
 τὸ μὲν ὑπὸ τῶν AB, Z τὸ BH . ἴση γὰρ ἐστὶν ἡ
 15 AH τῇ Z . τὸ δὲ ὑπὸ τῶν $\Gamma\Delta, E$ τὸ $\Delta\Theta$. ἴση γὰρ
 ἡ $\Gamma\Theta$ τῇ E . τὸ ἄρα BH ἴσον ἐστὶ τῷ $\Delta\Theta$. καὶ ἐστὶν
 ἰσογώνια. τῶν δὲ ἰσων καὶ ἰσογώνιων παραλληλο-
 γράμμων ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας
 γωνίας. ἐστὶν ἄρα ὥς ἡ AB πρὸς τὴν $\Gamma\Delta$, οὕτως ἡ
 20 $\Gamma\Theta$ πρὸς τὴν AH . ἴση δὲ ἡ μὲν $\Gamma\Theta$ τῇ E , ἡ δὲ
 AH τῇ Z . ἐστὶν ἄρα ὥς ἡ AB πρὸς τὴν $\Gamma\Delta$, οὕτως
 ἡ E πρὸς τὴν Z .

Ἐὰν ἄρα τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾖσιν, τὸ
 ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ἐστὶ
 25 τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ· καὶ τὸ
 ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ἢ τῷ
 ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, αἱ τέσσαρες
 εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται· ὅπερ εἶδει δεῖξαι.

4. $\Gamma\Delta, E$] seq. περιεχόμενον ὀρθογώνιον V, punctis delet.
 E] corr. ex $\Gamma\Theta$ m. 2 V $\Gamma\Theta$] corr. ex E m. 2 V 6.

sint, aequalia sunt [prop. XIV]. itaque $BH = \Delta\Theta$.
et $BH = AB \times Z$ (nam $AH = Z$) et $\Delta\Theta = \Gamma\Delta \times E$
(nam $E = \Gamma\Theta$). itaque $AB \times Z = \Gamma\Delta \times E$.

iam uero sit $AB \times Z = \Gamma\Delta \times E$. dico, quattuor
rectas proportionales esse, $AB : \Gamma\Delta = E : Z$.

nam iisdem comparatis, quoniam $AB \times Z = \Gamma\Delta$
 $\times E$, et $AB \times Z = BH$ (nam $AH = Z$), et $\Gamma\Delta \times E$
 $= \Delta\Theta$ (nam $\Gamma\Theta = E$), erit $BH = \Delta\Theta$. eadem
autem aequiangula sunt. et in parallelogrammis
aequalibus et aequiangulis latera aequales angulos com-
prehendentia in contraria proportionem sunt [prop. XIV].
itaque $AB : \Gamma\Delta = \Gamma\Theta : AH$. sed $\Gamma\Theta = E$, $AH = Z$.
quare $AB : \Gamma\Delta = E : Z$.

Ergo si quattuor rectae proportionales sunt, rectan-
gulum extremis terminis comprehensum aequale est
rectangulo mediis comprehenso; et si rectangulum
extremis terminis comprehensum aequale est rectan-
gulo mediis comprehenso quattuor rectae proportionales
sunt; quod erat demonstrandum.

περιεχομένων ὀρθογωνίων F, sed corr. 8 τῶν] mutat. in
τῶι F. 9. ὀρθογωνίων F, sed corr. 14. εἶσιν] om. V. ἡ
AH τῇ Z] τῇ Z ἡ AH V; in F m. 2 ex τῇ Z fecit τῇ HZ.
15. ἴση γὰρ ἡ 16: τῷ ΔΘ] mg. m. rec. P. 16. εἶσιν] P;
εἶσιν BFVp. 19. ἡ] (alt.) postea ins. m. 1 p. 20 ΓΘ]
corr. ex HΘ m. 1 p. AH] corr. ex ZH m. 1 p. 23.
ὥσι PBVp. 25. καὶ] καὶ εἰ V. 26. ἡ] εἶσι F. 27.
τέσσαρες] seq. ras. 2 litt. F.

ιζ'.

Ἐὰν τρεῖς εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾦσιν, τὸ ὑπὸ
 τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον
 ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς μέσης τετραγώνῳ· καὶ τὸ
 5 ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον
 ἢ τῷ ἀπὸ τῆς μέσης τετραγώνῳ, αἱ τρεῖς
 εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.

Ἐστωσαν τρεῖς εὐθεῖαι ἀνάλογον αἱ A, B, Γ , ὡς
 ἡ A πρὸς τὴν B , οὕτως ἡ B πρὸς τὴν Γ . λέγω,
 10 ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν A, Γ περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον
 ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς B τετραγώνῳ.

Κείσθω τῇ B ἴση ἡ Δ .

Καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ἡ A πρὸς τὴν B , οὕτως ἡ
 B πρὸς τὴν Γ , ἴση δὲ ἡ B τῇ Δ , ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ
 15 A πρὸς τὴν B , ἡ Δ πρὸς τὴν Γ . ἔαν δὲ τέσσαρες
 εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾦσιν, τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμε-
 νον [ὀρθογώνιον] ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων
 περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν A, Γ ἴσον
 ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν B, Δ . ἀλλὰ τὸ ὑπὸ τῶν B, Δ τὸ
 20 ἀπὸ τῆς B ἐστίν· ἴση γὰρ ἡ B τῇ Δ . τὸ ἄρα ὑπὸ
 τῶν A, Γ περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ἐστὶ τῷ
 ἀπὸ τῆς B τετραγώνῳ.

Ἀλλὰ δὴ τὸ ὑπὸ τῶν A, Γ ἴσον ἔστω τῷ ἀπὸ
 τῆς B . λέγω, ὅτι ἐστὶν ὡς ἡ A πρὸς τὴν B , οὕτως
 25 ἡ B πρὸς τὴν Γ .

Τῶν γὰρ αὐτῶν κατασκευασθέντων, ἐπεὶ τὸ ὑπὸ
 τῶν A, Γ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς B , ἀλλὰ τὸ ἀπὸ
 τῆς B τὸ ὑπὸ τῶν B, Δ ἐστίν· ἴση γὰρ ἡ B τῇ Δ .
 τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν A, Γ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν B, Δ .

1. ιζ'] et litt. initialis m 2 V. 2 ὡς codd 4.
 καὶ] καὶ εἰ V. 6. τῆς] insert. postea F. 8. αἱ τρεῖς P.

XVII.

Si tres rectae proportionales sunt, rectangulum extremis terminis comprehensum aequale est quadrato medii; et si rectangulum extremis terminis comprehensum aequale est quadrato medii, tres rectae proportionales erunt.

Sint tres rectae proportionales A, B, Γ , ita ut sit $A : B = B : \Gamma$. dico, esse $A \times \Gamma = B^2$.



ponatur $\Delta = B$. et quoniam est $A : B = B : \Gamma$, et $B = \Delta$, erit $A : B = \Delta : \Gamma$. sin quattuor rectae proportionales sunt, rectangulum extremis terminis comprehensum aequale est rectangulo mediis comprehenso [prop. XVI]. itaque $A \times \Gamma = B \times \Delta$. uerum $B \times \Delta = B^2$; nam $B = \Delta$. quare

$$A \times \Gamma = B^2.$$

iam uero sit $A \times \Gamma = B^2$. dico, esse $A : B = B : \Gamma$.

nam iisdem comparatis, quoniam $A \times \Gamma = B^2$, et $B^2 = B \times \Delta$ (nam $B = \Delta$), erit $A \times \Gamma = B \times \Delta$. sin rectangulum extremis terminis comprehensum

XVII. Philoponus in Arist. de anima g II.

12. κείσθω γάρ P. Δ] post ras 1 litt. F. 16. ὅσαι codd.
 17. ὁρθογώνιον] om. P. 19. B, Δ] (prius) in ras. m 2 V.
 ἀλλὰ — B, Δ] insert. m. 1 F. 20. ἔστιν ἰση] eras. F. 24.
 A] B π. 26. ἐπέ] corr. ex ἐπὶ m 2 V. 27. ἀλλὰ τὸ ἀπὸ
 τῆς B τὸ ὑπὸ τῶν B, Δ ἔστιν] PBp; idem, sed τῶ ὑπὸ V,
 F mg.; τούτέστιν τῶ ὑπὸ τῶν B, Δ F. 28. ἰση] -η in ras. B.
 τῇ Δ] in mg. transit m. 1 V (supra est ras.).

ἴαν δὲ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων ἴσον ἢ τῷ ὑπὸ τῶν μέ-
 σων, αἱ τέσσαρες εὐθείαι ἀνάλογόν εἰσιν. ἔστιν ἄρα
 ὡς ἡ A πρὸς τὴν B , οὕτως ἡ Δ πρὸς τὴν Γ . ἴση
 δὲ ἡ B τῇ Δ . ὡς ἄρα ἡ A πρὸς τὴν B , οὕτως ἡ B
 5 πρὸς τὴν Γ .

Ἐὰν ἄρα τρεῖς εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾧσιν, τὸ ὑπὸ
 τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ἐστὶ τῷ
 ἀπὸ τῆς μέσης τετραγώνῳ· καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων
 περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ἢ τῷ ἀπὸ τῆς μέσης
 10 τετραγώνῳ, αἱ τρεῖς εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται· ὅπερ
 εἶδει δεῖξαι.

ιη'.

Ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐθείας τῷ δοθέντι
 εὐθυγράμμῳ ὁμοίον τε καὶ ὁμοίως κείμενον
 11 εὐθύγραμμον ἀναγράψαι.

Ἔστω ἡ μὲν δοθεῖσα εὐθεῖα ἡ AB , τὸ δὲ δοθέν
 εὐθύγραμμον τὸ ΓE . δεῖ δὴ ἀπὸ τῆς AB εὐθείας
 τῷ ΓE εὐθυγράμμῳ ὁμοίον τε καὶ ὁμοίως κείμενον
 εὐθύγραμμον ἀναγράψαι.

20 Ἐπεξεύχθω ἡ ΔZ , καὶ συνεστάτω πρὸς τῇ AB
 εὐθείᾳ καὶ τοῖς πρὸς αὐτῇ σημείοις τοῖς A, B τῇ
 μὲν πρὸς τῷ Γ γωνία ἴση ἢ ὑπὸ HAB , τῇ δὲ ὑπὸ
 $\Gamma \Delta Z$ ἴση ἢ ὑπὸ ABH . λοιπὴ ἄρα ἢ ὑπὸ $\Gamma Z \Delta$ τῇ
 ὑπὸ AHB ἔστιν ἴση· ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ $Z \Gamma \Delta$
 25 τρίγωνον τῷ HAB τριγώνῳ. ἀνάλογον ἄρα ἐστὶν
 ὡς ἡ $Z \Delta$ πρὸς τὴν HB , οὕτως ἡ $Z \Gamma$ πρὸς τὴν HA ,
 καὶ ἡ $\Gamma \Delta$ πρὸς τὴν AB . πάλιν συνεστάτω πρὸς
 τῇ BH εὐθείᾳ καὶ τοῖς πρὸς αὐτῇ σημείοις τοῖς B ,

6. ᾧσι PFVp. 7. ἐστίν P. 8. καὶ — 10: ἔσονται]
 om p. 9. ἢ] ἐστὶ comp F, supra scr. ᾧ. 18. ὁμοίως]

aequale est rectangulo mediis comprehenso, quattuor rectae proportionales sunt [prop. XVI]. itaque

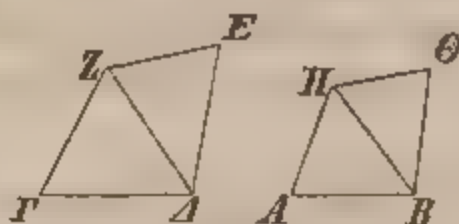
$$A : B = \Delta : \Gamma. \text{ sed } B = \Delta. \text{ itaque } A : B = B : \Gamma.$$

Ergo si tres rectae proportionales sunt, rectangulum extremis terminis comprehensum aequale est quadrato medii; et si rectangulum extremis terminis comprehensum aequale est quadrato medii, tres rectae proportionales erunt; quod erat demonstrandum.

XVIII.

In data recta datae figurae rectilineae similem et similiter positam figuram rectilineam construere.

Sit data recta AB et data figura rectilinea ΓE . oportet igitur in recta AB figurae rectilineae ΓE similem et similiter positam figuram rectilineam construere.



ducatur ΔZ et ad rectam AB et puncta eius A, B angulo ad Γ posito aequalis construatur $\angle HAB$, angulo autem $\Gamma \Delta Z$ aequalis $\angle ABH$ [I, 23]. itaque $\angle \Gamma Z \Delta = \angle AHB$ [I, 32]. quare $\triangle Z \Gamma \Delta$ triangulo HAB aequiangulus est. itaque $Z \Delta : HB = Z \Gamma : HA = \Gamma \Delta : AB$ [prop. IV]. rursus ad rectam BH et

• $\delta\mu\omega\iota\tau\alpha\varsigma \pi$ (non P). 20. ΔZ] $Z \Delta$ P. $\sigma\upsilon\upsilon\upsilon\epsilon\sigma\iota\tau\alpha\tau\alpha \pi$ (non P).
 22. $\tau\hat{\omega}$] $\tau\hat{\eta}$ P. $\{\sigma\eta\}$ om. V. HAB] BAH P; AB F;
 HAB $\{\sigma\eta\}$ V. 23. $\{\sigma\eta\}$ om. V. $\tau\hat{\eta}$] $\lambda\omicron\iota\pi\hat{\eta}$ $\tau\hat{\eta}$ V. 24
 AHB] $A'B'H$ F. $\{\sigma\tau\iota\}$] om. V. 26. $\acute{\omega}\varsigma$] supra F 28.
 $\tau\hat{\eta}$] corr ex $\tau\hat{\eta}\varsigma$ m. 1 p. BH] H supra scr. V.

- H τῇ μὲν ὑπὸ ΔZE γωνίᾳ ἴση ἢ ὑπὸ $BH\Theta$, τῇ
 δὲ ὑπὸ $Z\Delta E$ ἴση ἢ ὑπὸ $HB\Theta$. λοιπὴ ἄρα ἡ πρὸς
 τῷ E λοιπῇ τῇ πρὸς τῷ Θ ἐστὶν ἴση· ἰσογώνιον ἄρα
 ἐστὶ τὸ $Z\Delta E$ τρίγωνον τῷ $H\Theta B$ τριγώνῳ· ἀνάλογον
 5 ἄρα ἐστὶν ὡς ἡ $Z\Delta$ πρὸς τὴν HB , οὕτως ἡ ZE πρὸς
 τὴν $H\Theta$ καὶ ἡ $E\Delta$ πρὸς τὴν ΘB . ἐδείχθη δὲ καὶ
 ὡς ἡ $Z\Delta$ πρὸς τὴν HB , οὕτως ἡ $Z\Gamma$ πρὸς τὴν HA
 καὶ ἡ $\Gamma\Delta$ πρὸς τὴν AB · καὶ ὡς ἄρα ἡ $Z\Gamma$ πρὸς
 τὴν AH , οὕτως ἢ τε $\Gamma\Delta$ πρὸς τὴν AB καὶ ἡ ZE
 10 πρὸς τὴν $H\Theta$ καὶ ἔτι ἡ $E\Delta$ πρὸς τὴν ΘB . καὶ
 ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ μὲν ὑπὸ $\Gamma Z\Delta$ γωνία τῇ ὑπὸ AHB ,
 ἡ δὲ ὑπὸ ΔZE τῇ ὑπὸ $BH\Theta$, ὅλη ἄρα ἡ ὑπὸ ΓZE
 ὅλη τῇ ὑπὸ $AH\Theta$ ἐστὶν ἴση. διὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ
 ἡ ὑπὸ $\Gamma\Delta E$ τῇ ὑπὸ $AB\Theta$ ἐστὶν ἴση. ἐστὶ δὲ καὶ ἡ
 15 μὲν πρὸς τῷ Γ τῇ πρὸς τῷ A ἴση, ἡ δὲ πρὸς τῷ E
 τῇ πρὸς τῷ Θ . ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ $A\Theta$ τῷ ΓE ·
 καὶ τὰς περὶ τὰς ἰσας γωνίας αὐτῶν πλευρὰς ἀνάλογον
 ἔχει· ὅμοιον ἄρα ἐστὶ τὸ $A\Theta$ εὐθύγραμμον τῷ ΓE
 εὐθύγραμμῳ.
 20 Ἀπὸ τῆς δοθείσης ἄρα εὐθείας τῆς AB τῷ δο-
 θέντι εὐθυγράμμῳ τῷ ΓE ὁμοίον τε καὶ ὁμοίως κεί-
 μενον εὐθύγραμμον ἀναγέγραπται τὸ $A\Theta$ · ὅπερ ἔδει
 ποιῆσαι.

ιβ'.

- 25 Τὰ ὅμοια τρίγωνα πρὸς ἄλληλα ἐν διπλα-
 σίονι λόγῳ ἐστὶ τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

XIX coroll. Philoponus in anal. post. 117 v Psellus p. 57.

1. $BH\Theta$] " $B'H''\Theta$ " F. 2. ὑπό] om. Bp. ἴση] om. B.
 4. $H\Theta B$] PF; $HB\Theta$ B, V e corr. m. 2, p corr. ex $H\Theta\Theta$
 m. 1. 5. $Z\Delta$] ΔZ P. ZE] in ras. m. 2 V. 6. $H\Theta$]

puncta eius B, H angulo $\angle ZE$ aequalis construat^r
 $\angle BH\Theta$ et angulo $\angle AE$ aequalis $\angle HB\Theta$ [I, 23].
 itaque qui relinquitur angulus ad E positus, reliquo
 angulo ad Θ posito aequalis est [I, 32]. itaque $\triangle ZAE$
 triangulo $H\Theta B$ aequiangulus est. quare $ZA:HB$
 $= ZE:H\Theta = EA:\Theta B$ [prop. IV]. demonstraui^m
 autem, esse etiam $ZA:HB = Z\Gamma:HA = \Gamma A:AB$.
 quare etiam $Z\Gamma:AH = \Gamma A:AB = ZE:H\Theta = EA$
 $:\Theta B$. et quoniam $\angle \Gamma Z A = AHB$, et $\angle A Z E = BH\Theta$,
 erit $\angle \Gamma Z E = AH\Theta$. eadem de causa etiam $\angle \Gamma A E$
 $= AB\Theta$. et praeterea angulus ad Γ positus angulo
 ad A posito aequalis est, et angulus ad E positus
 angulo ad Θ posito aequalis. itaque $A\Theta$ aequiangula
 est figurae ΓE . et latera, quae aequales angulos com-
 prehendant, proportionalia habent; itaque figura rec-
 tilinea $A\Theta$ similis est figurae rectilineae ΓE .

Ergo in data recta AB datae figurae rectilineae
 ΓE similis et similiter posita figura rectilinea con-
 structa est $A\Theta$; quod oportebat fieri.

XIX.

Similes trianguli inter se duplicatam rationem
 habent quam latera correspondentia.

Θ in ras m. 2 V. ΘB] $B\Theta$ P. καὶ ἡ EA πρὸς τὴν ΘB] bis F, sed corr. 7 ἡ τε $Z\Gamma$ P. 8. καὶ ὡς ἄρα — 9: τὴν AB] om. p. 10. EA] " $J'E$ F. 12. $\angle ZE$] " $Z'A''E$ F. 13. διὰ τὰ αὐτὰ — 15. πρὸς τῷ A ἴση] insert. in ras. F. 16. πρὸς] eras. V. ἴσιν F. 17. αὐτῶν] P; αὐτῷ BF Vp; om. Augustus. 18. $A\Theta$] ΓE P. ΓE] $A\Theta$ P. 20. τῆς AB — 23: ποιῆσαι] καὶ τὰ ἐξῆς p. 21. ΓE ὁμοίων τε] eras. V. 22. τὸ $A\Theta$] punctis notat. F; om. B. 26. ἴσιν B, eras. v.

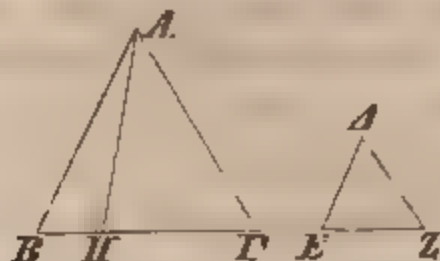
Ἐστω ὅμοια τρίγωνα τὰ $ABΓ$, $ΔEZ$ ἴσην ἔχοντα
τὴν πρὸς τῷ B γωνίαν τῇ πρὸς τῷ E , ὥς δὲ τὴν
 AB πρὸς τὴν $BΓ$, οὕτως τὴν $ΔE$ πρὸς τὴν EZ ,
ὥστε ὁμόλογον εἶναι τὴν $BΓ$ τῇ EZ · λέγω, ὅτι τὸ
5 $ABΓ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $ΔEZ$ τρίγωνον διπλασίονα
λόγον ἔχει ἢ περὶ ἢ $BΓ$ πρὸς τὴν EZ .

Εἰλήφθω γὰρ τῶν $BΓ$, EZ τρίτη ἀνάλογον ἡ
 BH , ὥστε εἶναι ὥς τὴν $BΓ$ πρὸς τὴν EZ , οὕτως
τὴν EZ πρὸς τὴν BH · καὶ ἐπιξεύχθω ἡ AH .

- 10 Ἐπεὶ οὖν ἐστὶν ὥς ἡ AB πρὸς τὴν $BΓ$, οὕτως
ἡ $ΔE$ πρὸς τὴν EZ , ἐναλλάξ ἄρα ἐστὶν ὥς ἡ AB
πρὸς τὴν $ΔE$, οὕτως ἡ $BΓ$ πρὸς τὴν EZ . ἀλλ' ὥς
ἡ $BΓ$ πρὸς EZ , οὕτως ἐστὶν ἡ EZ πρὸς BH . καὶ
ὥς ἄρα ἡ AB πρὸς $ΔE$, οὕτως ἡ EZ πρὸς BH .
15 τῶν ABH , $ΔEZ$ ἄρα τριγώνων ἀντιπεπόνθασιν αἱ
πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας. ὧν δὲ μίαν μιᾷ
ἴσην ἔχόντων γωνίαν τριγώνων ἀντιπεπόνθασιν αἱ
πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας, ἴσα ἐστὶν ἐκεῖνα.
ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ ABH τρίγωνον τῷ $ΔEZ$ τρι-
20 γώνῳ. καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὥς ἡ $BΓ$ πρὸς τὴν EZ ,
οὕτως ἡ EZ πρὸς τὴν BH , ἐὰν δὲ τρεῖς εὐ-
θεῖαι ἀνάλογον ᾖσιν, ἡ πρώτη πρὸς τὴν τρίτην δι-
πλασίονα λόγον ἔχει ἢ περὶ πρὸς τὴν δευτέραν, ἡ $BΓ$
ἄρα πρὸς τὴν BH διπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περὶ ἢ
25 $ΓB$ πρὸς τὴν EZ . ὥς δὲ ἡ $ΓB$ πρὸς τὴν BH ,
οὕτως τὸ $ABΓ$ τρίγωνον πρὸς τὸ ABH τρίγωνον·

2. τῷ B] τὸ B V, et F, sed corr. 3. τὴν $BΓ$] $BΓ$ Bp;
τὴν $ΓΔ$ F; litt. B in ras. m. 2 V. τὴν EZ] EZ Bp. 8.
οὕτως PBr. 10. AB] B in ras. PF. τὴν] om. BFr
οὕτως P. 11. τὴν] om. BFr. 12. τὴν] bis om BFr.
13. πρὸς EZ] supra m 2 F; πρὸς τὴν EZ V. τὴν BH V.

Sint similes trianguli $AB\Gamma$, ΔEZ angulum ad B positum angulo ad E posito aequalem habentes,



et $AB : B\Gamma = \Delta E : EZ$, ita ut $B\Gamma$ lateri EZ respondeat. dico, esse $AB\Gamma : \Delta EZ = B\Gamma^2 : EZ^2$.

sumatur enim rectarum $B\Gamma$, EZ tertia proportionalis BH [prop. XI], ita ut sit $B\Gamma : EZ = EZ : BH$; et ducatur AH .

iam quoniam est $AB : B\Gamma = \Delta E : EZ$, permutando erit $AB : \Delta E = B\Gamma : EZ$ [V, 16]. sed $B\Gamma : EZ = EZ : BH$. quare $AB : \Delta E = EZ : BH$. itaque in triangulis ABH , ΔEZ latera aequales angulos comprehendunt in contraria proportionem sunt. trianguli autem unum angulum uni aequalem habentes et quorum latera aequales angulos comprehendunt in contraria proportionem sint, aequales sunt [prop. XV]. itaque $\triangle ABH = \triangle EZ$. et quoniam est $B\Gamma : EZ = EZ : BH$, et si tres rectae proportionales sunt, prima ad tertiam duplicatam rationem habet quam ad secundam [V def. 9], erit $B\Gamma : BH = \Gamma B^2 : EZ^2$. sed $\Gamma B : BH = AB\Gamma : ABH$ [prop. I]. itaque etiam

14. AB] B eras. F. τὴν ΔE V. τὴν BH V. 15. ἄρα] supra m. 1 p. 17. τριγώνων] om. Theon (BFVp). 19. ΔEZ] Z paene eras. V. 22. διπλασιονα P, sed corr. m. rec. 23. ἔχῃ P. $B\Gamma$] ΓB seq. ras. 1 litt. P. 24. BH] seq. ras. 1 litt. P. 25. ΓB] (prius) $B\Gamma$ V.

καὶ τὸ $ABΓ$ ἄρα τρίγωνον πρὸς τὸ ABH διπλασίονα
 λόγον ἔχει ἢ περ ἢ $BΓ$ πρὸς τὴν EZ . ἴσον δὲ τὸ
 ABH τρίγωνον τῷ $ΔEZ$ τριγώνῳ· καὶ τὸ $ABΓ$
 ἄρα τρίγωνον πρὸς τὸ $ΔEZ$ τρίγωνον διπλασίονα
 6 λόγον ἔχει ἢ περ ἢ $BΓ$ πρὸς τὴν EZ .

Τὰ ἄρα ὅμοια τρίγωνα πρὸς ἄλληλα ἐν διπλασίονι
 λόγῳ ἐστὶ τῶν ὁμολόγων πλευρῶν [ὅπερ ἔδει δεῖξαι].

Πόρισμα.

Ἐκ δὲ τούτου φανερόν, ὅτι, ἐὰν τρεῖς εὐθεῖαι
 10 ἀνάλογον ᾖσιν, ἐστὶν ὡς ἡ πρώτη πρὸς τὴν τρίτην,
 οὕτως τὸ ἀπὸ τῆς πρώτης εἶδος πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς
 δευτέρας τὸ ὅμοιον καὶ ὁμοίως ἀναγραφόμενον [ἐπεὶ περ
 εἰδείχθη, ὡς ἡ $ΓB$ πρὸς BH , οὕτως τὸ $ABΓ$ τρίγωνον
 πρὸς τὸ ABH τρίγωνον, τουτέστι τὸ $ΔEZ$]. ὅπερ
 15 ἔδει δεῖξαι.

κ'.

Τὰ ὅμοια πολύγωνα εἰς τε ὅμοια τρίγωνα
 διαιρεῖται καὶ εἰς ἴσα τὸ πλῆθος καὶ ὁμόλογα
 τοῖς ὅλοις, καὶ τὸ πολύγωνον πρὸς τὸ πολύ-
 20 γωνον διπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ ἢ ὁμόλογος
 πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν.

Ἐστω ὅμοια πολύγωνα τὰ $ABΓΔE$, $ZHΘΚΛ$,
 ὁμόλογος δὲ ἔστω ἡ AB τῇ ZH · λέγω, ὅτι τὰ $ABΓΔE$,

XX coroll. Eutocius in Archim. III p. 52, 28.

1. ἄρα] om. P. ABH] B supra m. 2 in ras. V. 7.
 ἐστὶν BF. 9. ἐάν] ἐ- in ras. m. 2 V. 10. ἐστὶν] om. Br.
 11. εἶδος] P; τρίγωνον Theon (BFVp), comp. supra P m.
 rec. 13. τὴν BH V. 14. τό] om. V. τουτέστιν P. τό]
 supra m. 2 F. 15. δεῖξαι] ποιῆσαι V. 19. ὅλοις] post ὁ-
 1 litt. eras. p. 20. ἢ] om. B. 22. $ABΓΔE$] $ABΓΔEZ$
 P, sed. corr.

$AB\Gamma:ABH = B\Gamma^2:EZ^2$. erat autem $ABH = \triangle EZ$.
quare etiam $AB\Gamma:\triangle EZ = B\Gamma^2:EZ^2$.

Ergo similes trianguli inter se duplicatam rationem habent quam latera correspondentia.

Corollarium.

Hinc manifestum est, si tres rectae proportionales sint, esse ut prima ad tertiam, ita figuram in prima descriptam ad figuram in secunda similem et similiter descriptam.¹⁾ — quod erat demonstrandum.

XX.

Similia polygona in triangulos et similes et aequales numero et totis correspondentes diuiduntur, et polygonum ad polygonum duplicatam rationem habet quam latus correspondens ad latus correspondens.

Sint similia polygona $AB\Gamma\triangle E$, $ZH\Theta K\Lambda$, et AB lateri ZH respondeat. dico, polygona $AB\Gamma\triangle E$,

1) Hoc ex proportionem $AB\Gamma:\triangle EZ = B\Gamma:BH$ concludi voluit Euclides, paullo audacius sane; nam huic corollario post prop. 20 demum locus erat. sed *τρίγωνον* lin. 11 sine dubio Theoni soli debetur; nam *εἶδος* tuentur P et Campanus et aliquatenus saltem Philoponus et Psellus (hic corollarium suo numero citat) *τετράγωνον* praebentes, quod cum scriptura *εἶδος* conciliari potest, cum *τρίγωνον* non potest. et prop. 20 coroll. 2 in P in mg. additum et a Campano omissum a Theone interpolatum merito uideri potest, id quod et ipsum sententiam meam de huius corollarii forma confirmat. tum Pappus VIII p. 1100, 15 nostrum locum respicere putandus est, et sane scriptura eius loci tam incerta est, ut inde de numero, quem indicat, corollarii nihil adfirmari possit. itaque puto, Euclidem ipsum *εἶδος* scripsisse et Theonem, quo corollarium facilius pateret, nostrum locum mutasse et prop. 20 coroll. 2 addidisse. sed verba *ἐπεὶ* lin 12 — $\triangle EZ$ lin. 14 interpolata esse putauerim, neque Campanus ea habuit; sed Theone antiquiora sunt.

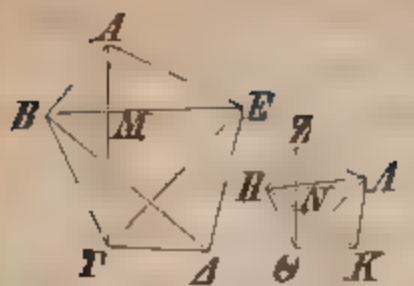
$ZH\Theta K\Lambda$ πολύγωνα εἰς τε ὅμοια τρίγωνα διαιρεῖται καὶ εἰς ἴσα τὸ πλῆθος καὶ ὁμόλογα τοῖς ὅλοις, καὶ τὸ $AB\Gamma\Delta E$ πολύγωνον πρὸς τὸ $ZH\Theta K\Lambda$ πολύγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει ἥπερ ἡ AB πρὸς τὴν ZH .

5 Ἐπεξεύχθωσαν αἱ $BE, EG, HA, \Lambda\Theta$.

Καὶ ἐπεὶ ὁμοιόν ἐστι τὸ $AB\Gamma\Delta E$ πολύγωνον τῷ $ZH\Theta K\Lambda$ πολυγώνῳ, ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ BAE γωνία τῇ ὑπὸ HZA . καὶ ἐστὶν ὡς ἡ BA πρὸς AE , οὕτως ἡ HZ πρὸς ZA . ἐπεὶ οὖν δύο τρίγωνά ἐστι
 10 τὰ ABE, ZHA μίαν γωνίαν μιᾷ γωνίᾳ ἴσην ἔχοντα, περὶ δὲ τὰς ἴσας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον, ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ ABE τρίγωνον τῷ ZHA τριγώνῳ ὥστε καὶ ὅμοιον· ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ ABE γωνία τῇ ὑπὸ ZHA . ἐστὶ δὲ καὶ ὅλη ἡ ὑπὸ $AB\Gamma$
 15 ὅλη τῇ ὑπὸ $ZH\Theta$ ἴση διὰ τὴν ὁμοιότητα τῶν πολυγώνων· λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ $EB\Gamma$ γωνία τῇ ὑπὸ $\Lambda H\Theta$ ἐστὶν ἴση. καὶ ἐπεὶ διὰ τὴν ὁμοιότητα τῶν ABE, ZHA τριγώνων ἐστὶν ὡς ἡ EB πρὸς BA , οὕτως ἡ ΛH πρὸς HZ , ἀλλὰ μὴν καὶ διὰ τὴν ὁμοιότητα
 20 τῶν πολυγώνων ἐστὶν ὡς ἡ AB πρὸς $B\Gamma$, οὕτως ἡ ZH πρὸς $H\Theta$, δι' ἴσου ἄρα ἐστὶν ὡς ἡ EB πρὸς $B\Gamma$, οὕτως ἡ ΛH πρὸς $H\Theta$, καὶ περὶ τὰς ἴσας γωνίας τὰς ὑπὸ $EB\Gamma, \Lambda H\Theta$ αἱ πλευραὶ ἀνάλογόν εἰσιν· ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ $EB\Gamma$ τρίγωνον τῷ $\Lambda H\Theta$
 25 τριγώνῳ ὥστε καὶ ὁμοιόν ἐστι τὸ $EB\Gamma$ τρίγωνον τῷ $\Lambda H\Theta$ τριγώνῳ. διὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ τὸ $EG\Delta$ τρίγωνον ὁμοιόν ἐστι τῷ $\Lambda\Theta K$ τριγώνῳ. τὰ ἄρα

5. $\Lambda\Theta$] mutat. in ΛB F. 7. ἐστὶ seq. ras. 8 litt. F.

8. HZA] ZHA F. τὴν AE V. 9. HZ] ZH P. τὴν ZA V. 10. γωνία] γωνίας Vφ. 11. δέ] om. F. 13. ἴση] corr. ex ἴσος m. rec P. 15. $ZH\Theta$] H uidetur corr. V.



$ZH\Theta KA$ in triangulos et similes et aequales numero et totis correspondentes diuidi, et esse
 $AB\Gamma\Delta E : ZH\Theta KA = AB^2 : ZH^2$.

ducantur $BE, EF, HA, A\Theta$.

et quoniam $AB\Gamma\Delta E \sim ZH\Theta KA$, erit $\angle BAE = HZA$ [def. 1]. et $BA : AE = HZ : ZA$ [id.]. iam quoniam duo trianguli sunt ABE, ZHA unum angulum uni angulo aequalem habentes et latera aequales angulos comprehendentia proportionalia, erit $\triangle ABE$ triangulo ZHA aequiangulus [prop. VI]. quare etiam similes sunt [prop. IV; def. 1]. itaque $\angle ABE = ZHA$. uerum etiam $\angle AB\Gamma = ZH\Theta$ propter similitudinem polygonorum, itaque $\angle EB\Gamma = AH\Theta$. et quoniam propter similitudinem triangulorum ABE, ZHA est $EB : BA = AH : HZ$, et praeterea propter similitudinem polygonorum $AB : B\Gamma = ZH : H\Theta$, ex aequo erit $EB : B\Gamma = AH : H\Theta$ [V, 22], et latera aequales angulos $EB\Gamma, AH\Theta$ comprehendentia proportionalia sunt; itaque $\triangle EB\Gamma$ triangulo $AH\Theta$ aequiangulus est [prop. VI]. quare $\triangle EB\Gamma \sim AH\Theta$ [prop. IV; def. 1]. eadem de causa etiam $\triangle E\Gamma\Delta \sim A\Theta K$. itaque similia polygona

16. $\tau\eta$] P, F m. 1; λοιπὴ $\tau\eta$ BVp, F m. 2. 17. ἴση
 ἔστιν F. 18. $\tau\etaν$ BA V. 19. AH] ABφ. $\tau\etaν$ HZ V.
 20. $\tau\etaν$ BΓ V. 21. ZH] HZ P. $\tau\etaν$ HΘ V. HΘ, δι'
 ἴσου] φ; uidetur fuisse alia scriptura a m. 1. EB] B e
 corr. F. 22. $\tau\etaν$ BΓ V. $\tau\etaν$ HΘ V. 23. εἶστιν] om. V.
 24. AHΘ] AΘH P. 25. ἔστι] om. BVp. τὸ EBΓ — 26:
 τριγώνω] mg. m. 2 V; F haec uerba ut cett. codd. in textu
 habet, sed dein in mg. m. 1 ὥστε καὶ ὅμοιον τὸ EBΓ τῷ
 AHΘ τριγώνω. 27. AΘK] AΘH φ; corr. ex AKΘ m. 1 φ.

ὅμοια πολύγωνα τὰ $ΑΒΓΔΕ$, $ΖΗΘΚΑ$ εἰς τε ὅμοια τρίγωνα διήρηται καὶ εἰς ἕσα τὸ πλῆθος.

Λέγω, ὅτι καὶ ὁμόλογα τοῖς ὅλοις, τουτέστιν ὥστε ἀνάλογον εἶναι τὰ τρίγωνα, καὶ ἡγούμενα μὲν
 5 εἶναι τὰ $ΑΒΕ$, $ΕΒΓ$, $ΕΓΔ$, ἐπόμενα δὲ αὐτῶν τὰ $ΖΗΑ$, $ΑΗΘ$, $ΑΘΚ$, καὶ ὅτι τὸ $ΑΒΓΔΕ$ πολύγωνον πρὸς τὸ $ΖΗΘΚΑ$ πολύγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ ἢ ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν, τουτέστιν ἢ $ΑΒ$ πρὸς τὴν $ΖΗ$.

10 Ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αἱ $ΑΓ$, $ΖΘ$. καὶ ἐπεὶ διὰ τὴν ομοιότητα τῶν πολυγώνων ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ $ΑΒΓ$ γωνία τῇ ὑπὸ $ΖΗΘ$, καὶ ἐστὶν ὡς ἡ $ΑΒ$ πρὸς $ΒΓ$, οὕτως ἡ $ΖΗ$ πρὸς $ΗΘ$, ἰσογώνιον ἐστὶ τὸ $ΑΒΓ$ τρίγωνον τῷ $ΖΗΘ$ τριγώνῳ· ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ μὲν ὑπὸ $ΒΑΓ$ γωνία τῇ ὑπὸ
 15 $ΗΖΘ$, ἡ δὲ ὑπὸ $ΒΓΑ$ τῇ ὑπὸ $ΗΘΖ$. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ $ΒΑΜ$ γωνία τῇ ὑπὸ $ΗΖΝ$, ἐστὶ δὲ καὶ ἡ ὑπὸ $ΑΒΜ$ τῇ ὑπὸ $ΖΗΝ$ ἴση, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ $ΑΜΒ$ λοιπῇ τῇ ὑπὸ $ΖΝΗ$ ἴση ἐστίν· ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ $ΑΒΜ$ τρίγωνον τῷ $ΖΗΝ$ τριγώνῳ. ὁμοίως δὲ
 20 δεῖξομεν, ὅτι καὶ τὸ $ΒΜΓ$ τρίγωνον ἰσογώνιον ἐστὶ τῷ $ΗΝΘ$ τριγώνῳ. ἀνάλογον ἄρα ἐστίν, ὡς μὲν ἡ $ΑΜ$ πρὸς $ΜΒ$, οὕτως ἡ $ΖΝ$ πρὸς $ΝΗ$, ὡς δὲ ἡ $ΒΜ$ πρὸς $ΜΓ$, οὕτως ἡ $ΗΝ$ πρὸς $ΝΘ$. ὥστε καὶ δι' ἴσου, ὡς ἡ $ΑΜ$ πρὸς $ΜΓ$, οὕτως ἡ $ΖΝ$ πρὸς

2. διαιρεῖται φ. εἰς] om. BV. 5. $ΑΒΕ$] E in ras. P. αὐτῶν] sic φ, sed αὐτοῖς F. 6. $ΑΘΚ$] $ΘΚΑ$ F ὅτι] - in ras. P. 7. πολύγωνον] -ον sustulit lacuna pergam., supra scr τῷ m. 2 F. 12. τὴν $ΒΓ$ BFVp. 13. τὴν $ΗΘ$ V. ἐστὶ] ἄρα ἐστὶ F. 14. ἴση] -η in ras. P. $ΒΑΓ$] $ΑΒΓ$ F. 15. $ΗΖΘ$] H corr. ex Z p; $ΖΗΘ$ F. $ΗΘΖ$] $ΘΗΖ$ F. 16. $ΒΑΜ$] PVp, B m. 1; $ΑΒΜ$ F; $ΑΒΜΒ$ m rec. $ΗΖΝ$] $ΖΗΝ$ in ras. m. 2 B. ἐστὶ] P; ἐδείχθη Theon (BFVp).

$AB\Gamma\Delta E$, $ZH\Theta K\Lambda$ in triangulos et similes et aequales numero diuisa sunt.

dico, eos etiam totis correspondere, h. e. ita ut trianguli proportionales sint et praecedentes ABE , $EB\Gamma$, $E\Gamma\Delta$ et eorum termini sequentes¹⁾ ZHA , $AH\Theta$, $A\Theta K$, et praeterea polygona rationem duplicatam habere quam latera correspondentia, h. e. esse

$$AB\Gamma\Delta E : ZH\Theta K\Lambda = AB^2 : ZH^2.$$

ducantur enim $A\Gamma$, $Z\Theta$. et quoniam propter similitudinem polygonorum est $\angle AB\Gamma = ZH\Theta$, et $AB : B\Gamma = ZH : H\Theta$, erit $\triangle AB\Gamma$ aequiangulus triangulo $ZH\Theta$ [prop. VI]. itaque $\angle B A \Gamma = H Z \Theta$ et $\angle B \Gamma A = H \Theta Z$. et quoniam $\angle B A M = H Z N$ et $\angle A B M = Z H N$ [p. 132, 13], erit etiam $\angle A M B = Z N H$ [I, 32]; quare $\triangle A B M$ aequiangulus est triangulo $Z H N$. similiter demonstrabimus, etiam $\triangle B M \Gamma$ aequiangulum esse triangulo $H N \Theta$. itaque $AM : MB = ZN : NH$, $BM : M\Gamma = HN : N\Theta$ [prop. IV]. quare etiam ex aequo $AM : M\Gamma = ZN : N\Theta$ [V, 22].

1) In $\alpha\epsilon\tau\omega\nu$ hn. 5 nonnihil offensionis est; sed cum $\epsilon\pi\acute{o}\mu\epsilon\nu\alpha$ idem sit ac $\acute{o}\rho\omicron\iota \epsilon\pi\acute{o}\mu\epsilon\nu\omicron\iota$, genetius ferri potest. et additum uidetur uocabulum, ut significetur, ZHA esse terminum sequentem trianguli ABE , $AH\Theta$ autem trianguli $EB\Gamma$, $A\Theta K$ autem trianguli $E\Gamma\Delta$. ceterum commemorandum est, tum demum adparere, triangulos totis (h. e. polygonis $AB\Gamma\Delta E$, $ZH\Theta K\Lambda$) correspondere, cum demonstratum erit, esse $AB\Gamma\Delta E : ZH\Theta K\Lambda = AB^2 : ZH^2$, h. e. $= ABE : ZHA = EB\Gamma : AH\Theta = E\Gamma\Delta : A\Theta K$.

17. ABM] mutat. in BAM m. 2 B. ZHN] mutat. in HZN m. 2 B. AMB] $\dot{A}\ddot{B}M$ punctis supra A et M deletis F.
20. $\epsilon\sigma\tau\iota\nu$ F. 21. $\eta \mu\acute{\epsilon}\nu$ p. 22. AM] M corr. ex B m. 2 V. $\tau\eta\mu$ MB V. NH] N in ras. m. 2 V. 23. $\alpha\upsilon\tau\omega\varsigma$ καὶ p.

$N\Theta$. ἀλλ' ὥς ἡ AM πρὸς MG , οὕτως τὸ ABM
 [τρίγωνον] πρὸς τὸ $MBΓ$, καὶ τὸ AME πρὸς τὸ
 $EMΓ$. πρὸς ἀλλήλα γάρ εἰσιν ὥς αἱ βάσεις. καὶ ὥς
 ἄρα ἐν τῶν ἡγουμένων πρὸς ἐν τῶν ἐπόμενων, οὕτως
 5 ἅπαντα τὰ ἡγούμενα πρὸς ἅπαντα τὰ ἐπόμενα· ὥς
 ἄρα τὸ AMB τρίγωνον πρὸς τὸ $BMΓ$, οὕτως τὸ
 ABE πρὸς τὸ $ΓBE$. ἀλλ' ὥς τὸ AMB πρὸς τὸ
 $BMΓ$, οὕτως ἡ AM πρὸς MG . καὶ ὥς ἄρα ἡ AM πρὸς
 MG , οὕτως τὸ ABE τρίγωνον πρὸς τὸ $EBΓ$ τρίγωνον.
 10 διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὥς ἡ ZN πρὸς $N\Theta$, οὕτως τὸ ZHA
 τρίγωνον πρὸς τὸ $HA\Theta$ τρίγωνον. καὶ ἐστὶν ὥς ἡ AM
 πρὸς MG , οὕτως ἡ ZN πρὸς $N\Theta$. καὶ ὥς ἄρα τὸ ABE
 τρίγωνον πρὸς τὸ $BEΓ$ τρίγωνον, οὕτως τὸ ZHA
 τρίγωνον πρὸς τὸ $HA\Theta$ τρίγωνον, καὶ ἐναλλάξ ὥς
 15 τὸ ABE τρίγωνον πρὸς τὸ ZHA τρίγωνον, οὕτως
 τὸ $BEΓ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $HA\Theta$ τρίγωνον. ὁμοίως
 δὴ δείξομεν ἐπιζευχθεῖσων τῶν BA , HK , ὅτι καὶ
 ὥς τὸ $BEΓ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $AH\Theta$ τρίγωνον,
 οὕτως τὸ $EΓΔ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $A\Theta K$ τρίγωνον.
 20 καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὥς τὸ ABE τρίγωνον πρὸς τὸ ZHA
 τρίγωνον, οὕτως τὸ $EBΓ$ πρὸς τὸ $AH\Theta$, καὶ ἔτι τὸ
 $EΓΔ$ πρὸς τὸ $A\Theta K$, καὶ ὥς ἄρα ἐν τῶν ἡγουμένων
 πρὸς ἐν τῶν ἐπομένων, οὕτως ἅπαντα τὰ ἡγούμενα
 πρὸς ἅπαντα τὰ ἐπόμενα· ἐστὶν ἄρα ὥς τὸ ABE
 25 τρίγωνον πρὸς τὸ ZHA τρίγωνον, οὕτως τὸ $ABΓΔE$
 πολύγωνον πρὸς τὸ $ZH\Theta K A$ πολύγωνον. ἀλλὰ τὸ
 ABE τρίγωνον πρὸς τὸ ZHA τρίγωνον διπλασίονα
 λόγον ἔχει ἢ περ ἡ AB ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς τὴν
 ZH ὁμόλογον πλευράν· τὰ γὰρ ὅμοια τρίγωνα ἐν

1. ὥς μὲν P. οὕτως καὶ p. 2. [τρίγωνον] om. P.
 πρὸς τὸ $MBΓ$, καὶ τὸ AME] mg. m. 1 om. priore τὸ P.

sed [prop. I] $AM : M\Gamma = ABM : MB\Gamma = AME : EM\Gamma$; nam eandem inter se rationem habent quam bases. itaque etiam ut unus terminorum praecedentium ad unum sequentium, ita omnes praecedentes ad omnes sequentes [V, 12]. itaque $AMB : BM\Gamma = ABE : \Gamma BE$. sed $AMB : BM\Gamma = AM : M\Gamma$. quare etiam $AM : M\Gamma = ABE : EB\Gamma$. eadem de causa erit etiam $ZN : N\Theta = ZH\Lambda : H\Lambda\Theta$. et $AM : M\Gamma = ZN : N\Theta$. quare etiam $ABE : BE\Gamma = ZH\Lambda : H\Lambda\Theta$, et permutando [V, 16] $ABE : ZH\Lambda = BE\Gamma : H\Lambda\Theta$. similiter demonstrabimus ductis $B\Delta$, HK , esse $BE\Gamma : \Lambda H\Theta = E\Gamma\Delta : \Lambda\Theta K$. et quoniam est $ABE : ZH\Lambda = EB\Gamma : \Lambda H\Theta = E\Gamma\Delta : \Lambda\Theta K$, erit etiam, ut unus terminorum praecedentium ad unum sequentium, ita omnes praecedentes ad omnes sequentes [V, 12]. itaque $ABE : ZH\Lambda = AB\Gamma\Delta E : ZH\Theta K\Lambda$. sed $ABE : ZH\Lambda = AB^2 : ZH^2$; nam similes trianguli duplicatam inter

$\tau\acute{o}$] om. P. 4. $\acute{\alpha}\rho\alpha$] om. V. 8. $\tau\eta\nu M\Gamma$ V. 9. $\tau\eta\nu M\Gamma$ V. 10. $N\Theta$] N in ras. B; $H\Theta$ φ (non F); $\tau\eta\nu N\Theta$ V. 11. $\tau\acute{o}$] om. P. 12. $\tau\eta\nu M\Gamma$ BFVp. $\tau\eta\nu N\Theta$ FV. 14. $H\Lambda\Theta$] corr. ex $H\Theta\Lambda$ m. 2 V. 16. $BE\Gamma$] $EB\Gamma$ V. $H\Lambda\Theta$] mutat. in $\Lambda H\Theta$ m. 2 V. 18. $BE\Gamma$] P, V m. 1; $EB\Gamma$ BFp, V m. 2. 19. $E\Gamma\Delta$ $\tau\rho\acute{\iota}\gamma\omega\nu\nu$] P; $E\Gamma\Delta$ Theon? (BFVp). 20. $\kappa\alpha\iota \acute{\epsilon}\pi\epsilon\acute{\iota} \acute{\epsilon}\sigma\tau\iota\nu \acute{\omega}\varsigma$] mg. m. rec. P. 25. $ZH\Lambda$] $H''Z\Lambda$ F. Post $\omicron\upsilon\tau\omega\varsigma$ eras. $\pi\rho\acute{o}\varsigma$ V. 29. $\gamma\acute{\alpha}\rho$] $\acute{\alpha}\rho\alpha$ φ .

se rationem habent quam latera correspondentia [prop. XIX]. quare etiam


$$AB\Gamma\Delta E : ZH\Theta K\Lambda = AB^2 : ZH^2.$$

Ergo similia polygona in triangulos et similes et aequales numero et totis correspondentes diuiduntur, et polygonum ad polygonum duplicatam rationem habet quam latus correspondens ad latus correspondens.

Corollarium.

Et similiter etiam in quadrilateris demonstrabitur, ea duplicatam rationem habere quam latera correspondentia; et idem in triangulis demonstratum est. quare omnino similes figurae rectilineae inter se duplicatam rationem habent quam latera correspondentia. — quod erat demonstrandum.

ὡσαύτως] ὡ- m. 2 V. ὁμοίων] supra m. rec. P. 12. εἰσὶν F, ἐστὶ Bp. 15. εἰσὶ] PV, F m. 2, p; εἰσιν B; ἐστὶ F m. 1.

16. ὅπερ εἶδει δεῖξαι] P; om. Theon (BFVp). Totum corollarium om. Campanus. 17. πόρισμα β'] om. codd., seq. cum coroll. priore coniunctis. lin. 18—28 in mg. inferiore m. 1 P pro scholio, signo  huc relatum. 18. ZH] H in ras. F.

19. τὴν Ξ] seq. ras. 1 litt. V; corr. ex τῇ $N\Xi$ F. ἡ BA] e corr. F. Ξ] post ras. F, ante ras. V (1 litt.). 20. AB] BA P. 21. ἡ] corr. ex καὶ m. 2 V; om. Bp. 23. πλεονάζειν] P, om. BFVp. 25. πόρισμα mg. BVp. καὶ φανερόν p.

27. εἶδος] sequente ras. 1 litt. φ (uestigia sunt syllabae -ον F). πρὸς] supra V. 28. Sequitur alia demonstratio secundae partis propositionis, quae u. in appendice.

κα'.

Τὰ τῷ αὐτῷ εὐθυγράμμῳ ὅμοια καὶ ἀλλή-
λοις ἐστὶν ὅμοια.

Ἐστω γὰρ ἐκάτερον τῶν A, B εὐθυγράμμων τῷ
■ Γ ὅμοιον· λέγω, ὅτι καὶ τὸ A τῷ B ἐστὶν ὅμοιον.

Ἐπεὶ γὰρ ὅμοιον ἐστὶ τὸ A τῷ Γ , ἰσογώνιον
τέ ἐστὶν αὐτῷ καὶ τὰς περὶ τὰς ἰσας γωνίας πλευ-
ρὰς ἀνάλογον ἔχει. πάλιν, ἐπεὶ ὅμοιον ἐστὶ τὸ B
τῷ Γ , ἰσογώνιον τέ ἐστὶν αὐτῷ καὶ τὰς περὶ τὰς
10 ἰσας γωνίας πλευρὰς ἀνάλογον ἔχει. ἐκάτερον ἄρα
τῶν A, B τῷ Γ ἰσογώνιον τέ ἐστὶ καὶ τὰς περὶ τὰς
ἰσας γωνίας πλευρὰς ἀνάλογον ἔχει [ὥστε καὶ τὸ A
τῷ B ἰσογώνιον τέ ἐστὶ καὶ τὰς περὶ τὰς ἰσας γω-
νίας πλευρὰς ἀνάλογον ἔχει]. ὅμοιον ἄρα ἐστὶ τὸ A
15 τῷ B · ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κβ'.

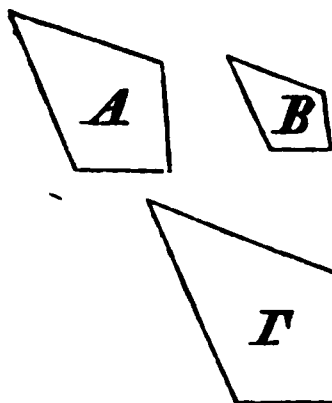
Ἐὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾧσιν, καὶ
τὰ ἀπ' αὐτῶν εὐθύγραμμα ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως
ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ἔσται· καὶ τὰ ἀπ'
20 αὐτῶν εὐθύγραμμα ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀνα-
γεγραμμένα ἀνάλογον ἦ, καὶ αὐταὶ αἱ εὐθεῖαι
ἀνάλογον ἔσονται.

Ἐστώσαν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον αἱ $AB, \Gamma\Delta,$

1. κα'] m. 2 V; κγ' Fr. 4. τῷ Γ] τὸ Γ BF, p, sed
corr. m. 1. 6. ἐστὶν ὅμοιον V. 7. γωνίας] supra F. 8.
πάλιν ἐπεὶ] in ras. m. 2 F. ἐστὶν φ. 9. ἐστὶν αὐτῷ] ἐστὶ F.
11. τε] om. V. 12. ἰσας] supra m 1 V. ὥστε καὶ τὸ
 A —14: ἀνάλογον ἔχει] Theon? (BFVp); om. P 14. τὸ A
τῷ B] Pp, V m. 1; τὸ B τῷ A B; τῷ B τὸ A V m. 2; τὸ A
τὸ A τῷ B F m. 1; τὸ B τῷ A τῷ B F m. 2, del. τῷ B .
Deinde propositionem repetit Augustus, ut fieri solet. 16.

XXI.¹⁾

Quae eidem figurae rectilineae similes sunt figurae, etiam inter se similes sunt.



Sit enim utraque figura rectilinea A, B figurae Γ similis. dico, etiam figuras A, B similes esse.

nam quoniam A figurae Γ similis est, et aequiangulara est ei, et latera aequales angulos comprehendentia proportionalia habent [def. 1]. rursus quoniam B figurae Γ similis est, et aequiangulara est ei, et latera aequales angulos comprehendentia proportionalia habent [def. 1]. itaque utraque figura A, B et aequiangulara est figurae Γ , et latera aequales angulos comprehendentia proportionalia habent. quare $A \sim B$ [def. 1]; quod erat demonstrandum.

XXII.

Si quattuor rectae proportionales sunt, etiam figurae rectilineae in iis similes et similiter descriptae proportionales erunt; et si figurae rectilineae in iis similes et similiter descriptae proportionales sunt, etiam ipsae rectae proportionales erunt.

Sint quattuor rectae proportionales $AB, \Gamma\Delta, EZ,$

1) Nam coroll. 2 p. 138, 17—28 Theoni uidetur deberi; u. p. 131 not. 1; om. Campanus (sed is quidem etiam coroll. 1 omisit), et in B adscribitur mg. m. rec. *ἐν ἄλλῳ οὐ γράφεται τοῦτο*.

$\kappa\beta'$] $\kappa\delta'$ p et F, sed corr. m. rec. eras.; $\omega\sigma\iota$ F V p.

23. $\epsilon\upsilon\theta\epsilon\iota\alpha$ F.

17. $\omega\sigma\iota\nu$] P et B, sed ν

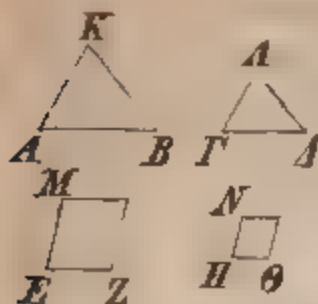
$EZ, H\Theta$, ὥς ἡ AB πρὸς τὴν $\Gamma\Delta$, οὕτως ἡ EZ πρὸς τὴν $H\Theta$, καὶ ἀναγεγράφθωσαν ἀπὸ μὲν τῶν $AB, \Gamma\Delta$ ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως κείμενα εὐθύγραμμα τὰ $KAB, \Lambda\Gamma\Delta$, ἀπὸ δὲ τῶν $EZ, H\Theta$ ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως κείμενα εὐθύγραμμα τὰ $MZ, N\Theta$. λέγω, ὅτι ἐστὶν ὥς τὸ KAB πρὸς τὸ $\Lambda\Gamma\Delta$, οὕτως τὸ MZ πρὸς τὸ $N\Theta$.

Εἰλήφθω γὰρ τῶν μὲν $AB, \Gamma\Delta$ τρίτη ἀνάλογον ἡ Ξ , τῶν δὲ $EZ, H\Theta$ τρίτη ἀνάλογον ἡ O . καὶ
 10 ἐπεὶ ἐστὶν ὥς μὲν ἡ AB πρὸς τὴν $\Gamma\Delta$, οὕτως ἡ EZ πρὸς τὴν $H\Theta$, ὥς δὲ ἡ $\Gamma\Delta$ πρὸς τὴν Ξ , οὕτως ἡ $H\Theta$ πρὸς τὴν O , δι' ἴσου ἄρα ἐστὶν ὥς ἡ AB πρὸς τὴν Ξ , οὕτως ἡ EZ πρὸς τὴν O . ἀλλ' ὥς μὲν ἡ AB πρὸς τὴν Ξ , οὕτως [καὶ] τὸ KAB πρὸς τὸ $\Lambda\Gamma\Delta$,
 15 ὥς δὲ ἡ EZ πρὸς τὴν O , οὕτως τὸ MZ πρὸς τὸ $N\Theta$. καὶ ὥς ἄρα τὸ KAB πρὸς τὸ $\Lambda\Gamma\Delta$, οὕτως τὸ MZ πρὸς τὸ $N\Theta$.

Ἀλλὰ δὴ ἔστω ὥς τὸ KAB πρὸς τὸ $\Lambda\Gamma\Delta$, οὕτως τὸ MZ πρὸς τὸ $N\Theta$. λέγω, ὅτι ἐστὶ καὶ ὥς ἡ
 20 AB πρὸς τὴν $\Gamma\Delta$, οὕτως ἡ EZ πρὸς τὴν $H\Theta$. εἰ γὰρ μὴ ἐστὶν, ὥς ἡ AB πρὸς τὴν $\Gamma\Delta$, οὕτως ἡ EZ πρὸς τὴν $H\Theta$, ἔστω ὥς ἡ AB πρὸς τὴν $\Gamma\Delta$, οὕτως ἡ EZ πρὸς τὴν ΠP , καὶ ἀναγεγράφθω ἀπὸ τῆς ΠP ὁποτέρῳ τῶν $MZ, N\Theta$ ὁμοιόν τε καὶ ὁμοίως
 25 κείμενον εὐθύγραμμον τὸ ΣP .

Ἐπεὶ οὖν ἐστὶν ὥς ἡ AB πρὸς τὴν $\Gamma\Delta$, οὕτως

1. AB] B supra m. 1 P; postea insert. F. EZ] in ras. m. 2 V; ZE Fr. 2. ἀναγεγράφθωσαν p. 3 MZ] Z e corr. F. Post ὅτι ras. 2 litt. F. 6. $\Lambda\Gamma\Delta$] litt. $\Lambda\Gamma$ in ras. m. 2 V. 11. $\Gamma\Delta$] Δ eras. V. 13. EZ] e corr. Vφ. 14 καὶ] om. P. $\Lambda\Gamma\Delta$] litt. $\Lambda\Gamma$ in ras. m. 2 V, $\Gamma\Delta\Delta$ p. 16. καὶ ὥς ἄρα — 17: τὸ $N\Theta$] om. BVp. 18. $\Lambda\Gamma\Delta$] $\Gamma\Delta\Delta$ φ. 18.



$H\Theta$, ita ut sit $AB:GA = EZ:H\Theta$,
et in AB , GA similes et similiter
positae figurae rectilineae descri-
bantur KAB , AGA , in EZ , $H\Theta$
autem similes et similiter positae
figurae rectilineae MZ , NO . dico,
esse $KAB:AGA = MZ:NO$.

Sumatur enim rectarum AB , GA tertia propor-
tionalis Ξ , rectarum autem EZ , $H\Theta$ tertia
proportionalis O [prop. XI]. et quoniam est
 Ξ — $AB:GA = EZ:H\Theta$ et $GA:\Xi = H\Theta:O^1$),
 $\frac{O}{\Pi P}$ ex aequo erit [V, 22] $AB:\Xi = EZ:O$. sed
 $AB:\Xi = KAB:AGA$ [prop. XIX coroll.] et
 $EZ:O = MZ:NO$ [id.]. itaque etiam

$$KAB:AGA = MZ:NO.$$

Uerum sit $KAB:AGA = MZ:NO$. dico, esse
etiam $AB:GA = EZ:H\Theta$. nam si non est

$AB:GA = EZ:H\Theta$, sit $AB:GA = EZ:PP$
[prop. XII], et in PP utrique MZ , NO similis et
similiter posita construatur figura rectilinea SP
[prop. XVIII et XXI].

Iam quoniam est $AB:GA = EZ:PP$, et in AB ,

1) Nam ex hypothesis est $AB:GA = GA:\Xi$ et $EZ:H\Theta = H\Theta:O$; et $AB:GA = EZ:H\Theta$.

AGA] GA Δ F. 19. τό] (prius) eras. F. $\epsilon\sigma\tau\iota\nu$ PB; comp. p.

20. $\epsilon\lambda$ γὰρ μή $\epsilon\sigma\tau\iota\nu$, ὥς ἡ AB πρὸς τὴν GA , οὕτως ἡ EZ πρὸς τὴν $H\Theta$] mg. m. 1 P; om. Theon (BFVp). 22. $\epsilon\sigma\tau\omega$ ὥς ἡ AB πρὸς τὴν GA , οὕτως ἡ EZ πρὸς τὴν PP καὶ ἀναγεγράφθω] P; γεγόνεω γὰρ ὥς κτλ. Theon (BFVp), P mg. m. rec. 23 ἀναγεγράφθω p. 24. ὑποτέρα φ (non F). 25. εὐθύγραμμον] om. BFp.

- ἡ EZ πρὸς τὴν $ΠΡ$, καὶ ἀναγέγραπται ἀπὸ μὲν
 τῶν $AB, ΓΔ$ ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως κείμενα τὰ $KAB,$
 $ΛΓΔ$, ἀπὸ δὲ τῶν $EZ, ΠΡ$ ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως κεί-
 μενα τὰ $MZ, ΣΡ$, ἔστιν ἄρα ὡς τὸ KAB πρὸς τὸ
 5 $ΛΓΔ$, οὕτως τὸ MZ πρὸς τὸ $ΣΡ$. ὑπόκειται δὲ καὶ
 ὡς τὸ KAB πρὸς τὸ $ΛΓΔ$, οὕτως τὸ MZ πρὸς τὸ
 $NΘ$. καὶ ὡς ἄρα τὸ MZ πρὸς τὸ $ΣΡ$, οὕτως τὸ MZ
 πρὸς τὸ $NΘ$. τὸ MZ ἄρα πρὸς ἐκάτερον τῶν $NΘ,$
 $ΣΡ$ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον· ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ $NΘ$ τῷ
 10 $ΣΡ$. ἔστι δὲ αὐτῷ καὶ ὁμοιον καὶ ὁμοίως κείμενον·
 ἴση ἄρα ἡ $HΘ$ τῇ $ΠΡ$. καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ἡ AB
 πρὸς τὴν $ΓΔ$, οὕτως ἡ EZ πρὸς τὴν $ΠΡ$, ἴση δὲ ἡ
 $ΠΡ$ τῇ $HΘ$, ἔστιν ἄρα ὡς ἡ AB πρὸς τὴν $ΓΔ$, οὕ-
 τως ἡ EZ πρὸς τὴν $HΘ$.
- 15 Ἐὰν ἄρα τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾧσιν, καὶ
 τὰ ἀπ' αὐτῶν εὐθύγραμμα ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀνα-
 γεγραμμένα ἀνάλογον ἔσται· καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν εὐ-
 θύγραμμα ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνά-
 λογον ἢ, καὶ αὐταὶ αἱ εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται·
 20 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

[Λήμμα.]

[Ὅτι δέ, ἐὰν εὐθύγραμμα ἴσα ἢ καὶ ὁμοια, αἱ
 ὁμόλογοι αὐτῶν πλευραὶ ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν, δείξομεν
 οὕτως.

- 25 Ἐστω ἴσα καὶ ὁμοια εὐθύγραμμα τὰ $NΘ, ΣΡ$,
 καὶ ἔστω ὡς ἡ $ΘΗ$ πρὸς τὴν $ΗΝ$, οὕτως ἡ $ΡΠ$ πρὸς
 τὴν $ΠΣ$. λέγω, ὅτι ἴση ἐστὶν ἡ $ΡΠ$ τῇ $ΘΗ$.

Εἰ γὰρ ἄνισοί εἰσιν, μία αὐτῶν μείζων ἐστίν.

2. $KAB, ΛΓΔ$] B, $ΛΓ$ litt. in ras. m. 2 V. 3. Poet
 $ΠΡ$ duae litt. del. m. rec. P. 7. $NΘ$] in ras. m. 1 P. $ΣΡ$]

$\Gamma\Delta$ similes et similiter positae descriptae sunt KAB , $\Lambda\Gamma\Delta$, in EZ , ΠP autem similes et similiter positae MZ , ΣP , erit $KAB : \Lambda\Gamma\Delta = MZ : \Sigma P$ [u. supra]. sed supposuimus, esse etiam $KAB : \Lambda\Gamma\Delta = MZ : N\Theta$. itaque $MZ : \Sigma P = MZ : N\Theta$. itaque MZ ad utramque $N\Theta$, ΣP eandem rationem habet. quare $N\Theta = \Sigma P$ [V, 9]. uerum etiam ei similis est et similiter posita. itaque $H\Theta = \Pi P$.¹⁾ et quoniam est $AB : \Gamma\Delta = EZ : \Pi P$, et $\Pi P = H\Theta$, erit $AB : \Gamma\Delta = EZ : H\Theta$.

Ergo si quattuor rectae proportionales sunt, etiam figurae rectilineae in iis similes et similiter descriptae proportionales erunt; et si figurae rectilineae in iis similes et similiter descriptae proportionales sunt, etiam ipsae rectae proportionales erunt; quod erat demonstrandum.

1) Nam cum $N\Theta : \Sigma P = H\Theta^2 : \Pi P^2$ [prop. 20] et $N\Theta = \Sigma P$, erit $\Pi P^2 = H\Theta^2$; h. e. $\Pi P = H\Theta$.

et hoc ipsum uia indirecta in lemmate ostenditur; sed cum a ratione Euclidis abhorreat, eius modi res postea demum demonstrare nec suo loco in demonstratione insertas, puto, lemma subditium esse (sed Theone antiquius est); om. Campanus, nec res propria demonstratione eget.

corr. ex $EP P$, in ras. V; supra hoc uocabulum et proxime sequentia in V ras. est. MZ] in ras. V; Z insert. m. 1 F.

8. $N\Theta$] in ras. V. 9. $\lambda\acute{o}\gamma\omicron\nu$ $\acute{\epsilon}\chi\epsilon\iota$ p. $\acute{\epsilon}\sigma\tau\acute{\iota}\nu$ P, comp. p.

10. $\alpha\upsilon\tau\acute{o}$ p. 11. $\acute{\alpha}\rho\alpha$] supra add. $\kappa\alpha\acute{\iota}$ m. 2 comp. F; $\acute{\alpha}\rho\alpha$ $\acute{\epsilon}\sigma\tau\acute{\iota}\nu$ V. 15. $\acute{\omega}\sigma\iota$ V. 16. $\acute{\alpha}\nu\alpha\gamma\epsilon\gamma\rho\alpha\mu\acute{\epsilon}\nu\alpha$] seq. insert. in

ras. m. 1 F. 18. $\kappa\alpha\acute{\iota}$] m. 2 V. 21. $\lambda\eta\mu\mu\alpha$] $\kappa\epsilon'$ p et e eraso F; m. rec. PBV. 22. $\delta\acute{\epsilon}$] m. rec. P. η] om. V.

Post $\delta\omicron\mu\omicron\iota\alpha$ add. V m. 2: $\acute{\epsilon}\sigma\tau\acute{\iota}\nu$. 23. $\acute{\epsilon}\lambda\sigma\acute{\iota}$ BFV p. $\delta\epsilon\acute{\iota}\xi\omicron\mu\epsilon\nu$] corr. ex $\delta\epsilon\acute{\iota}\xi\omicron\mu\epsilon\nu$ m. 1 P. 25. $\tau\acute{\alpha}$] e corr. V. $N\Theta$, ΣP]

inter N et Θ ras. 1 litt., item inter Σ et P V. 26. $P\Pi$] mutat. in ΠP m. 2 V; ΠP Bp. 27. $\tau\acute{\eta}\nu$] om. F. 28.

$\acute{\alpha}\nu\iota\sigma\omicron\varsigma$ V. $\acute{\epsilon}\lambda\sigma\acute{\iota}\nu$] PB; $\acute{\epsilon}\lambda\sigma\acute{\iota}$ Fp; $\acute{\epsilon}\sigma\tau\acute{\iota}\nu$ V.

ἔστω μείζων ἡ $ΡΠ$ τῆς $ΘΗ$. καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ἡ
 $ΡΠ$ πρὸς $ΠΣ$, οὕτως ἡ $ΘΗ$ πρὸς τὴν $ΗΝ$, καὶ
ἐναλλάξ, ὡς ἡ $ΡΠ$ πρὸς τὴν $ΘΗ$, οὕτως ἡ $ΠΣ$ πρὸς
τὴν $ΗΝ$, μείζων δὲ ἡ $ΠΡ$ τῆς $ΘΗ$, μείζων ἄρα
δ καὶ ἡ $ΠΣ$ τῆς $ΗΝ$. ὥστε καὶ τὸ $ΡΣ$ μείζον ἐστὶ τοῦ
 $ΘΝ$. ἀλλὰ καὶ ἴσον· ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἄνισός
ἐστὶν ἡ $ΠΡ$ τῇ $ΗΘ$. ἴση ἄρα· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.]

κγ'.

Τὰ ἰσογώνια παραλληλόγραμμα πρὸς ἄλληλα
10 λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν.

Ἐστω ἰσογώνια παραλληλόγραμμα τὰ $ΑΓ$, $ΓΖ$ ἴσην
ἔχοντα τὴν ὑπὸ $ΒΓΔ$ γωνίαν τῇ ὑπὸ $ΕΓΗ$. λέγω,
ὅτι τὸ $ΑΓ$ παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ $ΓΖ$ παραλλη-
λόγραμμον λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν.
15 Κεῖσθω γὰρ ὥστε ἐπ' εὐθείας εἶναι τὴν $ΒΓ$ τῇ
 $ΓΗ$. ἐπ' εὐθείας ἄρα ἐστὶ καὶ ἡ $ΑΓ$ τῇ $ΓΕ$. καὶ
συμπεπληρώσθω τὸ $ΔΗ$ παραλληλόγραμμον, καὶ ἐκ-
κεῖσθω τὴς εὐθείας ἡ $Κ$, καὶ γεγονέτω ὡς μὲν ἡ $ΒΓ$
πρὸς τὴν $ΓΗ$, οὕτως ἡ $Κ$ πρὸς τὴν $Α$, ὡς δὲ ἡ $ΑΓ$
20 πρὸς τὴν $ΓΕ$, οὕτως ἡ $Α$ πρὸς τὴν $Μ$.

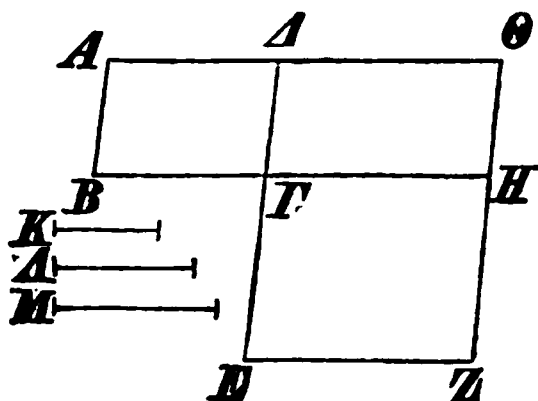
Οἱ ἄρα λόγοι τῆς τε $Κ$ πρὸς τὴν $Α$ καὶ τῆς $Α$
πρὸς τὴν $Μ$ οἱ αὐτοὶ εἰσὶ τοῖς λόγοις τῶν πλευρῶν,
τῆς τε $ΒΓ$ πρὸς τὴν $ΓΗ$ καὶ τῆς $ΑΓ$ πρὸς τὴν $ΓΕ$.
ἀλλ' ὁ τῆς $Κ$ πρὸς $Μ$ λόγος σύγκειται ἐκ τε τοῦ
25 τῆς $Κ$ πρὸς $Α$ λόγου καὶ τοῦ τῆς $Α$ πρὸς $Μ$. ὥστε
καὶ ἡ $Κ$ πρὸς τὴν $Μ$ λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον

XXIII. Theon in Ptolem. p. 235. Eutoc. in Apollon. p. 32,
id. in Archimed. III p. 286, 23.

1 μείζων — 4: μείζων ἄρα] insert. in ras. F. 1. $ΡΠ$] $ΠΡΡ$.
2. $ΡΠ$] $ΠΡΡ$. τὴν $ΠΣ$ V. πρὸς τὴν] πρὸς BFr. 3.

XXIII.

Parallelogramma æquiangula inter se rationem ex rationibus laterum compositam habent.



Sint parallelogramma æquiangula $A\Gamma$, ΓZ habentia

$$\angle B\Gamma\Delta = E\Gamma H.$$

dico, parallelogramma $A\Gamma$, ΓZ rationem ex rationibus¹⁾ laterum compositam habere.

ponantur enim ita, ut in eadem recta sint $B\Gamma$, ΓH . itaque etiam $\Delta\Gamma$, ΓE in eadem recta sunt. et expleatur parallelogrammum ΔH , et ponatur recta K , et sit

$$B\Gamma : \Gamma H = K : \Delta \text{ et } \Delta\Gamma : \Gamma E = \Delta : M.$$

itaque rationes $K : \Delta$ et $\Delta : M$ eadem sunt ac rationes laterum, $B\Gamma : \Gamma H$ et $\Delta\Gamma : \Gamma E$. sed $K : M = K : \Delta \times \Delta : M$. quare K ad M rationem ex rationibus laterum compositam habet. et quoniam est

1) Ἐκ τῶν πλευρῶν per totam propositionem negligentius dicitur pro ἐκ τῶν τῶν πλευρῶν (λόγων); sed cum semper ita in codicibus traditum sit et idem apud Theonem et Eutocium servatum sit, de errore librarii cogitandum non est.

$P\Pi]$ ΠP P. $\tau\eta\nu]$ om. BFp. $\sigma\upsilon\tau\omega\varsigma]$ om. BFp. 4. $\tau\eta\nu]$ om. BFp. $\Pi P]$ P, V m. 1; $P\Pi$ Bp, V m. 2, F? $\mu\epsilon\acute{\iota}\zeta\omega\nu$ $\alpha\acute{\rho}\alpha]$ bis p. 5. $\mu\epsilon\acute{\iota}\zeta\omega\nu$ F. 6. $\Theta N]$ N e corr. m. 2 V, eras. F. 7. $H\Theta]$ ΘH P. $\alpha\acute{\rho}\alpha \acute{\epsilon}\sigma\tau\acute{\iota}\nu$ P. 8. $\kappa\varsigma'$ p et deletio F. 11. $\acute{\iota}\sigma\omicron\nu$ V, corr. m. 2. 12. $E\Gamma H]$ mutat. in $E\Gamma\Theta$ B. 13. $\Gamma Z]$ in ras. m. 1 V. 14. $\pi\lambda\epsilon\upsilon\rho\omega\tilde{\nu}]$ P; $\pi\lambda\epsilon\upsilon\rho\omega\tilde{\nu}$ τοῦ τε ὄν ἔχει ἢ $B\Gamma$ (corr. ex ΓB p) πρὸς ΓH ($\tau\eta\tilde{\nu}$ ΓH V, ΓH mutat. in $\Gamma\Theta$ B) καὶ τοῦ ὄν ἔχει ἢ $\Delta\Gamma$ πρὸς ΓE ($\tau\eta\tilde{\nu}$ ΓE V) Theon (BFVp). 16. $\Gamma H]$ mutat. in $\Gamma\Theta$ B. $\acute{\epsilon}\sigma\tau\acute{\iota}\nu$ B. 17. $\Delta H]$ mutat. in $\Delta\Theta$ B. 18. $K]$ post ras. 1 litt. F. 19. $\Gamma H]$ mutat. in $\Gamma\Theta$ B. 21. $\tau\eta\nu]$ om. BFp. 22. $\tau\eta\nu]$ om. BFp. $\epsilon\acute{\iota}\sigma\iota\nu$ PF. 23. $\tau\eta\nu]$ om. Bp. $\Gamma H]$ mutat. in $\Gamma\Theta$ B. $\tau\eta\nu]$ om. Bp.

ἐκ τῶν πλευρῶν. καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ἡ ΒΓ πρὸς τὴν ΓΗ, οὕτως τὸ ΑΓ παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ ΓΘ, ἀλλ' ὡς ἡ ΒΓ πρὸς τὴν ΓΗ, οὕτως ἡ Κ πρὸς τὴν Α, καὶ ὡς ἄρα ἡ Κ πρὸς τὴν Α, οὕτως τὸ ΑΓ πρὸς
 5 τὸ ΓΘ. πάλιν, ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ἡ ΔΓ πρὸς τὴν ΓΕ, οὕτως τὸ ΓΘ παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ ΓΖ, ἀλλ' ὡς ἡ ΔΓ πρὸς τὴν ΓΕ, οὕτως ἡ Α πρὸς τὴν Μ, καὶ ὡς ἄρα ἡ Α πρὸς τὴν Μ, οὕτως τὸ ΓΘ παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ ΓΖ παραλληλόγραμμον. ἐπεὶ οὖν
 10 ἐδείχθη, ὡς μὲν ἡ Κ πρὸς τὴν Α, οὕτως τὸ ΑΓ παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ ΓΘ παραλληλόγραμμον, ὡς δὲ ἡ Α πρὸς τὴν Μ, οὕτως τὸ ΓΘ παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ ΓΖ παραλληλόγραμμον, δι' ἴσου ἄρα ἐστὶν ὡς ἡ Κ πρὸς τὴν Μ, οὕτως τὸ ΑΓ πρὸς τὸ ΓΖ παραλληλό-
 15 γραμμον. ἡ δὲ Κ πρὸς τὴν Μ λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν· καὶ τὸ ΑΓ ἄρα πρὸς τὸ ΓΖ λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν.

Τὰ ἄρα ἰσογώνια παραλληλόγραμμα πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν· ὅπερ
 20 ἔδει δεῖξαι.

κδ'.

Παντὸς παραλληλογράμμου τὰ περὶ τὴν διάμετρον παραλληλόγραμμα ὅμοιά ἐστι τῷ τε ὅλῳ καὶ ἀλλήλοις.

25 Ἐστω παραλληλόγραμμον τὸ ΑΒΓΔ, διάμετρος δὲ αὐτοῦ ἡ ΑΓ, περὶ δὲ τὴν ΑΓ παραλληλόγραμμα ἔστω τὰ ΕΗ, ΘΚ· λέγω, ὅτι ἐκάτερον τῶν ΕΗ, ΘΚ παραλληλογράμμων ὁμοίον ἐστὶ ὅλῳ τῷ ΑΒΓΔ καὶ ἀλλήλοις.

1. τήν] m. 2 F. 2. ΓΗ] mutat. in ΓΘ B. ΓΘ] mutat. in ΓΗ B. 3. ἡ] om. p. τήν] om. BFr. ΓΗ]

$B\Gamma : \Gamma H = A\Gamma : \Gamma\Theta$ [prop. I], et $B\Gamma : \Gamma H = K : A$,
erit etiam $K : A = A\Gamma : \Gamma\Theta$. rursus quoniam est
 $A\Gamma : \Gamma E = \Gamma\Theta : \Gamma Z$ [prop. I], et $A\Gamma : \Gamma E = A : M$,
erit etiam $A : M = \Gamma\Theta : \Gamma Z$. iam quoniam demon-
stratum est, esse $K : A = A\Gamma : \Gamma\Theta$ et $A : M = \Gamma\Theta$
 $: \Gamma Z$, ex aequo [V, 22] erit $K : M = A\Gamma : \Gamma Z$. sed
 K ad M rationem ex rationibus laterum compositam
habet. quare etiam $A\Gamma$ ad ΓZ rationem ex rationi-
bus laterum compositam habet.

Ergo parallelogramma aequiangula inter se ratio-
nem ex rationibus laterum compositam habent; quod
erat demonstrandum.

XXIV.

In quouis parallelogrammo parallelogramma cir-
cum diametrum posita similia sunt et toti et inter se.

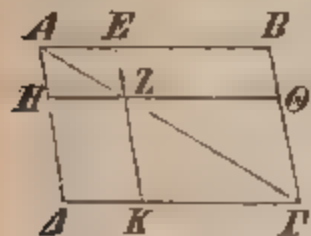
Sit parallelogrammum $AB\Gamma\Delta$, diametrus autem
eius $A\Gamma$, et parallelogramma circum $A\Gamma$ posita sint
 EH , ΘK . dico, parallelogramma EH , ΘK similia
esse et toti $AB\Gamma\Delta$ et inter se.

mutat. in $\Gamma\Theta$ B. 4. τό] ἡ p. $A\Gamma$] AK e corr. V; Γ
mutat. in Δ m. recentissima p. 5. τό] τήν p. $\Gamma\Theta$] mutat.
in ΓH B; Γ mutat. in Δ m. recentiss. p. 6. $\Gamma\Theta$] mutat.
in ΓH B. 7. τήν] om. BFp. τήν] om. P. 10. ἡ
μέν p. 11. $\Gamma\Theta$] mutat. in ΓH B. ἡ] τό φ (non F).
12. $\Gamma\Theta$] mutat. in $E\Theta$ F, in ΓH B. 14. $A\Gamma$] PV; $A\Gamma$
 $\pi\alpha\rho\alpha\lambda\lambda\eta\lambda\acute{o}\gamma\rho\alpha\mu\mu\omicron\nu$ Bp et comp. F. In figura litterae H, Θ
in B permutatae sunt a m. 1, sed mutationes in textu huc
spectantes a m. 2 videntur esse. 16. ἄρα] m. 2 V. 17.
 $\sigma\upsilon\gamma\kappa\epsilon\iota\mu\acute{\epsilon}\nu\omega\nu$ P, corr. m. 1. 21. κξ' Fp. 23. ἐστίν PB;
comp. p. 27. EH] (alt.) in ras. F. 28. ἐστίν PBF;
comp. p. ὅλω] m. 2 V.

Ἐπεὶ γὰρ τριγώνου τοῦ $ΑΒΓ$ παρὰ μίαν τῶν
 πλευρῶν τὴν $ΒΓ$ ἤκται ἡ $ΕΖ$, ἀνάλογόν ἐστιν ὥς
 ἡ $ΒΕ$ πρὸς τὴν $ΕΑ$, οὕτως ἡ $ΓΖ$ πρὸς τὴν $ΖΑ$.
 πάλιν, ἐπεὶ τριγώνου τοῦ $ΑΓΔ$ παρὰ μίαν τὴν $ΓΔ$
 5 ἤκται ἡ $ΖΗ$, ἀνάλογόν ἐστιν ὥς ἡ $ΓΖ$ πρὸς τὴν
 $ΖΑ$, οὕτως ἡ $ΔΗ$ πρὸς τὴν $ΗΑ$. ἀλλ' ὥς ἡ $ΓΖ$
 πρὸς τὴν $ΖΑ$, οὕτως ἐδείχθη καὶ ἡ $ΒΕ$ πρὸς τὴν
 $ΕΑ$. καὶ ὥς ἄρα ἡ $ΒΕ$ πρὸς τὴν $ΕΑ$, οὕτως ἡ
 $ΔΗ$ πρὸς τὴν $ΗΑ$, καὶ συνθέντι ἄρα ὥς ἡ $ΒΑ$ πρὸς
 10 $ΑΕ$, οὕτως ἡ $ΔΑ$ πρὸς $ΑΗ$, καὶ ἐναλλάξ ὥς ἡ $ΒΑ$
 πρὸς τὴν $ΑΔ$, οὕτως ἡ $ΕΑ$ πρὸς τὴν $ΑΗ$. τῶν
 ἄρα $ΑΒΓΔ$, $ΕΗ$ παραλληλογράμμων ἀνάλογόν εἰσιν
 αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὴν κοινὴν γωνίαν τὴν ὑπὸ $ΒΑΔ$.
 καὶ ἐπεὶ παράλληλός ἐστιν ἡ $ΗΖ$ τῇ $ΔΓ$, ἴση ἐστὶν
 15 ἡ μὲν ὑπὸ $ΑΖΗ$ γωνία τῇ ὑπὸ $ΔΓΑ$. καὶ κοινὴ
 τῶν δύο τριγώνων τῶν $ΑΔΓ$, $ΑΗΖ$ ἡ ὑπὸ $ΔΑΓ$
 γωνία. ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ $ΑΔΓ$ τρίγωνον τῷ
 $ΑΗΖ$ τριγώνῳ. διὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ τὸ $ΑΓΒ$ τρίγω-
 νον ἰσογώνιον ἐστὶ τῷ $ΑΖΕ$ τριγώνῳ, καὶ ὅλον τὸ
 20 $ΑΒΓΔ$ παραλληλόγραμμον τῷ $ΕΗ$ παραλληλογράμῳ
 ἰσογώνιον ἐστὶν. ἀνάλογον ἄρα ἐστὶν ὥς ἡ $ΑΔ$ πρὸς
 τὴν $ΔΓ$, οὕτως ἡ $ΑΗ$ πρὸς τὴν $ΗΖ$, ὥς δὲ ἡ $ΔΓ$
 πρὸς τὴν $ΓΑ$, οὕτως ἡ $ΗΖ$ πρὸς τὴν $ΖΑ$, ὥς δὲ ἡ
 $ΑΓ$ πρὸς τὴν $ΓΒ$, οὕτως ἡ $ΑΖ$ πρὸς τὴν $ΖΕ$, καὶ
 25 ἔτι ὥς ἡ $ΓΒ$ πρὸς τὴν $ΒΑ$, οὕτως ἡ $ΖΕ$ πρὸς τὴν $ΕΑ$.

2. τὴν] in ras. m. 2 V, corr ex τῇ m. 2 P. ΕΖ] ΗΖ
 m. rec. p. 3 ΒΕ] mutat. in ΒΗ m. rec. p. ΕΑ] mutat.
 in ΗΑ m. rec. p; ΒΔ φ. 4. ΑΓΔ] P F, V m. 1; ΑΔΓ
 Bp, V m. 2. 5. ΖΗ] mutat. in ΖΕ m. rec. p. 6. ΔΗ]
 mutat. in ΔΕ m. rec. p. 8. ΕΑ] (prius, ΕΔ φ. non F) Seq.
 in p: οὕτως ἡ ΔΗ πρὸς τὴν ΗΑ καὶ συνθέντι ἄρα, del. m. 1.
 οὕτως καὶ p. 9. ἄρα] om. P. 10. τὴν ΑΕ V. οὕτως]
 om. B F p. τὴν ΑΗ V. ΒΑ] ΑΒ p. 12. ἄρα] P; om.

nam quoniam in triangulo $AB\Gamma$ uni lateri $B\Gamma$ parallela ducta est EZ , erit $BE : EA = \Gamma Z : ZA$ [prop. II]. rursus quoniam in tri-



angulo $A\Gamma\Delta$ uni lateri $\Gamma\Delta$ parallela ducta est ZH , erit

$$\Gamma Z : ZA = \Delta H : HA$$

[id.]. sed demonstratum est, esse

$$\Gamma Z : ZA = BE : EA. \text{ quare etiam}$$

$BE : EA = \Delta H : HA$, et componendo [V, 18]

$$BA : AE = \Delta A : AH,$$

et permutando [V, 16] $BA : \Delta A = EA : AH$. itaque latera communem angulum BAA comprehendentia parallelogrammorum $AB\Gamma\Delta$, EH proportionalia sunt. et quoniam HZ rectae $\Delta\Gamma$ parallela est, erit $\angle AZH = \Delta\Gamma A$ [I, 29]; et duorum triangulorum $\Delta\Delta\Gamma$, AHZ communis est $\angle \Delta A\Gamma$. itaque triangulus $\Delta\Delta\Gamma$ aequiangularus est triangulo AHZ [I, 32]. eadem de causa etiam triangulus $A\Gamma B$ triangulo AZE aequiangularus est, et totum parallelogrammum $AB\Gamma\Delta$ parallelogrammo EH aequiangulum est. itaque¹⁾ erit

$$\Delta A : \Delta\Gamma = AH : HZ, \Delta\Gamma : \Gamma A = HZ : ZA \text{ et} \\ A\Gamma : \Gamma B = AZ : ZE, \Gamma B : BA = ZE : EA \text{ [prop. IV].}$$

1) Hoc ἄρα lin. 21 non ad ultima uerba, sed ad proxime antecedentia lin. 17—19 refertur.

BFVp. EH] E postea insert. F; deinde ἄρα add. m. 2 BFV. 13. αἱ] (alt.) om. F. 14. ἴση] ἴση δέ F. 15. AZH] P; AHZ Theon (BFVp). γωνία] m. 2 V. τῇ] P; τῇ ὑπὸ $\Delta\Delta\Gamma$ ἢ δὲ ὑπὸ HZA (ZHA F) τῇ Theon (BFVp). 16. AHZ] PF, V m. 1; AZH Bp, V m. 2. 17. γωνία] om. Bp. τὸ $\Delta\Delta\Gamma$] P, V m. 1; om. F; τὸ $\Delta\Delta\Gamma$ Bp, V m. 2. 18. AHZ] litt. HZ e corr. p. $A\Gamma B$] $AB\Gamma$ V. 19. ὅλον] ὅλον ἄρα V. 20. ἰσογώνιον ἐστὶ τὸ EH παραλληλογράμμω V. 25. EA] AE , eraso E F.

- καὶ ἐπεὶ ἐδείχθη ὡς μὲν ἡ $\Delta\Gamma$ πρὸς τὴν $\Gamma\Lambda$, οὕτως ἡ HZ πρὸς τὴν ZA , ὡς δὲ ἡ $\Lambda\Gamma$ πρὸς τὴν ΓB , οὕτως ἡ AZ πρὸς τὴν ZE , δι' ἴσου ἄρα ἐστὶν ὡς ἡ $\Delta\Gamma$ πρὸς τὴν ΓB , οὕτως ἡ HZ πρὸς τὴν ZE .
- 5 τῶν ἄρα $AB\Gamma\Delta$, $E\Lambda$ παραλληλογράμμων ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας· ὁμοιον ἄρα ἐστὶ τὸ $AB\Gamma\Delta$ παραλληλόγραμμον τῷ $E\Lambda$ παραλληλογράμῳ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ τὸ $AB\Gamma\Delta$ παραλληλόγραμμον καὶ τῷ $K\Theta$ παραλληλογράμῳ ὁμοιόν ἐστίν.
- 10 ἐκάτερον ἄρα τῶν $E\Lambda$, ΘK παραλληλογράμμων τῷ $AB\Gamma\Delta$ [παραλληλογράμῳ] ὁμοιόν ἐστίν. τὰ δὲ τῷ αὐτῷ εὐθύγραμμῳ ὅμοια καὶ ἀλλήλοις ἐστὶν ὅμοια· καὶ τὸ $E\Lambda$ ἄρα παραλληλόγραμμον τῷ ΘK παραλληλογράμῳ ὁμοιόν ἐστίν.
- 15 Παντὸς ἄρα παραλληλογράμμου τὰ περὶ τὴν διάμετρον παραλληλόγραμμα ὁμοιά ἐστι τῷ τε ὅλῳ καὶ ἀλλήλοις· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κα΄.

- Τῷ δοθέντι εὐθύγραμμῳ ὁμοιον καὶ ἄλλῳ
20 τῷ δοθέντι ἴσον τὸ αὐτὸ συστήσασθαι.

Ἐστὼ τι μὲν δοθέν εὐθύγραμμον, ᾧ δεῖ ὁμοιον συστήσασθαι, τὸ $AB\Gamma$, ᾧ δὲ δεῖ ἴσον, τὸ Δ . δεῖ δὴ τῷ μὲν $AB\Gamma$ ὁμοιον, τῷ δὲ Δ ἴσον τὸ αὐτὸ συστήσασθαι.

XXV. Hero def. 116. Eutocius in Apollon. p. 53.

1. $\Gamma\Lambda$] Γ eras. F. 2. HZ] ZH Fr. $\Lambda\Gamma$] eras. F.
3. ΓB] B eras. F. 4. ΓB] $B\Gamma$ P. 6. εἰσιν] εἰ- eras. F.
7. τῷ] corr. ex τῷ m. 2 V. παραλληλόγραμμον] corr. ex
παραλληλογράμῳ m. 2 V τῷ] corr. ex τῷ m. 2 V. παρα-
λληλόγραμμον V, corr. m. 2. 8. δὴ] δὴ καὶ F; καὶ add.
V m. 2. 9. καί] m. 2 F. $K\Theta$] ΘK P. 11. παραλλη-

et quoniam demonstratum est, esse $\Delta\Gamma : \Gamma A = HZ : ZA$ et $\Delta\Gamma : \Gamma B = AZ : ZE$, ex aequo erit [V, 22] $\Delta\Gamma : \Gamma B = HZ : ZE$. ergo in parallelogrammis $AB\Gamma\Delta$, EH latera aequales angulos comprehendentia proportionalia sunt.¹⁾ itaque $AB\Gamma\Delta \sim EH$ [def. 1].²⁾ eadem de causa etiam $AB\Gamma\Delta \sim K\Theta$. itaque utrumque parallelogrammum EH , ΘK parallelogrammo $AB\Gamma\Delta$ simile est. quae autem eidem figurae rectilineae similes sunt figurae, etiam inter se similes sunt [prop. XXI]. quare etiam $EH \sim \Theta K$.

Ergo in quouis parallelogrammo parallelogramma circum diametrum posita similia sunt et toti et inter se; quod erat demonstrandum.

XXV.

Datae figurae rectilineae similem et alii figurae datae aequalem eandem figuram construere.

Sit data figura rectilinea, cui similem figuram oporteat construere, $AB\Gamma$, cui autem aequalem oportet, Δ . oportet igitur figuram construere figurae $AB\Gamma$ similem, figurae autem Δ eandem aequalem.

1) Nam demonstrauius $BA : A\Delta = EA : AH$ (p. 150, 10), $A\Delta : \Delta\Gamma = AH : HZ$ (p. 150, 21), $HZ : ZE = \Delta\Gamma : \Gamma B$ (lin. 4), $ZE : EA = \Gamma B : BA$ (p. 150, 25).

2) Nam etiam aequiangula sunt (p. 150, 20). — hac ratione diluuntur, opinor, cauillationes Simsoni p. 378; quamquam confitendum est, Euclidem hic nonnihil a solito ordine dilucido defecisse.

λογάμω] om. P. εστιν] F, comp. p; εστι P B V. 12. εστιν] εστιν V. 13. ἄρα] om. p. Θ K] Θ in ras. V. 14. εστιν] comp. V p; εστι P B F. 16. τε] m. 2 F. 18. κη' F p. 20. συνστήσασθαι P; corr. m. rec. 21. Post ὃ eras. δέ B. 22. συνστήσασθαι P; corr. m. rec. δὲ δεῖ εἶναι] in ras. m. 2 V. 23. τῷ] (prius) corr. ex τό m. 1 p; τό F. συνστήσασθαι P; corr. m. rec.

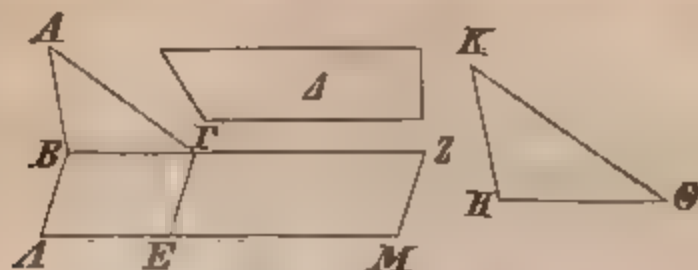
Παραβεβλήσθω γὰρ παρὰ μὲν τὴν ΒΓ τῷ ΑΒΓ
 τριγώνῳ ἴσον παραλληλόγραμμον τὸ ΒΕ, παρὰ δὲ
 τὴν ΓΕ τῷ Δ ἴσον παραλληλόγραμμον τὸ ΓΜ ἐν
 γωνία τῇ ὑπὸ ΖΓΕ, ἥ ἐστίν ἴση τῇ ὑπὸ ΓΒΑ. ἐπ'
 ■ εὐθείας ἄρα ἐστὶν ἡ μὲν ΒΓ τῇ ΓΖ, ἡ δὲ ΔΕ τῇ
 ΕΜ. καὶ εἰλήφθω τῶν ΒΓ, ΓΖ μέση ἀνάλογον ἡ
 ΗΘ, καὶ ἀναγεγράφθω ἀπὸ τῆς ΗΘ τῷ ΑΒΓ ὁμοίον
 τε καὶ ὁμοίως κείμενον τὸ ΚΗΘ.

Καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ἡ ΒΓ πρὸς τὴν ΗΘ, οὕτως
 10 ἡ ΗΘ πρὸς τὴν ΓΖ, ἐὰν δὲ τρεῖς εὐθεῖαι ἀνάλογον
 ᾧσιν, ἐστὶν ὡς ἡ πρώτη πρὸς τὴν τρίτην, οὕτως τὸ
 ἀπὸ τῆς πρώτης εἶδος πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας τὸ
 ὁμοιον καὶ ὁμοίως ἀναγραφόμενον, ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ
 ΒΓ πρὸς τὴν ΓΖ, οὕτως τὸ ΑΒΓ τρίγωνον πρὸς
 15 τὸ ΚΗΘ τρίγωνον. ἀλλὰ καὶ ὡς ἡ ΒΓ πρὸς τὴν
 ΓΖ, οὕτως τὸ ΒΕ παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ ΕΖ
 παραλληλόγραμμον. καὶ ὡς ἄρα τὸ ΑΒΓ τρίγωνον
 πρὸς τὸ ΚΗΘ τρίγωνον, οὕτως τὸ ΒΕ παραλληλό-
 γραμμον πρὸς τὸ ΕΖ παραλληλόγραμμον· ἐναλλάξ
 20 ἄρα ὡς τὸ ΑΒΓ τρίγωνον πρὸς τὸ ΒΕ παραλληλό-
 γραμμον, οὕτως τὸ ΚΗΘ τρίγωνον πρὸς τὸ ΕΖ
 παραλληλόγραμμον. ἴσον δὲ τὸ ΑΒΓ τρίγωνον τῷ
 ΒΕ παραλληλογράμῳ· ἴσον ἄρα καὶ τὸ ΚΗΘ τρί-
 γωνον τῷ ΕΖ παραλληλογράμῳ. ἀλλὰ τὸ ΕΖ παρ-
 25 αλληλόγραμμον τῷ Δ ἐστὶν ἴσον· καὶ τὸ ΚΗΘ ἄρα
 τῷ Δ ἐστὶν ἴσον. ἐστὶ δὲ τὸ ΚΗΘ καὶ τῷ ΑΒΓ
 ὁμοιον.

Τῷ ἄρα δοθέντι εὐθυγράμῳ τῷ ΑΒΓ ὁμοιον

1. τῷ ΑΒΓ] supra F. 4. ΓΒΑ] ΓΒΑ φ. 5. ΒΓ]
 Ρ φ, V m. 1; ΓΒ Βρ, V m. 2. 6. καὶ εἰλήφθω] περιεἰλή-
 φθω φ post ras. 7. ΗΘ] (prius) eras. F. τῷ] τό F.

Nam rectae $B\Gamma$ triangulo $AB\Gamma$ aequale adplicetur parallelogrammum BE [I, 44], rectae autem ΓE



figurae Δ aequale parallelogrammum ΓM in angulo $Z\Gamma E$ aequali angulo $\Gamma B\Delta$ [I, 45]. itaque $B\Gamma$, ΓZ in eadem recta sunt et item AE , EM . et sumatur rectarum $B\Gamma$, ΓZ media proportionalis $H\Theta$ [prop. XIII], et in $H\Theta$ triangulo $AB\Gamma$ similis et similiter positus construatur $KH\Theta$ [prop. XVIII]. et quoniam est $B\Gamma : H\Theta = H\Theta : \Gamma Z$, et si tres rectae proportionales sunt, est ut prima ad tertiam, ita figura in prima descripta ad figuram in secunda similem et similiter descriptam [prop. XIX coroll.], erit

$$B\Gamma : \Gamma Z = AB\Gamma : KH\Theta.$$

uerum etiam $B\Gamma : \Gamma Z = BE : EZ$ [prop. I]. quare etiam $AB\Gamma : KH\Theta = BE : EZ$. permutando igitur [V, 16] $AB\Gamma : BE = KH\Theta : EZ$. sed $AB\Gamma = BE$. itaque etiam $KH\Theta = EZ$. sed $EZ = \Delta$. quare etiam $KH\Theta = \Delta$. erat autem etiam $KH\Theta \sim AB\Gamma$.

Ergo datae figurae rectilineae $AB\Gamma$ similis et

8. τε] om. V. 10. ἡ] eras. F. 11. ἐστίν] om. P. 15. τρίγωνον] om. V. Supra $B\Gamma$ scr. βάσις et supra ΓZ lin. 16 βάσιν. m. rec. P. 17. καὶ ὡς ἔρα — 19: παραλληλόγραμμον] bis p; corr. m. 1. 19 EZ] ZE p (sed in repetitione EZ). 25. ἴσον· καί] in mg. transit F. $KH\Theta$] in ras. m. 2 F. ἄρα τῷ Δ ἐστίν ἴσον] om. F. 26 ἐστὶ δὲ τὸ] φ cum ras. 2 litt. ante τὸ

καὶ ἄλλω τῷ δοθέντι τῷ Δ ἴσον το αὐτὸ συνέσταται
τὸ $KH\Theta$ ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

κς'.

Ἐὰν ἀπὸ παραλληλογράμμου παραλληλό-
5 γραμμον ἀφαιρεθῇ ὁμοίον τε τῷ ὅλῳ καὶ ὁμοίως
κείμενον κοινὴν γωνίαν ἔχον αὐτῷ, περὶ τὴν
αὐτὴν διάμετρον ἔστι τῷ ὅλῳ.

Ἀπὸ γὰρ παραλληλογράμμου τοῦ $AB\Gamma\Delta$ παραλ-
ληλόγραμμον ἀφηρεῖσθω τὸ AZ ὁμοιον τῷ $AB\Gamma\Delta$
10 καὶ ὁμοίως κείμενον κοινὴν γωνίαν ἔχον αὐτῷ τὴν
ὑπὸ ΔAB · λέγω, ὅτι περὶ τὴν αὐτὴν διάμετρον ἔστι
τὸ $AB\Gamma\Delta$ τῷ AZ .

Μὴ γάρ, ἀλλ' εἰ δυνατόν, ἔστω [αὐτῶν] διά-
μετρος ἡ $A\Theta\Gamma$, καὶ ἐκβληθεῖσα ἡ HZ διήχθω ἐπὶ
15 τὸ Θ , καὶ ἤχθω διὰ τοῦ Θ ὁποτέρᾳ τῶν $A\Delta$, $B\Gamma$
παράλληλος ἡ ΘK .

Ἐπεὶ οὖν περὶ τὴν αὐτὴν διάμετρον ἔστι τὸ $AB\Gamma\Delta$
τῷ KH , ἔστιν ἄρα ὡς ἡ ΔA πρὸς τὴν AB , οὕτως
ἡ HA πρὸς τὴν AK . ἔστι δὲ καὶ διὰ τὴν ὁμοιότητα
20 τῶν $AB\Gamma\Delta$, EH καὶ ὡς ἡ ΔA πρὸς τὴν AB , οὕτως
ἡ HA πρὸς τὴν AE · καὶ ὡς ἄρα ἡ HA πρὸς τὴν

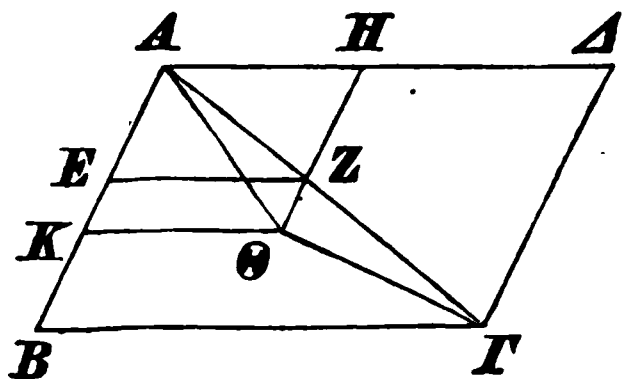
1. τῷ Δ] P, V m. 2; om. Theon (BFp, V m. 1). συν-
σταται V. 3. κς' Fp. 4. παραλληλόγραμμον P. 5. ἀφαι-
ρεθῇ φ. τῷ ὅλῳ] τὸ ὅλον φ in ras. 8. παραλληλογράμ-
μου γάρ P. 9. AZ] supra 2 litt. eras. sunt in V; $A EZ H$ Bp.
τῷ] τό φ. 11. ἔστιν F. 12. τό] τῷ V, corr. m. 2.
 $AB\Gamma\Delta$ V. 13. αὐτῶν] om FV. 14. $A\Theta\Gamma$] φ; ος inter
duas ras. F. καὶ ἐκβληθεῖσα — 15: τὸ Θ] P; om. Theon
(BFVp). 18. Post KH add. Theon: ὁμοίον ἔστι τὸ $AB\Gamma\Delta$
τῷ KH (BFVp). 21. καὶ ὡς ἄρα — p. 156 1: πρὸς τὴν
 AE] om. Bp. HA] $A'H$ F.

alii figurae datae \triangle aequalis eadem constructa est figura $KH\Theta$; quod oportebat fieri.

XXVI.

Si a parallelogrammo aufertur parallelogrammum toti simile et similiter positum et communem angulum habens, circum eandem diametrum positum est ac totum.

Nam a parallelogrammo $AB\Gamma\Delta$ auferatur parallelogrammum AZ simile parallelogrammo $AB\Gamma\Delta$ et similiter positum et communem habens angulum $\angle AB$. dico, $AB\Gamma\Delta$ et AZ circum eandem diametrum posita esse.



ne sint enim, sed, si fieri potest, diametrus sit $A\Theta\Gamma$.¹⁾ et producta HZ ad Θ educatur²⁾, et per Θ utrique $A\Delta$, $B\Gamma$ parallela ducatur ΘK [I, 31 et 30]. iam quoniam

$AB\Gamma\Delta$ et KH circum eandem diametrum sunt posita, erit $\angle A : AB = HA : AK$.³⁾ sed propter similitudinem parallelogrammorum $AB\Gamma\Delta$, EH erit etiam [def. 1] $\angle A : AB = HA : AE$. itaque etiam

1) Debuit ita dicere: nam si $AZ\Gamma$ diametrus parallelogrammi $A\Gamma$ non est, sit $A\Theta\Gamma$. adparet, $\alpha\upsilon\tau\omega\nu$ lin. 13 ferri non posse, sed malim cum FV delere quam cum Peyrardo in $\alpha\upsilon\tau\omega\nu$ corrigere; glossema sponte et in P et in Theoninis nonnullis ortum esse potest.

2) Uerba $\kappa\alpha\iota \epsilon\kappa\beta\lambda\eta\theta\epsilon\iota\sigma\alpha$ cet. lin. 14—15 om. Theon, quia in figura codd. permutatae sunt litterae E, Z et K, Θ ; cfr, p. 158, 3. ego cum Augusto his uerbis retentis errorem p. 158, 3 et figuram corrigere malui. Campani figura nostrae similior est.

3) Nam similia sunt (prop. 24); tum u. def. 1.

AK , οὕτως ἢ HA πρὸς τὴν AE . ἢ HA ἄρα πρὸς
 ἑκατέραν τῶν AK , AE τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον. ἴση
 ἄρα ἐστὶν ἢ AE τῇ AK ἢ ἐλάττων τῇ μείζονι· ὅπερ
 ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα οὐκ ἐστὶ περὶ τὴν αὐτὴν
 5 διάμετρον τὸ $ABΓΔ$ τῷ AZ · περὶ τὴν αὐτὴν ἄρα
 ἐστὶ διάμετρον τὸ $ABΓΔ$ παραλληλόγραμμον τῷ AZ
 παραλληλογράμῳ.

Ἐὰν ἄρα ἀπὸ παραλληλογράμμου παραλληλόγραμ-
 μον ἀφαιρεθῇ ὁμοίον τε τῷ ὅλῳ καὶ ὁμοίως κείμενον
 10 κοινὴν γωνίαν ἔχον αὐτῷ, περὶ τὴν αὐτὴν διάμετρον
 ἐστὶ τῷ ὅλῳ· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κζ'.

Πάντων τῶν παρὰ τὴν αὐτὴν εὐθείαν παρα-
 βαλλομένων παραλληλογράμμων καὶ ἐλλειπόν-
 15 των εἶδεσι παραλληλογράμμοις ὁμοίοις τε καὶ
 ὁμοίως κειμένοις τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας ἀνα-
 γραφομένῳ μέγιστόν ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας
 παραβαλλόμενον [παραλληλόγραμμον] ὁμοιον
 ὃν τῷ ἐλλείμματι.

20 Ἐστω εὐθεῖα ἢ AB καὶ τετμήσθω δίχα κατὰ τὸ
 $Γ$, καὶ παραβεβλήσθω παρὰ τὴν AB εὐθεῖαν τὸ $ΑΔ$
 παραλληλόγραμμον ἐλλείπον εἶδει παραλληλογράμῳ
 τῷ $ΔΒ$ ἀναγραφέντι ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῆς AB , τουτέστι
 τῆς $ΓΒ$ · λέγω, ὅτι πάντων τῶν παρὰ τὴν AB παρα-
 25 βαλλομένων παραλληλογράμμων καὶ ἐλλειπόντων εἶδεσι
 [παραλληλογράμμοις] ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως κειμένοις

1. AK] P; AEK , E in ras., F; AE V. AE] AB P,
 corr. m. rec.; AK V. ἄρα] om. P. 3. AE] AK PFBp,
 V m. 2. AK] AE PBFp, V m. 2. ἐλάτων F, corr. m. 2.
 4. οὐκ] (alt.) om. BVp. ἐστιν PFB. 5. AZ] Pp; $AΘ$

$HA : AK = HA : AE$. ergo HA ad utramque AK , AE eandem rationem habet. quare $AE = AK$ [V, 9] minor maiori; quod fieri non potest. quare fieri non potest, ut $AB\Gamma\Delta$, AZ circum eandem diametrum posita non sint. ergo parallelogramma $AB\Gamma\Delta$, AZ circum eandem diametrum posita sunt.

Ergo si a parallelogrammo aufertur parallelogrammum toti simile et similiter positum et communem angulum habens, circum eandem diametrum positum est ac totum; quod erat demonstrandum.

XXVII.

Omniū parallelogrammorum eidem rectae adplicatorum et deficientium figuris parallelogrammis similibus et similiter positis ei, quae in dimidia describitur, maximum est parallelogrammum dimidia adplicatum defectui simile.

Sit recta AB et in duas partes aequales secetur in Γ , et rectae AB adplicetur parallelogrammum $A\Delta$ deficiens figura parallelogramma AB in dimidia rectae AB , hoc est in ΓB , descripta. dico, omnium parallelogrammorum rectae AB adplicatorum et figuris

BVp. 6. ἐστίν P 10 ἔχον γωνίαν V. αὐτήν] supra m. 1 p.
 12. λ' Fp. 17. τε ἐστὶ p. 18. παραλαμβάνόμενον P;
 corr. m. rec. παραλληλόγραμμον] m. rec. P. ὅμοιον] corr.
 ex ὅμοι P. 19. ὃν τῷ] ὃν τό φ in ras. ἐλλείματι p. 21.
 τήν] τήν αὐτήν P. $A\Delta$] Δ in ras. m. 2 V; AB φ. 23.
 ΔB] $\Delta \Theta$ φ (non F). Post hoc uocab. add. Theon: ὁμοίῳ τε
 καὶ ὁμοίως ἀναγραφέντι (F; pro ὁμοίῳ Bpφ, V m. 2 hab.
 ὅμοιοι; pro ἀναγραφέντι Bp: ἀναγραφέν, V κείμεν seq. ras.;
 -τι in F punctis del.). ἀναγραφέντι] P; τῷ Theon (BFVp)
 ἡμισείας] ἡμισείας ἀναγραφέντι FV. AB] $A\Delta$ φ (non F).
 τουτέστιν P. 25. εἶδеси] φ (aliud uerbum habuit F); εἶδесιν P.
 26. παραλληλογράμοις] om. P.

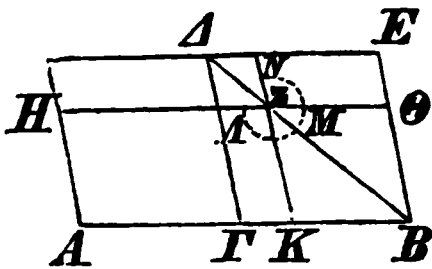
τῷ ΔB μέγιστόν ἐστι τὸ $A\Delta$. παραβεβλήσθω γὰρ
 παρὰ τὴν AB εὐθείαν τὸ AZ παραλληλόγραμμον
 ἔλλειπον εἶδει παραλληλογράμῳ τῷ ZB ὁμοίῳ τε
 καὶ ὁμοίως κειμένῳ τῷ ΔB . λέγω, ὅτι μείζον ἐστι τὸ
 5 $A\Delta$ τοῦ AZ .

Ἐπεὶ γὰρ ὁμοιόν ἐστι τὸ ΔB παραλληλόγραμμον
 τῷ ZB παραλληλογράμῳ, περὶ τὴν αὐτὴν εἰσι διά-
 μετρον. ἤχθω αὐτῶν διάμετρος ἡ ΔB , καὶ κατα-
 γεγράφθω τὸ σχῆμα.

- 10 Ἐπεὶ οὖν ἴσον ἐστὶ τὸ ΓZ τῷ ZE , κοινὸν δὲ
 τὸ ZB , ὅλον ἄρα τὸ $\Gamma\Theta$ ὅλῳ τῷ KE ἐστὶν ἴσον.
 ἀλλὰ τὸ $\Gamma\Theta$ τῷ ΓH ἐστὶν ἴσον, ἐπεὶ καὶ ἡ $A\Gamma$ τῇ
 ΓB . καὶ τὸ $H\Gamma$ ἄρα τῷ EK ἐστὶν ἴσον. κοινὸν
 προσκείσθω τὸ ΓZ . ὅλον ἄρα τὸ AZ τῷ AMN
 15 γνῶμονί ἐστὶν ἴσον· ὥστε τὸ ΔB παραλληλόγραμ-
 μον, τουτέστι τὸ $A\Delta$, τοῦ AZ παραλληλογράμμου μεί-
 ζόν ἐστιν.

Πάντων ἄρα τῶν παρὰ τὴν αὐτὴν εὐθείαν παρα-
 βαλλομένων παραλληλογράμμων καὶ ἔλλειπόντων εἶδεσι
 20 παραλληλογράμμοις ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως κειμένοις
 τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας ἀναγεγραφομένῳ μέγιστόν ἐστι τὸ
 ἀπὸ τῆς ἡμισείας παραβληθέν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

1. τῷ] τό F. παραβεβλήσθω p. 2. AB] B e corr. m.
 1 p. 3. παραλληλογράμῳ p. 7. περὶ ἄρα τὴν Bp. 10.
 ἴσον] supra m. 1 V. ZE] corr. ex $Z\Theta$ m. rec. P. δέ] P;
 προσκείσθω Theon (BFVp). 11. $\Gamma\Theta$] e corr. P m. rec.
 KE] corr. ex $K\Theta$ m. rec. P. 12. $\Gamma\Theta$] corr. ex ΓE P m. rec.
 13. ΓB] PF; ἐστὶν ἴση supra add. V; ΓB ἴση ἐστὶν Bp.
 EK] e corr. P m. rec. 14. ὅλον] seq. ras. 2—3 litt. F. 16.
 AZ] inter A et Z ras. 1 litt. F. 17. ἐστὶ B. 18. αὐτὴν]
 om. p. 19. παραλληλογράμμων — 22: δεῖξαι] καὶ τὰ ἐξῆς p.
 22. δεῖξαι] seq. in omnibus codd. demonstratio alia, quam
 in appendicem reieciimus; u. p. 161 not. 2.

[illegible]

nam quoniam $\angle B \sim ZB$, circum eandem diame-
trum sunt posita [prop. XXVI]. ducatur eorum dia-
metrus $\angle B$, et describatur figura.¹⁾ iam quoniam
 $\Gamma Z = ZE$ [I, 43] et commune est ZB , erit $\Gamma\Theta = KE$.
sed $\Gamma\Theta = \Gamma H$, quoniam $A\Gamma = \Gamma B$ [prop. I]. quare
etiam $H\Gamma = EK$. commune adiiciatur ΓZ . itaque
 $AZ = \angle MN$. quare $\angle B > AZ$, h. e. $A\angle > AZ$.

Ergo omnium parallelogrammorum eidem rectae adplicatorum et deficientium figuris parallelogrammis similibus et similiter positis ei, quae in dimidia describitur, maximum est, quod dimidiae adplicatur; quod erat demonstrandum.²⁾

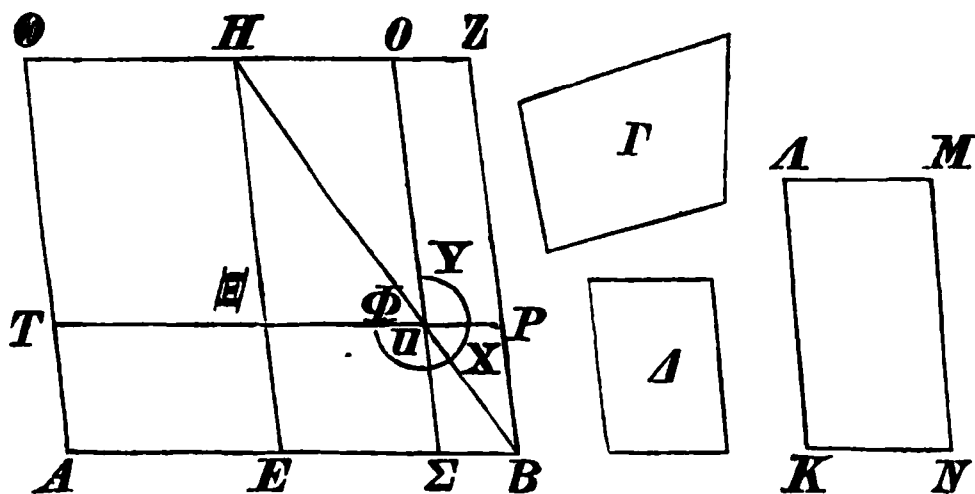
1) H. e. producantur HZ ad \odot et KZ usque ad $\triangle E$; ·
cfr. II, 7, 8.

2) Itaque is solus casus tractatur, ubi $AK > A\Gamma$, nec opus est alterum, ubi $AK < A\Gamma$, propria demonstratione ostendere nec hoc moris est Euclidis. sane in codd. omnibus additur demonstratio huius quoque casus. sed apertissime interpolata est; nam primum ante lin. 18 sq., non post eas inserenda erat, deinde iam ab initio in praeparatione duo casus respiciendi erant nec hoc unquam neglexit Euclides, ubi plures casus habet; ita etiam in altero casu eadem litterae, quae in priore, usurpatae essent, quod iure postulat Simsonus p. 380. Campanus VI, 26 utrumque casum demonstrat.

κη'.

Παρά τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν τῷ δοθέντι
 εὐθυγράμμῳ ἴσον παραλληλόγραμμον παρα-
 βαλεῖν ἐλλείπον εἶδει παραλληλογράμμῳ ὁμοίῳ
 5 τῷ δοθέντι· δεῖ δὲ τὸ διδόμενον εὐθύγραμμον
 [ὧ δεῖ ἴσον παραβαλεῖν] μὴ μείζον εἶναι τοῦ
 ἀπὸ τῆς ἡμισείας ἀναγραφομένου ὁμοίου τῷ
 ἐλλείμματι [τοῦ τε ἀπὸ τῆς ἡμισείας καὶ ὧ δεῖ
 ὅμοιον ἐλλείπειν].

10 Ἐστω ἡ μὲν δοθεῖσα εὐθεῖα ἡ AB , τὸ δὲ δοθὲν
 εὐθύγραμμον, ὧ δεῖ ἴσον παρὰ τὴν AB παραβαλεῖν,
 τὸ Γ μὴ μείζον [ὄν] τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῆς AB
 ἀναγραφομένου ὁμοίου τῷ ἐλλείμματι, ὧ δὲ δεῖ ὅμοιον



ἐλλείπειν, το Δ · δεῖ δὲ παρὰ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν
 15 τὴν AB τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ τῷ Γ ἴσον παραλ-
 ληλόγραμμον παραβαλεῖν ἐλλείπον εἶδει παραλληλο-
 γράμμῳ ὁμοίῳ ὄντι τῷ Δ .

Τετμήσθω ἡ AB δίχα κατὰ τὸ E σημεῖον, καὶ
 ἀναγεγράφθω ἀπὸ τῆς EB τῷ Δ ὅμοιον καὶ ὁμοίως

1. κη'] om. F; λβ' p. 2. εὐθεῖαν] mg. m. 1 P. 3.
 παραβάλλειν V. 5. τῷ] ὄντι τῷ V. δέ] δὴ PBFVp;

XXVIII.

Datae rectae datae figurae rectilineae aequale parallelogrammum adplicare deficiens figura parallelogramma datae simili. oportet autem, figuram rectilineam datam¹⁾ maiorem non esse figura in dimidia recta descripta defectui simili.²⁾

Sit data recta AB , et data figura rectilinea, cui aequalem figuram rectae AB adplicare oportet, Γ non maior figura in dimidia AB descripta simili defectui, ea autem, cui similem figuram deficere oportet, sit Δ . oportet igitur datae rectae AB datae figurae rectilineae Γ aequale parallelogrammum adplicare deficiens figura parallelogramma simili figurae Δ .

secetur enim AB in duas partes aequales in puncto E , et in EB describatur figurae Δ similis et

1) Verba a Theone lin. 6 interpolata ideo parum necessaria sunt, quod τὸ διδόμενον εὐθύγραμμον ad τῷ δοθέντι (sc. εἶδει) lin. 5 referri non possunt, sed necessario a quouis lectore ad τῷ δοθέντι εὐθύγραμμῳ lin. 2 trahuntur.

2) Hunc διορισμὸν statim praebet prop. 27. — Campanum VI, 27: „quod secundum eiusdem suum esse parallelogrammo super dimidiam datae lineae collocato minime maius existat“ non intellego, videtur tamen potius cum P consentire.

corr Augustus. 6. ὃ δὲ ἴσον παραβαλεῖν] add. Theon (BFVp); m. rec. P. παραβάλλειν FV. 7. ἀναγραφομένου] P; παραβαλλομένου Theon (BFVp) ὁμοίου] P; ὁμοίων ὄντων Theon (BFVp), P m. rec. τῷ ἐλλείμματι] P; τῶν ἐλλειμμάτων Theon (BFVp), P m. rec. 8 τοῦ τε — 9: ἐλλείπειν] add. Theon (BFVp); m. rec. P. 12. ὅν] om. P. τοῦ] τῷ φ. τῆς AB] P; om. Theon (BFVp). 13. ἀναγραφομένου] P; παραβαλλομένου Theon (BFVp). ὁμοίου τῷ ἐλλείμματι] P; ὁμοίων ὄντων τῶν ἐλλειμμάτων Theon (BFVp) 18. τό E] euan. F.

κείμενον τὸ $EBZH$, καὶ συμπληρώσθω τὸ AH παραλληλόγραμμον.

Εἰ μὲν οὖν ἴσον ἐστὶ τὸ AH τῷ Γ , γεγονὸς ἂν εἴη τὸ ἐπιταχθέν· παραβέβληται γὰρ παρὰ τὴν δο-
 5 θείσαν εὐθείαν τὴν AB τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ τῷ Γ ἴσον παραλληλόγραμμον τὸ AH ἑλλείπον εἶδει παραλληλογράμμῳ τῷ HB ὁμοίῳ ὄντι τῷ Δ . εἰ δὲ οὐ, μείζον ἔστω τὸ ΘE τοῦ Γ . ἴσον δὲ τὸ ΘE τῷ HB · μείζον ἄρα καὶ τὸ HB τοῦ Γ . ὃ δὴ μείζον
 10 ἐστὶ τὸ HB τοῦ Γ , ταύτῃ τῇ ὑπεροχῇ ἴσον, τῷ δὲ Δ ὅμοιον καὶ ὁμοίως κείμενον τὸ αὐτὸ συνεστίατω τὸ $KAMN$. ἀλλὰ τὸ Δ τῷ HB [ἐστίν] ὅμοιον· καὶ τὸ KM ἄρα τῷ HB ἐστίν ὅμοιον. ἔστω οὖν ὁμόλογος ἡ μὲν KA τῇ HE , ἡ δὲ AM τῇ HZ . καὶ
 15 ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ HB τοῖς Γ, KM , μείζον ἄρα ἐστὶ τὸ HB τοῦ KM · μείζων ἄρα ἐστὶ καὶ ἡ μὲν HE τῆς KA , ἡ δὲ HZ τῆς AM . κείσθω τῇ μὲν KA ἴση ἡ $H\Xi$, τῇ δὲ AM ἴση ἡ HO , καὶ συμπληρώσθω τὸ $\Xi H O \Pi$ παραλληλόγραμμον· ἴσον ἄρα καὶ
 20 ὁμοιὸν ἐστὶ [τὸ $H\Pi$] τῷ KM [ἀλλὰ τὸ KM τῷ HB ὁμοιὸν ἐστίν]. καὶ τὸ $H\Pi$ ἄρα τῷ HB ὁμοιὸν ἐστίν· περὶ τὴν αὐτὴν ἄρα διάμετρον ἐστὶ τὸ $H\Pi$ τῷ HB . ἔστω αὐτῶν διάμετρος ἡ $H\Pi B$, καὶ καταγεγράφθω τὸ σχῆμα.

1. $EBZH$] $BEZH$ F? 2. Post παραλληλόγραμμον add. Theon: τὸ δὴ AH ἥτοι ἴσον ἐστὶ τῷ Γ ἢ μείζον αὐτοῦ διὰ τὸν διορισμόν (BVp, F mg. m. 1; pro διορισμόν habent FV διορισμόν; in V corr. m. 2). 3. ἐστίν P; in F cum τὸ AH euan. 6. AH] euan. F. 8. δέ] δ' F. ἔστω] PF; ἔσται Bp; ἐστὶ V. δὲ τό] δὲ τοῦ B. 9. τῷ] τό B. HB] H supra m. 1 V. δὴ] δὲ uel δεῖ B; δεῖ p. 12. ἐστίν] om. P. 13. KM] inter K et M una litt. (ε?) euan. F. 14. KA] AK Bp 15. HB] e corr. m. 1 p. 17. KA] AK Bp.

similiter posita $EBZH$ [prop. XVIII], et expleatur parallelogrammum AH . iam si $AH = \Gamma$, effectum erit propositum. nam datae rectae AB datae figurae rectilineae Γ aequale parallelogrammum adplicatum est AH deficiens figura parallelogramma HB simili figurae Δ . sin minus, sit $\Theta E > \Gamma$.¹⁾ sed $\Theta E = HB$. itaque $HB > \Gamma$. iam excessui, quo maius est HB figura Γ , aequale et parallelogrammo Δ simile et similiter positum idem construatur $KAMN$ [prop. XXV]. sed $\Delta \sim HB$. quare etiam $KM \sim HB$ [prop. XXI]. iam correspondeant inter se KA , HE et AM , HZ . et quoniam $HB = \Gamma + KM$, erit $HB > KM$. quare etiam $HE > KA$, $HZ > AM$.²⁾ ponatur $H\Xi = KA$ et $HO = AM$, et expleatur parallelogrammum $\Xi H O \Pi$. itaque aequale et simile³⁾ est parallelogrammo KM . quare etiam $H\Pi \sim HB$ [prop. XXI, cfr. lin. 13]. itaque $H\Pi$, HB circum eandem diametrum posita sunt [prop. XXVI]. sit eorum diametrus $H\Pi B$, et describatur figura [p. 161 not. 1].

1) Ex hypothesi; quare debuit esse $\epsilon\sigma\tau\alpha\iota$ lin. 8, sed $\epsilon\sigma\tau\omega$ ferri posse negare non ausim.

2) Nam per prop. 20 erit $HB : KM = HE^2 : KA^2 = HZ^2 : AM^2$ iam cum $HB > KM$, erit $HE^2 > KA^2$, $HZ^2 > AM^2$, h. e. $HE > KA$, $HZ > AM$.

3) Quia $HB \sim KM$, erit $\angle OH\Xi = \angle KAM$ itaque $H\Pi$, KM aequiangula sunt. quare et similia sunt (def. 1) et aequalia (prop. 14). cfr. p. 144, 11.

$\tau\tilde{\eta}$ μὲν KA] Bp; $\tau\tilde{\eta}$ KA μὲν PF ; μὲν $\tau\tilde{\eta}$ KA V 18. HO] corr. ex $H\Theta$ m. rec. P; O e corr. m. 2 V; $H\Theta$ F? 20. $\tau\tilde{o}$ $H\Pi$] om. P. $\tau\tilde{\omega}$] e corr. P. ἀλλὰ τὸ KM τῷ HB ὁμοίον ἐστίν] τὸ $H\Pi$. ἀλλὰ τὸ KM τῷ HB ὁμοίον ἐστὶ supra m. rec. P. KM] K in ras. m. 2 V. 21. ἐστὶ BV v. ἐστὶ BFV , comp. p.

ἐπεὶ οὖν ἴσον ἐστὶ τὸ BH τοῖς Γ, KM , ὥν τὸ $ΗΠ$ τῷ KM ἐστὶν ἴσον, λοιπὸς ἄρα ὁ $ΤΧΦ$ γνῶ-
μων λοιπῷ τῷ Γ ἴσος ἐστίν. καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ
 OP τῷ $\Xi\Sigma$, κοινὸν προσκείσθω τὸ $ΠΒ$ ὅλον ἄρα
5 τὸ OB ὅλῳ τῷ ΞB ἴσον ἐστίν. ἀλλὰ τὸ ΞB τῷ TE
ἐστὶν ἴσον, ἐπεὶ καὶ πλευρὰ ἡ AE πλευρὰ τῇ EB
ἐστὶν ἴση· καὶ τὸ TE ἄρα τῷ OB ἐστὶν ἴσον. κοινὸν
προσκείσθω τὸ $\Xi\Sigma$ · ὅλον ἄρα τὸ $T\Sigma$ ὅλῳ τῷ $\Phi X \Gamma$
γνώμονί ἐστὶν ἴσον. ἀλλ' ὁ $\Phi X \Gamma$ γνῶμων τῷ Γ
10 ἐδείχθη ἴσος· καὶ τὸ $T\Sigma$ ἄρα τῷ Γ ἐστὶν ἴσον.

Παρὰ τὴν δοθεῖσαν ἄρα εὐθεΐαν τὴν AB τῷ
δοθέντι εὐθυγράμμῳ τῷ Γ ἴσον παραλληλόγραμμον
παραβέβληται τὸ ΣT ἐλλείπον εἶδει παραλληλογράμμῳ
τῷ $ΠΒ$ ὁμοίῳ ὄντι τῷ Δ [ἐπειδήπερ τὸ $ΠΒ$ τῷ $ΗΠ$
15 ὁμοιόν ἐστιν]· ὅπερ εἶδει ποιῆσαι.

καθ'.

Παρὰ τὴν δοθεῖσαν εὐθεΐαν τῷ δοθέντι
εὐθυγράμμῳ ἴσον· παραλληλόγραμμον παρα-
βαλεῖν ὑπερβάλλον εἶδει παραλληλογράμμῳ
20 ὁμοίῳ τῷ δοθέντι.

Ἐστω ἡ μὲν δοθεῖσα εὐθεΐα ἡ AB , τὸ δὲ δοθὲν
εὐθύγραμμον, ᾧ δεῖ ἴσον παρὰ τὴν AB παραβαλεῖν,
τὸ Γ , ᾧ δὲ δεῖ ὁμοιον ὑπερβάλλειν, τὸ Δ · δεῖ δὴ
παρὰ τὴν AB εὐθεΐαν τῷ Γ εὐθυγράμμῳ ἴσον παρα-
25 ληλόγραμμον παραβαλεῖν ὑπερβάλλον εἶδει παραλληλο-
γράμμῳ ὁμοίῳ τῷ Δ .

1. BH] in ras. m. 2 V; HB p 2. ἴσον ἐστίν p. λοι-
πόν P, corr. m. rec $ΤΧΦ$] $ΤΦΧ$ P V. 3 ἐστὶν ἴσος F.
ἐστίν] ἐστὶ V, comp. p. ἐστὶ] ἐστίν P 5. OB] euan. F.
6. ἴσον ἐστίν B. Ante ἐπεὶ add φ: ἐπι. 7. OB] O in

iam quoniam $BH = \Gamma + KM$, quorum $H\Pi = KM$, erit etiam $TX\Phi = \Gamma$. et quoniam $OP = \Xi\Sigma$ [I, 43], commune adiiciatur ΠB . itaque $OB = \Xi B$. sed $\Xi B = TE$, quoniam $AE = EB$ [prop. I]. quare etiam $TE = OB$. commune adiiciatur $\Xi\Sigma$. itaque $T\Sigma = \Phi X\Gamma$. sed demonstratum est, esse $\Phi X\Gamma = \Gamma$. quare etiam $T\Sigma = \Gamma$.

Ergo datae rectae AB datae figurae rectilineae Γ aequale parallelogrammum adplicatum est ΣT deficiens figura parallelogramma ΠB , quae figurae Δ similis est¹⁾; quod oportebat fieri.

XXIX.

Datae rectae datae figurae rectilineae aequale parallelogrammum adplicare excedens figura parallelogramma simili datae.

Sit data recta AB , data autem figura rectilinea, cui aequalem figuram rectae AB adplicare oportet, sit Γ , ea autem, cui similem figuram excedere oportet, sit Δ . oportet igitur rectae AB figurae rectilineae Γ aequale parallelogrammum adplicare excedens figura parallelogramma simili figurae Δ .

1) Nam $\Pi B \sim HB$ (prop. 24) $\sim \Delta$. uerba $\epsilon\pi\epsilon\iota\delta\eta\pi\epsilon\rho - \epsilon\sigma\tau\iota\nu$, ubi sine causa de $H\Pi$ mentio iniicitur, spuria sunt. alia res est p. 170, 7.

ras. m. 2 V. 8. $T\Sigma$] TB corr. ex $T\Gamma$ m. 1 p. 9. $\alpha\lambda\lambda\acute{\alpha}$ Bp.
 10. $T\Sigma$] $A\Pi$ P. 11. $\alpha\tilde{\rho}\alpha$] om. F. 13. Supra ΣT ras.
 est in V. 14. $\tau\tilde{\omega}$] (tert.) postea insert. m. 1 F. 16. $\kappa\theta'$] $\lambda\gamma'$ p et F, corr. m. rec. 18. $\pi\alpha\rho\alpha\lambda\lambda\eta\lambda\acute{o}\gamma\rho\alpha\mu\mu\omicron\nu$] $\pi\alpha\rho\alpha\lambda\lambda\eta\lambda\omicron$ -
 sustulit resarcinatio in F. 22. $\delta\epsilon\iota$] $\delta\eta$ F p. 23. $\upsilon\pi\epsilon\rho\beta\alpha\lambda\epsilon\iota\nu$ F.
 $\delta\epsilon\iota$ $\delta\eta$] sustulit lac. pergameni F. 24. $\pi\alpha\rho\acute{\alpha}$ — $\epsilon\upsilon\theta\upsilon\gamma\rho\acute{\alpha}\mu\epsilon\omega\lambda$
 mg. m. 1 F. $\iota\sigma\omicron\nu$] in ras. F.

Τετμήσθω ἡ AB δίχα κατὰ τὸ E , καὶ ἀναγε-
 γράφθω ἀπὸ τῆς EB τῷ A ὅμοιον καὶ ὁμοίως κεί-
 μενον παραλληλόγραμμον τὸ BZ , καὶ συναμφοτέροις
 μὲν τοῖς BZ , Γ ἴσον, τῷ δὲ A ὅμοιον καὶ ὁμοίως
 5 κείμενον τὸ αὐτὸ συνεστᾶτω τὸ $H\Theta$. ὁμολογος δὲ
 ἔστω ἡ μὲν $K\Theta$ τῇ ZA , ἡ δὲ KH τῇ ZE . καὶ
 ἐπεὶ μείζον ἐστὶ τὸ $H\Theta$ τοῦ ZB , μείζων ἄρα ἐστὶ
 καὶ ἡ μὲν $K\Theta$ τῆς ZA , ἡ δὲ KH τῆς ZE . ἐκβεβλή-
 σθωσαν αἱ ZA , ZE , καὶ τῇ μὲν $K\Theta$ ἴση ἔστω ἡ
 10 ZAM , τῇ δὲ KH ἴση ἡ ZEN , καὶ συμπληρωσθω
 τὸ MN . τὸ MN ἄρα τῷ $H\Theta$ ἴσον τέ ἐστὶ καὶ ὅμοιον.
 ἀλλὰ τὸ $H\Theta$ τῷ EA ἐστὶν ὅμοιον· καὶ τὸ MN ἄρα
 τῷ EA ὁμοιόν ἐστιν· περὶ τὴν αὐτὴν ἄρα διάμετρον
 ἐστὶ τὸ EA τῷ MN . ἤχθω αὐτῶν διάμετρος ἡ $ZΞ$,
 15 καὶ καταγεγράφθω τὸ σχῆμα.

Ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ $H\Theta$ τοῖς EA , Γ , ἀλλὰ τὸ $H\Theta$
 τῷ MN ἴσον ἐστίν, καὶ τὸ MN ἄρα τοῖς EA , Γ
 ἴσον ἐστίν. κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ EA . λοιπὸς ἄρα
 ὁ $\Psi\chi\Phi$ γνώμων τῷ Γ ἐστὶν ἴσος. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστίν
 20 ἡ AE τῇ EB , ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ AN τῷ NB , τουτέστι
 τῷ AO . κοινὸν προσκείσθω τὸ $EΞ$. ὅλον ἄρα τὸ

3. BZ] corr. ex HZ m. 2 V. 4. BZ , Γ] Z et Γ e
 corr. p; HZ , Γ V. A] e corr. F. 5. $H\Theta$] PF; $H\Theta$.
 ὅμοιον ἄρα ἐστὶ τὸ $H\Theta$ τῷ ZB Bp, V mg. m. 2. 6. ZE]
 EZ F. 8. $K\Theta$] ΘK F. 10. KH] corr. ex KB m. rec. P.
 11. τε] om. V. ἐστὶν P. 12. τό] (alt.) τῷ F, aed corr. 13.
 EA] A F. ἐστὶν ὅμοιον V. ἐστὶν] P, comp. p; ἐστὶ BFV.
 14. ἐστὶ] supra F. αὐτῶν] αὐτῶν ἡ V. 16. ἐπεὶ οὖν FV.
 τό] (prius) τῷ F. 17. ἐστὶ PBV, comp. p. 18. ἐστὶ BV,
 comp. p. EA] mutat. in ΘA m 1 F. 20. AE] in ras
 m. 2 V. τουτέστιν P; comp. p. 21. AO] O e corr. m. 1 F.

$AΞ$ ἴσον ἐστὶ τῷ $ΦΧΨ$ γνώμονι. ἀλλὰ ὁ $ΦΧΨ$ γνῶμων τῷ $Γ$ ἴσος ἐστίν· καὶ τὸ $AΞ$ ἄρα τῷ $Γ$ ἴσον ἐστίν.

Παρὰ τὴν δοθεῖσαν ἄρα εὐθεῖαν τὴν AB τῷ
 5 δοθέντι εὐθυγράμμῳ τῷ $Γ$ ἴσον παραλληλόγραμμον
 παραβέβληται τὸ $AΞ$ ὑπερβάλλον εἶδει παραλληλο-
 γράμμῳ τῷ $ΠΟ$ ὁμοίῳ ὄντι τῷ $Δ$, ἐπεὶ καὶ τῷ $ΕΔ$
 ἐστὶν ὁμοιον τὸ $ΟΠ$ · ὅπερ εἶδει ποιῆσαι.

λ'.

10 Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν πεπερασμένην ἄκρον
 καὶ μέσον λόγον τεμεῖν.

Ἐστω ἡ δοθεῖσα εὐθεῖα πεπερασμένη ἡ AB · δεῖ
 δὴ τὴν AB εὐθεῖαν ἄκρον καὶ μέσον λόγον τεμεῖν.

Ἀναγεγράφθω ἀπὸ τῆς AB τετράγωνον τὸ $BΓ$,
 15 καὶ παραβεβλήσθω παρὰ τὴν $ΑΓ$ τῷ $BΓ$ ἴσον παρ-
 αλληλόγραμμον τὸ $ΓΔ$ ὑπερβάλλον εἶδει τῷ $ΑΔ$
 ὁμοίῳ τῷ $BΓ$.

Τετράγωνον δὲ ἐστὶ τὸ $BΓ$ · τετράγωνον ἄρα ἐστὶ
 καὶ τὸ $ΑΔ$. καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ $BΓ$ τῷ $ΓΔ$,
 20 κοινὸν ἀφτρήσθω τὸ $ΓΕ$ · λοιπὸν ἄρα τὸ BZ λοιπῷ
 τῷ $ΑΔ$ ἐστὶν ἴσον. ἐστὶ δὲ αὐτῷ καὶ ἰσογώνιον·
 τῶν BZ , $ΑΔ$ ἄρα ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ
 περὶ τὰς ἰσας γωνίας· ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ ZE πρὸς τὴν
 $ΕΔ$, οὕτως ἡ AE πρὸς τὴν EB . ἴση δὲ ἡ μὲν ZE
 25 τῇ AB , ἡ δὲ $ΕΔ$ τῇ AE . ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ BA πρὸς

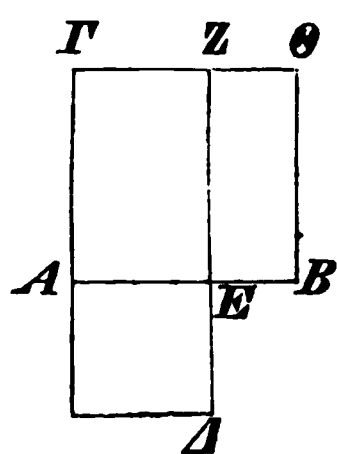
1. ἀλλ' F. 2. ἴσος] ἴσον φ (non F). ἐστίν] F, comp p;
 ἐστὶ PBV. 3. ἐστὶ B 4. ἄρα] supra comp. F. εὐθεῖαν
 ἐστὶ F. 7. τῷ] (alt.) τό F, et V, corr. m. 2. 9 λδ'] p; F,
 sed corr. m. rec. 11. τεμεῖν] supra scr. ν m. 1 F. 14
 γὰρ ἀπὸ FV. Post AB ras. magna F. 15. ΑΓ] corr. ex
 AB m. 1 F. 20. BZ] corr. ex BΓ m. 1 p. 21. τῷ] τό φ

$E\Xi$. itaque $A\Xi = \Phi X \Psi$. sed $\Phi X \Psi = \Gamma$. quare etiam $A\Xi = \Gamma$.

Ergo datae rectae AB datae figurae rectilineae Γ aequale adplicatum est parallelogrammum $A\Xi$ excedens figura parallelogramma ΠO , quae similis est figurae Δ , quia $O\Pi \sim E\Delta$ [prop. XXIV]; quod oportebat fieri.

XXX.

Datam rectam terminatam secundum rationem extremam ac mediam secare.



Sit data recta terminata AB . oportet igitur rectam AB secundum extremam ac mediam rationem secare.

describatur enim in AB quadratum $B\Gamma$, et rectae $A\Gamma$ adplicetur parallelogrammum $\Gamma\Delta$ quadrato $B\Gamma$ aequale et excedens figura $A\Delta$ simili figurae $B\Gamma$ [prop. XXIX]. quadratum autem est $B\Gamma$; itaque etiam $A\Delta$ quadratum est. et quoniam $B\Gamma = \Gamma\Delta$, subtrahatur, quod commune est, ΓE . quare $BZ = A\Delta$. uerum etiam aequiangulum ei est.¹⁾ quare in parallelogrammis BZ , $A\Delta$ latera aequales angulos comprehendunt in contraria proportionem sunt [prop. XIV]. itaque $ZE : E\Delta = AE : EB$. sed $ZE = AB$ ²⁾ et

1) Nam utrumque rectangulum est.

2) Nam $ZE = A\Gamma$ (I, 34) et $A\Gamma = AB$.

(non F). ἴσον ἐστὶν F. 23. τήν] om. BFp. 24. AE] AB φ. τήν] om. BFp. ZE τῇ AΓ, τουτέστι τῇ AB Theon (BFVp). 25. AE] AB φ.

τὴν AE , οὕτως ἡ AE πρὸς τὴν EB . μείζων δὲ ἡ AB τῆς AE · μείζων ἄρα καὶ ἡ AE τῆς EB .

Ἡ ἄρα AB εὐθεῖα ἄκρον καὶ μέσον λόγον τέ-
τμηται κατὰ τὸ E , καὶ τὸ μείζον αὐτῆς τμήμα ἐστι
6 τὸ AE · ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

λα'.

Ἐν τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις τὸ ἀπὸ τῆς
τὴν ὀρθὴν γωνίαν ἰσοτείνουσης πλευρᾶς εἶδος
ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν τὴν ὀρθὴν γωνίαν πε-
10 ριεχουσῶν πλευρῶν εἶδеси τοῖς ὁμοίοις τε καὶ
ὁμοίως ἀναγραφόμενοις.

Ἐστω τρίγωνον ὀρθογώνιον τὸ $ABΓ$ ὀρθὴν ἔχον
τὴν ὑπὸ $BAΓ$ γωνίαν· λέγω, ὅτι τὸ ἀπὸ τῆς $BΓ$
εἶδος ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν BA , $ΑΓ$ εἶδеси τοῖς
15 ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως ἀναγραφόμενοις.

Ἦχθω κάθετος ἡ $ΑΔ$.

Ἐπεὶ οὖν ἐν ὀρθογωνίῳ τριγώνῳ τῷ $ABΓ$ ἀπὸ
τῆς πρὸς τῷ A ὀρθῆς γωνίας ἐπὶ τὴν $BΓ$ βάσιν
κάθετος ἤκται ἡ $ΑΔ$, τὰ $ABΔ$, $ΑΔΓ$ πρὸς τῇ κα-
20 θέτῳ τρίγωνῳ ὁμοιά ἐστι τῷ τε ὅλῳ τῷ $ABΓ$ καὶ
ἀλλήλοις. καὶ ἐπεὶ ὁμοίόν ἐστι τὸ $ABΓ$ τῷ $ABΔ$,
ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ $ΓB$ πρὸς τὴν BA , οὕτως ἡ AB
πρὸς τὴν $BΔ$. καὶ ἐπεὶ τρεῖς εὐθεῖαι ἀνάλογόν εἴ-
σιν, ἐστὶν ὡς ἡ πρώτη πρὸς τὴν τρίτην, οὕτως τὸ
25 ἀπὸ τῆς πρώτης εἶδος πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας τὸ
ὁμοιον καὶ ὁμοίως ἀναγραφόμενον. ὡς ἄρα ἡ $ΓB$

XXXI. Proclus p. 426, 14.

4. κατὰ] κα p. καὶ τό] καί p. ἐστὶν P, comp. p. 5.
τό] ἡ P Sequitur alia demonstratio, u. app. 6. λα'] non
liquet in F; om. p. 10. εἶδесιν PB. τε] om. BFVp.

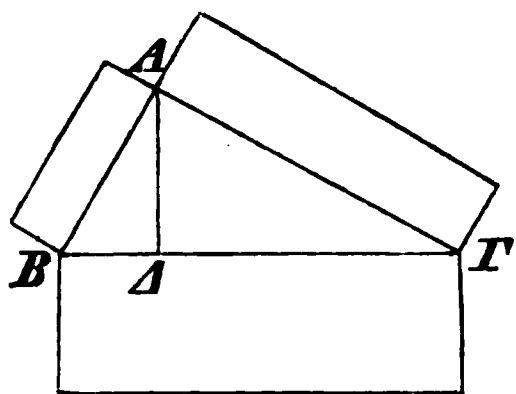
$E\Delta = AE$. itaque $BA : AE = AE : EB$. sed $AB > AE$. quare etiam [V, 14] $AE > EB$. •

Ergo recta AB secundum extremam ac mediam rationem secta est in E [def. 3], et maior eius pars est AE ; quod oportebat fieri.

XXXI.

In triangulis rectangulis figura descripta in latere sub recto angulo subtendenti aequalis est figuris in lateribus rectum angulum comprehendentibus similibus et similiter descriptis.

Sit triangulus rectangulus $AB\Gamma$ angulum $B\Lambda\Gamma$ rectum habens. dico, figuram in $B\Gamma$ descriptam aequalem esse figuris in BA , $A\Gamma$ similibus et similiter descriptis.



ducatur perpendicularis $A\Delta$. iam quoniam in triangulo rectangulo $AB\Gamma$ ab angulo recto ad A posito ad basim $B\Gamma$ perpendicularis ducta est $A\Delta$, trianguli $AB\Delta$, $A\Delta\Gamma$ ad perpendicularem positi et toti $AB\Gamma$ et inter se similes sunt [prop. VIII]. et quoniam $AB\Gamma \sim AB\Delta$, erit [def. 1] $\Gamma B : BA = AB : B\Delta$. et quoniam tres rectae proportionales sunt, erit ut prima ad tertiam, ita figura in prima descripta ad figuram in secunda similem et similiter descriptam

13. ὑπὸ τό p. 14. εἴδουσιν P. 15. ὁμοίως] ὁμοίοις V.
 18. τῷ] τό FV, sed corr. m. 2. 19. $A\Delta\Gamma$] corr. ex $A\Delta B$ m.
 rec. P. ἄρα πρὸς V. 20. ἐστὶν P. 25. τό] (alt.) om. F;
 inser. m. 2, sed euan.

πρὸς τὴν $ΒΔ$, οὕτως τὸ ἀπὸ τῆς $ΓΒ$ εἶδος πρὸς
τὸ ἀπὸ τῆς $ΒΑ$ τὸ ὅμοιον καὶ ὁμοίως ἀναγραφόμε-
νον. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὥς ἡ $ΒΓ$ πρὸς τὴν $ΓΔ$,
οὕτως τὸ ἀπὸ τῆς $ΒΓ$ εἶδος πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς $ΓΑ$.
5 ὥστε καὶ ὥς ἡ $ΒΓ$ πρὸς τὰς $ΒΔ$, $ΔΓ$, οὕτως τὸ ἀπὸ
τῆς $ΒΓ$ εἶδος πρὸς τὰ ἀπὸ τῶν $ΒΑ$, $ΑΓ$ τὰ ὅμοια
καὶ ὁμοίως ἀναγραφόμενα. ἴση δὲ ἡ $ΒΓ$ ταῖς $ΒΔ$,
 $ΔΓ$. ἴσον ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ τῆς $ΒΓ$ εἶδος τοῖς ἀπὸ
τῶν $ΒΑ$, $ΑΓ$ εἶδεσι τοῖς ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως ἀνα-
10 γραφομένοις.

Ἐν ἄρα τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις τὸ ἀπὸ τῆς
τὴν ὀρθὴν γωνίαν ὑποτείνουσας πλευρᾶς εἶδος ἴσον
ἴστί τοῖς ἀπὸ τῶν τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιεχουσῶν
πλευρῶν εἶδεσι τοῖς ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως ἀναγραφο-
15 μένοις· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

λβ'.

Ἐὰν δύο τρίγωνα συντεθῇ κατὰ μίαν γω-
νίαν τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυσὶ πλευραῖς ἀνά-
λογον ἔχοντα ὥστε τὰς ὁμολόγους αὐτῶν πλευ-
20 ρὰς καὶ παραλλήλους εἶναι, αἱ λοιπαὶ τῶν τρι-
γώνων πλευραὶ ἐπ' εὐθείας ἔσονται.

Ἐστω δύο τρίγωνα τὰ $ΑΒΓ$, $ΔΓΕ$ τὰς δύο πλευ-
ρὰς τὰς $ΒΑ$, $ΑΓ$ ταῖς δυσὶ πλευραῖς ταῖς $ΔΓ$, $ΔΕ$
ἀνάλογον ἔχοντα, ὥς μὲν τὴν $ΑΒ$ πρὸς τὴν $ΑΓ$,
25 οὕτως τὴν $ΔΓ$ πρὸς τὴν $ΔΕ$, παράλληλον δὲ τὴν

2. ἀναγραφόμενον] -γε in ras φ. 4. τὸ ἀπὸ τῆς $ΓΑ$ — 6.
εἶδος πρὸς] om. p. 5. $ΒΔ$, $ΔΓ$] $ΔΒ$, $ΔΓ$ φ. 6 τῶν]
τῆς φ. 9. $ΒΑ$] $Α$ e corr. m. 2 V. εἶδουσιν P. ἀναγραφο-
μένος (sic) P. 11. ἐν ἄρα] in ras. post ras. 3 litt. m. 1 B.
τριγώνοις] om. p. 13. ἔστι] ταῖς φ. 14. εἶδουσιν P
Sequitur alia demonstratio, u. app. 16. λη' F p. 17. συν-

[prop. XIX coroll.]. quare ut $\Gamma B : B\Delta$, ita figura in ΓB descripta ad figuram in $B\Delta$ similem et similiter descriptam. eadem de causa erit etiam ut $B\Gamma : \Gamma\Delta$, ita figura in $B\Gamma$ descripta ad figuram in $\Gamma\Delta$ descriptam.¹⁾ quare etiam ut $B\Gamma : B\Delta + \Delta\Gamma$, ita figura in $B\Gamma$ descripta ad figuras in $B\Delta$ et $\Delta\Gamma$ similes et similiter descriptas.²⁾ sed $B\Gamma = B\Delta + \Delta\Gamma$. itaque etiam figura in $B\Gamma$ descripta aequalis est figuris in $B\Delta$, $\Delta\Gamma$ similibus et similiter descriptis.³⁾

Ergo in triangulis rectangulis figura descripta in latere sub recto angulo subtendenti aequalis est figuris in lateribus rectum angulum comprehendentibus similibus et similiter descriptis; quod oportebat fieri.

XXXII.

Si duo trianguli duo latera duobus lateribus proportionalia habentes in uno angulo coniunguntur, ita ut correspondentia latera etiam parallela sint, reliqua latera triangulorum in eadem recta erunt posita.

Sint duo trianguli $AB\Gamma$, $\Delta\Gamma E$ duo latera BA , $A\Gamma$ duobus lateribus $\Delta\Gamma$, ΔE proportionalia habentes, ita ut sit $AB : A\Gamma = \Delta\Gamma : \Delta E$, et AB parallelum

1) Nam $AB\Gamma \sim A\Delta\Gamma$. itaque $B\Gamma : \Gamma A = \Gamma A : \Gamma\Delta$.

2) Sint figurae in $B\Gamma$, $A\Gamma$, AB descriptae a , b , c . demonstrauimus $B\Gamma : B\Delta = a : c$, $B\Gamma : \Gamma\Delta = a : b$. itaque

$$B\Gamma : a = \Gamma\Delta : b = B\Delta : c. \quad \Gamma\Delta : B\Delta = b : c.$$

$$\Gamma\Delta + B\Delta : B\Delta = b + c : c.$$

$$\Gamma\Delta + B\Delta : b + c = B\Delta : c = B\Gamma : a. \quad B\Gamma : \Gamma\Delta + B\Delta = a : b + c.$$

3) Nam $B\Gamma : a = \Gamma\Delta + B\Delta : b + c = B\Gamma : b + c$. quare $a = b + c$ [V, 9].

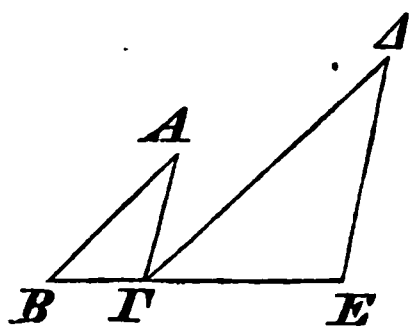
$\tau\epsilon\theta\tilde{\eta}$] $\pi\rho\omicron\sigma\tau\epsilon\theta\tilde{\eta}$ V, corr. m. 2. 20. $\tau\omicron\upsilon$ $\tau\rho\iota\gamma\acute{\omega}\nu\upsilon$ V. 23.
 $\Delta\Gamma$] $\Gamma\Delta$ V. ΔE] ΓE P. 24. AB] BA FV. $A\Gamma$] A
e corr. m. 2 V. 25. $\omicron\upsilon\tau\omega$ P. $\Delta\Gamma$] e corr. m. 2 V.

μὲν AB τῇ $\Delta\Gamma$, τὴν δὲ AG τῇ ΔE · λέγω, ὅτι ἐπ' εὐθείας ἐστὶν ἡ $B\Gamma$ τῇ $ΓE$.

Ἐπεὶ γὰρ παράλληλός ἐστιν ἡ AB τῇ $\Delta\Gamma$, καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπίπτωκεν εὐθεῖα ἡ AG , αἱ ἐναλλὰξ γωνίαι αἱ ὑπὸ BAG , $AG\Delta$ ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἡ ὑπὸ $\Gamma\Delta E$ τῇ ὑπὸ $AG\Delta$ ἴση ἐστίν. ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ BAG τῇ ὑπὸ $\Gamma\Delta E$ ἐστὶν ἴση. καὶ ἐπεὶ δύο τρίγωνά ἐστι τὰ $AB\Gamma$, $\Delta\Gamma E$ μίαν γωνίαν τὴν πρὸς τῷ A μιᾷ γωνίᾳ τῇ πρὸς τῷ Δ ἴσην ἔχοντα, περὶ δὲ τὰς ἴσας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον, ὥς τὴν BA πρὸς τὴν AG , οὕτως τὴν $\Gamma\Delta$ πρὸς τὴν ΔE , ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον τῷ $\Delta\Gamma E$ τριγώνῳ· ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ $AB\Gamma$ γωνία τῇ ὑπὸ $\Delta\Gamma E$. ἐδείχθη δὲ καὶ ἡ ὑπὸ $AG\Delta$ τῇ ὑπὸ BAG ἴση· ὅλη ἄρα ἡ ὑπὸ $AG\Gamma$ δυσὶ ταῖς ὑπὸ $AB\Gamma$, BAG ἴση ἐστίν. κοινὴ προσκείσθω ἡ ὑπὸ AGB · αἱ ἄρα ὑπὸ $AG\Gamma$, AGB ταῖς ὑπὸ BAG , AGB , GBA ἴσαι εἰσὶν. ἀλλ' αἱ ὑπὸ BAG , $AB\Gamma$, AGB δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν· καὶ αἱ ὑπὸ $AG\Gamma$, AGB ἄρα δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν. πρὸς δὴ τινὶ εὐθείᾳ τῇ AG καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ Γ δύο εὐθεῖαι αἱ $B\Gamma$, $ΓE$ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη κείμεναι τὰς ἐφεξῆς γωνίας τὰς ὑπὸ $AG\Gamma$, AGB δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιοῦσιν· ἐπ' εὐθείας ἄρα ἐστὶν ἡ $B\Gamma$ τῇ $ΓE$.

Ἐὰν ἄρα δύο τρίγωνα συντεθῇ κατὰ μίαν γωνίαν

3. $\Delta\Gamma$] AG φ (non F). 4. αἱ] mutat. in καὶ m. rec F, καὶ p. 5. BAG] " $AB\Gamma$ " F. εἰσὶ V p. 6. $AG\Delta$] " $A'\Gamma\Delta$ " F. ἐστὶν ἴση V. 10. δέ] comp. supra m. 1 F. 11. BA] AB P. AG] in ras. m. rec. V, ΓA F. 12. ἐστίν P. $\Delta\Gamma E$] P; " $\Delta'\Gamma E$ " F; $\Gamma\Delta E$ Bp et in ras. m. 2 V. 13. $\Delta\Gamma E$ γωνία V. 14. BAG] ΓA supra scr B m 1 F. 15. ἴση ἐστίν] P, V m. 1, comp p; ἴση ἐστὶ BF; ἴσαι εἰσὶν V m. 2. 17. BAG]



lateri $\triangle \Gamma$, $A\Gamma$ autem lateri $\triangle E$ parallelum. dico, $B\Gamma$ et ΓE in eadem recta esse.

nam quoniam AB rectae $\triangle \Gamma$ parallela est, et in eas incidit recta $A\Gamma$, alterni anguli BAG , $A\Gamma\triangle$ aequales sunt [I, 29]. eadem de causa etiam

$\angle \Gamma\triangle E = A\Gamma\triangle$. quare etiam $\angle BAG = \Gamma\triangle E$. et quoniam duo trianguli sunt $AB\Gamma$, $\triangle \Gamma E$ unum angulum, qui ad A positus est, uni angulo, qui ad \triangle positus est, aequalem habentes et latera aequales angulos comprehendentia proportionalia,

$BA : A\Gamma = \Gamma\triangle : \triangle E$, erit $\triangle AB\Gamma$ triangulo $\triangle \Gamma E$ aequiangulus [prop. VI]. quare

$$\angle AB\Gamma = \triangle \Gamma E.$$

sed demonstratum est, esse etiam $\angle A\Gamma\triangle = BAG$. quare erit $\angle A\Gamma E = AB\Gamma + BAG$. communis adiiciatur $\angle A\Gamma B$. itaque

$$A\Gamma E + A\Gamma B = BAG + A\Gamma B + \Gamma B A.$$

uerum $BAG + AB\Gamma + A\Gamma B$ duobus rectis aequales sunt. quare etiam $A\Gamma E + A\Gamma B$ duobus rectis aequales sunt. itaque ad rectam $A\Gamma$ et punctum eius Γ duae rectae $B\Gamma$, ΓE non ad eandem partem positae angulos deinceps positos $A\Gamma E$, $A\Gamma B$ duobus rectis aequales efficiunt; itaque $B\Gamma$ et ΓE in eadem recta sunt [I, 14].

Ergo si duo trianguli duo latera duobus lateribus

P; B'A'Γ F; ΓAB BV p. AΓB] ABΓ P. ΓBA] supra
scr. F; AΓB P. 18. ἀλλ' αἰ — 19: εἰσὶν] om. P. ABΓ]
AΓB V. AΓB] ΓBA V. 19. εἰσὶ BV p. 20. εἰσὶ BV.

τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυὸς πλευραῖς ἀνάλογον ἔχοντα ὥστε τὰς ὁμολόγους αὐτῶν πλευρὰς καὶ παραλλήλους εἶναι, αἱ λοιπαὶ τῶν τριγώνων πλευραὶ ἐπ' εὐθείας ἔσονται· ὅπερ εἶδει δεῖξαι.

5

λγ'.

Ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ γωνίαι τὸν αὐτὸν ἔχουσι λόγον ταῖς περιφερείαις, ἐφ' ὧν βεβήκασιν, εἴαν τε πρὸς τοῖς κέντροις εἴαν τε πρὸς ταῖς περιφερείαις ὥσι βεβηκνῆαι.

- 10 Ἐστῶσαν ἴσοι κύκλοι οἱ $ABΓ$, $ΔEZ$, καὶ πρὸς μὲν τοῖς κέντροις αὐτῶν τοῖς H , $Θ$ γωνίαι ἔστῶσαν αἱ ὑπὸ $BHΓ$, $EΘZ$, πρὸς δὲ ταῖς περιφερείαις αἱ ὑπὸ $BAΓ$, $EΔZ$ · λέγω, ὅτι ἐστὶν ὡς ἡ $BΓ$ περιφέρεια πρὸς τὴν EZ περιφέρειαν, οὕτως ἡ τε ὑπὸ $BHΓ$
15 γωνία πρὸς τὴν ὑπὸ $EΘZ$ καὶ ἡ ὑπὸ $BAΓ$ πρὸς τὴν ὑπὸ $EΔZ$.

Κεῖσθῶσαν γὰρ τῇ μὲν $BΓ$ περιφέρειᾳ ἴσαι κατὰ τὸ ἐξῆς ὁσαιδηποτοῦν αἱ $ΓΚ$, $ΚΑ$, τῇ δὲ EZ περιφερείᾳ ἴσαι ὁσαιδηποτοῦν αἱ $ZΜ$, $ΜΝ$, καὶ ἐπέξεύχ-
20 θῶσαν αἱ $ΗΚ$, $ΗΑ$, $ΘΜ$, $ΘΝ$.

Ἐπεὶ οὖν ἴσαι εἰσὶν αἱ $BΓ$, $ΓΚ$, $ΚΑ$ περιφέρειαι

XXXIII. Cfr. Zenodorus ap. Theon. in Ptolem. p. 11 Bas.

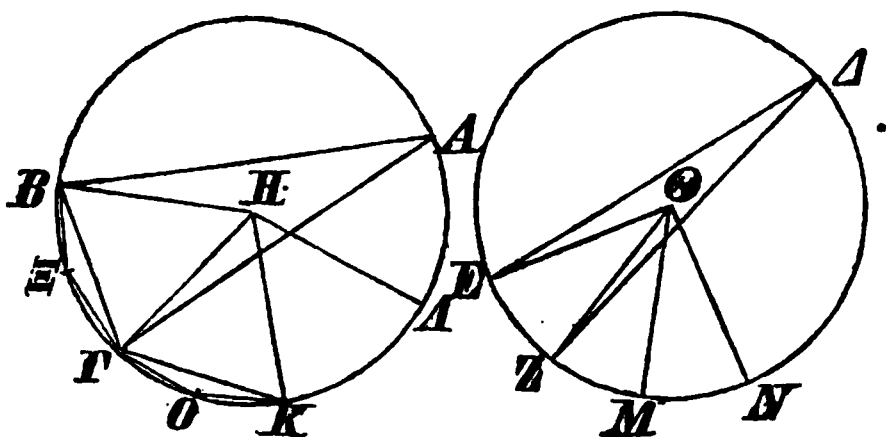
3. πλευραὶ] om. p. 5 1θ' p et F, corr. m. rec. 7. λόγον ἔχουσι V. τὰς περιφερείας, corr. m. 2 V. 8 εἴαν τε πρὸς τοῖς κέντροις] mg. m. rec. P. 9. ὥσιν PB. βεβηκνῆαι] post hoc vocabulum add. Theon: ἔτι δὲ καὶ οἱ τομεῖς αἵτε (οἷτε F) πρὸς τοῖς κέντροις συνιστάμενοι (συνεστάμενοι F) ($BFVp$), P m. rec. 12. $BHΓ$] litt. $HΓ$ in ras. F. $EΘZ$] E in ras. m. 1 B. 16. Post $EΔZ$ add Theon: καὶ ἔτι (ἐστι comp. p) ὁ $HBΞΓ$ (in ras m. 2 V, $HBZΓ$ P et seq ras. F) τομεὺς πρὸς τὸν $ΘΕΠΖ$ (in ras m 2 V) τομέα ($BFVp$);

aequalia habentes in uno angulo coniunguntur, ita ut correspondentia latera etiam parallela sint, reliqua latera triangulorum in eadem recta erunt posita; quod erat demonstrandum.

XXXIII.

In circulis aequalibus anguli eandem habent rationem quam arcus, in quibus consistunt, siue ad centra siue ad ambitus positi sunt.¹⁾

Sint aequales circuli $AB\Gamma$, ΔEZ , et ad centra eorum H , Θ positi sint anguli $BH\Gamma$, $E\Theta Z$, ad ambitus



autem $BA\Gamma$, $E\Delta Z$. dico, esse

arc. $B\Gamma$: arc. EZ = $\angle BH\Gamma$: $E\Theta Z$ = $BA\Gamma$: $E\Delta Z$.

ponantur enim deinceps arcui $B\Gamma$ aequales quotlibet arcus ΓK , $K\Lambda$, arcui autem EZ quotlibet aequales ZM , MN , et ducantur HK , $H\Lambda$, ΘM , ΘN .

iam quoniam arcus $B\Gamma = \Gamma K = K\Lambda$, erit etiam

1) De interpolationibus Theonis lin. 9 et lin. 16 cfr. p. 183 not. 1; om. Campanus VI, 32.

ἀλλήλαις, ἴσαι εἶσι καὶ αἱ ὑπὸ ΒΗΓ, ΓΗΚ, ΚΗΛ
 γωνίαι ἀλλήλαις· ἴσαπλασίων ἄρα ἐστὶν ἡ ΒΑ περι-
 φέρεια τῆς ΒΓ, τοσαυταπλασίων ἐστὶ καὶ ἡ ὑπὸ ΒΗΛ
 γωνία τῆς ὑπὸ ΒΗΓ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὅσαπλα-
 5 σίων ἐστὶν ἡ ΝΕ περιφέρεια τῆς ΕΖ, τοσαυταπλασίων
 ἐστὶ καὶ ἡ ὑπὸ ΝΘΕ γωνία τῆς ὑπὸ ΕΘΖ. εἰ ἄρα
 ἴση ἐστὶν ἡ ΒΑ περιφέρεια τῇ ΕΝ περιφερείᾳ, ἴση
 ἐστὶ καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΒΗΛ τῇ ὑπὸ ΕΘΝ, καὶ εἰ
 μείζων ἐστὶν ἡ ΒΑ περιφέρεια τῆς ΕΝ περιφερείας,
 10 μείζων ἐστὶ καὶ ἡ ὑπὸ ΒΗΛ γωνία τῆς ὑπὸ ΕΘΝ,
 καὶ εἰ ἐλάσσων, ἐλάσσων. τεσσάρων δὲ ὄντων μεγε-
 θῶν, δύο μὲν περιφερειῶν τῶν ΒΓ, ΕΖ, δύο δὲ γω-
 νιῶν τῶν ὑπὸ ΒΗΓ, ΕΘΖ, εἴληπται τῆς μὲν ΒΓ
 περιφερείας καὶ τῆς ὑπὸ ΒΗΓ γωνίας ἰσάκις πολλα-
 15 πλασίων ἢ τε ΒΑ περιφέρεια καὶ ἡ ὑπὸ ΒΗΛ γω-
 νία, τῆς δὲ ΕΖ περιφερείας καὶ τῆς ὑπὸ ΕΘΖ γω-
 νίας ἢ τε ΕΝ περιφέρεια καὶ ἡ ὑπὸ ΕΘΝ γωνία.
 καὶ δέδεικται, ὅτι εἰ ὑπερέχει ἡ ΒΑ περιφέρεια τῆς
 ΕΝ περιφερείας, ὑπερέχει καὶ ἡ ὑπὸ ΒΗΛ γωνία
 20 τῆς ὑπὸ ΕΘΝ γωνίας, καὶ εἰ ἴση, ἴση, καὶ εἰ ἐλάσσων,
 ἐλάσσων. ἔστιν ἄρα, ὥς ἡ ΒΓ περιφέρεια πρὸς τὴν
 ΕΖ, οὕτως ἡ ὑπὸ ΒΗΓ γωνία πρὸς τὴν ὑπὸ ΕΘΖ
 ἀλλ' ὥς ἡ ὑπὸ ΒΗΓ γωνία πρὸς τὴν ὑπὸ ΕΘΖ,
 οὕτως ἡ ὑπὸ ΒΑΓ πρὸς τὴν ὑπὸ ΕΔΖ· διπλασία
 25 γὰρ ἑκατέρωθεν. καὶ ὥς ἄρα ἡ ΒΓ περιφέρεια πρὸς
 τὴν ΕΖ περιφέρειαν, οὕτως ἢ τε ὑπὸ ΒΗΓ γωνία
 πρὸς τὴν ὑπὸ ΕΘΖ καὶ ἡ ὑπὸ ΒΑΓ πρὸς τὴν
 ὑπὸ ΕΔΖ.

1. ἴσαι ἀλλήλαις PV; in P ἴσαι del. m rec. εἰσίν PBF

2. ΒΑ] Λ eras. F. 3. ἐστίν P. 4. ἐστὶ F. 5. ὑπὸ
ΕΘΖ] ΕΘΖ BFP. 6. ἐστίν P. εἰ] in ras. P. 10. ἐστίν P

$\angle B\Gamma\Lambda = \Gamma H K = K H \Lambda$ [III, 27]. itaque quoties multiplex est $B\Lambda$ arcus $B\Gamma$, toties multiplex est etiam $\angle B H \Lambda$ anguli $B H \Gamma$. eadem de causa quoties multiplex est $N E$ arcus $E Z$, toties multiplex est etiam $\angle N \Theta E$ anguli $E \Theta Z$. iam si $B\Lambda = EN$, erit etiam $\angle B H \Lambda = E \Theta N$, et si $B\Lambda > EN$, erit etiam $\angle B H \Lambda > E \Theta N$, et si $B\Lambda < EN$, erit

$$\angle B H \Lambda < E \Theta N.$$

ergo datis quattuor magnitudinibus, duobus arcibus $B\Gamma$, $E Z$ et duobus angulis $B H \Gamma$, $E \Theta Z$, sumpti sunt arcus $B\Gamma$ et anguli $B H \Gamma$ aequae multiplices arcus $B\Lambda$ et angulus $B H \Lambda$, arcus autem $E Z$ et anguli $E \Theta Z$ arcus EN et angulus $E \Theta N$. et demonstratum est, si arcus $B\Lambda$ arcum EN superet, etiam $\angle B H \Lambda$ angulum $E \Theta N$ superare, et si aequalis sit, aequalem esse, et si minor, minorem. itaque [V def. 5] erit $\text{arc. } B\Gamma : \text{arc. } E Z = \angle B H \Gamma : E \Theta Z$. sed

$$\angle B H \Gamma : E \Theta Z = \angle B \Lambda \Gamma : E \Delta Z \text{ [V, 15];}$$

nam uterque utroque duplo maior est [III, 20]. quare etiam

$$\text{arc. } B\Gamma : \text{arc. } E Z = \angle B H \Gamma : E \Theta Z = B \Lambda \Gamma : E \Delta Z.$$

11. ἐλάττων ἐλάττων F. 12. μέν] supra F. δέ] supra F.
 13. $E \Theta Z$] $\Theta E Z$ F. 17. γωνία] add. m. 2 F. 20. γωνίας]
 P; om. Theon (BFVp). ἐλάττων F. 21. ἐλάσσων] comp. F.
 ἡ] om. V. 22. $B H \Gamma$] Γ add. m. 2 V. 24. διπλασίων V.
 25. γὰρ ἐστίν Bp. 27. ὑπὸ $E \Theta Z$] $E \Theta Z$ P. ὑπό] ὑ-
 supra m. 1 P.

Ἐν ἄρα τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ γωνίαι τὸν αὐτὸν ἔχουσι λόγον ταῖς περιφερείαις, ἐφ' ὧν βεβήκασιν, ἐάν τε πρὸς τοῖς κέντροις ἐάν τε πρὸς ταῖς περιφερείαις ὥσι βεβηκυῖται· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

-
1. Ἐν] inter ε et ν ras. 1 litt. V; ἐ seq. ras. 2 litt. F.
 2. βεβήκασιν p. 3. ἐάν τε — 4: βεβηκυῖται] καὶ τὰ ἐξῆς p.
 3. κέντροις] κύκλοις B. τὰς περιφερείας V. 4. ὥσιν B. In
 fine libri Εὐκλείδου στοιχείων 5' PB, Εὐκλείδου στοιχείων
 τῆς Θεωνος ἐκδόσεως 5' F.
-

Ergo in circulis aequalibus anguli eandem habent rationem quam arcus, in quibus consistunt, siue ad centra siue ad ambitus positi sunt; quod erat demonstrandum.¹⁾

1) Sequitur additamentum Theonis in BFVp, de quo ipse profitetur comm. in Ptolemaeum I p. 201 ed. Halma = p. 50 ed. Basil.; om. P m. 1 (add. manus recens in mg.) et Campanus; huc pertinent etiam additamenta p. 178, 9 et 16. demonstratio u. in app.

ζ'.

Ὅροι.

α'. Μονάς ἐστίν, καθ' ἣν ἕκαστον τῶν ὄντων ἐν λέγεται.

β'. Ἀριθμὶς δὲ τὸ ἐκ μονάδων συγκείμενον
5 πλῆθος.

γ'. Μέρος ἐστὶν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ ὁ ἐλάσσων τοῦ μείζονος, ὅταν καταμετρῇ τὸν μείζονα.

δ'. Μέρη δέ, ὅταν μὴ καταμετρῇ.

ε'. Πολλαπλάσιος δὲ ὁ μείζων τοῦ ἐλάσσονος,
10 ὅταν καταμετρῇται ὑπὸ τοῦ ἐλάσσονος.

ς'. Ἄρτιος ἀριθμὸς ἐστίν ὁ δίχα διαιρούμενος.

ζ'. Περισσὸς δὲ ὁ μὴ διαιρούμενος δίχα ἢ [ὁ] μονάδι διαφέρων ἀρτίου ἀριθμοῦ.

η'. Ἀρτιάκισ ἄρτιος ἀριθμὸς ἐστίν ὁ ὑπὸ
15 ἀρτίου ἀριθμοῦ μετρούμενος κατὰ ἄρτιον ἀριθμόν.

θ'. Ἀρτιάκισ δὲ περισσὸς ἐστίν ὁ ὑπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ μετρούμενος κατὰ περισσὸν ἀριθμόν.

Def. 3—5: Psellus p. 7. 6—7: Martianus Capella VII, 748.
8. Iamblichus in Nicom. p. 27. Philop. in Nicom. ed. Hoche
1864 p. 16. 9. Iamblichus p. 31.

1. ὅροι] om. PB. numeros om. codd. 2. ἐστὶ PBFp.
ἣν] ὁ BFV. 10. ἐλάττωνος V. 12. ὁ] om. P. 14. προσ-
υπακουστέον· μόνον P mg. m. 1. 16. ἐστίν] ἀριθμὸς ἐστίν P,
ἐστίν ἀριθμὸς p. κἀνταῦθα προσυπακουστέον· μόνον mg. m. 1 P.
τοῦ ἀρτίου delete τοῦ V.

VII.

Definitiones.

1. Unitas est ea, secundum quam unaquaeque res una nominatur.

2. Numerus autem est multitudo ex unitatibus composita.

3. Pars est minor numerus maioris, ubi maiorem metitur.

4. Partes autem, ubi non metitur.

5. Multiplex autem maior minoris, ubi minor eum metitur.

6. Par numerus est, qui in duas partes aequales diuiditur.

7. Impar autem, qui in duas partes aequales non diuiditur, siue qui unitate differt a pari numero.

8. Pariter par est numerus, quem par numerus secundum parem numerum metitur.¹⁾

9. Pariter autem impar est, quem par numerus secundum imparem numerum metitur.²⁾

1) Def. 8 scriptor nescio quis, qui Philoponi commentariam in Nicomachum retractauit, apud Hoche Philop. 1865 p. V in quibusdam *ἀντιγραφοῖς* ita inuenit expressam: *ἀρτιάκις ἄρτιός ἐστιν ἀριθμὸς ὁ ὑπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ κατὰ ἄρτιον ἀριθμὸν μόνως μετρούμενος*, de qua scriptura falsa u. Studien p. 200.

2) De def. ι' interpolata u. Studien p. 198 sq.; om. ed Basil. et Gregorius.

[ι'. Περισσάκεις ἄρτιός ἐστιν ὁ ὑπὸ περισσοῦ ἀριθμοῦ μετρούμενος κατὰ ἄρτιον ἀριθμόν].

ια'. Περισσάκεις δὲ περισσὸς ἀριθμός ἐστιν ὁ ὑπὸ περισσοῦ ἀριθμοῦ μετρούμενος κατὰ περισσὸν
5 ἀριθμόν.

ιβ'. Πρῶτος ἀριθμός ἐστιν ὁ μονάδι μόνῃ μετρούμενος.

ιγ'. Πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοί εἰσιν οἱ μονάδι μόνῃ μετρούμενοι κοινῷ μέτρῳ.

10 ιδ'. Σύνθετος ἀριθμός ἐστιν ὁ ἀριθμῷ τινι μετρούμενος.

ιε'. Σύνθετοι δὲ πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοί εἰσιν οἱ ἀριθμῷ τινι μετρούμενοι κοινῷ μέτρῳ.

15 ις'. Ἀριθμὸς ἀριθμόν πολλαπλασιάζειν λέγεται, ὅταν, ὅσαι εἰσὶν ἐν αὐτῷ μονάδες, τοσαντάκεις συντεθῇ ὁ πολλαπλασιαζόμενος, καὶ γένηταί τις.

ιζ'. Ὄταν δὲ δύο ἀριθμοί πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσί τινα, ὁ γενόμενος ἐπίπεδος καλεῖται, πλευραὶ δὲ αὐτοῦ οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους
20 ἀριθμοί.

ιη'. Ὄταν δὲ τρεῖς ἀριθμοί πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσί τινα, ὁ γενόμενος στερεός ἐστιν, πλευραὶ δὲ αὐτοῦ οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ἀριθμοί.

12. Iamblichus p. 42. Martianus Capella VII, 751. Philop. in anal. post. fol. 15^v. 13. Alexander Aphrod. in anal. pr. fol. 87. Martianus Capella VII, 751. Philop. in anal. post. fol. 15^v. 14. Philop. in anal. post. fol. 15^v. 16-17. Psellus p. 6. 18-20. Psellus p. 7.

1. δὲ ἄρτιος P, litt. ἄρτ. in ras. ἄρτιος ἀριθμός p, προσ-
επακουστέον· καί κατὰ ἄρτιον mg m. 1 P. 3. ἀριθμός]

10. Impariter autem impar numerus est, quem impar numerus secundum imparem numerum metitur.

11. Primus numerus est, quem unitas sola metitur.

12. Primi inter se numeri sunt, quos unitas sola communis mensura metitur.

13. Compositus numerus est, quem numerus aliquis metitur.

14. Compositi inter se numeri sunt, quos numerus aliquis communis mensura metitur.

15. Numerus numerum multiplicare dicitur, ubi quot sunt in eo unitates, toties componitur numerus multiplicatus, et oritur aliquis numerus.

16. Ubi autem duo numeri inter se multiplicantes numerum aliquem efficiunt, numerus inde ortus planus uocatur, latera autem eius numeri inter se multiplicantes.

17. Ubi autem tres numeri inter se multiplicantes numerum aliquem efficiunt, numerus inde ortus solidus est, latera autem eius numeri inter se multiplicantes.

18. Quadratus numerus est aequaliter aequalis, siue qui duobus aequalibus numeris comprehenditur.

om. V. 8. δὲ πρὸς P. 14. πολυπλασιάζειν P B p. 16. πολλαπλασιαζόμενος] -ζόμενος e corr. m. 2 p. 18. ποιῶσιν P B. 22. ποιῶσιν B. ἐστίν] F, comp. p; ἐστι P, Psellus; καλεῖται B V. 23. Supra οἱ in P m. rec. δύο.

ιθ'. Τετράγωνος ἀριθμός ἐστὶν ὁ ἰσάκῃς ἴσος ἢ [ὁ] ἐπὶ δύο ἴσων ἀριθμῶν περιεχόμενος.

κ'. Κύβος δὲ ὁ ἰσάκῃς ἴσος ἰσάκῃς ἢ [ὁ] ὑπο τριῶν ἴσων ἀριθμῶν περιεχόμενος.

5 κα'. Ἀριθμοὶ ἀνάλογόν εἰσιν, ὅταν ὁ πρῶτος τοῦ δευτέρου καὶ ὁ τρίτος τοῦ τετάρτου ἰσάκῃς ἢ πολλαπλάσιος ἢ τὸ αὐτὸ μέρος ἢ τὰ αὐτὰ μέρη ᾧσιν.

κβ'. Ὅμοιοι ἐπίπεδοι καὶ στερεοὶ ἀριθμοὶ εἰσιν οἱ ἀνάλογον ἔχοντες τὰς πλευράς.

10 κγ'. Τέλειος ἀριθμός ἐστὶν ὁ τοῖς ἑαυτοῦ μέρεσιν ἴσος ᾧν.

α'.

Δύο ἀριθμῶν ἀνίσων ἐκκειμένων, ἀνθυφαιρουμένου δὲ ἀεὶ τοῦ ἐλάσσονος ἀπὸ τοῦ
15 μείζονος, ἐὰν ὁ λειπόμενος μηδέποτε καταμετρηῇ τὸν πρὸ ἑαυτοῦ, ἕως οὗ λειφθῇ μονάς, οἱ ἐξ ἀρχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Δύο γὰρ [ἀνίσων] ἀριθμῶν τῶν AB , $ΓΔ$ ἀνθυφαιρουμένου ἀεὶ τοῦ ἐλάσσονος ἀπὸ τοῦ μείζονος ο
20 λειπόμενος μηδέποτε καταμετρεῖται τὸν πρὸ ἑαυτοῦ, ἕως οὗ λειφθῇ μονάς· λέγω, ὅτι οἱ AB , $ΓΔ$ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰδὲν, τουτέστιν ὅτι τοὺς AB , $ΓΔ$ μονὰς μόνῃ μετρεῖ.

25 Εἰ γὰρ μὴ εἰσιν οἱ AB , $ΓΔ$ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους, μετρήσει τις αὐτοῖς ἀριθμός. μετρεῖται, καὶ

23. Martianne Capella VII, 753.

2 δ] om. PB. 3. ὁ] om. P. 4. ἴσων] om. P; mg m. 1 V, supra m. 2 B; hab Psellus, Fr. ἀριθμῶν ἴσων P
6. Ante ἰσάκῃς in F add ἢ; idem V supra scr m. 1. 10.

19. Cubus autem est aequaliter aequalis aequaliter, siue qui tribus aequalibus numeris comprehenditur.

20. Numeri proportionales sunt, ubi primus secundi et tertius quarti aut aequae multiplex est aut eadem pars aut eadem partes.

21. Similes numeri plani et solidi sunt, qui latera proportionalia habent.

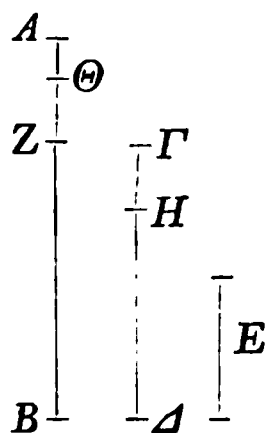
22. Perfectus numerus est, qui partibus suis aequalis est.

I.

Datis duobus numeris inaequalibus et minore semper uicissim a maiore subtracto, si reliquus nunquam proxime antecedentem metitur, donec relinquitur unitas, numeri ab initio dati primi erunt inter se.

Nam duorum numerorum AB , $\Gamma\Delta$ minore semper uicissim a maiore subtracto reliquus ne metiatur unquam proxime antecedentem, donec relinquitur unitas. dico, numeros AB , $\Gamma\Delta$ inter se primos esse, hoc est, unitatem solam numeros AB , $\Gamma\Delta$ metiri.

nam si AB , $\Gamma\Delta$ inter se primi non erunt, aliquis numerus eos metietur. metiatur et sit E . et $\Gamma\Delta$



ἑαυτοῦ] αὐτοῖς V, corr. in αὐτοῦ m. 2.

13. δύο] P; ἐὰν δύο Theon (BFVp).
 14. ἀνθυφαιρομένου V; corr. m. 2.
 Theon (BFVp). 15. ἐάν] P; om. Theon (BFVp). Post

λειπόμενος ras. 2 litt. V. 16. ληφθῆ V. 19. ἀνίσων] om. P.
 τῶν] τῶ F, ν add. m. 2. ἀνθυφαιρομένου F. 21. πρό] su-
 pra m. 2 V. 22. ληφθῆ V. 23. εἰσὶ Vp. 26. ἀριθμὸς αὐ-
 τούς F. μετρήτω P, corr. m. rec.

12. α'] om. V.

ἐκκειμένων] ἐκ-

14. δέ] P; om.

Post

19. ἀνίσων] om. P.

21. πρό] su-

26. ἀριθμὸς αὐ-

ἔστω ὁ E · καὶ ὁ μὲν $\Gamma\Delta$ τὸν BZ μετρῶν λειπέτω
 ἑαυτοῦ ἐλάσσονα τὸν ZA , ὁ δὲ AZ τὸν ΔH μετρῶν
 λειπέτω ἑαυτοῦ ἐλάσσονα τὸν $H\Gamma$, ὁ δὲ $H\Gamma$ τὸν $Z\Theta$
 μετρῶν λειπέτω μονάδα τὴν ΘA .

- 5 Ἐπεὶ οὖν ὁ E τὸν $\Gamma\Delta$ μετρεῖ, ὁ δὲ $\Gamma\Delta$ τὸν BZ
 μετρεῖ, καὶ ὁ E ἄρα τὸν BZ μετρεῖ· μετρεῖ δὲ καὶ
 ὅλον τὸν BA · καὶ λοιπὸν ἄρα τὸν AZ μετρήσει.
 ὁ δὲ AZ τὸν ΔH μετρεῖ· καὶ ὁ E ἄρα τὸν ΔH
 μετρεῖ· μετρεῖ δὲ καὶ ὅλον τὸν $\Delta\Gamma$ · καὶ λοιπὸν ἄρα
 10 τὸν ΓH μετρήσει. ὁ δὲ ΓH τὸν $Z\Theta$ μετρεῖ· καὶ ὁ
 E ἄρα τὸν $Z\Theta$ μετρεῖ· μετρεῖ δὲ καὶ ὅλον τὸν ZA
 καὶ λοιπὴν ἄρα τὴν $A\Theta$ μονάδα μετρήσει ἀριθμὸς
 ὢν· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα τοὺς AB , $\Gamma\Delta$
 ἀριθμοὺς μετρήσει τις ἀριθμὸς· οἱ AB , $\Gamma\Delta$ ἄρα
 15 πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

β'.

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς
 ἀλλήλους τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον
 εὑρεῖν.

- 20 Ἔστωσαν οἱ δοθέντες δύο ἀριθμοὶ μὴ πρῶτοι
 πρὸς ἀλλήλους οἱ AB , $\Gamma\Delta$. δεῖ δὴ τῶν AB , $\Gamma\Delta$
 τὸ μέγιστον κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

1. BZ] PF ; AB BVp , P m. rec.; γρ. τὸν AB F mg. m. 1.
 2. ΔH] PF ; $\Delta\Gamma$ BVp , P m. rec., γρ. τὸν $\Delta\Gamma$ mg. m. 1 F .
 3. $H\Gamma$] ΓH P . $H\Gamma$] ΓH P . $Z\Theta$] PF ; ZA Bp et A
 in ras. V , P m. rec., F m. 2. 5. $\Gamma\Delta$] $\Delta\Gamma$ V in ras., p .
 BZ] ZB P . 6. BZ] ZB P . 7. τόν] τό p . BA] AB Pp .
 ἄρα] supra comp. F τόν] τό p . μετρήσει ὁ E V . 9.
 μετρεῖ] (prius) PF ; μετρήσει BVp , F e corr. m. 1. τόν]
 τό p . $\Delta\Gamma$] $\Gamma\Delta$ P . 10. τόν] τό p . μετρήσει ὁ E V .
 11. μετρεῖ] (prius) supra m. 2 V . καί] bis F . 21.

numerus BZ metiens relinquat¹⁾ se ipso minorem ZA , AZ autem numerum ΔH metiens se ipso minorem relinquat $H\Gamma$, $H\Gamma$ autem numerum $Z\Theta$ metiens relinquat unitatem ΘA .

iam quoniam E metitur $\Gamma\Delta$, et $\Gamma\Delta$ metitur BZ , etiam E metitur BZ . uerum etiam totum BA metitur; quare etiam reliquum AZ metietur. sed AZ metitur ΔH . quare etiam E metitur ΔH . uerum etiam totum $\Delta\Gamma$ metitur. quare etiam reliquum ΓH metietur. sed ΓH metitur $Z\Theta$. quare etiam E metitur $Z\Theta$. uerum etiam totum ZA metitur. quare etiam quae relinquitur, unitatem $A\Theta$ metietur, cum ipse numerus sit; quod fieri non potest. itaque non metietur numeros AB , $\Gamma\Delta$ numerus aliquis. ergo AB , $\Gamma\Delta$ inter se primi sunt; quod erat demonstrandum.²⁾

II.

Datis duobus numeris non inter se primis maximam mensuram communem inuenire.

Sint duo numeri dati non primi inter se AB , $\Gamma\Delta$. oportet igitur numerorum AB , $\Gamma\Delta$ maximam mensuram communem inuenire.

1) Sc. ex AB . neque enim dubitari potest, quin BZ in P et optimo Theoninorum seruatum uera sit scriptura, cum $\muετρεῖν$ semper apud Euclidem significet: sine residuo metiri, cfr. lin. 5, 8. eadem est ratio lin. 2—3 et p. 192, 11 sq.

2) Retinui in libris VII—IX figuras codd., id quod ipsa res suadere uidebatur, uelut statim ratio prop. I; nam ii, qui pro lineis puncta substituunt, et in alias difficultates incurrunt et ad certos numeros confugere coguntur, quod ab Euclide alienissimum est.

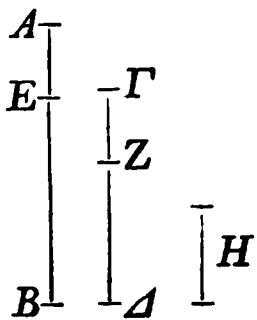
Εἰ μὲν οὖν ὁ $\Gamma\Delta$ τὸν AB μετρεῖ, μετρεῖ δὲ καὶ ἑαυτόν, ὁ $\Gamma\Delta$ ἄρα τῶν $\Gamma\Delta$, AB κοινὸν μέτρον ἐστίν. καὶ φανερόν, ὅτι καὶ μέγιστον· οὐδεὶς γὰρ μείζων τοῦ $\Gamma\Delta$ τὸν $\Gamma\Delta$ μετρήσει.

- 5 Εἰ δὲ οὐ μετρεῖ ὁ $\Gamma\Delta$ τὸν AB , τῶν AB , $\Gamma\Delta$ ἀνθυφαιρουμένου ἀεὶ τοῦ ἐλάσσονος ἀπὸ τοῦ μείζονος λειφθήσεται τις ἀριθμὸς, ὃς μετρήσει τὸν πρὸ ἑαυτοῦ. μονὰς μὲν γὰρ οἱ λειφθήσεται· εἰ δὲ μή, ἔσονται οἱ AB , $\Gamma\Delta$ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους· ὅπερ οὐχ
10 ὑπόκειται. λειφθήσεται τις ἄρα ἀριθμὸς, ὃς μετρήσει τὸν πρὸ ἑαυτοῦ. καὶ ὁ μὲν $\Gamma\Delta$ τὸν BE μετρῶν λειπέτω ἑαυτοῦ ἐλάσσονα τὸν EA , ὁ δὲ EA τὸν ΔZ μετρῶν λειπέτω ἑαυτοῦ ἐλάσσονα τὸν $Z\Gamma$, ὁ δὲ ΓZ τὸν AE μετρεῖτω. ἐπεὶ οὖν ὁ ΓZ τὸν AE μετρεῖ,
15 ὁ δὲ AE τὸν ΔZ μετρεῖ, καὶ ὁ ΓZ ἄρα τὸν ΔZ μετρήσει· μετρεῖ δὲ καὶ ἑαυτόν· καὶ ὅλον ἄρα τὸν $\Gamma\Delta$ μετρήσει. ὁ δὲ $\Gamma\Delta$ τὸν BE μετρεῖ· καὶ ὁ ΓZ ἄρα τὸν BE μετρεῖ· μετρεῖ δὲ καὶ τὸν EA · καὶ ὅλον ἄρα τὸν BA μετρήσει· μετρεῖ δὲ καὶ τὸν $\Gamma\Delta$ · ὁ ΓZ
20 ἄρα τοὺς AB , $\Gamma\Delta$ μετρεῖ. ὁ ΓZ ἄρα τῶν AB , $\Gamma\Delta$ κοινὸν μέτρον ἐστίν. λέγω δὴ, ὅτι καὶ μέγιστον. εἰ γὰρ μή ἐστίν ὁ ΓZ τῶν AB , $\Gamma\Delta$ μέγιστον κοινὸν μέτρον, μετρήσει τις τοὺς AB , $\Gamma\Delta$ ἀριθμοὺς ἀριθμὸς μείζων ὢν τοῦ ΓZ . μετρεῖτω, καὶ ἔστω ὁ H .
25 καὶ ἐπεὶ ὁ H τὸν $\Gamma\Delta$ μετρεῖ, ὁ δὲ $\Gamma\Delta$ τὸν BE με-

2. $\Gamma\Delta$, AB] AB , $\Gamma\Delta$ P. ἐστὶ BFV; comp. p 5. δε] δ' F. 6. αἰεὶ Theon (BFVp) ἐλάττωτος FV. 7. ληφθήσεται Vp, corr. m. 1. 8. ληφθήσεται p; P, corr. m. rec
10. ληφθήσεται p. ἄρα] supra m. 1 F ἄρα τις V. ὅς] supra m. 1 F; mg m. rec. B. 11. BE] PF; AB BVp, P m. rec., γε τὸν AB mg m. 1 F. 12. ΔZ] PF; ΓΔ p, ΔΓ B, V in ras m. 2, P m. rec; τὸν ΔΓ F mg. m. 1. 13

iam si $\Gamma\Delta$ metitur AB , et etiam se ipsum metitur, $\Gamma\Delta$ communis erit mensura numerorum $\Gamma\Delta$, AB . et adparet, eum etiam maximam esse. neque enim ullus numerus numero $\Gamma\Delta$ maior metietur $\Gamma\Delta$.

at si $\Gamma\Delta$ non metitur AB , minore numerorum AB , $\Gamma\Delta$ semper uicissim a maiore subtracto relin-



quetur numerus aliquis, qui proxime antecedentem metietur. unitas enim non relinquetur; sin minus, AB , $\Gamma\Delta$ inter se primi erunt [prop. I]; quod contra hypothesim est. ergo numerus aliquis relinquetur, qui proxime antecedentem metietur. et $\Gamma\Delta$ metiens BE relinquat se

ipso minorem EA , EA autem ΔZ metiens relinquat se ipso minorem $Z\Gamma$, ΓZ autem AE metiatur. iam quoniam ΓZ metitur AE , AE autem ΔZ metitur, etiam ΓZ metietur ΔZ . uerum etiam se ipsum metitur. quare etiam totum $\Gamma\Delta$ metietur. sed $\Gamma\Delta$ metitur BE ; quare etiam ΓZ metitur BE . uerum etiam EA metitur. quare etiam totum BA metietur. uerum etiam $\Gamma\Delta$ metitur. ergo ΓZ metitur AB , $\Gamma\Delta$. itaque ΓZ communis est mensura numerorum AB , $\Gamma\Delta$. dico iam, eum etiam maximam esse. nam si ΓZ numerorum AB , $\Gamma\Delta$ communis mensura maxima non est, aliquis numerus maior numero ΓZ numeros AB , $\Gamma\Delta$ metietur. metiatur, et sit H . et quoniam H metitur $\Gamma\Delta$, $\Gamma\Delta$ autem BE

$Z\Gamma$] ΓZ BV p. δέ] om. B. 14. Ante ἐπεὶ in V est: ὁ δὲ EA (in ras. m. 2) $\epsilon\alpha\nu\tau\omicron\upsilon$ $\epsilon\lambda\acute{\alpha}\sigma\sigma\omicron\nu\alpha$ οὐ μετρεῖ τὸ (τὸν m. 2) ΓZ . 21. ἐστὶ BV, comp. p.

τρει, καὶ ὁ H ἄρα τὸν BE μετρεῖ· μετρεῖ δὲ καὶ ὅλον τὸν BA · καὶ λοιπὸν ἄρα τὸν AE μετρήσει. ὁ δὲ AE τὸν AZ μετρεῖ· καὶ ὁ H ἄρα τὸν AZ μετρήσει· μετρεῖ δὲ καὶ ὅλον τὸν AG · καὶ λοιπὸν ἄρα
 5 τὸν GZ μετρήσει ὁ μείζων τὸν ἐλάσσονα· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον· οὐκ ἄρα τοὺς AB, GA ἀριθμοὺς ἀριθμός τις μετρήσει μείζων ὧν τοῦ GZ · ὁ GZ ἄρα τῶν AB, GA μέγιστόν ἐστι κοινὸν μέτρον [ὅπερ ἔδει δεῖξαι].

Πόρισμα.

- 10 Ἐκ δὴ τούτου φανερόν, ὅτι ἐὰν ἀριθμὸς δύο ἀριθμοὺς μετρῇ, καὶ τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον μετρήσει· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

γ'.

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς
 15 ἀλλήλους τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Ἔστωσαν οἱ δοθέντες τρεῖς ἀριθμοὶ μὴ πρώτοι πρὸς ἀλλήλους οἱ $A, B, Γ$ · δεῖ δὴ τῶν $A, B, Γ$ τὸ μέγιστον κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

- 20 Εἰλήφθω γὰρ δύο τῶν A, B τὸ μέγιστον κοινὸν μέτρον ὁ A · ὁ δὲ A τὸν $Γ$ ἤτοι μετρεῖ ἢ οὐ μετρεῖ. μετρεῖτω πρότερον· μετρεῖ δὲ καὶ τοὺς A, B · ὁ A ἄρα τοὺς $A, B, Γ$ μετρεῖ· ὁ A ἄρα τῶν $A, B, Γ$ κοινὸν μέτρον ἐστίν. λέγω δὴ, ὅτι καὶ μέγιστον.

3 μετρεῖ· καί] corr. ex μετρήσει m. 1 p. τὸν AZ ἄρα F. μετρήσει] μετρεῖ P. 4. τὸν] corr. ex τὸ m. 1 p. AG] GA p. 5 ἐστίν] om. B. 8. ἐστίν PV. 10. τοῦτο P, sed corr. 12. ὅπερ ἔδει δεῖξαι] P; om. BFV p. 19. μέτρον] bis p. 20. δύο γὰρ p. 22. μετρεῖ] (alt.) om. F. 24 ἐστίν] comp. Fp; ἐστὶ PBV. δὴ] om. P.

metitur, etiam H metitur BE . uerum etiam totum BA metitur. quare etiam reliquum AE metietur. sed AE metitur ΔZ . quare etiam H metietur ΔZ . uerum etiam totum $\Delta \Gamma$ metitur. quare etiam reliquum ΓZ metietur maior minorem; quod fieri non potest. ergo numeros AB , $\Gamma \Delta$ non metietur numerus maior numero ΓZ . ergo ΓZ maxima est communis mensura numerorum AB , $\Gamma \Delta$.

Corollarium.

Hinc manifestum est, si numerus duos numeros metiatur, eum etiam maximam eorum mensuram communem mensurum esse.¹⁾ — quod erat demonstrandum.

III.

Datis tribus numeris non primis inter se maximam mensuram communem inuenire.



Sint tres numeri dati non primi inter se A , B , Γ . oportet igitur numerorum A , B , Γ maximam mensuram communem inuenire.

sumatur enim duorum numerorum A , B maxima mensura communis Δ [prop. II]. Δ igitur aut metitur Γ aut non metitur. prius metiatur. metitur autem etiam A , B . Δ igitur numeros A , B , Γ meti-

1) Nam H et AB , $\Gamma \Delta$ et communem eorum mensuram maximam ΓZ metitur (p. 194, 5).

εἰ γὰρ μὴ ἐστὶν ὁ Δ τῶν A, B, Γ μέγιστον κοινὸν
 μέτρον, μετρήσει τις τοὺς A, B, Γ ἀριθμοὺς ἀριθμὸς
 μείζων ὢν τοῦ Δ . μετρεῖτω, καὶ ἔστω ὁ E . ἐπεὶ
 οὖν ὁ E τοὺς A, B, Γ μετρεῖ, καὶ τοὺς A, B ἄρα
 5 μετρήσει· καὶ τὸ τῶν A, B ἄρα μέγιστον κοινὸν μέ-
 τρον μετρήσει. τὸ δὲ τῶν A, B μέγιστον κοινὸν μέ-
 τρον ἐστὶν ὁ Δ . ὁ E ἄρα τὸν Δ μετρεῖ ὁ μείζων
 τὸν ἐλάσσονα· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα τοὺς
 A, B, Γ ἀριθμοὺς ἀριθμὸς τις μετρήσει μείζων ὢν
 10 τοῦ Δ . ὁ Δ ἄρα τῶν A, B, Γ μέγιστόν ἐστι κοινὸν
 μέτρον.

Μὴ μετρεῖτω δὴ ὁ Δ τὸν Γ . λέγω πρῶτον, ὅτι
 οἱ Γ, Δ οὐκ εἰσι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους. ἐπεὶ γὰρ
 οἱ A, B, Γ οὐκ εἰσι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους, μετρήσει
 15 τις αὐτοὺς ἀριθμὸς. ὁ δὴ τοὺς A, B, Γ μετρῶν καὶ
 τοὺς A, B μετρήσει, καὶ τὸ τῶν A, B μέγιστον κοι-
 νὸν μέτρον τὸν Δ μετρήσει· μετρεῖ δὲ καὶ τὸν Γ .
 τοὺς Δ, Γ ἄρα ἀριθμοὺς ἀριθμὸς τις μετρήσει· οἱ
 Δ, Γ ἄρα οὐκ εἰσι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους. εἰλήφθω
 20 οὖν αὐτῶν τὸ μέγιστον κοινὸν μέτρον ὁ E . καὶ ἐπεὶ
 ὁ E τὸν Δ μετρεῖ, ὁ δὲ Δ τοὺς A, B μετρεῖ, καὶ ὁ
 E ἄρα τοὺς A, B μετρεῖ· μετρεῖ δὲ καὶ τὸν Γ . ὁ E
 ἄρα τοὺς A, B, Γ μετρεῖ· ὁ E ἄρα τῶν A, B, Γ κοι-
 νὸν ἐστὶ μέτρον. λέγω δὴ, ὅτι καὶ μέγιστον. εἰ
 25 γὰρ μὴ ἐστὶν ὁ E τῶν A, B, Γ τὸ μέγιστον κοινὸν

1. γάρ] corr. ex γα m. 2 P κοινὸν μέγιστον V 3 ὢν]
 om. V. 4. οὖν] om. BFr. 7. E] corr. ex Γ m. 2 F.
 8. ἐστίν] om. Fr. 9. ἀριθμὸς] om. F. τις] om. P.
 ὢν] om. P. 12 μὴ] supra F. 13. Γ, Δ] Δ, Γ BVp.
 15. ἀριθμὸς αὐτοὺς F. τοὺς] corr. ex τοῦ m rec. F. 17.
 τόν] τό FV. μετρήσει τὸν Δ p. 18. ἀριθμούς] m 2 V;
 om. BF. ἀριθμός] F, ἀριθμούς φ. 21. μετρεῖ] (alt.)

tur. quare Δ communis mensura est numerorum A, B, Γ . dico, eundem maximam esse. nam si Δ numerorum A, B, Γ maxima mensura communis non est, numerus aliquis numero Δ maior numeros A, B, Γ metietur. metiatur et sit E . iam quoniam E numeros A, B, Γ metitur, etiam A, B metietur. quare etiam maximam mensuram communem numerorum A, B metietur [prop. II coroll.]. uerum maxima mensura communis numerorum A, B est Δ . itaque E metitur Δ maior minorem; quod fieri non potest. itaque numeros A, B, Γ non metietur numerus maior numero Δ . ergo Δ maxima est mensura communis numerorum A, B, Γ .

iam ne metiatur Δ numerum Γ . dico primum, numeros Γ, Δ non esse primos inter se. nam quoniam A, B, Γ primi non sunt inter se, numerus aliquis eos metietur. qui autem A, B, Γ metitur, etiam A, B metietur, et Δ maximam mensuram communem numerorum A, B metietur [prop. II coroll.]. uerum etiam Γ metitur. quare numeros Δ, Γ numerus aliquis metietur. itaque Δ, Γ primi non sunt inter se. sumatur igitur eorum maxima mensura communis E [prop. II]. et quoniam E metitur Δ , Δ autem A, B metitur, etiam E metitur A, B . uerum etiam Γ metitur. E igitur A, B, Γ metitur. quare E numerorum A, B, Γ communis est mensura. iam dico, eundem maximam esse. nam si E numerorum A, B, Γ

bis F. καὶ ὁ E ἄρα τοὺς A, B μετρεῖ] mg. m. 2 B. 23.
 Γ] insert. m. rec. B. κοινόν] bis P, sed. corr. 24. δὴ]
om. P. 25. τό] om. p.

μέτρον, μετρήσει τις τοὺς A, B, Γ ἀριθμούς ἀριθ-
 μὸς μείζων ὢν τοῦ E . μετρεῖτω, καὶ ἔστω ὁ Z . καὶ
 ἐπεὶ ὁ Z τοὺς A, B, Γ μετρεῖ, καὶ τοὺς A, B μετρεῖ
 καὶ τὸ τῶν A, B ἄρα μέγιστον κοινὸν μέτρον με-
 5 τρήσει. τὸ δὲ τῶν A, B μέγιστον κοινὸν μέτρον
 ἐστὶν ὁ Δ . ὁ Z ἄρα τὸν Δ μετρεῖ· μετρεῖ δὲ καὶ
 τὸν Γ . ὁ Z ἄρα τοὺς Δ, Γ μετρεῖ· καὶ τὸ τῶν Δ, Γ
 ἄρα μέγιστον κοινὸν μέτρον μετρήσει. τὸ δὲ τῶν Δ, Γ
 μέγιστον κοινὸν μέτρον ἐστὶν ὁ E . ὁ Z ἄρα τὸν
 10 E μετρεῖ ὁ μείζων τὸν ἐλάσσονα· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνα-
 τον. οὐκ ἄρα τοὺς A, B, Γ ἀριθμούς ἀριθμὸς τις
 μετρήσει μείζων ὢν τοῦ E . ὁ E ἄρα τῶν A, B, Γ
 μέγιστόν ἐστι κοινὸν μέτρον· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

δ'.

15 Ἄπας ἀριθμὸς παντὸς ἀριθμοῦ ὁ ἐλάσσων
 τοῦ μείζονος ἥτοι μέρος ἐστὶν ἢ μέρη.

Ἐστῶσαν δύο ἀριθμοὶ οἱ $A, B\Gamma$, καὶ ἔστω ἐλάσ-
 σων ὁ $B\Gamma$. λέγω, ὅτι ὁ $B\Gamma$ τοῦ A ἥτοι μέρος ἐστὶν
 ἢ μέρη.

20 Οἱ $A, B\Gamma$ γὰρ ἥτοι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰ-
 σὶν ἢ οὐ. ἔστῶσαν πρότερον οἱ $A, B\Gamma$ πρῶτοι πρὸς

1. ἀριθμούς] om. P. 4. ἄρα] om. V. μέτρον] om. P.
 7. τόν] τό F, sed corr. τό] supra m. 1 P. Δ, Γ] e corr.
 m 2 V. 11. ἀριθμούς] comp. F; om. Vp. 13. ἐστὶν V.
 Post μέτρον add. BV: τριῶν ἄρα ἀριθμῶν δοθέντων ηῤορηται
 τὸ μέγιστον κοινὸν μέτρον. δεῖξαι] P; πειῆσαι Theon (BFVp).
 Seq. in p, B in mg imo m. 1, V mg. m. 2: πόρισμα. ἐκ δὲ
 (eras. B) τούτου (τούτων V) φανερον, ὅτι ἐὰν ἀριθμὸς τρεῖς
 ἀριθμούς μετρή, καὶ τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον μετρή-
 σει. ὁμοίως δὲ καὶ πλειόνων ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρῶτων
 πρὸς ἀλλήλους τὸ μέγιστον αὐτῶν (om Vp) κοινὸν μέτρον
 εὐρίσκεται καὶ τὸ πόρισμα προχωρήσει. Praeterea V in textu

maxima non est mensura communis, numerus aliquis maior numero E numeros A, B, Γ metietur. metiatur et sit Z . et quoniam Z numeros A, B, Γ metitur, etiam A, B metitur; quare etiam maximam numerorum A, B mensuram communem metietur [prop. II coroll.]. uerum numerorum A, B maxima mensura communis est Δ . Z igitur Δ metitur. uerum etiam Γ metitur. Z igitur Δ, Γ metitur. quare etiam numerorum Δ, Γ maximam mensuram communem metitur. uerum numerorum Δ, Γ maxima mensura communis est E . Z igitur E metitur maior minorem; quod fieri non potest. itaque numeros A, B, Γ non metietur numerus maior numero E . ergo E maxima est communis mensura numerorum A, B, Γ ; quod erat demonstrandum.¹⁾

IV.

Minor numerus maioris semper aut pars est aut partes.

Sint duo numeri $A, B\Gamma$, et minor sit $B\Gamma$. dico $B\Gamma$ numeri A aut partem aut partes esse.

nam $A, B\Gamma$ aut primi sunt inter se aut non primi. prius $A, B\Gamma$ primi sint inter se. diuiso igitur $B\Gamma$

1) Cfr. p. 194, 12. proprie nec *δειξαι* nec *ποιῆσαι*, sed *εὐρεῖν* dicendum erat (Studien p. 62); nam propp. II—III *πορίσματα* sunt (ib. p. 61). inde consecuta est uariatio scripturae.

habet: τὸν αὐτὸν δὲ τρόπον καὶ πλειόνων ἀριθμῶν δοθέντων τὸ μέγιστον κοινὸν μέτρον εὐρήσομεν. 15. Ἄπας] Ἄ littera initialis add. m. 2, ut semper fere, V; eras. B; habent Ppφ.

17. ἐλάττων F. 18. λέγω ὅτι] in ras. φ. ὁ $B\Gamma$ τοῦ A] eras. F. 21. πρότεροι V. οἱ $A, B\Gamma$] mg. V.

ἀλλήλους. διαιρεθέντος δὴ τοῦ $BΓ$ εἰς τὰς ἐν αὐτῷ
μονάδας ἔσται ἐκάστη μονὰς τῶν ἐν τῷ $BΓ$ μέρος τι
τοῦ A . ὥστε μέρη ἐστὶν ὁ $BΓ$ τοῦ A .

Μὴ ἔστωσαν δὴ οἱ A , $BΓ$ πρωτοὶ πρὸς ἀλλή-
5 λους· ὁ δὴ $BΓ$ τὸν A ἤτοι μετρεῖ ἢ οὐ μετρεῖ. εἰ
μὲν οὖν ὁ $BΓ$ τὸν A μετρεῖ, μέρος ἐστὶν ὁ $BΓ$
τοῦ A . εἰ δὲ οὐ, εἰλήφθω τῶν A , $BΓ$ μέγιστον κοι-
νὸν μέτρον ὁ Δ , καὶ διηρήσθω ὁ $BΓ$ εἰς τοὺς τῷ Δ
ἴσους τοὺς BE , EZ , $ZΓ$. καὶ ἐπεὶ ὁ Δ τὸν A με-
10 τρεῖ, μέρος ἐστὶν ὁ Δ τοῦ A . ἴσος δὲ ὁ Δ ἐκάστῳ
τῶν BE , EZ , $ZΓ$ καὶ ἕκαστος ἄρα τῶν BE , EZ , $ZΓ$
τοῦ A μέρος ἐστίν· ὥστε μέρη ἐστὶν ὁ $BΓ$ τοῦ A .

Ἄπας ἄρα ἀριθμὸς παντὸς ἀριθμοῦ ὁ ἐλάττων
τοῦ μείζονος ἤτοι μέρος ἐστὶν ἢ μέρη· ὅπερ ἔδει
15 δεῖξαι.

ε'.

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἢ, καὶ ἕτερος
ἑτέρου τὸ αὐτὸ μέρος ἢ, καὶ συναμφοτέρως
συναμφοτέρου τὸ αὐτὸ μέρος ἐσται, ὅπερ ὁ
20 εἰς τοῦ ἐνός.

Ἀριθμὸς γάρ ὁ A [ἀριθμοῦ] τοῦ $BΓ$ μέρος ἔστω,
καὶ ἕτερος ὁ Δ ἑτέρου τοῦ EZ τὸ αὐτὸ μέρος, ὅπερ
ὁ A τοῦ $BΓ$ λέγω, ὅτι καὶ συναμφοτέρως ὁ A , Δ
συναμφοτέρου τοῦ $BΓ$, EZ τὸ αὐτὸ μέρος ἐστίν, ὅπερ
25 ὁ A τοῦ $BΓ$.

Ἐπεὶ γάρ, ὁ μέρος ἐστὶν ὁ A τοῦ $BΓ$, τὸ αὐτὸ

1. δὴ] γάρ, supra scr. δὴ F. ἐαυτῷ p et F (corr. φ).
2. τι] F; τό φ. 4 οἱ A , $BΓ$] om. V. ἀλλήλους οἱ A , $BΓ$ V.
7. τὸ μέγιστον BFr. 8. ὁ $BΓ$] F; $ABΓ$ φ. τῷ] corr.
ex τό p. 9. καί] om. BFr. 10. δέ] δὴ P. ἐκατέρῳ Vφ.
11. καί] F; ὁ φ. ἄρα τοῦ V. 13. ἐλάττων φ. 18. ἢ]
F; om. BFVp. 21. ἀριθμοῦ] om P. μέρος] F, μόνος φ.

in suas unitates unaquaeque unitas in $B\Gamma$ comprehensa pars aliqua erit numeri A ; quare $B\Gamma$ numeri A partes erunt.

iam ne sint A , $B\Gamma$ inter se primi. itaque $B\Gamma$ aut metitur A aut non metitur. iam si $B\Gamma$ metitur A , pars est $B\Gamma$ numeri A . sin minus, sumatur numerorum A , $B\Gamma$ maxima mensura communis Δ [prop. II], et diuidatur $B\Gamma$ in partes numero Δ aequales, BE , EZ , $Z\Gamma$. et quoniam Δ metitur A , pars est Δ numeri A . sed $\Delta = BE = EZ = Z\Gamma$. quare etiam unusquisque numerorum BE , EZ , $Z\Gamma$ pars est numeri A . quare $B\Gamma$ partes sunt numeri A .

Ergo minor numerus maioris semper aut pars est aut partes; quod erat demonstrandum.

V.

Si numerus numeri pars est, et alius numerus alius numeri eadem pars, etiam uterque utriusque eadem pars erit, quae unus unius.

nam numerus A numeri $B\Gamma$ pars sit, et alius numerus Δ alius numeri EZ eadem pars sit, quae A numeri $B\Gamma$. dico, etiam $A + \Delta$ numeri $B\Gamma + EZ$ eandem partem esse, quae sit A numeri $B\Gamma$.

nam quoniam quae pars est A numeri $B\Gamma$, eadem

22. μέρος] μέρος ἐστίν (-ιν m. 2 e corr.) V. 23. λέγω — 25: $B\Gamma$] mg. m. 2 V. 24. EZ] F, BZ φ. 26. ὃ] supra m. 1 V. τὸ αὐτό] τοῦτο P.

μέρος ἐστὶ καὶ ὁ Δ τοῦ EZ , ὅσοι ἄρα εἰσὶν ἐν τῷ
 $B\Gamma$ ἀριθμοὶ ἴσοι τῷ A , τοσοῦτοί εἰσι καὶ ἐν τῷ EZ
ἀριθμοὶ ἴσοι τῷ Δ . διηγήσθω ὁ μὲν $B\Gamma$ εἰς τοὺς
τῷ A ἴσους τοὺς BH , $H\Gamma$, ὁ δὲ EZ εἰς τοὺς τῷ Δ
5 ἴσους τοὺς $E\Theta$, ΘZ . ἔσται δὴ ἴσον τὸ πλῆθος τῶν
 BH , $H\Gamma$ τῷ πλῆθει τῶν $E\Theta$, ΘZ . καὶ ἐπεὶ ἴσος
ἐστὶν ὁ μὲν BH τῷ A , ὁ δὲ $E\Theta$ τῷ Δ , καὶ οἱ BH ,
 $E\Theta$ ἄρα τοῖς A , Δ ἴσοι. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ οἱ
 $H\Gamma$, ΘZ τοῖς A , Δ . ὅσοι ἄρα [εἰσὶν] ἐν τῷ $B\Gamma$
10 ἀριθμοὶ ἴσοι τῷ A , τοσοῦτοί εἰσι καὶ ἐν τοῖς $B\Gamma$,
 EZ ἴσοι τοῖς A , Δ . ὅσαπλασίων ἄρα ἐστὶν ὁ $B\Gamma$
τοῦ A , τοσαυταπλασίων ἐστὶ καὶ συναμφοτέρος ὁ
 $B\Gamma$, EZ συναμφοτέρου τοῦ A , Δ . ὁ ἄρα μέρος ἐστὶν
ὁ A τοῦ $B\Gamma$, τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ συναμφοτέρος
15 ὁ A , Δ συναμφοτέρου τοῦ $B\Gamma$, EZ . ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ς'.

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ᾗ, καὶ ἕτερος
ἐτέρου τὰ αὐτὰ μέρη ᾗ, καὶ συναμφοτέρος συν-
αμφοτέρου τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται, ὅπερ ὁ εἰς
20 τοῦ ἐνός.

Ἀριθμὸς γὰρ ὁ AB ἀριθμοῦ τοῦ Γ μέρη ἔστω,
καὶ ἕτερος ὁ ΔE ἐτέρου τοῦ Z τὰ αὐτὰ μέρη, ἅπερ
ὁ AB τοῦ Γ λέγω, ὅτι καὶ συναμφοτέρος ὁ AB , ΔE

1. ἐστὶν F. καί] in ras. m. 2 p, insert. m. 2 F. Δ] corr. ex A m. 2 p. ἄρα] ἄρα ἀριθμοί V. 2 ἀριθμοί] om. V A] Δ φ. εἰσὶν PB. 7. Post Δ add. Theon: ὁ BH ἄρα τῷ A ἴσος ἐστὶ (ἐστὶν B) (BFVp). 8 ἄρα] om. Theon (BFVp). ἴσοι] om. Theon (BFVp). τὰ αὐτὰ] ταῦτα V. Post δὴ add. Theon: καὶ ὁ $H\Gamma$ τῷ A ἴσος (F, ἴσον φ) ἐστὶν (ἐστὶ V, comp. p) (BFVp) In V praeterea add. καὶ ὁ ΘZ τῷ Δ . οἱ $H\Gamma$, ΘZ τοῖς A , Δ] ὁ $H\Gamma$ τῷ A ἴσος ἐστὶν, ὁ δὲ ΘZ τῷ Δ P; ὁ $H\Gamma$ τοῖς $A\Delta$ φ (non F). In emendatione praecinit

pars est etiam Δ numeri EZ , quot sunt in $B\Gamma$ numeri numero A aequales, totidem etiam in EZ numeri sunt numero Δ aequales. diuidatur $B\Gamma$ in numeros numero A aequales $BH, H\Gamma$, EZ autem in $E\Theta, \Theta Z$ numero Δ aequales. erit igitur multitudo numerorum $BH, H\Gamma$ multitudini numerorum $E\Theta, \Theta Z$ aequalis. et quoniam est $BH = A$, $E\Theta = \Delta$, erunt $BH + E\Theta = A + \Delta$. eadem de causa etiam

$$H\Gamma + \Theta Z = A + \Delta.$$

itaque quot sunt in $B\Gamma$ numeri numero A aequales, totidem sunt etiam in $B\Gamma + EZ$ numeris $A + \Delta$ aequales. quare quoties multiplex est $B\Gamma$ numeri A , toties multiplex est etiam $B\Gamma + EZ$ numerorum $A + \Delta$. itaque quae pars est A numeri $B\Gamma$, eadem pars etiam $A + \Delta$ sunt numerorum $B\Gamma + EZ$; quod erat demonstrandum.

VI.

Si numerus numeri partes sunt, et alius numerus alius numeri eadem partes, etiam uterque utriusque eadem partes erunt, quae unus unius.

Nam numerus AB partes sint numeri Γ , et alius ΔE alius Z eadem partes, quae AB numeri Γ .

Augustus. 9. τοῖς] ἄρα τοῖς V. Δ] Δ ἴσοι εἰσὶν V. ὅσοι] ὅσ- in ras. m. 2 F; ἴση φ (non F). εἰσὶν] om. P. 10. εἰσιν PB. 12. ἐστὶν P. 13. ὅ] om. φ (non F). μέρος] F, μέν φ. 15. δεῖξαι] ποιῆσαι V. 17. μέρος p. 21. ἀριθ- μοῦ] ἀριθμόν φ (non F). 22. ΔE] E supra m. 1 V. 23. ὅτι συναμφοτέροι οἱ p.

συναμφοτέρου τοῦ Γ , Z τὰ αὐτὰ μέρη ἐστίν, ὥπερ
ὁ AB τοῦ Γ .

Ἐπεὶ γάρ, ἃ μέρη ἐστίν ὁ AB τοῦ Γ , τὰ αὐτὰ
μέρη καὶ ὁ AE τοῦ Z , ὅσα ἄρα ἐστὶν ἐν τῷ AB
5 μέρη τοῦ Γ , τοσαῦτά ἐστι καὶ ἐν τῷ AE μέρη τοῦ
 Z . διηγήσθω ὁ μὲν AB εἰς τὰ τοῦ Γ μέρη τὰ AH ,
 HB , ὁ δὲ AE εἰς τὰ τοῦ Z μέρη τὰ AE , EB .
ἐστὶ δὴ ἴσον τὸ πλῆθος τῶν AH , HB τῷ πλῆθει
τῶν AE , EB . καὶ ἐπεὶ, ὃ μέρος ἐστὶν ὁ AH τοῦ Γ ,
10 τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ ὁ AE τοῦ Z , ὃ ἄρα μέρος
ἐστὶν ὁ AH τοῦ Γ , τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ συναμ-
φότερος ὁ AH , AE συναμφοτέρου τοῦ Γ , Z . διὰ
τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὃ μέρος ἐστὶν ὁ HB τοῦ Γ , τὸ αὐτὸ
μέρος ἐστὶ καὶ συναμφότερος ὁ HB , EB συναμφοτέ-
15 ρου τοῦ Γ , Z . ἃ ἄρα μέρη ἐστὶν ὁ AB τοῦ Γ , τὰ
αὐτὰ μέρη ἐστὶ καὶ συναμφότερος ὁ AB , AE συναμ-
φοτέρου τοῦ Γ , Z . ὥπερ ἔδει δεῖξαι.

ζ'.

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾗ, ὥπερ ἀφαι-
20 ρεθεὶς ἀφαιρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τοῦ λοι-
ποῦ τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ, ὥπερ ὁ ὅλος τοῦ ὅλου.

Ἀριθμὸς γάρ ὁ AB ἀριθμοῦ τοῦ GA μέρος ἐστω,
ὥπερ ἀφαιρεθεὶς ὁ AE ἀφαιρεθέντος τοῦ GA . λέγω,
ὅτι καὶ λοιπὸς ὁ EB λοιποῦ τοῦ GA τὸ αὐτὸ μέρος
25 ἐστίν, ὥπερ ὅλος ὁ AB ὅλου τοῦ GA .

4. AE] E e corr. m. 2 F. 5. ἐστὶ] om. B. 6. AH] A corr. ex Δ F. 7. AE] EA p. 10. ἐστὶν BF. 11. ἐστὶν] ἐστὶν καὶ F, sed καὶ del. καὶ] καὶ ὁ p. 13. δὴ] del. m. 2 P. ἐστὶ V. τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ] καὶ ὁ EB τοῦ Z . ὃ ἄρα μέρος ἐστὶ τὸ HB τοῦ Γ P 14 καὶ] καὶ ὁ p. 15 ἃ] supra m. 1 V 16 ἐστὶν PB 18. ζ'] om. V, in

dico, etiam $AB + \Delta E$ numerorum $\Gamma + Z$ easdem partes esse, quae sit AB numeri Γ .

nam quoniam quae partes est AB numeri Γ , eadem est ΔE numeri Z , quot sunt in AB partes numeri Γ , totidem etiam in ΔE sunt partes numeri

Z . diuidatur AB in AH, HB partes numeri Γ , ΔE autem in $\Delta\Theta, \Theta E$ partes numeri Z . itaque multitudo numerorum AH, HB multitudini numerorum $\Delta\Theta, \Theta E$ aequalis erit.

et quoniam quae pars est AH numeri Γ , eadem est etiam $\Delta\Theta$ numeri Z , $AH + \Delta\Theta$ eadem pars erit numerorum $\Gamma + Z$, quae AH numeri Γ [prop. V]. eadem de causa etiam quae pars est HB numeri Γ , eadem pars est $HB + \Theta E$ numerorum $\Gamma + Z$. ergo quae partes est AB numeri Γ , eadem partes sunt $AB + \Delta E$ numerorum $\Gamma + Z$; quod erat demonstrandum.

VII.

Si numerus numeri eadem pars est, quae ablati numerus ablati, etiam reliquus reliqui eadem pars erit, quae totus totius.

Nam numerus AB numeri $\Gamma\Delta$ eadem sit pars, quae ablati numerus AE ablati ΓZ . dico, etiam reliquum EB reliqui $Z\Delta$ eandem esse partem, quae totus AB sit totius $\Gamma\Delta$.

quo haec prop. a. m. 1 solo signo : \sim a priore dirempta erat;
 corr. m. 2. 20. \acute{o}] supra m. 1 P. 21. \acute{o}] supra m. 1 P,
 om. F. $\acute{o}\lambda\omicron\nu$] in ras. F. 23. AE] A eras. V. 24. $\kappa\alpha\iota$]
 $\kappa\alpha\iota \acute{o}$ BFVp. 25. $\acute{o}\lambda\omicron\varsigma$] $\acute{o} \acute{o}\lambda\omicron\varsigma$ B.

Ὁ γὰρ μέρος ἐστὶν ὁ AE τοῦ ΓZ , τὸ αὐτὸ μέρος
 ἔστω καὶ ὁ EB τοῦ ΓH . καὶ ἐπεὶ, ὁ μέρος
 ἐστὶν ὁ AE τοῦ ΓZ , τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ ὁ EB
 τοῦ ΓH , ὁ ἄρα μέρος ἐστὶν ὁ AE τοῦ ΓZ , τὸ αὐτὸ
 5 μέρος ἐστὶ καὶ ὁ AB τοῦ HZ . ὁ δὲ μέρος ἐστὶν ὁ
 AE τοῦ ΓZ , τὸ αὐτὸ μέρος ὑπόκειται καὶ ἢ AB
 τοῦ $\Gamma \Delta$. ὁ ἄρα μέρος ἐστὶ καὶ ὁ AB τοῦ HZ , τὸ
 αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ τοῦ $\Gamma \Delta$. ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ HZ
 τῷ $\Gamma \Delta$. κοινὸς ἀφηρησθῶ ὁ ΓZ . λοιπὸς ἄρα ὁ $H\Gamma$
 10 λοιπῷ τῷ $Z\Delta$ ἐστὶν ἴσος. καὶ ἐπεὶ, ὁ μέρος ἐστὶν
 ὁ AE τοῦ ΓZ , τὸ αὐτὸ μέρος [ἐστὶ] καὶ ὁ EB τοῦ
 $H\Gamma$, ἴσος δὲ ὁ $H\Gamma$ τῷ $Z\Delta$, ὁ ἄρα μέρος ἐστὶν ὁ
 AE τοῦ ΓZ , τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ ὁ EB τοῦ $Z\Delta$.
 ἀλλὰ ὁ μέρος ἐστὶν ὁ AE τοῦ ΓZ , τὸ αὐτὸ μέρος
 15 ἐστὶ καὶ ὁ AB τοῦ $\Gamma \Delta$. καὶ λοιπὸς ἄρα ὁ EB λοιποῦ
 τοῦ $Z\Delta$ τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶν, ὅπερ ὅλος ὁ AB ὅλου
 τοῦ $\Gamma \Delta$. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

η'.

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ἦ, ἅπερ ἀφαι-
 20 ρεθεὶς ἀφαιρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τοῦ λοιποῦ
 τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται, ἅπερ ὁ ὅλος τοῦ ὅλου.

Ἀριθμὸς γὰρ ὁ AB ἀριθμοῦ τοῦ $\Gamma \Delta$ μέρη ἔστω,
 ἅπερ ἀφαιρεθεὶς ὁ AE ἀφαιρεθέντος τοῦ ΓZ . λέγω,

7. ἐστὶν PB, comp. p. HZ] corr ex $H\Gamma$ m 1 F. 8. καί] καὶ ὁ AB Theon (BFVp); ὁ AB add. in mg. m. rec. P. Post $\Gamma \Delta$ add. Theon: ὁ AB ἄρα ἑκατέρων τῶν HZ , $\Gamma \Delta$ τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶν (BFVp); idem P, mg. m. rec. HZ] ZH Vp. 9. κοινῶς P, corr. m. 1 et insuper m. rec. 10 ἴσος ἐστὶ V. 11. ἐστὶ] om. P. 12. $H\Gamma$] Γ in ras. F. δέ, δὲ καὶ Vp. ὁ $H\Gamma$ τῷ ΔZ F in ras. ἄρα] om. F. 13. ἐστὶν P. EB τοῦ $Z\Delta$] AB τοῦ $\Gamma \Delta$ F, corr m 2. 14. ἀλλ' P, corr m. 1.

nam quae pars est AE numeri ΓZ , eadem pars sit EB numeri ΓH . et quoniam quae pars est AE numeri ΓZ , eadem pars est EB numeri ΓH , etiam

A E B
|-----|-----|

H Γ Z Δ
|-----|-----|-----|-----|

AB numeri HZ eadem pars est, quae

AE numeri ΓZ

[prop. V]. supposu-

imus autem, AB numeri $\Gamma\Delta$ eandem partem esse, quae sit AE numeri ΓZ . itaque quae pars est AB numeri HZ , eadem idem pars est numeri $\Gamma\Delta$. itaque $HZ = \Gamma\Delta$. subtrahatur, qui communis est, ΓZ . itaque $H\Gamma = Z\Delta$. et quoniam quae pars est AE numeri ΓZ , eadem est EB numeri $H\Gamma$, et $H\Gamma = Z\Delta$, quae pars est AE numeri ΓZ , eadem est EB numeri $Z\Delta$. uerum quae pars est AE numeri ΓZ , eadem est AB numeri $\Gamma\Delta$. ergo etiam reliquus EB reliqui $Z\Delta$ eadem pars est, quae totus AB totius $\Gamma\Delta$; quod erat demonstrandum.

VIII.

Si numerus numeri partes sunt eadem, quae ablati numerus ablati, etiam reliquus reliqui eadem partes erunt, quae totus totius.

Nam numerus AB numeri $\Gamma\Delta$ eadem partes sint, quae ablati AE ablati ΓZ . dico, etiam reliquum

$\alpha\lambda\lambda\alpha^{\bullet}\tilde{o}$] in ras. m. 2 F; δ $\alpha\tilde{\rho}\alpha$ post ras. plus quam 2 linn. V. AE] EB V; e corr. F. ΓZ] in ras. F; $Z\Delta$ V. 15. Post $\Gamma\Delta$ add. Bp: δ $\alpha\tilde{\rho}\alpha$ μέρος ἐστὶν ὁ EB τοῦ $Z\Delta$, τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ ὁ AB τοῦ $\Gamma\Delta$; idem P mg. m. rec. καὶ λοιπὸς $\alpha\tilde{\rho}\alpha$] καὶ mutat in \tilde{o} et in mg. add. $\alpha\tilde{\rho}\alpha$ μέρος ἐστὶν F m. 2 ($\lambda\omicron\iota\pi\omicron\varsigma$ $\alpha\tilde{\rho}\alpha$ in init. lin. seq. (a m. 1) intactum relinquitur).

16. ἐστὶ V. 17. $\Gamma\Delta$] $B\Gamma$ F. 21. δ] om. Pp; m. 2 F.

22. $\Gamma\Delta$] Γ add. m. rec. P.

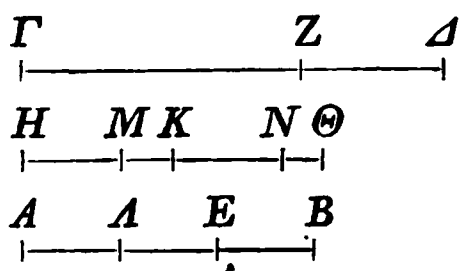
ὅτι καὶ λοιπὸς ὁ EB λοιποῦ τοῦ $Z\Delta$ τὰ αὐτὰ μέρη
ἐστίν, ὥπερ ὅλος ὁ AB ὅλου τοῦ $\Gamma\Delta$.

Κείσθω γὰρ τῷ AB ἴσος ὁ $H\Theta$. ἄ ἄρα μέρος
ἐστὶν ὁ $H\Theta$ τοῦ $\Gamma\Delta$, τὰ αὐτὰ μέρη ἐστὶ καὶ ὁ AE
5 τοῦ ΓZ . διηγήσθω ἰ μὲν $H\Theta$ εἰς τὰ τοῦ $\Gamma\Delta$ μέρη
τὰ HK , $K\Theta$, ὁ δὲ AE εἰς τὰ τοῦ ΓZ μέρη τὰ AA ,
 AE . ἔσται δὴ ἴσον τὸ πλῆθος τῶν HK , $K\Theta$ τῷ
πλήθει τῶν AA , AE . καὶ ἐπεὶ, ὃ μέρος ἐστὶν ὁ
 HK τοῦ $\Gamma\Delta$, τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ ὁ AA τοῦ ΓZ ,
10 μείζων δὲ ὁ $\Gamma\Delta$ τοῦ ΓZ , μείζων ἄρα καὶ ὁ HK τοῦ
 AA . κείσθω τῷ AA ἴσος ὁ HM . ὃ ἄρα μέρος ἐστὶν
ὁ HK τοῦ $\Gamma\Delta$, τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ ὁ HM τοῦ
 ΓZ . καὶ λοιπὸς ἄρα ὁ MK λοιποῦ τοῦ $Z\Delta$ τὸ αὐτὸ
μέρος ἐστίν, ὥπερ ὅλος ὁ HK ὅλου τοῦ $\Gamma\Delta$. πάλιν
15 ἐπεὶ, ὃ μέρος ἐστὶν ὁ $K\Theta$ τοῦ $\Gamma\Delta$, τὸ αὐτὸ μέρος
ἐστὶ καὶ ὁ EA τοῦ ΓZ , μείζων δὲ ὁ $\Gamma\Delta$ τοῦ ΓZ ,
μείζων ἄρα καὶ ὁ ΘK τοῦ EA . κείσθω τῷ EA ἴσος
ὁ KN . ὃ ἄρα μέρος ἐστὶν ὁ $K\Theta$ τοῦ $\Gamma\Delta$, τὸ αὐτὸ
μέρος ἐστὶ καὶ ὁ KN τοῦ ΓZ . καὶ λοιπὸς ἄρα ὁ
20 $N\Theta$ λοιποῦ τοῦ $Z\Delta$ τὸ αὐτὸ μέρος ἐστίν, ὥπερ ὅλος
ὁ $K\Theta$ ὅλου τοῦ $\Gamma\Delta$. ἐδείχθη δὲ καὶ λοιπὸς ὁ MK
λοιποῦ τοῦ $Z\Delta$ τὸ αὐτὸ μέρος ὢν, ὥπερ ὅλος ὁ HK
ὅλου τοῦ $\Gamma\Delta$. καὶ συναμφοτέρος ἄρα ὁ MK , $N\Theta$
τοῦ ΔZ τὰ αὐτὰ μέρη ἐστίν, ὥπερ ὅλος ὁ ΘH ὅλου

1 καί] καὶ ὁ V. $Z\Delta$] Δ add m 2 F. 2. ὅλος] ὁ
ὅλος B 4 ἐστὶ] ἐστίν F. 8. AE] in ras. V. 9. HK]
· K postea insert. V. ἐστίν PV. καί] om. P. 11. HM]
 MH Vp. 11. ἐστίν PF. 16. ἐστίν F. τοῦ ΓZ] m. 2 supra
scr. F. 17. ΘK] $K\Theta$ P. 18. KN] corr. ex KH m. rec.
p; mutat. in KH m. 2 V. 19. μεμέρος P; corr. m. 2
ἐστίν F. καὶ λοιπός] λοιπός V. 20. $N\Theta$] corr. ex $H\Theta$
m. rec. p. $Z\Delta$] Δ eras. V. ὥπερ] m. 2 V. 21. ἐδεί-
χθη δέ - 23: $\Gamma\Delta$] mg. V. 21. καί] καὶ ὁ BFV. ὁ] om. p

EB reliqui $Z\Delta$ easdem partes esse, quae sit totus AB totius $\Gamma\Delta$.

ponatur enim $H\Theta = AB$. itaque quae partes est $H\Theta$ numeri $\Gamma\Delta$, eadem est etiam AE numeri ΓZ . diuidatur $H\Theta$ in HK , $K\Theta$ partes numeri $\Gamma\Delta$, AE autem in $A\Lambda$, ΛE partes numeri ΓZ . itaque multi-



tudo numerorum HK , $K\Theta$ multitudini numerorum $A\Lambda$, ΛE aequalis est. et quoniam quae pars est HK numeri $\Gamma\Delta$, eadem est $A\Lambda$ numeri ΓZ , et

$\Gamma\Delta > \Gamma Z$, erit etiam $HK > A\Lambda$. ponatur $HM = A\Lambda$. itaque quae pars est HK numeri $\Gamma\Delta$, eadem est HM numeri ΓZ . quare etiam reliquus MK reliqui $Z\Delta$ eadem pars est, quae totus HK totius $\Gamma\Delta$ [prop. VII]. rursus quoniam quae pars est $K\Theta$ numeri $\Gamma\Delta$, eadem est $E\Lambda$ numeri ΓZ , et $\Gamma\Delta > \Gamma Z$, erit etiam $\Theta K > E\Lambda$. ponatur $KN = E\Lambda$. itaque quae pars est $K\Theta$ numeri $\Gamma\Delta$, eadem est KN numeri ΓZ . quare etiam reliquus $N\Theta$ reliqui $Z\Delta$ eadem pars est, quae totus $K\Theta$ totius $\Gamma\Delta$ [prop. VII]. demonstrauius autem, esse etiam reliquum MK reliqui $Z\Delta$ eandem partem, quae totus HK totius sit $\Gamma\Delta$. quare etiam $MK + N\Theta$ eadem partes sunt numeri ΔZ , quae totus ΘH totius

22. $\omega\nu$] om. p, $\delta\nu$ V. HK] KH P. 23. $\Gamma\Delta$] $\Delta\Gamma$ FVp. MK] eras. V. $N\Theta$] corr. ex $H\Theta$ m. 2 p. 24. ΔZ] ΛZ F; $Z\Delta$ Vp. ΘH] $H\Theta$ FVp.

τοῦ $\Gamma\Delta$. ἴσος δὲ συναμφοτέρος μὲν ο MK , $N\Theta$
 τῷ EB , ὁ δὲ ΘH τῷ BA καὶ λοιπὸς ἄρα ὁ EB
 λοιποῦ τοῦ $Z\Delta$ τὰ αὐτὰ μέρη ἐστίν, ἅπερ ὅλος ὁ
 AB ὅλου τοῦ $\Gamma\Delta$ ὅπερ εἶδει δεῖξαι.

6

θ'.

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἦ, καὶ ἕτερος
 ἑτέρου τὸ αὐτὸ μέρος ἦ, καὶ ἐναλλάξ, ὃ μέρος
 ἐστὶν ἢ μέρη ὁ πρῶτος τοῦ τρίτου, τὸ αὐτὸ
 μέρος ἔσται ἢ τὰ αὐτὰ μέρη καὶ ὁ δεύτερος
 10 τοῦ τετάρτου.

Ἀριθμὸς γάρ ὁ A ἀριθμοῦ τοῦ $B\Gamma$ μέρος ἔστω,
 καὶ ἕτερος ὁ Δ ἑτέρου τοῦ EZ τὸ αὐτὸ μέρος, ἥπερ
 ὁ A τοῦ $B\Gamma$ λέγω, ὅτι καὶ ἐναλλάξ, ὃ μέρος ἐστὶν
 ὁ A τοῦ Δ ἢ μέρη, τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ ὁ $B\Gamma$
 15 τοῦ EZ ἢ μέρη.

Ἐπεὶ γάρ ὁ μέρος ἐστὶν ὁ A τοῦ $B\Gamma$, το αὐτὸ
 μέρος ἐστὶ καὶ ὁ Δ τοῦ EZ , ὅσοι ἄρα εἰσὶν ἐν τῷ
 $B\Gamma$ ἀριθμοὶ ἴσοι τῷ A , τοσοῦτοί εἰσι καὶ ἐν τῷ EZ
 ἴσοι τῷ Δ . διηγήσθω ὁ μὲν $B\Gamma$ εἰς τοὺς τῷ A
 20 ἴσους τοὺς BH , $H\Gamma$, ὁ δὲ EZ εἰς τοὺς τῷ Δ ἴσους
 τοὺς $E\Theta$, ΘZ . ἔσται δὴ ἴσον τὸ πλῆθος τῶν BH ,
 $H\Gamma$ τῷ πλῆθει τῶν $E\Theta$, ΘZ .

Καὶ ἐπεὶ ἴσοι εἰσὶν οἱ BH , $H\Gamma$ ἀριθμοὶ ἀλλή-
 λους, εἰσὶ δὲ καὶ οἱ $E\Theta$, ΘZ ἀριθμοὶ ἴσοι ἀλλήλοις,

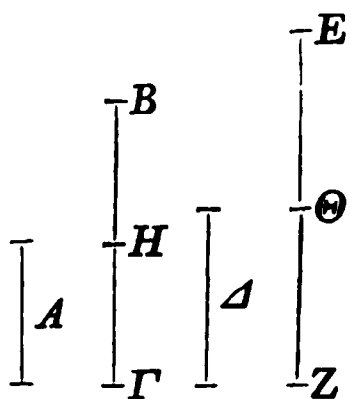
1. $\Gamma\Delta$] $\Delta\Gamma$ BF. δέ] V corr. ex δή; δή PBFp. μὲν
 ὁ] ὁ μὲν V. MK , $N\Theta$] mutat. in HM , KN m. 2 V; λοι-
 πὸς ἄρα ὁ MK , $N\Theta$ τῷ EB ἴσος ἐστὶν mg. m. 2 V. 2. τῷ]
 e corr. m 1 F EB] BE V m 1, AE m. 2. ΘH] ΘN p.
 BA] mutat. in MK m. rec. p 3. $Z\Delta$] corr. ex ΔZ m. 2 V,
 ΔZ F. 6. Post ἕτερος ras. 6 litt., dein τοῦ πρώτου μείζονος
 τοῦ δευτέρου punctis del. F; totam protasin ita, ut apud nos
 legitur, in mg. repetit m. 2. 7. ἦ] P; om BFVp. 9.

$\Gamma\Delta$. sed $MK + N\Theta = EB^1)$ et $\Theta H = BA$. ergo etiam reliquus EB reliqui $Z\Delta$ eadem partes sunt, quae totus AB totius $\Gamma\Delta$; quod erat demonstrandum.

IX.

Si numerus numeri pars est et alius numerus alius numeri eadem pars, etiam permutatim, quae pars uel partes primus est tertii, eadem pars uel partes erit secundus quarti.

Nam numerus A numeri $B\Gamma$ pars sit, et alius Δ alius numeri EZ eadem pars sit, quae A numeri $B\Gamma$. dico, etiam permutatim numerum $B\Gamma$ eandem partem uel partes esse numeri EZ , quae pars uel partes sit A numeri Δ .



Nam quoniam quae pars est A numeri $B\Gamma$, eadem est Δ numeri EZ , quot sunt in $B\Gamma$ numeri numero A aequales, totidem etiam in EZ sunt numero Δ aequales. diuidatur $B\Gamma$ in numeros BH , $H\Gamma$ numero A aequales, EZ autem in $E\Theta$, ΘZ numero Δ aequales. itaque multitudo numerorum BH , $H\Gamma$ multitudini numerorum $E\Theta$, ΘZ aequalis est. et quoniam $BH = H\Gamma$ et $E\Theta = \Theta Z$, et multitudo numerorum

1) Nam $HM + MK + KN + N\Theta = AA + AE + EB$, et $HM = AA$, $KN = EA$.

ἔσται] ἔστι comp. p. 11. Post ἔστω add. V: ἢ τὰ αὐτὰ μέρη punctis del. μέρος ἔσται p. 13. Post $B\Gamma$ add. BVp, F mg. m. 2: ἐλάττων δὲ ἔστω ὁ A τοῦ Δ (Δ in ras. m. 1 B). ὅ] supra ὅ scr. ὅπερ m. 1 p. 14. ἐστίν F. 17. ἐστίν PF. καί] om. P. 18. εἰσιν PB. 21. ἔσται] ἐστὶ F, corr. m. 2. 24. εἰσίν P. $E\Theta$] EZ p.

καὶ ἐστὶν ἴσον τὸ πλῆθος τῶν BH , $HΓ$ τῷ πλῆθει
 τῶν $EΘ$, $ΘΖ$, ὃ ἄρα μέρος ἐστὶν ὁ BH τοῦ $EΘ$
 ἢ μέρη, τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ ὁ $HΓ$ τοῦ $ΘΖ$ ἢ
 τὰ αὐτὰ μέρη· ὥστε καὶ ὁ μέρος ἐστὶν ὁ BH τοῦ
 5 $EΘ$ ἢ μέρη, τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ συναμφοτέρως
 ὁ $BΓ$ συναμφοτέρου τοῦ $EΖ$ ἢ τὰ αὐτὰ μέρη. ἴσος
 δὲ ὁ μὲν BH τῷ A , ὁ δὲ $EΘ$ τῷ $Δ$ · ὃ ἄρα μέρος
 ἐστὶν ὁ A τοῦ $Δ$ ἢ μέρη, τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ
 ὁ $BΓ$ τοῦ $EΖ$ ἢ τὰ αὐτὰ μέρη· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

10

ε'.

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ἦ, καὶ ἕτερος
 ἑτέρου τὰ αὐτὰ μέρη ἦ, καὶ ἐναλλάξ, ἃ μέρη
 ἐστὶν ὁ πρῶτος τοῦ τρίτου ἢ μέρος, τὰ αὐτὰ
 μέρη ἔσται καὶ ὁ δεύτερος τοῦ τετάρτου ἢ τὸ
 15 αὐτὸ μέρος.

Ἀριθμὸς γάρ ὁ AB ἀριθμοῦ τοῦ $Γ$ μέρη ἔστω,
 καὶ ἕτερος ὁ $ΔΕ$ ἑτέρου τοῦ $Ζ$ τὰ αὐτὰ μέρη· λέγω,
 ὅτι καὶ ἐναλλάξ, ἃ μέρη ἐστὶν ὁ AB τοῦ $ΔΕ$ ἢ μέ-
 ρος, τὰ αὐτὰ μέρη-ἐστὶ καὶ ὁ $Γ$ τοῦ $Ζ$ ἢ τὸ αὐτὸ
 20 μέρος.

Ἐπεὶ γάρ, ἃ μέρη ἐστὶν ὁ AB τοῦ $Γ$, τὰ αὐτὰ
 μέρη ἐστὶ καὶ ὁ $ΔΕ$ τοῦ $Ζ$, ὅσα ἄρα ἐστὶν ἐν τῷ
 AB μέρη τοῦ $Γ$, τοσαῦτα καὶ ἐν τῷ $ΔΕ$ μέρη τοῦ
 $Ζ$. διηροίσθω ὁ μὲν AB εἰς τὰ τοῦ $Γ$ μέρη τὰ AH ,
 25 HB , ὁ δὲ $ΔΕ$ εἰς τὰ τοῦ $Ζ$ μέρη τὰ $ΔΘ$, $ΘΕ$ · ἔσται

2. $EΘ$] corr. ex $EΖ$ m. 1 F. 4. ὥστε] -τε in ras. V.
 7. δέ] δὴ P. 12. ἦ] P; om. BFVp. 13. Ante ἦ in p
 del. καί. μέρος] corr. ex μέρη p. 14. ἔσται μέρη V.
 καί] m. 2 F. 16. AB] inter A et B duae litt. eras. V.
 ἔστω] φ, ἔσται? F. 17. Post μέρη add BFVp: ἔστω δέ
 (δέ m. 2 F; ἐλάττων δὲ ἔστω B) ὁ AB τοῦ $ΔΕ$ ἐλάσσων (m.

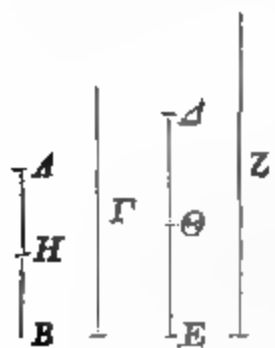
BH , $H\Gamma$ multitudini numerorum $E\Theta$, ΘZ aequalis est, erit etiam $H\Gamma$ numeri ΘZ eadem pars uel partes, quae BH numeri $E\Theta$. quare etiam quae pars uel partes est BH numeri $E\Theta$, eadem pars uel partes est $B\Gamma$ numeri EZ [prop. V et VI]. sed $BH = A$, $E\Theta = \Delta$. ergo quae pars uel partes est A numeri Δ , eadem pars uel partes est etiam $B\Gamma$ numeri EZ ; quod erat demonstrandum.

X.

Si numerus numeri partes sunt, et alius numerus alius numeri eadem partes, etiam permutatim quae partes uel pars primus est tertii, eadem partes uel pars est secundus quarti.

Numerus enim AB numeri Γ partes sint, et alius ΔE alius numeri Z eadem partes. dico, etiam permutatim numerum Γ easdem partes uel partem esse numeri Z , quae AB numeri ΔE .

nam quoniam quae partes est AB numeri Γ , eadem est etiam ΔE numeri Z , quot sunt in AB partes numeri Γ , totidem partes numeri Z in ΔE sunt. diuidatur AB in AH , HB partes numeri Γ , ΔE autem in $\Delta\Theta$, ΘE partes numeri Z . erit



2 F, om. B). 18. $\tilde{\alpha}$] om. F. 19. $\dot{\epsilon}\sigma\tau/\nu$ F. $\tau\theta\tilde{\omega}$] om. p.
 21. $\tilde{\alpha}$] m. 2 B. 22. $\tilde{\alpha}\rho\alpha$] m. 2 F. 24. Γ] in ras. 4
 litt. e corr. F. 25. HB] H e corr. V. ΔE] E in ras. P.
 $\Delta\Theta$] Δ e corr. p; post ras. 2 litt. V; $\Delta\Theta$ F (sed Δ e corr.).
 ΘE] E eras.; fuit $E\Theta$ F.

δὴ ἴσον τὸ πλῆθος τῶν AH , HB τῷ πλῆθει τῶν
 $\Delta\Theta$, ΘE . καὶ ἐπεὶ, ὃ μέρος ἐστὶν ὁ AH τοῦ Γ , τὸ
 αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ ὁ $\Delta\Theta$ τοῦ Z , καὶ ἐναλλάξ, ὃ μέρος
 ἐστὶν ὁ AH τοῦ $\Delta\Theta$ ἢ μέρη, τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ
 5 καὶ ὁ Γ τοῦ Z ἢ τὰ αὐτὰ μέρη. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ
 καί, ὃ μέρος ἐστὶν ὁ HB τοῦ ΘE ἢ μέρη, τὸ αὐτὸ
 μέρος ἐστὶ καὶ ὁ Γ τοῦ Z ἢ τὰ αὐτὰ μέρη· ὥστε
 καὶ [ὃ μέρος ἐστὶν ὁ AH τοῦ $\Delta\Theta$ ἢ μέρη, τὸ αὐτὸ
 μέρος ἐστὶ καὶ ὁ HB τοῦ ΘE ἢ τὰ αὐτὰ μέρη· καὶ
 10 ὃ ἄρα μέρος ἐστὶν ὁ AH τοῦ $\Delta\Theta$ ἢ μέρη, τὸ αὐτὸ
 μέρος ἐστὶ καὶ ὁ AB τοῦ ΔE ἢ τὰ αὐτὰ μέρη· ἀλλ'
 ὃ μέρος ἐστὶν ὁ AH τοῦ $\Delta\Theta$ ἢ μέρη, τὸ αὐτὸ μέρος
 ἐδείχθη καὶ ὁ Γ τοῦ Z ἢ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ] ἂ [ἄρα]
 μέρη ἐστὶν ὁ AB τοῦ ΔE ἢ μέρος, τὰ αὐτὰ μέρη
 15 ἐστὶ καὶ ὁ Γ τοῦ Z ἢ τὸ αὐτὸ μέρος· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ια'.

Ἐὰν ἢ ὡς ὅλος πρὸς ὅλον, οὕτως ἀφαιρε-
 θεὶς πρὸς ἀφαιρεθέντα, καὶ ὁ λοιπὸς πρὸς τὸν
 λοιπὸν ἔσται, ὡς ὅλος πρὸς ὅλον.

20 Ἐστω ὡς ὅλος ὁ AB πρὸς ὅλον τὸν ΓA , οὕτως
 ἀφαιρεθεὶς ὁ AE πρὸς ἀφαιρεθέντα τὸν ΓZ · λέγω,
 ὅτι καὶ λοιπὸς ὁ EB πρὸς λοιπὸν τὸν $Z A$ ἔστιν, ὡς
 ὅλος ὁ AB πρὸς ὅλον τὸν ΓA .

Ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ὁ AB πρὸς τὸν ΓA , οὕτως ὁ AE

1 δὴ] δέ p. AH , HB] in ras. φ. 2. $\Delta\Theta$, ΘE]
 eras. F 3. καί] (alt.) Pp, B m rec.; om. FV. 4. $\Delta\Theta$] ΘA P.
 5 Γ] post ras. 1 litt. F. τὰ αὐτὰ] om. p. διὰ τὰ — 7:
 μέρη] om. V; ὥστε καὶ ὁ HB τοῦ ΘE τὸ αὐτὸ ἐστὶ μέρος ἢ
 μέρη, ὅπερ ὁ ἴσος τῷ HB , τουτέστιν ὁ AH , τῷ ἴσῳ τῷ $\Delta\Theta$,
 τουτέστιν τῷ ΘE p; idem V mg m. 1 bis (μέρος ἐστίν, τοῦ
 HB τουτέστι). 6. HB] BH F. τὸ αὐτὸ μέρος] bis P,

igitur multitudo numerorum AH , HB multitudini numerorum $\Delta\Theta$, ΘE aequalis. et quoniam quae pars est AH numeri Γ , eadem est $\Delta\Theta$ numeri Z , permutatim quae pars uel partes est AH numeri $\Delta\Theta$, eadem pars uel partes est etiam Γ numeri Z [prop. IX]. eadem de causa etiam quae pars uel partes est HB numeri ΘE , eadem pars uel partes est Γ numeri Z . quare etiam quae partes uel pars est AB numeri ΔE , eadem partes uel pars est etiam Γ numeri Z ¹⁾; quod erat demonstrandum.

XI.

Si est ut totus ad totum, ita ablatum ad ablatum, etiam reliquus ad reliquum erit, ut totus ad totum.

Sit $AB : \Gamma\Delta = AE : \Gamma Z$. dico, esse etiam

$$EB : Z\Delta = AB : \Gamma\Delta.$$

quoniam est $AB : \Gamma\Delta = AE : \Gamma Z$, erit AE eadem

1) Nam AH eadem pars uel partes est numeri $\Delta\Theta$, quae HB numeri ΘE . ergo (prop. V et VI) AB numeri ΔE eadem pars uel partes est, quae AH numeri $\Delta\Theta$ siue quae Γ numeri Z . — sed quae hanc ipsam ratiocinationem continent uerba lin. 8—13, merito auctoritate codicis P Theoni tribuenda esse uideri possunt (Campanus in his libris arithmetice tanto opere a Graecis discrepat, ut perraro ex eo documenta peti possint).

corr. m. 2. 7. μέρος] eras. F. ἐστὶ καὶ] om. F. 8. ὁ μέρος — 13: μέρη καὶ] mg. m. rec. P. 8. ὁ ἄρα μέρος F. 9. ἄρα μέρος Vp. HB τοῦ — 11: καὶ ὁ] om. Vp. HB] HΘ F. 10. ΔΘ] AΘ F. 11. AB] AΘ F. ΔE] AE F. 13. ἄρα] m. rec. P. 14. ἐστὶν] ἐστὶ καὶ Vp. 15. ἐστὶν P. 17. ὡς] om. p. 22. ὁ λοιπὸς ὁ V. Post πρὸς add. V: ὅλον τὸν ΓΔ πρὸς τὸν, del. m. 1. ZΔ] ΔZ P. 24. Post ἐπεὶ add. γάρ FV m. 2, P m. rec. ὁ] (alt.) in ras. m. 1 B.

πρὸς τὸν ΓZ , ὃ ἄρα μέρος ἐστὶν ὁ AB τοῦ ΓA ἢ
 μέρη, τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ ὁ AE τοῦ ΓZ ἢ τὰ
 αὐτὰ μέρη. καὶ λοιπὸς ἄρα ὁ EB λοιποῦ τοῦ $Z A$ τὸ
 αὐτὸ μέρος ἐστὶν ἢ μέρη, ἅπερ ὁ AB τοῦ ΓA . ἐστὶν
 ὅ ἄρα ὡς ὁ EB πρὸς τὸν $Z A$, οὕτως ὁ AB πρὸς τὸν
 ΓA . ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιβ'.

Ἐὰν ὧσιν ὅποιοι οὖν ἀριθμοὶ ἀνάλογον,
 ἔσται ὡς εἷς τῶν ἡγουμένων πρὸς ἓνα τῶν
 10 ἐπομένων, οὕτως ἅπαντες οἱ ἡγούμενοι πρὸς
 ἅπαντας τοὺς ἐπομένους.

Ἐστῶσαν ὅποιοι οὖν ἀριθμοὶ ἀνάλογον οἱ $A, B,$
 Γ, A , ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν A .
 λέγω, ὅτι ἐστὶν ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως οἱ A, Γ
 15 πρὸς τοὺς B, A .

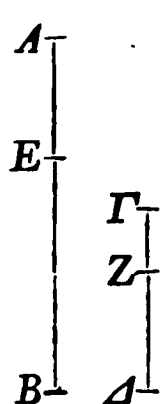
Ἐπεὶ γάρ ἐστιν ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Γ
 πρὸς τὸν A , ὃ ἄρα μέρος ἐστὶν ὁ A τοῦ B ἢ μέρη,
 τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ ὁ Γ τοῦ A ἢ μέρη. καὶ συν-
 αμφοτέρος ἄρα ὁ A, Γ συναμφοτέρου τοῦ B, A τὸ
 20 αὐτὸ μέρος ἐστὶν ἢ τὰ αὐτὰ μέρη, ἅπερ ὁ A τοῦ B .
 ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως οἱ A, Γ πρὸς
 τοὺς B, A . ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιγ'.

Ἐὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ὧσιν, καὶ
 25 ἐναλλὰξ ἀνάλογον ἔσονται.

XIII. Philop. in anal. post. fol. 18.

1 τόν] om. V. 2. ἐστίν F. 3. λοιπός] λοιπόν p. Z A]
 A Z P. 4. ἅπερ] -περ eras F. ὁ] bis p. 12. ἀνάλογον]
 om. V p, euan. F. 13. ὁ Γ] δέ φ. ὁ Γ — 14: B, οὕτως]


 pars uel partes numeri ΓZ , quae AB numeri $\Gamma \Delta$ [def. 20]. quare etiam reliquus EB reliqui $Z \Delta$ eadem pars uel partes erit, quae AB numeri $\Gamma \Delta$ [prop. VII. VIII]. ergo

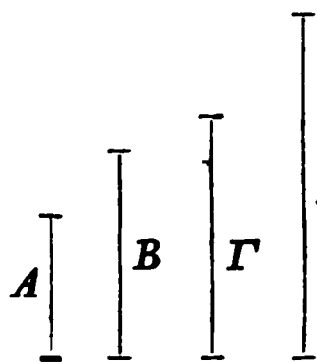
$$EB : Z \Delta = AB : \Gamma \Delta$$
 [def. 20]; quod erat demonstrandum.

XII.

Si quotlibet numeri proportionales sunt, erunt, ut unus praecedentium ad unum sequentium, ita omnes praecedentes ad omnes sequentes.

Sint quotlibet numeri proportionales A, B, Γ, Δ , ita ut sit

$$A : B = \Gamma : \Delta.$$


 Δ dico, esse $A : B = A + \Gamma : B + \Delta$.
 nam quoniam est $A : B = \Gamma : \Delta$,
 quae pars uel partes est A numeri B , eadem pars uel partes est etiam

Γ numeri Δ [def. 20]. quare etiam $A + \Gamma$ eadem pars uel partes sunt numerorum $B + \Delta$, quae A numeri B [prop. V. VI]. ergo

$$A : B = A + \Gamma : B + \Delta \text{ [def. 20];}$$

quod erat demonstrandum.

XIII.

Si quattuor numeri proportionales sunt, etiam permutatim proportionales erunt.

om. p. 16. A] in ras. m. rec. P. τόν] τό φ. 17. ὅ] ἡ φ (non F). τοῦ] τόν φ. 19. ὅ] e corr. V, m. 2 F.
 20. ἐστίν] comp. F, euan. Dein in F seq. 23 folia pergamini receptissimi (φ); incip. ἐστίν ἡ κτλ., desin. IX, 15 fin.: δεῖξαι. 21. Post ἐστίν in B: ὅ, del. m. 2. 24. ὡς Ν ρ φ.

"Εστωσαν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον οἱ A, B, Γ, Δ , ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν Δ . λέγω, ὅτι καὶ ἐναλλάξ ἀνάλογον ἔσονται, ὡς ὁ A πρὸς τὸν Γ , οὕτως ὁ B πρὸς τὸν Δ .

5 Ἐπεὶ γάρ ἐστιν ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , ὃ ἄρα μέρος ἐστὶν ὁ A τοῦ B ἢ μέρος, τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ ὁ Γ τοῦ Δ ἢ τὰ αὐτὰ μέρος. ἐναλλάξ ἄρα, ὃ μέρος ἐστὶν ὁ A τοῦ Γ ἢ μέρος, τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ ὁ B τοῦ Δ ἢ τὰ αὐτὰ μέρος. ἔστιν
10 ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν Γ , οὕτως ὁ B πρὸς τὸν Δ . ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιδ'.

"Εὰν ὧσιν ὅποσοι οὖν ἀριθμοὶ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τὸ πλῆθος σύνδυο λαμβανόμενοι
15 καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ δι' ἴσου ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσονται.

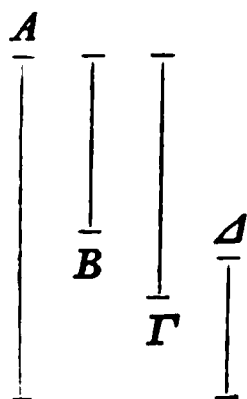
"Εστωσαν ὅποσοι οὖν ἀριθμοὶ οἱ A, B, Γ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τὸ πλῆθος σύνδυο λαμβανόμενοι ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ οἱ Δ, E, Z , ὡς μὲν ὁ A πρὸς τὸν B ,
20 οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν E , ὡς δὲ ὁ B πρὸς τὸν Γ , οὕτως ὁ E πρὸς τὸν Z . λέγω, ὅτι καὶ δι' ἴσου ἐστὶν ὡς ὁ A πρὸς τὸν Γ , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν Z .

Ἐπεὶ γάρ ἐστιν ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν E , ἐναλλάξ ἄρα ἐστὶν ὡς ὁ A πρὸς τὸν Δ ,
25 οὕτως ὁ B πρὸς τὸν E . πάλιν, ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ὁ B πρὸς τὸν Γ , οὕτως ὁ E πρὸς τὸν Z , ἐναλλάξ ἄρα ἐστὶν ὡς ὁ B πρὸς τὸν E , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν Z . ὡς δὲ ὁ B πρὸς τὸν E , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν Δ . καὶ

9. B] e corr. V. μέρος τὰ αὐτὰ p. 15. καί] om. V pφ.
λόγῳ] m. rec. B. 17. Γ] Γ, Δ p. 27. ὡς] om. p.

Sint quattuor numeri proportionales A, B, Γ, Δ , ita ut sit $A : B = \Gamma : \Delta$. dico, esse etiam permutatim $A : \Gamma = B : \Delta$.

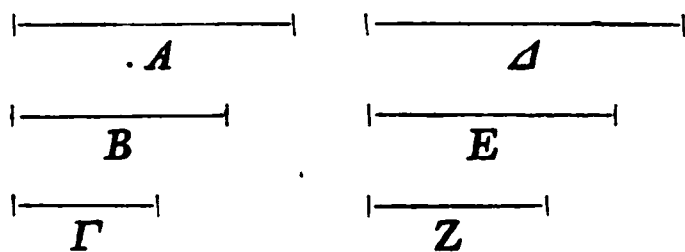
nam quoniam est $A : B = \Gamma : \Delta$, quae pars uel partes est A numeri B , eadem pars uel partes erit etiam Γ numeri Δ [def. 20]. itaque permutatim quae pars uel partes est A numeri Γ , eadem pars uel partes est etiam B numeri Δ [prop. X]. ergo $A : \Gamma = B : \Delta$ [def. 20]; quod erat demonstrandum.



XIV.

Si quotlibet numeri dati sunt et alii iis numero aequales bini simul coniuncti et in eadem proportionem, etiam ex aequo in eadem proportionem erunt.

Sint quotlibet numeri A, B, Γ et alii iis numero aequales bini simul coniuncti in eadem proportionem



Δ, E, Z , ita ut sit $A : B = \Delta : E$ et $B : \Gamma = E : Z$. dico, esse etiam ex aequo $A : \Gamma = \Delta : Z$.

nam quoniam est $A : B = \Delta : E$, permutatim erit $A : \Delta = B : E$ [prop. XIII]. rursus quoniam est

$$B : \Gamma = E : Z,$$

permutatim erit $B : E = \Gamma : Z$ [id.]. sed $B : E = A : \Delta$.

ὥς ἄρα ὁ A πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν Z .
ἐναλλάξ ἄρα ἐστὶν ὥς ὁ A πρὸς τὸν Γ , οὕτως ὁ Δ
πρὸς τὸν Z . ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιε'.

5 Ἐὰν μονὰς ἀριθμὸν τινα μετρῇ, ἴσακίς δὲ
ἕτερος ἀριθμὸς ἄλλον τινὰ ἀριθμὸν μετρῇ, καὶ
ἐναλλάξ ἴσάκίς ἢ μονὰς τὸν τρίτον ἀριθμὸν
μετρήσει καὶ ὁ δεύτερος τὸν τέταρτον.

Μονὰς γὰρ ἢ A ἀριθμὸν τινα τὸν $B\Gamma$ μετρεῖτω,
10 ἴσάκίς δὲ ἕτερος ἀριθμὸς ὁ Δ ἄλλον τινὰ ἀριθμὸν
τὸν EZ μετρεῖτω· λέγω, ὅτι καὶ ἐναλλάξ ἴσάκίς ἢ A
μονὰς τὸν Δ ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ ὁ $B\Gamma$ τὸν EZ .

Ἐπεὶ γὰρ ἴσάκίς ἢ A μονὰς τὸν $B\Gamma$ ἀριθμὸν
μετρεῖ καὶ ὁ Δ τὸν EZ , ὅσαι ἄρα εἰσὶν ἐν τῷ $B\Gamma$
15 μονάδες, τοσοῦτοί εἰσι καὶ ἐν τῷ EZ ἀριθμοὶ ἴσοι
τῷ Δ . διηρήσθω ὁ μὲν $B\Gamma$ εἰς τὰς ἐν ἐαντῷ μο-
νάδας τὰς BH , $H\Theta$, $\Theta\Gamma$, ὁ δὲ EZ εἰς τοὺς τῷ Δ
ἴσους τοὺς EK , KA , AZ . ἔσται δὴ ἴσον τὸ πλῆθος
τῶν BH , $H\Theta$, $\Theta\Gamma$ τῷ πλήθει τῶν EK , KA , AZ .
20 καὶ ἐπεὶ ἴσαι εἰσὶν αἱ BH , $H\Theta$, $\Theta\Gamma$ μονάδες ἀλλή-
λαις, εἰσὶ δὲ καὶ οἱ EK , KA , AZ ἀριθμοὶ ἴσοι ἀλλή-
λοις, καὶ ἐστὶν ἴσον τὸ πλῆθος τῶν BH , $H\Theta$, $\Theta\Gamma$ μο-
νάδων τῷ πλήθει τῶν EK , KA , AZ ἀριθμῶν, ἔσται
ἄρα ὥς ἢ BH μονὰς πρὸς τὸν EK ἀριθμὸν, οὕτως
25 ἢ $H\Theta$ μονὰς πρὸς τὸν KA ἀριθμὸν καὶ ἢ $\Theta\Gamma$ μο-
νὰς πρὸς τὸν AZ ἀριθμὸν. ἔσται ἄρα καὶ ὥς εἰς

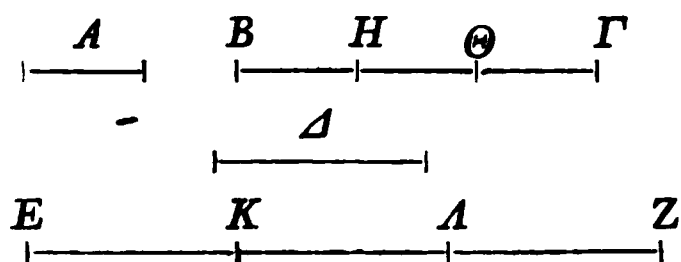
2. ἐναλλάξ ἄρα] in ras. m. 1 p. A] in ras. φ. 6.
ἀριθμὸν] om. p. 7. ἀριθμὸν] om. B. 8. μετρεῖ B. 9. τινα]
e corr. V. μετρήτω B φ. 10. δέ] supra m. 1 V. ὁ Δ]
supra m. 1 V. τινα] τινὰ μετρεῖτω V, τινὰ μετρήτω φ.

quare etiam $A : \Delta = \Gamma : Z$. ergo permutatim erit $A : \Gamma = \Delta : Z$ [id.]; quod erat demonstrandum.

XV.

Si unitas numerum aliquem metitur, et alius numerus alium numerum aequaliter metitur, etiam permutatim unitas tertium numerum et secundus quartum aequaliter metietur.

Nam unitas A numerum aliquem $B\Gamma$ metiatur, et alius numerus Δ alium numerum EZ aequaliter metiatur. dico, etiam permutatim unitatem A numerum Δ et $B\Gamma$ numerum EZ aequaliter metiri.



nam quoniam unitas A numerum $B\Gamma$ et Δ numerum EZ aequaliter metitur, quot sunt in $B\Gamma$ unitates, tot etiam in EZ numeri sunt numero Δ aequales. diuidatur $B\Gamma$ in unitates suas BH , $H\Theta$, $\Theta\Gamma$ et EZ in numeros EK , $K\Delta$, ΔZ numero Δ aequales. erit igitur multitudo numerorum BH , $H\Theta$, $\Theta\Gamma$ multitudini numerorum EK , $K\Delta$, ΔZ aequalis. et quoniam

$$BH = H\Theta = \Theta\Gamma$$

et etiam $EK = K\Delta = \Delta Z$, et multitudo unitatum BH , $H\Theta$, $\Theta\Gamma$ multitudini numerorum EK , $K\Delta$, ΔZ aequalis est, erit $BH : EK = H\Theta : K\Delta = \Theta\Gamma : \Delta Z$.

11. μετρεῖτω] om. V φ. ἰσάνεις] om. p. 12. μετρεῖ ἰσάνεις p. 15. εἰσὶν PB. ἀριθμῶ p. 16. ὁ] ἡ φ. ἐαν- τῶ] PB, αὐτῶ Vpφ. 18. δὴ] δέ p. 19. KΔ] K e corr. V. 23. τῶν EK] τῶ M, EK φ. 24. ὥς] m. 2 V. τόν] om. p. οὕτως] in ras. m. 2 V. 25. HΘ] in ras. m. 2 V. KΔ] in ras. m. 2 V. καὶ ἡ — 26: ἀριθμόν] mg. m. 2 V. 26. ἀριθμόν] om. B. ἔσται] ἐστίν comp. p.

τῶν ἡγουμένων πρὸς ἓνα τῶν ἐπομένων, οὕτως ἅπαν-
 τες οἱ ἡγούμενοι πρὸς ἅπαντας τοὺς ἐπομένους· ἔστιν
 ἄρα ὥς ἡ BH μονὰς πρὸς τὸν EK ἀριθμὸν, οὕτως
 ὁ $BΓ$ πρὸς τὸν EZ . ἴση δὲ ἡ BH μονὰς τῇ A μο-
 5 νάδι, ὁ δὲ EK ἀριθμὸς τῷ Δ ἀριθμῷ. ἔστιν ἄρα ὥς
 ἡ A μονὰς πρὸς τὸν Δ ἀριθμὸν, οὕτως ὁ $BΓ$ πρὸς
 τὸν EZ . ἰσάκως ἄρα ἡ A μονὰς τὸν Δ ἀριθμὸν με-
 τρεῖ καὶ ὁ $BΓ$ τὸν EZ . ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ις'.

10 Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλή-
 λους ποιῶσί τινας, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἴσοι
 ἀλλήλοις ἔσονται.

Ἔστωσαν δύο ἀριθμοὶ οἱ A, B , καὶ ὁ μὲν A τὸν
 B πολλαπλασιάσας τὸν Γ ποιείτω, ὁ δὲ B τὸν A πολλα-
 15 πλασιάσας τὸν Δ ποιείτω· λέγω, ὅτι ἴσος ἐστὶν ὁ Γ
 τῷ Δ .

Ἐπεὶ γὰρ ὁ A τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Γ πε-
 ποίηκεν, ὁ B ἄρα τὸν Γ μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ A
 μονάδας. μετρεῖ δὲ καὶ ἡ E μονὰς τὸν A ἀριθμὸν
 20 κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας· ἰσάκως ἄρα ἡ E μονὰς
 τὸν A ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ ὁ B τὸν Γ . ἐναλλάξ ἄρα
 ἰσάκως ἡ E μονὰς τὸν B ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ ὁ A
 τὸν Γ . πάλιν, ἐπεὶ ὁ B τὸν A πολλαπλασιάσας τὸν
 Δ πεποίηκεν, ὁ A ἄρα τὸν Δ μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν
 25 τῷ B μονάδας. μετρεῖ δὲ καὶ ἡ E μονὰς τὸν B
 κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας· ἰσάκως ἄρα ἡ E μονὰς
 τὸν B ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ ὁ A τὸν Δ . ἰσάκως δὲ
 ἡ E μονὰς τὸν B ἀριθμὸν ἐμέτρει καὶ ὁ A τὸν Γ .

3. ἄρα] ἄρα καὶ p. πρὸς] bis P. 4. ὁ] ἡ p. μο-
 νάδι] δι in ras. V. 7. ἡ] ὁ P. A] supra m. 2 V. μο-

erit autem etiam, ut unus praecedentium ad unum sequentium, ita omnes praecedentes ad omnes sequentes [prop. XII]. quare $BH : EK = B\Gamma : EZ$. sed $BH = A$, et $EK = \Delta$. quare erit $A : \Delta = B\Gamma : EZ$. ergo unitas A numerum Δ et $B\Gamma$ numerum EZ aequaliter metitur; quod erat demonstrandum.

XVI.

Si duo numeri alter alterum multiplicans numeros aliquos efficiunt, numeri effecti inter se aequales erunt.

Sint duo numeri A , B , et sit

$$A \times B = \Gamma, B \times A = \Delta.$$

dico, esse $\Gamma = \Delta$.

|————| A

|————| B

Γ |————|

Δ |————|

|—| E

nam quoniam $A \times B = \Gamma$, B

numerum Γ secundum unitates

numeri A metitur. uerum etiam

unitas E numerum A secundum

unitates eius metitur. itaque

unitas E numerum A et B numerum Γ aequaliter

metitur. itaque permutatim unitas E numerum B et A

numerum Γ aequaliter metitur [prop. XV]. rursus quo-

niam $B \times A = \Delta$, A numerum Δ secundum unitates

numeri B metitur. uerum etiam unitas E numerum

B secundum unitates eius metitur. itaque unitas E

numerum B et A numerum Δ aequaliter metitur.

uerum unitas E numerum B et A numerum Γ aequa-

$\nu\acute{\alpha}\varsigma$] om. P. ἀριθμόν] om. P. μετρεῖ φ. 11. ποιῶσιν B.
 14. ποιήτω V, sed corr. 19. ἡ] supra m. 1 p. E] e corr. p.
 20. αὐτῇ p. ἄρα] in ras. V. 21. ἰσάνεις ἄρα P m. 1, corr.
 m. rec. 22. ἰσάνεις] om. p. μονὰς ἰσάνεις p. 23. A] in
 ras. m. 1 B. 25. τῷ] αὐτῷ P, corr. m. rec. 27. τὸν
 Δ — 28: καὶ ὁ A] om. p. 28. ἐμέτρει] P; μετρεῖ B V φ.

ἰσάνεις ἄρα ἡ A ἐκάτερον τῶν Γ , Δ μετρεῖ. ἴσος
ἄρα ἐστὶν ὁ Γ τῷ Δ . ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιζ'.

Ἐὰν ἀριθμὸς δύο ἀριθμοὺς πολλαπλασιάσας
5 ποιῇ τινας, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸν αὐ-
τὸν ἔξουσι λόγον τοῖς πολλαπλασιασθεῖσιν.

Ἀριθμὸς γὰρ ὁ A δύο ἀριθμοὺς τοὺς B , Γ πολλα-
πλασιάσας τοὺς Δ , E ποιέτω· λέγω, ὅτι ἐστὶν ὡς
ὁ B πρὸς τὸν Γ , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν E .

10 Ἐπεὶ γὰρ ὁ A τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Δ πε-
ποίηκεν, ὁ B ἄρα τὸν Δ μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ A
μονάδας. μετρεῖ δὲ καὶ ἡ Z μονὰς τὸν A ἀριθμὸν
κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας· ἰσάνεις ἄρα ἡ Z μονὰς
τὸν A ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ ὁ B τὸν Δ . ἐστὶν ἄρα
15 ὡς ἡ Z μονὰς πρὸς τὸν A ἀριθμὸν, οὕτως ὁ B
πρὸς τὸν Δ . διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὡς ἡ Z μονὰς
πρὸς τὸν A ἀριθμὸν, οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν E · καὶ
ὡς ἄρα ὁ B πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν E .
ἐναλλάξ ἄρα ἐστὶν ὡς ὁ B πρὸς τὸν Γ , οὕτως ὁ Δ
20 πρὸς τὸν E . ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιη'.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν τινὰ πολλαπλα-
σιάσαντες ποιῶσι τινας, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐ-
τῶν τὸν αὐτὸν ἔξουσι λόγον τοῖς πολλαπλα-
25 σιάσασιν.

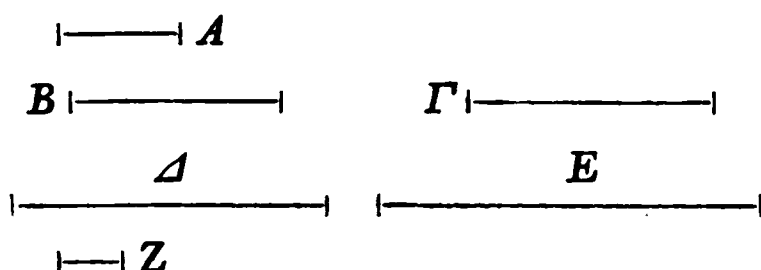
1. ὁ A] om. p. τῶν] τόν p. 5. τὸν αὐτόν] supra V.
7 πολλαπλασιασθεῖσι p. 8. τοὺς] in ras. V. 11. τῷ] αὐτῷ P,
αὐτῷ τῷ m. rec. 13. αὐτῇ p. 15. ἡ] supra m. 1 p. ἀριθ-
μόν] om. P. 17. καὶ ὡς — 18: πρὸς τὸν E] om. P. 18.

liter metiebatur [p. 222, 22]. itaque A utrumque numerum Γ , Δ aequaliter metitur. ergo $\Gamma = \Delta$; quod erat demonstrandum.

XVII.

Si numerus duos numeros multiplicans numeros aliquos efficit, numeri ex iis effecti eandem rationem habebunt, quam habent numeri multiplicati.

Nam numerus A duos numeros B , Γ multiplicans numeros Δ , E efficiat. dico, esse $B : \Gamma = \Delta : E$.



quoniam enim A numerum B multiplicans Δ efficit, B numerum Δ metitur secundum unitates numeri A . uerum etiam Z unitas numerum A secundum unitates eius metitur. itaque unitas Z numerum A et B numerum Δ aequaliter metitur. quare $Z : A = B : \Delta$ [def. 20]. eadem de causa erit etiam $Z : A = \Gamma : E$. quare etiam $B : \Delta = \Gamma : E$. itaque permutando [prop. XIII] $B : \Gamma = \Delta : E$; quod erat demonstrandum.

XVIII.

Si duo numeri numerum aliquem multiplicantes numeros aliquos efficiunt, numeri inde effecti eandem rationem habebunt, quam multiplicantes.

τὸν Δ] Δ V φ. 24. ἔχουσι P. πολλαπλασιάσαι p, πολλαπλασιάζουσι V φ. Dein seq. in V: δύο γὰρ ἀριθμοὶ οἱ A , B ἀριθμὸν τινα τὸν Γ πολλαπλασιάζαντες ποιῶσιν τινὰς οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸν αὐτὸν ἔξουσι τοῖς πολλαπλασιασά (ras. 2 litt.); punctis del. m. 1.

Δύο γὰρ ἀριθμοὶ οἱ A, B ἀριθμὸν τινα τὸν Γ πολλαπλασιάσαντες τοὺς Δ, E ποιείτωσαν· λέγω, ὅτι ἐστὶν ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν E .

Ἐπεὶ γὰρ ὁ A τὸν Γ πολλαπλασιάσας τὸν Δ πε-
 5 ποίηκεν, καὶ ὁ Γ ἄρα τὸν A πολλαπλασιάσας τὸν Δ
 πεποίηκεν. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὁ Γ τὸν B πολλα-
 πλασιάσας τὸν E πεποίηκεν. ἀριθμὸς δὴ ὁ Γ δύο
 ἀριθμοὺς τοὺς A, B πολλαπλασιάσας τοὺς Δ, E πε-
 ποίηκεν. ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ
 10 Δ πρὸς τὸν E ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιθ'.

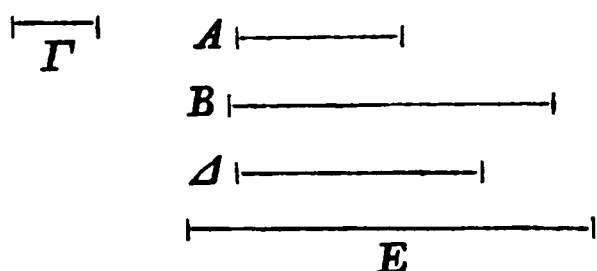
Ἐὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ
 ἐκ πρώτου καὶ τετάρτου γενόμενος ἀριθμὸς
 ἴσος ἔσται τῷ ἐκ δευτέρου καὶ τρίτου γενο-
 15 μένῳ ἀριθμῷ· καὶ ἐὰν ὁ ἐκ πρώτου καὶ τετάρ-
 του γενόμενος ἀριθμὸς ἴσος ᾗ τῷ ἐκ δευτέρου
 καὶ τρίτου, οἱ τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον
 ἔσονται.

Ἔστωσαν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον οἱ $A, B, \Gamma,$
 20 Δ , ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν Δ ,
 καὶ ὁ μὲν A τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν E ποιείτω,
 ὁ δὲ B τὸν Γ πολλαπλασιάσας τὸν Z ποιείτω· λέγω,
 ὅτι ἴσος ἐστὶν ὁ E τῷ Z .

Ὁ γὰρ A τὸν Γ πολλαπλασιάσας τὸν H ποιείτω.
 25 ἐπεὶ οὖν ὁ A τὸν Γ πολλαπλασιάσας τὸν H πεποίηκεν,
 τον δὲ Δ πολλαπλασιάσας τὸν E πεποίηκεν, ἀριθ-
 μὸς δὴ ὁ A δύο ἀριθμοὺς τοῖς Γ, Δ πολλαπλασιάσας

1. τὸν Γ] om. p. 2. τὸν Γ τοὺς p. ποιήτωσαν φ 3.
 ὡς ἐστὶν p. 5. καί] m. 2 V; om. p. ἄρα] del. V, om. φ.
 6. διὰ τὰ — 8: πεποίηκεν] mg. m. 2 V, om. φ 7. δύο]

Duo enim numeri A , B numerum aliquem Γ multiplicantes Δ , E efficiant. dico, esse $A : B = \Delta : E$.

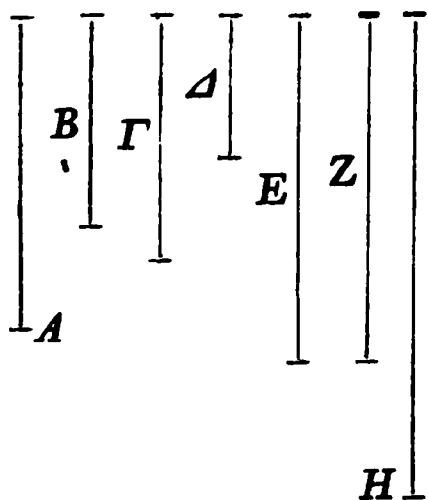


nam quoniam A numerum Γ multiplicans numerum Δ effecit, etiam Γ numerum A multiplicans numerum Δ effecit [prop.

XVI]. eadem de causa etiam Γ numerum B multiplicans numerum E effecit. itaque numerus Γ duos numeros A , B multiplicans numeros Δ , E effecit. itaque erit $A : B = \Delta : E$ [prop. XVII]; quod erat demonstrandum.

XIX.

Si quattuor numeri proportionales sunt, numerus ex primo quartoque effectus aequalis erit numero ex secundo tertioque effecto; et si numerus ex primo quartoque effectus aequalis est numero ex secundo tertioque effecto, quattuor numeri proportionales erunt.



Sint quattuor numeri proportionales A , B , Γ , Δ , ita ut sit $A : B = \Gamma : \Delta$, et $A \times \Delta = E$, $B \times \Gamma = Z$. dico, esse $E = Z$.

nam sit $A \times \Gamma = H$. iam quoniam $A \times \Gamma = H$ et $A \times \Delta = E$, numerus A duos numeros Γ , Δ mul-

euan. V. 11. $\iota\theta'$] om. φ , ut semper deinceps. 13. ἀριθμός] om. p. 14. ἐκ δευτέρου] PB, ἐκ τοῦ δευτέρου V φ ; δευτέρω p. 15. τρίτῳ συγκειμένῳ ἀριθμῷ p. 17. ἀριθμοί] om. p. ἀνάλογοι p. 21. E] in ras. V. Post ποιεῖτω ras. 3 litt. V. 25. πεποίηκε V φ . 26. δέ] supra V.

τοὺς H , E πεποίηκεν. ἔστιν ἄρα ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ H πρὸς τὸν E . ἀλλ' ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν B . καὶ ὡς ἄρα ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ H πρὸς τὸν E . πάλιν, ἐπεὶ ὁ A
 5 τὸν Γ πολλαπλασιάσας τὸν H πεποίηκεν, ἀλλὰ μὲν καὶ ὁ B τὸν Γ πολλαπλασιάσας τὸν Z πεποίηκεν, δύο δὲ ἀριθμοὶ οἱ A , B ἀριθμὸν τινα τὸν Γ πολλαπλασιάσαντες τοὺς H , Z πεποίηκασιν. ἔστιν ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ H πρὸς τὸν Z . ἀλλὰ
 10 μὲν καὶ ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ H πρὸς τὸν E . καὶ ὡς ἄρα ὁ H πρὸς τὸν E , οὕτως ὁ H πρὸς τὸν Z . ὁ H ἄρα πρὸς ἐκάτερον τῶν E , Z τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον· ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ E τῷ Z .

Ἔστω δὲ πάλιν ἴσος ὁ E τῷ Z . λέγω, ὅτι ἐστὶν
 15 ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν Δ .

Τῶν γὰρ αὐτῶν κατασκευασθέντων, ἐπεὶ ἴσος ἐστὶν ὁ E τῷ Z , ἔστιν ἄρα ὡς ὁ H πρὸς τὸν E , οὕτως ὁ H πρὸς τὸν Z . ἀλλ' ὡς μὲν ὁ H πρὸς τὸν E , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , ὡς δὲ ὁ H πρὸς
 20 τὸν Z , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν B . καὶ ὡς ἄρα ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν Δ . ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

2. οὕτως ὁ H — τὸν Δ] mg. m. 2 V 2. H] Δ p. ἀλλ' ὡς] P; ὡς δὲ B p φ. 3. καὶ ὡς ἄρα ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως] οὕτως δὲ V, om. φ. ὡς ἄρα] ὡςπερ P. 4. οὕτως καὶ p. ὁ H πρὸς τὸν E] om φ. Post E in V add. m. 2: ὡς ὁ A πρὸς τὸν B . Hic φ mg: οὕτως δὲ καὶ ὁ H πρὸς τὸν E ὡς ὁ A πρὸς τὸν B . 6. πεποίηκε V φ. 12. ἐκάτερα φ. 16. ἐπεὶ] del. m. rec. P, adscripto λείπει. Post ἐπεὶ add. V p φ: ὁ A τοὺς (πρὸς τοὺς p) Γ , Δ πολλαπλασιάσας τοὺς H , E πεποίηκεν, ~~ἔστιν~~ ἄρα ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ H πρὸς τὸν E ; idem praemissio ἐπεὶ P mg. m. rec. et item praemissio ἐπεὶ et additis: ἴσος δὲ ἐστὶν ὁ E τῷ Z . ἔστιν ἄρα ὡς ὁ H πρὸς τὸν E B mg. m. 2, deletis lin. 16: ἴσος ἐστὶν — 17: τὸν E . ἴσος] ἴσος δὲ V p φ. 17. ἐστὶν] mutat. in δὲ m. rec. P. E]

tiplicans numeros H , E effecit. erit igitur

$$\Gamma : \Delta = H : E \text{ [prop. XVII].}$$

uerum $\Gamma : \Delta = A : B$. quare etiam $A : B = H : E$.
 rursus quoniam $A \times \Gamma = H$ et $B \times \Gamma = Z$, duo numeri A , B numerum aliquem Γ multiplicantes numeros H , Z effecerunt. itaque $A : B = H : Z$ [prop. XVIII].
 uerum etiam $A : B = H : E$. quare etiam $H : E = H : Z$.
 H igitur ad utrumque E , Z eandem rationem habet.
 ergo $E = Z$ [V, 9].

Sit rursus $E = Z$. dico, esse $A : B = \Gamma : \Delta$.

nam iisdem comparatis quoniam $E = Z$, erit

$$H : E = H : Z \text{ [V, 7].}^1)$$

uerum $H : E = \Gamma : \Delta$ [prop. XVII] et $H : Z = A : B$ [prop. XVIII]. quare etiam $A : B = \Gamma : \Delta$; quod erat demonstrandum.

1) Cum Euclides plerasque propositiones libri V propria demonstratione usus de numeris iterum demonstraerit, in quibusdam hoc neglexit, uelut V prop. 11 in his propositionibus saepissime utitur, p. 228, 13 eiusdem libri prop. 9, nostro loco prop. 7, et similiter in aliis.

e corr. m. 1 p. $\xi\sigma\tau\iota\nu \alpha\breve{\rho}\alpha$ — 18: $\tau\acute{o}\nu Z$] mg. m. 2 V. $\xi\sigma\tau\iota\nu$
 $\xi\sigma\tau\iota \varphi$. E] $Z \varphi$. 18. Z] $E \varphi$. 19. Δ] in ras. V.
 Post Δ add. $Vp\varphi$: $\kappa\alpha\iota \acute{\omega}\varsigma \alpha\breve{\rho}\alpha \delta \Gamma \pi\rho\acute{o}\varsigma \tau\acute{o}\nu \Delta$, $\acute{o}\upsilon\tau\omega\varsigma \delta H$
 $\pi\rho\acute{o}\varsigma \tau\acute{o}\nu Z$; idem inser. B m. 2, mg. m. rec. P. 20. $\kappa\alpha\iota$]
 om. V φ . 21. Sequitur in $Vp\varphi$ propositio de tribus numeris proportionalibus; om. P m. 1 (in mg. adscripsit m. recens) et Campanus (u. p. 231 not.); in B in mg. legitur a manu 1. itaque Theoni tribuenda esse uideri potest; u. appendix.

κ'.

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς μετροῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας ἰσάκεις ὅ τε μείζων τὸν μείζονα
 5 καὶ ὁ ἐλάσσων τὸν ἐλάσσονα.

Ἔστωσαν γὰρ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων τοῖς A, B οἱ $\Gamma\Delta, EZ$. λέγω, ὅτι ἰσάκεις ὁ $\Gamma\Delta$ τὸν A μετρεῖ καὶ ὁ EZ τὸν B .

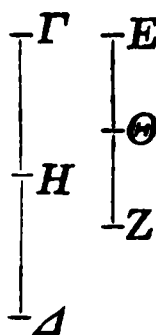
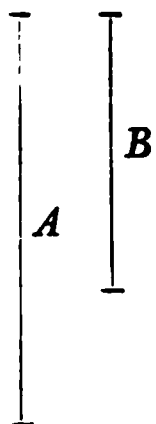
Ὁ $\Gamma\Delta$ γὰρ τοῦ A οὐκ ἐστὶ μέρος. εἰ γὰρ δυνα-
 10 τόν, ἔστω· καὶ ὁ EZ ἄρα τοῦ B τὰ αὐτὰ μέρη ἐστίν,
 ἅπερ ὁ $\Gamma\Delta$ τοῦ A . ὅσα ἄρα ἐστὶν ἐν τῷ $\Gamma\Delta$ μέρη
 τοῦ A , τσαῦτά ἐστι καὶ ἐν τῷ EZ μέρη τοῦ B .
 διηγήσθω ὁ μὲν $\Gamma\Delta$ εἰς τὰ τοῦ A μέρη τὰ $\Gamma H, H\Delta$,
 ὁ δὲ EZ εἰς τὰ τοῦ B μέρη τὰ $E\Theta, \Theta Z$. ἔσται δὴ
 15 ἴσον τὸ πλῆθος τῶν $\Gamma H, H\Delta$ τῷ πλῆθει τῶν $E\Theta, \Theta Z$.
 καὶ ἐπεὶ ἴσοι εἰσὶν οἱ $\Gamma H, H\Delta$ ἀριθμοὶ ἀλ-
 λήλοις, εἰσὶ δὲ καὶ οἱ $E\Theta, \Theta Z$ ἀριθμοὶ ἴσοι ἀλλή-
 λοις, καὶ ἐστὶν ἴσον τὸ πλῆθος τῶν $\Gamma H, H\Delta$ τῷ
 πλῆθει τῶν $E\Theta, \Theta Z$, ἐστὶν ἄρα ὥς ὁ ΓH πρὸς τὸν
 20 $E\Theta$, οὕτως ὁ $H\Delta$ πρὸς τὸν ΘZ . ἔσται ἄρα καὶ ὡς
 εἰς τῶν ἡγουμένων πρὸς ἓνα τῶν ἐπομένων, οὕτως
 ἅπαντες οἱ ἡγούμενοι πρὸς ἅπαντας τοὺς ἐπομένους.
 ἐστὶν ἄρα ὥς ὁ ΓH πρὸς τὸν $E\Theta$, οὕτως ὁ $\Gamma\Delta$
 πρὸς τὸν EZ . οἱ $\Gamma H, E\Theta$ ἄρα τοῖς $\Gamma\Delta, EZ$ ἐν

1. κ'] κα' Vpφ, P m. rec.; in B non liquet. 8. τόν
 A] corr. ex τὸ A V. 9. ἐστὶν B. 10. ἔστω ὁ $\Gamma\Delta$ τοῦ
 A μέρος Vpφ. τοῦ B] postea add. V. 11. ὅπερ B, corr.
 m. 2. 12. ἐστὶν B. τοῦ] bis V. 14. ΘZ] ΘH P; corr.
 m. rec. ἴσον δὴ ἔσται p. δὴ] in ras φ. 16. καὶ
 ἐπεὶ — 19: τῶν $E\Theta, \Theta Z$] del. V, om φ. 16. ἴσοι εἰσὶν]
 om. V. ἀλλήλοις] ἴσοι ἀλλήλοις εἰσὶν V. 17. εἰσὶ] εἰσὶν P,
 ἴσοι p. ἴσοι] om. p. 19. $E\Theta$] Θ e corr. V. 22. ἅπα-
 ντες P, corr. m. rec

XX.¹⁾

Numeri minimi eorum, qui eandem ac ipsi rationem habent, numeros eandem rationem habentes aequaliter metiuntur, maior maiorem et minor minorem.

Sint enim $\Gamma\Delta$, EZ minimi numeri eorum, qui eandem rationem habent, quam A , B . dico, $\Gamma\Delta$ numerum A et EZ numerum B aequaliter metiri.



nam $\Gamma\Delta$ numeri A non est partes. nam si fieri potest, sit. quare etiam EZ numeri B eaedem partes sunt, quae $\Gamma\Delta$ numeri A [prop. XIII, def. 20]. itaque quot sunt in $\Gamma\Delta$ partes numeri A , tot etiam sunt in EZ numeri B partes. diuidatur $\Gamma\Delta$ in ΓH , $H\Delta$ partes numeri A , EZ autem in $E\Theta$, ΘZ partes numeri B . erit igitur multitudo numerorum ΓH , $H\Delta$ multitudini numerorum $E\Theta$, ΘZ aequalis. et quoniam $\Gamma H = H\Delta$ et $E\Theta = \Theta Z$, et multitudo numerorum ΓH , $H\Delta$ aequalis est multitudini numerorum $E\Theta$, ΘZ , erit

$$\Gamma H : E\Theta = H\Delta : \Theta Z.$$

quare etiam ut unus praecedentium ad unum sequentium, ita omnes praecedentes ad omnes sequentes [prop. XII]. quare $\Gamma H : E\Theta = \Gamma\Delta : EZ$. itaque ΓH , $E\Theta$

1) De propositione hic omissa haec habet Campanus VII, 20 add.: non proponit autem Euclides de tribus numeris continue proportionalibus, quod ille qui ex ductu primi in tertium producit, sit aequalis quadrato medii, et si ille qui ex primo in tertium producit, fuerit aequalis quadrato medii, quod illi tres numeri sint continue proportionales, sicut proponit in 16 sexti de tribus lineis. hoc enim facile demonstratur per hanc 20 cett.

τῷ αὐτῷ λόγῳ εἶσιν ἐλάσσονες ὄντες αὐτῶν· ὅπερ
 ἐστὶν ἀδύνατον· ὑπόκεινται γὰρ οἱ $\Gamma\Delta$, EZ ἐλάχιστοι
 τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς. οὔκ ἄρα μέρος
 ἐστὶν ὁ $\Gamma\Delta$ τοῦ A μέρος ἄρα. καὶ ὁ EZ τοῦ B τὸ
 5 αὐτὸ μέρος ἐστίν, ὅπερ ὁ $\Gamma\Delta$ τοῦ A · ἰσάκεις ἄρα
 ὁ $\Gamma\Delta$ τὸν A μετρεῖ καὶ ὁ EZ τὸν B · ὅπερ ἔδει
 δεῖξαι.

κα'.

Οἱ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ ἐλάχιστοι
 10 εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς.

Ἔστωσαν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ οἱ A ,
 B · λέγω, ὅτι οἱ A , B ἐλάχιστοί εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν
 λόγον ἔχόντων αὐτοῖς.

Εἰ γὰρ μή, ἔσονται τινες τῶν A , B ἐλάσσονες
 15 ἀριθμοὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ὄντες τοῖς A , B . ἔστωσαν
 οἱ Γ , Δ .

Ἐπεὶ οὖν οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν
 λόγον ἔχόντων μετροῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχον-
 τας ἰσάκεις ὃ τε μείζων τὸν μείζονα καὶ ὁ ἐλάττω
 20 τὸν ἐλάττωνα, τουτέστιν ὃ τε ἡγούμενος τὸν ἡγού-
 μενον καὶ ὁ ἐπόμενος τὸν ἐπόμενον, ἰσάκεις ἄρα ὁ Γ
 τὸν A μετρεῖ καὶ ὁ Δ τὸν B . ὁσάκεις δὴ ὁ Γ τὸν
 A μετρεῖ, τοσαῦται μονάδες ἔστωσαν ἐν τῷ E . καὶ

1. ὄντες] om. φ. 2. ἐστίν] P, om. BVpφ 3. τόι] om. B. αὐτόν] om. φ. 4. EZ] P; EZ ἄρα BVpφ. 5. ἰσάκεις ἄρα ὁ $\Gamma\Delta$ τὸν A] mg φ. Sequitur propositio quaedam noua in BVpφ, a Theone interpolata; om. P (add. mg, m rec) et Campanus (u. p. 233 not.); u. app. 8 κα'] κγ' BVp, P m. rec. 10. εἰσιν PB 12. εἰσιν P. 14. Post μή add. Theon· εἰσιν οἱ A , B ἐλάχιστοι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς (BVpφ). 15. B] corr. ex Γ m. 1 p. 18. ἔχόντων αὐτοῖς Vpφ. 19. ὃ τε] ὅτι φ. ἐλάσσων Vpφ. 20. ἐλάσσονα Vpφ. τουτέστι φ.

minores numeris $\Gamma\Delta$, EZ in eadem proportionem sunt; quod fieri non potest; nam supposuimus, $\Gamma\Delta$, EZ minimos esse eorum, qui eandem habeant rationem. itaque $\Gamma\Delta$ non est pars numeri A . pars igitur erit [prop. IV]. et EZ numeri B eadem pars est ac $\Gamma\Delta$ numeri A [prop. XIII; def. 20]. ergo $\Gamma\Delta$ numerum A et EZ numerum B aequaliter metitur; quod erat demonstrandum.

XXI.¹⁾

Numeri inter se primi minimi sunt eorum, qui eandem rationem habent.

Sint primi inter se numeri A , B . dico, numeros A , B minimos esse eorum, qui eandem rationem habeant.

nam si minus, erunt numeri aliqui minores numeris A , B , qui in eadem proportionem sint ac A , B . sint Γ , Δ . iam quoniam numeri minimi eorum, qui eandem rationem habent, eos, qui eandem rationem habent, aequaliter metiuntur, maior maiorem et minor minorem [prop. XX], h. e. praecedens praecedentem et sequens sequentem, Γ numerum A et Δ numerum B aequaliter metitur. quoties igitur Γ numerum A metitur, tot sint in E unitates.

1) Propositionem omissae similem habet Campanus in additamento suo VII, 19: hic autem demonstrare uolumus aequam proportionalitatem in quotlibet numeris duorum ordinum indirectae proportionalitatis, quam demonstrat Euclides per 23. quinti in quantitatibus in genere dicimus ergo: si quotlibet numeri totidem aliis fuerint indirecte proportionales, extremi quoque in eadem proportionem proportionales erunt, cett.

ὁ Δ ἄρα τὸν B μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ E μονάδας.
καὶ ἐπεὶ ὁ Γ τὸν A μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ E μονά-
δας, καὶ ὁ E ἄρα τὸν A μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ Γ
μονάδας. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ ὁ E καὶ τὸν B μετρεῖ
5 κατὰ τὰς ἐν τῷ Δ μονάδας. ὁ E ἄρα τοὺς A, B με-
τρεῖ πρώτους ὄντας πρὸς ἀλλήλους· ὅπερ ἐστὶν ἀδύ-
νατον. οὐκ ἄρα ἔσονται τινες τῶν A, B ἐλάσσονες
ἀριθμοὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ὄντες τοῖς A, B . οἱ $A,$
 B ἄρα ἐλάχιστοί εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων
10 αὐτοῖς· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κβ'.

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον
ἐχόντων αὐτοῖς πρώτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν.

Ἔστωσαν ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λό-
15 γον ἐχόντων αὐτοῖς οἱ A, B . λέγω, ὅτι οἱ A, B
πρώτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν.

Εἰ γὰρ μὴ εἰσι πρώτοι πρὸς ἀλλήλους, μετρήσει
τις αὐτοῖς ἀριθμός. μετρεῖτω, καὶ ἔστω ὁ Γ . καὶ
ὅσάκις μὲν ὁ Γ τὸν A μετρεῖ, τοσαῦται μονάδες
20 ἔστωσαν ἐν τῷ Δ , ὅσάκις δὲ ὁ Γ τὸν B μετρεῖ, το-
σαῦται μονάδες ἔστωσαν ἐν τῷ E .

Ἐπεὶ ὁ Γ τὸν A μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ Δ
μονάδας, ὁ Γ ἄρα τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν A

XXII. Alexander Aphrod. in anal. pr. fol. 87.

2. καὶ ἐπεὶ — μονάδας] om. P (abesse non possunt).
E] supra φ. 4. τὰ αὐτὰ] ταῦτα B ὁ E καὶ] καὶ ὁ
E V φ. 9. εἰσιν PB. 11. καδ' B V p, P m. rec. 12.
αὐτῶν P, corr m. 1. 13. αὐτοῖς] om. Alexander. 15.
Post ἐχόντων in V ἀλλήλοις delet. 16. εἰσί φ. 17. εἰσιν B.
πρώτοι] οἱ A, B πρώτοι B p. ἀλλήλους οἱ A, B V φ. 18.

quare etiam Δ numerum B metitur secundum unitates numeri E . et quoniam Γ numerum A secundum unitates numeri E metitur, etiam E numerum A metitur secundum unitates numeri Γ [prop. XV]. eadem de causa E etiam numerum B metitur secundum unitates numeri Δ [prop. XV]. itaque E numeros A , B metitur, qui primi sunt inter se; quod fieri non potest [def. 12]. itaque non erunt numeri quidam numeris A , B minores, qui in eadem proportionem sint ac A , B . ergo A , B minimi sunt eorum, qui eandem rationem habent; quod erat demonstrandum.

XXII.

Minimi numeri eorum, qui eandem rationem habent, inter se primi sunt.

Minimi numeri eorum, qui eandem rationem habent, sint A , B . dico, A , B numeros inter se primos esse.

A |—————|
 B |—————|
 Γ |—————|
 Δ |—————|
 E |—————|

nam si primi non sunt inter se, numerus aliquis eos metietur. metiatur et sit Γ . et quoties Γ numerum A metitur, tot unitates sint in Δ , quoties autem Γ numerum B metitur, tot unitates sint in E .

quoniam enim Γ numerum A secundum unitates numeri Δ metitur, Γ numerus numerum Δ multiplicans numerum A effecit [def. 15]. eadem de causa

$\alpha\upsilon\tau\acute{o}\upsilon\varsigma$] τοὺς A , B Theon (B V p φ). $\xi\sigma\tau\omega$] om. φ. 20.
 B] in ras. m. 2 P. 22. $\acute{\epsilon}\pi\epsilon\iota\ \gamma\acute{\alpha}\rho$ P, $\acute{\epsilon}\pi\epsilon\iota\ \omicron\upsilon\upsilon\upsilon$ V m. 2, φ.
23. Γ] Δ V in ras., φ. Δ] Γ in ras. V, φ. Ante τὸν
ras. $\frac{1}{4}$ lin. V.

πεποίηκεν. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὁ Γ τὸν Ε πολλα-
πλασιάσας τὸν Β πεποίηκεν. ἀριθμὸς δὴ ὁ Γ δύο
ἀριθμοὺς τοὺς Δ, Ε πολλαπλασιάσας τοὺς Α, Β πε-
ποίηκεν· ἔστιν ἄρα ὡς ὁ Δ πρὸς τὸν Ε, οὕτως ὁ
6 Α πρὸς τὸν Β· οἱ Δ, Ε ἄρα τοῖς Α, Β ἐν τῷ αὐτῷ
λόγῳ εἰσὶν ἐλάσσονες ὄντες αὐτῶν· ὅπερ ἐστὶν ἀδύ-
νατον. οὐκ ἄρα τοὺς Α, Β ἀριθμοὺς ἀριθμὸς τις
μετρήσει. οἱ Α, Β ἄρα πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

10

κγ'.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους
ᾧσιν, ὁ τὸν ἓνα αὐτῶν μετρῶν ἀριθμὸς πρὸς
τὸν λοιπὸν πρῶτος ἔσται.

Ἔστωσαν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους οἱ
15 Α, Β, τὸν δὲ Α μετρεῖτω τις ἀριθμὸς ὁ Γ· λέγω,
ὅτι καὶ οἱ Γ, Β πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν.

Εἰ γὰρ μὴ εἰσὶν οἱ Γ, Β πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους,
μετρήσει [τις] τοὺς Γ, Β ἀριθμὸς. μετρεῖτω, καὶ ἔστω
ὁ Δ. ἐπεὶ ὁ Δ τὸν Γ μετρεῖ, ὁ δὲ Γ τὸν Α με-
20 τρεῖ, καὶ ὁ Δ ἄρα τὸν Α μετρεῖ. μετρεῖ δὲ καὶ
τὸν Β· ὁ Δ ἄρα τοὺς Α, Β μετρεῖ πρῶτους ὄντας
πρὸς ἀλλήλους· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα τοὺς
Γ, Β ἀριθμοὺς ἀριθμὸς τις μετρήσει. οἱ Γ, Β ἄρα
πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

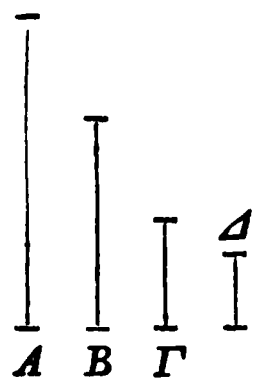
1. πεποίηκε V φ. Γ] mutat. in E V; E φ. E] Γ
V in ras., φ. 2. ἀριθμὸς] mut. in ἀριθμοί V, ἀριθμοί φ.
ὁ Γ δύο] οἱ Δ, Ε in ras. V, φ. 3. ἀριθμὸν τὸν Γ πολλα-
πλασιάσαντες V e corr., φ. πεποίηκασιν in ras. V, φ. 6.
εἰσί p. 10. κε' BVp, P m. rec 12. πρῶτος πρὸς τὸν
λοιπὸν p. 15. λέγω, ὅτι] λέγω post ras. P. 18. τις] m.
rec. P. τοὺς Γ, Β] om. p. Post B add. V: ἀριθμούς, idem

erit etiam $\Gamma \times E = B$. itaque numerus Γ duos numeros Δ , E multiplicans numeros A , B effecit. erit igitur $\Delta : E = A : B$ [prop. XVII]. itaque Δ , E numeris A , B minores in eadem proportionem sunt; quod fieri non potest. itaque numeros A , B nullus numerus metietur. ergo numeri A , B inter se primi sunt; quod erat demonstrandum.

XXIII.

Si duo numeri inter se primi sunt, qui alterum eorum metitur numerus, ad reliquum primus erit.

Sint duo numeri inter se primi A , B , et numerum A metiatur numerus aliquis Γ . dico, etiam Γ , B inter se primos esse.



nam si Γ , B inter se primi non sunt, numerus aliquis Γ , B metietur. metiatur, et sit Δ . quoniam Δ numerum Γ metitur, et Γ numerum A metitur, etiam Δ

numerum A metitur. uerum etiam numerum B metitur. Δ igitur numeros A , B metitur, qui primi sunt inter se; quod fieri non potest. itaque numeros Γ , B nullus numerus metietur. ergo Γ , B inter se primi sunt; quod erat demonstrandum.

φ mg. m. 1. ἀριθμὸς τοὺς Γ , B ἀριθμούς p. μετρήτω φ.
 19. ἐπεὶ] καὶ ἐπεὶ V, ἐπεὶ εἰς φ. 21. τοὺς] corr. ex τό
 m. 1 P, τὸν p. 23. Γ , B] (prius) B , Γ V φ.

κδ'.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς τινα ἀριθμὸν πρῶτοι ᾧσιν, καὶ ὁ ἐξ αὐτῶν γενόμενος πρὸς τὸν αὐτὸν πρῶτος ἔσται.

- 5 Δύο γὰρ ἀριθμοὶ οἱ A, B πρὸς τινα ἀριθμὸν τὸν Γ πρῶτοι ἔστωσαν, καὶ ὁ A τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Δ ποιεῖτω· λέγω, ὅτι οἱ Γ, Δ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν.

- Εἰ γὰρ μὴ εἰσιν οἱ Γ, Δ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους, 10 μετρήσει [τις] τοὺς Γ, Δ ἀριθμός. μετρεῖτω, καὶ ἔστω ὁ E . καὶ ἐπεὶ οἱ Γ, Δ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν, τὸν δὲ Γ μετρεῖ τις ἀριθμός ὁ E , οἱ A, E ἄρα πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν. ὅσάκις δὴ ὁ E τὸν Δ μετρεῖ, τοσαῦται μονάδες ἔστωσαν ἐν τῷ Z · καὶ 15 ὁ Z ἄρα τὸν Δ μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ E μονάδας. ὁ E ἄρα τὸν Z πολλαπλασιάσας τὸν Δ πεποίηκεν. ἀλλὰ μὴν καὶ ὁ A τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Δ πεποίηκεν· ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ ἐκ τῶν E, Z τῷ ἐκ τῶν A, B . ἐὰν δὲ ὁ ὑπὸ τῶν ἄκρων ἴσος ἢ τῷ ὑπὸ 20 τῶν μέσων, οἱ τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογόν εἰσιν· ἔστιν ἄρα ὡς ὁ E πρὸς τὸν A , οὕτως ὁ B πρὸς τὸν Z . οἱ δὲ A, E πρῶτοι, οἱ δὲ πρῶτοι καὶ ἐλάχιστοι, οἱ δὲ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς μετροῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας 25 ἰσάκις ὅ τε μείζων τὸν μείζονα καὶ ὁ ἐλάσσων τὸν ἐλάσσονα, τουτέστιν ὅ τε ἡγούμενος τὸν ἡγούμενον

1. κδ' B V p, P m rec. 2. Post ἀριθμοί add. V (in ras) et φ: πρῶτοι. ἀριθμόν] mg m. 2 V. πρῶτοι] om. V φ.

3. ᾧσι P V p φ. πρῶτος ἔσται πρὸς τὸν αὐτὸν p. 7. ποιῇτω φ, sed corr. Γ, Δ] e corr. m. 2 p. 10. τις] om. P;

καὶ ὁ ἐπόμενος τὸν ἐπόμενον· ὁ E ἄρα τὸν B με-
 τρεῖ. μετρεῖ δὲ καὶ τὸν Γ · ὁ E ἄρα τοὺς B, Γ με-
 τρεῖ πρώτους ὄντας πρὸς ἀλλήλους· ὅπερ ἐστὶν ἀδύ-
 νατον. οὐκ ἄρα τοὺς Γ, Δ ἀριθμοὺς ἀριθμός τις
 5 μετρήσει. οἱ Γ, Δ ἄρα πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κε'.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους
 ᾧσιν, ὁ ἐκ τοῦ ἐνὸς αὐτῶν γενόμενος πρὸς
 10 τὸν λοιπὸν πρῶτος ἔσται.

Ἔστωσαν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους οἱ
 A, B , καὶ ὁ A ἐαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν Γ ποιεί-
 τω· λέγω, ὅτι οἱ B, Γ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν.

Κείσθω γὰρ τῷ A ἴσος ὁ Δ . ἐπεὶ οἱ A, B πρῶ-
 15 τοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν, ἴσος δὲ ὁ A τῷ Δ , καὶ οἱ
 Δ, B ἄρα πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν. ἐκάτερος ἄρα
 τῶν Δ, A πρὸς τὸν B πρῶτός ἐστιν· καὶ ὁ ἐκ τῶν
 Δ, A ἄρα γενόμενος πρὸς τὸν B πρῶτος ἔσται. ὁ
 δὲ ἐκ τῶν Δ, A γενόμενος ἀριθμός ἐστίν ὁ Γ . οἱ
 20 Γ, B ἄρα πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν· ὅπερ ἔδει
 δεῖξαι.

κς'.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς δύο ἀριθμοὺς ἀμ-
 φότεροι πρὸς ἐκάτερον πρῶτοι ᾧσιν, καὶ οἱ
 25 ἕξ αὐτῶν γενόμενοι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους
 ἔσονται.

Δύο γὰρ ἀριθμοὶ οἱ A, B πρὸς δύο ἀριθμοὺς
 τοὺς Γ, Δ ἀμφότεροι πρὸς ἐκάτερον πρῶτοι ἔστω-

2. τοὺς] τὸν p. B, Γ] Γ, B Bφ, in ras. V. 4. ἀριθ-
 μός] om. φ. 7. κς' B V p, P m. rec. 12. A ἐαυτὸν] corr.

rum B metitur. uerum etiam numerum Γ metitur. itaque E numeros B, Γ metitur, qui inter se primi sunt; quod fieri non potest. itaque numeros Γ, Δ nullus numerus metitur. ergo Γ, Δ inter se primi sunt; quod erat demonstrandum.

XXV.

Si duo numeri inter se primi sunt, numerus ex altero eorum productus ad reliquum primus erit.

Sint duo numeri inter se primi A, B , et sit $A^2 = \Gamma$. dico, numeros B, Γ inter se primos esse.

ponatur enim $\Delta = A$. quoniam A, B inter se primi sunt, et $A = \Delta$, etiam Δ, B inter se primi sunt. itaque uterque Δ, A ad B primus est. quare etiam $\Delta \times A$ ad B primus erit [prop. XXIV]. uerum $\Delta \times A = \Gamma$. ergo Γ, B inter se primi sunt; quod erat demonstrandum.

XXVI.

Si duo numeri ad duos numeros singuli ad singulos primi sunt, etiam numeri ex iis producti inter se primi erunt.

Nam duo numeri A, B ad duos numeros Γ, Δ

ex AE αὐτόν B . 13. B, Γ] Γ, B P. εἰς $Vp\phi$. 14. καὶ ἐπεὶ $V\phi$; ἐπεὶ οὖν p . 15. ἴσος δέ — 16: ἀλλήλους εἰσὶν] om. B , mg. m. 2 V . 16. B] in ras. Vp . πρὸς] ἀπ' αἱ ϕ . 17. ἐστίν] PB ; comp. p ; ἐστι $V\phi$. 18. ἄρα] supra V , ἔτι ϕ . γινόμενος B . Post hoc uerbum ras. dimid. lin. V . 22. καὶ BVp , P m. rec. 23. ἀριθμούς] om. p . 24. ὥσι $PVp\phi$.

σαν, καὶ ὁ μὲν *A* τὸν *B* πολλαπλασιάσας τὸν *E* ποιεῖτω, ὁ δὲ *Γ* τὸν *Δ* πολλαπλασιάσας τὸν *Z* ποιεῖτω· λέγω, ὅτι οἱ *E*, *Z* πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν.

Ἐπεὶ γὰρ ἑκάτερος τῶν *A*, *B* πρὸς τὸν *Γ* πρῶ-
 5 τός ἐστιν, καὶ ὁ ἐκ τῶν *A*, *B* ἄρα γενόμενος πρὸς
 τὸν *Γ* πρῶτος ἐστὶν. ὁ δὲ ἐκ τῶν *A*, *B* γενόμενός
 ἐστὶν ὁ *E*· οἱ *E*, *Γ* ἄρα πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν.
 διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ οἱ *E*, *Δ* πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους
 εἰσίν. ἑκάτερος ἄρα τῶν *Γ*, *Δ* πρὸς τὸν *E* πρῶτός
 10 ἐστὶν. καὶ ὁ ἐκ τῶν *Γ*, *Δ* ἄρα γενόμενος πρὸς τὸν
E πρῶτος ἐστὶν. ὁ δὲ ἐκ τῶν *Γ*, *Δ* γενόμενός ἐστὶν
 ὁ *Z*. οἱ *E*, *Z* ἄρα πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κξ΄.

15 Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους
 ᾧσιν, καὶ πολλαπλασιάσας ἑκάτερος ἑαυτὸν
 ποιῇ τινα, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν πρῶτοι πρὸς
 ἀλλήλους ἔσονται, καὶ οἱ ἐξ ἀρχῆς τοὺς γενο-
 μένους πολλαπλασιάσαντες ποιῶσιν τινας, καί-
 20 κεινοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται [καὶ ἀεὶ
 περὶ τοὺς ἄκρους τοῦτο συμβαίνει].

Ἐστῶσαν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους οἱ

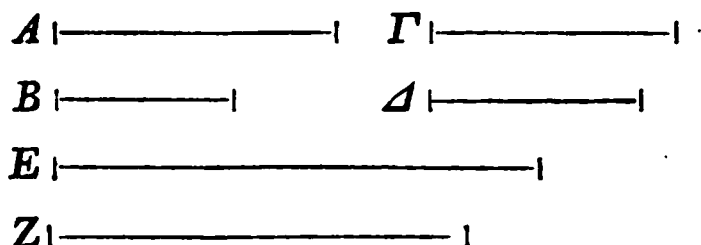
XXVII. Alexand. Aphrod. in anal. pr. fol. 87.

1. *E* — 2: πολλαπλασιάσας τόν] mg. m. 2 P. 5. ἐστὶ
 codd. 6] om φ. γενόμενος ἄρα Vφ. 7. ὁ *E* ἐστὶν p.
 εἰσὶ Vφ. 8. διὰ τὰ — 9: εἰσίν] πάλιν B. 8. τὰ αὐτὰ]
 ταῦτα Vφ. *E*, *Δ*] *Δ*, *E* P. 9. ἄρα] om. B. τῶν]
 τόν φ. 10. ἐστὶ B Vφ; comp. p. 11. ἐστὶ] ἐστὶ comp. p.
Γ, *Δ*] *Δ*, *Γ* Vφ. ὁ *Z* ἐστὶν p. 14. καὶ B Vφ, P m. rec.
 16. ᾧσι Pp. 17. αὐτῶν] -ων in ras. φ. 21. τοῦτο]
 corr. ex τὸ αὐτό m. 2 B. 22. δύο] supra m. 2 V. ἀριθμοὶ
 δύο P.

singuli ad singulos primi sint, et sit

$$A \times B = E, \Gamma \times \Delta = Z.$$

dico, etiam E, Z inter se primos esse.



nam quoniam uterque A, B ad Γ primus est, etiam $A \times B$ ad Γ primus erit [prop. XXIV]. sed $A \times B = E$. quare E, Γ inter se primi sunt. eadem de causa etiam E, Δ inter se primi sunt. itaque uterque Γ, Δ ad E primus est. itaque etiam $\Gamma \times \Delta$ ad E primus erit. sed $\Gamma \times \Delta = Z$. ergo E, Z inter se primi sunt; quod erat demonstrandum.

XXVII.

Si duo numeri inter se primi sunt, et uterque se ipse multiplicans numerum aliquem effecerit, numeri ex iis effecti inter se primi erunt, et si numeri ab initio sumpti numeros productos multiplicantes numeros aliquos effecerint, ii quoque inter se primi erunt [et semper in extremis¹⁾ hoc accidit].

1) ἄκροι hoc loco satis insolenter positum est. neque enim aliud significat nisi: ultimos, ultimo loco productos. praeterea mirum est, haec uerba in demonstratione ne uerbo quidem respici, nedum demonstrantur. quare puto, uerba καὶ ἀεὶ περὶ τοὺς ἄκρους τοῦτο συμβαίνει lin. 20—21 ante Theonem interpolata esse; omisit Campanus VII, 28 (sed in demonstratione addit: sicque si infinities duceretur utrumque productorum in suum principium, essent omnes producti contra se primi; et non solum, sed quilibet eductus ab a ad quemlibet eductum a b).

A, B , καὶ ὁ A ἑαυτὸν μὲν πολλαπλασιάσας τὸν Γ ποιεῖτω, τὸν δὲ Γ πολλαπλασιάσας τὸν Δ ποιεῖτω, ὁ δὲ B ἑαυτὸν μὲν πολλαπλασιάσας τὸν E ποιεῖτω, τὸν δὲ E πολλαπλασιάσας τὸν Z ποιεῖτω· λέγω, ὅτι
 5 οἱ τε Γ, E καὶ οἱ Δ, Z πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν.

Ἐπεὶ γὰρ οἱ A, B πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν, καὶ ὁ A ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν, οἱ Γ, B ἄρα πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν. ἐπεὶ οὖν οἱ Γ, B πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν, καὶ ὁ B ἑαυτὸν
 10 πολλαπλασιάσας τὸν E πεποίηκεν, οἱ Γ, E ἄρα πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν. πάλιν, ἐπεὶ οἱ A, B πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν, καὶ ὁ B ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν E πεποίηκεν, οἱ A, E ἄρα πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν. ἐπεὶ οὖν δύο ἀριθμοὶ οἱ A, Γ πρὸς
 15 δύο ἀριθμοὺς τοὺς B, E ἀμφοτέρω πρὸς ἑκάτερον πρῶτοί εἰσιν, καὶ ὁ ἐκ τῶν A, Γ ἄρα γενόμενος πρὸς τὸν ἐκ τῶν B, E πρῶτός ἐστιν. καὶ ἐστὶν ὁ μὲν ἐκ τῶν A, Γ ὁ Δ , ὁ δὲ ἐκ τῶν B, E ὁ Z . οἱ Δ, Z ἄρα πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

20 κη'.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσιν, καὶ συναμφοτέρος πρὸς ἑκάτερον αὐτῶν πρῶτος ἔσται· καὶ ἂν συναμφοτέρος πρὸς ἓνα τινὰ αὐτῶν πρῶτος ᾗ, καὶ οἱ ἐξ ἀρχῆς ἀριθμοὶ
 25 πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Συγκείσθωσαν γὰρ δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους οἱ AB, BG · λέγω, ὅτι καὶ συναμφοτέρος ὁ AG πρὸς ἑκάτερον τῶν AB, BG πρῶτός ἐστιν.

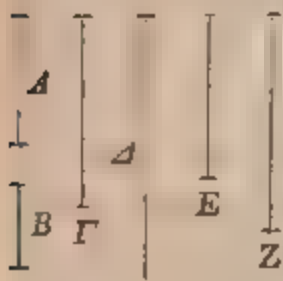
1. μὲν] om. Vφ. 2. ποιεῖτω] ποιεῖ p. ποιεῖτω τὸν Δ Vφ (ποιήτω, sed corr., φ). 3. μὲν] in ras. P. 5 τε]

Sint duo numeri inter se primi A, B et sit

$$A \times A = \Gamma \text{ et } A \times \Gamma = \Delta,$$

$$B \times B = E \text{ et } B \times E = Z.$$

dico, et Γ, E et Δ, Z inter se primos esse.



nam quoniam A, B inter se primi sunt, et $A \times A = \Gamma$, erunt Γ, B inter se primi [prop. XXV]. iam quoniam Γ, B inter se primi sunt, et

$$B \times B = E, \text{ erunt } \Gamma, E$$

inter se primi [id.]. rursus quoniam

A, B inter se primi sunt, et

$B \times B = E$, erunt A, E inter se primi [id.]. iam quoniam duo numeri A, Γ ad duos numeros B, E singuli ad singulos primi sunt, etiam $A \times \Gamma$ ad $B \times E$ primus est [prop. XXVI]. et $A \times \Gamma = \Delta, B \times E = Z$. ergo Δ, Z inter se primi sunt; quod erat demonstrandum.

XXVIII.

Si duo numeri inter se primi sunt, etiam uterque simul ad utrumvis primus erit. et si uterque simul ad alterutrum primus est, etiam numeri ab initio sumpti inter se primi erunt.

Componantur enim duo numeri inter se primi $AB, B\Gamma$. dico, etiam $A\Gamma$ ad utrumvis $AB, B\Gamma$ primum esse.

om. Vφ. εἰσὶ Vφ. 6. ἐπεὶ — εἰσὶν] mg m. 1 V. εἰσὶ
BVpφ. 8 εἰσὶ Vpφ. ἐπεὶ αὖν — 9· εἰσὶν] om. p, mg. m.
1 V. 9. εἰσὶ BVpφ. 11. εἰσὶ Vφ. 12. εἰσὶ PVpφ.
14. ἐπεὶ] καὶ ἐπεὶ B. 15. B] corr. ex A V. 16. εἰσὶ
Vpφ. 17. τὸν] τῶν φ. ἐστὶ Vφ, comp. p. 20. λ'
BVpφ, P m. rec 22. ὥσπερ PVpφ. συναμφοτέρων αὐτῶν
πρὸς ἑκάτερον Vφ. 26. συνεκείσθωσαν φ 28. τῶν] τὸν E.

Εἰ γὰρ μὴ εἰσὶν οἱ ΓA , AB πρῶτοι πρὸς ἀλλή-
 λους, μετρήσει τις τοὺς ΓA , AB ἀριθμός. μετρεῖτω,
 καὶ ἔστω ὁ Δ . ἐπεὶ οὖν ὁ Δ τοὺς ΓA , AB μετρεῖ,
 καὶ λοιπὸν ἄρα τὸν $B\Gamma$ μετρήσει. μετρεῖ δὲ καὶ τὸν
 5 BA . ὁ Δ ἄρα τοὺς AB , $B\Gamma$ μετρεῖ πρῶτους ὄντας
 πρὸς ἀλλήλους· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα τοὺς
 ΓA , AB ἀριθμοὺς ἀριθμός τις μετρήσει· οἱ ΓA , AB
 ἄρα πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν. διὰ τὰ αὐτὰ δὲ
 καὶ οἱ $A\Gamma$, ΓB πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν. ὁ ΓA
 10 ἄρα πρὸς ἐκάτερον τῶν AB , $B\Gamma$ πρῶτός ἐστιν.

Ἐστῶσαν δὲ πάλιν οἱ ΓA , AB πρῶτοι πρὸς
 ἀλλήλους· λέγω, ὅτι καὶ οἱ AB , $B\Gamma$ πρῶτοι πρὸς
 ἀλλήλους εἰσὶν.

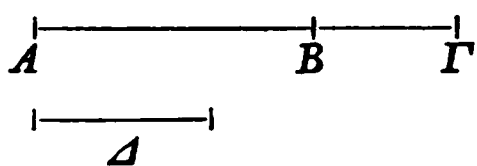
Εἰ γὰρ μὴ εἰσὶν οἱ AB , $B\Gamma$ πρῶτοι πρὸς ἀλλή-
 15 λους, μετρήσει τις τοὺς AB , $B\Gamma$ ἀριθμός. μετρεῖτω,
 καὶ ἔστω ὁ Δ . καὶ ἐπεὶ ὁ Δ ἐκάτερον τῶν AB , $B\Gamma$
 μετρεῖ, καὶ ὅλον ἄρα τὸν ΓA μετρήσει. μετρεῖ δὲ
 καὶ τὸν AB . ὁ Δ ἄρα τοὺς ΓA , AB μετρεῖ πρῶ-
 τους ὄντας πρὸς ἀλλήλους· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ
 20 ἄρα τοὺς AB , $B\Gamma$ ἀριθμοὺς ἀριθμός τις μετρήσει.
 οἱ AB , $B\Gamma$ ἄρα πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν· ὅπερ
 ἔδει δεῖξαι.

κθ'.

Ἄπας πρῶτος ἀριθμὸς πρὸς ἅπαντα ἀριθ-
 25 μόν, ὃν μὴ μετρεῖ, πρῶτός ἐστιν.

1. ΓA] $A\Gamma$ p. 2. ΓA] A e corr. p AB] AB ἀριθ-
 μούς Vφ ἀριθμός] mutat. in ἀριθμούς p. 5. Δ] in ras. φ.
 8. διὰ τὰ — 9: εἰσὶν] mg. V. 8. διὰ] seq. ras. 2 litt. φ.
 9. οἱ] αἱ V, ὁ φ. $A\Gamma$, ΓB] in ras. p; ΓA , ΓB Vφ. ΓA] $A\Gamma$ Vpφ. 10. τῶν] e corr. P. 12. καί] supra V. AB] e corr. p m. 1. 15. $B\Gamma$] $B\Gamma$ ἀριθμούς Vφ. μετρήτω φ.

nam si ΓA , AB inter se primi non sunt, numerus aliquis numeros ΓA , AB metietur. metiatur et sit Δ . iam quoniam Δ numeros ΓA , AB metitur, etiam reliquum $B\Gamma$ metietur.¹⁾ uerum etiam BA metitur.



Δ igitur AB , $B\Gamma$ numeros metitur, qui inter se primi sunt; quod fieri non potest. itaque numeros ΓA , AB nullus numerus metitur. ergo ΓA , AB inter se primi sunt. eadem de causa etiam $A\Gamma$, ΓB inter se primi sunt. ΓA igitur ad utrumvis AB $B\Gamma$ primus est.

iam rursus ΓA , AB inter se primi sint; dico, etiam AB , $B\Gamma$ inter se primos esse.

nam si AB , $B\Gamma$ inter se primi non sunt, numerus aliquis eos metietur. metiatur et sit Δ . et quoniam Δ utrumque AB , $B\Gamma$ metitur, etiam totum ΓA metietur.¹⁾ uerum etiam AB metitur. Δ igitur ΓA , AB metitur, qui primi sunt inter se; quod fieri non potest. itaque numeros AB , $B\Gamma$ nullus numerus metietur. ergo AB , $B\Gamma$ inter se primi sunt; quod erat demonstrandum.

XXIX.

Quiuis numerus primus ad quemuis numerum, quem non metitur, primus est.

1) Neque hoc, neque quo lin. 17 utitur, usquam apud Euclidem demonstratum est; pro axiomatis ea habuit. cfr. Clavius II p. 12 nr. X et XII.

23. $\lambda\alpha'$ B V p φ , P m. rec. 24. $\alpha\pi\alpha\nu\tau\alpha$] seq. lacuna 6 litt. V.
25. $\delta\nu$ — $\acute{\epsilon}\sigma\tau\iota\nu$] in ras. m. 1 p. $\mu\epsilon\tau\rho\eta$ P, corr. m. rec.

"Εστω πρῶτος ἀριθμὸς ὁ A καὶ τὸν B μὴ μετρεῖτω· λέγω, ὅτι οἱ B, A πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν.

Εἰ γὰρ μὴ εἰσιν οἱ B, A πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους, μετρήσει τις αὐτοὺς ἀριθμὸς. μετρεῖτω ὁ Γ . ἐπεὶ ὁ
 5 Γ τὸν B μετρεῖ, ὁ δὲ A τὸν B οὐ μετρεῖ, ὁ Γ ἄρα τῷ A οὐκ ἐστὶν ὁ αὐτός. καὶ ἐπεὶ ὁ Γ τοὺς B, A μετρεῖ, καὶ τὸν A ἄρα μετρεῖ πρῶτον ὄντα μὴ ὦν αὐτῷ ὁ αὐτός· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα τοὺς B, A μετρήσει τις ἀριθμὸς. οἱ A, B ἄρα πρῶτοι πρὸς
 10 ἀλλήλους εἰσίν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

λ'.

"Εὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσιν τινα, τὸν δὲ γενόμενον ἐξ αὐτῶν μετροῇ τις πρῶτος ἀριθμὸς, καὶ ἓνα τῶν
 15 ἐξ ἀρχῆς μετρήσει.

Δύο γὰρ ἀριθμοὶ οἱ A, B πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους τὸν Γ ποιείτωσαν, τὸν δὲ Γ μετρεῖτω τις πρῶτος ἀριθμὸς ὁ Δ . λέγω, ὅτι ὁ Δ ἓνα τῶν A, B μετρεῖ.
 20 Τὸν γὰρ A μὴ μετρεῖτω· καὶ ἐστὶ πρῶτος ὁ Δ . οἱ A, Δ ἄρα πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν. καὶ ἰσάκεις ὁ Δ τὸν Γ μετρεῖ, τοσαῦται μονάδες ἔστωσαν ἐν τῷ E . ἐπεὶ οὖν ὁ Δ τὸν Γ μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ E μονάδας, ὁ Δ ἄρα τὸν E πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποιή-
 25 κεν. ἀλλὰ μὲν καὶ ὁ A τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποιήκεν· ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ ἐκ τῶν Δ, E τῷ ἐκ

3. B, A] A, B p. 4. ἀριθμὸς] -ός in ras. φ. μετρή-
 τω φ ἐπεὶ] καὶ ὁ Γ οὐκ ἐστὶ μονάς. ἐπεὶ οὖν V φ et om.
 καὶ p. Ante ἐπεὶ add. P m. rec. καί. 6. τῷ] e corr. P.
 B, A] in ras. φ; B supra m. 1 V. 8. αὐτὸς οὐδὲ μονάς V φ p.

Sit numerus primus A et numerum B ne metiatur. dico, numeros B , A inter se primos esse.

$\text{—————}|A$
 $\text{—————}|B$
 $\text{—————}| \Gamma$

nam si numeri B , A inter se primi non sunt, numerus aliquis eos metietur. metiatur numerus Γ . quoniam Γ numerum B metitur, A

autem B non metitur, Γ et A iidem non sunt. et quoniam Γ numeros B , A metitur, etiam numerum A , qui primus est, metitur, quamquam idem non est; quod fieri non potest. itaque numeros B , A nullus numerus metietur. ergo A , B inter se primi sunt; quod erat demonstrandum.

XXX.

Si duo numeri inter se multiplicantes numerum aliquem effecerint, et numerum ex iis productum primus aliquis numerus metitur, etiam alterutrum numerorum ab initio sumptorum metietur.

$A|\text{—————}|$
 $B|\text{—————}|$
 $\Gamma|\text{—————}|$
 $\text{—————}| \Delta$
 $E|\text{—————}|$

Duo enim numeri A , B inter se multiplicantes numerum Γ efficiant, et numerum Γ metiatur primus aliquis numerus Δ . dico, Δ alterutrum A , B metiri.

nam numerum A ne metiatur. et Δ primus est. itaque A , Δ inter se primi sunt [prop. XXIX]. et quoties Δ numerum Γ metitur, tot unitates sint in E . iam quoniam Δ numerum Γ secundum unitates numeri E metitur, erit $\Delta \times E = \Gamma$ [def. 15]. uerum etiam $A \times B = \Gamma$. itaque $\Delta \times E = A \times B$. quare

9. B , A] A , B pφ. 11. $\lambda\beta'$ BV pφ. 18. ἀριθμὸς πρῶτος V φ. 20. $\mu\eta'$] supra V. 21. A] in ras. φ. εἰσι V pφ.

τῶν A, B . ἔστιν ἄρα ὡς ὁ Δ πρὸς τὸν A , οὕτως ὁ B πρὸς τὸν E . οἱ δὲ Δ, A πρῶτοι, οἱ δὲ πρῶτοι καὶ ἐλάχιστοι, οἱ δὲ ἐλάχιστοι μετροῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας ἰσάκως ὃ τε μείζων τὸν μείζονα καὶ ὁ ἐλάσσων τὸν ἐλάσσονα, τουτέστιν ὃ τε ἡγούμενος τὸν ἡγούμενον καὶ ὁ ἐπόμενος τὸν ἐπόμενον· ὁ Δ ἄρα τὸν B μετρεῖ. ὁμοίως δὴ δείξομεν, ὅτι καὶ ἂν τὸν B μὴ μετρῇ, τὸν A μετρήσει. ὁ Δ ἄρα ἓνα τῶν A, B μετρεῖ· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

10

λα'.

Ἄπας σύνθετος ἀριθμὸς ὑπὸ πρώτου τινὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται.

Ἐστω σύνθετος ἀριθμὸς ὁ A . λέγω, ὅτι ὁ A ὑπὸ πρώτου τινὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται.

- 15 Ἐπεὶ γὰρ σύνθετός ἐστιν ὁ A , μετρήσει τις αὐτὸν ἀριθμός. μετρεῖτω, καὶ ἔστω ὁ B . καὶ εἰ μὲν πρῶτός ἐστιν ὁ B , γεγονὸς ἂν εἴη τὸ ἐπιταχθέν. εἰ δὲ σύνθετος, μετρήσει τις αὐτὸν ἀριθμός. μετρεῖτω, καὶ ἔστω ὁ Γ . καὶ ἐπεὶ ὁ Γ τὸν B μετρεῖ, ὁ δὲ B τὸν
- 20 A μετρεῖ, καὶ ὁ Γ ἄρα τὸν A μετρεῖ. καὶ εἰ μὲν πρῶτός ἐστιν ὁ Γ , γεγονὸς ἂν εἴη τὸ ἐπιταχθέν. εἰ δὲ σύνθετος, μετρήσει τις αὐτὸν ἀριθμός. τοιαύτης δὴ γινομένης ἐπισκέψεως ληφθήσεται τις πρῶτος ἀριθμός, ὃς μετρήσει. εἰ γὰρ οὐ ληφθήσεται, μετρήσουσι

3. καί] om. p. οἱ δὲ ἐλάχιστοι] supra P, in mg. m. 1 Vφ. 4. μείζων τόν] mg. φ (τόν in ras.). 6. τόν] (prius) in ras. φ. 8. B μὴ] in ras. p; μὴ supra V m. 2. Post μετρεῖ ras. 1 litt. p. 9. Sequitur in BVpφ alia demonstratio prop. XXXI a Theone addita; u. app. 10. λγ' BVφ, P m. rec.; λδ' p. 14. μετρεῖται P, corr. m. 2 17. δήλον ἂν εἴη τὸ ζητούμενον Theon (BVpφ). 20. μετρεῖ] (prius)

[prop. XIX] $A : A = B : E$. uerum A , A primi sunt, primi autem etiam minimi sunt [prop. XXI], minimi autem eos, qui eandem rationem habent, aequaliter metiuntur, maior maiorem et minor minorem [prop. XX], h. e. praecedens praecedentem et sequens sequentem. itaque A numerum B metitur. similiter demonstrabimus, A numerum, si B numerum non metiatur, numerum A metiri. ergo A alterutrum numerorum A , B metitur; quod erat demonstrandum.

XXXI.

Quemuis numerum compositum primus aliquis numerus metitur.

Sit numerus compositus A . dico, primum aliquem numerum numerum A metiri.

nam quoniam A compositus est, numerus aliquis eum metietur. metiatur et sit B . et si B primus est, factum erit id, quod iussi sumus.¹⁾ sin compositus est, numerus aliquis eum metietur. metiatur et sit Γ . et quoniam Γ numerum B metitur, et B numerum A metitur, etiam Γ numerum A metitur. et si Γ primus est, factum erit, quod iussi sumus; sin compositus,

1) Sc. primum numerum numerum A metientem inuenire. quamquam haec formula in problemata magis cadit, id quod magis etiam de p. 252, 12 ualet.

om. p. 21. δῆλον ἂν εἶη τὸ ζητούμενον Theon (BVpφ).

22. Post ἀριθμός add. p: μετρεῖται καὶ ἔστω ὁ Γ . καὶ ἐπεὶ ὁ Γ τὸν B μετρεῖ ὁ δὲ B τὸν A μετρεῖ, καὶ ὁ Γ ἄρα τὸν A μετρεῖ. 23. δῆ] corr. ex δέ V, δέ pφ. 24. ὅς] supra m. 2 P. Post μετρήσει add. Theon τὸν πρὸ ἑαυτοῦ, (huc usque etiam P mg. m. rec.) ὅς καὶ τὸν A μετρήσει (BVpφ). εἰ] corr. ex ἡ m. rec. P. οὐ] μὴ August.

τὸν *A* ἀριθμὸν ἄπειροι ἀριθμοί, ὧν ἕτερος ἑτέρου ἐλάσσων ἐστίν· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον ἐν ἀριθμοῖς. ληφθήσεται τις ἄρα πρῶτος ἀριθμός, ὃς μετρήσει τὸν πρὸ ἑαυτοῦ, ὃς καὶ τὸν *A* μετρήσει.

- 6 Ἄπας ἄρα σύνθετος ἀριθμὸς ὑπὸ πρώτου τινὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

λβ'.

Ἄπας ἀριθμὸς ἥτοι πρῶτός ἐστιν ἢ ὑπὸ πρώτου τινὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται.

- 10 Ἐστω ἀριθμὸς ὁ *A*· λέγω, ὅτι ὁ *A* ἥτοι πρῶτός ἐστιν ἢ ὑπὸ πρώτου τινὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται.

Εἰ μὲν οὖν πρῶτός ἐστιν ὁ *A*, γεγονὸς ἂν εἴη τὸ ἐπιταχθέν. εἰ δὲ σύνθετος, μετρήσει τις αὐτὸν πρῶτος ἀριθμός.

- 15 Ἄπας ἄρα ἀριθμὸς ἥτοι πρῶτός ἐστιν ἢ ὑπὸ πρώτου τινὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

λγ'.

- Ἀριθμῶν δοθέντων ὁποσωνοῦν εὐρεῖν τοὺς ἐλαχίστους τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐ-
20 τοῖς.

Ἐστῶσαν οἱ δοθέντες ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ οἱ *A*, *B*, *Γ*· δεῖ δὴ εὐρεῖν τοὺς ἐλαχίστους τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων τοῖς *A*, *B*, *Γ*.

Οἱ *A*, *B*, *Γ* γὰρ ἥτοι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν

1. ὁ ἕτερος Vφ. τοῦ ἑτέρου BVφ. 2. ἐστίν] (prima) om. B. 3. πρῶτος ἀριθμός] supra m. 2 V, ἀριθμὸς πρῶτος p. 7. λδ' BV, P m. rec.; λε' p. 8. πᾶς P. 11. ἐστὶ Vφ. 12. γεγονός] Pp, δηλον BVφ. 13. ἐπιταχθέν] ζητούμενον Theon (BVφ). 17. λε' BV, P m. rec.; λς' p. 19. τοὺς αὐτοὺς λόγους Bp. 22. τοὺς αὐτοὺς λόγους BVφ.

numerus aliquis eum metietur. hac igitur ratiocinatione procedente inuenietur primus aliquis numerus, qui metietur.¹⁾ nam si non inuenietur, infiniti numeri numerum A metientur, alter semper altero deinceps minores; quod in numeris fieri non potest. itaque inuenietur primus aliquis numerus proxime antecedentem metiens, qui etiam numerum A metiatur.

Ergo quemuis numerum compositum primus aliquis numerus metitur; quod erat demonstrandum.

XXXII.

Quiuis numerus aut primus est, aut primus numerus eum metitur.

Sit numerus A . dico, numerum A aut primum esse aut primum aliquem numerum eum metiri.
 A iam si primus est A , factum erit, quod iussi sumus; sin compositus, primus aliquis numerus eum metietur [prop. XXXI].

Ergo quiuis numerus aut primus est, aut primus numerus eum metitur; quod erat demonstrandum.

XXXIII.

Datis quotlibet numeris minimos eorum, qui eandem rationem habent, inuenire.

Dati sint quotlibet numeri A, B, Γ . oportet igitur minimos eorum inuenire, qui eandem rationem habeant ac A, B, Γ .

A, B, Γ enim aut inter se primi sunt aut non

1) Sc. numerum praecedentem et ea de causa numerum A (cfr. lin. 4). et puto, haec audiri posse. etsi fieri potest, ut haec uerba in P mero errore ob ὁμοιοτέλετον exciderint.

ἢ οὐ. εἰ μὲν οὖν οἱ A, B, Γ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἶσιν, ἐλάχιστοί εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς.

εἰ δὲ οὐ, εἰλήφθω τῶν A, B, Γ τὸ μέγιστον κοι-
 5 νὸν μέτρον ὁ Δ , καὶ ὅσάκις ὁ Δ ἑκαστον τῶν A, B, Γ
 μετρεῖ, τοσαῦται μονάδες ἔστωσαν ἐν ἑκάστῳ τῶν E, Z, H . καὶ ἑκαστος ἄρα τῶν E, Z, H ἑκαστον τῶν A, B, Γ μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ Δ μονάδας. οἱ E, Z, H ἄρα τοὺς A, B, Γ ἰσάκις μετροῦσιν· οἱ E, Z, H
 10 ἄρα τοῖς A, B, Γ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ εἶσιν. λέγω δὴ, ὅτι καὶ ἐλάχιστοι. εἰ γὰρ μὴ εἰσιν οἱ E, Z, H ἐλάχιστοι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων τοῖς A, B, Γ , ἔσονται [τινες] τῶν E, Z, H ἐλάσσονες ἀριθμοὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ὄντες τοῖς A, B, Γ . ἔστωσαν οἱ Θ, K, Λ . ἰσάκις ἄρα ὁ Θ τὸν A μετρεῖ καὶ ἑκάτερος τῶν K, Λ ἑκάτερον τῶν B, Γ . ὅσάκις δὲ ὁ Θ τὸν A μετρεῖ, τοσαῖται μονάδες ἔστωσαν ἐν τῷ M . καὶ ἑκάτερος ἄρα τῶν K, Λ ἑκάτερον τῶν B, Γ μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ M μονάδας. καὶ ἐπεὶ ὁ Θ τὸν A μετρεῖ
 20 κατὰ τὰς ἐν τῷ M μονάδας, καὶ ὁ M ἄρα τὸν A μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ Θ μονάδας. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ ὁ M καὶ ἑκάτερον τῶν B, Γ μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν ἑκάτέρῳ τῶν K, Λ μονάδας· ὁ M ἄρα τοὺς A, B, Γ μετρεῖ. καὶ ἐπεὶ ὁ Θ τὸν A μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ
 25 M μονάδας, ὁ Θ ἄρα τὸν M πολλαπλασιάσας τὸν A

6 ἐν] om. P. 7. ἑκαστος] ἑκαστον p. 10. τοῖς] corr. ex toi m. rec. P. εἶσι Vφ. 11. καὶ] καὶ οἱ p. 12. τοῖς] corr. ex toi m. 1 P. 13. τινες] om. P. 16. B, Γ] Γ, B corr. ex A, B m. 1 p. 17. δέ] δὴ? 18. τῶν B, Γ] τὸν Γ, B p. 20. A] Θ p. 21. καὶ ὁ M Vφ.

primi. iam si A, B, Γ inter se primi sunt, minimi sunt eorum, qui eandem rationem habent [prop. XXI].

sin minus, sumatur numerorum A, B, Γ maxima mensura communis Δ [prop. III]¹⁾, et quoties Δ singulos numeros A, B, Γ metitur, tot unitates sint in singulis E, Z, H . quare etiam singuli E, Z, H singulos A, B, Γ secundum unitates numeri Δ metiuntur [prop. XV]. itaque E, Z, H numeros A, B, Γ aequaliter metiuntur. itaque E, Z, H et A, B, Γ in eadem ratione sunt [def. 20]. iam dico, E, Z, H etiam minimos esse. nam si E, Z, H minimi non sunt eorum, qui eandem rationem habent ac A, B, Γ , erunt numeri numeris E, Z, H minores, qui in eadem ratione sint, ac A, B, Γ . sint Θ, K, Λ . itaque Θ numerum A et uterque K, Λ utrumque B, Γ aequaliter metitur. quoties autem Θ numerum A metitur, tot unitates sint in M . quare etiam uterque K, Λ utrumque B, Γ secundum unitates numeri M metitur. et quoniam Θ numerum A secundum unitates numeri M metitur, etiam M numerum A secundum unitates numeri Θ metitur [prop. XV]. eadem de causa M etiam utrumque B, Γ secundum unitates utriusque K, Λ metitur. M igitur numeros A, B, Γ metitur. et quoniam Θ numerum A secundum unitates numeri M metitur, erit $\Theta \times M = A$ [def. 15]. eadem de

1) Cum $\pi\acute{o}\rho\iota\sigma\mu\alpha$ prop. 3 spurium sit, Euclides tacite eam ad quotlibet numeros transtulit; cfr. p. 269 not.

πεποίηκεν. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὁ E τὸν Δ πολλα-
πλασιάσας τὸν A πεποίηκεν. ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ ἐκ τῶν
 E , Δ τῷ ἐκ τῶν Θ , M . ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ E πρὸς τὸν
 Θ , οὕτως ὁ M πρὸς τὸν Δ . μείζων δὲ ὁ E τοῦ Θ .
5 μείζων ἄρα καὶ ὁ M τοῦ Δ . καὶ μετρεῖ τοὺς A , B , Γ .
ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον· ὑπόκειται γὰρ ὁ Δ τῶν A , B , Γ
τὸ μέγιστον κοινὸν μέτρον. οὐκ ἄρα ἔδονται τινες
τῶν E , Z , H ἐλάσσονες ἀριθμοὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ
ὄντες τοῖς A , B , Γ . οἱ E , Z , H ἄρα ἐλάχιστοί εἰσι
10 τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων τοῖς A , B , Γ . ὅπερ
ἔδει δεῖξαι.

λδ'.

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων εὑρεῖν, ὃν ἐλά-
χιστον μετροῖσιν ἀριθμόν.

15 Ἔστωσαν οἱ δοθέντες δύο ἀριθμοὶ οἱ A , B . δεῖ
δὴ εὑρεῖν, ὃν ἐλάχιστον μετροῦσιν ἀριθμόν.

Οἱ A , B γὰρ ἤτοι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ἢ
οὐ. ἔστωσαν πρότερον οἱ A , B πρῶτοι πρὸς ἀλλή-
λους, καὶ ὁ A τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Γ ποιεῖτω·
20 καὶ ὁ B ἄρα τὸν A πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν.
οἱ A , B ἄρα τὸν Γ μετροῦσιν. λέγω δὴ, ὅτι καὶ
ἐλάχιστον. εἰ γὰρ μή, μετρήσουσί τινα ἀριθμόν οἱ
 A , B ἐλάσσονα ὄντα τοῦ Γ . μετρεῖτωσαν τὸν Δ . καὶ
ὁσάκις ὁ A τὸν Δ μετρεῖ, τοσαῖται μονάδες ἔστωσαν
25 ἐν τῷ E , ὁσάκις δὲ ὁ B τὸν Δ μετρεῖ, τοσαῦται μο-
νάδες ἔστωσαν ἐν τῷ Z . ὁ μὲν A ἄρα τὸν E πολλα-

1. πεποίηκε V φ. διὰ τὰ — 2. πεποίηκεν] om. p. 8. ὄντες
ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ p. 9. εἰσιν P. 12. λδ' BV, P m. rec.;
λζ' p. 15. δύο ἀριθμοὶ οἱ δοθέντες p. 16. ἀριθμόν] om. V φ.
19 τὸν Γ — 20: πολλαπλασιάσας] mg. m. 2 B. 20. ἄρα]
comp. supra V, ἔτι φ. 21 καὶ οἱ P. μετροῦσι V φ. 22.

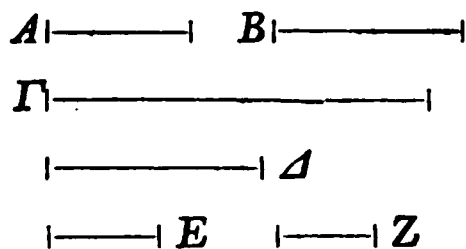
causa erit etiam $E \times \Delta = A$. itaque $E \times \Delta = \Theta \times M$. quare erit [prop. XIX] $E : \Theta = M : \Delta$. uerum $E > \Theta$. quare etiam $M > \Delta$ [prop. XIII. V, 14]. et M numeros A, B, Γ metitur; quod fieri non potest. nam suppositum est, Δ maximam mensuram communem esse numerorum A, B, Γ . itaque non erunt numeri numeris E, Z, H minores, qui in eadem ratione sint ac A, B, Γ . ergo E, Z, H minimi sunt eorum, qui eandem rationem habent ac A, B, Γ ; quod erat demonstrandum.

XXXIV.

Datis duobus numeris, quem minimum metiuntur numerum, inuenirè.

Sint duo numeri dati A, B . oportet igitur, quem minimum metiuntur numerum, inuenire.

A, B enim aut inter se primi sunt aut non primi. prius A, B inter se primi sint, et sit $A \times B = \Gamma$. quare etiam $B \times A = \Gamma$ [prop. XVI]. itaque A, B numerum Γ metiuntur. iam dico, eos eum etiam



minimum metiri. nam si minus, A, B numerum aliquem numero Γ minorem metientur. metiantur numerum Δ . et quoties A numerum Δ metitur, tot unitates sint in E , quoties autem B numerum Δ metitur, tot unitates sint in Z . itaque erit $A \times E = \Delta$,

μετρήσουσιν PB. 25. ὁσάκις δέ] καὶ ὁσάκις V φ, ὁσάκις δὲ καὶ p. Δ] e corr. m. 2 p.

- πλασιάσας τὸν Δ πεποίηκεν, ὁ δὲ B τὸν Z πολλα-
 πλασιάσας τὸν Δ πεποίηκεν· ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ ἐκ τῶν
 A, E τῷ ἐκ τῶν B, Z . ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν
 B , οὕτως ὁ Z πρὸς τὸν E . οἱ δὲ A, B πρῶτοι, οἱ
 5 δὲ πρῶτοι καὶ ἐλάχιστοι, οἱ δὲ ἐλάχιστοι μετροῦσι τοὺς
 τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας ἰσάκως ὅ τε μείζων τὸν μεί-
 ζονα καὶ ὁ ἐλάσσων τὸν ἐλάσσονα· ὁ B ἄρα τὸν E
 μετρεῖ, ὡς ἐπόμενος ἐπόμενον. καὶ ἐπεὶ ὁ A τοὺς B, E
 πολλαπλασιάσας τοὺς Γ, Δ πεποίηκεν, ἐστὶν ἄρα ὡς
 10 ὁ B πρὸς τὸν E , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν Δ . μετρεῖ δὲ
 ὁ B τὸν E · μετρεῖ ἄρα καὶ ὁ Γ τὸν Δ ὁ μείζων
 τὸν ἐλάσσονα· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα οἱ $A,$
 B μετροῦσί τινα ἀριθμὸν ἐλάσσονα ὄντα τοῦ Γ . ὁ Γ
 ἄρα ἐλάχιστος ὢν ὑπὸ τῶν A, B μετρεῖται.
- 15 Μὴ ἐστῶσαν δὴ οἱ A, B πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους,
 καὶ εἰλήφθωσαν ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λό-
 γον ἔχόντων τοῖς A, B οἱ Z, E · ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ
 ἐκ τῶν A, E τῷ ἐκ τῶν B, Z . καὶ ὁ A τὸν E πολλα-
 πλασιάσας τὸν Γ ποιείτω· καὶ ὁ B ἄρα τὸν Z πολλα-
 20 πλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν· οἱ A, B ἄρα τὸν Γ με-
 τροῦσιν. λέγω δὴ, ὅτι καὶ ἐλάχιστον. εἰ γὰρ μή,
 μετρήσουσί τινα ἀριθμὸν οἱ A, B ἐλάσσονα ὄντα τοῦ Γ .
 μετρεῖτωσαν τὸν Δ . καὶ ὁσάκις μὲν ὁ A τὸν Δ με-
 τρεῖ, τοσαῦται μονάδες ἐστῶσαν ἐν τῷ H , ὁσάκις δὲ
 25 ὁ B τὸν Δ μετρεῖ, τοσαῦται μονάδες ἐστῶσαν ἐν τῷ Θ .
 ὁ μὲν A ἄρα τὸν H πολλαπλασιάσας τὸν Δ πεποίηκεν,
 ὁ δὲ B τὸν Θ πολλαπλασιάσας τὸν Δ πεποίηκεν. ἴσος

3. A] (prius) corr ex Δ V. 5. μετροῦσιν B. 9 Γ, Δ] Γ postea insert. m. 1 p, post Δ 1 litt. eras 11. ἄρα] δὲ
 ἄρα p. τὸν Δ] τὴν Δ P. 13. μετρήσουσιν P. Post τοῦ Γ
 add. Theon: ὅταν οἱ A, B πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾖσιν (B V p φ,

$B \times Z = A$ [def. 15]. itaque $A \times E = B \times Z$.
 quare erit $A : B = Z : E$ [prop. XIX]. uerum A, B
 primi sunt, primi autem etiam minimi sunt [prop. XXI],
 minimi autem eos, qui eandem rationem habent, aequa-
 liter metiuntur, maior maiorem et minor minorem
 [prop. XX]. itaque B numerum E metitur, ut sequens
 sequentem. et quoniam A numeros B, E multiplicans
 numeros Γ, A effecit, erit $B : E = \Gamma : A$ [prop. XVII].
 uerum B numerum E metitur. quare etiam Γ nu-
 merum A metitur [def. 20], maior minorem; quod
 fieri non potest. itaque A, B nullum numerum nu-
 mero Γ minorem metiuntur. ergo Γ numerum mini-
 mum metiuntur A, B .

Ne sint igitur A, B inter se primi, et sumantur
 $\begin{array}{c} \overline{A} \\ \overline{B} \\ \overline{Z} \\ \overline{\Gamma} \\ \overline{A} \\ \overline{H} \end{array} \quad \begin{array}{c} \overline{B} \\ \overline{E} \\ \overline{\Gamma} \\ \overline{A} \\ \overline{\Theta} \end{array}$ Z, E minimi eorum, qui eandem
 rationem habent ac A, B [prop.
 XXXIII]. itaque $A \times E = B \times Z$
 [prop. XIX]. et sit $A \times E = \Gamma$.
 itaque etiam $B \times Z = \Gamma$. quare
 A, B numerum Γ metiuntur. iam
 dico, eos eum etiam minimum metiri. nam si
 minus, A, B numerum aliquem numero Γ minorem
 metientur. metiantur numerum A . et quoties A
 numerum A metitur, tot unitates sint in H , quoties
 autem B numerum A metitur, tot unitates sint in Θ .
 itaque $A \times H = A, B \times \Theta = A$ [def. 15]. quare

P m. rec.) 15. δὴ] δέ p. 17. Z, E] corr. ex E, Z V.
 19. τὸν Γ — πολλαπλασιάσας] mg. m. 1 p ποιείτω 20:
 τὸν Γ] mg φ. 20. πεποίηκε p. μετροῦσι V φ. 22. με-
 τρήσουσιν PB, μετρήσουσι δὴ p. 24. H, ὅσκις — 25: ἐν
 τῷ] om. p. 26. A] corr. ex A p. 27. ὁ δὲ B — πεποίη-
 κεν] om. p.

ἄρα ἐστὶν ὁ ἐκ τῶν A , H τῷ ἐκ τῶν B , Θ · ἐστὶν
 ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Θ πρὸς τὸν H .
 ὡς δὲ ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Z πρὸς τὸν E · καὶ
 ὡς ἄρα ὁ Z πρὸς τὸν E , οὕτως ὁ Θ πρὸς τὸν H . οἱ
 5 δὲ Z , E ἐλάχιστοι, οἱ δὲ ἐλάχιστοι μετροῦσι τοὺς τὸν
 αὐτὸν λόγον ἔχοντας ἰσάκως ὅ τε μείζων τὸν μείζονα
 καὶ ὁ ἐλάσσων τὸν ἐλάσσονα· ὁ E ἄρα τὸν H μετρεῖ.
 καὶ ἐπεὶ ὁ A τοὺς E , H πολλαπλασιάσας τοὺς Γ , Δ
 πεποίηκεν, ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ E πρὸς τὸν H , οὕτως ὁ
 10 Γ πρὸς τὸν Δ . ὁ δὲ E τὸν H μετρεῖ· καὶ ὁ Γ ἄρα
 τὸν Δ μετρεῖ ὁ μείζων τὸν ἐλάσσονα· ὅπερ ἐστὶν
 ἀδύνατον. οὐκ ἄρα οἱ A , B μετρήσουσιν τινα ἀριθμὸν
 ἐλάσσονα ὄντα τοῦ Γ . ἰ Γ ἄρα ἐλάχιστος ὢν ὑπὸ
 τῶν A , B μετρεῖται· ὅπερ ἔπει δεῖξαι.

15

λε'.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν τινα μετρῶσιν,
 καὶ ὁ ἐλάχιστος ὑπ' αὐτῶν μετρούμενος τὸν
 αὐτὸν μετρήσει.

Δύο γὰρ ἀριθμοὶ οἱ A , B ἀριθμὸν τινα τὸν $\Gamma\Delta$
 20 μετρεῖτωσαν, ἐλάχιστον δὲ τὸν E · λέγω, ὅτι καὶ ὁ E
 τὸν $\Gamma\Delta$ μετρεῖ.

Εἰ γὰρ οὐ μετρεῖ ὁ E τὸν $\Gamma\Delta$, ὁ E τὸν ΔZ με-
 τρῶν λειπέτω ἐαυτοῦ ἐλάσσονα τὸν ΓZ . καὶ ἐπεὶ οἱ
 A , B τὸν E μετροῦσιν, ὁ δὲ E τὸν ΔZ μετρεῖ, καὶ
 25 οἱ A , B ἄρα τὸν ΔZ μετρήσουσιν. μετροῦσι δὲ καὶ

2. ὡς] insert. m. 1 p. H] in ras. φ. 3. οὕτως ὁ Z
 πρὸς τὸν E] mg. φ. Post E add. P: ἀλλ' ὡς ὁ A πρὸς τὸν
 B , οὕτως ὁ Θ πρὸς τὸν H ; del. m. rec. καὶ ὡς ἄρα] ἐστὶν
 ἄρα ὡς p. 4 Z] Θ P, corr. m. rec. E] H P, corr. m.
 rec. Θ] Z P, corr. m. rec. H] E P, corr. m. rec. 8.
 τοὺς] τὸν p. E, H] H , E B. 12. μετρήσουσιν B. 13.

$A \times H = B \times \Theta$. itaque $A : B = \Theta : H$ [prop. XIX].
 uerum $A : B = Z : E$. itaque etiam $Z : E = \Theta : H$.
 uerum Z, E minimi sunt, minimi autem eos, qui
 eandem rationem habent, aequaliter metiuntur, maior
 maiorem et minor minorem [prop. XX]. itaque E
 numerum H metitur. et quoniam A numeros E, H
 multiplicans numeros Γ, Δ effecit, erit $E : H = \Gamma : \Delta$
 [prop. XVII]. uerum E numerum H metitur. quare
 etiam Γ numerum Δ metitur [def. 20] maior mino-
 rem; quod fieri non potest. itaque A, B nullum nu-
 merum numero Γ minorem metiuntur. ergo Γ nu-
 merum minimum metiuntur A, B ; quod erat demon-
 strandum.

XXXV.

Si duo numeri numerum aliquem metiuntur, etiam
 quem minimum metiuntur numerum, eundem metietur.

Duo enim numeri A, B nu-
 merum aliquem $\Gamma\Delta$ metiantur,
 minimum autem E numerum.
 dico, etiam E numerum nume-
 rum $\Gamma\Delta$ metiri.

Nam si E numerum $\Gamma\Delta$ non metitur, E nume-
 rum ΔZ metiens relinquat se minorem ΓZ . et quo-
 niam A, B numerum E metiuntur, E autem numerum
 ΔZ metitur, etiam A, B numerum ΔZ metientur.

$\delta\upsilon\tau\alpha$] om. Vφ. 15. $\lambda\zeta'$ BV, P m. rec., $\lambda\eta'$ p. 16. Post
 $\epsilon\acute{\alpha}\nu$ ras. 3 litt. BV. $\mu\epsilon\tau\rho\acute{\eta}\sigma\omega\sigma\iota$ p, $\mu\epsilon\tau\rho\acute{\omega}\sigma\iota$ PVφ. 20. $\kappa\alpha\iota$]
 supra m 1 P. 22. $\sigma\upsilon$] $\mu\eta$ August. $\Gamma\Delta$] ΓB . ΔZ]
 $Z\Delta$ p, $\Gamma\Delta$ V in ras., φ. 25 $\mu\epsilon\tau\rho\acute{\eta}\sigma\omicron\upsilon\sigma\iota\nu$. $\mu\epsilon\tau\rho\acute{\omega}\sigma\iota$] $\sigma\iota$
 $\mu\epsilon\tau\rho\acute{\omega}\sigma\iota$ add. m. 2 B; $\mu\epsilon\tau\rho\acute{\eta}\sigma\omicron\upsilon\sigma\iota$ $\mu\epsilon\tau\rho\acute{\omega}\sigma\iota$ Vpφ; $\mu\epsilon\tau\rho\acute{\omega}\sigma\iota\nu$.
 $\mu\epsilon\tau\rho\acute{\omega}\sigma\iota$ P.

ὅλον τὸν $\Gamma\Delta$ · καὶ λοιπὸν ἄρα τὸν ΓZ μετρήσουσιν ἐλάσσονα ὄντα τοῦ E · ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα οὐ μετρεῖ ὁ E τὸν $\Gamma\Delta$ · μετρεῖ ἄρα· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

5

λς'.

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων εὑρεῖν, ὃν ἐλάχιστον μετροῦσιν ἀριθμόν.

Ἐστῶσαν οἱ δοθέντες τρεῖς ἀριθμοὶ οἱ A, B, Γ · δεῖ δὴ εὑρεῖν, ὃν ἐλάχιστον μετροῦσιν ἀριθμόν.

- 10 Εἰλήφθω γὰρ ὑπὸ δύο τῶν A, B ἐλάχιστος μετρούμενος ὁ Δ . ὁ δὴ Γ τὸν Δ ἤτοι μετρεῖ ἢ οὐ μετρεῖ. μετρεῖτω πρότερον. μετροῦσι δὲ καὶ οἱ A, B τὸν Δ · οἱ A, B, Γ ἄρα τὸν Δ μετροῦσιν. λέγω δὴ, ὅτι καὶ ἐλάχιστον. εἰ γὰρ μή, μετρήσουσιν [τινα]
- 15 ἀριθμόν οἱ A, B, Γ ἐλάσσονα ὄντα τοῦ Δ . μετρεῖ τῶσαν τὸν E . ἐπεὶ οἱ A, B, Γ τὸν E μετροῦσιν, καὶ οἱ A, B ἄρα τὸν E μετροῦσιν. καὶ ὁ ἐλάχιστος ἄρα ὑπὸ τῶν A, B μετρούμενος [τὸν E] μετρήσει. ἐλάχιστος δὲ ὑπὸ τῶν A, B μετρούμενός ἐστιν ὁ Δ · ὁ Δ
- 20 ἄρα τὸν E μετρήσει ὁ μείζων τὸν ἐλάσσονα· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα οἱ A, B, Γ μετρήσουσιν τινα ἀριθμόν ἐλάσσονα ὄντα τοῦ Δ · οἱ A, B, Γ ἄρα ἐλάχιστον τὸν Δ μετροῦσιν.

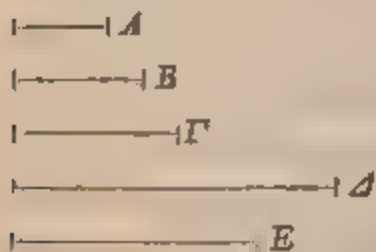
Μὴ μετρεῖτω δὴ πάλιν ὁ Γ τὸν Δ , καὶ εἰλήφθω

5. λη' BV, λθ' p. 9. μετρήσουσιν P. 10. τῶν] in ras. φ. 11. δὴ] δέ P. 13. ἄρα A, B, Γ Vφ. μετροῦσι Vpφ, μετρήσουσιν P. δὴ] om. Vφ. 14. μετρήσουσι V et corr. ex μετρεῖσουσι φ. [τινα] om. Pp. 15. ἀριθμόν] om. p. ἐλάσσονα] τινα ἀριθμόν ἐλάττονα p. 16. ἐπεὶ οὖν Vφ. μετροῦσι PVpφ. 17. μετρήσουσιν P et comp. p; μετροῦσι Vφ. 18. τὸν E] om. P. 20. μετρήσει] comp. p, in ras. φ. 21. Γ] insert. postea φ. μετρήσουσιν B, μετροῦσι Vφ.

uerum etiam totum $\Gamma\Delta$ metiuntur. quare etiam reliquum ΓZ metientur numero E minorem; quod fieri non potest. itaque fieri non potest, ut E numerum $\Gamma\Delta$ non metiatur. ergo metitur; quod erat demonstrandum.

XXXVI.

Datis tribus numeris, quem minimum metiantur numerum, inuenire.



Sint tres numeri dati A, B, Γ . oportet igitur, quem minimum metiuntur numerum, inuenire.

sumatur enim, quem duo numeri A, B minimum metiuntur, Δ [prop. XXXIV]. Γ igitur numerum Δ aut metitur aut non metitur. metiatur prius. uerum etiam A, B numerum Δ metiuntur. itaque A, B, Γ numerum Δ metiuntur. iam dico, eos eum etiam minimum metiri. nam si minus, A, B, Γ numerum numero Δ minorem metientur. metiantur numerum E . quoniam A, B, Γ numerum E metiuntur, etiam A, B numerum E metientur. quare etiam, quem minimum metiuntur A, B , numerum E metietur [prop. XXXV]. quem autem A, B minimum metiuntur, est Δ . Δ igitur numerum E metitur, maior minorem; quod fieri non potest. itaque A, B, Γ nullum numerum numero Δ minorem metientur. ergo A, B, Γ numerum Δ minimum metiuntur.

rursus ne metiatur Γ numerum Δ , et sumatur,

22. Γ] om. P.

23. μετρήσουσιν P, comp. p; μετροῦσι Vφ.

24. δὴ] δέ p.

ὑπὸ τῶν Γ , Δ ἐλάχιστος μετρούμενος ἀριθμὸς ὁ E .
 ἐπεὶ οἱ A , B τὸν Δ μετροῦσιν, ὁ δὲ Δ τὸν E με-
 τρεῖ, καὶ οἱ A , B ἄρα τὸν E μετροῦσιν. μετρεῖ δὲ
 καὶ ὁ Γ [τὸν E καὶ] οἱ A , B , Γ ἄρα τὸν E μετροῦσιν.
 5 λέγω δὴ, ὅτι καὶ ἐλάχιστον. εἰ γὰρ μή, μετρήσουσιν
 τινα οἱ A , B , Γ ἐλάσσονα ὄντα τοῦ E . μετρεῖτωσαν
 τὸν Z . ἐπεὶ οἱ A , B , Γ τὸν Z μετροῦσιν, καὶ οἱ A , B
 ἄρα τὸν Z μετροῦσιν· καὶ ὁ ἐλάχιστος ἄρα ὑπὸ τῶν
 A , B μετρούμενος τὸν Z μετρήσει. ἐλάχιστος δὲ ὑπὸ
 10 τῶν A , B μετρούμενός ἐστιν ὁ Δ . ὁ Δ ἄρα τὸν Z
 μετρεῖ. μετρεῖ δὲ καὶ ὁ Γ τὸν Z . οἱ Δ , Γ ἄρα τὸν
 Z μετροῦσιν· ὥστε καὶ ὁ ἐλάχιστος ὑπὸ τῶν Δ , Γ
 μετρούμενος τὸν Z μετρήσει. ὁ δὲ ἐλάχιστος ὑπὸ τῶν
 Γ , Δ μετρούμενός ἐστιν ὁ E . ὁ E ἄρα τὸν Z μετρεῖ
 15 ὁ μείζων τὸν ἐλάσσονα· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ
 ἄρα οἱ A , B , Γ μετρήσουσιν τινα ἀριθμὸν ἐλάσσονα
 ὄντα τοῦ E . ὁ E ἄρα ἐλάχιστος ὢν ὑπὸ τῶν A , B , Γ
 μετρεῖται· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

λξ'.

20 Ἐὰν ἀριθμὸς ὑπὸ τινος ἀριθμοῦ μετρηῇται,
 ὁ μετρούμενος ὁμώνυμον μέρος ἔξει τῷ με-
 τρουῦντι.

Ἀριθμὸς γὰρ ὁ A ὑπὸ τινος ἀριθμοῦ τοῦ B με-

1. ἀριθμός] om. p. 2. μετροῦσι Vφ. Δ] corr. ex Δ p
 m. 2. 3. Post B in p m. 2 insert. Γ . μετρήσουσιν P, με-
 τροῦσι Vφ, comp. p. μετρεῖ — 4: μετροῦσιν] om p. 4.
 τὸν E . καί] om. P Γ] supra m. 2 V. μετρήσουσι P, με-
 τροῦσι Vφ. 5. δὴ] om. Vφ μετρήσουσιν B, comp. p;
 μετροῦσι Vφ. 6. τινα] om. p. τινα ἐλάττονα ἀριθμὸν ὄν-
 τα p. 7. μετροῦσιν, καὶ οἱ A , B ἄρα τὸν Z] mg. φ (με-
 τρούσι). μετροῦσι Vp. καὶ οἱ A , B ἄρα τὸν Z μετροῦσιν]
 mg. m. 2 V. 8. μετροῦσιν] μετρήσουσι V, comp. p, in ras. φ.

quem Γ , Δ minimum metiuntur numerum, E [prop. XXXIV] quoniam A , B numerum Δ metiuntur, et

A ————|

B ————|

Γ ————|

Δ ————|

—————| E

—————| Z

Δ numerum E metitur, etiam A , B numerum E metiuntur. uerum etiam Γ numerum E metitur. itaque A , B , Γ numerum E metiuntur. iam dico, eos eum etiam minimum metiri. nam si minus, A , B , Γ numerum aliquem minorem numero E metientur. me-

tiantur numerum Z . quoniam A , B , Γ numerum Z metiuntur, etiam A , B numerum Z metiuntur. quare etiam, quem minimum metiuntur A , B , numerum Z metietur [prop. XXXV]. uerum quem minimum metiuntur A , B , est Δ . Δ igitur numerum Z metitur. uerum etiam Γ numerum Z metitur. itaque Δ , Γ numerum Z metiuntur. quare etiam quem minimum metiuntur Δ , Γ , numerum Z metietur [id.]. uerum quem minimum metiuntur Γ , Δ , est E . itaque E numerum Z metitur, maior minorem; quod fieri non potest. itaque numeri A , B , Γ nullum numerum numero E minorem metientur. ergo E minimus est, quem A , B , Γ metiuntur; quod erat demonstrandum.

XXXVII.

Si numerum numerus aliquis metitur, is, quem metitur, partem habebit a metiente denominatam.

Numerum enim A numerus aliquis B metiatur.

9. τὸν Z — 10: μετρούμενος] om. p. 12. μετρήσουσι p. ὥστε] om. P. ἄρα ὑπὸ P. Γ , Δ p. 14. Γ , Δ] Pp; Δ , Γ BVφ. 16. B] om. p. μετρήσουσι] PB, comp. p; μετροῦσι Vφ. ἐλάχιστον τοῦ E ὄντα p. 19. 10' B (post add. m. 1, ut posthac saepius), V, P m. rec, μ' p. 20. μετρεῖται φ.

τρεῖσθω· λέγω, ὅτι ὁ A ὁμώνυμον μέρος ἔχει
τῷ B .

Ὅσάκις γὰρ ὁ B τὸν A μετρεῖ, τοσαῦται μονάδες
ἔστωσαν ἐν τῷ Γ . ἐπεὶ ὁ B τὸν A μετρεῖ κατὰ τὰς
5 ἐν τῷ Γ μονάδας, μετρεῖ δὲ καὶ ἡ Δ μονὰς τὸν Γ
ἀριθμὸν κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας, ἰσάκις ἄρα ἡ Δ
μονὰς τὸν Γ ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ ὁ B τὸν A . ἐναλ-
λάξ ἄρα ἰσάκις ἡ Δ μονὰς τὸν B ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ
ὁ Γ τὸν A . ὁ ἄρα μέρος ἐστὶν ἡ Δ μονὰς τοῦ B
10 ἀριθμοῦ, τὸ αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ ὁ Γ τοῦ A . ἡ δὲ Δ
μονὰς τοῦ B ἀριθμοῦ μέρος ἐστὶν ὁμώνυμον αὐτῷ·
καὶ ὁ Γ ἄρα τοῦ A μέρος ἐστὶν ὁμώνυμον τῷ B .
ὥστε ὁ A μέρος ἔχει τὸν Γ ὁμώνυμον ὄντα τῷ B .
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

15

λη'.

Ἐὰν ἀριθμὸς μέρος ἔχῃ ὀτιοῦν, ὑπὸ ὁμω-
νύμου ἀριθμοῦ μετρηθήσεται τῷ μέρει.

Ἀριθμὸς γὰρ ὁ A μέρος ἔχεται ὀτιοῦν τὸν B , καὶ
τῷ B μέρει ὁμώνυμος ἔστω [ἀριθμὸς] ὁ Γ . λέγω, ὅτι
20 ὁ Γ τὸν A μετρεῖ.

Ἐπεὶ γὰρ ὁ B τοῦ A μέρος ἐστὶν ὁμώνυμον τῷ
 Γ , ἐστὶ δὲ καὶ ἡ Δ μονὰς τοῦ Γ μέρος ὁμώνυμον
αὐτῷ, ὁ ἄρα μέρος ἐστὶν ἡ Δ μονὰς τοῦ Γ ἀριθμοῦ, τὸ
αὐτὸ μέρος ἐστὶ καὶ ὁ B τοῦ A . ἰσάκις ἄρα ἡ Δ μο-
25 νὰς τὸν Γ ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ ὁ B τὸν A . ἐναλλάξ

2. τῷ] corr. ex to m. 2 V. 4. τῷ] om. φ. Γ] eras. V.
10. μέρος] mg. φ. 13. Γ] in ras. φ. ὁμώνυμον τὸν Γ p.
ὄντα] ὄν- supra m. 1 P; om. p. 15. μ' BV, P m. rec.; μα' p.
16. ὑπὸ] m. 2 B. 18. τόν] τό P φ, et e corr. V. 19
ὁμώνυμον p. ἀριθμός] om. Pp. 20 A] corr. ex B p m. 2.
21. ἐστὶν] ἐστὶ καὶ V φ. 22. ἐστὶν PB, comp. p. 23. μέ-
ρος ἄρα P.

dico, numerum A partem habiturum esse a numero B denominatam.

$\begin{array}{l} \text{—————} \\ \quad A \\ \text{—————} \\ \quad B \\ \text{—————} \\ \quad \Gamma \\ \text{—————} \\ \quad \Delta \end{array}$	<p>Nam quoties B numerum A metitur, tot sint unitates in Γ. quoniam B numerum A secundum unitates numeri Γ metitur, et etiam unitas Δ numerum Γ secundum unitates eius metitur, Δ unitas numerum Γ et B numerum A aequaliter metitur. itaque permutatim Δ unitas numerum B et Γ numerum A aequaliter metitur [prop. XV]. itaque quae pars est Δ unitas numeri B, eadem pars est etiam Γ numeri A. uerum Δ unitas numeri B pars est ab ipso denominata. ergo etiam Γ numeri A pars est a B denominata. quare A partem habet Γ a B denominatam; quod erat demonstrandum.</p>
---	---

XXXVIII.

Si numerus partem quamlibet habet, numerus a parte denominatus eum metietur.

$\begin{array}{l} A \text{ —————} \\ \text{—————} \\ \quad B \\ \text{—————} \\ \quad \Gamma \\ \text{—————} \\ \quad \Delta \end{array}$	<p>Numerus enim A partem quamlibet habeat B, et a parte B denominatus sit Γ. dico, numerum Γ numerum A metiri.</p>
---	--

Nam quoniam B numeri A pars est a Γ denominata, et etiam Δ unitas pars est numeri Γ ab ipso denominata, quae pars est Δ unitas numeri Γ , eadem pars est etiam B numeri A . itaque Δ unitas numerum Γ et B numerum A aequaliter metitur. itaque

ἄρα ἰσάκεις ἢ A μονὰς τὸν B ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ ὁ Γ τὸν A . ὁ Γ ἄρα τὸν A μετρεῖ· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

λθ'.

Ἀριθμὸν εὐρεῖν, ὃς ἐλάχιστος ὢν ἔξει τὰ
■ δοθέντα μέρη.

Ἐστω τὰ δοθέντα μέρη τὰ A, B, Γ · δεῖ δὴ ἀριθμὸν εὐρεῖν, ὃς ἐλάχιστος ὢν ἔξει τὰ A, B, Γ μέρη.

Ἐστωσαν γὰρ τοῖς A, B, Γ μέρεσιν ὁμώνυμοι ἀριθμοὶ οἱ Δ, E, Z , καὶ εἰλήφθω ὑπὸ τῶν Δ, E, Z ἐλάχιστος μετρούμενος ἀριθμὸς ὁ H .

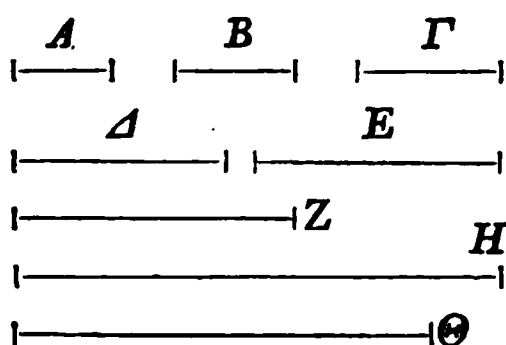
Ὁ H ἄρα ὁμώνυμα μέρη ἔχει τοῖς Δ, E, Z . τοῖς δὲ Δ, E, Z ὁμώνυμα μέρη ἐστὶ τὰ A, B, Γ · ὁ H ἄρα ἔχει τὰ A, B, Γ μέρη. λέγω δὴ, ὅτι καὶ ἐλάχιστος ὢν. εἰ γὰρ μή, ἔσται τις τοῦ H ἐλάττω ἀριθμὸς, ὃς ἔξει
15 τὰ A, B, Γ μέρη. ἔστω ὁ Θ . ἐπεὶ ὁ Θ ἔχει τὰ A, B, Γ μέρη, ὁ Θ ἄρα ὑπὸ ὁμωνύμων ἀριθμῶν μετρηθήσεται τοῖς Δ, B, Γ μέρεσιν. τοῖς δὲ Δ, B, Γ μέρεσιν ὁμώνυμοι ἀριθμοὶ εἰσιν οἱ Δ, E, Z · ὁ Θ ἄρα ὑπὸ τῶν Δ, E, Z μετρεῖται. καὶ ἐστὶν ἐλάττω τοῦ H ·
20 ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἔσται τις τοῦ H ἐλάττω ἀριθμὸς, ὃς ἔξει τὰ A, B, Γ μέρη· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

1. ἰσάκεις] om. p. 3. μα' BV, P m. rec.; μβ p. 6. ἔστω τὰ δοθέντα μέρη] supra m. 1 p. 8. ἔστωσαν] σαν supra V. γάρ] om. BVpφ. 9. καὶ εἰλήφθω ὑπὸ τῶν Δ, E, Z] mg. φ. ὁ ὑπὸ BVpφ. 10. Post ὁ H add. Theon: ἐπεὶ (ἐπεὶ οὖν Vφ, καὶ ἐπεὶ P m. rec.) ὁ H ὑπὸ τῶν Δ, E, Z μετρεῖται (BVpφ, P m. rec.). 11. ἄρα] Pp, om. BVφ. 12. ἐστὶ] ἐστὶν PB, om. p. τὰ] om. P. Γ] supra m. 1 V 14. Post μὴ add. Theon: ὁ H ἐλάχιστος ὢν ἔχει τὰ A, B, Γ μέρη (BVpφ, εἰ γὰρ μή ὁ H ἐλάχιστος ὢν mg. φ). ἔσται] ἔστω Pp. τις] supra m. 2 V. 15. μέρη] om. P. 19. ἐλάττω P. 21. Ante ἀριθμὸς eras. ὃς V. In fine: Εὐκλείδου στοιχείων ζ' PB.

permutatim Δ unitas numerum B et Γ numerum A aequaliter metitur [prop. XV]. ergo Γ numerum A metitur; quod erat demonstrandum.

XXXIX.

Numerum inuenire minimum, qui datas partes habeat.



Sint datae partes A, B, Γ . oportet igitur numerum inuenire minimum, qui partes A, B, Γ habeat.

A partibus enim A, B, Γ denominati sint numeri Δ, E, Z , et sumatur¹⁾ numerus H , quem Δ, E, Z minimum metiantur. H igitur partes habet a numeris Δ, E, Z denominatas [prop. XXXVII]. uerum a Δ, E, Z denominatae partes sunt A, B, Γ . itaque H partes A, B, Γ habet. iam dico, eum etiam minimum esse. nam si minus, erit numerus aliquis numero H minor, qui partes A, B, Γ habeat. sit Θ . quoniam Θ partes A, B, Γ habet, numerum Θ metientur numeri a partibus A, B, Γ denominati [prop. XXXVIII]. uerum a partibus A, B, Γ denominati sunt numeri Δ, E, Z . itaque Θ numerum numeri Δ, E, Z metiuntur. et minor est numero H ; quod fieri non potest. ergo non erit numerus numero H minor, qui partes A, B, Γ habeat; quod erat demonstrandum.

1) Itaque Euclides hic quoque prop. 36 de tribus tantum numeris demonstratam tacite ad quamlibet numerorum multitudinem transtulit, sicuti supra in prop. 33 eodem modo prop. 3 tacite dilatauit (u. p. 255 not.).

η'.

α'.

Ἐὰν ὧσιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, οἱ δὲ ἄκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὧσιν, ἐλάχιστοί εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς.

Ἔστωσαν ὅποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον οἱ A, B, Γ, Δ , οἱ δὲ ἄκροι αὐτῶν οἱ A, Δ , πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔστωσαν· λέγω, ὅτι οἱ A, B, Γ, Δ ἐλάχιστοί εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς.

10 Εἰ γὰρ μή, ἔστωσαν ἐλάττωες τῶν A, B, Γ, Δ οἱ E, Z, H, Θ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ὄντες αὐτοῖς. καὶ ἐπεὶ οἱ A, B, Γ, Δ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ εἰσὶ τοῖς E, Z, H, Θ , καὶ ἐστὶν ἴσον τὸ πλῆθος [τῶν A, B, Γ, Δ] τῷ πλῆθει [τῶν E, Z, H, Θ], δι' ἴσον ἄρα ἐστὶν ὡς ὁ A
15 πρὸς τὸν Δ , ὁ E πρὸς τὸν Θ . οἱ δὲ A, Δ πρῶτοι, οἱ δὲ πρῶτοι καὶ ἐλάχιστοι, οἱ δὲ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ μετροῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας ἰσάκως ὅ τε μείζων τὸν μείζονα καὶ ὁ ἐλάσσων τὸν ἐλάσσονα, τουτέστιν ὅ τε ἡγούμενος τὸν ἡγούμενον καὶ ὁ ἐπόμενος τὸν ἐπόμενον. μετρεῖ ἄρα ὁ A τὸν E ὁ μείζων τὸν ἐλάσσονα· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα

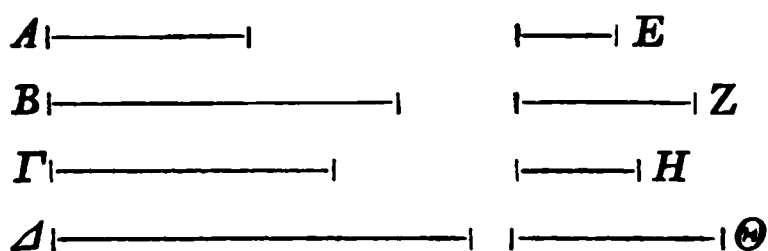
Εὐκλείδου στοιχείων ζ: η V. Post titulum in textu scholium ad VII, 39 habent Vpφ; u app. 4. ὧσιν] om. Vφ. εἰσιν PB. 9. εἰσιν B. 11. H] postea insert. V. 12. Δ] postea insert. V. εἰσιν B. 13. καὶ ἐστὶν — 14: Θ] mg. m. 2 V. 13. τῶν A, B, Γ, Δ] om. P. 14. τῶν E, Z, H, Θ]

VIII.

I.

Si quotlibet numeri deinceps proportionales sunt, et extremi eorum inter se primi sunt, minimi sunt eorum, qui eandem rationem habent.

Sint quotlibet numeri inter se proportionales deinceps A, B, Γ, Δ , et eorum extremi A, Δ inter se primi sint. dico, numeros A, B, Γ, Δ minimos esse eorum, qui eandem rationem habeant.



Nam si minus, numeri E, Z, H, Θ numeris A, B, Γ, Δ minores sint eandem rationem habentes. et quoniam A, B, Γ, Δ et E, Z, H, Θ in eadem ratione sunt, et multitudo multitudini aequalis est, ex aequo erit [VII, 14] $A : \Delta = E : \Theta$. uerum A, Δ primi sunt, primi autem etiam minimi sunt [VII, 21], minimi autem numeri eos, qui eandem rationem habent, aequaliter metiuntur, maior maiorem et minor minorem [VII, 20], h. e. praecedens praecedentem et sequens sequentem. itaque A numerum E metitur, maior

om. P. 18. ὃ τε μέζων — 19: τουτέστιν] P; om. Theon
 (B V φ). 21. ἀδύνατον] ἄτοπον V φ.

οἱ E, Z, H, Θ ἐλάσσονες ὄντες τῶν A, B, Γ, Δ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ εἰσὶν αὐτοῖς. οἱ A, B, Γ, Δ ἄρα ἐλάχιστοί εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων αὐτοῖς· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

8

β'.

Ἀριθμοὺς εὐρεῖν ἐξῆς ἀνάλογον ἐλάχιστους, ὅσους ἂν ἐπιτάξῃ τις, ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ.

Ἐστω ὁ δοθεὶς λόγος ἐν ἐλάχιστοις ἀριθμοῖς ὁ τοῦ A πρὸς τὸν B · δεῖ δὴ ἀριθμοὺς εὐρεῖν ἐξῆς ἀνάλογον ἐλάχιστους, ὅσους ἂν τις ἐπιτάξῃ, ἐν τῷ τοῦ A πρὸς τὸν B λόγῳ.

Ἐπιτετάχθωσαν δὴ τέσσαρες, καὶ ὁ A ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν Γ ποιείτω, τὸν δὲ B πολλαπλασιάσας τὸν Δ ποιείτω, καὶ ἔτι ὁ B ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν E ποιείτω, καὶ ἔτι ὁ A τοὺς Γ, Δ, E πολλαπλασιάσας τοὺς Z, H, Θ ποιείτω, ὁ δὲ B τὸν E πολλαπλασιάσας τὸν K ποιείτω.

Καὶ ἐπεὶ ὁ A ἑαυτὸν μὲν πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν, τὸν δὲ B πολλαπλασιάσας τὸν Δ πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , [οὕτως] ὁ Γ πρὸς τὸν Δ . πάλιν, ἐπεὶ ὁ μὲν A τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Δ πεποίηκεν, ὁ δὲ B ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν E πεποίηκεν, ἑκάτερος ἄρα τῶν A, B τὸν B πολλαπλασιάσας ἑκάτερον τῶν Δ, E πεποίηκεν.

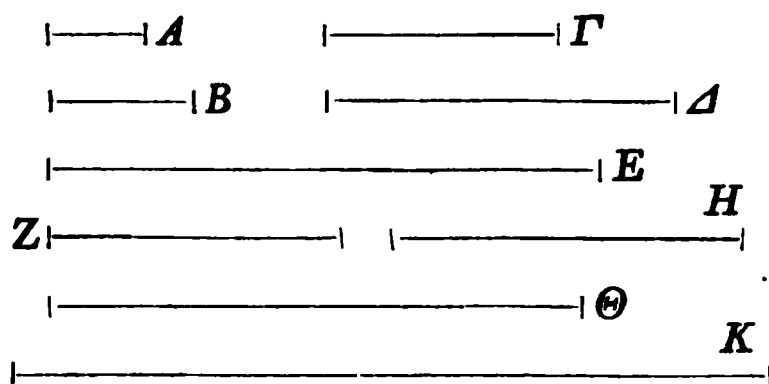
3. εἰσιν P. αὐτοῖς] om. Vφ. 7. τις ἐπιτάξῃ P. 9. ἐξῆς] supra m. 2 V, om. φ. 10. ἐπιτάξῃ τις Vφ. 12. τέσσαρες] δ P et post ras 1 litt. B. 13. τὸν δὲ B — 14: ποιείτω] om φ. 18 μὲν] om. Vφ. 19. πεποίηκεν] (prius) πεποίηκε Vφ. 20. Ante ἔστιν add. Theon: ἀριθμὸς δὴ ὁ A δύο τοὺς A, B πολλαπλασιάσας τοὺς Γ, Δ πεποίηκεν (BVφ). τάν] insert. φ. οὕτως] om. P. 21. μὲν] P, om. BVφ. 24. τῶν] τόν P.

minorem; quod fieri non potest. itaque E, Z, H, Θ eandem rationem non habent ac A, B, Γ, Δ , quibus minores sunt. ergo A, B, Γ, Δ minimi sunt eorum, qui eandem rationem habent; quod erat demonstrandum.

II.

Numeros inuenire minimos deinceps proportionales in data proportione, quotcunque propositum erit.

Sit data proportio in numeris minimis¹⁾ $A : B$. oportet igitur numeros inuenire minimos deinceps proportionales in proportione $A : B$, quotcunque propositum erit. — propositum sit, ut quattuor inueniamus, et sit $A \times A = \Gamma$, $A \times B = \Delta$, $B \times B = E$, $A \times \Gamma = Z$, $A \times \Delta = H$, $A \times E = \Theta$, $B \times E = K$.



et quoniam $A \times A = \Gamma$ et $A \times B = \Delta$, erit

$$A : B = \Gamma : \Delta \text{ [VII, 17].}$$

rursus quoniam $A \times B = \Delta$ et $B \times B = E$, uterque A, B numerum B multiplicans utramque Δ, E effecit.

1) Si proportio data minimis numeris proposita non est, per VII, 33 minimos inueniemus eorum, qui eandem rationem habent.

ἔστιν ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Δ πρὸς
 τὸν E . ἀλλ' ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , ὁ Γ πρὸς τὸν
 Δ . καὶ ὡς ἄρα ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , ὁ Δ πρὸς τὸν E .
 καὶ ἐπεὶ ὁ A τοὺς Γ , Δ πολλαπλασιάσας τοὺς Z , H
 5 πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , [οὕτως]
 ὁ Z πρὸς τὸν H . ὡς δὲ ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , οὕτως
 ἦν ὁ A πρὸς τὸν B . καὶ ὡς ἄρα ὁ A πρὸς τὸν B ,
 ὁ Z πρὸς τὸν H . πάλιν, ἐπεὶ ὁ A τοὺς Δ , E πολ-
 λαπλασιάσας τοὺς H , Θ πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὡς ὁ
 10 Δ πρὸς τὸν E , ὁ H πρὸς τὸν Θ . ἀλλ' ὡς ὁ Δ
 πρὸς τὸν E , ὁ A πρὸς τὸν B . καὶ ὡς ἄρα ὁ A
 πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ H πρὸς τὸν Θ . καὶ ἐπεὶ οἱ
 A , B τὸν E πολλαπλασιάσαντες τοὺς Θ , K πεποίηκα-
 σιν, ἔστιν ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Θ
 15 πρὸς τὸν K . ἀλλ' ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὅ-
 τε Z πρὸς τὸν H καὶ ὁ H πρὸς τὸν Θ . καὶ ὡς ἄρα
 ὁ Z πρὸς τὸν H , οὕτως ὅ τε H πρὸς τὸν Θ καὶ
 ὁ Θ πρὸς τὸν K . οἱ Γ , Δ , E ἄρα καὶ οἱ Z , H ,
 Θ , K ἀνάλογόν εἰσιν ἐν τῷ τοῦ A πρὸς τὸν B λόγῳ.
 20 λέγω δὴ, ὅτι καὶ ἐλάχιστοι. ἐπεὶ γὰρ οἱ A , B ἐλά-
 χιστοὶ εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων αὐτοῖς,
 οἱ δὲ ἐλάχιστοι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων πρῶ-
 τοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν, οἱ A , B ἄρα πρῶτοι πρὸς
 ἀλλήλους εἰσίν. καὶ ἐκάτερος μὲν τῶν A , B ἐαυτὸν
 25 πολλαπλασιάσας ἐκάτερον τῶν Γ , E πεποίηκεν, ἐκά-
 τερον δὲ τῶν Γ , E πολλαπλασιάσας ἐκάτερον τῶν
 Z , K πεποίηκεν. οἱ Γ , E ἄρα καὶ οἱ Z , K πρῶτοι
 πρὸς ἀλλήλους εἰσίν. ἐὰν δὲ ὧσιν ὅποσοι οὖν ἀριθ-
 μοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, οἱ δὲ ἄκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς

2. ὁ Γ] οὕτως ὁ Γ Vφ. 3. καὶ ὡς ἄρα ὁ Γ πρὸς τὸν Δ] *mg. m.* 2 V addito in fine οὕτως. ὁ Δ] καὶ ὁ Δ V, οὕτως

itaque $A : B = \Delta : E$ [VII, 18]. uerum $A : B = \Gamma : \Delta$.
 quare etiam $\Gamma : \Delta = \Delta : E$. et quoniam $A \times \Gamma = Z$
 et $A \times \Delta = H$, erit $\Gamma : \Delta = Z : H$ [VII, 17]. uerum
 erat $\Gamma : \Delta = A : B$. quare etiam $A : B = Z : H$. rur-
 sus quoniam $A \times \Delta = H$ et $A \times E = \Theta$, erit [VII,
 17] $\Delta : E = H : \Theta$. uerum $\Delta : E = A : B$. quare etiam
 $A : B = H : \Theta$. et quoniam

$$A \times E = \Theta \text{ et } B \times E = K,$$

erit [VII, 18] $A : B = \Theta : K$. uerum

$$A : B = Z : H = H : \Theta.$$

quare etiam $Z : H = H : \Theta = \Theta : K$. itaque Γ, Δ, E
 et Z, H, Θ, K proportionales sunt in proportione $A : B$.
 iam dico, eos etiam minimos esse. nam quoniam A ,
 B minimi sunt eorum, qui eandem rationem habent,
 minimi autem eorum qui eandem rationem habent, inter
 se primi sunt [VII, 22], A, B inter se primi sunt. et
 uterque A, B se ipsum multiplicans utrumque Γ, E effecit,
 utrumque autem Γ, E multiplicans utrumque Z, K effecit.
 itaque Γ, E et Z, K inter se primi sunt [VII, 27].¹⁾
 sin quotlibet numeri deinceps proportionales sunt, et
 extremi eorum inter se primi sunt, minimi sunt eorum,

1) H. e. Γ et E primi sunt inter se et item Z et K . nu-
 meros Γ, E, Δ corollarii causa per totam propositionem
 respicit.

$\kappa\alpha\iota \delta \Delta \varphi$. $E]$ e corr. V. 4. $\tau\acute{o}\upsilon\varsigma]$ corr. ex $\tau\omicron\upsilon\tilde{\nu}$ V. $\tau\acute{o}\upsilon\varsigma]$
 corr. ex $\tau\omicron\upsilon\tilde{\nu}$ V. 5. $\omicron\tilde{\nu}\tau\omega\varsigma]$ om. P. 8. $H]$ seq. ras. 1 litt. V.
 10. $\delta H]$ $\omicron\tilde{\nu}\tau\omega\varsigma \delta H \varphi$ et m. 2 V. $\alpha\lambda\lambda' \acute{\omega}\varsigma]$ $\acute{\omega}\varsigma \delta\acute{\epsilon}$ P. 12.
 $\omicron\tilde{\nu}\tau\omega\varsigma \kappa\alpha\iota$ P. 14. $\omicron\tilde{\nu}\tau\omega\varsigma]$ om. BV φ . 15. $\alpha\lambda\lambda']$ $\acute{\epsilon}\delta\epsilon\lambda\chi\theta\eta$
 $\delta\acute{\epsilon} \kappa\alpha\iota$ Theon (BV φ). 17. $\tau\epsilon]$ om. P. 19. $\lambda\acute{o}\gamma\varphi]$ supra
 m. 2 B. 21. $\acute{\epsilon}\lambda\sigma\iota\nu$ P. $\alpha\upsilon\tau\omicron\iota\varsigma$ — 22: $\acute{\epsilon}\chi\acute{o}\nu\tau\omega\nu]$ om. P. 22.
 Post $\acute{\epsilon}\chi\acute{o}\nu\tau\omega\nu$ add. $\alpha\upsilon\tau\omicron\iota\varsigma$ V φ , et supra m. 2 B. 24. $\acute{\epsilon}\lambda\sigma\iota$ V φ .
 27. $K]$ (alt.) $H \varphi$. 29. $\delta\acute{\epsilon}]$ om. φ .

ἀλλήλους ὧσιν, ἐλάχιστοι εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον
 ἔχόντων αὐτοῖς. οἱ Γ, Δ, Ε ἄρα καὶ οἱ Ζ, Η, Θ, Κ
 ἐλάχιστοι εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων τοῖς
 Α, Β· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

5

Πόρισμα.

Ἐκ δὴ τούτου φανερόν, ὅτι ἐὰν τρεῖς ἀριθμοὶ
 ἐξῆς ἀνάλογον ἐλάχιστοι ὧσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον
 ἔχόντων αὐτοῖς, οἱ ἄκροι αὐτῶν τετράγωνοί εἰσιν,
 ἐὰν δὲ τέσσαρες, κύβοι.

10

γ'.

Ἐὰν ὧσιν ὅποσοι οὖν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλο-
 γον ἐλάχιστοι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων
 αὐτοῖς, οἱ ἄκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους
 εἰσίν.

15

Ἔστωσαν ὅποσοι οὖν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ἐλά-
 χιστοι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς οἱ Α,
 Β, Γ, Δ· λέγω, ὅτι οἱ ἄκροι αὐτῶν οἱ Α, Δ πρῶτοι
 πρὸς ἀλλήλους εἰσίν.

20

Εἰλήφθωσαν γὰρ δύο μὲν ἀριθμοὶ ἐλάχιστοι ἐν
 τῷ τῶν Α, Β, Γ, Δ λόγῳ οἱ Ε, Ζ, τρεῖς δὲ οἱ Η, Θ,
 Κ, καὶ ἐξῆς ἐνὶ πλείους, ἕως τὸ λαμβανόμενον πλη-
 θος ἴσον γένηται τῷ πλήθει τῶν Α, Β, Γ, Δ. εἰλή-
 φθωσαν καὶ ἔστωσαν οἱ Α, Μ, Ν, Ξ.

1. εἰσιν PB. 2. Κ] corr. ex Γ m. 2 V. 5. πόρισμα] mg. m. 2 V, om. φ. 6. ἐάν] ἄν seq. ras. 2 litt. P. 7. ὧσιν ἐλάχιστοι V φ. ὧσιν B. λόγον] mg. φ. 9. δέ] supra m. 2 V. τέσσαρες] δ B 17. Γ] postea insert. m 1 V. 20. οἱ Η] corr. ex οἱ m. 2 B. 21. Κ] in ras. P. καί] supra add. αἱ m 1 P; καὶ αἱ B ἕως οὗ Theon (BVφ), ἕως ἄν August. 23. ἔστωσαν] -ν e corr. m. rec. P.

qui eandem rationem habent [prop. I]. ergo Γ , Δ , E et Z , H , Θ , K minimi sunt eorum, qui eandem rationem habent ac A , B ; quod erat demonstrandum.

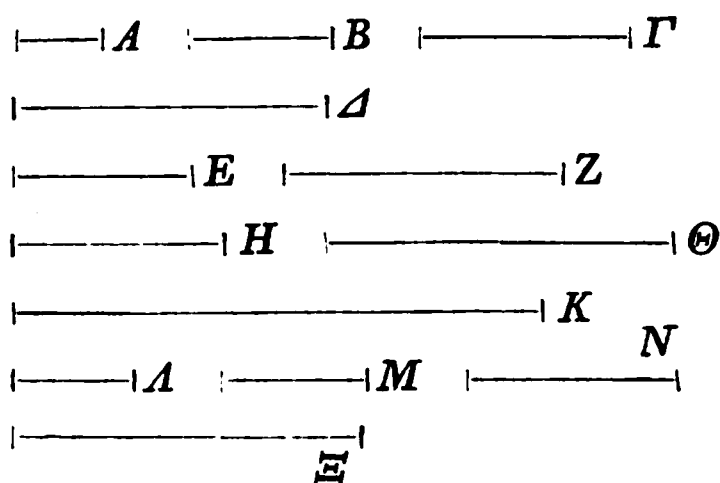
Corollarium.

Hinc manifestum est, si tres numeri deinceps proportionales minimi sint eorum, qui eandem rationem habeant, extremos eorum quadratos esse, sin quattuor, cubos.¹⁾

III.

Si quotlibet numeri deinceps proportionales sunt minimi eorum, qui eandem rationem habent, extremi eorum inter se primi sunt.

Sint quotlibet numeri deinceps proportionales A , B , Γ , Δ minimi eorum, qui eandem rationem habent. dico, extremos eorum A , Δ inter se primos esse.



sumantur enim duo numeri minimi in proportionem numerorum A , B , Γ , Δ [VII, 33] E , Z , tres autem H , Θ , K et deinceps uno plures [prop. II], donec multitudo sumpta aequalis fiat

multitudini numerorum A , B , Γ , Δ . sumantur et sint A , M , N , Ξ . et quoniam E , Z minimi sunt eorum, qui eandem rationem habent, inter se primi sunt

1) Nam $A : B = \Gamma : \Delta = \Delta : E$ et $\Gamma = A^2$, $E = B^2$. praeterea $A : B = Z : H = H : \Theta = \Theta : K$ et $Z = A \times \Gamma = A^3$, $K = B \times E = B^3$.

Καὶ ἐπεὶ οἱ E, Z ἐλάχιστοί εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς, πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν. καὶ ἐπεὶ ἑκάτερος τῶν E, Z ἑαυτὸν μὲν πολλαπλασιάσας ἑκάτερον τῶν H, K πεποίηκεν, ἑκάτερον δὲ
 5 τῶν H, K πολλαπλασιάσας ἑκάτερον τῶν A, Ξ πεποίηκεν, καὶ οἱ H, K ἄρα καὶ οἱ A, Ξ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν. καὶ ἐπεὶ οἱ A, B, Γ, Δ ἐλάχιστοί εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς, εἰσὶ δὲ καὶ οἱ A, M, N, Ξ ἐλάχιστοι ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ὄντες
 10 τοῖς A, B, Γ, Δ , καὶ ἔστιν ἴσον τὸ πλῆθος τῶν A, B, Γ, Δ τῷ πλῆθει τῶν A, M, N, Ξ , ἕκαστος ἄρα τῶν A, B, Γ, Δ ἑκάστῳ τῶν A, M, N, Ξ ἴσος ἐστίν· ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ μὲν A τῷ A , ὁ δὲ Δ τῷ Ξ . καὶ εἰσιν οἱ A, Ξ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους. καὶ οἱ A, Δ
 15 ἄρα πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν· ὅπερ ἰδεῖ δεῖξαι.

δ'.

Λόγων δοθέντων ὁποσωνοῦν ἐν ἐλαχίστοις ἀριθμοῖς ἀριθμοὺς εὑρεῖν ἐξῆς ἀνάλογον ἐλαχίστους ἐν τοῖς δοθεῖσι λόγοις.

20 Ἐστωσαν οἱ δοθέντες λόγοι ἐν ἐλαχίστοις ἀριθμοῖς ὅ τε τοῦ A πρὸς τὸν B καὶ ὁ τοῦ Γ πρὸς τὸν Δ καὶ ἔτι ὁ τοῦ E πρὸς τὸν Z . δεῖ δὴ ἀριθμοὺς εὑρεῖν ἐξῆς ἀνάλογον ἐλαχίστους ἐν τε τῷ τοῦ A πρὸς τὸν B λόγῳ καὶ ἐν τῷ τοῦ Γ πρὸς τὸν Δ
 25 καὶ ἔτι ἐν τῷ τοῦ E πρὸς τὸν Z .

Εἰλήφθω γὰρ ὁ ὑπὸ τῶν B, Γ ἐλάχιστος μετρούμενος ἀριθμὸς ὁ H . καὶ ὅσάκις μὲν ὁ B τὸν H

1. καὶ ἐπεὶ — 3: ἑαυτὸν μὲν] οἱ ἄρα ἄκροι αὐτῶν οἱ A, Ξ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν. ἐπεὶ γὰρ οἱ E, Z πρῶτοι ἑκάτερος δὲ αὐτῶν ἑαυτὸν Theon (BVφ). 1 εἰσιν P. 4 K] εἰσιν V. 5 τῶν A] τὸν A P. 6. καὶ] om. BVφ. καὶ οἱ A, Ξ — 7:

[VII, 22]. et quoniam $E \times E = H$, $Z \times Z = K$ [prop. II coroll.] et $E \times H = A$, $Z \times K = \Xi$ [id.], et H , K et A , Ξ inter se primi sunt [VII, 27]. et quoniam A , B , Γ , Δ minimi sunt eorum, qui eandem rationem habent, et etiam A , M , N , Ξ minimi sunt in eadem ratione ac A , B , Γ , Δ , et multitudo numerorum A , B , Γ , Δ multitudini numerorum A , M , N , Ξ aequalis est, singuli A , B , Γ , Δ singulis A , M , N , Ξ aequales sunt. itaque $A = A$, $\Delta = \Xi$. et A , Ξ inter se primi sunt. ergo etiam A , Δ inter se primi sunt; quod erat demonstrandum.

IV.

Datis quotlibet rationibus in numeris minimis numeros inuenire minimos deinceps proportionales¹⁾ in rationibus datis.

Sint datae rationes in numeris minimis $A:B$, $\Gamma:\Delta$, $E:Z$. oportet igitur numeros minimos inuenire deinceps proportionales in rationibus

$$A:B, \Gamma:\Delta, E:Z.$$

sumatur enim, quem minimum metiuntur B , Γ , numerus H [VII, 34]. et quoties B numerum H me-

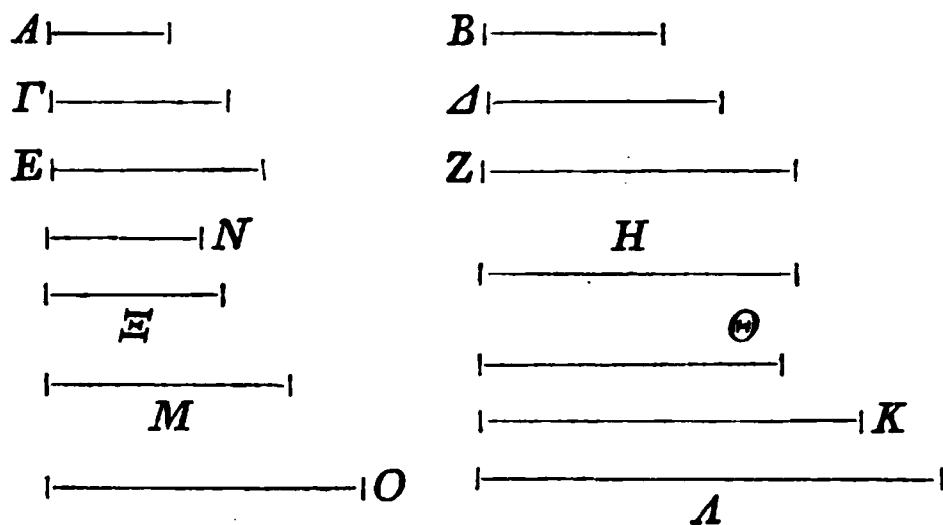
1) Verba ἐξῆς ἀνάλογον hoc loco proprio sensu usurpata non sunt; neque enim rationes inter se aequales sunt. significat Euclides, terminum sequentem prioris rationis praecedentem esse posterioris. habet idem Campanus.

εἶσιν] πρώτοι καὶ οἱ A , Ξ Theon (BVφ). 7. καὶ ἐπεὶ — 8: εἶσι] mg m. 1 P. 7. Δ] om. B. 8. εἶσι] εἶσιν P; ὥσι Vφ. 9. ἐλάχιστοι] om. Vφ. 14. εἶσιν] P; ἐπεὶ Theon (BVφ). Post ἀλλήλους add. Theon: εἶσιν, ἴσας δὲ ὁ μὲν A τῷ A ὁ δὲ Ξ τῷ Δ (BVφ). 18. ἀνάλογον] P; V mg. m. 1, del. m. rec.; om. Bφ. 19. δοθεῖσιν B. 21. τόν] corr. ex τό V. 22. δῆ] seq. ras. 2 litt. V. 23. ἀνάλογον] om. BVφ.

μετρεῖ, τοσαυτάκις καὶ ὁ A τὸν Θ μετρεῖτω, ὡσάκις
 δὲ ὁ Γ τὸν H μετρεῖ, τοσαυτάκις καὶ ὁ Δ τὸν K
 μετρεῖτω. ὁ δὲ E τὸν K ἥτοι μετρεῖ ἢ οὐ μετρεῖ.
 μετρεῖτω πρότερον. καὶ ὡσάκις ὁ E τὸν K μετρεῖ,
 5 τοσαυτάκις καὶ ὁ Z τὸν A μετρεῖτω. καὶ ἐπεὶ ἰσά-
 κης ὁ A τὸν Θ μετρεῖ καὶ ὁ B τὸν H , ἔστιν ἄρα
 ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Θ πρὸς τὸν H . διὰ
 τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ H
 πρὸς τὸν K , καὶ ἔτι ὡς ὁ E πρὸς τὸν Z , οὕτως ὁ
 10 K πρὸς τὸν A . οἱ Θ , H , K , A ἄρα ἐξῆς ἀνάλογόν
 εἰσιν ἐν τε τῷ τοῦ A πρὸς τὸν B καὶ ἐν τῷ τοῦ Γ
 πρὸς τὸν Δ καὶ ἔτι ἐν τῷ τοῦ E πρὸς τὸν Z λόγῳ.
 λέγω δὴ, ὅτι καὶ ἐλάχιστοι. εἰ γὰρ μὴ εἰσιν οἱ Θ ,
 H , K , A ἐξῆς ἀνάλογον ἐλάχιστοι ἐν τε τοῖς τοῦ A
 15 πρὸς τὸν B καὶ τοῦ Γ πρὸς τὸν Δ καὶ ἐν τῷ τοῦ
 E πρὸς τὸν Z λόγοις, ἔστωσαν οἱ N , Ξ , M , O . καὶ
 ἐπεὶ ἔστιν ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ N πρὸς
 τὸν Ξ , οἱ δὲ A , B ἐλάχιστοι, οἱ δὲ ἐλάχιστοι με-
 τρουῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας ἰσάκις ὃ τε
 20 μείζων τὸν μείζονα καὶ ὁ ἐλάσσων τὸν ἐλάσσονα,
 τουτέστιν ὃ τε ἡγούμενος τὸν ἡγούμενον καὶ ὁ ἐπό-
 μενος τὸν ἐπόμενον, ὁ B ἄρα τὸν Ξ μετρεῖ. διὰ

1. Θ] eras. V. 2. καὶ] om. Vφ. 9. ἔτι ὡς] in ras.
 m. rec. P. 10. Θ , H] e corr. post ras. 2 litt. V; H , Θ B.
 ἀνάλογον] P; om. BVφ. 11. τε] om. Vφ. 13. Θ] eras. V.
 Θ , H] H , Θ B. 14. ἀνάλογον] P; mg. m. 1 V, del. m. rec.;
 om. Bφ. τε] om. BVφ. 15. καὶ] καὶ ἐν τῷ P. ἐν τῷ] ἐτι
 τῷ B, ἐτι ἐν τῷ Vφ. 16. Post λόγοις add. Vφ: ἔσονται τινες
 τῶν H , Θ , K , A ἐξῆς (mg V) ἐλάσσονες ἀριθμοὶ ἐν τε τοῖς
 τοῦ A πρὸς τὸν B καὶ τοῦ Γ πρὸς τὸν Δ καὶ ἔτι (supra V)
 τοῦ E πρὸς τὸν Z λόγοις; idem B mg. m. 2 om. ἐξῆς et ἐτι.
 17. ὡς] supra m. 2 V. N] H φ. 18. οἱ δὲ ἐλάχιστοι]
 om. P. μετροῦσιν Vφ. 20. ἐλάττων τὸν ἐλάττονα Vφ. 21.
 τε] om. P. 22. ἄρα] ἐτι φ.

titur, toties etiam A numerum Θ metiatur, quoties autem Γ numerum H metitur, toties etiam Δ numerum K metiatur. E igitur¹⁾ numerum K aut metitur



aut non metitur. prius metiatur. et quoties E numerum K metitur, toties etiam Z numerum Λ metiatur. et quoniam A numerum Θ et B numerum H aequaliter metitur, erit $A : B = \Theta : H$ [VII def. 20. VII, 13]. eadem de causa erit etiam $\Gamma : \Delta = H : K$ et praeterea $E : Z = K : \Lambda$. itaque Θ, H, K, Λ deinceps proportionales sunt in rationibus $A : B, \Gamma : \Delta, E : Z$. iam dico, eos etiam minimos esse. nam si Θ, H, K, Λ non sunt minimi deinceps proportionales in rationibus $A : B, \Gamma : \Delta, E : Z$, minimi sint N, Ξ, M, O . et quoniam est $A : B = N : \Xi$, et A, B minimi sunt, minimi autem eos, qui eandem rationem habent, aequaliter metiuntur, maior maiorem et minor minorem, h. e. praecedens praecedentem et sequens sequentem [VII, 20], B numerus numerum Ξ metitur. eadem

1) Uidetur enim pro $\delta\epsilon$ lin. 3 scribendum esse $\delta\eta$; cfr. p. 194, 23. 262, 11.

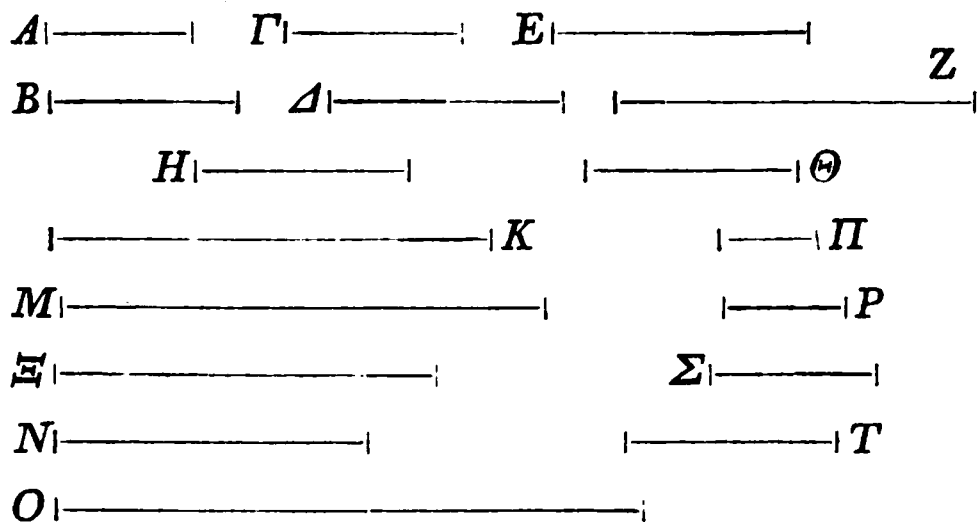
τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὁ Γ τὸν Ξ μετρεῖ οἱ Β, Γ ἄρα τὸν Ξ μετροῦσιν· καὶ ὁ ἐλάχιστος ἄρα ὑπὸ τῶν Β, Γ μετρούμενος τὸν Ξ μετρήσει. ἐλάχιστος δὲ ὑπὸ τῶν Β, Γ μετρεῖται ὁ Η· ὁ Η ἄρα τὸν Ξ μετρεῖ ὁ μείζων τὸν ἐλάσσονα· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἔσονται τινες τῶν Θ, Η, Κ, Λ ἐλάσσονες ἀριθμοὶ ἐξῆς ἐν τε τῷ τοῦ Α πρὸς τὸν Β καὶ τῷ τοῦ Γ πρὸς τὸν Δ καὶ ἐτι τῷ τοῦ Ε πρὸς τὸν Ζ λόγῳ.

Μὴ μετρεῖτω δὴ ὁ Ε τὸν Κ. καὶ εἰλήφθω ὑπὸ
 10 τῶν Ε, Κ ἐλάχιστος μετρούμενος ἀριθμὸς ὁ Μ.
 καὶ ὅσάκις μὲν ὁ Κ τὸν Μ μετρεῖ, τοσαυτάκις καὶ
 ἑκάτερος τῶν Θ, Η ἑκάτερον τῶν Ν, Ξ μετρεῖτω,
 ὅσάκις δὲ ὁ Ε τὸν Μ μετρεῖ, τοσαυτάκις καὶ ὁ Ζ
 τὸν Ο μετρεῖτω. ἐπεὶ ἰσάκις ὁ Θ τὸν Ν μετρεῖ καὶ
 15 ὁ Η τὸν Ξ, ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ Θ πρὸς τὸν Η, οὕτως
 ὁ Ν πρὸς τὸν Ξ. ὡς δὲ ὁ Θ πρὸς τὸν Η, οὕτως
 ὁ Α πρὸς τὸν Β· καὶ ὡς ἄρα ὁ Α πρὸς τὸν Β, οὕ-
 τως ὁ Ν πρὸς τὸν Ξ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὡς ὁ Γ
 πρὸς τὸν Δ, οὕτως ὁ Ξ πρὸς τὸν Μ. πάλιν, ἐπεὶ
 20 ἰσάκις ὁ Ε τὸν Μ μετρεῖ καὶ ὁ Ζ τὸν Ο, ἐστὶν ἄρα
 ὡς ὁ Ε πρὸς τὸν Ζ, οὕτως ὁ Μ πρὸς τὸν Ο· οἱ Ν,
 Ξ, Μ, Ο ἄρα ἐξῆς ἀνάλογόν εἰσιν ἐν τοῖς τοῦ τε Α
 πρὸς τὸν Β καὶ τοῦ Γ πρὸς τὸν Δ καὶ ἐτι τοῦ Ε
 πρὸς τὸν Ζ λόγοις. λέγω δὴ, ὅτι καὶ ἐλάχιστοι ἐν

1 Β, Γ] Γ, Β ΒVφ. 2. μετροῦσι Vφ. ὑπό] ὁ ὑπό P.
 4. μετρεῖται ὁ Η. ὁ Η ἄρα] del. m. 2 B, mg. μετρούμενός
 ἐστὶν ὁ Η ὁ Η ἄρα τὸν Ξ μετρεῖ 6. Θ, Η] Η, Θ Bφ et
 in ras. V. 7. Post ἐξῆς in B insert. m. 1: ἀνάλογον. τε]
 om. P. 8. Δ] Δ λόγῳ Vφ. λόγῳ] om. Vφ. 11. μὲν]
 m. 2 V. Μ] μὴ φ. 12. Θ, Η] corr. ex Η, Θ V;
 Η, Θ PBφ. 13. Μ] μὴ φ. 14. ἐπεὶ] καὶ ἐπεὶ V m. 2, φ.
 20. ἐστὶν ἄρα — 21: τὸν Ο] mg. φ. 22. ἀνάλογον] om.
 BVφ. τοῦ] τῶν P. τε] om. Vφ. 23. ἐτι] om. BVφ.

de causa etiam Γ numerum Ξ metitur. itaque B , Γ numerum Ξ metiuntur. quare etiam, quem minimum metiuntur B , Γ , numerum Ξ metitur [VII, 35]. minimum autem B , Γ metiuntur numerum H . itaque H numerum Ξ metitur, maior minorem; quod fieri non potest. itaque nulli numeri numeris Θ , H , K , Λ minores deinceps in rationibus $A : B$, $\Gamma : \Delta$, $E : Z$ erunt.

ne metiatur igitur E numerum K . et sumatur, quem minimum metiuntur E , K , numerus M [VII, 34].



et quoties K numerum M metitur, toties uterque Θ , H utrumque N , Ξ metiatur, quoties autem E numerum M metitur, toties etiam Z numerum O metiatur. quoniam Θ numerum N et H numerum Ξ aequaliter metitur, erit $\Theta : H = N : \Xi$ [VII def. 20. VII, 13]. uerum $\Theta : H = A : B$. quare etiam $A : B = N : \Xi$. eadem de causa etiam $\Gamma : \Delta = \Xi : M$. rursus quoniam E numerum M et Z numerum O aequaliter metitur, erit $E : Z = M : O$ [VII def. 20. VII, 13]. itaque N , Ξ , M , O deinceps proportionales sunt in rationibus

$$A : B, \Gamma : \Delta, E : Z.$$

24. ἐλάχιστοι εἰσιν $V\varphi$. Dein add. $BV\varphi$: εἰ γὰρ μὴ εἰσιν ἐλάχιστοι (om. B) οἱ N , Ξ , M , O ἐξῆς (ἐλάχιστοι add. B).

τοῖς $A B, \Gamma \Delta, E Z$ λόγοις. εἰ γὰρ μή, ἔσονται
 τινες τῶν N, Ξ, M, O ἐλάσσονες ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνά-
 λογον ἐν τοῖς $A B, \Gamma \Delta, E Z$ λόγοις. ἔστωσαν οἱ
 Π, P, Σ, T . καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ὁ Π πρὸς τὸν P ,
 5 οὕτως ὁ A πρὸς τὸν B , οἱ δὲ A, B ἐλάχιστοι, οἱ
 δὲ ἐλάχιστοι μετροῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας
 αὐτοῖς ἰσάκως ὃ τε ἡγούμενος τὸν ἡγούμενον καὶ ὁ
 ἐπόμενος τὸν ἐπόμενον, ὁ B ἄρα τὸν P μετρεῖ. διὰ
 τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὁ Γ τὸν P μετρεῖ· οἱ B, Γ ἄρα τὸν
 10 P μετροῦσιν. καὶ ὁ ἐλάχιστος ἄρα ὑπὸ τῶν B, Γ
 μετρούμενος τὸν P μετρήσει. ἐλάχιστος δὲ ὑπὸ τῶν
 B, Γ μετρούμενός ἐστὶν ὁ H . ὁ H ἄρα τὸν P μετρεῖ.
 καὶ ἐστὶν ὡς ὁ H πρὸς τὸν P , οὕτως ὁ K πρὸς τὸν
 Σ . καὶ ὁ K ἄρα τὸν Σ μετρεῖ. μετρεῖ δὲ καὶ ὁ E
 15 τὸν Σ . οἱ E, K ἄρα τὸν Σ μετροῦσιν. καὶ ὁ ἐλά-
 χιστος ἄρα ὑπὸ τῶν E, K μετρούμενος τὸν Σ με-
 τρήσει. ἐλάχιστος δὲ ὑπὸ τῶν E, K μετρούμενός
 ἐστὶν ὁ M . ὁ M ἄρα τὸν Σ μετρεῖ ὁ μείζων τὸν
 ἐλάσσονα· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἔσονται
 20 τινες τῶν N, Ξ, M, O ἐλάσσονες ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνά-
 λογον ἐν τε τοῖς τοῦ A πρὸς τὸν B καὶ τοῦ Γ πρὸς
 τὸν Δ καὶ ἔτι τοῦ E πρὸς τὸν Z λόγοις· οἱ $N, \Xi,$
 M, O ἄρα ἐξῆς ἀνάλογον ἐλάχιστοί εἰσιν ἐν τοῖς A
 $B, \Gamma \Delta, E Z$ λόγοις· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

1. Δ, E, Z] om. B. εἰ γὰρ μή] om. B V φ. 2. N] H φ. ἀνάλογον] om. B V φ. 7. τε] om. B V φ. 10. με-
 τρούσι V φ. 11. ἐλάχιστος δὲ ὑπὸ τῶν B, Γ μετρούμενος]
 ὁ δὲ ἐλάχιστος V φ. 12. H] mutat. in Θ m. 2, supra H
 m. 2 B. H] item B. μετρήσει V φ. 13. H] uti supra B.
 15. ἄρα] ἔτι φ. 18. Σ] corr. ex E V. 20. ἀνάλογον]
 om. B V φ. 21. τόν] om. B. 22. τόν] om. B. ἔτι] εἰ P.
 τόν] om. B. 23. ἀνάλογον] om. B V φ. ἐν] om. P.

iam dico, eos etiam minimos esse in rationibus

$$A : B, \Gamma : \Delta, E : Z.$$

nam si minus, numeri numeris N, Ξ, M, O minores deinceps proportionales erunt in rationibus

$$A : B, \Gamma : \Delta, E : Z.$$

sint Π, P, Σ, T . et quoniam est $\Pi : P = A : B$, et A, B minimi sunt, minimi autem eos, qui eandem rationem habent, aequaliter metiuntur praecedens praecedentem et sequens sequentem [VII, 20], B numerus numerum P metitur. eadem de causa etiam Γ numerum P metitur. itaque B, Γ numerum P metiuntur. quare etiam quem minimum metiuntur B, Γ , numerum P metietur [VII, 35]. quem autem minimum metiuntur B, Γ , est H . itaque H numerum P metitur. et $H : P = K : \Sigma$.¹⁾ quare etiam K numerum Σ metitur [VII def. 20]. uerum etiam E numerum Σ metitur [VII, 20]. itaque E, K numerum Σ metiuntur. quare etiam quem minimum metiuntur E, K , numerum Σ metietur [VII, 35]. quem autem minimum metiuntur E, K , est M . itaque M numerum Σ metitur, maior minorem; quod fieri non potest. itaque nulli numeri numeris N, Ξ, M, O minores deinceps proportionales erunt in rationibus $A : B, \Gamma : \Delta, E : Z$. ergo N, Ξ, M, O minimi sunt deinceps proportionales in rationibus $A : B, \Gamma : \Delta, E : Z$; quod erat demonstrandum.

1) Nam $H : K = \Gamma : \Delta$ (p. 280, 8) = $P : \Sigma$. tum u. VII, 13.

ε'.

Οἱ ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσι τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν.

Ἐστῶσαν ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ οἱ A, B , καὶ τοῦ μὲν
 5 A πλευρὰ ἐστῶσαν οἱ Γ, Δ ἀριθμοί, τοῦ δὲ B οἱ
 E, Z . λέγω, ὅτι ὁ A πρὸς τὸν B λόγον ἔχει τὸν
 συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν.

Λόγων γὰρ δοθέντων τοῦ τε ὃν ἔχει ὁ Γ πρὸς
 τὸν E καὶ ὁ Δ πρὸς τὸν Z εἰλήφθῶσαν ἀριθμοὶ
 10 ἐξῆς ἐλάχιστοι ἐν τοῖς $\Gamma E, \Delta Z$ λόγοις, οἱ H, Θ, K ,
 ὥστε εἶναι ὡς μὲν τὸν Γ πρὸς τὸν E , οὕτως τὸν
 H πρὸς τὸν Θ , ὡς δὲ τὸν Δ πρὸς τὸν Z , οὕτως
 τὸν Θ πρὸς τὸν K . καὶ ὁ Δ τὸν E πολλαπλασιάσας
 τὸν A ποιείτω.

15 Καὶ ἐπεὶ ὁ Δ τὸν μὲν Γ πολλαπλασιάσας τὸν A
 πεποίηκεν, τὸν δὲ E πολλαπλασιάσας τὸν A πεποίηκεν,
 ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν E , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν
 A . ὡς δὲ ὁ Γ πρὸς τὸν E , οὕτως ὁ H πρὸς τὸν Θ .
 καὶ ὡς ἄρα ὁ H πρὸς τὸν Θ , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν
 20 A . πάλιν, ἐπεὶ ὁ E τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν A
 πεποίηκεν, ἀλλὰ μὴν καὶ τὸν Z πολλαπλασιάσας τὸν
 B πεποίηκεν, ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ Δ πρὸς τὸν Z , οὕτως
 ὁ A πρὸς τὸν B . ἀλλ' ὡς ὁ Δ πρὸς τὸν Z , οὕτως
 ὁ Θ πρὸς τὸν K . καὶ ὡς ἄρα ὁ Θ πρὸς τὸν K , οὕ-
 25 τως ὁ A πρὸς τὸν B . ἐδείχθη δὲ καὶ ὡς ὁ H πρὸς
 τὸν Θ , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν A . δι' ἴσου ἄρα ἐστὶν

4. μὲν] om. P. 8. γάρ] αἰεί φ. 11. τὸν H] ὁ H P.
 12. τὸν Δ] ὁ Δ P. 13. καὶ ὁ Δ — 14: ποιείτω] om. Theon
 (BVφ). eorum loco habent BVφ: οἱ ἄρα H, Θ, K πρὸς
 ἀλλήλους ἔχουσι τοὺς τῶν πλευρῶν λόγους. ἀλλ' ὁ τοῦ H πρὸς
 τὸν K λόγος σύγκειται ἐκ τοῦ τοῦ H πρὸς τὸν Θ καὶ τοῦ τοῦ

V.

Numeri plani inter se rationem habent ex lateribus compositam.

Sint plani numeri A , B , et numeri A latera sint Γ , Δ , numeri B autem E , Z . dico, esse

$$A : B = \Gamma : E \times \Delta : Z.$$

————— A	nam datis rationibus
————— B	$\Gamma : E$ et $\Delta : Z$ ¹⁾
———— Γ ———— Δ	sumantur numeri deinceps
———— E ———— Z	minimi in rationibus $\Gamma : E$ et
———— H	$\Delta : Z$ [prop. IV] H , Θ , K , ita
———— Θ	ut sit $\Gamma : E = H : \Theta$ et
———— K	$\Delta : Z = \Theta : K$.
————— A	et sit $\Delta \times E = A$.

et quoniam $\Delta \times \Gamma = A$ et $\Delta \times E = A$, erit $\Gamma : E = A : A$ [VII, 17]. uerum $\Gamma : E = H : \Theta$. quare etiam $H : \Theta = A : A$. rursus quoniam $E \times \Delta = A$ [VII, 16] et $E \times Z = B$, erit $\Delta : Z = A : B$ [VII, 17]. uerum $\Delta : Z = \Theta : K$. quare etiam $\Theta : K = A : B$. demonstrauius autem, esse etiam $H : \Theta = A : A$. ergo

1) Si hae rationes minimis numeris propositae non sunt, per VII, 33 minimos numeros inueniemus, qui easdem rationes habent.

Θ πρὸς τὸν K . ὁ H ἄρα πρὸς τὸν K λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν. λέγω οὖν, ὅτι ἐστὶν ὡς ὁ A πρὸς τὸν B (in ras. B), οὕτως ὁ H πρὸς τὸν K ; punctis del. V. Dein add. $B \vee \varphi$: ὁ Δ γάρ (B , V m. 1; καὶ ὁ Δ V m. 2; καὶ ὁ Δ πρὸς φ) τὸν E πολλαπλασιάσας τὸν A ποιεῖτω. 15. καί] om. $B \vee \varphi$. ὁ Δ] δέ φ . 16. πεποίηκε $\vee \varphi$. 17. E] postea insert. V. 20. ὁ] ὁ μὲν P . 22. οὕτως ὁ A — 23: πρὸς τὸν Z] mg. φ .

ὡς ὁ *H* πρὸς τὸν *K*, [οὕτως] ὁ *A* πρὸς τὸν *B*. ὁ δὲ *H* πρὸς τὸν *K* λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν· καὶ ὁ *A* ἄρα πρὸς τὸν *B* λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

5

5'.

Ἐὰν ὅσιν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, ὁ δὲ πρῶτος τὸν δεύτερον μὴ μετρῇ, οὐδὲ ἄλλος οὐδεὶς οὐδένα μετρήσει.

Ἐστῶσαν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον οἱ
10 *A*, *B*, *Γ*, *Δ*, *E*, ὁ δὲ *A* τὸν *B* μὴ μετρεῖτω· λέγω,
ὅτι οὐδὲ ἄλλος οὐδεὶς οὐδένα μετρήσει.

Ὅτι μὲν οὖν οἱ *A*, *B*, *Γ*, *Δ*, *E* ἐξῆς ἀλλήλους οὐ
μετροῦσιν, φανερόν· οὐδὲ γὰρ ὁ *A* τὸν *B* μετρεῖ.
λέγω δὴ, ὅτι οὐδὲ ἄλλος οὐδεὶς οὐδένα μετρήσει. εἰ
15 γὰρ δυνατόν, μετρεῖτω ὁ *A* τὸν *Γ*. καὶ ὅσοι εἰσὶν
οἱ *A*, *B*, *Γ*, τοσοῦτοι εἰλήφθωσαν ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ
τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων τοῖς *A*, *B*, *Γ* οἱ *Z*, *H*,
Θ. καὶ ἐπεὶ οἱ *Z*, *H*, *Θ* ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ εἰσὶ τοῖς
A, *B*, *Γ*, καὶ ἐστὶν ἴσον τὸ πλῆθος τῶν *A*, *B*, *Γ* τῷ
20 πλῆθει τῶν *Z*, *H*, *Θ*, δι' ἴσου ἄρα ἐστὶν ὡς ὁ *A*
πρὸς τὸν *Γ*, οὕτως ὁ *Z* πρὸς τὸν *Θ*. καὶ ἐπεὶ ἐστὶν
ὡς ὁ *A* πρὸς τὸν *B*, οὕτως ὁ *Z* πρὸς τὸν *H*, οὐ
μετρεῖ δὲ ὁ *A* τὸν *B*, οὐ μετρεῖ ἄρα οὐδὲ ὁ *Z* τὸν

1. οὕτως] om. P. *A*] in ras. P. τόν] om. P. 2.
τὸν *K*] *K* P. τόν] corr. ex τό φ. 8. μετρεῖσει φ, sed
corr. 12. *E*] om. φ. οὐ] m. rec. P. 13. μετροῦσι
P m. 1. Vφ; μετρήσουσι P m. rec. 14. εἰ γὰρ δυνατόν, με-
τρεῖτω ὁ *A* τὸν *Γ*] λέγω γάρ, ὅτι οὐ μετρεῖ ὁ *A* τὸν *Γ* Theon
(BVφ). 15. καὶ ὅσοι] ὅσοι γάρ Theon (BVφ) 18. εἰ-
σὶν PB. 21. *Z*] *Z*, *H* B.

ex aequo erit [VII, 14] $H : K = A : B$. uerum

$$H : K = \Gamma : E \times \Delta : Z.^1)$$

ergo etiam $A : B = \Gamma : E \times \Delta : Z$; quod erat demonstrandum.

VI.

Si quotlibet numeri deinceps proportionales sunt, et primus secundum non metitur, ne alius quidem ullus alium metietur.

Sint quotlibet numeri deinceps proportionales A ,

A |—————|

B |—————|

Γ |—————|

Δ |—————|

E |—————|

Z |—————|

H |—————|

Θ |—————|

B , Γ , Δ , E , et A numerum B ne metiatur. dico, ne alium quidem ullum alium mensurum esse.

iam hoc quidem manifestum est, numeros A , B , Γ , Δ , E deinceps inter se non metiri. nam A numerum B non metitur. dico, ne alium quidem ullum

alium mensurum esse. nam si fieri potest, A numerum Γ metiatur. et quot sunt A , B , Γ , tot sumantur minimi numeri eorum, qui eandem ac A , B , Γ rationem habent Z , H , Θ [VII, 33]. et quoniam Z , H , Θ in eadem ratione sunt ac A , B , Γ , et multitudo numerorum A , B , Γ aequalis est multitudini numerorum Z , H , Θ , ex aequo erit $A : \Gamma = Z : \Theta$ [VII, 14]. et quoniam est $A : B = Z : H$, et A numerum B non me-

1) Nam $H : K = H : \Theta \times \Theta : K$ et $H : \Theta = \Gamma : E$, $\Theta : K = \Delta : Z$.

Η· οὐκ ἄρα μονάς ἐστίν ὁ Ζ· ἡ γὰρ μονάς πάντα ἀριθμὸν μετρεῖ. καὶ εἰσιν οἱ Ζ, Θ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους [οὐδὲ ὁ Ζ ἄρα τὸν Θ μετρεῖ]. καὶ ἐστίν ὡς ὁ Ζ πρὸς τὸν Θ, οὕτως ὁ Α πρὸς τὸν Γ· οὐδὲ ὁ Α
 5 ἄρα τὸν Γ μετρεῖ. ὁμοίως δὴ δείξομεν, ὅτι οὐδὲ ἄλλος οὐδεὶς οὐδένα μετρήσει· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ζ'.

Ἐὰν ὥσιν ὅποσοι οὖν ἀριθμοὶ [ἐξῆς] ἀνάλογον, ὁ δὲ πρῶτος τὸν ἑσχατον μετρήῃ, καὶ
 10 τὸν δεύτερον μετρήσει.

Ἐστῶσαν ὅποσοι οὖν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον οἱ Α, Β, Γ, Δ, ὁ δὲ Α τὸν Δ μετρεῖτω· λέγω, ὅτι καὶ ὁ Α τὸν Β μετρεῖ.

Εἰ γὰρ οὐ μετρεῖ ὁ Α τὸν Β, οὐδὲ ἄλλος οὐ-
 15 δεὶς οὐδένα μετρήσει· μετρεῖ δὲ ὁ Α τὸν Δ. μετρεῖ ἄρα καὶ ὁ Α τὸν Β· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

η'.

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτωσιν ἀριθμοί, ὅσοι εἰς αὐ-
 20 τοὺς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτουσιν ἀριθμοί, τοσοῦτοι καὶ εἰς τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας [αὐτοῖς] μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεσοῦνται.

Δύο γὰρ ἀριθμῶν τῶν Α, Β μεταξὺ κατὰ τὸ
 25 συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπιπτέτωσαν ἀριθμοὶ οἱ Γ, Δ,

2. μετρεῖ ἀριθμὸν Vφ. καὶ εἰσιν] om. φ. 3 οὐδὲ ὁ Ζ ἄρα τὸν Θ μετρεῖ] om. P. 6. μετρεῖ BVφ. 8. ἐξῆς] om. P. 9. ἑσχατον] in ras. V. 10. δεύτερον] in ras. V. 12. καί] om. φ. 14. οὐ] μὴ BVφ. 15. Post

titur, ne Z quidem numerum H metitur [VII def. 20]. itaque Z unitas non est; nam unitas omnem numerum metitur. et Z, Θ inter se primi sunt [prop. III]. et est $Z : \Theta = A : \Gamma$. itaque [VII def. 20] ne A quidem numerum Γ metitur. similiter demonstrabimus, ne alium quidem ullum alium mensurum esse; quod erat demonstrandum.

VII.

Si quotlibet numeri deinceps proportionales sunt, et primus ultimum metitur, etiam secundum metitur.

A ——— | Sint quotlibet numeri deinceps
 B ——— | proportionales A, B, Γ, Δ , et A nu-
 Γ ——— | merum Δ metiatur. dico, A etiam
 Δ ——— | numerum B metiri.

nam si A numerum B non metitur, ne alius quidem ullus alium metietur [prop. VI]. metitur autem A numerum Δ . ergo A etiam numerum B metitur; quod erat demonstrandum.

VIII.

Si inter duos numeros secundum proportionem continuam numeri aliquot interponuntur, quot inter eos secundum proportionem continuam interponuntur numeri, totidem etiam inter eos, qui eandem rationem habent, secundum proportionem continuam interponentur.

Nam inter duos numeros A, B secundum proportionem continuam numeri aliquot Γ, Δ interponantur

μετρήσει add. V φ: ὅπερ ἄτοπον· ὑπόκειται γὰρ ὁ A τὸν Δ μετρεῖν; idem B mg. m 2. 22 αὐτοῖς] om. P. 25. Γ] in ras. V.

καὶ πεποιήσθω ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ E
 πρὸς τὸν Z . λέγω, ὅτι ὅσοι εἰς τοὺς A, B μεταξὺ
 κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεπτώκασιν ἀριθμοί, το-
 σοῦτοι καὶ εἰς τοὺς E, Z μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς
 5 ἀνάλογον ἐμπεσοῦνται.

Ὅσοι γάρ εἰσι τῷ πλήθει οἱ $A, B, Γ, Δ$, τοσοῦ-
 τοι εἰλήφθωσαν ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν
 λόγον ἔχόντων τοῖς $A, Γ, Δ, B$ οἱ $H, Θ, K, Λ$. οἱ
 ἄρα ἄκροι αὐτῶν οἱ $H, Λ$ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους
 10 εἰσίν. καὶ ἐπεὶ οἱ $A, Γ, Δ, B$ τοῖς $H, Θ, K, Λ$ ἐν
 τῷ αὐτῷ λόγῳ εἰσίν, καὶ ἐστὶν ἴσον τὸ πλῆθος τῶν
 $A, Γ, Δ, B$ τῷ πλήθει τῶν $H, Θ, K, Λ$, δι' ἴσου ἄρα
 ἐστὶν ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ H πρὸς τὸν $Λ$.
 ὡς δὲ ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ E πρὸς τὸν Z . καὶ
 15 ὡς ἄρα ὁ H πρὸς τὸν $Λ$, οὕτως ὁ E πρὸς τὸν Z .
 οἱ δὲ $H, Λ$ πρῶτοι, οἱ δὲ πρῶτοι καὶ ἐλάχιστοι, οἱ
 δὲ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ μετροῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον
 ἔχοντας ἰσάκως ὅ τε μείζων τὸν μείζονα καὶ ὁ ἐλάσ-
 σων τὸν ἐλάσσονα, τουτέστιν ὅ τε ἡγούμενος τὸν
 20 ἡγούμενον καὶ ὁ ἐπόμενος τὸν ἐπόμενον. ἰσάκως
 ἄρα ὁ H τὸν E μετρεῖ καὶ ὁ $Λ$ τὸν Z . ὁσάκως δὲ
 ὁ H τὸν E μετρεῖ, τοσαυτάκως καὶ ἑκάτερος τῶν $Θ, K$
 ἑκάτερον τῶν M, N μετρεῖται· οἱ $H, Θ, K, Λ$ ἄρα
 τοὺς E, M, N, Z ἰσάκως μετροῦσιν. οἱ $H, Θ, K, Λ$
 25 ἄρα τοῖς E, M, N, Z ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ εἰσίν. ἀλλὰ
 οἱ $H, Θ, K, Λ$ τοῖς $A, Γ, Δ, B$ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ

3. τό] τὸν φ. 6. εἰσιν B. 7. οἱ ἐλάχιστοι Vφ. 8.
 $Γ, Δ, B$] $B, Γ, Δ$ BVφ. οἱ] corr. ex τούς m. 1 V. 9.
 οἱ] om. P. 10. εἰσίν] εἰσὶ Vφ. καὶ ἐπεὶ — 11: εἰσίν]
 om. φ. 10. $Γ$] in ras. B, post ras. 1 litt. V. 11. εἰσὶ V.
 13. τὸν $Λ$] $Λ$ B. 18. ἔχοντας αὐτοῖς BVφ. 19. τε] om. P.

A ————	E ————	et fiat $A : B = E : Z$. dico, quot inter A, B secundum proportionem continuam interponan- tur numeri, totidem etiam inter E, Z secun- dum proportionem con- tinuam interpositum iri.
————— Γ	M ————	
————— Δ	N ————	
————— B	Z ————	
H ————		
Θ ————		
K ————		
A ————		

nam quot sunt numero A, B, Γ, Δ , totidem samantur numeri minimi eorum, qui eandem rationem habent ac A, Γ, Δ, B [VII, 33] H, Θ, K, A . itaque extremi eorum H, A inter se primi sunt [prop. III]. et quoniam A, Γ, Δ, B et H, Θ, K, A in eadem ratione sunt, et multitudo numerorum A, Γ, Δ, B multitudini numerorum H, Θ, K, A aequalis est, ex aequo erit [VII, 14] $A : B = H : A$. verum $A : B = E : Z$. quare etiam $H : A = E : Z$. sed H, A primi sunt, primi autem etiam minimi [VII, 21], minimi autem numeri eos, qui eandem rationem habent, aequaliter metiuntur, maior maiorem et minor minorem [VII, 20], h. e. praecedens praecedentem et sequens sequentem. itaque H numerum E et A numerum Z aequaliter metitur. iam quoties H numerum E metitur, toties uterque Θ, K utrumque M, N metiatur. itaque H, Θ, K, A numeros E, M, N, Z aequaliter metiuntur. itaque H, Θ, K, A et E, M, N, Z in eadem ratione sunt [VII def. 20]. verum H, Θ, K, A et A, Γ, Δ, B

24. τοὺς] corr. ex τοῖς V.

Z] in ras. V.

ισάκις — 25:

Z] mg. m. 1 V, om. φ.

26. K] e corr. V.

εἰσίν· καὶ οἱ A, Γ, Δ, B ἄρα τοῖς E, M, N, Z ἐν τῷ
 αὐτῷ λόγῳ εἰσίν. οἱ δὲ A, Γ, Δ, B ἐξῆς ἀνάλογόν
 εἰσιν· καὶ οἱ E, M, N, Z ἄρα ἐξῆς ἀνάλογόν εἰσιν.
 ὅσοι ἄρα εἰς τοὺς A, B μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνά-
 5 λογὸν ἐμπεπτώκασιν ἀριθμοί, τοσοῦτοι καὶ εἰς τοὺς
 E, Z μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεπτώκασιν
 ἀριθμοί· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

θ'.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους
 10 ὦσιν, καὶ εἰς αὐτοὺς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς
 ἀνάλογον ἐμπίπτωσιν ἀριθμοί, ὅσοι εἰς αὐ-
 τοὺς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμ-
 πίπτουσιν ἀριθμοί, τοσοῦτοι καὶ ἑκατέρου αὐ-
 τῶν καὶ μονάδος μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνά-
 15 λογὸν ἐμπεσοῦνται.

Ἐστῶσαν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους οἱ
 A, B , καὶ εἰς αὐτοὺς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνά-
 λογὸν ἐμπίπτέτωσαν οἱ Γ, Δ , καὶ ἐκκείσθω ἡ E μο-
 νάς· λέγω, ὅτι ὅσοι εἰς τοὺς A, B μεταξὺ κατὰ τὸ
 20 συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεπτώκασιν ἀριθμοί, τοσοῦτοι
 καὶ ἑκατέρου τῶν A, B καὶ τῆς μονάδος μεταξὺ κατὰ
 τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεσοῦνται.

Εἰλήφθωσαν γὰρ δύο μὲν ἀριθμοὶ ἐλάχιστοι ἐν
 τῷ τῶν A, Γ, Δ, B λόγῳ ὄντες οἱ Z, H , τρεῖς δὲ οἱ
 25 Θ, K, A , καὶ αἰεὶ ἐξῆς ἐνὶ πλείους, ἕως ἂν ἴσον γένη-
 ται τὸ πλῆθος αὐτῶν τῷ πλήθει τῶν A, Γ, Δ, B .
 εἰλήφθωσαν, καὶ ἔστωσαν οἱ M, N, Ξ, O . φανερόν

1. εἰσίν] om. P. καὶ οἱ — 2: λόγῳ εἰσίν] mg m. 1 V,
 om. φ. 3. εἰσίν] (prius) εἰσι V φ. 10. ὦσι P V φ. 11.

in eadem ratione sunt. quare etiam A, Γ, Δ, B et E, M, N, Z in eadem ratione sunt. uerum A, Γ, Δ, B deinceps proportionales sunt. quare etiam E, M, N, Z deinceps proportionales sunt. ergo quot inter A, B secundum proportionem continuam interpositi sunt numeri, totidem etiam inter E, Z secundum proportionem continuam interpositi sunt numeri; quod erat demonstrandum.

IX.

Si duo numeri inter se primi sunt et inter eos secundum proportionem continuam interponuntur numeri aliquot, quot inter eos secundum proportionem continuam interponuntur numeri, totidem etiam inter singulos et unitatem secundum proportionem continuam interponentur.

Sint duo numeri inter se primi A, B , et inter eos secundum proportionem continuam interponantur Γ, Δ , et ponatur unitas E . dico, quot inter A, B secundum proportionem continuam interponantur numeri, totidem etiam inter singulos A, B et unitatem secundum proportionem continuam interpositum iri.

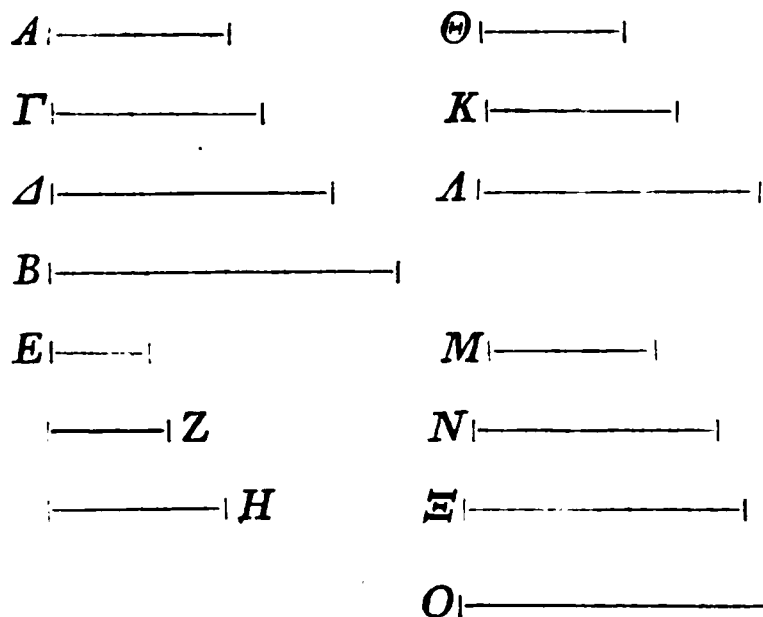
sumantur enim duo numeri minimi in ratione A, Γ, Δ, B numerorum Z, H , tres autem Θ, K, Λ et semper deinceps uno plures, donec fiat multitudo eorum multitudini numerorum A, Γ, Δ, B aequalis [prop. II]. sumantur et sint M, N, Ξ, O . manifestum igitur

-σιν ἀριθμοὶ ὅσοι] in ras. m. 1 B. 12. ἐμπίπτωσιν P. 14.
μεταξύ] ἐξῆς μεταξύ Theon (BVφ). 24 τῶν] corr ex τόν V.

δὴ, ὅτι ὁ μὲν Z ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν Θ πε-
 ποίηκεν, τὸν δὲ Θ πολλαπλασιάσας τὸν M πεποίηκεν,
 καὶ ὁ H ἑαυτὸν μὲν πολλαπλασιάσας τὸν A πεποίηκεν,
 τὸν δὲ A πολλαπλασιάσας τὸν O πεποίηκεν. καὶ ἐπεὶ
 5 οἱ M, N, Ξ, O ἐλάχιστοί εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον
 ἔχοντων τοῖς Z, H , εἰς δὲ καὶ οἱ A, Γ, Δ, B ἐλά-
 χιστοι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντων τοῖς Z, H , καὶ
 ἐστὶν ἴσον τὸ πλῆθος τῶν M, N, Ξ, O τῷ πλήθει
 τῶν A, Γ, Δ, B , ἕκαστος ἄρα τῶν M, N, Ξ, O ἐκάστῳ
 10 τῶν A, Γ, Δ, B ἴσος ἐστίν· ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ μὲν M
 τῷ A , ὁ δὲ O τῷ B . καὶ ἐπεὶ ὁ Z ἑαυτὸν πολλα-
 πλασιάσας τὸν Θ πεποίηκεν, ὁ Z ἄρα τὸν Θ μετρεῖ
 κατὰ τὰς ἐν τῷ Z μονάδας. μετρεῖ δὲ καὶ ἡ E μονὰς
 τὸν Z κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας· ἰσάκεις ἄρα ἡ E
 15 μονὰς τὸν Z ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ ὁ Z τὸν Θ . ἔστιν
 ἄρα ὡς ἡ E μονὰς πρὸς τὸν Z ἀριθμὸν, οὕτως ὁ Z
 πρὸς τὸν Θ . πάλιν, ἐπεὶ ὁ Z τὸν Θ πολλαπλασιά-
 σας τὸν M πεποίηκεν, ὁ Θ ἄρα τὸν M μετρεῖ κατὰ
 τὰς ἐν τῷ Z μονάδας. μετρεῖ δὲ καὶ ἡ E μονὰς
 20 τὸν Z ἀριθμὸν κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας· ἰσάκεις
 ἄρα ἡ E μονὰς τὸν Z ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ ὁ Θ τὸν
 M . ἔστιν ἄρα ὡς ἡ E μονὰς πρὸς τὸν Z ἀριθμὸν,
 οὕτως ὁ Θ πρὸς τὸν M . ἐδείχθη δὲ καὶ ὡς ἡ E
 μονὰς πρὸς τὸν Z ἀριθμὸν, οὕτως ὁ Z πρὸς τὸν Θ .

1. πεποίηκε V φ. 2. πεποίηκε V φ. 3. πεποίηκε V φ.
 4. πεποίηκε V φ. 5. εἰσιν P. 6. Z, H] H, Z BV φ. εἰ-
 σὶν B. 7. τῶν] corr. ex τῶν m. 1 P. Z, H] H, Z BV φ;
 E, Z P. 10. ἴσος] (prius) corr. ex ἴσον m. rec. P 12.
 Z] etas. V. 13. τῷ Z] αὐτῷ V φ, τῷ Z supra m. 2 V. 18.
 ἄρα] ἔτι φ. 21. Θ] e corr. V; E P. 22. ὡς] supra m. 1 B.
 24. πρὸς] (prius) supra m. 2 B.

est, esse $Z \times Z = \Theta$, $Z \times \Theta = M$, $H \times H = A$,



$H \times A = O$ [prop.

II coroll.]. et quoni-

am M, N, Ξ, O mini-

mi sunt eorum, qui

eandem rationem ha-

bent ac Z, H , uerum

etiam A, Γ, Δ, B

minimi sunt eorum,

qui eandem ratio-

nem habent ac Z, H

[prop. III], et mul-

titudo numerorum M, N, Ξ, O multitudini nume-

rorum A, Γ, Δ, B aequalis est, singuli M, N, Ξ, O

singulis A, Γ, Δ, B aequales sunt. itaque $M = A$,

$O = B$. et quoniam $Z \times Z = \Theta$, numerus Z nume-

rum Θ secundum unitates numeri Z metitur [VII def.

15]. uerum etiam unitas E numerum Z secundum

unitates ipsius metitur. itaque unitas E numerum Z

et Z numerum Θ aequaliter metitur. itaque

$$E : Z = Z : \Theta \text{ [VII def. 20].}$$

rursus quoniam $Z \times \Theta = M$, numerus Θ numerum

M secundum unitates numeri Z metitur [VII def. 15].

uerum etiam unitas E numerum Z secundum unitates

ipsius metitur. itaque E unitas numerum Z et Θ

numerum M aequaliter metitur. quare

$$E : Z = \Theta : M \text{ [VII def. 20].}$$

demonstrauimus autem, esse etiam $E : Z = Z : \Theta$.

καὶ ὥς ἄρα ἡ E μονὰς πρὸς τὸν Z ἀριθμόν, οὕτως
 ὁ Z πρὸς τὸν Θ καὶ ὁ Θ πρὸς τὸν M . ἴσος δὲ ὁ
 M τῷ A · ἔστιν ἄρα ὥς ἡ E μονὰς πρὸς τὸν Z
 ἀριθμόν, οὕτως ὁ Z πρὸς τὸν Θ καὶ ὁ Θ πρὸς τὸν
 5 A . διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὥς ἡ E μονὰς πρὸς τὸν
 H ἀριθμόν, οὕτως ὁ H πρὸς τὸν A καὶ ὁ A πρὸς
 τὸν B . ὅσοι ἄρα εἰς τοὺς A, B μεταξὺ κατὰ τὸ συν-
 εχὲς ἀνάλογον ἐμπεπτώκασιν ἀριθμοί, τοσοῦτοι καὶ
 ἐκατέρου τῶν A, B καὶ μονάδος τῆς E μεταξὺ κατὰ
 10 τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεπτώκασιν ἀριθμοί· ὅπερ
 ἔδει δεῖξαι.

ι'.

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν ἐκατέρου καὶ μονάδος
 μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτωσιν
 15 ἀριθμοί, ὅσοι ἐκατέρου αὐτῶν καὶ μονάδος με-
 ταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτουσιν
 ἀριθμοί, τοσοῦτοι καὶ εἰς αὐτοὺς μεταξὺ κατὰ
 τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεσοῦνται.

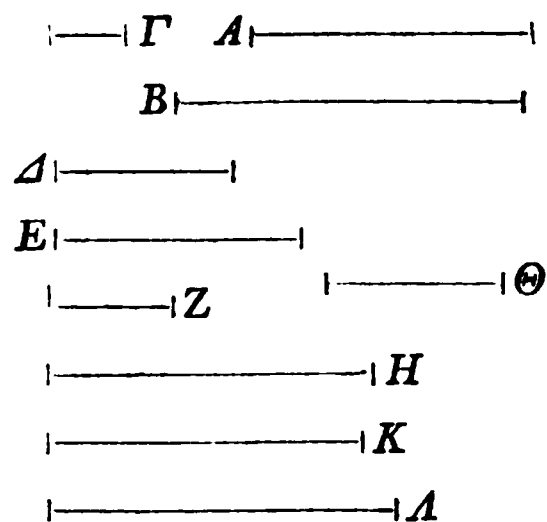
Δύο γὰρ ἀριθμῶν τῶν A, B καὶ μονάδος τῆς Γ
 20 μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτέωσαν ἀριθ-
 μοί οἱ τε A, E καὶ οἱ Z, H · λέγω, ὅτι ὅσοι ἐκατέ-
 ρου τῶν A, B καὶ μονάδος τῆς Γ μεταξὺ κατὰ τὸ
 συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεπτώκασιν ἀριθμοί, τοσοῦτοι
 καὶ εἰς τοὺς A, B μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον
 25 ἐμπεσοῦνται.

2. πρὸς τὸν M — 4: πρὸς τὸν A] add. m. 2 B. sed πρὸς
 τὸν A lin. 4 etiam in textu sunt a m. 1. 2. ἴσος δὲ ὁ M τῷ
 A] ὁ δὲ M (μή φ) τῷ A ἔστιν ἴσος B V φ; in V haec uerba
 et seq. ad πρὸς τὸν A lin. 4 in mg. sunt m. 2. 3. ἡ] corr.
 ex ὁ φ. 13. ἐκατέρου] om. Theon (B V φ). 15. ἐξῆς με-
 ταξὺ Theon (B V φ). 16. τῶ] om. V. 18. ἀνάλογον] m
 2 B, om. V φ.

quare etiam $E : Z = Z : \Theta = \Theta : M$. uerum $M = A$. itaque erit $E : Z = Z : \Theta = \Theta : A$. eadem de causa etiam $E : H = H : A = A : B$. ergo quot inter A, B secundum proportionem continuam interpositi sunt numeri, totidem etiam inter singulos A, B et unitatem E secundum proportionem continuam interpositi sunt numeri; quod erat demonstrandum.

X.

Si inter duos numeros¹⁾ et unitatem secundum proportionem continuam numeri aliquot interpositi sunt, quot inter singulos et unitatem secundum proportionem continuam interpositi sunt numeri, totidem etiam inter ipsos secundum proportionem continuam interponentur.



Nam inter duos numeros A, B et unitatem Γ secundum proportionem continuam interponentur numeri Δ, E et Z, H . dico, quot inter singulos A, B et unitatem Γ secundum proportionem continuam interpositi sint numeri, totidem etiam inter A, B secundum pro-

portionem continuam interpositum iri.

1) Scripturam codicis P lin. 13 ($\epsilon\kappa\alpha\tau\acute{\epsilon}\rho\omicron\nu$) etiam Campanus habuisse uidetur; apud eum enim VIII, 10 ita legimus: si inter utrumque eorum et unitatem quotlibet numeri continua proportionalitate ceciderint, ambobus numeris totidem continua proportionalitate interesse necesse est.

Ὁ Δ γὰρ τὸν Z πολλαπλασιάσας τὸν Θ ποιεῖτω, ἑκάτερος δὲ τῶν Δ , Z τὸν Θ πολλαπλασιάσας ἑκάτερον τῶν K , A ποιεῖτω.

Καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὥς ἡ Γ μονὰς πρὸς τὸν Δ ἀριθμόν, οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν E , ἰσάκως ἄρα ἡ Γ μονὰς τὸν Δ ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ ὁ Δ τὸν E . ἡ δὲ Γ μονὰς τὸν Δ ἀριθμὸν μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ Δ μονάδας· καὶ ὁ Δ ἄρα ἀριθμὸς τὸν E μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ Δ μονάδας· ὁ Δ ἄρα ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν E πεποίηκεν. πάλιν, ἐπεὶ ἐστὶν ὥς ἡ Γ [μονὰς] πρὸς τὸν Δ ἀριθμὸν, οὕτως ὁ E πρὸς τὸν A , ἰσάκως ἄρα ἡ Γ μονὰς τὸν Δ ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ ὁ E τὸν A . ἡ δὲ Γ μονὰς τὸν Δ ἀριθμὸν μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ Δ μονάδας· καὶ ὁ E ἄρα τὸν A μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ Δ μονάδας· ὁ Δ ἄρα τὸν E πολλαπλασιάσας τὸν A πεποίηκεν. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὁ μὲν Z ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν H πεποίηκεν, τὸν δὲ H πολλαπλασιάσας τὸν B πεποίηκεν. καὶ ἐπεὶ ὁ Δ ἑαυτὸν μὲν πολλαπλασιάσας τὸν E πεποίηκεν, τὸν δὲ Z πολλαπλασιάσας τὸν Θ πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὥς ὁ Δ πρὸς τὸν Z , οὕτως ὁ E πρὸς τὸν Θ . διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὥς ὁ Δ πρὸς τὸν Z , οὕτως ὁ Θ πρὸς τὸν H . καὶ ὥς ἄρα ὁ E πρὸς τὸν Θ , οὕτως ὁ Θ πρὸς τὸν H . πάλιν, ἐπεὶ ὁ Δ ἑκάτερον τῶν E , Θ πολλαπλασιάσας ἑκάτερον τῶν A , K πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὥς ὁ E πρὸς τὸν Θ , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν K . ἀλλ' ὥς ὁ E πρὸς τὸν Θ , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν Z · καὶ ὥς ἄρα ὁ Δ πρὸς τὸν Z , οὕτως ὁ A

4 [ἐστὶν] supra m. 1 V. 8. καὶ ὁ Δ ἄρα — 9: μονάδας] mg. m 1 Pφ. 8. ἄρα] om. B. ἀριθμός] om. Vφ. 10. πεποίηκε Vφ. μονὰς] om. P. 12. Γ] e corr. V. 11.

sit enim $\Delta \times Z = \Theta$, $\Delta \times \Theta = K$, $Z \times \Theta = A$.
et quoniam est $\Gamma : \Delta = \Delta : E$, unitas Γ numerum Δ
et Δ numerum E aequaliter metitur [VII def. 20].
uerum unitas Γ numerum Δ secundum unitates nu-
meri Δ metitur. quare etiam numerus Δ numerum
 E metitur secundum unitates numeri Δ . itaque
 $\Delta \times \Delta = E$. rursus quoniam est $\Gamma : \Delta = E : A$,
unitas Γ numerum Δ et E numerum A aequaliter
metitur. uerum unitas Γ numerum Δ secundum uni-
tates numeri Δ metitur. quare etiam E numerum
 A secundum unitates numeri Δ metitur. itaque
 $\Delta \times E = A$. eadem de causa etiam $Z \times Z = H$
et $Z \times H = B$. et quoniam $\Delta \times \Delta = E$ et

$\Delta \times Z = \Theta$, erit [VII, 17] $\Delta : Z = E : \Theta$.
eadem de causa erit etiam $\Delta : Z = \Theta : H$ [VII, 18].¹⁾
quare etiam $E : \Theta = \Theta : H$. rursus quoniam
 $\Delta \times E = A$ et $\Delta \times \Theta = K$, erit $E : \Theta = A : K$
[VII, 17]. uerum $E : \Theta = \Delta : Z$. quare etiam
 $\Delta : Z = A : K$.

1) Cum habeamus $\Delta \times Z = \Theta$ et $Z \times Z = H$, proprie
citanda est VII, 18, non VII, 17, ut in praecedenti ratio-
cinatione; sed cum $\Delta \times Z = Z \times \Delta$ (VII, 16), adparet, Eu-
clidem sine errore dicere posse lin. 21 sq.: *διὰ τὰ αὐτά*.

ἰσάνεις — 12: *τὸν A*] bis V (corr.), φ. 14. *καὶ ὁ E* — 15:
μονάδας] mg. m. 1 P. 14. *A*] in ras. m. 1 B. 16. *πεποίηκε*
V φ. 17. *πεποίηκε* V φ. 18. *πολλασιάσας* φ. 19. *πε-*
ποίηκε V φ. 24. *τῶν E* — 25: *ἐκότερον*] mg. m. 1 P.
25. *τὸν A, H* φ. 27. *ἀλλά* P.

πρὸς τὸν K . πάλιν, ἐπεὶ ἐκάτερος τῶν Δ , Z τὸν Θ
 πολλαπλασιάσας ἐκάτερον τῶν K , Δ πεποίηκεν, ἔστιν
 ἄρα ὡς ὁ Δ πρὸς τὸν Z , οὕτως ὁ K πρὸς τὸν Δ .
 ἀλλ' ὡς ὁ Δ πρὸς τὸν Z , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν K .
 5 καὶ ὡς ἄρα ὁ Δ πρὸς τὸν K , οὕτως ὁ K πρὸς τὸν
 Δ . ἔτι ἐπεὶ ὁ Z ἐκάτερον τῶν Θ , H πολλαπλασιάσας
 ἐκάτερον τῶν Δ , B πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὡς ὁ Θ
 πρὸς τὸν H , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν B . ὡς δὲ ὁ Θ
 πρὸς τὸν H , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν Z . καὶ ὡς ἄρα
 10 ὁ Δ πρὸς τὸν Z , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν B . ἐδείχθη
 δὲ καὶ ὡς ὁ Δ πρὸς τὸν Z , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν
 K καὶ ὁ K πρὸς τὸν Δ . καὶ ὡς ἄρα ὁ Δ πρὸς τὸν
 K , οὕτως ὁ K πρὸς τὸν Δ καὶ ὁ Δ πρὸς τὸν B . οἱ
 Δ , K , Δ , B ἄρα κατὰ τὸ συνεχὲς ἐξῆς εἰσιν ἀνάλογον.
 15 ὅσοι ἄρα ἐκάτερον τῶν Δ , B καὶ τῆς Γ μονάδος με-
 ταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτουσιν ἀριθμοί,
 τοσοῦτοι καὶ εἰς τοὺς Δ , B μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς
 ἐμπεσοῦνται· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ια'.

20 Δύο τετραγώνων ἀριθμῶν εἰς μέσος ἀνά-
 λογόν ἐστιν ἀριθμός, καὶ ὁ τετράγωνος πρὸς
 τὸν τετράγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ
 ἢ πλευρὰ πρὸς τὴν πλευράν.

Ἐστῶσαν τετράγωνοι ἀριθμοὶ οἱ A , B , καὶ τοῦ
 25 μὲν A πλευρὰ ἔστω ὁ Γ , τοῦ δὲ B ὁ Δ . λέγω, ὅτι
 τῶν A , B εἰς μέσος ἀνάλογόν ἐστιν ἀριθμός, καὶ ὁ
 A πρὸς τὸν B διπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ ὁ Γ πρὸς
 τὸν Δ .

1. καὶ πάλιν, delete καὶ P. Δ , Z] Z , Δ B. 8. Z] in
 ras. φ. 10. ἐδείχθη δέ] mg. φ. 12. καὶ ὡς ἄρα — 13:

rursus quoniam $A \times \Theta = K$ et $Z \times \Theta = A$, erit $A : Z = K : A$ [VII, 18]. verum $A : Z = A : K$. quare etiam $A : K = K : A$. praeterea quoniam $Z \times \Theta = A$ et $Z \times H = B$, erit [VII, 17] $\Theta : H = A : B$. verum $\Theta : H = A : Z$. quare etiam $A : Z = A : B$. demonstrauius autem, esse etiam

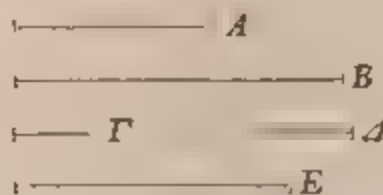
$$A : Z = A : K = K : A.$$

itaque erit $A : K = K : A = A : B$. itaque A, K, A, B deinceps in continua proportionem sunt. quot igitur inter singulos A, B et Γ unitatem secundum proportionem continuam interponuntur numeri, totidem etiam inter A, B deinceps interponentur; quod erat demonstrandum.

XI.

Inter duos numeros quadratos unus medius est proportionalis numerus, et quadratus ad quadratum duplicatam rationem habet quam latus ad latus.

Sint numeri quadrati A, B , et numeri A latus sit Γ , numeri autem B latus Δ . dico, inter A, B



unum medium esse proportionalem numerum, et esse

$$A : B = \Gamma^2 : \Delta^2.$$

πρὸς τὸν A] om. BVφ. 15. Γ] in ras. φ. 17. Ante καί
ras. 1 litt. V. 26. τῶν] corr. ex τόν V.

Ὁ Γ γὰρ τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν E ποιεῖται.
καὶ ἐπεὶ τετράγωνός ἐστιν ὁ A , πλευρὰ δὲ αὐτοῦ
ἐστιν ὁ Γ , ὁ Γ ἄρα ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν A
πεποίηκεν. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὁ Δ ἑαυτὸν πολλα-
5 πλασιάσας τὸν B πεποίηκεν. ἐπεὶ οὖν ὁ Γ ἐκάτερον
τῶν Γ , Δ πολλαπλασιάσας ἐκάτερον τῶν A , E πε-
ποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ
 A πρὸς τὸν E . διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὡς ὁ Γ πρὸς
τὸν Δ , οὕτως ὁ E πρὸς τὸν B . καὶ ὡς ἄρα ὁ A
10 πρὸς τὸν E , οὕτως ὁ E πρὸς τὸν B . τῶν A , B ἄρα
εἰς μέσος ἀνάλογόν ἐστιν ἀριθμός.

Λέγω δὴ, ὅτι καὶ ὁ A πρὸς τὸν B διπλασίονα
λόγον ἔχει ἢ περ ὁ Γ πρὸς τὸν Δ . ἐπεὶ γὰρ τρεῖς
ἀριθμοὶ ἀνάλογόν εἰσιν οἱ A , E , B , ὁ A ἄρα πρὸς
15 τὸν B διπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ ὁ A πρὸς τὸν
 E . ὡς δὲ ὁ A πρὸς τὸν E , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν
 Δ . ὁ A ἄρα πρὸς τὸν B διπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ
ἢ Γ πλευρὰ πρὸς τὴν Δ . ὅπερ εἶδει δεῖξαι.

εβ'.

20 Δύο κύβων ἀριθμῶν δύο μέσοι ἀνάλογόν
εἰσιν ἀριθμοί, καὶ ὁ κύβος πρὸς τὸν κύβον
τριπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ ἢ πλευρὰ πρὸς
τὴν πλευράν.

Ἐστῶσαν κύβοι ἀριθμοὶ οἱ A , B καὶ τοῦ μὲν A
25 πλευρὰ ἔστω ὁ Γ , τοῦ δὲ B ὁ Δ . λέγω, ὅτι τῶν A ,
 B δύο μέσοι ἀνάλογόν εἰσιν ἀριθμοί, καὶ ὁ A πρὸς
τὸν B τριπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ ὁ Γ πρὸς τὸν Δ .

1. γάρ] m. 2 B, post ras. 1 litt. V. 4. πεποίηκε Vφ.
8. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καί] P; πάλιν ἐπεὶ ὁ Γ τὸν Δ πολλαπλα-
σιάσας τὸν E πεποίηκεν, ὁ δὲ Δ ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν

sit enim $\Gamma \times \Delta = E$. et quoniam quadratus est A et latus eius Γ , erit $\Gamma \times \Gamma = A$. eadem de causa etiam $\Delta \times \Delta = B$. iam quoniam $\Gamma \times \Gamma = A$ et $\Gamma \times \Delta = E$, erit $\Gamma : \Delta = A : E$ [VII, 17]. eadem de causa¹⁾ erit etiam $\Gamma : \Delta = E : B$. quare etiam $A : E = E : B$. ergo inter A, B unus medius est proportionalis numerus.

Iam dico, esse etiam $A : B = \Gamma^2 : \Delta^2$. nam quoniam tres numeri proportionales sunt A, E, B , erit $A : B = A^2 : E^2$ [V def. 9]. uerum $A : E = \Gamma : \Delta$. itaque $A : B = \Gamma^2 : \Delta^2$; quod erat demonstrandum.

XII.

Inter duos cubos numeros duo medii proportionales sunt numeri, et cubus ad cubum triplicatam rationem habet quam latus ad latus.

Sint cubi numeri A, B , et latus numeri A sit Γ , numeri B autem Δ . dico, inter A, B duos medios proportionales esse numeros, et esse $A : B = \Gamma^3 : \Delta^3$.

1) Nam $\Gamma \times \Delta = E$ et $\Delta \times \Delta = B$. itaque proportio illa proprie per VII, 18 (non VII, 17) efficitur. sed cfr. p. 300, 21 sq. et p. 301 not. uerba lin. 8 interpolata etiam ipsa orationis forma (ἓνα καὶ τὸν αὐτόν) redarguuntur.

B πεποίηκεν (πεποίηκε $V\varphi$), δύο δὲ ἀριθμοὶ οἱ Γ, Δ ἓνα καὶ τὸν αὐτόν τὸν Δ πολλαπλασιάσαντες τοὺς E, B πεποιήκασιν. ἔστιν ἄρα Theon ($BV\varphi$). 9. Post B add. Theon: ἀλλ' ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν E ($BV\varphi$). 10. τῶν τοῦ in ras. comp. V. 11. ἀριθμὸς ὁ E Theon ($BV\varphi$). 18. Δ πλευρὰν $V\varphi$. 20. μέσους P , corr. m. rec.

Ὁ γὰρ Γ ἑαυτὸν μὲν πολλαπλασιάσας τὸν Ε ποιεῖτω,
 τὸν δὲ Δ πολλαπλασιάσας τὸν Ζ ποιεῖτω, ὁ δὲ Δ ἑαυτὸν
 πολλαπλασιάσας τὸν Η ποιεῖτω, ἑκάτερος δὲ τῶν Γ, Δ
 τὸν Ζ πολλαπλασιάσας ἑκάτερον τῶν Θ, Κ ποιεῖτω.
 5 Καὶ ἐπεὶ κύβος ἐστὶν ὁ Α, πλευρὰ δὲ αὐτοῦ ὁ
 Γ, καὶ ὁ Γ ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν Ε πεποίηκεν,
 ὁ Γ ἄρα ἑαυτὸν μὲν πολλαπλασιάσας τὸν Ε πεποίη-
 κεν, τὸν δὲ Ε πολλαπλασιάσας τὸν Α πεποίηκεν.
 διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὁ Δ ἑαυτὸν μὲν πολλαπλασιάσας
 10 τὸν Η πεποίηκεν, τὸν δὲ Η πολλαπλασιάσας τὸν Β
 πεποίηκεν. καὶ ἐπεὶ ὁ Γ ἑκάτερον τῶν Γ, Δ πολλα-
 πλασιάσας ἑκάτερον τῶν Ε, Ζ πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα
 ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ, οὕτως ὁ Ε πρὸς τὸν Ζ διὰ
 τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ, οὕτως ὁ Ζ
 15 πρὸς τὸν Η. πάλιν, ἐπεὶ ὁ Γ ἑκάτερον τῶν Ε, Ζ
 πολλαπλασιάσας ἑκάτερον τῶν Α, Θ πεποίηκεν, ἔστιν
 ἄρα ὡς ὁ Ε πρὸς τὸν Ζ, οὕτως ὁ Α πρὸς τὸν Θ.
 ὡς δὲ ὁ Ε πρὸς τὸν Ζ, οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν Δ·
 καὶ ὡς ἄρα ὁ Γ πρὸς τὸν Δ, οὕτως ὁ Α πρὸς τὸν
 20 Θ. πάλιν, ἐπεὶ ἑκάτερος τῶν Γ, Δ τὸν Ζ πολλαπλα-
 σιάσας ἑκάτερον τῶν Θ, Κ πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὡς
 ὁ Γ πρὸς τὸν Δ, οὕτως ὁ Θ πρὸς τὸν Κ. πάλιν,
 ἐπεὶ ὁ Δ ἑκάτερον τῶν Ζ, Η πολλαπλασιάσας ἑκάτε-
 ρον τῶν Κ, Β πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὡς ὁ Ζ πρὸς
 25 τὸν Η, οὕτως ὁ Κ πρὸς τὸν Β. ὡς δὲ ὁ Ζ πρὸς
 τὸν Η, οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν Δ· καὶ ὡς ἄρα ὁ Γ πρὸς
 τὸν Δ, οὕτως ὁ τε Α πρὸς τὸν Θ καὶ ὁ Θ πρὸς τὸν
 Κ καὶ ὁ Κ πρὸς τὸν Β. τῶν Α, Β ἄρα δύο μέσοι
 ἀνάλογόν εἰσιν οἱ Θ, Κ.

4. Ζ] εἰας. V. 6. πεποίηκε Vφ 7. πεποίηκε Vφ. 8.
 πεποίηκε Vφ 10. πεποίηκε Vφ. 11. πεποίηκε Vφ. 17.

sit enim $\Gamma \times \Gamma = E$, $\Gamma \times \Delta = Z$, $\Delta \times \Delta = H$,
 $\Gamma \times Z = \Theta$, $\Delta \times Z = K$. et quoniam A cubus est,
latus autem eius Γ et $\Gamma \times \Gamma = E$, erit $\Gamma \times \Gamma = E$
et $\Gamma \times E = A$. eadem de causa erit etiam $\Delta \times \Delta = H$
et $\Delta \times H = B$. et quoniam $\Gamma \times \Gamma = E$ et $\Gamma \times \Delta = Z$,
erit $\Gamma : \Delta = E : Z$ [VII, 17]. eadem de causa erit
etiam $\Gamma : \Delta = Z : H$ [VII, 18].¹⁾ rursus quoniam
 $\Gamma \times E = A$ et $\Gamma \times Z = \Theta$, erit $E : Z = A : \Theta$
[VII, 17]. uerum $E : Z = \Gamma : \Delta$. quare etiam
 $\Gamma : \Delta = A : \Theta$. rursus quoniam $\Gamma \times Z = \Theta$ et
 $\Delta \times Z = K$, erit [VII, 18] $\Gamma : \Delta = \Theta : K$. rursus
quoniam $\Delta \times Z = K$ et $\Delta \times H = B$, erit

$$Z : H = K : B \text{ [VII, 17].}$$

uerum $Z : H = \Gamma : \Delta$. quare etiam

$$\Gamma : \Delta = A : \Theta = \Theta : K = K : B.^2)$$

ergo inter A, B duo medii proportionales sunt Θ, K .

1) Nam $\Gamma \times \Delta = Z$ et $\Delta \times \Delta = H$; u. p. 305 not.

2) Euclides hic paullo breuior est, quam solet. sed recepto supplemento codicum deteriorum lin. 27 falsa illa efficitur forma orationis, quam p. 302, 12—13 cum P sustulimus. cui ut mederetur, Augustus lin. 28 post prius K interposuit: ὥς ἄρα ὁ A πρὸς τὸν Θ οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν K (!); ego malui codd. PB sequi.

οὕτως — 18: πρὸς τὸν Z] m. 2 B. 20. ἐπεὶ] om. P. 25. B] H φ. 27. Post Δ add. V φ: οὕτως ὁ K πρὸς τὸν B . ἐδείχθη δὲ καὶ ὥς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ ; idem B mg. m. 2. ὁ Γ] τε ὁ B. 28. τῶν] corr. ex τὸν V. 29. οἱ] ἀριθμοὶ οἱ B.

Λέγω δὴ, ὅτι καὶ ὁ A πρὸς τὸν B τριπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ ὁ Γ πρὸς τὸν Δ . ἐπεὶ γὰρ τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογόν εἰσιν οἱ A, Θ, K, B , ὁ A ἄρα πρὸς τὸν B τριπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ ὁ A πρὸς
 5 τὸν Θ . ὥς δὲ ὁ A πρὸς τὸν Θ , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν Δ · καὶ ὁ A [ἄρα] πρὸς τὸν B τριπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ ὁ Γ πρὸς τὸν Δ · ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιγ'.

Ἐὰν ὧσιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνά-
 10 λογον, καὶ πολλαπλασιάσας ἕκαστος ἑαυτὸν ποιῇ τινα, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἀνάλογον ἔσονται· καὶ ἐὰν οἱ ἐξ ἀρχῆς τοὺς γενομένους πολλαπλασιάσαντες ποιῶσί τινας, καὶ αὐτοὶ ἀνάλογον ἔσονται [καὶ αἰεὶ περὶ τοὺς ἄκρους
 15 τοῦτο συμβαίνει].

Ἐστώσαν ὅποιοι οὖν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, οἱ A, B, Γ , ὥς ὁ A πρὸς τὸν B , οὔτως ὁ B πρὸς τὸν Γ , καὶ οἱ A, B, Γ ἑαυτοὺς μὲν πολλαπλασιάσαντες τοὺς Δ, E, Z ποιείτωσαν, τοὺς δὲ Δ, E, Z πολλα-
 20 πλασιάσαντες τοὺς H, Θ, K ποιείτωσαν· λέγω, ὅτι οἱ τε Δ, E, Z καὶ οἱ H, Θ, K ἐξῆς ἀνάλογόν εἰσιν.

Ὁ μὲν γὰρ A τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Δ ποιείτω, ἑκάτερος δὲ τῶν A, B τὸν Δ πολλαπλασιάσας ἑκάτερον τῶν M, N ποιείτω. καὶ πάλιν ὁ μὲν B τὸν
 25 Γ πολλαπλασιάσας τὸν Ξ ποιείτω, ἑκάτερος δὲ τῶν B, Γ τὸν Ξ πολλαπλασιάσας ἑκάτερον τῶν O, Π ποιείτω.

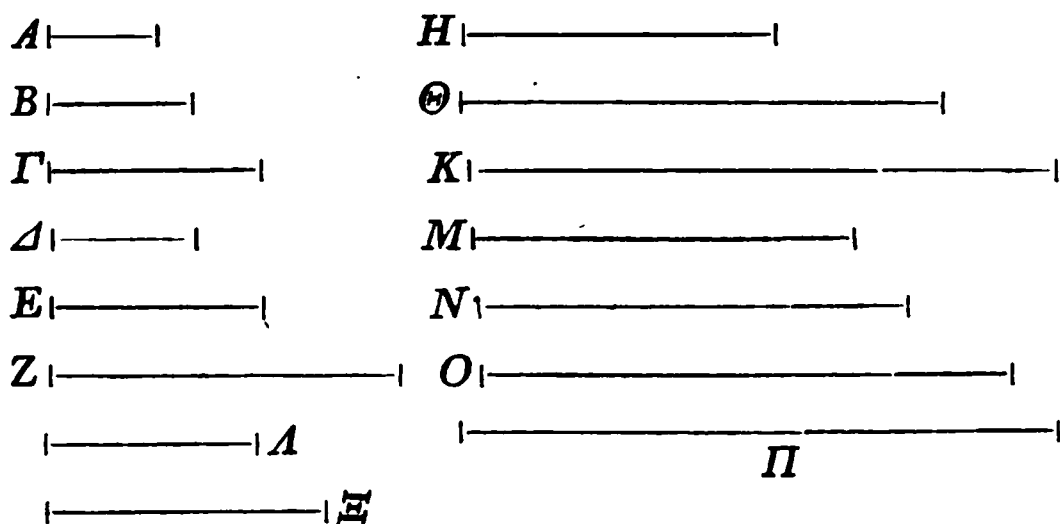
1. τριπλασίονα] τε- e corr. V. 5. ὥς δὲ ὁ A πρὸς τὸν Θ] mg. φ. 6 ἄρα] om. P, m. 2 B. 11. ποιεῖ V φ. τινας V φ. 12. γενομένους V 13. ποιῶσιν B. 22 τὸν Δ — 23. πολλαπλασιάσας εἰ] mg. φ. 26. τῶν] τόν P. O] in ras. m. 1 B.

Iam dico, esse etiam $A : B = \Gamma^3 : \Delta^3$. nam quoniam quattuor numeri proportionales sunt A, Θ, K, B , erit $A : B = A^3 : \Theta^3$ [V def. 10]. uerum $A : \Theta = \Gamma : \Delta$. ergo $A : B = \Gamma^3 : \Delta^3$; quod erat demonstrandum.

XIII.

Si quotlibet numeri deinceps proportionales sunt, et singuli se ipsos multiplicantes numeros aliquos effecerint, numeri ex iis producti proportionales erunt; et si numeri ab initio sumpti numeros productos multiplicantes numeros aliquos effecerint, hi et ipsi proportionales erunt.¹⁾

Sint quotlibet numeri deinceps proportionales A, B, Γ , ita ut sit $A : B = B : \Gamma$, et sit $A \times A = \Delta$, $B \times B = E$, $\Gamma \times \Gamma = Z$, $A \times \Delta = H$, $B \times E = \Theta$, $\Gamma \times Z = K$. dico, et numeros Δ, E, Z et H, Θ, K deinceps proportionales esse.



nam sit $A \times B = A$, $A \times A = M$, $B \times A = N$, et rursus sit $B \times \Gamma = \Xi$, $B \times \Xi = O$, $\Gamma \times \Xi = \Pi$.

1) Uerba sequentia καὶ ἀεὶ lin. 14 — συμβαίνει lin. 15 subditua uidentur; cfr. ad VII, 27. habet ea Campanus VIII, 12.

Ὁμοίως δὴ τοῖς ἐπάνω δείξομεν, ὅτι οἱ Δ, Λ, E
καὶ οἱ H, M, N, Θ ἐξῆς εἰσιν ἀνάλογον ἐν τῷ τοῦ A
πρὸς τὸν B λόγῳ, καὶ ἔτι οἱ E, Ξ, Z καὶ οἱ $\Theta, O, \Pi,$
 K ἐξῆς εἰσιν ἀνάλογον ἐν τῷ τοῦ B πρὸς τὸν Γ
6 λόγῳ. καὶ ἐστὶν ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ B
πρὸς τὸν Γ · καὶ οἱ Δ, Λ, E ἄρα τοῖς E, Ξ, Z ἐν τῷ
αὐτῷ λόγῳ εἰσὶ καὶ ἔτι οἱ H, M, N, Θ τοῖς $\Theta, O, \Pi,$
 K . καὶ ἐστὶν ἴσον τὸ μὲν τῶν Δ, Λ, E πλῆθος τῷ
τῶν E, Ξ, Z πλήθει, τὸ δὲ τῶν H, M, N, Θ τῷ τῶν
10 Θ, O, Π, K δι' ἴσου ἄρα ἐστὶν ὡς μὲν ὁ Δ πρὸς τὸν
 E , οὕτως ὁ E πρὸς τὸν Z , ὡς δὲ ὁ H πρὸς τὸν Θ ,
οὕτως ὁ Θ πρὸς τὸν K · ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιδ'.

Ἐὰν τετράγωνος τετράγωνον μετρῇ, καὶ ἡ
15 πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρήσει· καὶ ἐὰν ἡ πλευ-
ρὰ τὴν πλευρὰν μετρῇ, καὶ ὁ τετράγωνος τὸν
τετράγωνον μετρήσει.

Ἐστῶσαν τετράγωνοι ἀριθμοὶ οἱ A, B , πλευραὶ
δὲ αὐτῶν ἔστωσαν οἱ Γ, Δ , ὁ δὲ A τὸν B μετρεῖτω·
20 λέγω, ὅτι καὶ ὁ Γ τὸν Δ μετρεῖ.

Ὁ Γ γὰρ τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν E ποιείτω·
οἱ A, E, B ἄρα ἐξῆς ἀνάλογόν εἰσιν ἐν τῷ τοῦ Γ
πρὸς τὸν Δ λόγῳ. καὶ ἐπεὶ οἱ A, E, B ἐξῆς ἀνάλο-

1. A, E] e corr. V. 2 N] e corr. V; supra m. 2 B,
id. mg. m. 2: καὶ οἱ H, M, N, Θ . 3. B] Z φ. λόγῳ] corr.
ex λόγον φ. 5. καὶ ἐστὶν — 6: τὸν Γ] mg φ. 7. εἰσὶν
PB 8. τῶν] om P. A, E] e corr. V. 10. καὶ δι'
ἴσου P. μὲν ὁ] ὁ μὲν BVφ. 14. Post τετράγωνος add.
ἀριθμός supra m. 1 B φ, m. 2 V. Supra τετράγωνον add.
ἀριθμόν B m. 2. 18. πλευρὰ φ. 23 λόγῳ] corr. ex λό-
γον φ.

iam eodem modo, quo supra¹⁾, demonstrabimus, numeros Δ , A , E et H , M , N , Θ deinceps proportionales esse in ratione $A : B$, et praeterea E , Ξ , Z et Θ , O , Π , K deinceps proportionales esse in ratione $B : \Gamma$. et $A : B = B : \Gamma$. quare etiam Δ , A , E et E , Ξ , Z in eadem ratione sunt et praeterea H , M , N , Θ et Θ , O , Π , K . et multitudo numerorum Δ , A , E multitudini numerorum E , Ξ , Z aequalis est et multitudo numerorum H , M , N , Θ multitudini numerorum Θ , O , Π , K . ex aequo igitur erit $\Delta : E = E : Z$ et $H : \Theta = \Theta : K$ [VII, 14]; quod erat demonstrandum.

XIV.

Si numerus quadratus quadratum numerum metitur, etiam latus latus metietur; et si latus latus metitur, etiam quadratus quadratum metietur.

Sint numeri quadrati A , B , latera autem eorum Δ , Γ , A , et A numerum B metiatur. dico, etiam Γ numerum A metiri.

sit enim $\Gamma \times \Delta = E$; itaque A , E , B deinceps proportionales sunt in ratione $\Gamma : \Delta$ [prop. XI]. et quoniam A , E , B deinceps proportionales

1) Uelut in prop. 12, scilicet per VII, 17--18. cum enim $A \times A = \Delta$ et $A \times B = A$, erit $A : B = \Delta : A$. cum $A \times B = A$ et $B \times B = E$, erit $A : B = A : E$. itaque $A : B = \Delta : A = A : E$. et cum $A \times \Delta = H$, $A \times A = M$, erit $\Delta : A = H : M$; cum $A \times A = M$, $B \times A = N$, erit $A : B = M : N = H : M$. cum $B \times A = N$, $B \times E = \Theta$, erit $A : E = N : \Theta = A : B = H : M = M : N$ cett.

γόν εἰσιν, καὶ μετρεῖ ὁ A τὸν B , μετρεῖ ἄρα καὶ ὁ A τὸν E . καὶ ἐστὶν ὡς ὁ A πρὸς τὸν E , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν Δ · μετρεῖ ἄρα καὶ ὁ Γ τὸν Δ .

Πάλιν δὴ ὁ Γ τὸν Δ μετρεῖται· λέγω, ὅτι καὶ ὁ B A τὸν B μετρεῖ.

Τῶν γὰρ αὐτῶν κατασκευασθέντων ὁμοίως δείξομεν, ὅτι οἱ A , E , B ἐξῆς ἀνάλογόν εἰσιν ἐν τῷ τοῦ Γ πρὸς τὸν Δ λόγῳ. καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν E , μετρεῖ δὲ ὁ Γ τὸν Δ , μετρεῖ ἄρα καὶ ὁ A τὸν E . καὶ εἰσιν οἱ A , E , B ἐξῆς ἀνάλογον· μετρεῖ ἄρα καὶ ὁ A τὸν B .

Ἐὰν ἄρα τετράγωνος τετράγωνον μετρῇ, καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρήσῃ καὶ ἐὰν ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρῇ, καὶ ὁ τετράγωνος τὸν τετράγωνον
15 μετρήσῃ· ὅπερ εἶδει δεῖξαι.

ιθ'.

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μετρῇ, καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρήσῃ καὶ ἐὰν ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρῇ, καὶ ὁ κύβος τὸν
20 κύβον μετρήσῃ.

Κίβος γὰρ ἀριθμὸς ὁ A κύβον τὸν B μετρεῖται, καὶ τοῦ μὲν A πλευρὰ ἐστὼ ὁ Γ , τοῦ δὲ B ὁ Δ · λέγω, ὅτι ὁ Γ τὸν Δ μετρεῖ.

Ὁ Γ γὰρ ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν E ποιεῖται, 25 ὁ δὲ Δ ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν H ποιεῖται, καὶ ἔτι ὁ Γ τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν Z [ποιεῖται], ἐκά-

1. εἰσι Vφ. 2. E] seq. ras. 1 litt. V. 3. μετρεῖ — τὸν Δ] om P. 4. πάλιν δὴ] ἀλλὰ δὴ μετρεῖται BVφ. ὁ] καὶ ὁ Vφ. μετρεῖται] om. BVφ. 9. μετρεῖ — 10: τὸν E] om. P. 10. ἄρα] post ras. 2 litt. B. 12. Supra τετράγωνος et τετράγωνον in B scr. comprr. ἀριθμός et ἀριθμόν.

sunt, et A numerum B metitur, A etiam numerum E metitur [prop. VII]. est autem $A : E = \Gamma : \Delta$. ergo etiam Γ numerum Δ metitur [VII def. 20].

Rursus Γ numerum Δ metiatur. dico, etiam A numerum B metiri.

nam iisdem comparatis similiter demonstrabimus, numeros A, E, B deinceps proportionales esse in ratione $\Gamma : \Delta$. et quoniam est $\Gamma : \Delta = A : E$, et Γ numerum Δ metitur, etiam A numerum E metitur [VII def. 20]. et A, E, B deinceps proportionales sunt. quare etiam A numerum B metitur.¹⁾

Ergo si numerus quadratus quadratum numerum metitur, etiam latus latus metietur; et si latus latus metitur, etiam quadratus quadratum metietur.

XV.

Si cubus numerus cubum numerum metitur, etiam

A ——— latus latus metietur; et si latus
 B ——— latus metitur, etiam cubus cu-
 Γ ——— H ——— bum metietur.
 Θ ———

Δ ——— Nam cubus numerus A cu-
 E ——— bum B metiatur, et numeri A
 H ——— latus sit Γ , numeri B autem Δ .
 Z ——— dico, Γ numerum Δ metiri.

sit enim $\Gamma \times \Gamma = E$, $\Delta \times \Delta = H$, $\Gamma \times \Delta = Z$,

1) Nam E numerum B metitur (VII def. 20) et A numerum E .

15. ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. PB. 21. μετρήσεια φ. 22. Γ] A φ.
 23. ὁ Γ] καὶ ὁ Γ \forall φ. μετρήσει $B \forall$ φ. 25. ὁ δὲ Δ ἑαυ-
 τόν] καὶ ἔτι ὁ Γ τὸν Δ $B \forall$ φ. H] Z $B \forall$ φ. καὶ ἔτι ὁ
 Γ τὸν Δ] ὁ δὲ Δ ἑαυτὸν $B \forall$ φ. 26. Z] $H B \forall$ φ. ποιεῖτω]
 om. P.

τερος δὲ τῶν Γ , Δ τὸν Z πολλαπλασιάσας ἑκάτερον
 τῶν Θ , K ποιείτω. φανερόν δὴ, ὅτι οἱ E , Z , H καὶ
 οἱ A , Θ , K , B ἐξῆς ἀνάλογόν εἰσιν ἐν τῷ τοῦ Γ πρὸς
 τὸν Δ λόγῳ. καὶ ἐπεὶ οἱ A , Θ , K , B ἐξῆς ἀνάλογόν
 5 εἰσιν, καὶ μετρεῖ ὁ A τὸν B , μετρεῖ ἄρα καὶ τὸν Θ .
 καὶ ἐστὶν ὡς ὁ A πρὸς τὸν Θ , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν
 Δ · μετρεῖ ἄρα καὶ ὁ Γ τὸν Δ .

Ἀλλὰ δὴ μετρεῖτω ὁ Γ τὸν Δ · λέγω, ὅτι καὶ ὁ
 A τὸν B μετρήσει.

10 Τῶν γὰρ αὐτῶν κατασκευασθέντων ὁμοίως δὴ
 δείξομεν, ὅτι οἱ A , Θ , K , B ἐξῆς ἀνάλογόν εἰσιν ἐν
 τῷ τοῦ Γ πρὸς τὸν Δ λόγῳ. καὶ ἐπεὶ ὁ Γ τὸν Δ
 μετρεῖ, καὶ ἐστὶν ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ A
 πρὸς τὸν Θ , καὶ ὁ A ἄρα τὸν Θ μετρεῖ· ὥστε καὶ
 15 τὸν B μετρεῖ ὁ A · ὅπερ ἔδει δείξαι.

ις'.

Ἐὰν τετράγωνος ἀριθμὸς τετράγωνον ἀριθ-
 μὸν μὴ μετρῇ, οὐδὲ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν
 μετρήσει· καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μὴ με-
 20 τρῇ, οὐδὲ ὁ τετράγωνος τὸν τετράγωνον με-
 τρήσει.

Ἐστῶσαν τετράγωνοι ἀριθμοὶ οἱ A , B , πλευραὶ
 δὲ αὐτῶν ἑστῶσαν οἱ Γ , Δ , καὶ μὴ μετρεῖτω ὁ A τὸν
 B · λέγω, ὅτι οὐδὲ ὁ Γ τὸν Δ μετρεῖ.

25 Εἰ γὰρ μετρεῖ ὁ Γ τὸν Δ , μετρήσει καὶ ὁ A τὸν
 B . οὐ μετρεῖ δὲ ὁ A τὸν B · οὐδὲ ἄρα ὁ Γ τὸν Δ
 μετρήσει.

3 οἱ] om. V φ. 5. εἰσι V φ. 6. Θ] om. φ. 7.
 μετρεῖ ἄρα καὶ ὁ Γ τὸν Δ] mg m 1 P. 9. μετρήσει φ
 10. αὐτόν φ. δὴ] om B. 12. τόν] om. P. καί] m.

$\Gamma \times Z = \Theta$, $\Delta \times Z = K$. manifestum igitur, numeros E , Z , H et A , Θ , K , B deinceps proportionales esse in ratione $\Gamma : \Delta$ [prop. XII]. et quoniam A , Θ , K , B deinceps proportionales sunt, et A numerum B metitur, etiam numerum Θ metitur [prop. VII]. uerum $A : \Theta = \Gamma : \Delta$. ergo etiam Γ numerum Δ metitur.

Rursus metiatur Γ numerum Δ . dico, etiam A numerum B metiri. nam iisdem comparatis similiter demonstrabimus, numeros A , Θ , K , B deinceps proportionales esse in ratione $\Gamma : \Delta$. et quoniam Γ numerum Δ metitur, et $\Gamma : \Delta = A : \Theta$, etiam A numerum Θ metitur [VII def. 20]. quare etiam numerum B ¹⁾ metitur A ; quod erat demonstrandum.

XVI.

Si numerus quadratus quadratum numerum non metitur, ne latus quidem latus metietur; et si latus latus non metitur, ne quadratus quidem quadratum metietur.

A —————
 B —————
 Γ —————
 Δ —————

Sint numeri quadrati A , B , latera autem eorum sint Γ , Δ , et A numerum B ne metiatur. dico, ne Γ quidem numerum Δ metiri.

nam si Γ numerum Δ metitur, etiam A numerum B metietur [prop. XIV]. at A numerum B non metitur. ergo ne Γ quidem numerum Δ metietur.

1) Cfr. p. 313 not.

2 B, om. Vφ. 19. μή] supra V. 22. ἀριθμοί] m. 2 B, om. Vφ. 23. μή] supra V. 24. λέγω δέ P οὐδ' V. μετρίσει Vφ. μετρεῖ — 25: τὸν Δ] mg m. 1 P. 26. οὐδ' B.

Μὴ μετρεῖτω [δὴ] πάλιν ὁ Γ τὸν Δ· λέγω, ὅτι οἶδὲ ὁ Α τὸν Β μετρήσει.

Εἰ γὰρ μετρεῖ ὁ Α τὸν Β, μετρήσει καὶ ὁ Γ τὸν Δ. οὐ μετρεῖ δὲ ὁ Γ τὸν Δ· οὐδ' ἄρα ὁ Α τὸν Β
5 μετρήσει· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιζ'.

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μὴ με-
τρῇ, οὐδὲ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρήσει·
κἂν ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μὴ μετρῇ, οἶδὲ ὁ
10 κύβος τὸν κύβον μετρήσει.

Κύβος γὰρ ἀριθμὸς ὁ Α κύβον ἀριθμὸν τὸν Β
μὴ μετρεῖτω, καὶ τοῦ μὲν Α πλευρὰ ἔστω ὁ Γ, τοῦ
δὲ Β ὁ Δ· λέγω, ὅτι ὁ Γ τὸν Δ οὐ μετρήσει.

Εἰ γὰρ μετρεῖ ὁ Γ τὸν Δ, καὶ ὁ Α τὸν Β με-
15 τρήσει. οὐ μετρεῖ δὲ ὁ Α τὸν Β· οὐδ' ἄρα ὁ Γ
τὸν Δ μετρεῖ.

Ἀλλὰ δὴ μὴ μετρεῖτω ὁ Γ τὸν Δ· λέγω, ὅτι οὐδὲ ὁ Α τὸν Β μετρήσει.

Εἰ γὰρ ὁ Α τὸν Β μετρεῖ, καὶ ὁ Γ τὸν Δ με-
20 τρήσει. οὐ μετρεῖ δὲ ὁ Γ τὸν Δ· οὐδ' ἄρα ὁ Α τὸν
Β μετρήσει· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιη'.

Δύο ὁμοίων ἐπιπέδων ἀριθμῶν εἰς μέσος
ἀνάλογόν ἐστιν ἀριθμός· καὶ ὁ ἐπίπεδος πρὸς
25 τὸν ἐπίπεδον διπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ ἡ
ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν.

1. δὴ] om. P. 3. εἰ γὰρ μετρεῖ ὁ Α τὸν Β] mg. m. 1 P.
μετρήσει] om. P. 4. Δ] eras. V. οὐ μετρεῖ δὲ ὁ Γ τὸν
Δ] m. 2 B. 5. ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. B. 9. μετρῇ] -ῃ

Rursus Γ numerum Δ ne metiatur. dico, ne A quidem numerum B metiri.

nam si A numerum B metitur, etiam Γ numerum Δ metietur [prop. XIV]. at Γ numerum Δ non metitur. ergo ne A quidem numerum B metietur; quod erat demonstrandum.

XVII.

Si cubus numerus cubum numerum non metitur, ne latus quidem latus metietur; et si latus latus non metitur, ne cubus quidem cubum metietur.

Nam cubus numerus A cubum numerum B ne metiatur, et numeri A latus sit Γ , numeri B autem Δ . dico, Γ numerum Δ non metiri.

nam si Γ numerum Δ metitur, etiam A numerum B metietur [prop. XV]. at A numerum B non metitur. ergo ne Γ quidem numerum Δ metitur.

Uerum Γ numerum Δ ne metiatur. dico, ne A quidem numerum B metiri.

nam si A numerum B metitur, etiam Γ numerum Δ metietur [prop. XV]. at Γ numerum Δ non metitur. ergo ne A quidem numerum B metietur; quod erat demonstrandum.

XVIII.

Inter duos similes numeros planos unus medius est proportionalis numerus; et planus ad planum

in ras. φ . 13. δ] (prius) corr. ex τοῦ V. 14. μετρεῖ] με-
 τρήσει V φ . 15. οὐδέ V φ . 20. δ A] supra m. 2 V. 21.
 ὅπερ εἶδει δεῖξαι] om. B V φ .

Ἐστῶσαν δύο ὅμοιοι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ οἱ A, B , καὶ τοῦ μὲν A πλευραὶ ἑστῶσαν οἱ Γ, Δ ἀριθμοί, τοῦ δὲ B οἱ E, Z . καὶ ἐπεὶ ὅμοιοι ἐπίπεδοί εἰσιν οἱ ἀνάλογον ἔχοντες τὰς πλευράς, ἔστιν ἄρα ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ E πρὸς τὸν Z . λέγω οὖν, ὅτι τῶν A, B εἰς μέσος ἀνάλογόν ἐστὶν ἀριθμός, καὶ ὁ A πρὸς τὸν B διπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ ὁ Γ πρὸς τὸν E ἢ ὁ Δ πρὸς τὸν Z , τουτέστιν ἢ περ ἢ ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον [πλευράν].

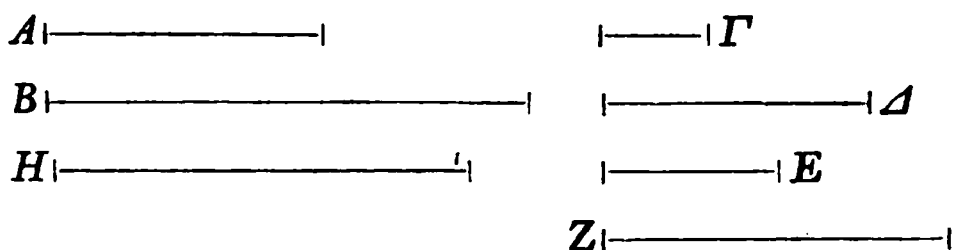
Καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ E πρὸς τὸν Z , ἐναλλάξ ἄρα ἐστὶν ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν E , ὁ Δ πρὸς τὸν Z . καὶ ἐπεὶ ἐπίπεδός ἐστὶν ὁ A , πλευραὶ δὲ αὐτοῦ οἱ Γ, Δ , ὁ Δ ἄρα τὸν Γ πολλαπλασιάσας τὸν A πεποίηκεν. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὁ E τὸν Z πολλαπλασιάσας τὸν B πεποίηκεν. ὁ Δ δὴ τὸν E πολλαπλασιάσας τὸν H ποιείτω. καὶ ἐπεὶ ὁ Δ τὸν μὲν Γ πολλαπλασιάσας τὸν A πεποίηκεν, τὸν δὲ E πολλαπλασιάσας τὸν H πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν E , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν H . ἀλλ' ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν E , [οὕτως] ὁ Δ πρὸς τὸν Z . καὶ ὡς ἄρα ὁ Δ πρὸς τὸν Z , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν H . πάλιν, ἐπεὶ ὁ E τὸν μὲν Δ πολλαπλασιάσας τὸν H πεποίηκεν, τὸν δὲ Z πολλαπλασιάσας τὸν B πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὡς ὁ Δ πρὸς τὸν Z , οὕτως ὁ H πρὸς τὸν B . ἐδείχθη δὲ καὶ ὡς ὁ Δ πρὸς τὸν Z , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν H . καὶ ὡς ἄρα ὁ A πρὸς τὸν H , οὕτως ὁ H πρὸς τὸν B . οἱ A, H, B ἄρα ἐξῆς ἀνάλογόν εἰσιν. τῶν A, B ἄρα εἰς μέσος ἀνάλογόν ἐστὶν ἀριθμός.

1. ἀριθμοί] om. Vφ. 9. πλευράν] om. P. 11. Γ] in ras. φ. 13. πολυπλασιάσας P. 14. πεποίηκε Vφ. 15. Z]

duplicatam rationem habet quam latera correspondentia.

Sint duo numeri plani similes A , B , et latera numeri A sint Γ , Δ , numeri B autem E , Z . et quoniam similes plani numeri ii sunt, qui latera proportionalia habent [VII def. 21], erit $\Gamma : \Delta = E : Z$. dico, inter A , B unum medium esse proportionalem numerum, et esse $A : B = \Gamma^2 : E^2 = \Delta^2 : Z^2$.

iam quoniam est $\Gamma : \Delta = E : Z$, permutando erit $\Gamma : E = \Delta : Z$ [VII, 13]. et quoniam A planus est,



latera autem eius Γ , Δ , erit $\Delta \times \Gamma = A$. eadem de causa erit etiam $E \times Z = B$. iam sit $\Delta \times E = H$. et quoniam $\Delta \times \Gamma = A$ et $\Delta \times E = H$, erit $\Gamma : E = A : H$ [VII, 17]. uerum $\Gamma : E = \Delta : Z$. quare etiam $\Delta : Z = A : H$. rursus quoniam

$E \times \Delta = H$ et $E \times Z = B$, erit $\Delta : Z = H : B$ [VII, 17]. demonstrauius autem, esse etiam

$$\Delta : Z = A : H.$$

quare etiam $A : H = H : B$. itaque A , H , B deinceps proportionales sunt. ergo inter A , B unus medius proportionalis est numerus.

in ras. φ . πολυπλασιάσας P. 16. πολυπλασιάσας P. 17. μέν] supra m. 2 V. πολυπλασιάσας P. πεποίηκε V φ . 18. πολυπλασιάσας P. 19. ἀλ' φ . 20. οὕτως] om. P. Z] seq. οὕτως ὁ A P, del. m. 1. καὶ ὡς ἄρα ὁ Δ πρὸς] in ras. φ . 22. μέν] om. P. πολυπλασιάσας P. 23. πεποίηκε V φ . πολυπλασιάσας R. 24. Z] in ras. φ . 28. εἰσι V φ .

Λέγω δὴ, ὅτι καὶ ὁ A πρὸς τὸν B διπλασίονα λόγον ἔχει ἢπερ ἡ ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν, τουτέστιν ἢπερ ὁ Γ πρὸς τὸν E ἢ ὁ Δ πρὸς τὸν Z . ἐπεὶ γὰρ οἱ A, H, B ἐξῆς ἀνάλογόν εἰσιν, ὁ A πρὸς τὸν B διπλασίονα λόγον ἔχει ἢπερ πρὸς τὸν H . καὶ ἐστὶν ὡς ὁ A πρὸς τὸν H , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν E καὶ ὁ Δ πρὸς τὸν Z . καὶ ὁ A ἄρα πρὸς τὸν B διπλασίονα λόγον ἔχει ἢπερ ὁ Γ πρὸς τὸν E ἢ ὁ Δ πρὸς τὸν Z . ὅπερ ἐδεῖ δεῖξαι.

10

ιθ'.

Δύο ὁμοίων στερεῶν ἀριθμῶν δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπίπτουσιν ἀριθμοί· καὶ ὁ στερεὸς πρὸς τὸν ὅμοιον στερεὸν τριπλασίονα λόγον ἔχει ἢπερ ἡ ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν.

Ἔστωσαν δύο ὅμοιοι στερεοὶ οἱ A, B , καὶ τοῦ μὲν A πλευραὶ ἔστωσαν οἱ Γ, Δ, E , τοῦ δὲ B οἱ Z, H, Θ . καὶ ἐπεὶ ὅμοιοι στερεοὶ εἰσιν οἱ ἀνάλογον ἔχοντες τὰς πλευράς, ἐστὶν ἄρα ὡς μὲν ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ Z πρὸς τὸν H , ὡς δὲ ὁ Δ πρὸς τὸν E , οὕτως ὁ H πρὸς τὸν Θ . λέγω, ὅτι τῶν A, B δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπίπτουσιν ἀριθμοί, καὶ ὁ A πρὸς τὸν B τριπλασίονα λόγον ἔχει ἢπερ ὁ Γ πρὸς τὸν Z καὶ ὁ Δ πρὸς τὸν H καὶ ἔτι ὁ E πρὸς τὸν Θ .

Ὁ Γ γὰρ τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν K ποιεῖτω, ὁ δὲ Z τὸν H πολλαπλασιάσας τὸν Λ ποιεῖτω. καὶ

4. τόν] τήν P. 6. τόν] (alt.) corr. ex τό m. 2 P. 8. ἄρα διπλασίονα λόγον ἔχει πρὸς τὸν B Vφ. ὁ Γ] ὁ τε Γ PBVφ; corr. ed. Basil. 11. μέσοι] ὅμοιοι V (corr. m. rec.), φ. 16. οἱ] ἀριθμοὶ οἱ φ, Vm. 2. 17. μὲν] om. B, supra m.

Iam dico, esse etiam $A : B = \Gamma^2 : E^2 = \Delta^2 : Z^2$.
nam quoniam A, H, B deinceps proportionales sunt,
erit [V def. 9] $A : B = A^2 : H^2$.

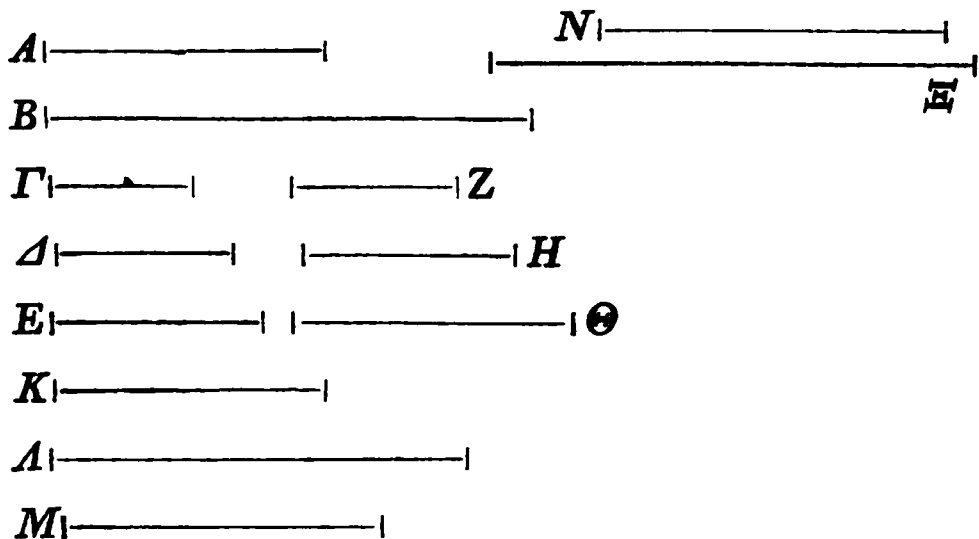
et $A : H = \Gamma : E = \Delta : Z$.

quare etiam $A : B = \Gamma^2 : E^2 = \Delta^2 : Z^2$; quod erat
demonstrandum.

XIX.

Inter duos similes numeros solidos duo medii
proportionales numeri interponuntur; et solidus ad
solidum similem triplicatam rationem habet quam
latera correspondentia.

Sint duo solidi similes A, B et numeri A latera
sint Γ, Δ, E , numeri B autem Z, H, Θ . et quoniam



similes solidi ii sunt, qui latera proportionalia habent
[VII def. 21], erit $\Gamma : \Delta = Z : H$, $\Delta : E = H : \Theta$.
dico, inter A, B duos medios proportionales numeros
interponi, et esse $A : B = \Gamma^3 : Z^3 = \Delta^3 : H^3 = E^3 : \Theta^3$.

sit enim $\Gamma \times \Delta = K$, $Z \times H = \Lambda$. et quoniam

2 V. 18. ἀριθμοὶ οἱ V φ. 19. μὲν ὁ] ὁ μὲν V φ, ὁ B.
24. καὶ] (prius) om. B, mg. ἦ. ἔτι] ἐστὶ φ.

ἐπεὶ οἱ Γ , Δ τοῖς Z , H ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ εἰσὶν, καὶ
ἐκ μὲν τῶν Γ , Δ ἐστὶν ὁ K , ἐκ δὲ τῶν Z , H ὁ Λ ,
οἱ K , Λ [ἄρα] ὅμοιοι ἐπίπεδοί εἰσιν ἀριθμοί· τῶν K ,
 Λ ἄρα εἰς μέσος ἀνάλογόν ἐστὶν ἀριθμός. ἔστω ὁ
6 M . ὁ M ἄρα ἐστὶν ὁ ἐκ τῶν Δ , Z , ὡς ἐν τῷ πρὸ
τούτου θεωρήματι ἐδείχθη. καὶ ἐπεὶ ὁ Δ τὸν μὲν
 Γ πολλαπλασιάσας τὸν K πεποίηκεν, τὸν δὲ Z πολ-
λαπλασιάσας τὸν M πεποίηκεν, ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ Γ
πρὸς τὸν Z , οὕτως ὁ K πρὸς τὸν M . ἀλλ' ὡς ὁ K
10 πρὸς τὸν M , ὁ M πρὸς τὸν Λ . οἱ K , M , Λ ἄρα
ἐξῆς εἰσὶν ἀνάλογον ἐν τῷ τοῦ Γ πρὸς τὸν Z λό-
γῳ. καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ
 Z πρὸς τὸν H , ἐναλλάξ ἄρα ἐστὶν ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν
 Z , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν H . διὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ
15 ὡς ὁ Δ πρὸς τὸν H , οὕτως ὁ E πρὸς τὸν Θ . οἱ
 K , M , Λ ἄρα ἐξῆς εἰσὶν ἀνάλογον ἐν τε τῷ τοῦ Γ
πρὸς τὸν Z λόγῳ καὶ τῷ τοῦ Δ πρὸς τὸν H καὶ
ἔτι τῷ τοῦ E πρὸς τὸν Θ . ἑκάτερος δὲ τῶν E , Θ
τὸν M πολλαπλασιάσας ἑκάτερον τῶν N , Ξ ποιεῖτω.
20 καὶ ἐπεὶ στερεός ἐστὶν ὁ A , πλευραὶ δὲ αὐτοῦ εἰσὶν
οἱ Γ , Δ , E , ὁ E ἄρα τὸν ἐκ τῶν Γ , Δ πολλαπλα-
σιάσας τὸν A πεποίηκεν. ὁ δὲ ἐκ τῶν Γ , Δ ἐστὶν ὁ
 K . ὁ E ἄρα τὸν K πολλαπλασιάσας τὸν A πεποίηκεν.
διὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ ὁ Θ τὸν Λ πολλαπλασιάσας τὸν
■ B πεποίηκεν. καὶ ἐπεὶ ὁ E τὸν K πολλαπλασιάσας
τὸν A πεποίηκεν, ἀλλὰ μὴν καὶ τὸν M πολλαπλα-
σιάσας τὸν N πεποίηκεν, ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ K πρὸς
τὸν M , οὕτως ὁ Λ πρὸς τὸν N . ὡς δὲ ὁ K πρὸς
τὸν M , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν Z καὶ ὁ Δ πρὸς
80 τὸν H καὶ ἔτι ὁ E πρὸς τὸν Θ . καὶ ὡς ἄρα ὁ

1. οἱ] corr. ex d m. 2 P. εἰς V φ. 3. ἄρα] om. P.

Γ , Δ et Z , H in eadem ratione sunt, et $\Gamma \times \Delta = K$, $Z \times H = \Lambda$, numeri K , Λ similes plani sunt [VII def. 21]. itaque inter K , Λ unus medius est proportionalis numerus [prop. XVIII]. sit M . itaque $M = \Delta \times Z$, ut in propositione praecedenti demonstratum est [p. 318, 15; 26]. et quoniam

$\Delta \times \Gamma = K$ et $\Delta \times Z = M$, erit $\Gamma : Z = K : M$ [VII, 17]. uerum $K : M = M : \Lambda$. itaque K , M , Λ deinceps proportionales sunt in ratione $\Gamma : Z$. et quoniam est $\Gamma : \Delta = Z : H$, permutando erit

$$\Gamma : Z = \Delta : H \text{ [VII, 13].}$$

eadem de causa erit etiam $\Delta : H = E : \Theta$. itaque K , M , Λ deinceps proportionales sunt in rationibus $\Gamma : Z$, $\Delta : H$, $E : \Theta$. iam sit $E \times M = N$ et $\Theta \times M = \Xi$. et quoniam Λ solidus est, et latera eius sunt Γ , Δ , E , erit $E \times \Gamma \times \Delta = \Lambda$. uerum $\Gamma \times \Delta = K$. itaque $E \times K = \Lambda$ eadem de causa etiam $\Theta \times \Lambda = B$. et quoniam $E \times K = \Lambda$, et $E \times M = N$, erit $K : M = \Lambda : N$ [VII, 17]. uerum

$$K : M = \Gamma : Z = \Delta : H = E : \Theta.$$

6. Post *ἐδείχθη* add. *Ἰφ. ἔστιν ἄρα (ἔτι φ) ὡς ὁ Κ πρὸς τὸν Μ, ὁ Μ πρὸς τὸν Λ*; idem B mg. m. 2. 7. *πεποίηκε* *Ἰφ.*
 9. *ἀλλ' ὡς ὁ Κ πρὸς τὸν Μ*] mg. φ. 10. *ὁ*] οὕτως ὁ *Ἰφ.*
 11. *εἶσιν*] om. P, supra m. 1 V. 14. *διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ*] P;
πάλιν ἐπεὶ ἔστιν ὡς ὁ Δ πρὸς τὸν Ε, οὕτως ὁ Η πρὸς τὸν Θ,
ἐναλλὰξ ἄρα ἐστὶν Theon (BVφ). 16. *Κ, Δ, Μ* *Ἰφ.* *ἄρα*
ἔτι φ. ἀνάλογόν εἰσιν *Ἰφ.* 17. *λόγῳ*] om. *Ἰφ.* *τῷ*
 om. *Ἰφ.* 21. *Γ*] (prius) *eras. V.* 22. *Δ*] seq. in P: *πολλαπλα-*
σιάσας, sed delet. 23. *πεποίηκε* *Ἰφ.* 24. Post *πολλαπλα-*
σιάσας add. Theon: *τὸν ἐκ τῶν Ζ, Η (BVφ).* 25. *πεποίηκε*
Ἰφ. 30. *ἔτι*] corr ex *ὅτι* m. 1 P; *ἔστιν φ, mg. ἔτι.* καὶ
ὡς] ὡς *BVφ.*

Γ πρὸς τὸν Ζ καὶ ὁ Δ πρὸς τὸν Η καὶ ὁ Ε πρὸς τὸν
 Θ, οὕτως ὁ Α πρὸς τὸν Ν. πάλιν, ἐπεὶ ἐκάτερος
 τῶν Ε, Θ τὸν Μ πολλαπλασιάσας ἐκάτερον τῶν Ν,
 Ξ πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὡς ο Ε πρὸς τὸν Θ, οὕτως
 5 ὁ Ν πρὸς τὸν Ξ. ἀλλ' ὡς ὁ Ε πρὸς τὸν Θ, οὕτως
 ὁ τε Γ πρὸς τὸν Ζ καὶ ὁ Δ πρὸς τὸν Η καὶ ὡς
 ἄρα ὁ Γ πρὸς τὸν Ζ καὶ ὁ Δ πρὸς τὸν Η καὶ ὁ
 Ε πρὸς τὸν Θ, οὕτως ὁ τε Α πρὸς τὸν Ν καὶ ὁ
 Ν πρὸς τὸν Ξ. πάλιν, ἐπεὶ ὁ Θ τὸν Μ πολλαπλα-
 10 σιάσας τὸν Ξ πεποίηκεν, ἀλλὰ μὴν καὶ τὸν Δ πολ-
 λαπλασιάσας τὸν Β πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὡς ὁ Μ
 πρὸς τὸν Δ, οὕτως ὁ Ξ πρὸς τὸν Β. ἀλλ' ὡς ὁ
 Μ πρὸς τὸν Δ, οὕτως ὁ τε Γ πρὸς τὸν Ζ καὶ ὁ Δ
 πρὸς τὸν Η καὶ ὁ Ε πρὸς τὸν Θ. καὶ ὡς ἄρα ὁ Γ
 15 πρὸς τὸν Ζ καὶ ὁ Δ πρὸς τὸν Η καὶ ὁ Ε πρὸς τὸν
 Θ, οὕτως οὐ μόνον ὁ Ξ πρὸς τὸν Β, ἀλλὰ καὶ ὁ
 Α πρὸς τὸν Ν καὶ ὁ Ν πρὸς τὸν Ξ. οἱ Α, Ν, Ξ,
 Β ἄρα ἐξῆς εἰσιν ἀνάλογον ἐν τοῖς εἰρημένοις τῶν
 πλευρῶν λόγοις.
 20 Λέγω, ὅτι καὶ ὁ Α πρὸς τὸν Β τριπλασίονα λό-
 γον ἔχει ἢπερ ἡ ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλο-
 γον πλευράν, τουτέστιν ἢπερ ὁ Γ ἀριθμὸς πρὸς τὸν
 Ζ ἢ ὁ Δ πρὸς τὸν Η καὶ ἔτι ὁ Ε πρὸς τὸν Θ. ἐπεὶ
 γὰρ τέσσαρες ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογόν εἰσιν οἱ Α, Ν,
 25 Ξ, Β, ὁ Α ἄρα πρὸς τὸν Β τριπλασίονα λόγον ἔχει
 ἢπερ ὁ Α πρὸς τὸν Ν. ἀλλ' ὡς ὁ Α πρὸς τὸν Ν,
 οὕτως ἐδείχθη ὁ τε Γ πρὸς τὸν Ζ καὶ ὁ Δ πρὸς τὸν
 Η καὶ ἔτι ὁ Ε πρὸς τὸν Θ. καὶ ὁ Α ἄρα πρὸς τὸν

2. Ν] corr. ex K V. 6. Post H add. P: καὶ ὁ Ε πρὸς
 τὸν Θ. καὶ ὡς — 8: τὸν Θ] del. P et m. 1 et m. 2. 8.
 τε] om. P. 9. Ξ] Ζ φ. 14. Θ. καὶ ὡς ἄρα ὁ Γ πρὸς τὸν]

quare etiam erit $\Gamma : Z = \Delta : H = E : \Theta = A : N$.
 rursus quoniam est $E \times M = N$ et $\Theta \times M = \Xi$,
 erit $E : \Theta = N : \Xi$ [VII, 18]. uerum

$$E : \Theta = \Gamma : Z = \Delta : H.$$

quare etiam $\Gamma : Z = \Delta : H = E : \Theta = A : N = N : \Xi$.
 rursus quoniam est $\Theta \times M = \Xi$ et $\Theta \times A = B$,
 erit $M : A = \Xi : B$ [VII, 17]. uerum

$$M : A = \Gamma : Z = \Delta : H = E : \Theta.$$

quare etiam

$$\Gamma : Z = \Delta : H = E : \Theta = \Xi : B = A : N = N : \Xi.$$

itaque A, N, Ξ, B deinceps proportionales sunt in
 rationibus laterum, quas indicauimus.

Dico, esse etiam

$$A : B = \Gamma^3 : Z^3 = \Delta^3 : H^3 = E^3 : \Theta^3.$$

nam quoniam quattuor numeri deinceps proportionales
 sunt, A, N, Ξ, B , erit $A : B = A^3 : N^3$ [V def. 10].
 uerum $A : N = \Gamma : Z = \Delta : H = E : \Theta$, ut demon-

mg. φ .
 $\rho\acute{\alpha}\nu$ φ .

16. Ξ] Z φ .
 28. $\alpha\rho\alpha$] om. φ , $\pi\rho\acute{o}\varsigma$ V.

17. Ξ] corr. ex Z φ .

22. $\pi\lambda\epsilon$ -

B τριπλασίονα λόγον ἔχει ἥπερ ἡ ομόλογος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν, τουτέστιν ἥπερ ὁ Γ ἀριθμὸς πρὸς τὸν Z καὶ ὁ Δ πρὸς τὸν H καὶ ἔτι ὁ E πρὸς τὸν Θ . ὅπερ εἶδει δεῖξαι.

5

κ'.

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν εἰς μέσος ἀνάλογον ἐμπίπτῃ ἀριθμός, ὅμοιοι ἐπίπεδοι ἔσονται οἱ ἀριθμοί.

Δύο γὰρ ἀριθμῶν τῶν A, B εἰς μέσος ἀνάλογον
10 ἐμπίπτέτω ἀριθμὸς ὁ Γ λέγω, ὅτι οἱ A, B ὅμοιοι ἐπίπεδοί εἰσιν ἀριθμοί.

Εἰλήφθωσαν [γὰρ] ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων τοῖς A, Γ οἱ Δ, E . ἰσάκεις ἄρα ὁ Δ τὸν A μετρεῖ καὶ ὁ E τὸν Γ . ὁσάκεις δὲ ὁ Δ
15 τὸν A μετρεῖ, τσαῦται μονάδες ἔστωσαν ἐν τῷ Z . ὁ Z ἄρα τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν A πεποίηκεν. ὥστε ο A ἐπίπεδός ἐστιν, πλευραὶ δὲ αὐτοῦ οἱ Δ, Z . πάλιν, ἐπεὶ οἱ Δ, E ἐλάχιστοί εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων τοῖς Γ, B , ἰσάκεις ἄρα ὁ Δ τὸν Γ
20 μετρεῖ καὶ ὁ E τὸν B . ὁσάκεις δὲ ὁ E τὸν B μετρεῖ, τσαῦται μονάδες ἔστωσαν ἐν τῷ H . ὁ E ἄρα τὸν B μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ H μονάδας. ὁ H ἄρα τὸν E πολλαπλασιάσας τὸν B πεποίηκεν. ὁ B ἄρα

1. πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον] mg. φ. 6. ἐμπίπτει V, corr. m 1. 9. μέσον B. ἀνάλογον] om. BVφ In B supra scr. m. 2: εἰς μέσος ἀνάλογον ἐμπίπτέτω ὁ Γ ἀριθμός, ὡς ὁ A πρὸς τὸν Γ , ὁ Γ πρὸς τὸν B . 12. γὰρ] om. P. 13. A, Γ] A, Γ, B Bφ, et V deleto B. Post E in Vφ add. ἔστιν ἄρα ὡς ὁ Δ πρὸς τὸν E , ὁ A πρὸς τὸν Γ . ὡς δὲ ὁ A πρὸς τὸν Γ , ὁ Γ πρὸς τὸν B (Θ φ). καὶ ὡς ἄρα ὁ Δ πρὸς τὸν E , ὁ Γ πρὸς τὸν B ; idem B mg. m. 2 (δὴ pro δέ). 16. πε-

strauimus. quare etiam

$$A : B = \Gamma^3 : Z^3 = \Delta^3 : H^3 = E^3 : \Theta^3;$$

quod erat demonstrandum.

XX.

Si inter duos numeros unus medius proportionalis interponitur numerus, numeri plani similes erunt.

Nam inter duos numeros A, B unus medius proportionalis interponatur numerus Γ . dico, A, B esse similes numeros planos.

sumantur Δ, E minimi numeri eorum, qui eandem rationem habent ac A, Γ [VII, 33]. itaque Δ

A —————	Δ ———	numerum A et E numerum
B —————		Γ aequaliter metitur [VII, 20].
Γ —————	E ———	iam quoties Δ numerum A
Z —————		metitur, tot unitates sint in
H —————		Z . itaque $Z \times \Delta = A$ [VII
		def. 15]. quare A planus est,
		latera autem eius Δ, Z . rur-

sus quoniam Δ, E minimi sunt eorum, qui eandem rationem habent ac Γ, B ¹⁾, Δ numerum Γ et E numerum B aequaliter metitur [VII, 20]. iam quoties E numerum B metitur, tot unitates sint in H . itaque E numerum B metitur secundum unitates numeri H . itaque $H \times E = B$ [VII def. 15]. itaque B planus

1) Nam $A : \Gamma = \Gamma : B$

ποίησε $V\varphi$. Seq. in $V\varphi$: τὸν δὲ E πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν; idem B m. 2. 17. ἐστὶ $V\varphi$. 18. εἶσιν P . 19. Γ, B] B, Γ φ . 20. δὴ] δέ P , et B (corr. m. 1) 21. ἔστῳσαν] bis φ , sed corr. δ E] e corr. V , καὶ δ E P .

ἐπίπεδός ἐστι, πλευραὶ δὲ αὐτοῦ εἰσιν οἱ E, H . οἱ
 A, B ἄρα ἐπίπεδοί εἰσιν ἀριθμοί. λέγω δὴ, ὅτι καὶ
 ὅμοιοι. ἐπεὶ γὰρ ὁ Z τὸν μὲν A πολλαπλασιάσας τὸν
 A πεποίηκεν, τὸν δὲ E πολλαπλασιάσας τὸν Γ πε-
 5 ποίηκεν, ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν E , οὕτως ὁ
 A πρὸς τὸν Γ , τουτέστιν ὁ Γ πρὸς τὸν B . πάλιν,
 ἐπεὶ ὁ E ἐκάτερον τῶν Z, H πολλαπλασιάσας τοὺς
 Γ, B πεποίηκεν, ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ Z πρὸς τὸν H , οὐ-
 τως ὁ Γ πρὸς τὸν B . ὡς δὲ ὁ Γ πρὸς τὸν B , οὕτως
 10 ὁ A πρὸς τὸν E . καὶ ὡς ἄρα ὁ A πρὸς τὸν E , οὐ-
 τως ὁ Z πρὸς τὸν H . καὶ ἐναλλάξ ὡς ὁ A πρὸς
 τὸν Z , οὕτως ὁ E πρὸς τὸν H . οἱ A, B ἄρα ὅμοιοι
 ἐπίπεδοι ἀριθμοί εἰσιν· αἱ γὰρ πλευραὶ αὐτῶν ἀνά-
 λογόν εἰσιν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

15

κα'.

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμ-
 πίπτωσιν ἀριθμοί, ὅμοιοι στερεοί εἰσιν οἱ
 ἀριθμοί.

Δύο γὰρ ἀριθμῶν τῶν A, B δύο μέσοι ἀνάλογον
 20 ἐμπιπτέτωσαν ἀριθμοὶ οἱ Γ, Δ . λέγω, ὅτι οἱ A, B
 ὅμοιοι στερεοί εἰσιν.

Εἰλήφθωσαν γὰρ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐ-
 τὸν λόγον ἔχόντων τοῖς A, Γ, Δ τρεῖς οἱ E, Z, H .
 οἱ ἄρα ἄκροι αὐτῶν οἱ E, H πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους
 25 εἰσίν. καὶ ἐπεὶ τῶν E, H εἰς μέσος ἀνάλογον ἐμ-
 πέπτωκεν ἀριθμὸς ὁ Z , οἱ E, H ἄρα ἀριθμοὶ ὅμοιοι

1. ἐπίπεδος] in ras. φ. 3. ἐπεὶ γὰρ — 4: Γ πεποίηκεν] del. B; ἐπεὶ γὰρ ἐκάτερον (ex ἐκάτερος V) τῶν A, E ὁ Z (A, E ὁ Z in ras. V) πολλαπλασιάσας ἐκάτερον τῶν A, Γ (in ras. V) πεποίηκεν Vφ; ἐπεὶ γὰρ ἐκάτερος τῶν Z, H τὸν E πολλαπλα-
 σιάσας ἐκάτερον τῶν Γ, B πεποίηκεν mg B. In P mg. m. 1

est, et latera eius sunt E, H . ergo A, B plani sunt numeri.

Iam dico, eos etiam similes esse. nam quoniam est $Z \times A = A$ et $Z \times E = \Gamma^1)$, erit

$$A : E = A : \Gamma = \Gamma : B.$$

rursus quoniam $E \times Z = \Gamma$, $E \times H = B$, erit $Z : H = \Gamma : B$ [VII, 17]. uerum $\Gamma : B = A : E$. quare etiam $A : E = Z : H$. et permutando $A : Z = E : H$ [VII, 13]. ergo A, B similes sunt numeri plani; latera enim eorum proportionalia sunt [VII def. 21]; quod erat demonstrandum.

XXI.

Si inter duos numeros duo medii proportionales numeri interponuntur, numeri similes sunt solidi.

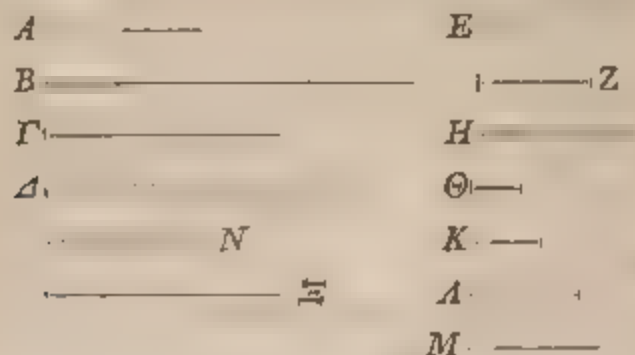
Nam inter duos numeros A, B duo medii proportionales interponantur numeri Γ, Δ . dico, numeros A, B similes esse solidos.

sumantur enim E, Z, H numeri minimi eorum, qui in eadem ratione sunt ac A, Γ, Δ [prop. II]. itaque extremi eorum E, H inter se primi sunt [prop. III]. et quoniam inter E, H unus medius proportionalis interponitur numerus Z , numeri E, H similes plani

1) Nam $A : A = 1 : Z = E : \Gamma$.

add. \sim ἴσάντις ἄρα ὁ Δ τὸν A μετρεῖ καὶ ὁ E τὸν Γ (signo \sim nullum in textu respondit). 5. ὡς] om. P. 7. ἐκάτερον τῶν Z, H ὁ E $\forall \varphi$. Z, H πολλαπλασιάσας τοὺς] om. B. τοὺς] ἐκάτερον τῶν $\forall \varphi$. 10. καὶ ὡς — E] mg. φ . ἄρα] om. P. 11. καὶ ἐναλλάξ — 12: τὸν H] om. Theon (B $\forall \varphi$). 13. εἰσιν ἀριθμοὶ P. 16. ἐμπίνουσιν φ , sed corr. 17. ἀριθμοὶ, ὁμοιοὶ] bis φ . ol] om. P. 20. Γ, Δ] Δ, Γ φ . λέγω γάρ V, deleto γάρ. 23. Δ] Δ, B $\forall \varphi$ 25. εἰσὶ $\forall \varphi$. ἀνάλογος P. 26. ὁ Z] om. φ .

ἐπίπεδοί εἰσιν. ἔστωσαν οὖν τοῦ μὲν E πλευραὶ οἱ Θ , K , τοῦ δὲ H οἱ A , M . φανερόν ἄρα ἐστὶν ἐκ τοῦ πρὸ τούτου, ὅτι οἱ E , Z , H ἐξῆς εἰσιν ἀνάλογον ἐν



τε τῷ τοῦ Θ πρὸς τὸν A λόγῳ καὶ τῷ τοῦ K πρὸς
 5 τὸν M . καὶ ἐπεὶ οἱ E , Z , H ἐλάχιστοί εἰσι τῶν τὸν
 αὐτὸν λόγον ἔχόντων τοῖς A , Γ , Δ , καὶ ἐστὶν ἴσον
 τὸ πλῆθος τῶν E , Z , H τῷ πλῆθει τῶν A , Γ , Δ , δι'
 ἴσου ἄρα ἐστὶν ὡς ὁ E πρὸς τὴν H , οὕτως ὁ A πρὸς
 τὸν Δ . οἱ δὲ E , H πρῶτοι, οἱ δὲ πρῶτοι καὶ ἐλά-
 10 χιστοι, οἱ δὲ ἐλάχιστοι μετροῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λό-
 γον ἔχοντας αὐτοῖς ἰσάκεις ὃ τε μείζων τὸν μείζονα
 καὶ ὁ ἐλάσσων τὸν ἐλάσσονα, τουτέστιν ὃ τε ἡγού-
 μενος τὸν ἡγούμενον καὶ ὁ ἐπόμενος τὸν ἐπόμενον.
 ἰσάκεις ἄρα ὁ E τὸν A μετρεῖ καὶ ὁ H τὸν Δ . ὁσά-
 15 κεις δὴ ὁ E τὸν A μετρεῖ, τοσαῦται μονάδες ἔστωσαν
 ἐν τῷ N . ὁ N ἄρα τὸν E πολλαπλασιάσας τὸν A
 πεποίηκεν. ὁ δὲ E ἐστὶν ὁ ἐκ τῶν Θ , K . ὁ N ἄρα
 τὸν ἐκ τῶν Θ , K πολλαπλασιάσας τὸν A πεποίηκεν.
 στερεὸς ἄρα ἐστὶν ὁ A , πλευραὶ δὲ αὐτοῦ εἰσιν οἱ
 20 Θ , K , N . πάλιν, ἐπεὶ οἱ E , Z , H ἐλάχιστοί εἰσι τῶν
 τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων τοῖς Γ , Δ , B , ἰσάκεις ἄρα
 ὁ E τὸν Γ μετρεῖ καὶ ὁ H τὸν B . ὁσάκεις δὴ ὁ E

2. τοῦ πρὸ] om. BVφ.

3. ἀνάλογόν εἰσιν Vφ.

4.

sunt [prop. XX]. sint Θ , K latera numeri E , et A , M latera numeri H itaque ex praecedenti propositione manifestum est, numeros E , Z , H deinceps proportionales esse in ratione $\Theta : A$ et $K : M$.¹⁾ et quoniam E , Z , H minimi²⁾ sunt eorum, qui eandem rationem habent ac A , Γ , Δ , et multitudo numerorum E , Z , H aequalis est multitudini numerorum A , Γ , Δ , ex aequo erit $E : H = A : \Delta$ [VII, 14]. sed E , H primi sunt, primi autem etiam minimi [VII, 21], minimi autem eos, qui eandem rationem habent, aequaliter metiuntur, maior maiorem et minor minorem [VII, 20], h. e. praecedens praecedentem et sequens sequentem. itaque E numerum A et H numerum Δ aequaliter metitur. iam quoties E numerum A metitur, tot unitates sint in N . itaque $N \times E = A$ [VII def. 15]. uerum $E = \Theta \times K$. itaque

$$N \times \Theta \times K = A.$$

ergo A solidus est, latera autem eius Θ , K , N . rursus quoniam E , Z , H minimi sunt eorum, qui eandem rationem habent ac Γ , Δ , B ³⁾, E numerum Γ et H numerum B aequaliter metitur [VII, 20]. iam quoties

1) Nam in prop. 20 demonstratum est

$$A : \Gamma = \Gamma : B = \Delta : E = Z : H.$$

2) Hoc solum utitur, quod numeri E , Z , H et A , Γ , Δ proportionales sunt.

3) Nam $A : \Gamma = \Gamma : \Delta = \Delta : B = E : Z = Z : H$, et E , Z , H minimi sunt in ratione $A : \Gamma$ et $\Gamma : \Delta$.

$\tau\acute{o}\nu$] om. B. 5. $\tau\acute{o}\nu$] om. B. εἶσιν P. 6 καὶ εἶσιν — 7. A , Γ , Δ] om Theon (BV φ). 15. $\delta\eta$] $\delta\epsilon$ V φ 18. πεποίηκε V φ. 20. N] in ras. V. 22. H] in ras. φ. $\delta\eta$] $\delta\epsilon$ BV φ.

τὸν Γ μετρεῖ, τοσαῦται μονάδες ἔστωσαν ἐν τῷ Ξ .
 ὁ H ἄρα τὸν B μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ Ξ μονάδας·
 ὁ Ξ ἄρα τὸν H πολλαπλασιάσας τὸν B πεποίηκεν.
 ὁ δὲ H ἐστὶν ὁ ἐκ τῶν A, M · ὁ Ξ ἄρα τὸν ἐκ τῶν
 5 A, M πολλαπλασιάσας τὸν B πεποίηκεν. στερεὸς ἄρα
 ἐστὶν ὁ B , πλευραὶ δὲ αὐτοῦ εἰσιν οἱ A, M, Ξ · οἱ
 A, B ἄρα στερεοὶ εἰσιν.

Λέγω [δὴ], ὅτι καὶ ὅμοιοι. ἐπεὶ γὰρ οἱ N, Ξ τὸν
 E πολλαπλασιάσαντες τοὺς A, Γ πεποιήκασιν, ἐστὶν
 10 ἄρα ὡς ὁ N πρὸς τὸν Ξ , ὁ A πρὸς τὸν Γ , τουτέστιν
 ὁ E πρὸς τὸν Z . ἀλλ' ὡς ὁ E πρὸς τὸν Z , ο Θ
 πρὸς τὸν A καὶ ὁ K πρὸς τὸν M · καὶ ὡς ἄρα ὁ Θ
 πρὸς τὸν A , οὕτως ο K πρὸς τὸν M καὶ ο N πρὸς
 τὸν Ξ . καὶ εἰσιν οἱ μὲν Θ, K, N πλευραὶ τοῦ A , οἱ
 15 δὲ Ξ, A, M πλευραὶ τοῦ B . οἱ A, B ἄρα ἀριθμοὶ
 ὅμοιοι στερεοὶ εἰσιν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κβ'.

Ἐὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ο
 δὲ πρῶτος τετράγωνος ᾗ, καὶ ο τρίτος τετρά-
 20 γωνος ἔσται.

Ἐστωσαν τρεῖς ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον οἱ $A, B,$
 Γ , ο δὲ πρῶτος ὁ A τετράγωνος ἔστω· λέγω, ὅτι καὶ
 ὁ τρίτος ὁ Γ τετράγωνός ἐστιν.

Ἐπεὶ γὰρ τῶν A, Γ εἷς μέσος ἀνάλογόν ἐστὶν
 25 ἀριθμὸς ὁ B , οἱ A, Γ ἄρα ὅμοιοι ἐπίπεδοι εἰσιν.
 τετράγωνος δὲ ὁ A · τετράγωνος ἄρα καὶ ὁ Γ · ὅπερ
 ἔδει δεῖξαι.

2. ὁ] καὶ ὁ P. κατὰ] insert. postea V. 4 τόν] corr
 ex τῶν V. 5 πεποίηκε Vφ. Seq. in Vφ: τὸν δὲ E πολλα-
 πλασιάσας τὸν Γ πεποίηκε; idem B m. 2. 7. εἰσι Vφ. 8.

E numerum Γ metitur, tot unitates sint in Ξ . itaque H numerum B metitur secundum unitates numeri Ξ .¹⁾ itaque $\Xi \times H = B$. uerum $H = A \times M$. itaque $\Xi \times A \times M = B$. ergo B solidus est, latera autem eius sunt A, M, Ξ . ergo A, B solidi sunt.

Dico, eos etiam similes esse. nam quoniam

$$N \times E = A \text{ et } \Xi \times E = \Gamma^2), \text{ erit}$$

$$N : \Xi = A : \Gamma \text{ [VII, 18]} = E : Z.$$

uerum $E : Z = \Theta : A = K : M$. quare etiam

$$\Theta : A = K : M = N : \Xi.$$

et Θ, K, N latera sunt numeri A , et Ξ, A, M ³⁾ latera numeri B . ergo A, B similes sunt numeri solidi [VII def. 21]; quod erat demonstrandum.

XXII.

Si tres numeri deinceps proportionales sunt, et primus quadratus est, etiam tertius quadratus erit.

Sint tres numeri deinceps proportionales A, B, Γ , et primus A quadratus sit. dico, etiam tertium Γ quadratum esse.

nam quoniam inter A, Γ unus medius est proportionalis numerus B , A et Γ similes plani sunt [prop. XX]. uerum A quadratus est. ergo etiam Γ quadratus est [VII def. 21]; quod erat demonstrandum.

1) Nam $E : \Gamma = 1 : \Xi = H : B$.

2) Nam $E : \Gamma = 1 : \Xi$.

3) Debit dici A, M, Ξ . sed respicit ad. p. 332, 4.

$\delta\eta$] om. P. N] e corr. V. 10. Ξ] corr. ex Z φ . 19. $\kappa\alpha\iota$ δ] δ insert. m. 2 P. 24. $\alpha\nu\acute{\alpha}\lambda\omicron\gamma\omicron\varsigma$ V, sed corr. m. 1. 25. $\epsilon\lambda\omicron\iota$ V φ . 26. Γ] in ras. P.

κγ'.

Ἐὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ δὲ πρῶτος κύβος ἦ, καὶ ὁ τέταρτος κύβος ἔσται.

6 Ἐστῶσαν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον οἱ A, B, Γ, Δ , ὁ δὲ A κύβος ἔστω· λέγω, ὅτι καὶ ὁ Δ κύβος ἐστίν.

Ἐπεὶ γὰρ τῶν A, Δ δύο μέσοι ἀνάλογόν εἰσιν ἀριθμοὶ οἱ B, Γ , οἱ A, Δ ἄρα ὅμοιοί εἰσι στερεοὶ
10 ἀριθμοί. κύβος δὲ ὁ A · κύβος ἄρα καὶ ὁ Δ · ὅπερ εἶδει δεῖξαι.

κδ'.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχω-
σιν, ὃν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον
15 ἀριθμόν, ὁ δὲ πρῶτος τετράγωνος ἦ, καὶ ὁ δεύτερος τετράγωνος ἔσται.

Δύο γὰρ ἀριθμοὶ οἱ A, B πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχτωσαν, ὃν τετράγωνος ἀριθμὸς ὁ Γ πρὸς τετράγω-
νον ἀριθμόν τὸν Δ , ὁ δὲ A τετράγωνος ἔστω· λέγω,
20 ὅτι καὶ ὁ B τετράγωνός ἐστιν.

Ἐπεὶ γὰρ οἱ Γ, Δ τετράγωνοί εἰσιν, οἱ Γ, Δ ἄρα ὅμοιοι ἐπίπεδοί εἰσιν. τῶν Γ, Δ ἄρα εἷς μέσος ἀνά-
λογον ἐμπίπτει ἀριθμός. καὶ ἐστὶν ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν
 Δ , ὁ A πρὸς τὸν B · καὶ τῶν A, B ἄρα εἷς μέσος
25 ἀνάλογον ἐμπίπτει ἀριθμός. καὶ ἐστὶν ὁ A τετρά-
γωνος· καὶ ὁ B ἄρα τετράγωνός ἐστιν· ὅπερ εἶδει δεῖξαι.

7. ἔσται B V φ. 9. B, Γ] Γ, B φ. εἰσιν P. 14.
τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς] mg. φ. τετράγωνος φ, sed corr.
15. ἀριθμὸς φ, sed corr. ἢ τετραγωνος B V φ. 16. δεύτερος]
λοιπός P. 22. εἰσι V φ. 23. καὶ] καὶ ἐπεὶ P. τόν]
om B. 24. τόν] om. B 25. ὁ] ὡς ὁ P.

XXIII.

Si quattuor numeri deinceps proportionales sunt, et primus cubus est, etiam quartus cubus erit.

Sint quattuor numeri deinceps proportionales A , B , Γ , Δ , et A cubus sit. dico, etiam Δ cubum esse.

nam quoniam inter A , Δ duo
 ———— A
 ———— B
 ———— Γ
 ———— Δ
 medii proportionales sunt numeri B ,
 Γ , A et Δ similes sunt solidi numeri
 [prop. XXI]. uerum A cubus est.
 ergo etiam Δ cubus est [VII def. 21];
 quod erat demonstrandum.

XXIV.

Si duo numeri inter se rationem habent, quam quadratus numerus ad quadratum numerum, et primus quadratus est, etiam secundus quadratus erit.

Duo enim numeri A , B inter se rationem habent, quam quadratus numerus Γ ad quadratum numerum Δ , et A quadratus sit. dico, etiam B quadratum esse.

nam quoniam Γ , Δ quadrati sunt, Γ , Δ similes
 sunt plani. itaque inter Γ , Δ unus
 ———— A
 ———— B
 ———— Γ
 ———— Δ
 medius proportionalis interponitur
 numerus [prop. XVIII]. est autem
 $\Gamma : \Delta = A : B$. quare etiam inter
 A , B unus medius proportionalis
 interponitur numerus [prop. VIII]. et A quadratus
 est. ergo etiam B quadratus est [prop. XXII]; quod
 erat demonstrandum.

κε'.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχω-
σιν, ὃν κύβος ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμόν,
ὁ δὲ πρῶτος κύβος ἦ, καὶ ὁ δεῦτερος κύβος
6 ἔσται.

Δύο γὰρ ἀριθμοὶ οἱ A, B πρὸς ἀλλήλους λόγον
ἔχέτωσαν, ὃν κύβος ἀριθμὸς ὁ Γ πρὸς κύβον ἀριθ-
μὸν τὸν Δ , κύβος δὲ ἔστω ὁ A . λέγω [δή], ὅτι καὶ
ὁ B κύβος ἐστίν.

- 10 Ἐπεὶ γὰρ οἱ Γ, Δ κύβοι εἰσίν, οἱ Γ, Δ ὅμοιοι
στερεοὶ εἰσιν· τῶν Γ, Δ ἄρα δύο μέσοι ἀνάλογον
ἐμπίπτουσιν ἀριθμοί. ὅσοι δὲ εἰς τοῖς Γ, Δ μεταξὺ
κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτουσιν, τοσοῦτοι καὶ
εἰς τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐτοῖς· ὥστε καὶ
15 τῶν A, B δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπίπτουσιν ἀριθ-
μοί. ἐμπιπτέτωσαν οἱ E, Z . ἐπεὶ οὖν τέσσαρες ἀριθ-
μοὶ οἱ A, E, Z, B ἐξῆς ἀνάλογόν εἰσιν, καὶ ἔστι
κύβος ὁ A , κύβος ἄρα καὶ ὁ B . ὅπερ εἶδει δεῖξαι.

κς'.

- 20 Οἱ ὅμοιοι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους
λόγον ἔχουσιν, ὃν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς
τετράγωνον ἀριθμόν.

Ἐστῶσαν ὅμοιοι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ οἱ A, B . λέγω,
ὅτι ὁ A πρὸς τὸν B λόγον ἔχει, ὃν τετράγωνος ἀριθ-
25 μὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμόν.

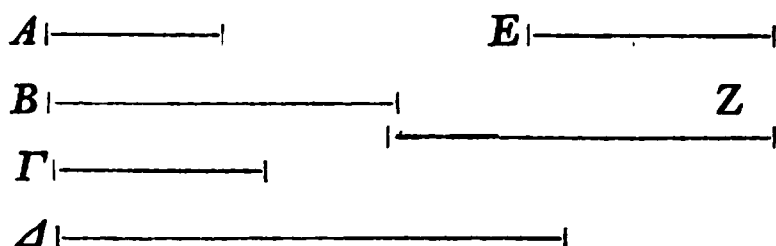
3. πρὸς κύβον ἀριθμόν] bis φ, sed corr. 8. δὴ] om. P.
10. ὅμοιοι] ἄρα ὅμοιοι BVφ. 11. εἰσὶ Vφ. 12. δέ] δὴ?
13. ἐμπίπτουσι PVφ. 15. τῶν] τόν φ. 17. εἰσιν] εἰσι Vφ.
ἔστι] ἐστιν P. 24. A] seq. ras. 1 litt. V. ἀριθμὸς om. Vφ.

XXV.

Si duo numeri inter se rationem habent, quam cubus numerus ad cubum numerum, et primus cubus est, etiam secundus cubus erit.

Duo enim numeri A , B inter se rationem habeant, quam cubus numerus Γ ad cubum numerum Δ , et cubus sit A . dico, etiam B cubum esse.

nam quoniam Γ , Δ cubi sunt, Γ , Δ similes solidi sunt. itaque inter Γ , Δ duo medii proportionales interponuntur numeri [prop. XIX]. iam quot inter Γ , Δ secundum proportionem continuam interponun-



tur numeri, totidem etiam inter eos, qui eandem rationem habent, interponuntur [prop. VIII]. quare etiam inter A , B duo medii proportionales interponuntur numeri. interponantur E , Z . iam quoniam quattuor numeri A , E , Z , B deinceps proportionales sunt, et cubus est A , etiam B cubus est [prop. XXIII]; quod erat demonstrandum.

XXVI.

Similes numeri plani inter se eam rationem habent, quam quadratus numerus ad quadratum numerum.

Sint similes numeri plani A , B . dico, A ad B eam rationem habere, quam quadratus numerus habeat ad quadratum numerum.

Ἐπεὶ γὰρ οἱ A, B ὅμοιοι ἐπίπεδοί εἰσιν, τῶν A, B ἄρα εἰς μέσος ἀνάλογον ἐμπίπτει ἀριθμός. ἐμ-
πιπτεύω καὶ ἔστω ὁ Γ , καὶ εἰλήφθωσαν ἐλάχιστοι
ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων τοῖς A, Γ, B
5 οἱ Δ, E, Z . οἱ ἄρα ἄκροι αὐτῶν οἱ Δ, Z τετράγω-
νοι εἰσιν. καὶ ἐπεὶ ἔστιν ὡς ὁ Δ πρὸς τὸν Z , οὕτως
ὁ A πρὸς τὸν B , καὶ εἰσιν οἱ Δ, Z τετράγωνοι, ὁ
 A ἄρα πρὸς τὸν B λόγον ἔχει, ὃν τετράγωνος ἀριθ-
μὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμόν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

10

κξ'.

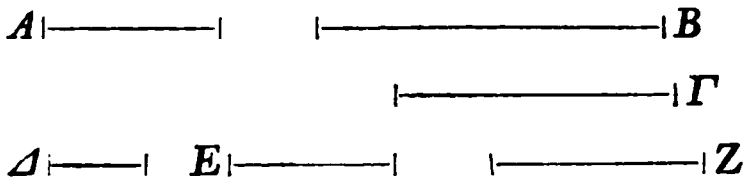
Οἱ ὅμοιοι στερεοὶ ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους
λόγον ἔχουσιν, ὃν κύβος ἀριθμὸς πρὸς κύβον
ἀριθμόν.

Ἐστῶσαν ὅμοιοι στερεοὶ ἀριθμοὶ οἱ A, B . λέγω,
15 ὅτι ὁ A πρὸς τὸν B λόγον ἔχει, ὃν κύβος ἀριθμὸς
πρὸς κύβον ἀριθμόν.

Ἐπεὶ γὰρ οἱ A, B ὅμοιοι στερεοί εἰσιν, τῶν A, B
 B ἄρα δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπίπτουσιν ἀριθμοί. ἐμ-
πιπτεύωσαν οἱ Γ, Δ , καὶ εἰλήφθωσαν ἐλάχιστοι ἀριθ-
20 μοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων τοῖς A, Γ, Δ, B
ἴσοι αὐτοῖς τὸ πλῆθος οἱ E, Z, H, Θ . οἱ ἄρα ἄκροι
αὐτῶν οἱ E, Θ κύβοι εἰσίν. καὶ ἔστιν ὡς ὁ E πρὸς
τὸν Θ , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν B . καὶ ὁ A ἄρα πρὸς
τὸν B λόγον ἔχει, ὃν κύβος ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθ-
25 μόν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

1. εἶσι V φ. 4. τοῖς] corr. ex toi m. 2 P. Γ, B] B, Γ P. 6. εἶσι V φ. 11. οἱ] om. P. 17. εἶσι V φ.
18. μέσοι] -οι e corr. m. 1 P. 19. ἀριθμοί] om. B. 20.
 B] Z φ. 22. εἶσι V φ. 23. καὶ ὁ A ἄρα πρὸς τὸν B] $m\phi$ φ.
25. ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. B. In fine Εὐκλείδου
στοιχείων η' P

nam quoniam A, B similes plani sunt, inter A, B unus medius proportionalis interponitur numerus [prop. XVIII]. interponatur, et sit Γ , et sumantur numeri Δ, E, Z minimi eorum, qui eandem rationem habent ac A, Γ, B [prop. II]. itaque extremi eorum Δ, Z quadrati sunt [prop. II coroll.]. et quoniam est $\Delta : Z = A : B$, et Δ, Z quadrati sunt, A ad B rationem habet, quam quadratus numerus ad quadratum numerum; quod erat demonstrandum.

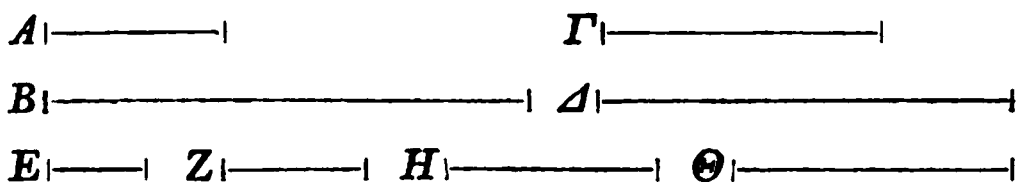


XXVII.

Similes numeri solidi inter se rationem habent, quam cubus numerus ad cubum numerum.

Sint similes numeri solidi A, B . dico, A ad B eam rationem habere, quam cubus numerus habeat ad cubum numerum.

nam quoniam A, B similes sunt solidi, inter A, B duo medii proportionales interponuntur numeri



[prop. XIX]. interponantur Γ, Δ , et sumantur minimi numeri eorum, qui eandem rationem habent ac A, Γ, Δ, B iis aequales multitudine E, Z, H, Θ [prop. II]. itaque extremi eorum E, Θ cubi sunt [prop. II coroll.]. et $E : \Theta = A : B$. ergo A ad B eam rationem habet, quam cubus numerus ad cubum numerum; quod erat demonstrandum.

θ'.

α'.

Ἐὰν δύο ὅμοιοι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσί τινα, ὁ γενόμενος τετράγωνος ἔσται.

5 Ἐστῶσαν δύο ὅμοιοι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ οἱ A , B , καὶ ὁ A τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Γ ποιεῖτω· λέγω, ὅτι ὁ Γ τετράγωνός ἐστιν.

Ὁ γὰρ A ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν Δ ποιεῖτω. ὁ Δ ἄρα τετράγωνός ἐστιν. ἐπεὶ οὖν ὁ A ἑαυτὸν
10 μὲν πολλαπλασιάσας τὸν Δ πεποίηκεν, τὸν δὲ B πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν Γ . καὶ ἐπεὶ οἱ A , B ὅμοιοι ἐπίπεδοί εἰσιν ἀριθμοί, τῶν A , B ἄρα εἰς μέσος ἀνάλογον ἐμπίπτει ἀριθμός. ἔὰν δὲ δύο ἀριθ-
15 μῶν μεταξὺν κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτωσιν ἀριθμοί, ὅσοι εἰς αὐτοὺς ἐμπίπτουσι, τοσοῦτοι καὶ εἰς τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας· ὥστε καὶ τῶν Δ , Γ εἰς μέσος ἀνάλογον ἐμπίπτει ἀριθμός. καὶ ἔστι τε
20 τετράγωνος ὁ Δ · τετράγωνος ἄρα καὶ ὁ Γ · ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

θ'] corr. ex η' V. Post titulum, ante prop. I in textu scholium habent Vφ, u. app. 9. ἐπεὶ οὖν] καὶ ἐπεὶ Vφ.
10 μὲν] om B. Δ] in ras. P. πεποίηκε Vφ 11. Γ] in ras. P.
14 δέ] supra m. 2 V. μεταξὺ ἀριθμῶν Vφ 16 ἀριθμοί, ὅσοι εἰς αὐτοὺς ἐμπίπτουσι] mg. m. 2 B. 17.

IX.

I.

Si duo similes numeri plani inter se multiplicantes numerum aliquem effecerint, numerus ex iis productus quadratus erit.

Sint duo similes numeri
plani A , B , et sit
 $A \times B = \Gamma$.
dico, numerum Γ quadratum
esse.

A |—————|
 B |—————|
 Γ |—————|
 Δ |—————|

sit enim $A \times A = \Delta$. Δ igitur quadratus est. iam quoniam $A \times A = \Delta$ et $A \times B = \Gamma$, erit $A : B = \Delta : \Gamma$ [VII, 17]. et quoniam A , B similes sunt numeri plani, inter A , B unus medius proportionalis interponitur numerus [VIII, 18]. sin inter duos numeros secundum proportionem continuam numeri aliquot interponuntur, quot inter eos interponuntur, totidem etiam inter eos interponuntur, qui eandem rationem habent [VIII, 8]. quare etiam inter Δ , Γ unus medius proportionalis interponitur numerus. et quadratus est Δ . ergo etiam Γ quadratus est [VIII, 22]; quod erat demonstrandum.

ἔχοντας αὐτοῖς φ, αὐτοῖς mg. m. 2 V. 18. ἐστὶν P. 19.
ὁ Δ· τετράγωνος] mg. m. 1 P. ὅπερ εἶδει δεῖξαι] m. 2 V,
om. B.

β'.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι τετράγωνον, ὅμοιοι ἐπίπεδοί εἰσιν ἀριθμοί.

5 Ἐστῶσαν δύο ἀριθμοὶ οἱ A, B , καὶ ὁ A τὸν B πολλαπλασιάσας τετράγωνον τὸν Γ ποιείτω· λέγω, ὅτι οἱ A, B ὅμοιοι ἐπίπεδοί εἰσιν ἀριθμοί.

Ὁ γὰρ A ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν Δ ποιείτω· ὁ Δ ἄρα τετράγωνός ἐστιν. καὶ ἐπεὶ ὁ A ἑαυτὸν μὲν
 10 πολλαπλασιάσας τὸν Δ πεποίηκεν, τὸν δὲ B πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν, ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , ὁ Δ πρὸς τὸν Γ . καὶ ἐπεὶ ὁ Δ τετράγωνός ἐστιν, ἀλλὰ καὶ ὁ Γ , οἱ Δ, Γ ἄρα ὅμοιοι ἐπίπεδοί εἰσιν. τῶν Δ, Γ ἄρα εἰς μέσος ἀνάλογον ἐμπίπτει.
 15 καὶ ἐστὶν ὡς ὁ Δ πρὸς τὸν Γ , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν B . καὶ τῶν A, B ἄρα εἰς μέσος ἀνάλογον ἐμπίπτει. ἔαν δὲ δύο ἀριθμῶν εἰς μέσος ἀνάλογον ἐμπίπτῃ, ὅμοιοι ἐπίπεδοί εἰσιν [οἱ] ἀριθμοί· οἱ ἄρα A, B ὅμοιοί εἰσιν ἐπίπεδοι· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

γ'.

20

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ τινα, ὁ γενόμενος κύβος ἐστὶν.

Κύβος γὰρ ἀριθμὸς ὁ A ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν B ποιείτω· λέγω, ὅτι ὁ B κύβος ἐστίν.

25 Εἰλήφθω γὰρ τοῦ A πλευρὰ ὁ Γ , καὶ ὁ Γ ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν Δ ποιείτω. φανερόν δὴ ἐστίν,

3. εἰσι Vφ. 4. ἀριθμοί] om. BVφ. 5. ἔστῶσαν — 6: ποιείτω] δύο γὰρ ἀριθμοὶ οἱ A, B πολλαπλασιάσαντες (m. 2 B) ἀλλήλους τετράγωνον τὸν Γ ποιείτωσαν Theon (BVφ). 9. ἐστὶ Vφ. A] supra m. 1 V. μὲν] om. φ. 10. πεποίηκε Vφ.

II.

Si duo numeri inter se multiplicantes quadratum effecerint, similes erunt numeri plani.

Sint duo numeri A , B , et A numerum B multiplicans numerum Γ quadratum efficiat. dico, A , B similes esse numeros planos.

nam sit $A \times A = \Delta$. itaque Δ quadratus est. et quoniam $A \times A = \Delta$ et $A \times B = \Gamma$, erit
 $\begin{array}{c} \text{—————}|A \\ \text{—————}|B \\ \Gamma\text{—————}| \\ \Delta\text{—————}| \end{array}$ $A : B = \Delta : \Gamma$ [VII, 17]. et quoniam Δ quadratus est, uerum etiam Γ , numeri Δ , Γ similes plani sunt. itaque inter Δ , Γ unus medius proportionalis interponitur [VIII, 18]. est autem $\Delta : \Gamma = A : B$. quare etiam inter A , B unus medius proportionalis interponitur [VIII, 8]. sin inter duos numeros unus medius proportionalis interponitur, similes plani sunt numeri [VIII, 20]. ergo A , B similes plani sunt; quod erat demonstrandum.

III.

Si cubus numerus se ipsum multiplicans numerum aliquem effecerit, numerus productus cubus erit.

Cubus enim numerus A se ipsum multiplicans B numerum efficiat. dico, B numerum cubum esse.

sumatur enim Γ latus numeri A , et sit $\Gamma \times \Gamma = \Delta$.

12. τόν] om. B. οὕτως ὁ B. τόν] om. B. 14. εἶσι V φ. Post ἐμπίπτει in V φ: ἀριθμός; idem B m. 2. 16. τῶν] corr. ex τόν φ. ἀνάλογος V, sed corr. 17. ἐὰν δέ — ἐμπίπτει] mg. m. 2 B, addito ἀριθμός ante ἐάν. ἐμπίπτει B; et V φ, sed corr. m. 1. 18. οἱ] (prius) om. P. 19. ἐπίπεδοι] om. P. 26. Δ] corr. ex B m. 1 P.

ὅτι ὁ Γ τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν A πεποίηκεν. καὶ
ἐπεὶ ὁ Γ ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν Δ πεποίηκεν, ὁ
 Γ ἄρα τὸν Δ μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας.
ἀλλὰ μὴν καὶ ἡ μονὰς τὸν Γ μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν
5 αὐτῷ μονάδας· ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ μονὰς πρὸς τὸν Γ , ὁ
 Γ πρὸς τὸν Δ . πάλιν, ἐπεὶ ὁ Γ τὸν Δ πολλαπλα-
σιάσας τὸν A πεποίηκεν, ὁ Δ ἄρα τὸν A μετρεῖ κατὰ
τὰς ἐν τῷ Γ μονάδας. μετρεῖ δὲ καὶ ἡ μονὰς τὸν Γ
κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας· ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ μονὰς
10 πρὸς τὸν Γ , ὁ Δ πρὸς τὸν A . ἀλλ' ὡς ἡ μονὰς πρὸς τὸν
 Γ , ὁ Γ πρὸς τὸν Δ · καὶ ὡς ἄρα ἡ μονὰς πρὸς τὸν
 Γ , οὕτως ὁ Γ πρὸς τὸν Δ καὶ ὁ Δ πρὸς τὸν A . τῆς
ἄρα μονάδος καὶ τοῦ A ἀριθμοῦ δύο μέσοι ἀνάλογον
κατὰ τὸ συνεχὲς ἐμπεπτώκασιν ἀριθμοὶ οἱ Γ , Δ . πάλ-
15 λιν, ἐπεὶ ὁ A ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν B πεποίη-
κεν, ὁ A ἄρα τὸν B μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονά-
δας. μετρεῖ δὲ καὶ ἡ μονὰς τὸν A κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ
μονάδας· ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ μονὰς πρὸς τὸν A , ὁ A
πρὸς τὸν B . τῆς δὲ μονάδος καὶ τοῦ A δύο μέσοι
20 ἀνάλογον ἐμπεπτώκασιν ἀριθμοί· καὶ τῶν A , B ἄρα
δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπεσοῦνται ἀριθμοί. ἐὰν δὲ δύο
ἀριθμῶν δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπίπτωσιν, ὁ δὲ πρῶ-
τος κύβος ἦ, καὶ ὁ δεύτερος κύβος ἐστὶν. καὶ ἐστὶν
ὁ A κύβος· καὶ ὁ B ἄρα κύβος ἐστίν· ὅπερ εἰδει
25 δεῖξαι.

δ'.

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν πολ-

1. πεποίηκε Vφ. 2. πεποίηκε Vφ. ὁ Γ] postea in-
sert. B. 5. τόν] om. B. οὕτως ὁ B. 6. τόν] (prius, om B.
7. Δ] seq. ras. 1 l. tt. φ. 13. καὶ τοῦ] bis φ, sed corr. 18.
οὕτως ὁ B 19. τόν] om. B. 20. ἀνάλογον φ. ἀριθμοὶ ἐμ-

manifestum igitur, esse $\Gamma \times \Delta = A$. et quoniam
 $\Gamma \times \Gamma = \Delta$, Γ numerum Δ se-
 cundum unitates suas metitur [VII
 def. 15]. uerum etiam unitas nu-
 merum Γ secundum unitates ipsius
 metitur. itaque [VII def. 20] $1 : \Gamma = \Gamma : \Delta$. rursus
 quoniam $\Gamma \times \Delta = A$, Δ numerum A secundum uni-
 tates numeri Γ metitur. uerum etiam unitas nume-
 rum Γ secundum unitates ipsius metitur. erit igitur
 $1 : \Gamma = \Delta : A$. uerum $1 : \Gamma = \Gamma : \Delta$.

itaque $1 : \Gamma = \Gamma : \Delta = \Delta : A$. itaque inter unitatem
 et numerum A duo medii proportionales interponun-
 tur numeri Γ , Δ secundum proportionem continuam.
 rursus quoniam est $A \times A = B$, A numerum B
 secundum unitates suas metitur. uerum etiam unitas
 numerum A secundum unitates ipsius metitur. erit
 igitur $1 : A = A : B$. sed inter unitatem et A duo
 medii proportionales interponuntur numeri. itaque
 etiam inter A , B duo medii proportionales inter-
 ponentur numeri [VIII, 8].¹⁾ sin inter duos numeros
 duo medii proportionales interponuntur, et primus
 cubus est, etiam secundus cubus erit [VIII, 23]. et
 A cubus est. ergo etiam B cubus est; quod erat
 demonstrandum.

IV.

Si cubus numerus cubum numerum multiplicans

1) VIII, 8 de duobus numeris proportionalibus demon-
 stratur; sed demonstratio eadem tum quoque ualet, si alter
 unitas est.

πεπρωκασιν P τῶν] corr. ex τὸν V. 22. ἐμπέπτωσαν
 e corr. V. 23. δεύτερος] τέταρτος Theon (B V Φ).

λαπλασιάσας ποιῇ, τινα, ὁ γενόμενος κύβος ἔσται.

Κύβος γὰρ ἀριθμὸς ὁ A κύβον ἀριθμὸν τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Γ ποιεῖτω· λέγω, ὅτι ὁ Γ κύβος ἔστιν.

Ὁ γὰρ A ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν Δ ποιεῖτω· ὁ Δ ἄρα κύβος ἔστιν. καὶ ἐπεὶ ὁ A ἑαυτὸν μὲν πολλαπλασιάσας τὸν Δ πεποίηκεν, τὸν δὲ B πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν Γ . καὶ ἐπεὶ οἱ A, B κύβοι εἰσίν, ὅμοιοι στερεοὶ εἰσιν οἱ A, B . τῶν A, B ἄρα δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπίπτουσιν ἀριθμοί· ὥστε καὶ τῶν Δ, Γ δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπεσοῦνται ἀριθμοί. καὶ ἔστι κύβος ὁ Δ · κύβος ἄρα καὶ ὁ Γ . ὅπερ
15 ἔδει δεῖξαι.

ε'.

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς ἀριθμὸν τινα πολλαπλασιάσας κύβον ποιῇ, καὶ ὁ πολλαπλασιασθεὶς κύβος ἔσται.

Κύβος γὰρ ἀριθμὸς ὁ A ἀριθμὸν τινα τὸν B πολλαπλασιάσας κύβον τὸν Γ ποιεῖτω· λέγω, ὅτι ὁ B κύβος ἔστιν.

Ὁ γὰρ A ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν Δ ποιεῖτω· κύβος ἄρα ἔστιν ὁ Δ . καὶ ἐπεὶ ὁ A ἑαυτὸν μὲν πολλαπλασιάσας τὸν Δ πεποίηκεν, τὸν δὲ B πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν, ἔστιν ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , ὁ Δ πρὸς τὸν Γ . καὶ ἐπεὶ οἱ Δ, Γ κύβοι εἰσίν, ὅμοιοι στερεοὶ εἰσιν. τῶν Δ, Γ ἄρα δύο μέσοι ἀνά
25

6. γὰρ A] A γὰρ $BV\phi$. 7. Δ] seq. ras. 1 litt. ϕ . ἔστί $V\phi$. 8. πεποίηκε $V\phi$. 10. τόν] bis om. B . 11. εἰσι $V\phi$. οἱ A, B] om $BV\phi$. 13. τῶν] e corr. V . 14.

numerum aliquem effecerit, numerus productus cubus erit.

$\begin{array}{|c|} \hline A \\ \hline \end{array}$
 $\begin{array}{|c|} \hline B \\ \hline \end{array}$
 $\begin{array}{|c|} \hline \Gamma \\ \hline \end{array}$

Cubus enim numerus A cubum numerum B multiplicans efficiat Γ . dico, Γ cubum esse.

sit enim $A \times A = \Delta$. Δ igitur cubus est [prop. III]. et quoniam $A \times A = \Delta$ et $A \times B = \Gamma$, erit $A : B = \Delta : \Gamma$ [VII, 17]. et quoniam A, B cubi sunt, A, B similes sunt solidi. itaque inter A, B duo medii proportionales interponuntur numeri [VIII, 19]. quare etiam inter Δ, Γ duo medii proportionales interponuntur numeri [VIII, 8]. et cubus est Δ . ergo etiam Γ cubus est [VIII, 23]; quod erat demonstrandum.

V.

Si cubus numerus numerum aliquem multiplicans cubum effecerit, etiam numerus multiplicatus cubus erit.

$\begin{array}{|c|} \hline A \\ \hline \end{array}$
 $\begin{array}{|c|} \hline B \\ \hline \end{array}$
 $\begin{array}{|c|} \hline \Gamma \\ \hline \end{array}$

Cubus enim numerus A numerum aliquem B multiplicans cubum Γ efficiat. dico, etiam B cubum esse.

nam sit $A \times A = \Delta$. itaque Δ cubus est [prop. III]. et quoniam $A \times A = \Delta$ et $A \times B = \Gamma$, erit $A : B = \Delta : \Gamma$ [VII, 17]. et quoniam Δ, Γ cubi sunt, similes sunt solidi. itaque inter Δ, Γ duo medii proportionales interponuntur numeri [VIII, 19]. est

ἐστίν P. Prop. 5 in V φ bis scribitur, secundo loco (V₂ φ₂) sine numero. τὸ εἰς ἐγράφη κατὰ λήθην τοῦ γραφέως V mg. 21. B] supra V₂. 23. Δ] in ras. V₂. 24. μὲν] om. φ. 25. πεποίηκε V φ V₂ φ₂. 27. οὕτως ὁ V. Δ, Γ] eras. V. 28. ὅμοιοι οἱ φ. εἰσι V φ V₂ φ₂. Δ, Γ] eras. V.

λογον ἐμπίπτουσιν ἀριθμοί. καὶ ἐστὶν ὡς ἡ Δ πρὸς τὸν Γ , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν B . καὶ τῶν A , B ἄρα δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπίπτουσιν ἀριθμοί. καὶ ἐστὶ κύβος ὁ A . κύβος ἄρα ἐστὶ καὶ ὁ B . ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

5

5'.

Ἐὰν ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας κύβον ποιῇ, καὶ αὐτὸς κύβος ἐστὶ.

Ἀριθμὸς γὰρ ὁ A ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας κύβον τὸν B ποιεῖτω· λέγω, ὅτι καὶ ὁ A κύβος ἐστίν.

- 10 Ὁ γὰρ A τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Γ ποιεῖτω. ἐπεὶ οὖν ὁ A ἑαυτὸν μὲν πολλαπλασιάσας τὸν B πεποίηκεν, τὸν δὲ B πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν, ὁ Γ ἄρα κύβος ἐστίν. καὶ ἐπεὶ ὁ A ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν B πεποίηκεν, ὁ A ἄρα τὸν B μετρεῖ
15 κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας. μετρεῖ δὲ καὶ ἡ μονὰς τὸν A κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας. ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ μονὰς πρὸς τὸν A , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν B . καὶ ἐπεὶ ὁ A τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν, ὁ B ἄρα τὸν Γ μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ A μονάδας. μετρεῖ δὲ
20 καὶ ἡ μονὰς τὸν A κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας. ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ μονὰς πρὸς τὸν A , οὕτως ὁ B πρὸς τὸν Γ . ἀλλ' ὡς ἡ μονὰς πρὸς τὸν A , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν B . καὶ ὡς ἄρα ὁ A πρὸς τὸν B , ὁ B πρὸς τὸν Γ . καὶ ἐπεὶ οἱ B , Γ κύβοι εἰσὶν, ὅμοιοι στερεοὶ εἰσιν. τῶν
25 B , Γ ἄρα δύο μέσοι ἀνάλογόν εἰσιν ἀριθμοί. καὶ

1. καὶ ἐστὶν — 3: ἀριθμοί] mg. m. 2 V; in textu ὥστε καὶ τῶν Δ , Γ δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπεσοῦνται ἀριθμοί, sed delet. V. 2. ἄρα] ἐτι φ. 3. ἐμπίπτουσιν ἀριθμοί ἀνάλογον BVφ, V, φ₂. ἐστὶν P. 4. A] eras. V. κύβος] m. 2 B. ἐστὶ] om. Vφ, ἐστὶν φ₂. B] eras. V. 5. 5']

autem $A : \Gamma = A : B$. itaque etiam inter A, B duo medii proportionales interponuntur numeri [VIII, 8]. et cubus est A . ergo etiam B cubus est [VIII, 23]; quod erat demonstrandum.

VI.

Si numerus se ipsum multiplicans cubum effecerit, et ipse cubus erit.

Numerus enim A se ipsum multiplicans efficiat cubum B . dico, etiam A cubum esse.

sit enim $A \times B = \Gamma$. iam quoniam $A \times A = B$
 $\begin{array}{|c|} \hline A \\ \hline \end{array}$ et $A \times B = \Gamma$, Γ cubus est. et quo-
 $\begin{array}{|c|} \hline B \\ \hline \end{array}$ niam $A \times A = B$, A numerum B se-
 $\begin{array}{|c|} \hline \Gamma \\ \hline \end{array}$ cundum unitates suas metitur. uerum
etiam unitas numerum A secundum unitates ipsius metitur. itaque $1 : A = A : B$. et quoniam $A \times B = \Gamma$, B numerum Γ secundum unitates numeri A metitur. uerum etiam unitas numerum A secundum unitates ipsius metitur. itaque $1 : A = B : \Gamma$. sed

$$1 : A = A : B.$$

quare etiam $A : B = B : \Gamma$. et quoniam B, Γ cubi sunt, similes sunt solidi. itaque inter B, Γ duo medii proportionales sunt numeri [VIII, 19]. est autem

sic V φ. 11. πεποίηκε V φ. 13. ἐστί V φ. εἰαντὸν μὲν
BV φ. 14. πεποίηκε V φ. ὁ A ἄρα — 22: οὕτως ὁ A
πρὸς τὸν B] P, τὸν δὲ B πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν
Theon (BV φ). 22. B] in ras. P. 23. καί] om. BV φ.
ὁ B] supra φ. 24. εἰσι V φ. 25. B, Γ] A, B P.

ἐστὶν ὡς ὁ B πρὸς τὸν Γ , ὁ A πρὸς τὸν B . καὶ τῶν A , B ἄρα δύο μέσοι ἀνάλογόν εἰσιν ἀριθμοί. καὶ ἐστὶ κύβος ὁ B . κύβος ἄρα ἐστὶ καὶ ὁ A . ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

5

ξ'.

Ἐὰν σύνθετος ἀριθμὸς ἀριθμόν τινα πολλαπλασιάσας ποιῇ τινα, ὁ γενόμενος στερεὸς ἐστὶ.

Σύνθετος γὰρ ἀριθμὸς ὁ A ἀριθμόν τινα τὸν B
10 πολλαπλασιάσας τὸν Γ ποιείτω· λέγω, ὅτι ὁ Γ στερεός ἐστίν.

Ἐπεὶ γὰρ ὁ A σύνθετός ἐστιν, ὑπὸ ἀριθμοῦ τινος μετρηθήσεται. μετρεῖσθω ὑπὸ τοῦ Δ , καὶ ὅσάκις ὁ Δ τὸν A μετρεῖ, τοσαῦται μονάδες ἔστωσαν ἐν τῷ
15 E . ἐπεὶ οὖν ὁ Δ τὸν A μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ E μονάδας, ὁ E ἄρα τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν A πεποίηκεν. καὶ ἐπεὶ ὁ A τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν, ὁ δὲ A ἐστίν ὁ ἐκ τῶν Δ , E , ὁ ἄρα ἐκ τῶν Δ , E τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν. ὁ Γ
20 ἄρα στερεός ἐστίν, πλευραὶ δὲ αὐτοῦ εἰσιν οἱ Δ , E , B . ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

η'.

Ἐὰν ἀπὸ μονάδος ὅποιοιοῦν ἀριθμοὶ ἐκῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ μὲν τρίτος ἀπὸ τῆς μονάδος
25 τετράγωνος ἐστὶ καὶ οἱ ἔνα διαλείποντες, ὁ δὲ τέταρτος κύβος καὶ οἱ δύο διαλείποντες

1. οὕτως ὁ A $BV\phi$. 3. ἐστὶν P . κύβος] (alt.) om. ϕ .
ἐστὶν P . 15. ἐπεὶ οὖν — 16: μονάδας] om. $V\phi$. 16. πε-
ποίηκε $V\phi$. 18. ὁ] (alt.) om. $BV\phi$. 19. Post πεποίηκεν
add. ϕ , VB mg. m. 2: καὶ (om. B) ὁ B ἄρα (ἔτι ϕ) τὸν ἐκ τῶν

$B : \Gamma = A : B$. quare etiam inter A, B duo medii proportionales sunt [VIII, 8]. et cubus est B . quare etiam A cubus est;¹⁾ quod erat demonstrandum.

VII.

Si compositus numerus numerum aliquem multiplicans alium aliquem effecerit, numerus productus solidus erit.

Compositus enim numerus A
 numerum aliquem B multiplicans
 numerum Γ efficiat. dico, numerum Γ solidum esse.

nam quoniam A compositus est, numerus aliquis eum metietur. metiatur numerus Δ , et quoties Δ numerum A metitur, tot unitates sint in E . iam quoniam Δ numerum A secundum unitates numeri E metitur, erit $E \times \Delta = A$ [VII def. 15]. et quoniam $A \times B = \Gamma$, et $A = \Delta \times E$, erit

$$\Delta \times E \times B = \Gamma.$$

ergo Γ solidus est, latera autem eius sunt Δ, E, B ; quod erat demonstrandum.

VIII.

Si quotlibet numeri inde ab unitate deinceps proportionales sunt, tertius ab unitate quadratus erit et

1) Nam $A : x = x : y = y : B$, siue (VII, 13)

$B : y = y : x = x : A$.

tum u. VIII, 23.

Δ, E πολλαπλασιάσας τὸν A (τὸν A om. B) τὸν Γ πεποίηκεν.
 20. ἐστὶ $\forall \varphi$. Δ] e corr. V. E] om. B. 25. ἔσται] ἐστὶ
 $B \forall \varphi$. δ] πάντες, δ $B \forall \varphi$.

πάντες, ὁ δὲ ἑβδομος κύβος ἅμα καὶ τετράγωνος καὶ οἱ πέντε διαλείποντες.

Ἔδωσαν ἀπὸ μονάδος ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον οἱ $A, B, \Gamma, \Delta, E, Z$ · λέγω, ὅτι ὁ μὲν
 5 τρίτος ἀπὸ τῆς μονάδος ὁ B τετράγωνός ἐστι καὶ οἱ ἕνα διαλείποντες πάντες, ὁ δὲ τέταρτος ὁ Γ κύβος καὶ οἱ δύο διαλείποντες πάντες, ὁ δὲ ἑβδομος ὁ Z κύβος ἅμα καὶ τετράγωνος καὶ οἱ πέντε διαλείποντες πάντες.

- 10 Ἐπεὶ γάρ ἐστιν ὡς ἡ μονὰς πρὸς τὸν A , οὕτως ὁ A πρὸς τὸν B , ἰσάκεις ἄρα ἡ μονὰς τὸν A ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ ὁ A τὸν B . ἡ δὲ μονὰς τὸν A ἀριθμὸν μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν αὐτῇ μονάδας· καὶ ὁ A ἄρα τὸν B μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῇ A μονάδας. ὁ A ἄρα ἐαυ-
 15 τὸν πολλαπλασιάσας τὸν B πεποίηκεν· τετράγωνος ἄρα ἐστὶν ὁ B . καὶ ἐπεὶ οἱ B, Γ, Δ ἐξῆς ἀνάλογόν εἰσιν, ὁ δὲ B τετράγωνός ἐστιν, καὶ ὁ Δ ἄρα τετράγωνός ἐστιν. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὁ Z τετράγωνός ἐστιν. ὁμοίως δὴ δείξομεν, ὅτι καὶ οἱ ἕνα διαλείποντες
 20 πάντες τετράγωνοί εἰσιν. λέγω δὴ, ὅτι καὶ ὁ τέταρτος ἀπὸ τῆς μονάδος ὁ Γ κύβος ἐστὶ καὶ οἱ δύο διαλείποντες πάντες. ἐπεὶ γάρ ἐστιν ὡς ἡ μονὰς πρὸς τὸν A , οὕτως ὁ B πρὸς τὸν Γ , ἰσάκεις ἄρα ἡ μονὰς τὸν A ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ ὁ B τὸν Γ . ἡ δὲ μονὰς τὸν A
 25 ἀριθμὸν μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῇ A μονάδας· καὶ ὁ B

1. πάντες] om. BVφ. 2. διαλείποντες πάντες BVφ.
 4. ὅτι] om. Vφ. 6. πάντες] om. BVφ. 7. πάντες] om φ.
 9. ἅπαντες Vφ. 12. ἀριθμόν] om BVφ. 14. τῇ A] αὐτῇ φ.
 15. πεποίηκε V et -κε in ras. φ. 17. ἐστι PVφ. 18. ἐστι V. διὰ τὰ 19: ἐστιν] om. φ. 20. πάντες] om. BVφ. εἰσι Vφ. 21. ἐστὶν P. 25. τῇ A] αὐτῇ φ.

item, qui¹⁾ uno loco distant, quartus autem cubus et item omnes, quicunque duobus locis distant, septimus uero simul et cubus et quadratus et item, qui quinque locis distant.

Sint quotlibet numeri inde ab unitate deinceps

A ————	proportionales $A, B, \Gamma, \Delta, E,$
B —————	Z . dico, tertium ab unitate B
Γ —————	quadratum esse et item omnes,
Δ —————	quicunque uno loco distent, quar-
E —————	tum autem Γ cubum et item
—————	omnes, quicunque duobus locis
Z	distent, septimum uero Z si-

mul et cubum et quadratum et item omnes, quicunque quinque locis distent. nam quoniam est $1 : A = A : B$, unitas numerum A et A numerum B aequaliter metitur [VII def. 20]. sed unitas numerum A secundum unitates ipsius metitur. quare etiam A numerum B secundum unitates numeri A metitur. itaque [VII def. 15] $A \times A = B$. ergo B quadratus est. et quoniam B, Γ, Δ deinceps proportionales sunt, et B quadratus est, etiam Δ quadratus est [VIII, 22]. eadem de causa etiam Z quadratus est. similiter demonstrabimus, etiam omnes, quicunque uno loco distent, quadratos esse. iam dico, quartum ab unitate Γ cubum esse et item omnes, quicunque duobus locis distent. nam quoniam est $1 : A = B : \Gamma$, unitas numerum A et B numerum Γ aequaliter metitur.

1) Cum πάντες post διαλείποντες facillime intercidere potuerit, nec in hoc uocabulo uel omittendo uel ponendo constans sit codicum P et Theoninorum consensus aut dissensus, fortasse πάντες ubique recipiendum.

ἄρα τὸν Γ μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ A μονάδας· ὁ A
 ἄρα τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν. ἐπεὶ οὖν
 ὁ A ἑαυτὸν μὲν πολλαπλασιάσας τὸν B πεποίηκεν,
 τὸν δὲ B πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν, κύβος ἄρα
 6 ἐστὶν ὁ Γ . καὶ ἐπεὶ οἱ Γ , Δ , E , Z ἐξῆς ἀνάλογόν
 εἰσιν, ὁ δὲ Γ κύβος ἐστίν, καὶ ὁ Z ἄρα κύβος ἐστίν.
 ἐδείχθη δὲ καὶ τετράγωνος· ὁ ἄρα ἑβδομος ἀπὸ τῆς
 μονάδος κύβος τέ ἐστι καὶ τετράγωνος. ὁμοίως δὲ
 δείξομεν, ὅτι καὶ οἱ πέντε διαλείποντες πάντες κύβοι
 10 τέ εἰσι καὶ τετράγωνοι· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Θ'.

Ἐὰν ἀπὸ μονάδος ὅποσοι οὖν ἐξῆς κατὰ τὸ
 συνεχὲς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ δὲ μετὰ τὴν
 μονάδα τετράγωνος ᾗ, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες τε-
 15 τράγωνοι ἔσονται. καὶ ἐὰν ὁ μετὰ τὴν μονάδα
 κύβος ᾗ, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες κύβοι ἔσονται.

Ἔστωσαν ἀπὸ μονάδος ἐξῆς ἀνάλογον ὅσοιδη πο-
 οὖν ἀριθμοὶ οἱ A , B , Γ , Δ , E , Z , ὁ δὲ μετὰ τὴν



μονάδα ὁ A τετράγωνος ἔστω· λέγω, ὅτι καὶ οἱ λοι-
 20 ποὶ πάντες τετράγωνοι ἔσονται.

Ὅτι μὲν οὖν ὁ τρίτος ἀπὸ τῆς μονάδος ὁ B τε-
 τράγωνός ἐστι καὶ οἱ ἑνα διαπλείποντες πάντες, δέ-

1. τῷ A] αὐτῷ, supra scr. A φ. 3. μὲν] om. P. πε-

unitas autem numerum A secundum unitates numeri A metitur. quare etiam B numerum Γ secundum unitates numeri A metitur. itaque $A \times B = \Gamma$. iam quoniam $A \times A = B$ et $A \times B = \Gamma$, Γ cubus est. et quoniam Γ , A , E , Z deinceps proportionales sunt, et Γ cubus est, etiam Z cubus est [VIII, 23].¹⁾ demonstrauimus autem, eundem etiam quadratum esse. ergo septimus ab unitate et cubus et quadratus est. similiter demonstrabimus, etiam omnes, quicunque quinque locis distent, et cubos et quadratos esse; quod erat demonstrandum.

IX.

Si quotlibet numeri deinceps in proportionem continua proportionales sunt inde ab unitate, et unitati proximus quadratus est, etiam reliqui omnes quadrati erunt. et si proximus unitati cubus est, etiam reliqui omnes cubi erunt.

Sint quotlibet numeri inde ab unitate deinceps proportionales A , B , Γ , Δ , E , Z , et unitati proximus A quadratus sit. dico, etiam reliquos omnes quadratos esse. tertium quidem ab unitate B quadratum esse et omnes, qui uno loco distent, demonstratum est [prop. VIII]. dico, etiam reliquos omnes quadratos esse.

1) Et similiter de omnibus, qui duobus locis distant, quod nix opus est, ut cum Augusto diserte addamus.

ποίησε Vφ. 4. πεποίησε Vφ. 6. ἐστίν] (prius) ἐστὶ Vφ.
7. καὶ] om. φ. 8. τέ] supra m. 1 P. ἐστίν P. δὴ] in
ras. P; δέ φ. 10. τέ] om. P. εἶσιν P. 12. ἐξῆς κατὰ
τὸ συνεχὲς ἀριθμοί] ἀριθμοὶ ἐξῆς Theon (BVφ). 17. ὁσοιδη-
ποτοῦν] PBVφ, ὅποσοιούν edd. 21. B] δεύτερος V, del. et
ins. β m. 2; β δεύτερος φ

δεικται· λέγω [δή], ὅτι καὶ οἱ λοιποὶ πάντες τετράγωνοί εἰσιν. ἐπεὶ γὰρ οἱ *A, B, Γ* ἐξῆς ἀνάλογόν εἰσιν, καὶ ἐστὶν ὁ *A* τετράγωνος, καὶ ὁ *Γ* [ἄρα] τετράγωνος ἐστὶν. πάλιν, ἐπεὶ [καὶ] οἱ *B, Γ, Δ* ἐξῆς ἀνάλογόν
 5 εἰσιν, καὶ ἐστὶν ὁ *B* τετράγωνος, καὶ ὁ *Δ* [ἄρα] τετράγωνός ἐστιν. ὁμοίως δὴ δείξομεν, ὅτι καὶ οἱ λοιποὶ πάντες τετράγωνοί εἰσιν.

Ἀλλὰ δὴ ἔστω ὁ *A* κύβος· λέγω, ὅτι καὶ οἱ λοιποὶ πάντες κύβοι εἰσίν.

10 Ὅτι μὲν οὖν ὁ τέταρτος ἀπὸ τῆς μονάδος ὁ *Γ* κύβος ἐστὶ καὶ οἱ δύο διαλείποντες πάντες, δέδεικται· λέγω [δή], ὅτι καὶ οἱ λοιποὶ πάντες κύβοι εἰσίν. ἐπεὶ γὰρ ἐστὶν ὡς ἡ μονὰς πρὸς τὸν *A*, οὕτως ὁ *A* πρὸς τὸν *B*, ἰσάκως ἄρα ἡ μονὰς τὸν *A* μετρεῖ καὶ ὁ *A* τὸν
 15 *B*. ἡ δὲ μονὰς τὸν *A* μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας· καὶ ὁ *A* ἄρα τὸν *B* μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας· ὁ *A* ἄρα ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν *B* πεποίηκεν. καὶ ἐστὶν ὁ *A* κύβος. ἐὰν δὲ κύβος ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ τινα, ὁ γενόμενος
 20 κύβος ἐστίν· καὶ ὁ *B* ἄρα κύβος ἐστίν. καὶ ἐπεὶ τέσσαρες ἀριθμοὶ οἱ *A, B, Γ, Δ* ἐξῆς ἀνάλογόν εἰσιν, καὶ ἐστὶν ὁ *A* κύβος, καὶ ὁ *Δ* ἄρα κύβος ἐστίν. διατὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὁ *E* κύβος ἐστίν, καὶ ὁμοίως οἱ λοιποὶ πάντες κύβοι εἰσίν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

25

ι'.

Ἐὰν ἀπὸ μονάδος ὅποιοι οὖν ἀριθμοὶ [ἐξῆς]

1. δὴ] om. P. 2. εἰσιν] (alt.) εἰσι V φ. 3. τετράγωνος· καὶ ὁ *Γ* ἄρα] mg. φ. ἄρα] om. P. 4. ἐστίν] P et V sed *ν* delet.; ἐστι φ. καί] om. P. 5. εἰσιν] -ν delet. V. Δ] eras. V. ἄρα] om. P. 12. δὴ] om. P. 15. *B*] *B* μετρεῖ V φ. ἐν]

nam quoniam A, B, Γ deinceps proportionales sunt, et A quadratus est, etiam Γ quadratus est [VIII, 22]. rursus quoniam B, Γ, Δ deinceps proportionales sunt, et B quadratus est, etiam Δ quadratus est [VIII, 22]. similiter demonstrabimus, etiam reliquos omnes quadratos esse.

at rursus A cubus sit. dico, etiam reliquos omnes cubos esse.

quantum quidem ab unitate Γ cubum esse et item omnes, qui duobus locis distent, demonstratum est [prop. VIII]. dico, etiam reliquos omnes cubos esse.

nam quoniam est $1 : A \Leftarrow A : B$, unitas numerum A et A numerum B aequaliter metitur. unitas autem numerum A secundum unitates ipsius metitur. quare etiam A numerum B secundum unitates suas metitur. itaque $A \times A = B$. et A cubus est. sin cubus numerus se ipsum multiplicans numerum aliquem efficit, numerus productus cubus est [prop. III]. ergo etiam B cubus est. et quoniam quattuor numeri A, B, Γ, Δ deinceps proportionales sunt, et A cubus est, etiam Δ cubus est [VIII, 23]. eadem de causa etiam E cubus est, et similiter reliqui omnes cubi sunt; quod erat demonstrandum.

X.

Si quotlibet numeri ab unitate deinceps proportio-

ἐν τῷ V φ. 16. καὶ ὁ A — 17: μονάδας] mg. m. 1 P.
 16. αὐτῷ] τῷ supra scr. αὐτῷ V; τῷ αὐτῷ φ. 18. πεπολήκει
 V φ. ὁ] ὡς ὁ P, sed corr. m. 1. 20. ἐστὶ V φ. καὶ ὁ
 B ἄρα κύβος ἐστίν] om. P. ἐστὶ V φ. 21. εἶσι V φ. 22.
 ἐστίν] (alt.) ἐστὶ V φ. 23. ἐστὶ V φ. 24. ὅπερ] ὁ- in ras. φ.
 26. ἐξῆς] om. P.

ἀνάλογον ὧσιν, ὁ δὲ μετὰ τὴν μονάδα μὴ ἢ
 τετράγωνος, οὐδ' ἄλλος οὐδεὶς τετράγωνος
 ἐστὶ χωρὶς τοῦ τρίτου ἀπὸ τῆς μονάδος καὶ
 τῶν ἑνα διαλειπόντων πάντων. καὶ ἐὰν ὁ μετὰ
 6 τὴν μονάδα κύβος μὴ ἢ, οὐδὲ ἄλλος οὐδεὶς κύ-
 βος ἐστὶ χωρὶς τοῦ τετάρτου ἀπὸ τῆς μονά-
 δος καὶ τῶν δύο διαλειπόντων πάντων.

Ἔστωσαν ἀπὸ μονάδος ἐξῆς ἀνάλογον ὅσοιδη-
 ποτοῦν ἀριθμοὶ οἱ $A, B, \Gamma, \Delta, E, Z$, ὁ δὲ μετὰ τὴν
 10 μονάδα ὁ A μὴ ἔστω τετράγωνος· λέγω, ὅτι οὐδὲ
 ἄλλος οὐδεὶς τετράγωνος ἐστὶ χωρὶς τοῦ τρίτου ἀπὸ
 τῆς μονάδος [καὶ τῶν ἑνα διαλειπόντων].

Εἰ γὰρ δυνατόν, ἔστω ὁ Γ τετράγωνος. ἔστι δὲ
 καὶ ὁ B τετράγωνος· οἱ B, Γ ἄρα πρὸς ἀλλήλους
 15 λόγον ἔχουσιν, ὃν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετρά-
 γωνον ἀριθμόν. καὶ ἔστιν ὡς ὁ B πρὸς τὸν Γ , ὁ
 A πρὸς τὸν B · οἱ A, B ἄρα πρὸς ἀλλήλους λόγον
 ἔχουσιν, ὃν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον
 ἀριθμόν· ὥστε οἱ A, B ὅμοιοι ἐπίπεδοί εἰσιν. καὶ
 20 ἔστι τετράγωνος ὁ B · τετράγωνος ἄρα ἐστὶ καὶ ὁ A ·
 ὕπερ οὐχ ὑπέκειτο. οὐκ ἄρα ὁ Γ τετράγωνός ἐστιν.
 ὁμοίως δὲ δείξομεν, ὅτι οὐδ' ἄλλος οὐδεὶς τετρά-
 γωνός ἐστι χωρὶς τοῦ τρίτου ἀπὸ τῆς μονάδος καὶ
 τῶν ἑνα διαλειπόντων.

25 Ἀλλὰ δὲ μὴ ἔστω ὁ A κύβος. λέγω, ὅτι οὐδ'

8. ἔστωσαν γὰρ P. ἐξῆς] in ras. φ. ὅσοιδηποτοῦν] P;
 ὅποσοιδηποτοῦν B V φ. 10. ὁ A] om. V φ. λέγω] ὁ A . λέγω
 V φ. 11. χωρὶς] πλήν V φ. 12. καὶ τῶν ἑνα διαλειπόντων]
 om. P. 13. ἔστι] ἔστιν P. 15. πρὸς τετράγωνον ἀριθμόν] m.
 rec. P. 16. ὁ A] οὕτως ὁ A B. 17. τόν] om. B. 18. ἀριθμόν P,
 corr. m. 1. 19. ὥστε — εἰσιν] in V deleta (εἰσι); om. φ. 21.
 ὑπέκειται V φ. 22. τετράγωνός ἐστι] om. V φ. 25. οὐδέ V.
 οὐδὲ ἄλλος mg. φ

nales sunt, et unitati proximus quadratus non est, ne alius quidem ullus quadratus erit praeter tertium ab unitate et omnes, quicunque uno loco distant. et si unitati proximus cubus non est, ne alius quidem ullus cubus erit praeter quartum ab unitate et omnes, quicunque duobus locis distant.

A —————

B —————

————— Γ

————— Δ

E

————— Z

Sint quotlibet numeri ab unitate deinceps proportionales $A, B, \Gamma, \Delta, E, Z$, et unitati proximus A quadratus ne sit. dico, ne alium quidem ullum quadratum esse praeter tertium ab unitate.

nam si fieri potest, Γ quadratus sit. est autem etiam B quadratus [prop. VIII]. itaque B, Γ inter se rationem habent, quam quadratus numerus ad quadratum numerum. et est $B : \Gamma = A : B$. itaque A, B inter se rationem habent, quam quadratus numerus ad quadratum numerum. quare A, B similes plani sunt [VIII, 26].¹⁾ et B quadratus est. itaque etiam A quadratus est. quod est contra hypothesim. ergo Γ quadratus non est. similiter demonstrabimus, ne alium quidem ullum quadratum esse praeter tertium ab unitate, et quicunque uno loco distant.

at A cubus ne sit. dico, ne alium quidem ullum

1) Fortasse lin. 14: $of B, \Gamma$ — 16: ἀριθμὸν et lin. 19: ὥστε — εἰσὶν spuria sunt. poterat enim uti VIII, 24 melius quam VIII, 26 conuersa; cfr. p. 360, 7.

ἄλλος οἶδεις κύβος ἔσται χωρὶς τοῦ τετάρτου ἀπὸ
τῆς μονάδος καὶ τῶν δύο διαλειπόντων.

Εἰ γὰρ δυνατόν, ἔστω ὁ Δ κύβος. ἔστι δὲ καὶ
ὁ Γ κύβος· τέταρτος γάρ ἐστιν ἀπὸ τῆς μονάδος. καὶ
5 ἔστιν ὡς ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , ὁ B πρὸς τὸν Γ · καὶ ὁ
 B ἄρα πρὸς τὸν Γ λόγον ἔχει, ὅν κύβος πρὸς κύβον.
καὶ ἔστιν ὁ Γ κύβος· καὶ ὁ B ἄρα κύβος ἐστίν. καὶ
ἐπεὶ ἔστιν ὡς ἡ μονὰς πρὸς τὸν A , ὁ A πρὸς τὸν
 B , ἡ δὲ μονὰς τὸν A μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μο-
10 νάδας, καὶ ὁ A ἄρα τὸν B μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν αὐ-
τῷ μονάδας· ὁ A ἄρα ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας κύβον
τὸν B πεποίηκεν. ἐὰν δὲ ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλα-
πλασιάσας κύβον ποιῇ, καὶ αὐτὸς κύβος ἔσται. κύβος
ἄρα καὶ ὁ A · ὅπερ οὐχ ὑπόκειται. οὐκ ἄρα ὁ Δ
15 κύβος ἐστίν. ὁμοίως δὴ δείξομεν, ὅτι οὐδ' ἄλλος
οἶδεις κύβος ἔστι χωρὶς τοῦ τετάρτου ἀπὸ τῆς μονά-
δος καὶ τῶν δύο διαλειπόντων· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ια'.

Ἐὰν ἀπὸ μονάδος ὅποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς
20 ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ ἐλάττων τὸν μείζονα μετρεῖ
κατὰ τινα τῶν ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀνάλογον
ἀριθμοῖς.

Ἐστῶσαν ἀπὸ μονάδος τῆς A ὅποσοιοῦν ἀριθ-
μοὶ ἐξῆς ἀνάλογον οἱ B, Γ, Δ, E · λέγω, ὅτι τῶν $B,$
25 Γ, Δ, E ὁ ἐλάχιστος ὁ B τὸν E μετρεῖ κατὰ τινα
τῶν Γ, Δ .

Ἐπεὶ γὰρ ἔστιν ὡς ἡ A μονὰς πρὸς τὸν B , οὕ-
τως ὁ A πρὸς τὸν E , ἰσάκεις ἄρα ἡ A μονὰς τὸν B

3. ἔστι] -i in ras. V, ἔστιν P. 6. τόν] bis om B Γ]
(alt.) supra φ 6. ἄρα] supra m. 1 P. 7. ἐστὶ V φ. 8.

cubum esse praeter quartum ab unitate, et quicumque duobus locis distent.

nam si fieri potest, sit Δ cubus. est autem etiam Γ cubus [prop. VIII]; quartus enim est ab unitate. et $\Gamma : \Delta = B : \Gamma$. quare etiam B ad Γ rationem habet, quam cubus ad cubum. et Γ cubus est. itaque etiam B cubus est [VII, 13. VIII, 25]. et quoniam est $1 : A = A : B$, et unitas numerum A secundum unitates ipsius metitur, etiam A numerum B secundum unitates suas metitur. itaque erit $A \times A = B$. si numerus se ipsum multiplicans cubum effecerit, et ipse cubus erit [prop. VI]. itaque A cubus est; quod est contra hypothesim. ergo Δ cubus non est. similiter demonstrabimus, ne alium quidem ullum cubum esse praeter quartum ab unitate, et quicumque duobus locis distent; quod erat demonstrandum.

XI.

Si quotlibet numeri deinceps proportionales sunt ab unitate, minor maiorem secundum aliquem eorum metitur, qui inter numeros proportionales exstant.

Sint quotlibet numeri ab unitate A deinceps proportionales B, Γ, Δ, E . dico, ex numeris B, Γ, Δ, E minimum B numerum E secundum aliquem numerorum Γ, Δ metiri.

nam quoniam est $A : B = \Delta : E$, A unitas nume-

$\tauόν]$ om. B. οὕτως ὁ B. 14. καί] supra m. 1 P. 15.
 οὐδέ V φ. 20. ἐλάσσων P. 23. ὅποιοιοῦν P; corr. m. rec.
 24. B, Γ] (prius) in ras. φ. 25. ἐλάσσων Theon (BV φ). ὁ]
 e corr. V.

ἀριθμὸν μετρεῖ καὶ ὁ Δ τὸν E . ἐναλλάξ ἄρα ἰσάκεις
 ἢ A μονὰς τὸν Δ μετρεῖ καὶ ὁ B τὸν E . ἢ δὲ A
 μονὰς τὸν Δ μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας· καὶ
 ὁ B ἄρα τὸν E μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ Δ μονάδας·
 5 ὥστε ὁ ἐλάσσων ὁ B τὸν μείζονα τὸν E μετρεῖ κατὰ
 τινα ἀριθμὸν τῶν ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀνάλογον ἀριθ-
 μοῖς.

Πόρισμα.

Καὶ φανερόν, ὅτι ἣν ἔχει τάξιν ὁ μετροῦν ἀπὸ
 10 μονάδος, τὴν αὐτὴν ἔχει καὶ ὁ καθ' ὃν μετρεῖ ἀπὸ
 τοῦ μετρομένου ἐπὶ τὸ πρὸ αὐτοῦ. — ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιβ'.

Ἐὰν ἀπὸ μονάδος ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς
 ἀνάλογον ᾧσιν, ὑφ' ὧν ὅσων ἂν ὁ ἐσχατος πρῶ-
 15 των ἀριθμῶν μετρηῇται, ὑπὸ τῶν αὐτῶν καὶ
 ὁ παρὰ τὴν μονάδα μετρηθήσεται.

Ἐστῶσαν ἀπὸ μονάδος ὁποσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ
 ἀνάλογον οἱ A, B, Γ, Δ . λέγω, ὅτι ὑφ' ὧν ὅσων ἂν ὁ
 Δ πρῶτων ἀριθμῶν μετρηῇται, ὑπὸ τῶν αὐτῶν καὶ
 20 ὁ A μετρηθήσεται.

Μετρείσθω γὰρ ὁ Δ ὑπὸ τινος πρῶτου ἀριθμοῦ
 τοῦ E . λέγω, ὅτι ὁ E τὸν A μετρεῖ. μὴ γάρ· καὶ
 ἔστιν ὁ E πρῶτος, ἅπας δὲ πρῶτος ἀριθμὸς πρὸς

2. δὲ A] δὲ φ . 4. τῷ Δ] αὐτῷ φ . 8. πόρισμα — 11:
 πρὸ αὐτοῦ] om. Theon (BV φ). 8. πόρισμα] om. P. 11.
 ἐπὶ τό] εἰρησὶ; κατὰ τόν P. αὐτοῦ] εἰρησὶ; αὐτοῦ ὡς τὸν
 Δ P. 14. ὧν] corr. ex ὧν m. rec. P. 15. μετρεῖται
 BV φ . 17. ὁποσοιδηποτοῦν BV φ . 18. ὑπὸ ὧν P, ν add.
 m. rec. 19. μετρεῖται V φ . 22. τόν] καὶ τόν V φ et, ut
 videtur, B m. rec. μὴ γάρ μετρεῖται ὁ E τὸν A Theon
 (BV φ).

rum B et A numerum E aequaliter metitur. itaque
 permutando A unitas numerum A
 et B numerum E aequaliter meti-
 tur [VII, 15]. uerum A unitas
 numerum A secundum unitates ip-
 sius metitur. itaque etiam B nu-
 merum E secundum unitates nu-
 meri A metitur. ergo minor B maiorem E secundum
 aliquem numerum metitur eorum, qui inter numeros
 proportionales exstant.

Corollarium.

Et manifestum est, quem obtineat locum metiens
 ab unitate, eandem etiam eum, secundum quem me-
 tiatur, ante eum, quem metiatur, obtinere. — quod erat
 demonstrandum.

XII.

Si quotlibet numeri ab unitate deinceps proportio-
 nales sunt, quicumque numeri primi ultimum metiun-
 tur, iidem etiam unitati proximum metientur.

Sint quotlibet numeri ab unitate proportionales

A ————— Z ————— A, B, Γ, Δ . dico, quicun-
 B ————— H que numeri primi nume-
 Γ ————— Θ rum A metiantur, eosdem
 Δ ————— etiam numerum A mensu-
 E ————— ros esse.

nam primus numerus E numerum A metiatur. dico,
 E numerum A metiri. nam ne metiatur. et E pri-
 mus est, omnis autem primus numerus ad omnem
 numerum, quem non metitur, primus est [VII, 29].

ἅπαντα, ὅν μὴ μετρεῖ, πρῶτός ἐστιν· οἱ E , A ἄρα
 πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν. καὶ ἐπεὶ ὁ E τὸν A
 μετρεῖ, μετρεῖται αὐτὸν κατὰ τὸν Z · ὁ E ἄρα τὸν Z
 πολλαπλασιάσας τὸν A πεποίηκεν. πάλιν, ἐπεὶ ὁ A
 5 τὸν A μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ Γ μονάδας, ὁ A ἄρα
 τὸν Γ πολλαπλασιάσας τὸν A πεποίηκεν. ἀλλὰ μὲν
 καὶ ὁ E τὸν Z πολλαπλασιάσας τὸν A πεποίηκεν· ὁ
 ἄρα ἐκ τῶν A , Γ ἴσος ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν E , Z . ἐστὶν
 ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν E , ὁ Z πρὸς τὸν Γ . οἱ δὲ
 10 A , E πρῶτοι, οἱ δὲ πρῶτοι καὶ ἐλάχιστοι, οἱ δὲ ἐλά-
 χιστοι μετροῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας ἰσάκως
 ὅ τε ἡγούμενος τὸν ἡγούμενον καὶ ὁ ἐπόμενος τὸν
 ἐπόμενον· μετρεῖ ἄρα ὁ E τὸν Γ . μετρεῖται αὐτὸν
 κατὰ τὸν H · ὁ E ἄρα τὸν H πολλαπλασιάσας τὸν
 15 Γ πεποίηκεν. ἀλλὰ μὲν διὰ τὸ πρὸ τούτου καὶ ὁ
 A τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν. ὁ ἄρα
 ἐκ τῶν A , B ἴσος ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν E , H . ἐστὶν ἄρα
 ὡς ὁ A πρὸς τὸν E , ὁ H πρὸς τὸν B . οἱ δὲ A , E
 πρῶτοι, οἱ δὲ πρῶτοι καὶ ἐλάχιστοι, οἱ δὲ ἐλάχιστοι
 20 ἀριθμοὶ μετροῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐ-
 τοὺς ἰσάκως ὅ τε ἡγούμενος τὸν ἡγούμενον καὶ ὁ
 ἐπόμενος τὸν ἐπόμενον· μετρεῖ ἄρα ὁ E τὸν B . με-
 τρεῖται αὐτὸν κατὰ τὸν Θ · ὁ E ἄρα τὸν Θ πολλα-
 πλασιάσας τὸν B πεποίηκεν. ἀλλὰ μὲν καὶ ὁ A ἐαυ-
 25 τὸν πολλαπλασιάσας τὸν B πεποίηκεν· ὁ ἄρα ἐκ τῶν
 E , Θ ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ A . ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ E
 πρὸς τὸν A , ὁ A πρὸς τὸν Θ . οἱ δὲ A , E πρῶτοι,
 οἱ δὲ πρῶτοι καὶ ἐλάχιστοι, οἱ δὲ ἐλάχιστοι μετροῦσι
 τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας ἰσάκως ὅ τε ἡγούμενος

2 εἰσι Vφ. 4. πεποίηκε Vφ. 9. οὕτως ὁ Z B. 10.
 οἱ δὲ ἐλάχιστοι] m. 2 B. 11. τόν] om. B. 12. τε] m ras φ.

itaque E, A inter se primi sunt. et quoniam E numerum Δ metitur, eum secundum Z metiatur. itaque $E \times Z = \Delta$. rursus quoniam A numerum Δ secundum unitates numeri Γ metitur¹⁾, erit $A \times \Gamma = \Delta$. uerum $E \times Z = \Delta$. itaque $A \times \Gamma = E \times Z$. itaque $A : E = Z : \Gamma$ [VII, 19]. uerum A, E primi, primi autem etiam minimi [VII, 21], minimi autem eos, qui eandem rationem habent, aequaliter metiuntur [VII, 20], praecedens praecedentem et sequens sequentem. itaque E numerum Γ metitur. metiatur eum secundum H . itaque $E \times H = \Gamma$. uerum propter propositionem praecedentem etiam $A \times B = \Gamma$ [prop. XI coroll.]. itaque $A \times B = E \times H$. quare

$$A : E = H : B \text{ [VII, 19].}$$

uerum A, E primi, primi autem etiam minimi [VII, 21], minimi autem numeri eos, qui eandem rationem habent, aequaliter metiuntur [VII, 20], praecedens praecedentem et sequens sequentem. itaque E numerum B metitur. metiatur eum secundum Θ . itaque $E \times \Theta = B$. uerum etiam $A \times A = B$ [prop. VIII]. itaque

$$E \times \Theta = A \times A.$$

itaque $E : A = A : \Theta$ [VII, 19]. uerum A, E primi sunt, primi autem etiam minimi [VII, 21], minimi autem eos, qui eandem rationem habent, aequaliter

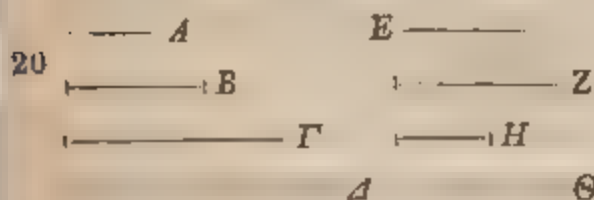
1) Ex coroll. prop. XI, quod omnino necessarium est ad definiendum, secundum quotum quisque numerum alium quempiam metiatur.

$\eta\gamma\acute{o}\mu\epsilon\nu\omicron\nu$ φ , sed corr. $\tau\acute{o}\nu \eta\gamma\acute{o}\mu\epsilon\nu\omicron\nu$] mg. φ . 13. $\alpha\upsilon\tau\omega$ V, sed corr. 20. $\tau\acute{o}\nu$] in ras. φ . 25. $\acute{\alpha}\rho\alpha$] $\acute{\epsilon}\sigma\tau\iota\nu$ $\acute{\alpha}\rho\alpha$ $\acute{\omicron}$ V φ . 26. $\Theta, E B$. $\acute{\epsilon}\sigma\tau\acute{\iota}$] om. V φ . 27. $E, A P$. 28. $\acute{\epsilon}\chi\omicron\nu\tau\alpha\varsigma$ $\alpha\upsilon\tau\omicron\iota\varsigma$ Theon (B V φ).

τὸν ἡγούμενον καὶ ὁ ἐπόμενος τὸν ἐπόμενον· μετρεῖ
 ἄρα ὁ E τὸν A ὡς ἡγούμενος ἡγούμενον. ἀλλὰ μὴν
 καὶ οὐ μετρεῖ· ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα οἱ E, A
 πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν. σύνθετοι ἄρα. οἱ δὲ
 5 σύνθετοι ὑπὸ [πρώτου] ἀριθμοῦ τινος μετροῦνται.
 καὶ ἐπεὶ ὁ E πρῶτος ὑπόκειται, ὁ δὲ πρῶτος ὑπὸ
 ἑτέρου ἀριθμοῦ οὐ μετρεῖται ἢ ὑφ' ἑαυτοῦ, ὁ E ἄρα
 τοὺς A, E μετρεῖ· ὥστε ὁ E τὸν A μετρεῖ. μετρεῖ
 δὲ καὶ τὸν Δ · ὁ E ἄρα τοὺς A, Δ μετρεῖ. ὁμοίως
 10 δὴ δείξομεν, ὅτι ὑφ' ὅσων ἂν ὁ Δ πρώτων ἀριθ-
 μῶν μετρηῇται, ὑπὸ τῶν αὐτῶν καὶ ὁ A μετρηθήσε-
 ται· ὅπερ εἰδει δεῖξαι.

ιγ'.

Ἐὰν ἀπὸ μονάδος ὅποσοι οὖν ἀριθμοὶ ἐξῆς
 15 ἀνάλογον ὦσιν, ὁ δὲ μετὰ τὴν μονάδα πρῶ-
 τος ἢ, ὁ μέγιστος ὑπ' οὐδενὸς [ἄλλου] μετρη-
 θήσεται παρὲξ τῶν ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀνά-
 λογον ἀριθμοῖς.

20  $\begin{array}{ccc} \text{--- } A & & E \text{ ---} \\ \text{--- } B & & \text{--- } Z \\ \text{--- } \Gamma & & \text{--- } H \\ & \Delta & \Theta \end{array}$ Ἔστωσαν ἀπὸ μονά-
 δος ὅποσοι οὖν ἀριθμοὶ
 ἐξῆς ἀνάλογον οἱ $A, B,$
 Γ, Δ , ὁ δὲ μετὰ τὴν μο-
 νάδα ὁ A πρῶτος ἔστω·

λέγω, ὅτι ὁ μέγιστος αὐτῶν ὁ Δ ὑπ' οὐδενὸς ἄλλου
 25 μετρηθήσεται παρὲξ τῶν A, B, Γ .

Εἰ γὰρ δυνατόν, μετρεῖσθω ὑπὸ τοῦ E , καὶ ὁ E

2. ὡς] ὡς ὁ φ. τὸν ἡγούμενον BVφ. 3. $A, E B$. 4. εἰσὶ
 Vφ. ἄρα· οἱ δὲ σύνθετοι] mg φ. 5. πρώτου] om. P Post
 μετροῦνται add. V mg m. 2: οἱ A, E ἄρα ὑπὸ πρώτου τινὸς
 ἀριθμοῦ μετροῦνται; idem B mg m. 2. 6. καὶ ἐπεὶ — 7:
 ἑαυτοῦ] m 2 V. 7. μετρηῇται P, corr. m. rec. 8. Post

metiuntur [VII, 20], praecedens praecedentem et sequens sequentem. itaque E numerum A metitur, ut praecedens praecedentem. uerum etiam non metitur; quod fieri non potest. itaque E, A inter se primi non sunt. ergo compositi. compositos autem numerus aliquis metitur [VII def. 14]. et quoniam suppositum est, E primum esse, primum autem nullus alius numerus metitur praeter ipsum [VII def. 11], E numeros A, E metitur. quare E numerum A metitur. uerum etiam Δ numerum metitur.¹⁾ ergo E numeros A, Δ metitur. similiter demonstrabimus, quicumque primi numeri numerum Δ metiantur, eosdem etiam numerum A mensuros esse; quod erat demonstrandum.

XIII.

Si quotlibet numeri ab unitate deinceps proportionales sunt, et unitati proximus primus est, maximum nullus metietur numerus praeter eos, qui inter proportionales exstant.

Sint quotlibet numeri ab unitate deinceps proportionales A, B, Γ, Δ , et unitati proximus A primus sit. dico, maximum eorum Δ nullos alios mensuros esse praeter A, B, Γ .

nam si fieri potest, metiatur numerus E , neu E

1) Propter expositionis genus (p. 362, 22) uerba lin. 8: $\mu\epsilon\tau\epsilon\iota\tau\alpha\iota\ \delta\epsilon\ \kappa\alpha\iota$ — 9: $\mu\epsilon\tau\epsilon\iota\tau\alpha\iota$ supernuacia sunt, et fortasse subditiua.

$\omega\sigma\tau\epsilon$ add. $\kappa\alpha\iota$ in ras B 9 $\kappa\alpha\iota$] supra φ . Δ] (alt.) in ras. V. 11. $\mu\epsilon\tau\epsilon\iota\tau\alpha\iota$ V φ . 16. $\acute{\alpha}\lambda\lambda\omicron\upsilon$] om. P.

μηδενὶ τῶν A, B, Γ ἔστω ὁ αὐτός. φανερόν δὲ, ὅτι
 ὁ E πρῶτος οὐκ ἔστιν. εἰ γὰρ ὁ E πρῶτός ἐστι καὶ
 μετρεῖ τὸν Δ , καὶ τὸν A μετρήσει πρῶτον ὄντα μὴ
 ὦν αὐτῷ ὁ αὐτός· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ὁ
 5 E πρῶτός ἐστιν. σύνθετος ἄρα. πᾶς δὲ σύνθετος
 ἀριθμὸς ὑπὸ πρῶτου τινὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται· ὁ E
 ἄρα ὑπὸ πρῶτου τινὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται. λέγω δὲ,
 ὅτι ὑπ' οὐδενὸς ἄλλου πρῶτον μετρηθήσεται πλὴν
 τοῦ A . εἰ γὰρ ὑφ' ἐτέρου μετρεῖται ὁ E , ὁ δὲ E
 10 τὸν Δ μετρεῖ, καὶ κεῖνος ἄρα τὸν Δ μετρήσει· ὥστε
 καὶ τὸν A μετρήσει πρῶτον ὄντα μὴ ὦν αὐτῷ ὁ
 αὐτός· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. ὁ A ἄρα τὸν E μετρεῖ.
 καὶ ἐπεὶ ὁ E τὸν Δ μετρεῖ, μετρεῖται αὐτὸν κατὰ
 τὸν Z . λέγω, ὅτι ὁ Z οὐδενὶ τῶν A, B, Γ ἔστιν
 15 ὁ αὐτός. εἰ γὰρ ὁ Z ἐνὶ τῶν A, B, Γ ἔστιν ὁ
 αὐτός καὶ μετρεῖ τὸν Δ κατὰ τὸν E , καὶ εἰς ἄρα
 τῶν A, B, Γ τὸν Δ μετρεῖ κατὰ τὸν E . ἀλλὰ εἰς
 τῶν A, B, Γ τὸν Δ μετρεῖ κατὰ τινὰ τῶν A, B, Γ
 καὶ ὁ E ἄρα ἐνὶ τῶν A, B, Γ ἔστιν ὁ αὐτός· ὅπερ
 20 οἷον ὑπόκειται. οὐκ ἄρα ὁ Z ἐνὶ τῶν A, B, Γ ἔστιν
 ὁ αὐτός. ὁμοίως δὲ δείξομεν, ὅτι μετρεῖται ὁ Z
 ὑπὸ τοῦ A , δεικνύντες πάλιν, ὅτι ὁ Z οὐκ ἔστι πρῶ-
 τος. εἰ γάρ, καὶ μετρεῖ τὸν Δ , καὶ τὸν A μετρήσει
 πρῶτον ὄντα μὴ ὦν αὐτῷ ὁ αὐτός· ὅπερ ἐστὶν ἀδύ-

2. ἔστι] ἔστιν P. 3. μή] καὶ μή φ. 5. ἔστι V φ.
 ἅπας B. 6. ὁ E ἄρα — 7: μετρεῖται] om. BV φ. 7. δὲ]
 om. V φ. 8. πλὴν] e corr. V. 10. μετρεῖ] om. V φ.
 13. καί] m. 2 V. αὐτῶν φ, sed corr. 15. εἰ γάρ — 16:
 αὐτός] m. rec B. 21. ὅτι — 22: πάλιν] mg. m. 2 B. 22.
 ὅτι] ὅτι οὐκ ἔστι BV φ. ὁ Z — 23: τὸν Δ] m. 2 V. 22.
 οὐκ ἔστι] om. BV φ. 23. εἰ γάρ] εἰ γάρ ἐστι πρῶτος BV,
 idem φ in mg. 24. ἐστίν] om. V φ.

ulli numerorum A, B, Γ aequalis sit. manifestum est igitur, E primum non esse. nam si E primus est et numerum Δ metitur, etiam numerum A metietur [prop. XII], qui primus est, quamquam ei aequalis non est; quod fieri non potest. itaque E primus non est. compositus igitur. quemuis autem numerum compositum primus aliquis numerus metitur [VII, 32]. itaque numerum E primus aliquis numerus metitur. dico, nullum alium E numerum metiri praeter A . nam si alius numerum E metitur, E autem numerum Δ metitur, ille quoque numerum Δ metietur. quare etiam numerum A metietur, qui primus est [prop. XII], quamquam ei aequalis non est¹⁾; quod fieri non potest. itaque A numerum E metitur. et quoniam E numerum Δ metitur, secundum Z metiatur. dico, Z nulli numerorum A, B, Γ aequalem esse. nam si Z alicui numerorum A, B, Γ aequalis est, et numerum Δ secundum E metitur, etiam aliquis numerorum A, B, Γ numerum Δ secundum E metitur. uerum quiuus numerorum A, B, Γ numerum Δ secundum aliquem numerorum A, B, Γ metitur [prop. XI]. quare E alicui numerorum A, B, Γ aequalis est; quod est contra hypothesim. ergo Z nulli numerorum A, B, Γ aequalis est. similiter demonstrabimus, numerum A numerum Z metiri, rursus demonstrantes, numerum Z primum non esse. nam si primus est et numerum Δ metitur, etiam A metietur [prop. XII], qui primus est, quamquam ei aequalis non est; quod

1) Nam si numerus numeros E, Δ metiens alicui numerorum A, B, Γ aequalis esset, constaret propositum. idem de p. 370, 8 dicendum

νατον· οὐκ ἄρα πρῶτός ἐστιν ὁ Z · σύνθετος ἄρα.
 ἅπας δὲ σύνθετος ἀριθμὸς ὑπὸ πρώτου τινὸς ἀριθ-
 μοῦ μετρεῖται· ὁ Z ἄρα ὑπὸ πρώτου τινὸς ἀριθμοῦ
 μετρεῖται. λέγω δὴ, ὅτι ὑφ' ἑτέρου πρώτου οὐ με-
 5 τρηθήσεται πλὴν τοῦ A . εἰ γὰρ ἕτερός τις πρῶτος
 τὸν Z μετρεῖ, ὁ δὲ Z τὸν Δ μετρεῖ, καὶ κεῖνος ἄρα
 τὸν Δ μετρήσει· ὥστε καὶ τὸν A μετρήσει πρῶτον
 ὄντα μὴ ὢν αὐτῷ ὁ αὐτός· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον.
 ὁ A ἄρα τὸν Z μετρεῖ. καὶ ἐπεὶ ὁ E τὸν Δ μετρεῖ
 10 κατὰ τὸν Z , ὁ E ἄρα τὸν Z πολλαπλασιάσας τὸν Δ
 πεποίηκεν. ἀλλὰ μὴν καὶ ὁ A τὸν Γ πολλαπλασιάσας
 τὸν Δ πεποίηκεν· ὁ ἄρα ἐκ τῶν A, Γ ἴσος ἐστὶ τῷ
 ἐκ τῶν E, Z . ἀνάλογον ἄρα ἐστὶν ὡς ὁ A πρὸς τὸν
 E , οὕτως ὁ Z πρὸς τὸν Γ . ὁ δὲ A τὸν E μετρεῖ·
 15 καὶ ὁ Z ἄρα τὸν Γ μετρεῖ. μετρεῖτω αὐτὸν κατὰ
 τὸν H . ὁμοίως δὴ δείξομεν, ὅτι ὁ H οὐδενὶ τῶν
 A, B ἐστὶν ὁ αὐτός, καὶ ὅτι μετρεῖται ὑπὸ τοῦ A .
 καὶ ἐπεὶ ὁ Z τὸν Γ μετρεῖ κατὰ τὸν H , ὁ Z ἄρα
 τὸν H πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν. ἀλλὰ μὴν
 20 καὶ ὁ A τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν·
 ὁ αρα ἐκ τῶν A, B ἴσος ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν Z, H . ἀνά-
 λογον ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν Z , ὁ H πρὸς τὸν B .
 μετρεῖ δὲ ὁ A τὸν Z · μετρεῖ ἄρα καὶ ὁ H τὸν B .
 μετρεῖτω αὐτὸν κατὰ τὸν Θ . ὁμοίως δὴ δείξομεν,
 25 ὅτι ὁ Θ τῷ A οὐκ ἐστὶν ὁ αὐτός. καὶ ἐπεὶ ὁ H τὸν
 B μετρεῖ κατὰ τὸν Θ , ὁ H ἄρα τὸν Θ πολλαπλασιάσας
 τὸν B πεποίηκεν. ἀλλὰ μὴν καὶ ὁ A ἑαυτὸν πολ-

2. ἅπας δέ — 3: μετρεῖται] om. Theon (BVφ) 3 ὁ Z
 ἄρα ὑπὸ πρώτου] ὁ ἄρα Z ὑπὸ πρώτου $V\phi$; ὑπὸ πρώτου
 ἄρα B . 4. οὐ] insert. m. 1 B. 6. δέ Z] corr. ex Z ἄρα
 m. 2 V. Z] in ras. P. Δ] in ras. P. 7. Δ] seq. ras.

fieri non potest. ergo Z primus non est. compositus igitur. quemvis autem numerum compositum primus aliquis numerus metitur [VII, 32]. itaque numerum Z primus aliquis numerus metitur. dico, nullum alium eum metiri praeter A . nam si alius numerus primus numerum Z metitur, et Z numerum Δ metitur, ille quoque numerum Δ metietur. quare etiam numerum A metietur [prop. XII], qui primus est, quamquam ei aequalis non est; quod fieri non potest. ergo A numerum Z metitur. et quoniam E numerum Δ secundum Z metitur, erit $E \times Z = \Delta$. uerum etiam $A \times \Gamma = \Delta$ [prop. XI]. itaque $A \times \Gamma = E \times Z$. itaque $A : E = Z : \Gamma$ [VII, 19]. uerum A numerum E metitur. itaque etiam Z numerum Γ metitur. metiatur secundum H . similiter demonstrabimus, numerum H nulli numerorum A , B aequalem esse, et numerum A eum metiri. et quoniam Z numerum Γ secundum H metitur, erit $Z \times H = \Gamma$. uerum etiam $A \times B = \Gamma$ [prop. XI]. itaque $A \times B = Z \times H$. quare $A : Z = H : B$ [VII, 19]. uerum A numerum Z metitur. itaque etiam H numerum B metitur. metiatur secundum Θ . similiter demonstrabimus, numerum Θ numero A aequalem non esse. et quoniam H numerum B secundum Θ metitur, erit

$$H \times \Theta = B.$$

1 litt. φ . 12. $\xi\sigma\iota\nu$ P. 15. $\mu\epsilon\rho\sigma\epsilon\iota$ insert. m. 2 B. 16.
 $\omicron\upsilon\delta\epsilon\tau\epsilon\tau\epsilon\varphi$ Theon (B V φ). 21. $\xi\sigma\iota\nu$ P. 22. A in ras. V.

λαπλασιάσας τὸν B πεποίηκεν· ὁ ἄρα ὑπὸ Θ , H ἴσος
 ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ· A τετραγώνῳ. ἔστιν ἄρα ὡς ὁ Θ
 πρὸς τὸν A , ὁ A πρὸς τὸν H . μετρεῖ δὲ ὁ A τὸν
 H · μετρεῖ ἄρα καὶ ὁ Θ τὸν A πρῶτον ὄντα μὴ ὦν
 5 αὐτῷ ὁ αὐτός· ὅπερ ἄτοπον. οὐκ ἀρα ὁ μέγιστος
 ὁ A ὑπὸ ἐτέρου ἀριθμοῦ μετρηθήσεται παρὲς τῶν
 A , B , Γ · ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιδ'.

Ἐὰν ἐλάχιστος ἀριθμὸς ὑπὸ πρώτων ἀριθ-
 10 μῶν μετρηῇται, ὑπ' οὐδενὸς ἄλλου πρώτου ἀριθ-
 μοῦ μετρηθήσεται παρὲς τῶν ἐξ ἀρχῆς με-
 τρούντων.

Ἐλάχιστος γὰρ ἀριθμὸς ὁ A ὑπὸ πρώτων ἀριθ-
 μῶν τῶν B , Γ , Δ μετρεῖσθω· λέγω, ὅτι ὁ A ὑπ' οὐ-
 15 δενὸς ἄλλου πρώτου ἀριθμοῦ μετρηθήσεται παρὲς
 τῶν B , Γ , Δ .

Εἰ γὰρ δυνατόν, μετρεῖσθω ὑπὸ πρώτου τοῦ E ,
 καὶ ὁ E μηδενὶ τῶν B , Γ , Δ ἔστω ὁ αὐτός. καὶ
 ἐπεὶ ὁ E τὸν A μετρεῖ, μετρεῖτω αὐτὸν κατὰ τὸν Z .
 20 ὁ E ἄρα τὸν Z πολλαπλασιάσας τὸν A πεποίηκεν.
 καὶ μετρεῖται ὁ A ὑπὸ πρώτων ἀριθμῶν τῶν B , Γ ,
 Δ . ἐὰν δὲ δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλή-
 λους ποιῶσί τινα, τὸν δὲ γενόμενον ἐξ αὐτῶν μετρή-
 τισ πρῶτος ἀριθμός, καὶ ἓνα τῶν ἐξ ἀρχῆς μετρήσει·
 25 οἱ B , Γ , Δ ἄρα ἓνα τῶν E , Z μετρήσουσιν. τὸν

1. ὑπό] ἐκ τῶν Theon (BVφ). 3. ὁ] (prius) supra m. 1 P.
 4. τὸν A] τον τὸν A φ, sed corr. 7 ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. B.
 10 πρώτου] om. B. 14. B] post ras. 1 litt. V. 15. πα-
 ρεξ] in hoc vocabulo incipit Paris. 2344 fol. 166 (q). 19.
 καὶ κατὰ Vφ, καὶ del. V. 20. ἄρα τὸν Z] insert. m. 1 B.
 πεποίηκε Vφγ. 21. ὑπό] ὑπὸ τῶν P. 22. πολυπλασιά

ueram etiam $A \times A = B$ [prop. VIII]. itaque

$$\Theta \times H = A \times A.$$

quare erit [VII, 19] $\Theta : A = A : H$. uerum A numerum H metitur. quare etiam Θ numerum A metitur, qui primus est, quamquam ei aequalis non est; quod absurdum est. ergo maximum A nullus alius numerus metietur praeter¹⁾ A, B, Γ ; quod erat demonstrandum.

XIV.

Si primi aliqui numeri numerum quendam minimum metiuntur, nullus alius primus numerus eum metietur praeter eos, qui ab initio metiuntur.

Nam primi numeri B, Γ, Δ numerum A minimum metiantur. dico, nullum alium primum numerum A numerum mensurum esse praeter B, Γ, Δ .

nam si fieri potest, metiatur primus numerus E ,
 $\text{---} A \text{---} B$ neue E ulli numerorum B, Γ, Δ
 $\text{---} E \text{---} \Gamma$ aequalis sit. et quoniam E nu-
 $Z \text{---} \Delta$ merum A metitur, secundum Z
 metiatur. itaque $E \times Z = A$. et numerum A primi numeri B, Γ, Δ metiantur. sin duo numeri inter se multiplicantes numerum aliquem efficiunt, et numerum ex iis productum primus aliquis numerus metitur, etiam unum eorum, qui ab initio sumpti sunt, metietur [VII, 30]. itaque B, Γ, Δ alterutrum numerorum E ,

1) li autem metiuntur propter prop. XI

μὲν οὖν E οὐ μετρήσουσιν· ὁ γὰρ E πρῶτός ἐστι καὶ οὐδενὶ τῶν B, Γ, Δ ὁ αὐτός. τὸν Z ἄρα μετροῦσιν ἐλάσσονα ὄντα τοῦ A · ὅπερ ἀδύνατον. ὁ γὰρ A ὑπόκειται ἐλάχιστος ὑπὸ τῶν B, Γ, Δ μετρούμενος.
 5 οὐκ ἄρα τὸν A μετρήσει πρῶτος ἀριθμὸς παρὲξ τῶν B, Γ, Δ · ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιε'.

Ἐὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν ἐλάχιστοι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων αὐτοῖς,
 10 δύο ὅποιοιοῦν συντεθέντες πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτοί εἰσιν.

Ἐστῶσαν τρεῖς ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ἐλάχιστοι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων αὐτοῖς οἱ A, B, Γ . λέγω, ὅτι τῶν A, B, Γ δύο ὅποιοιοῦν συντεθέντες
 15 πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτοί εἰσιν, οἱ μὲν A, B πρὸς τὸν Γ , οἱ δὲ B, Γ πρὸς τὸν A καὶ ἔτι οἱ A, Γ πρὸς τὸν B .

Εἰλήφθωσαν γὰρ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων τοῖς A, B, Γ δύο οἱ $\Delta E, EZ$. φανερόν δὴ, ὅτι ὁ μὲν ΔE ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας
 20 τὸν A πεποίηκεν, τὸν δὲ EZ πολλαπλασιάσας τὸν B πεποίηκεν, καὶ ἔτι ὁ EZ ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν. καὶ ἐπεὶ οἱ $\Delta E, EZ$ ἐλάχιστοί εἰσιν, πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσιν. ἔαν δὲ δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσιν, καὶ συναμφότερος πρὸς
 25 ἑκάτερον πρῶτός ἐστιν· καὶ ὁ ΔZ ἄρα πρὸς ἑκάτερον

1. μετρήσουσι V φ; μετροῦσιν B. ἐστιν P. 2. μετρήσουσιν V φ. 3. ὅπερ ἐστίν BV φ. 7. ιε'] om. φ. 9. τῶν] om. φ. 10. ὅποιοιοῦν q et supra scripto ὅποιοῦν B. 13. ἐχόντων λόγον φ. 14. λέγω, ὅτι τῶν A, B, Γ] mg. m. 1 φ. τῶν A, B, Γ] om. B, m. 2 V. δύο] om. B. ὅποιοιοῦν q

τῶν ΔE , EZ πρῶτός ἐστιν. ἀλλὰ μὴν καὶ ὁ ΔE
 πρὸς τὸν EZ πρῶτός ἐστιν· οἱ ΔZ , ΔE ἄρα πρὸς
 τὸν EZ πρῶτοί εἰσιν. ἐὰν δὲ δύο ἀριθμοὶ πρὸς τινα
 ἀριθμὸν πρῶτοι ᾧσιν, καὶ ὁ ἐξ αὐτῶν γενόμενος
 5 πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτός ἐστιν· ὥστε ὁ ἐκ τῶν $Z\Delta$,
 ΔE πρὸς τὸν EZ πρῶτός ἐστιν· ὥστε καὶ ὁ ἐκ τῶν
 $Z\Delta$, ΔE πρὸς τὸν ἀπὸ τοῦ EZ πρῶτός ἐστιν. [ἐὰν
 γὰρ δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσιν, ὁ ἐκ
 τοῦ ἐνὸς αὐτῶν γενόμενος πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτός
 10 ἐστιν]. ἀλλ' ὁ ἐκ τῶν $Z\Delta$, ΔE ὁ ἀπὸ τοῦ ΔE ἐστὶ
 μετὰ τοῦ ἐκ τῶν ΔE , EZ · ὁ ἄρα ἀπὸ τοῦ ΔE μετὰ
 τοῦ ἐκ τῶν ΔE , EZ πρὸς τὸν ἀπὸ τοῦ EZ πρῶτός
 ἐστιν. καὶ ἐστὶν ὁ μὲν ἀπὸ τοῦ ΔE ὁ A , ὁ δὲ ἐκ
 τῶν ΔE , EZ ὁ B , ὁ δὲ ἀπὸ τοῦ EZ ὁ Γ · οἱ A , B
 15 ἄρα συντεθέντες πρὸς τὸν Γ πρῶτοί εἰσιν. ὁμοίως
 δὴ δείξομεν, ὅτι καὶ οἱ B , Γ πρὸς τὸν A πρῶτοί
 εἰσιν. λέγω δὴ, ὅτι καὶ οἱ A , Γ πρὸς τὸν B πρῶτοί
 εἰσιν. ἐπεὶ γὰρ ὁ ΔZ πρὸς ἐκάτερον τῶν ΔE , EZ
 πρῶτός ἐστιν, καὶ ὁ ἀπὸ τοῦ ΔZ πρὸς τὴν ἐκ τῶν
 20 ΔE , EZ πρῶτός ἐστιν. ἀλλὰ τῷ ἀπὸ τοῦ ΔZ ἴσοι
 εἰσὶν οἱ ἀπὸ τῶν ΔE , EZ μετὰ τοῦ δις ἐκ τῶν ΔE ,
 EZ · καὶ οἱ ἀπὸ τῶν ΔE , EZ ἄρα μετὰ τοῦ δις
 ὑπὸ τῶν ΔE , EZ πρὸς τὸν ὑπὸ τῶν ΔE , EZ πρῶ-
 τοί [εἰσι]. διελόντι οἱ ἀπὸ τῶν ΔE , EZ μετὰ τοῦ

2. πρῶτοί εἰσι πρὸς τὸν EZ V φ. πρὸς τὸν EZ] om. B 3.
 εἰσι q. ἐὰν δέ — 5: πρῶτός ἐστιν] om. Theon (BVφq). 5. ὥστε]
 καὶ Theon (BVφq). $Z\Delta$] ΔZ φq et in ras. V. 6. ΔE ἄρα
 Theon (BVφq). 6. ὥστε καὶ — 7: πρῶτός ἐστιν] om. Theon
 (BVφq). 8. γάρ] δέ Theon (BVφq). ἐκ] ἀπὸ Theon
 (BVφq). 10. ἐστὶν] add. Theon: ὥστε ὁ ἐκ τῶν $Z\Delta$, ΔE
 καὶ πρὸς τὸν ἀπὸ τοῦ EZ πρῶτός ἐστιν (BVφq). ἀλλὰ P.
 ἐστὶν PVφ. 11. ἐκ] ὑπὸ q et supra scr. m. 2 V. ὁ

ΔE , EZ primus est. uerum etiam ΔE ad EZ primus est. itaque ΔZ , ΔE ad EZ primi sunt. sin duo numeri ad numerum aliquem primi sunt, etiam numerus ex iis productus ad reliquum primus est [VII, 24]. quare $Z\Delta \times \Delta E$ ad EZ primus est. quare etiam $Z\Delta \times \Delta E$ ad EZ^2 primus est [VII, 25].¹⁾ uerum $Z\Delta \times \Delta E = \Delta E^2 + \Delta E \times EZ$ [II, 3]. itaque $\Delta E^2 + \Delta E \times EZ$ ad EZ^2 primus est. et $\Delta E^2 = A$, $\Delta E \times EZ = B$, $EZ^2 = \Gamma$. itaque $A + B$ ad Γ primi sunt. similiter demonstrabimus, etiam $B + \Gamma$ ad A primos esse. iam dico, etiam $A + \Gamma$ ad B primos esse. nam quoniam ΔZ ad utrumque ΔE , EZ primus est, etiam ΔZ^2 ad $\Delta E \times EZ$ primus est [VII, 25]. uerum [II, 4]

$\Delta Z^2 = \Delta E^2 + EZ^2 + 2\Delta E \times EZ$. quare etiam erit $\Delta E^2 + EZ^2 + 2\Delta E \times EZ$ ad $\Delta E \times EZ$ primus. subtrahendo $\Delta E^2 + EZ^2 + \Delta E \times EZ$ ad

1) Lin. 7: $\acute{\epsilon}\acute{\alpha}\nu$ — 10: $\acute{\epsilon}\sigma\tau\iota\nu$ suspecta sunt, quia praepostere causam subiiciunt; praeterea iis deletis id quoque adipiscimur, ut origo scripturae Theonis facilius explicari possit.

$\acute{\alpha}\rho\alpha$ — 12: ΔE , EZ] m. 2 B 12. $\tau\acute{\omega}\nu$] corr. ex τοῦ φ.
13. $\acute{\epsilon}\sigma\tau\iota\nu$] (prius) $\acute{\epsilon}\sigma\tau\iota$ Vφq; seq. in φ: $\kappa\alpha\acute{\iota}$ $\acute{\epsilon}\sigma\tau\iota$, sed delet.
17. $\acute{\epsilon}\iota\sigma\iota$ Vφ λέγω — 18: $\acute{\epsilon}\iota\sigma\iota\nu$] om. q. 19. $\kappa\alpha\acute{\iota}$] August;
 $\acute{\omega}\sigma\tau\epsilon$ $\kappa\alpha\iota$ PBVφ; $\acute{\omicron}$ $\acute{\alpha}\nu\theta$ τοῦ ΔZ $\acute{\epsilon}\sigma\tau\iota\nu$ $\acute{\omicron}$ $K E$ $\acute{\omicron}$ $\delta\epsilon$ $\acute{\upsilon}\pi\acute{\omicron}$ τῶν
 ΔE , EZ $\acute{\omicron}$ ϵ $\acute{\omega}\sigma\tau\epsilon$ $\kappa\alpha\iota$ q. $\acute{\epsilon}\kappa$] P; $\acute{\upsilon}\pi\acute{\omicron}$ Theon (BVφq). 21
 $\acute{\epsilon}\kappa$] P; $\acute{\upsilon}\pi\acute{\omicron}$ Theon (BVφq). 22 $\kappa\alpha\iota$ $\acute{\omicron}\iota$] $\kappa\alpha\iota$ $\acute{\omicron}$ q; $\acute{\omicron}\iota$ $\acute{\alpha}\rho\alpha$
φ et eraso ι V. $\acute{\alpha}\rho\alpha$ μετὰ — 23: τὸν $\acute{\upsilon}\pi\acute{\omicron}$ τῶν ΔE , EZ] m. 2 B. 22. $\acute{\alpha}\rho\alpha$] om Vφ. 23. $\acute{\upsilon}\pi\acute{\omicron}$] $\acute{\epsilon}\kappa$ Bq $\acute{\upsilon}\pi\acute{\omicron}$ τῶν]
 $\acute{\upsilon}\pi\acute{\omicron}$ Bq $\pi\rho\acute{\omega}\tau\acute{\omicron}\varsigma$ $\acute{\epsilon}\sigma\tau\iota\nu$ q 24. $\acute{\epsilon}\iota\sigma\iota$] om. P. $\acute{\omicron}\iota$] $\acute{\omicron}$ Bq.

ἅπαξ ὑπὸ ΔE , EZ πρὸς τὸν ὑπὸ ΔE , EZ πρῶτοί
 εἰσιν. ἔτι διελόντι οἱ ἀπὸ τῶν ΔE , EZ ἄρα πρὸς
 τὸν ὑπὸ ΔE , EZ πρῶτοί εἰσιν. καὶ ἐστὶν ὁ μὲν
 ἀπὸ τοῦ ΔE ὁ A , ὁ δὲ ὑπὸ τῶν ΔE , EZ ὁ B , ὁ
 5 δὲ ἀπὸ τοῦ EZ ὁ Γ . οἱ A , Γ ἄρα συντεθέντες πρὸς
 τὸν B πρῶτοί εἰσιν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ις'.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους
 ᾧσιν, οὐκ ἔσται ὡς ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτε-
 10 ρον, οὕτως ὁ δεύτερος πρὸς ἄλλον τινά.

Δύο γὰρ ἀριθμοὶ οἱ A , B πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους
 ἔστωσαν· λέγω, ὅτι οὐκ ἔστιν ὡς ὁ A πρὸς τὸν B ,
 οὕτως ὁ B πρὸς ἄλλον τινά.

Εἰ γὰρ δυνατόν, ἔστω ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , ὁ
 15 B πρὸς τὸν Γ . οἱ δὲ A , B πρῶτοι, οἱ δὲ πρῶτοι
 καὶ ἐλάχιστοι, οἱ δὲ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ μετροῦσι τοὺς
 τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας ἰσάκως ὃ τε ἡγούμενος τὸν
 ἡγούμενον καὶ ὁ ἐπόμενος τὸν ἐπόμενον· μετρεῖ ἄρα
 ὁ A τὸν B ὡς ἡγούμενος ἡγούμενον. μετρεῖ δὲ καὶ
 20 ἐαντόν· ὁ A ἄρα τοὺς A , B μετρεῖ πρῶτους ὄντας
 πρὸς ἀλλήλους· ὅπερ ἄτοπον. οὐκ ἄρα ἔσται ὡς ὁ A
 πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ B πρὸς τὸν Γ · ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ις'.

Ἐὰν ᾧσιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνά-

1. ὑπό] ὑπὸ τῶν V φ (bis). πρῶτός ἐστιν V φ η. 2. οἱ] ὁ η.
 3. ὑπὸ τῶν V. πρῶτός ἐστι V φ η. 5. ἀπό] ὑπὸ B φ, V m. 1
 (corr. m. 2). τοῦ] τῶν V φ. 7. ις'] hinc rursus incipit F.
 8. δύο] m. 2 F. 14. ὁ] (prius) ἡ φ (non F). 17. ἔχοντας ἀν-
 τοῖς V. ὃ τε — 18: ἐπόμενον] om. l heou (BF V η). 18.

$\Delta E \times EZ$ primus est.¹⁾ et rursus subtrahendo $\Delta E^2 + EZ^2$ ad $\Delta E \times EZ$ primus est. et

$$\Delta E^2 = A, \Delta E \times EZ = B, EZ^2 = \Gamma.$$

ergo $A + \Gamma$ ad B primi sunt; quod erat demonstrandum.

XVI.

Si duo numeri inter se primi sunt, non erit ut primus ad secundum, ita secundus ad alium aliquem.

Nam duo numeri A, B inter se primi sint. dico, non esse, ut A ad B , ita B ad alium aliquem numerum.

Nam si fieri potest, sit $A : B = B : \Gamma$. uerum A, B primi sunt, primi autem etiam minimi [VII, 21],
 $\text{---} A$ minimi autem numeri eos, qui eandem
 $\text{---} B$ rationem habent, aequaliter metiuntur
 $\text{---} \Gamma$ [VII, 20], praecedens praecedentem et sequens sequentem. itaque A numerum B metitur ut praecedens praecedentem. uerum etiam se ipsum metitur. itaque A numeros A, B metitur, qui inter se primi sunt; quod absurdum est. ergo non erit $A : B = B : \Gamma$; quod erat demonstrandum.

1) Hoc ita demonstrat Commandinus fol. 114. si

$\Delta E^2 + EZ^2 + \Delta E \times EZ$ ad $\Delta E \times EZ$
 primus non est, metiatur eos α . ergo etiam metietur
 $\Delta E^2 + EZ^2 + 2\Delta E \times EZ$ et $\Delta E \times ZE$. at ii inter se
 primi sunt. eodem modo de lin. 2 — 3 ratiocinandum

μετρεῖ] om. F. ἄρα ὁ A] ἄρα BA φ. 19. τὸν B μετρεῖ F.
 τὸν ἡγούμενον F. καί] insert. m. 1 V. 20. ἐαυτὸν] corr.
 ex αὐτὸν B. 21. ἄτοπὸν ἐστίν V. ἐστίν] om V, ἐστίν Bq.
 22. τὸν B ἐστίν V. 24. ὁσοιδηποῖται φ (non F).

λογον, οἱ δὲ ἄκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὥσιν, οὐκ ἔστιν ὡς ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὕτως ὁ ἔσχατος πρὸς ἄλλον τινά.

Ἔστωσαν ὁσοιδηποῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον
 5 οἱ A, B, Γ, Δ , οἱ δὲ ἄκροι αὐτῶν οἱ A, Δ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔστωσαν· λέγω, ὅτι οὐκ ἔστιν ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Δ πρὸς ἄλλον τινά.

Εἰ γὰρ δυνατόν, ἔστω ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν E · ἐναλλάξ ἄρα ἔστιν ὡς ὁ A
 10 πρὸς τὸν Δ , ὁ B πρὸς τὸν E . οἱ δὲ A, Δ πρῶτοι, οἱ δὲ πρῶτοι καὶ ἐλάχιστοι, οἱ δὲ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ μετροῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας ἰσάκως ὃ τε ἡγούμενος τὸν ἡγούμενον καὶ ὁ ἐπόμενος τὸν ἐπόμενον. μετρεῖ ἄρα ὁ A τὸν B . καὶ ἔστιν ὡς ὁ A
 15 πρὸς τὸν B , ὁ B πρὸς τὸν Γ . καὶ ὁ B ἄρα τὸν Γ μετρεῖ· ὥστε καὶ ὁ A τὸν Γ μετρεῖ. καὶ ἐπεὶ ἔστιν ὡς ὁ B πρὸς τὸν Γ , ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , μετρεῖ δὲ ὁ B τὸν Γ , μετρεῖ ἄρα καὶ ὁ Γ τὸν Δ . ἀλλ' ὁ A τὸν Γ ἐμέτρει· ὥστε ὁ A καὶ τὸν Δ μετρεῖ. μετρεῖ
 20 δὲ καὶ ἑαυτόν. ὁ A ἄρα τοὺς A, Δ μετρεῖ πρῶτους ὄντας πρὸς ἀλλήλους· ὅπερ ἔστιν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἔστιν ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Δ πρὸς ἄλλον τινά· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ιη'.

25 Δύο ἀριθμῶν δοθέντων ἐπισκέψασθαι, εἰ

5. Δ] (alt.) corr. ex B F. 8. τόν] om. F. 9. ἐστίν] om. V. 11. ἀριθμοί] om. V. 12. ἔχοντας αὐτοῖς V. 15. καί] m 2 F. 16. A] e corr. V. 17. ὁ] (tert.) τό φ. 19. ἐμέτρει] P, μετρεῖ Theon (BFVη). Deinde add. B: ὥστε ὁ A τὸν Γ μετρεῖ, sed del. m. 1. ὁ A καί] καὶ ὁ A F; ὁ A γ. μετρεῖ] (prius) om. F. 22. Δ] B φ (non F).

XVII.

Si quotlibet numeri deinceps proportionales sunt, et extremi eorum inter se primi sunt, non erit ut primus ad secundum, ita extremus ad alium aliquem.

Sint quotlibet numeri deinceps proportionales A , B , Γ , Δ , et eorum extremi A , Δ inter se primi sint.

dico, non esse, ut A ad B , ita Δ ad alium aliquem.

Nam si fieri potest, sit $A : B = \Delta : E$. itaque permutando $A : \Delta = B : E$ [VII, 13]. uerum A , Δ primi sunt, primi autem etiam minimi [VII, 21], minimi autem numeri eos, qui eandem rationem habent, aequaliter metiuntur [VII, 20], praecedens praecedentem et sequens sequentem. itaque A numerum B metitur. est autem $A : B = B : \Gamma$. quare etiam B numerum Γ metitur [VII def. 20]. itaque etiam A numerum Γ metitur. et quoniam est $B : \Gamma = \Gamma : \Delta$, et B numerum Γ metitur, etiam Γ numerum Δ metitur [VII def. 20]. uerum A numerum Γ metiebatur. quare etiam numerum Δ metitur. uerum etiam se ipsum metitur. itaque A numeros A , Δ metitur, qui inter se primi sunt; quod fieri non potest. ergo non erit ut A ad B , ita Δ ad alium aliquem; quod erat demonstrandum.

XVIII.

Datis duobus numeris, num fieri possit, ut tertius eorum proportionalis inueniatur, inquirere.

δυνατόν ἐστὶν αὐτοῖς τρίτον ἀνάλογον προσ-
ευρεῖν.

Ἐστῶσαν οἱ δοθέντες δύο ἀριθμοὶ οἱ A, B , καὶ
δέον ἐστὼ ἐπισκέψασθαι, εἰ δυνατόν ἐστὶν αὐτοῖς
5 τρίτον ἀνάλογον προσευρεῖν.

Οἱ δὲ A, B ἦτοι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ἢ
οὐ. καὶ εἰ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, δέδεικται, ὅτι
ἀδύνατόν ἐστιν αὐτοῖς τρίτον ἀνάλογον προσευρεῖν.

Ἀλλὰ δὴ μὴ ἐστῶσαν οἱ A, B πρῶτοι πρὸς ἀλλή-
10 λους, καὶ ὁ B ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν Γ ποι-
εῖτω. ὁ A δὲ τὸν Γ ἦτοι μετρεῖ ἢ οὐ μετρεῖ. με-
τρεῖτω πρότερον κατὰ τὸν Δ . ὁ A ἄρα τὸν Δ πολλα-
πλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν. ἀλλὰ μὴν καὶ ὁ B
ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν. ὁ ἄρα ἐκ
15 τῶν A, Δ ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ B . ἐστὶν ἄρα ὡς
ὁ A πρὸς τὸν B , ὁ B πρὸς τὸν Δ . τοῖς A, B ἄρα
τρίτος ἀριθμὸς ἀνάλογον προσηγύρηται ὁ Δ .

Ἀλλὰ δὴ μὴ μετρεῖτω ὁ A τὸν Γ . λέγω, ὅτι τοῖς
 A, B ἀδύνατόν ἐστι τρίτον ἀνάλογον προσευρεῖν
20 ἀριθμόν. εἰ γὰρ δυνατόν, προσηγυρήσθω ὁ Δ . ο
ἄρα ἐκ τῶν A, Δ ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ B . ὁ δὲ
ἀπὸ τοῦ B ἐστὶν ὁ Γ . ὁ ἄρα ἐκ τῶν A, Δ ἴσος ἐστὶ
τῷ Γ . ὥστε ὁ A τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν Γ πε-
ποίηκεν. ὁ A ἄρα τὸν Γ μετρεῖ κατὰ τὸν Δ . ἀλλὰ
25 μὴν ὑπόκειται καὶ μὴ μετρῶν. ὅπερ ἄτοπον. οὐκ
ἄρα δυνατόν ἐστι τοῖς A, B τρίτον ἀνάλογον προσ-
ευρεῖν ἀριθμόν, ὅταν ὁ A τὸν Γ μὴ μετρῇ. ὅπερ
εἶδει δεῖξαι.

4. ἐπισκέψασα φ (non F). 6. δέ φ (non F). πρῶτοι]
postea add. B. 7. καὶ εἰ] P, καὶ εἰ μέν F; εἰ μὲν οὖν BVq.
εἰσὶν] comp. F; εἰσὶ PVq. Post δέδεικται add. F: „ἐν τῷ

Sint dati duo numeri A, B . et propositum sit, ut inquiramus, num tertius eorum proportionalis inueniri possit.

Numeri A, B igitur aut inter se primi sunt aut non primi. et si inter se primi sunt, demonstratum est, tertium eorum proportionalem inueniri non posse

[prop. XVI]. uerum ne sint A, B inter se primi, et sit $B \times B = \Gamma$. A igitur numerum Γ aut me-

tatur aut non metitur. prius eum secundum A metiatur. itaque $A \times A = \Gamma$. uerum etiam $B \times B = \Gamma$. itaque $A \times A = B^2$. quare $A : B = B : A$ [VII, 19]. ergo numerorum A, B tertius proportionalis inuentus est A .

Uerum ne metiatur A numerum Γ . dico, numerorum A, B tertium proportionalem inueniri non posse. nam si fieri potest, inueniatur A . itaque

$$A \times A = B^2 \text{ [VII, 19];}$$

sed $B^2 = \Gamma$. itaque $A \times A = \Gamma$. quare A numerum A multiplicans numerum Γ effecit. itaque A numerum Γ secundum A metitur. at supposuimus, eundem non metiri; quod absurdum est. ergo fieri non potest, ut numerorum A, B tertius proportionalis inueniatur numerus, si A numerum Γ non metitur; quod erat demonstrandum.

15 θεωρήματι. 11. ἦτοι] supra m. 1 P 12. πρότερον
τὸν Γ F. 15. ἀπό] ἐκ V. 17. προσεύρεται BFq 19.
ἀνάλογον] om. V. 20. ἀριθμὸν ἀνάλογον V. προσευρήσθω
BFV. 26. ἐστίν P. 27. A] B q. μετρεῖ q. ὅπερ εἶδει
δείξαι] om BFq.

ιθ'.

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων ἐπισκέψασθαι, πότε δυνατόν ἐστὶν αὐτοῖς τέταρτον ἀνάλογον προσευρεῖν.

- 5 Ἐστῶσαν οἱ δοθέντες τρεῖς ἀριθμοὶ οἱ *A*, *B*, *Γ*, καὶ δεῖον ἐστὶ ἐπισκέψασθαι, πότε δυνατόν ἐστὶν αὐτοῖς τέταρτον ἀνάλογον προσευρεῖν.

Ἦτοι οὖν οὐκ εἰσὶν ἐξῆς ἀνάλογον, καὶ οἱ ἄκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, ἢ ἐξῆς εἰσὶν
10 ἀνάλογον, καὶ οἱ ἄκροι αὐτῶν οὐκ εἰσὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους, ἢ οὔτε ἐξῆς εἰσὶν ἀνάλογον, οὔτε οἱ ἄκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, ἢ καὶ ἐξῆς εἰσὶν ἀνάλογον, καὶ οἱ ἄκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν.

- 15 Εἰ μὲν οὖν οἱ *A*, *B*, *Γ* ἐξῆς εἰσὶν ἀνάλογον, καὶ οἱ ἄκροι αὐτῶν οἱ *A*, *Γ* πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, δέδεικται, ὅτι ἀδύνατόν ἐστιν αὐτοῖς τέταρτον ἀνάλογον προσευρεῖν ἀριθμόν. μὴ ἔστῳσαν δὲ οἱ *A*, *B*, *Γ* ἐξῆς ἀνάλογον τῶν ἀκρῶν πάλιν ὄντων πρῶτων πρὸς

3 πότε] εἰ Theon (BFVq). 6. πότε] εἰ Theon (BFVq).
8. ἦτοι οὖν] scripsi; ἢ P; οἱ δὲ *A*, *B*, *Γ* Theon (BFVq, P mg. m. rec. οὐκ εἰσὶν ἐξῆς] ἦτοι ἐξῆς εἰσὶν Theon (BFVq).
οἱ] om. V. 9. αὐτῶν οἱ *A*, *Γ* Theon (BFVq). ἢ ἐξῆς — 13:
πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν] ἢ οὐ Theon (BFq, in ras. V) In V in
mg magna ras. est. 15. καὶ εἰ F. καὶ] m. 2 V. 16.
εἰσὶ Vq. 18. μὴ ἔστῳσαν — p. 386, 19: ὁ γὰρ *B*] εἰ δὲ οὐ,
ὁ *B* Theon (Fq; idem B (οὐκ supra) et V (εἰ δὲ οὐ eras.))

XIX.

Datis tribus numeris, quando fieri possit, ut quartus eorum proportionalis inueniatur, inquirere.

Sint dati tres numeri A, B, Γ , et propositum sit, ut inquireamus, quando quartus eorum proportionalis inueniri possit.

Itaque aut non sunt deinceps proportionales et extremi eorum inter se primi sunt, aut deinceps proportionales sunt et extremi eorum inter se primi non sunt, aut neque deinceps proportionales sunt nec extremi eorum inter se primi, aut et deinceps proportionales et extremi eorum inter se primi.

Iam si A, B, Γ deinceps proportionales sunt et extremi eorum A, Γ inter se primi, demonstratum est, quartum eorum proportionalem inueniri non posse [prop. XVII]. ne sint igitur A, B, Γ deinceps proportionales extremis rursus inter se primis manentibus. dico, ne sic quidem quartum eorum proportionalem inueniri posse.¹⁾ nam si fieri potest, inueniatur

1) Hoc quidem falsum esse, quis non uidet? uerum dedit scholiasta Vaticanus (u. adn. crit.); erroris originem indicauit August II p. 351. neque enim E inueniri potest (p. 386, 4) inuento A . sed quod idem scripturam Theonis recepit, male rem egit; ea eam propositioni plene minime respondet. equidem ut adfirmare non ausim, Euclidem talem errorem commisisse, ita scripturam codicis P retinendam puto, quia apertissime sic iam Theonis temporibus ferebatur (ideo enim ipsum eam mutauit), nec habemus, quo modo aliqua saltem probabilitate restituatur. nam Campanus (siue potius Arabes) liberrime, ut solet, locum mutauit. habet IX, 20: „datis tribus numeris continue proportionalibus, an sit aliquis quartus eis continue proportionalis inquirere“. deinde: „idem potes perscrutari quotlibet continue proportional. propositis.“

ἀλλήλους. λέγω, ὅτι καὶ οὕτως ἀδύνατόν ἐστιν αὐ-
 τοῖς τέταρτον ἀνάλογον προσεμερεῖν. εἰ γὰρ δυνατόν,
 προσμερεθήσθω ὁ Δ , ὥστε εἶναι ὡς τὸν A πρὸς τὸν B ,
 τὸν Γ πρὸς τὸν Δ , καὶ γερονέτω ὡς ὁ B πρὸς τὸν
 5 Γ , ὁ Δ πρὸς τὸν E . καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς μὲν ὁ A
 πρὸς τὸν B , ὁ Γ πρὸς τὸν Δ , ὡς δὲ ὁ B πρὸς τὸν
 Γ , ὁ Δ πρὸς τὸν E , δι' ἴσου ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν
 Γ , ὁ Γ πρὸς τὸν E . οἱ δὲ A , Γ πρῶτοι, οἱ δὲ πρῶ-
 τοι καὶ ἐλάχιστοι, οἱ δὲ ἐλάχιστοι μετροῦσι τοὺς τὸν
 10 αὐτὸν λόγον ἔχοντας ὃ τε ἡγούμενος τὸν ἡγούμενον
 καὶ ὁ ἐπόμενος τὸν ἐπόμενον. μερεῖ ἄρα ὁ A τὸν
 Γ ὡς ἡγούμενος ἡγούμενον. μερεῖ δὲ καὶ ἑαυτόν·
 ὁ A ἄρα τοὺς A , Γ μερεῖ πρῶτους ὄντας πρὸς ἀλλή-
 λους· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα τοῖς A , B , Γ
 15 δυνατόν ἐστι τέταρτον ἀνάλογον προσμερεῖν.

Ἀλλὰ δὴ πάλιν ἔστωσαν οἱ A , B , Γ ἐξῆς ἀνά-
 λογον, οἱ δὲ A , Γ μὴ ἔστωσαν πρῶτοι πρὸς ἀλλή-
 λους. λέγω, ὅτι δυνατόν ἐστιν αὐτοῖς τέταρτον ἀνά-
 λογον προσμερεῖν. ὁ γὰρ B τὸν Γ πολλαπλασιάσας
 20 τὸν Δ ποιεῖτω· ἰ A ἄρα τὸν Δ ἥτοι μερεῖ ἢ οὐ
 μερεῖ. μερεῖται αὐτὸν πρότερον κατὰ τὸν E · ὁ A
 ἄρα τὸν E πολλαπλασιάσας τὸν Δ πεποίηκεν. ἀλλὰ
 μὴν καὶ ὁ B τὸν Γ πολλαπλασιάσας τὸν Δ πεποίηκεν·
 ὁ ἄρα ἐκ τῶν A , E ἴσος ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν B , Γ . ἀνά-
 25 λογον ἄρα [ἐστὶν] ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , ὁ Γ πρὸς
 τὸν E · τοῖς A , B , Γ ἄρα τέταρτος ἀνάλογον προσ-
 ἡύρεται ὁ E .

Ἀλλὰ δὴ μὴ μερεῖται ὁ A τὸν Δ · λέγω, ὅτι ἀδύ-

1. Post ἀλλήλους add in P: *λέγω, ὅτι καὶ οὕτως δυνατόν·*
 εἰ γὰρ ὁ A τὸν ὑπὸ B , Γ μερεῖ, προβήσεται ἢ δείξει ὁμοίως
 τοῖς ἐξῆς. εἰ δὲ οὐ μερεῖ ὁ A τὸν ὑπὸ B , Γ , ἀδύνατον

Δ , ita ut sit $A : B = \Gamma : \Delta$, et fiat $B : \Gamma = \Delta : E$.
et quoniam est $A : B = \Gamma : \Delta$, et $B : \Gamma = \Delta : E$, ex

A ——— B ——— Γ ——— Δ ——— E ———	aequo erit $A : \Gamma = \Gamma : E$ [VII, 14]. sed A, Γ primi sunt, primi autem etiam minimi sunt [VII, 21], mi- nimi autem eos, qui eandem rati- onem habent, metiuntur [VII, 20] praecedens praecedentem et se-
---	--

quens sequentem. itaque A numerum Γ metitur ut praecedens praecedentem. uerum etiam se ipsum metitur. itaque A numeros A, Γ metitur, qui inter se primi sunt; quod fieri non potest. ergo numerorum A, B, Γ quartus proportionalis inueniri non potest. at rursus numeri A, B, Γ deinceps proportionales sint, ne sint autem A, Γ inter se primi. dico, fieri posse, ut quartus eorum proportionalis inueniatur. sit enim $B \times \Gamma = \Delta$. A igitur numerum Δ aut metitur aut non metitur. prius eum metiatur secundum E . itaque $A \times E = \Delta$. uerum etiam $B \times \Gamma = \Delta$. quare erit $A \times E = B \times \Gamma$. itaque $A : B = \Gamma : E$ [VII, 19]. ergo numerorum A, B, Γ quartus proportionalis inuentus est E . at ne metiatur A numerum Δ . dico,

αὐτοῖς τέταρτον ἀνάλογον προσευρεῖν. οἷον ἔστω ὁ μὲν A τριῶν κινῶν, ὁ δὲ B ἑξ, ὁ δὲ Γ ἑπτα. καὶ δῆλον, ὅτι δυνατόν. εἰ δὲ ὁ A εἴη πέντε, οὐκ ἔστι δυνατόν. καὶ ἀπλῶς, ὅτι μὲν ὁ B πολλαπλασιάς ἐστι τοῦ A , δυνατόν ἐστι τέταρτον ἀνάλογον εὑρεῖν· εἰ δὲ μή, ἀδύνατον; mg. m. 1: ἰστέον, ὅτι τὰ ὀβελισμένα σχόλια εἰσιν. 15. ἐστὶν P. 16. Γ] om. P. 20. A ἄρα] P; δὴ A Theon (BFVq). ἦτοι] om. V. 21. αὐτόν] PF; om. BVq. 25. ἐστὶν] om. P. 26. ἀνάλογον εἰς P. προσεύρηται B.

νατόν ἐστὶ τοῖς A, B, Γ τέταρτον ἀνάλογον προσ
 ευρεῖν ἀριθμόν. εἰ γὰρ δυνατόν, προσευρήσθω ὁ E .
 ὁ ἄρα ἐκ τῶν A, E ἴσος ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν B, Γ . ἀλλὰ
 ὁ ἐκ τῶν B, Γ ἐστὶν ὁ Δ · καὶ ὁ ἐκ τῶν A, E ἄρα
 5 ἴσος ἐστὶ τῷ Δ . ὁ A ἄρα τὸν E πολλαπλασιάσας
 τὸν Δ πεποίηκεν· ὁ A ἄρα τὸν Δ μετρεῖ κατὰ τὸν
 E · ὥστε μετρεῖ ὁ A τὸν Δ . ἀλλὰ καὶ οὐ μετρεῖ
 ὅπερ ἄτοπον. οὐκ ἄρα δυνατόν ἐστὶ τοῖς A, B, Γ τέ-
 τартон ἀνάλογον προσευρεῖν ἀριθμόν, ὅταν ὁ A τὸν
 10 Δ μὴ μετρῇ. ἀλλὰ δὴ οἱ A, B, Γ μήτε ἐξῆς ἔστω-
 σαν ἀνάλογον μήτε οἱ ἄκροι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους.
 καὶ ὁ B τὸν Γ πολλαπλασιάσας τὸν Δ ποιείτω. ὁμοίως
 δὴ δειχθήσεται, ὅτι εἰ μὲν μετρεῖ ὁ A τὸν Δ , δυνα-
 τόν ἐστὶν αὐτοῖς ἀνάλογον προσευρεῖν, εἰ δὲ οὐ με-
 15 τρεῖ, ἀδύνατον· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κ'.

Οἱ πρῶτοι ἀριθμοὶ πλείους εἰσὶ παντὸς τοῦ
 προτεθέντος πλήθους πρῶτων ἀριθμῶν.

Ἐστωσαν οἱ προτεθέντες πρῶτοι ἀριθμοὶ οἱ $A,$
 20 B, Γ · λέγω, ὅτι τῶν A, B, Γ πλείους εἰσὶ πρῶτοι
 ἀριθμοί.

Εἰλήφθω γὰρ ὁ ὑπὸ τῶν A, B, Γ ἐλάχιστος με-
 τρούμενος καὶ ἔστω ὁ ΔE , καὶ προσκείσθω τῷ ΔE
 μονὰς ἡ ΔZ . ὁ δὲ EZ ἦτοι πρῶτός ἐστὶν ἢ οὐ.

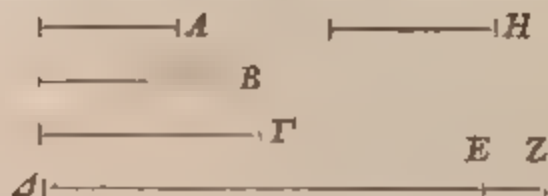
1 ἐστὶν P. 2 προσευρήσθω FV. 3. ἀλλ' BFV. 10.
 μή] supra m. 1 F, οὐ supra m. 2 V. μετρήσῃ F, μετρεῖ q.
 ἀλλὰ δὴ — 15: ἀδύνατον] om. BVq. 10. δὴ] μήτε F. ἐξῆς]
 οἱ ἐξῆς F. 12. ποιήτω φ (non F). 14. αὐτοῖς] αὐτοῖς τε-
 τάρτοις F. εἰ δέ] οὐδ' F. 15 ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. Bq.
 17. πρῶτοι ἀριθμοί] del. et supra scr. πρῶτων ἀριθμῶν m.
 2 B. 18 προτεθέντος F. 23. καί] m. 2 B, om. V. 24.
 ΔZ] ΔZ F.

numerosum A, B, Γ quartum proportionalem inueniri non posse. nam si fieri potest, inueniatur E . itaque $A \times E = B \times \Gamma$ [VII, 19]. uerum $B \times \Gamma = \Delta$. quare $A \times E = \Delta$. itaque A numerum E multiplicans numerum Δ effecit. A igitur numerum Δ secundum E metitur. itaque A numerum Δ metitur. uerum etiam non metitur; quod absurdum est. ergo numerosum A, B, Γ quartus proportionalis inueniri non potest, ubi A numerum Δ non metitur. uerum A, B, Γ ne sint deinceps proportionales neu extremi inter se primi. et sit $B \times \Gamma = \Delta$. similiter demonstrabimus, si A numerum Δ metiatur, fieri posse, ut eorum quartus¹⁾ inueniatur proportionalis, sin non metiatur, fieri non posse; quod erat demonstrandum.

XX.

Primi numeri plures sunt quauis data multitudine primorum numerosum.

Sint dati numeri primi A, B, Γ . dico, plures esse primos numeros quam A, B, Γ . sumatur enim, quem



minimum metiantur A, B, Γ [VII, 36] et sit ΔE , et numero ΔE adiciatur unitas ΔZ . EZ igitur aut primus est aut non primus. prius sit primus. ergo in-

1) Uidetur scribendum esse lin. 14: αὐτοῖς τέτατον ἀνάλογον; cfr. F.

ἔστω πρότερον πρῶτος· εὐρημένοι ἄρα εἰσὶ πρῶτοι ἀριθμοὶ οἱ A, B, Γ, EZ πλείους τῶν A, B, Γ .

Ἀλλὰ δὴ μὴ ἔστω ὁ EZ πρῶτος· ὑπὸ πρῶτου ἄρα τινὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται. μετρείσθω ὑπὸ πρῶτου τοῦ H · λέγω, ὅτι ὁ HI οὐδενὶ τῶν A, B, Γ ἐστὶν ὁ αὐτός. εἰ γὰρ δυνατόν, ἔστω. οἱ δὲ A, B, Γ τὸν AE μετροῦσιν· καὶ ὁ H ἄρα τὸν AE μετρήσει. μετρεῖ δὲ καὶ τὸν EZ · καὶ λοιπὴν τὴν AZ μονάδα μετρήσει ὁ H ἀριθμὸς ὧν· ὅπερ ἄτοπον. οὐκ ἄρα ὁ HI ἐνὶ τῶν A, B, Γ ἐστὶν ὁ αὐτός. καὶ ὑπόκειται πρῶτος. εὐρημένοι ἄρα εἰσὶ πρῶτοι ἀριθμοὶ πλείους τοῦ προτεθέντος πλήθους τῶν A, B, Γ οἱ A, B, Γ, H · ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κα'.

Ἐὰν ἄρτιοι ἀριθμοὶ ὁποσοιοῦν συντεθῶσιν, ὁ ὅλος ἄρτιός ἐστιν.

Συγκλείσθωσαν γὰρ ἄρτιοι ἀριθμοὶ ὁποσοιοῦν οἱ $AB, B\Gamma, \Gamma\Delta, \Delta E$ · λέγω, ὅτι ὅλος ὁ AE ἄρτιός ἐστιν.

Ἐπεὶ γὰρ ἕκαστος τῶν $AB, B\Gamma, \Gamma\Delta, \Delta E$ ἄρτιός ἐστιν, ἔχει μέρος ἡμισυ· ὥστε καὶ ὅλος ὁ AE ἔχει μέρος ἡμισυ. ἄρτιος δὲ ἀριθμὸς ἐστὶν ὁ δίχα διαιρούμενος· ἄρτιος ἄρα ἐστὶν ὁ AE · ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

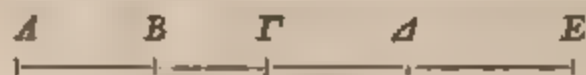
1. Supra πρῶτος add. ἢ EZ m. rec. V. εἰσὶν P, εἰσὶν οἱ q. 2. ἀριθμοὶ] om. F. Γ] (prius) $\Gamma\Delta$ F, Δ del. m. 1. 6. δυνατόν, ἔστω] ὁ H ἐνὶ τῶν A, B, Γ ἐστὶν ὁ αὐτός Theon (BFVq). 7. ΔE] ZE F. μετροῦσι BFVq. ΔE] ZE F. 8. καὶ] καὶ ὁ H F. EZ] ΔE F. 10. καὶ] ὁ αὐτός δὲ καὶ P. 11. εἰσὶ] εἰσὶν οἱ V. 13. H] H ἄρα ante ras. 6 litt. F. 15. συν — supra ser. B. 16. ἐστὶ Vq, comp. F. 17. ὁποσοιοῦν] e corr. V. 18. $B\Gamma$] in ras. P. $\Gamma\Delta$] m 2 V. 21. καὶ] supra lac. pergam. m. rec. F. 23. ὁ AE ἄρα ἐστὶν F. ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. B.

uenti sunt primi numeri A, B, Γ, EZ plures numeris A, B, Γ . uerum ne sit EZ primus. itaque primus aliquis numerus eum metitur [VII, 31]. metiatur primus numerus H . dico, numerum H nulli numerorum A, B, Γ aequalem esse. nam si fieri potest, sit. uerum A, B, Γ numerum ΔE metiuntur. itaque etiam H numerum ΔE metitur. uerum etiam numerum EZ metitur. quare etiam¹⁾ quae relinquitur, unitatem ΔZ metietur H , qui numerus est; quod absurdum est. ergo H nulli numerum A, B, Γ aequalis est. et suppositum est, H primum esse. ergo inuenti sunt primi numeri A, B, Γ, H plures data multitudine A, B, Γ ; quod erat demonstrandum.

XXI.

Si quotlibet numeri pares componuntur, totus par erit.

Componantur enim quotlibet numeri pares $AB, B\Gamma, \Gamma\Delta, \Delta E$. dico, etiam totum AE parem esse.



nam quoniam singuli numeri $AB, B\Gamma, \Gamma\Delta, \Delta E$ pares sunt, partem dimidiam habent [VII def. 6]. quare etiam totus AE partem dimidiam habet. par autem numerus is est, qui in duas partes aequales diuiditur [id.]. ergo AE par est; quod erat demonstrandum.

1) U. ad VII, 28.

κβ'.

Ἐὰν περισσοὶ ἀριθμοὶ ὅποσοιοῦν συντε-
θῶσιν, τὸ δὲ πλῆθος αὐτῶν ἄρτιον ἢ, ὁ ὅλος
ἄρτιος ἐσται.

5 Συγκείσθωσαν γὰρ περισσοὶ ἀριθμοὶ ὅσοιδηποτοῦι
ἄρτιοι τὸ πλῆθος οἱ $AB, BG, ΓΔ, ΔΕ$ · λέγω, ὅτι
ὅλος ὁ AE ἄρτιός ἐστιν.

Ἐπεὶ γὰρ ἕκαστος τῶν $AB, BG, ΓΔ, ΔΕ$ περι-
τός ἐστιν, ἀφαιρεθείσης μονάδος ἀφ' ἑκάστου ἕκα-
10 στος τῶν λοιπῶν ἄρτιος ἐσται· ὥστε καὶ ὁ συγκείμε-
νος ἐξ αὐτῶν ἄρτιος ἐσται. ἐστὶ δὲ καὶ τὸ πλῆθος
τῶν μονάδων ἄρτιον. καὶ ὅλος ἄρα ὁ AE ἄρτιός
ἐστίν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κγ'.

15 Ἐὰν περισσοὶ ἀριθμοὶ ὅποσοιοῦν συντε-
θῶσιν, τὸ δὲ πλῆθος αὐτῶν περισσὸν ἢ, καὶ
ὁ ὅλος περισσὸς ἐσται.

Συγκείσθωσαν γὰρ ὅποσοιοῦν περισσοὶ ἀριθμοί,
ὧν τὸ πλῆθος περισσὸν ἔστω, οἱ $AB, BG, ΓΔ$ · λέγω,
20 ὅτι καὶ ὅλος ὁ AD περισσός ἐστιν.

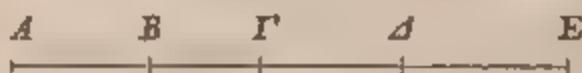
Ἀφηγήσθω ἀπὸ τοῦ $ΓΔ$ μονὰς ἡ $ΔΕ$ · λοιπὸς
ἄρα ὁ $ΓΕ$ ἄρτιός ἐστιν. ἐστὶ δὲ καὶ ὁ $ΓΑ$ ἄρτιος·
καὶ ὅλος ἄρα ὁ AE ἄρτιός ἐστιν. καὶ ἐστὶ μονὰς ἡ
 $ΔΕ$ · περισσὸς ἄρα ἐστὶν ὁ AD · ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

2. συντεθῶσι FVq. 3. ὁ] om. PVq. 4. ἐστίν F.
5. γάρ] m. 2 F. 6. ἄρτιοι] om. F. 8. ἑκάτερος F, corr.
m. 2. 11. ἐστὶ] ἔστω P. 13. Inter ἐστίν et ὅπερ aliam
demonstr. habet F; u. app. 15. ὅποσοιοῦν] om. V. συν-
τεθῶσι Vq 17. ὁ] om. PBFVq; corr. August. 18. πε-
ρισσοὶ ἀριθμοὶ ὅποσοιοῦν V. 19. οἱ] ὁ F. 22. ἐστίν] ἐστὶν
δὲ τῶν πρὸ αὐτοῦ F. $ΓΔ$] $ΑΓ$ BVq. 23. ἐστίν] P,

XXII.

Si quotlibet numeri impares componuntur, et multitudo eorum par est, totus par erit.

Componantur enim quotlibet numeri impares numero pares AB , $B\Gamma$, $\Gamma\Delta$, ΔE . dico, totum AE parem esse.

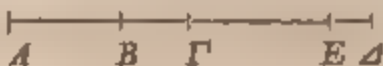


nam quoniam singuli numeri AB , $B\Gamma$, $\Gamma\Delta$, ΔE impares sunt, unitate a singulis subtracta, qui relinquuntur, singuli pares erunt [VII def. 7]. quare etiam numerus ex iis compositus par erit [prop. XXI]. uerum etiam multitudo unitatum par est. ergo etiam totus AE par est [id.]; quod erat demonstrandum.

XXIII.

Si quotlibet numeri impares componuntur, et multitudo eorum impar est, etiam totus impar erit.

Componantur enim quotlibet numeri impares, quarum multitudo impar sit, AB , $B\Gamma$, $\Gamma\Delta$. dico, etiam totum AD imparem esse.



subtrahatur a $\Gamma\Delta$ unitas ΔE . itaque qui relinquitur, ΓE par est [VI def. 7]. uerum etiam ΓA par est [prop. XXII]. quare etiam totus AE par est [prop. XXI]. et ΔE unitas est. ergo AD impar est [VII def. 7]; quod erat demonstrandum.

comp. F; $\xi\sigma\tau\iota$ Vq. $\xi\sigma\tau\iota$ seq. ras. 1 litt. V, $\xi\sigma\tau\iota\nu$ B. 24.
 $\alpha\eta\alpha$] om. q. $\delta\pi\epsilon\rho\ \xi\delta\epsilon\iota\ \delta\epsilon\iota\chi\epsilon\iota\varsigma$] om. BFq.

κδ'.

Ἐὰν ἀπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ ἄρτιος ἀφαιρεθῇ, ὁ λοιπὸς ἄρτιος ἔσται.

Ἀπὸ γὰρ ἀρτίου τοῦ AB ἄρτιος ἀφηρήσθω ὁ $BΓ$.
 6 λέγω, ὅτι ὁ λοιπὸς ὁ $ΓΑ$ ἄρτιός ἐστιν.

Ἐπεὶ γὰρ ὁ AB ἄρτιός ἐστιν, ἔχει μέρος ἡμισυν. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὁ $BΓ$ ἔχει μέρος ἡμισυν· ὥστε καὶ λοιπὸς [ὁ $ΓΑ$ ἔχει μέρος ἡμισυν] ἄρτιος [ἄρα] ἐστὶν ὁ $ΑΓ$ ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

10

κε'.

Ἐὰν ἀπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ περισσὸς ἀφαιρεθῇ, ὁ λοιπὸς περισσὸς ἔσται.

Ἀπὸ γὰρ ἀρτίου τοῦ AB περισσὸς ἀφηρήσθω ὁ $BΓ$. λέγω, ὅτι ὁ λοιπὸς ὁ $ΓΑ$ περισσός ἐστιν.

15 Ἀφηρήσθω γὰρ ἀπὸ τοῦ $BΓ$ μονὰς ἢ $ΓΔ$. ὁ AB ἄρα ἄρτιός ἐστιν. ἐστὶ δὲ καὶ ὁ AB ἄρτιος· καὶ λοιπὸς ἄρα ὁ AD ἄρτιός ἐστιν. καὶ ἐστὶ μονὰς ἢ $ΓΔ$. ὁ $ΓΑ$ ἄρα περισσός ἐστιν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κς'.

20 Ἐὰν ἀπὸ περισσοῦ ἀριθμοῦ περισσὸς ἀφαιρεθῇ, ὁ λοιπὸς ἄρτιος ἔσται.

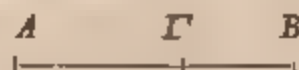
Ἀπὸ γὰρ περισσοῦ τοῦ AB περισσὸς ἀφηρήσθω ὁ $BΓ$. λέγω, ὅτι ὁ λοιπὸς ὁ $ΓΑ$ ἄρτιός ἐστιν.

4. ἀφηρήσθω ἄρτιος P. 5. $ΓΑ$] $Γ P$. ἔσται F. 7. $BΓ$] $Γ B$ F. 8. ὁ $ΓΑ$ — ἡμισυν] om. P. $ΓΑ$] θ corr. V. ἄρα] om. P. 9. ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. BVq. 11. Post περισσός add. F: ἀριθμός (comp.). 14. ὅτι] ὅτι καὶ V. 15. ὁ] seq. ras. 2 litt. P. 16. ἐστὶ δέ — 17: ἐστὶν] bis F, corr. m. 1. 16. ἐστὶ] ἐστὶν P. 17. ἐστὶν] P; comp. F; ἐστὶ Vq.

XXIV.

Si a numero pari par subtrahitur, reliquus par erit.

Nam a pari numero AB par subtrahatur $B\Gamma$. dico, reliquum ΓA parem esse.

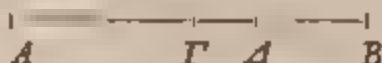


nam quoniam AB par est, partem dimidiam habet [VII def. 6]. eadem de causa etiam $B\Gamma$ partem dimidiam habet. ergo etiam reliquus ΓA par est; quod erat demonstrandum.

XXV.

Si a numero pari impar subtrahitur, reliquus impar erit.

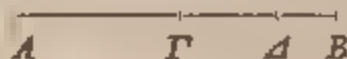
Nam a pari numero AB impar subtrahatur $B\Gamma$. dico, reliquum ΓA imparem esse.



subtrahatur enim a $B\Gamma$ unitas $\Gamma\Delta$. itaque ΔB par est [VII def. 7]. uerum etiam AB par est. quare etiam reliquus $\Delta\Delta$ par est [prop. XXIV]. et unitas est $\Gamma\Delta$. ergo ΓA impar est [VII def. 7]; quod erat demonstrandum.

XXVI.

Si a numero impari impar subtrahitur, reliquus par erit.



Nam ab impari numero AB impar subtrahatur $B\Gamma$. dico, reliquum ΓA parem esse.

Ἐπεὶ γὰρ ὁ AB περισσός ἐστιν, ἀφηγήσθω μονὰς ἢ BA · λοιπὸς ἄρα ὁ AA ἄρτιός ἐστιν. διὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ ὁ GA ἄρτιός ἐστιν· ὥστε καὶ λοιπὸς ὁ GA ἄρτιός ἐστιν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

6

κζ'.

Ἐὰν ἀπὸ περισσοῦ ἀριθμοῦ ἄρτιος ἀφαιρεθῇ, ὁ λοιπὸς περισσὸς ἐστὶν.

Ἀπὸ γὰρ περισσοῦ τοῦ AB ἄρτιος ἀφηγήσθω ὁ BF · λέγω, ὅτι ὁ λοιπὸς ὁ GA περισσός ἐστιν.

- 11 Ἀφηγήσθω [γὰρ] μονὰς ἢ AA · ὁ AB ἄρα ἄρτιός ἐστιν. ἔστι δὲ καὶ ὁ BF ἄρτιος· καὶ λοιπὸς ἄρα ὁ GA ἄρτιός ἐστιν. περισσὸς ἄρα ὁ GA · ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

κη'.

- 11 Ἐὰν περισσὸς ἀριθμὸς ἄρτιον πολλαπλασιάσας ποιῇ τινα, ὁ γενόμενος ἄρτιος ἐστὶν.

Περὶσσοῦ γὰρ ἀριθμοῦ ὁ A ἄρτιον τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Γ ποιείτω· λέγω, ὅτι ὁ Γ ἄρτιός ἐστιν.

- 20 Ἐπεὶ γὰρ ὁ A τὸν B πολλαπλασιάσας τὸν Γ ποιήκεν, ὁ Γ ἄρα σύγκειται ἐκ τοσούτων ἴσων τῷ B , ὅσαι εἰσὶν ἐν τῷ A μονάδες. καὶ ἐστὶν ὁ B ἄρτιος· ὁ Γ ἄρα σύγκειται ἐξ ἄρτίων. ἐὰν δὲ ἄρτιοι ἀριθμοὶ ὅποσοιοῦν συντεθῶσιν, ὁ ὅλος ἄρτιός ἐστιν. ἄρτιος ἄρα ἐστὶν ὁ Γ · ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

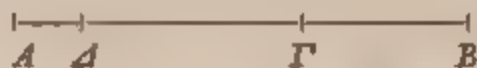
2. ἐστὶν] P, comp. F; ἔστι Vq. 4. GA] AG BVq. 7. ἐστὶν] ἐστὶν comp. F. 9. ὁ] (alt.) om. q. GA] e corr. V. 10. γὰρ] om. P. ἄρα] om. q. 12. ἔστι q. Seq. in V: ἔστι δὲ καὶ μονὰς ἢ AA . ἄρα ἐστὶν V. 14. περισσός] supra F. 16. περισσὸς γὰρ ἀριθμὸς] ἀριθμὸς γὰρ F. 23. τεθῶσιν P. ὁ] om. q.

nam quoniam AB impar est, subtrahatur unitas BA . itaque reliquus AA par est. eadem de causa etiam ΓA par est [VII def. 7].¹⁾ ergo etiam qui relinquitur, ΓA par est [prop. XXIV]; quod erat demonstrandum.

XXVII.

Si a numero impari par subtrahitur, reliquus impar erit.

Nam a numero impari AB par subtrahatur $B\Gamma$. dico, reliquum ΓA imparem esse.



nam subtrahatur unitas AA . itaque AB par est [VII def. 7]. verum etiam $B\Gamma$ par est. quare etiam reliquus ΓA par est [prop. XXIV]. ergo ΓA impar est [VII def. 7]; quod erat demonstrandum.

XXVIII.

Si numerus impar parem multiplicans numerum aliquem effecerit, numerus productus par erit.

$\text{---}A$ Nam impar numerus A parem B
 $\text{---}B$ multiplicans numerum Γ efficiat. dico,
 $\text{---}\Gamma$ numerum Γ parem esse.

nam quoniam $A \times B = \Gamma$, numerus Γ ex totidem numeris numero B aequalibus compositus est, quot sunt unitates in A [VII def. 15]. et B par est. Γ igitur ex paribus compositus est. sin quotlibet numeri pares componuntur, totus par est [prop. XXI]. ergo Γ par est; quod erat demonstrandum.

1) Nam supposuimus, ΓB imparem esse.

κθ'.

Ἐὰν περισσὸς ἀριθμὸς περισσὸν ἀριθμὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ τινα, ὁ γενόμενος περισσὸς ἔσται.

5 Περισσὸς γὰρ ἀριθμὸς ὁ *A* περισσὸν τὸν *B* πολλαπλασιάσας τὸν *Γ* ποιείτω· λέγω, ὅτι ὁ *Γ* περισσὸς ἔστιν.

Ἐπεὶ γὰρ ὁ *A* τὸν *B* πολλαπλασιάσας τὸν *Γ* ποιήκεν, ὁ *Γ* ἄρα σύγκειται ἐκ τοσούτων ἴσων τῷ
10 *B*, ὅσαι εἰσὶν ἐν τῷ *A* μονάδες. καὶ ἔστιν ἑκάτερος τῶν *A*, *B* περισσός· ὁ *Γ* ἄρα σύγκειται ἐκ περισσῶν ἀριθμῶν, ὧν τὸ πλῆθος περισσόν ἔστιν. ὥστε ὁ *Γ* περισσὸς ἔστιν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

λ'.

15 Ἐὰν περισσὸς ἀριθμὸς ἄρτιον ἀριθμὸν μετρήῃ, καὶ τὸν ἡμισυν αὐτοῦ μετρήσει.

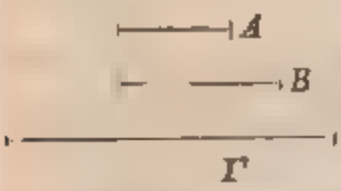
Περισσὸς γὰρ ἀριθμὸς ὁ *A* ἄρτιον τὸν *B* μετρεῖτω· λέγω, ὅτι καὶ τὸν ἡμισυν αὐτοῦ μετρήσει.

Ἐπεὶ γὰρ ὁ *A* τὸν *B* μετρεῖ, μετρεῖτω αὐτὸν κα-
20 τὰ τὸν *Γ*· λέγω, ὅτι ὁ *Γ* οὐκ ἔστι περισσός. εἰ γὰρ δυνατόν, ἔστω. καὶ ἐπεὶ ὁ *A* τὸν *B* μετρεῖ κατὰ τὸν *Γ*, ὁ *A* ἄρα τὸν *Γ* πολλαπλασιάσας τὸν *B* ποιήκεν. ὁ *B* ἄρα σύγκειται ἐκ περισσῶν ἀριθμῶν, ὧν τὸ πλῆθος περισσόν ἔστιν. ὁ *B* ἄρα περισσός
25 ἔστιν· ὅπερ ἄτοπον· ὑπόκειται γὰρ ἄρτιος. οὐκ ἄρα

3. ποιεῖ F, sed corr. 12. ὧν] om. B, περισσῶν V m. 2
e corr. τό] m. 2 V. περισσὸν ἔστιν] ὁ δὲ συγκείμενος
ἐκ περισσῶν ἀριθμῶν περισσῶν (add. m. 2) τὸ πλῆθος περισσός
ἔστιν V. 16. ἡμισυν Fq. 17. περισσός — 18: μετρήσει]

XXIX.

Si impar numerus imparem numerum multiplicans numerum aliquem effecerit, numerus productus impar erit.

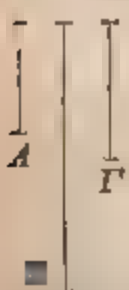

 Nam impar numerus A imparem numerum B multiplicans numerum Γ efficiat. dico, numerum Γ imparem esse.

nam quoniam $A \times B = \Gamma$, numerus Γ ex totidem numeris numero B aequalibus compositus est, quot unitates sunt in A [VII def. 15]. et uterque A, B impar est. itaque Γ compositus est ex imparibus numeris, quorum multitudo impar est. ergo Γ impar est [prop. XXIII]; quod erat demonstrandum.

XXX.

Si numerus impar parem numerum metitur, etiam dimidium eius metietur.

Nam impar numerus A parem B metiatur. dico, eum etiam dimidium eius metiri.


 nam quoniam A numerum B metitur, metiatur secundum Γ . dico, Γ imparem non esse. nam si fieri potest, impar sit. et quoniam A numerum B secundum Γ metitur, erit

$$A \times \Gamma = B.$$

itaque B compositus est ex numeris imparibus, quorum multitudo impar est. itaque B impar est [prop. XXIII]; quod absurdum est; nam supposuimus,

mg m. 1 F. 18. $\tau\acute{o}\nu$] corr. ex $\tau\acute{o}$ m. 1 F. 21. $\acute{\epsilon}\sigma\tau\alpha\iota$ φ .
22. $\acute{\alpha}\rho\alpha$] om. V. 23. $\acute{\alpha}\rho\alpha$ B V.

ὁ Γ περισσός ἐστιν· ἄρτιος ἄρα ἐστὶν ὁ Γ . ὥστε ὁ A τὸν B μετρεῖ ἀρτιάκις. διὰ δὲ τοῦτο καὶ τὸν ἡμισυν αὐτοῦ μετρήσει· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

λα'.

6 Ἐὰν περισσὸς ἀριθμὸς πρὸς τινα ἀριθμὸν πρῶτος ᾗ, καὶ πρὸς τὸν διπλασίονα αὐτοῦ πρῶτος ἔσται.

Περὶσσοῦ γὰρ ἀριθμοῦ ὁ A πρὸς τινα ἀριθμὸν τὸν B πρῶτος ἔστω, τοῦ δὲ B διπλασίου ἐστω ὁ Γ .
10 λέγω, ὅτι ὁ A [καὶ] πρὸς τὸν Γ πρῶτός ἐστιν.

Εἰ γὰρ μὴ εἰσιν [οἱ A , Γ] πρῶτοι, μετρήσει τις αὐτοὺς ἀριθμός. μετρεῖτω, καὶ ἔστω ὁ Δ . καὶ ἐστὶν ὁ A περισσός· περισσὸς ἄρα καὶ ὁ Δ . καὶ ἐπεὶ ὁ Δ περισσὸς ὢν τὸν Γ μετρεῖ, καὶ ἐστὶν ὁ Γ ἄρτιος,
15 καὶ τὸν ἡμισυν ἄρα τοῦ Γ μετρήσει [ὁ Δ]. τοῦ δὲ Γ ἡμισὺ ἐστὶν ὁ B . ὁ Δ ἄρα τὸν B μετρεῖ. μετρεῖ δὲ καὶ τὸν A . ὁ Δ ἄρα τοὺς A , B μετρεῖ πρῶτους ὄντας πρὸς ἀλλήλους· ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ὁ A πρὸς τὸν Γ πρῶτος οὐκ ἐστὶν. οἱ A , Γ ἄρα
20 πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

λβ'.

Τῶν ἀπὸ δύαδος διπλασιαζομένων ἀριθμῶν ἕκαστος ἀρτιάκις ἄρτιός ἐστι μόνον.

Ἀπὸ γὰρ δύαδος τῆς A δεδιπλασιάσθωσαν ὅσοι-

1. ἐστὶν ὁ Γ] ὁ Γ V , ἐστὶν F . 2. τοῦτον φ . τόν] τό P . 3. ἡμισυν PF . ὅπερ ἔδει δεῖξαι] m . 2 V , om . BFq . 6. διπλάσιον BV . 9. διπλάσιος Vq . 10. καί] om . P . 11. οἱ A , Γ] $supra$ m . 1 P . 12. καὶ ἐστὶν — 13: ὁ Δ] mg . m . 2 V . 12 ἐστὶν] ἐπεὶ ἐστὶν F ; ἔστω q . 13. περισσὸς ἄρα] ἐστὶν ἄρα περισσός F . 15. ἡμισυν F . ὁ Δ] om . P . 16.

eum parem esse. itaque Γ impar non est. par igitur est Γ . quare A numerum B secundum parem numerum metitur. ergo¹⁾ etiam dimidium eius metietur; quod erat demonstrandum.

XXXI.

Si impar numerus ad numerum aliquem primus est, etiam ad duplicem eius primus erit.

Nam impar numerus A ad numerum aliquem B primus sit, et sit $\Gamma = 2B$. dico, A ad Γ primum

esse. nam si non sunt primi, numerus aliquis eos metietur. metiatur, et sit Δ . et A impar est. itaque etiam Δ impar est. et quoniam Δ impar

numerum Γ metitur, et Γ par est, etiam dimidium numeri Γ metietur. uerum $B = \frac{1}{2}\Gamma$. itaque Δ numerum B metitur. uerum etiam numerum A metitur. Δ igitur numeros A , B metitur, qui inter se primi sunt; quod fieri non potest. itaque fieri non potest, ut A ad Γ primus non sit. ergo A , Γ inter se primi sunt; quod erat demonstrandum.

XXXII.

Qui inde a binario semper conduplicando producuntur numeri, singuli solum pariter pares sunt.

Nam a binario A quotlibet numeri semper condu-

1) Nam dimidium secundum numerum dimidium metietur quam totum.

$\eta\mu\iota\sigma\upsilon\varsigma$ BVq. 19. $\tau\acute{o}\nu$] $\tau\acute{o}$ F. Γ] corr. ex B V. Post A in F del. B. 22. $\delta\iota$ - in ras. 6 litt. V. 23. $\acute{\epsilon}\sigma\tau\iota\nu$ P. 24. A] non liquet F.

δηποτοῦν ἀριθμοὶ οἱ B, Γ, Δ · λέγω, ὅτι οἱ B, Γ, Δ ἀρτιάκις ἄρτιοί εἰσι μόνον.

Ὅτι μὲν οὖν ἕκαστος [$\tau\omega\acute{\nu} B, \Gamma, \Delta$] ἀρτιάκις ἄρτιός ἐστιν, φανερόν· ἀπὸ γὰρ δυάδος ἐστὶ διπλασιασ-
 5 θείς. λέγω, ὅτι καὶ μόνον. ἐκκείσθω γὰρ μονάς. ἐπεὶ οὖν ἀπὸ μονάδος ὅποσοι οὖν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογόν εἰσιν, ὁ δὲ μετὰ τὴν μονάδα ὁ A πρῶτός ἐστιν, ὁ μέγιστος $\tau\omega\acute{\nu} A, B, \Gamma, \Delta$ ὁ Δ ὑπ' οὐδενὸς ἄλλου μετρηθήσεται παρὲς $\tau\omega\acute{\nu} A, B, \Gamma$. καὶ ἐστιν
 10 ἕκαστος $\tau\omega\acute{\nu} A, B, \Gamma$ ἄρτιος· ὁ Δ ἄρα ἀρτιάκις ἄρτιός ἐστι μόνον. ὁμοίως δὲ δείξομεν, ὅτι [καὶ] ἑκάτερος $\tau\omega\acute{\nu} B, \Gamma$ ἀρτιάκις ἄρτιός ἐστι μόνον· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

λγ'.

15 Ἐὰν ἀριθμὸς τὸν ἥμισυν ἔχη περισσόν, ἀρτιάκις περισσός ἐστι μόνον.

Ἀριθμὸς γὰρ ὁ A τὸν ἥμισυν ἔχέτω περισσόν· λέγω, ὅτι ὁ A ἀρτιάκις περισσός ἐστι μόνον.

Ὅτι μὲν οὖν ἀρτιάκις περισσός ἐστιν, φανερόν·
 20 ὁ γὰρ ἥμισυς αὐτοῦ περισσὸς ὢν μετρεῖ αὐτὸν ἀρτιάκις. λέγω δὴ, ὅτι καὶ μόνον. εἰ γὰρ ἔσται ὁ A καὶ ἀρτιάκις ἄρτιος, μετρηθήσεται ὑπὸ ἀρτίου κατὰ ἄρτιον ἀριθμόν· ὥστε καὶ ὁ ἥμισυς αὐτοῦ μετρηθήσεται ὑπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ περισσὸς ὢν· ὅπερ ἐστὶν ἄτοπον.
 25 ὁ A ἄρα ἀρτιάκις περισσός ἐστι μόνον· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

1. B] (bis) A, B F. 3. οὖν] om. P. $\tau\omega\acute{\nu} B, \Gamma, \Delta$] om. P. A, B F. ἄρτιον, -ον eras. V. 4. ἐστίν] comp. Fq; ἐστὶ P V. ἀπὸ γὰρ] αὐτό (e corr.) γὰρ ἀπό F. ἐστὶ] ἐστίν ἕκαστος F. 5. λέγω δὴ B V q. μονάς ἢ E V q; ἢ E postea insert. B. 11. καὶ] om. P. ἕκαστος P. 15. ἥμισυ F. 16. ἐστίν P. 17. ἥμισυ F. 18. ἐστίν P. 19. ἐστίν] P, comp. F; ἐστὶ V q. 20. ἥμισυ F. αὐτός φ (non F). 22. καὶ] om. F. Post ἄρτιος add. V: ὁ ἥμισυς αὐτοῦ ἄρτιός ἐστι καὶ; idem B m. rec. 23. ἥμισυ F.

plicando producantur B, Γ, Δ . dico, numeros B, Γ, Δ solum pariter pares esse.

|—| A

|—| B

|—| Γ

|—| Δ

iam singulos numeros B, Γ, Δ pariter pares esse, manifestum est. nam a binario semper conduplicando

producti sunt [VII def. 8]. dico, eos etiam solum pariter pares esse. sumatur enim unitas. iam quoniam ab unitate quotlibet numeri deinceps proportionales sunt, et unitati proximus A primus est, maximum numerorum A, B, Γ, Δ numerum Δ nullus alius metietur praeter A, B, Γ [prop. XIII]. et singuli numeri A, B, Γ pares sunt. ergo Δ solum pariter par est [VII def. 8]. similiter demonstrabimus, etiam utrumque B, Γ solum pariter parem esse; quod erat demonstrandum.

XXXIII.

Si numerus aliquis dimidium imparem habet, solum pariter impar est.

Nam numerus A dimidium habeat imparem. dico,

|—|
 A

numerum A solum pariter imparem esse. iam pariter imparem eum esse, manifestum est; nam dimidius eius, qui impar est, eum pariter metitur [VII def. 9]. dico, eum etiam solum pariter imparem esse. nam si A etiam pariter par erit, par eum numerus secundum parem numerum metietur [VII def. 8]. quare etiam dimidium eius, qui impar est, par numerus metietur; quod absurdum est. ergo A solum pariter impar est; quod erat demonstrandum.

λδ'.

Ἐὰν ἀριθμὸς μήτε τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἢ μήτε τὸν ἡμισυν ἔχη περισσόν, ἀρτιάκισ τε ἄρτιός ἐστι καὶ ἀρτιάκισ περισσός.

5 Ἀριθμὸς γὰρ ὁ *A* μήτε τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἔστω μήτε τὸν ἡμισυν ἔχέτω περισσόν· λέγω, ὅτι ὁ *A* ἀρτιάκισ τέ ἐστίν ἄρτιος καὶ ἀρτιάκισ περισσός.

Ὅτι μὲν οὖν ὁ *A* ἀρτιάκισ ἐστὶν ἄρτιος, φανερόν· τὸν γὰρ ἡμισυν οὐκ ἔχει περισσόν. λέγω δὴ, ὅτι καὶ ἀρτιάκισ περισσός ἐστίν. ἐὰν γὰρ τὸν *A* τέμνωμεν δίχα καὶ τὸν ἡμισυν αὐτοῦ δίχα καὶ τοῦτο ἀεὶ ποιῶμεν, καταντήσομεν εἰς τινα ἀριθμὸν περισσόν, ὃς μετρήσει τὸν *A* κατὰ ἄρτιον ἀριθμόν. εἰ γὰρ οὗ,
15 καταντήσομεν εἰς δυάδα, καὶ ἔσται ὁ *A* τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων· ὅπερ οὐχ ὑπόκειται. ὥστε ὁ *A* ἀρτιάκισ περισσός ἐστίν. ἐδείχθη δὲ καὶ ἀρτιάκισ ἄρτιος. ὁ *A* ἄρα ἀρτιάκισ τε ἄρτιός ἐστι καὶ ἀρτιάκισ περισσός· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

20

λε'.

Ἐὰν ὧσιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, ἀφαιρεθῶσι δὲ ἀπὸ τε τοῦ δευτέρου

2. ἐάν] ἄν q. Deinde add. ἄρτιος B m. rec., V in ras. m. 2. διπλασιαζόμενον P. 3. τόν] τό F m. 1, corr. m. 2; το φ. ἡμισυν F. 4. ἐστίν P. 5. ἡμισυν F. ἔχων V. 6. ὅτι] m. 2 V. 7. τε] om. q et P₂ (u. p. 408, 5 adn. crit.). ἄρτιός ἐστι V. 8. ἄρτιός ἐστι V. 9. φανερόν] in ras. m. 1 q. 10. ἡμισυν F, et q, sed corr. m. 1. 11. τέμνωμεν BVq. 12. ἡμισυν F. ποιῶμεν ἀεὶ F. 13. ποιούμεν P, P₂. καταντήσομεν P₂. περισσόν] om. q. 14. κατὰ τόν V, sed τόν del. εἰ γὰρ οὗ] om. P₂. Post οὗ add. Theon: καταντήσομεν εἰς τινα ἀριθμόν

XXXIV.

Si numerus aliquis nec ex iis est, qui a binario semper conduplicando producuntur, nec dimidium imparem habet, et pariter par est et pariter impar.¹⁾

Nam numerus A ne sit ex iis, qui a binario
 $\overline{\hspace{1.5cm}}$
 A semper conduplicando producuntur, neque dimidium imparem habeat. dico, numerum A et pariter parem et pariter imparem esse.

iam numerum A pariter parem esse, manifestum est [VII def. 8]; nam dimidium imparem non habet. dico, eundem pariter imparem esse. nam si A in duas partes aequales diuiserimus et rursus dimidium et idem semper deinceps fecerimus, aliquando ad numerum perueniemus, qui numerum A secundum numerum parem metitur. nam si minus, ad binarium perueniemus, et A ex iis erit, qui a binario semper conduplicando producuntur; quod est contra hypothesim. quare A pariter impar erit [VII def. 9]. sed demonstratum est, eundem pariter parem esse. ergo A et pariter par et pariter impar est; quod erat demonstrandum.

XXXV.

Si quotlibet numeri deinceps proportionales sunt, et a secundo et ultimo numeri primo aequales sub-

1) Propp. 33—34 aliter citat Iamblichus in Nicom. p. 32. de hoc loco et de Euclidis diuisione numerorum u. Studien p. 197 sq.

περισσόν, ὃς μετρήσει τὸν A κατὰ ἄρτιον ἀριθμόν (BFVq).
 15. καταντήσωμεν P_2 , καταν- in ras. m. 2 V. 16. ὥστε]
 ὥσπερ P_2 . 17. A καὶ BVq. περισσός — ἀρτιάκῃς m. rec. B.
 18. A] Δ φ. τε] om. VP₂. 22. τε] τοῦ φ (non F), om. BVq.

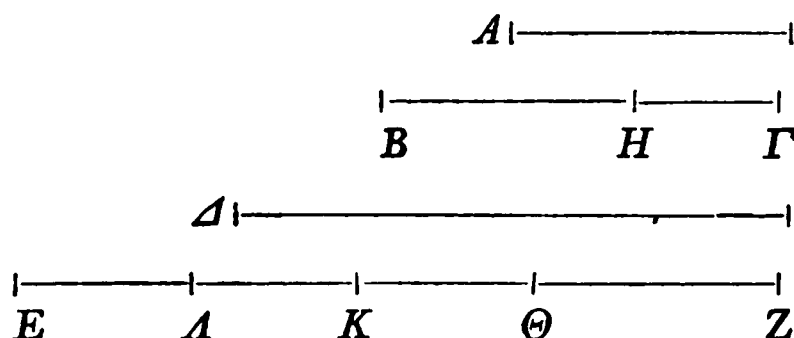
καὶ τοῦ ἐσχάτου ἴσοι τῷ πρώτῳ, ἔσται ὡς ἡ τοῦ δευτέρου ὑπεροχὴ πρὸς τὸν πρώτον, οὕτως ἡ τοῦ ἐσχάτου ὑπεροχὴ πρὸς τοὺς πρὸ ἑαυτοῦ πάντα.

- 5 Ἔστωσαν ὅποιοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον οἱ $A, B\Gamma, \Delta, EZ$ ἀρχόμενοι ἀπὸ ἐλαχίστου τοῦ A , καὶ ἀφηγήσθω ἀπὸ τοῦ $B\Gamma$ καὶ τοῦ EZ τῷ A ἴσος ἑκάτερος τῶν $BH, Z\Theta$. λέγω, ὅτι ἐστὶν ὡς ὁ $H\Gamma$ πρὸς τὸν A , οὕτως ὁ $E\Theta$ πρὸς τοὺς $A, B\Gamma, \Delta$.
- 10 Κείσθω γὰρ τῷ μὲν $B\Gamma$ ἴσος ὁ ZK , τῷ δὲ Δ ἴσος ὁ $Z\Lambda$. καὶ ἐπεὶ ὁ ZK τῷ $B\Gamma$ ἴσος ἐστίν, ὥν ὁ $Z\Theta$ τῷ BH ἴσος ἐστίν, λοιπὸς ἄρα ὁ ΘK λοιπῷ τῷ $H\Gamma$ ἐστὶν ἴσος. καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ὁ EZ πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν $B\Gamma$ καὶ ὁ $B\Gamma$ πρὸς
- 15 τὸν A , ἴσος δὲ ὁ μὲν Δ τῷ $Z\Lambda$, ὁ δὲ $B\Gamma$ τῷ ZK , ὁ δὲ A τῷ $Z\Theta$, ἔστιν ἄρα ὡς ὁ EZ πρὸς τὸν $Z\Lambda$, οὕτως ὁ ΛZ πρὸς τὸν ZK καὶ ὁ ZK πρὸς τὸν $Z\Theta$. διελόντι, ὡς ὁ $E\Lambda$ πρὸς τὸν ΛZ , οὕτως ὁ ΛK πρὸς τὸν ZK καὶ ὁ $K\Theta$ πρὸς τὸν $Z\Theta$. ἔστιν ἄρα καὶ ὡς
- 20 εἰς τῶν ἡγουμένων πρὸς ἓνα τῶν ἐπομένων, οὕτως ἅπαντες οἱ ἡγούμενοι πρὸς ἅπαντας τοὺς ἐπομένους· ἔστιν ἄρα ὡς ὁ $K\Theta$ πρὸς τὸν $Z\Theta$, οὕτως οἱ $E\Lambda, \Lambda K, K\Theta$ πρὸς τοὺς $\Lambda Z, ZK, \Theta Z$. ἴσος δὲ ὁ μὲν $K\Theta$ τῷ ΓH , ὁ δὲ $Z\Theta$ τῷ A , οἱ δὲ $\Lambda Z, ZK, \Theta Z$

1. τοῦ] om. V. 2. τόν] τό φ (non F). 4. ἅπαντας F, ὕπαντας φ. 5. ὅποιοιδηποτοῦν V, in F -δη- a φ in -δε- mutat. 6. ἀπὸ τοῦ φ, post ἀπό ras. 3 litt. B. A] Δ φ (non F). 7. τοῦ] (alt.) postea insert F. 8. BH] P; ΓH F, HΓ BVq. ἐστίν] om. F. HΓ] P, BH BFVq. 10. τῷ] τῶν Bq. μέν] om. BV; in B m. 2 ex τῶν fecit τῷ μέν. ZK] ZH φ (non F). 12. BH] P, ΓH F, HΓ BVq. ἐστὶ q. 13. HΓ] P, HB BFVq. ἐπεὶ] om. F. 14. τόν] (alt.) τό φ (non F). 16. EZ] ΘZ φ (non F). ZΛ] ΛZ Bq.

trahuntur, erit ut excessus secundi ad primum, ita excessus ultimi ad omnes praecedentes.

Sint quotlibet numeri deinceps proportionales A , $B\Gamma$, Δ , EZ ab A minimo incipientes, et ab $B\Gamma$, EZ



numero A aequales subtrahantur BH , $Z\Theta$. dico, esse $H\Gamma : A = E\Theta : A + B\Gamma + \Delta$.

ponatur enim $ZK = B\Gamma$ et $Z\Lambda = \Delta$. et quoniam est $ZK = B\Gamma$ et $Z\Theta = BH$, erit $\Theta K = H\Gamma$. et quoniam est $EZ : \Delta = \Delta : B\Gamma = B\Gamma : A$ [VII, 13], et $\Delta = Z\Lambda$, $B\Gamma = ZK$, $A = Z\Theta$, erit

$$EZ : Z\Lambda = \Lambda Z : ZK = ZK : Z\Theta.$$

subtrahendo [VII, 11. 13] erit

$$EA : \Lambda Z = \Lambda K : ZK = K\Theta : Z\Theta.$$

itaque etiam ut unus praecedentium ad unum sequentium, ita omnes praecedentes ad omnes sequentes [VII, 12]. itaque erit

$$K\Theta : Z\Theta = EA + \Lambda K + K\Theta : \Lambda Z + ZK + \Theta Z.$$

uerum est $K\Theta = \Gamma H$, $Z\Theta = A$,

$$\Lambda Z + ZK + \Theta Z = \Delta + B\Gamma + A.$$

17. ΛZ] $Z\Lambda$ FV. ZK] (alt.) KZ P. 18. $\alpha\gamma\alpha$ $\omega\varsigma$ V. $\tau\acute{o}\nu$] om. q. 19. ZK] KZ F. $K\Theta$] Θ e corr. m. 1 q. $\kappa\alpha\acute{\iota}$] om. V. 22. $\tau\acute{o}\nu$] om. F. $\omicron\iota$] δ F. 23. ΛZ] corr. ex ΛZ m. 1 q. ZK] KZ BVq. ΘZ] $Z\Theta$ P. 24. ΓH] P, BH BFVq. $\delta\acute{\epsilon}$] (prius) m. 2 V. ZK] KZ BVq. ΘZ] $Z\Theta$ P.

τοῖς Δ , $B\Gamma$, A · ἔστιν ἄρα ὡς ὁ ΓH πρὸς τὸν A , οὕτως ὁ $E\Theta$ πρὸς τοὺς Δ , $B\Gamma$, A . ἔστιν ἄρα ὡς ἡ τοῦ δευτέρου ὑπεροχὴ πρὸς τὸν πρῶτον, οὕτως ἡ τοῦ ἐσχάτου ὑπεροχὴ πρὸς τοὺς πρὸ ἑαυτοῦ πάντας·
 5 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

λς'.

Ἐὰν ἀπὸ μονάδος ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἐκτεθῶσιν ἐν τῇ διπλασίονι ἀναλογίᾳ, ἕως οὗ ὁ σύμπας συντεθεὶς πρῶτος γένηται, καὶ
 10 ὁ σύμπας ἐπὶ τὸν ἐσχάτον πολλαπλασιασθεὶς ποιῇ τινα, ὁ γενόμενος τέλειος ἔσται.

Ἀπὸ γὰρ μονάδος ἐκκείσθωσαν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐν τῇ διπλασίονι ἀναλογίᾳ, ἕως οὗ ὁ σύμπας συντεθεὶς πρῶτος γένηται, οἱ A , B , Γ , Δ , καὶ τῷ
 15 σύμπαντι ἴσος ἔστω ὁ E , καὶ ὁ E τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν ZH ποιείτω. λέγω, ὅτι ὁ ZH τέλειός ἐστιν.

Ὅσοι γὰρ εἰσιν οἱ A , B , Γ , Δ τῷ πλήθει, τοσοῦτοι ἀπὸ τοῦ E εἰλήφθωσαν ἐν τῇ διπλασίονι ἀναλο-
 20 γίᾳ οἱ E , ΘK , Λ , M · δι' ἴσου ἄρα ἐστὶν ὡς ὁ A πρὸς τὸν Δ , οὕτως ὁ E πρὸς τὸν M . ὁ ἄρα ἐκ τῶν E , Δ ἴσος ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν A , M . καὶ ἐστιν ὁ ἐκ τῶν E , Δ ὁ ZH · καὶ ὁ ἐκ τῶν A , M ἄρα ἐστὶν ὁ ZH . ὁ A ἄρα τὸν M πολλαπλασιάσας τὸν ZH πε-
 25 ποίηκεν· ὁ M ἄρα τὸν ZH μετρεῖ κατὰ τὰς ἐν τῷ

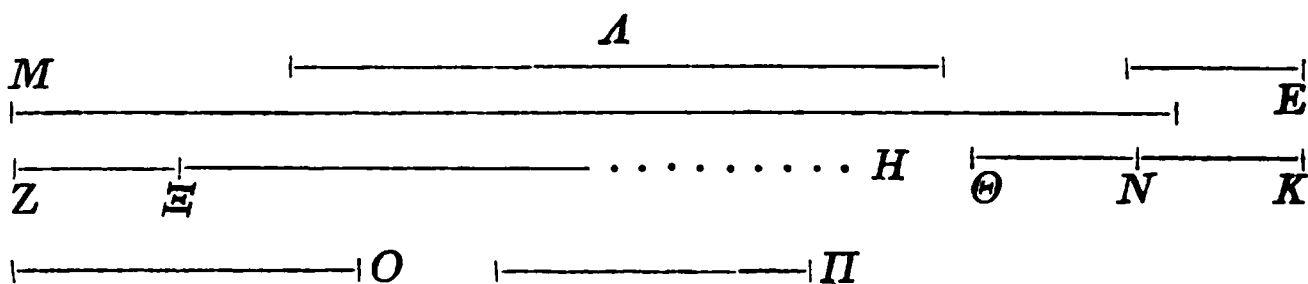
1. ἔστιν ἄρα — 2: Δ , $B\Gamma$, A] om. q. 1. ΓH] P; $H B F$; $B H B V$. 2. $E\Theta$] E postea insert. F. τοὺς] om. F. 4. ἅπαντας F. 5. ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. Bq. Post δεῖξαι in P add. lin. 7 — 21: τὸν M cum quibusdam discrepantiis (P_2), dein περιττὸν ἔχέτω, et deinde p. 404, 7 — 19 (P_2), in mg. περιττόν et in fine τὸ περιττόν τοῦτο σφάλμα ἐστίν. 9. σύμπας σὺν τῇ μονάδι F. 11. ἔσται τέλειος q. 12. ὅσοιδη-

itaque $\Gamma H : A = E\Theta : \Delta + B\Gamma + A$. ergo est ut excessus secundi ad primum, ita excessus ultimi ad omnes praecedentes; quod erat demonstrandum.

XXXVI.

Si ab unitate quotlibet numeri deinceps in proportionem duplicata proponuntur, donec totus ex omnibus compositus primus fiat, et totus ultimum multiplicans numerum aliquem effecerit, numerus inde productus perfectus erit.

Nam ab unitate proponantur quotlibet numeri in proportionem duplicata, donec totus ex omnibus com-



positus primus fiat, A, B, Γ, Δ , et toti aequalis sit E , et sit $E \times \Delta = ZH$. dico, ZH perfectum esse.

nam quot sunt A, B, Γ, Δ multitudine, totidem ab E sumantur in proportionem duplicata $E, \Theta K, A, M$. itaque ex aequo erit [VII, 14] $A : \Delta = E : M$. itaque $E \times \Delta = A \times M$ [VII, 19]. et $E \times \Delta = ZH$. quare $A \times M = ZH$. A igitur numerum M multiplicans numerum ZH effecit. quare M numerum ZH

ποτοῦν] P_2 BFVq, ὅποσοιοῦν P . 13. οὐ] om. P_2 . σύμπαρ
 σὺν τῇ μονάδι F . 14. Γ, Δ] om. P_2 . 15. σύμπαντι σὺν τῇ
 μονάδι F . 19. ἀναλογίαν φ (non F). 20. ΘK] K in ras.
 m. 2 V.

A μονάδας. καὶ ἐστὶ δυὰς ὁ A διπλάσιος ἄρα ἐστὶν
ὁ ZH τοῦ M . εἰσὶ δὲ καὶ οἱ $M, A, \Theta K, E$ ἐξῆς
διπλάσιοι ἀλλήλων· οἱ $E, \Theta K, A, M, ZH$ ἄρα ἐξῆς
ἀνάλογόν εἰσιν ἐν τῇ διπλασίονι ἀναλογίᾳ. ἀφηρησθῶ
6 δὴ ἀπὸ τοῦ δευτέρου τοῦ ΘK καὶ τοῦ ἐσχάτου τοῦ
 ZH τῷ πρώτῳ τῷ E ἴσος ἐκάτερος τῶν $\Theta N, Z\Xi$
ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ τοῦ δευτέρου ἀριθμοῦ ὑπεροχὴ πρὸς
τὸν πρῶτον, οὕτως ἡ τοῦ ἐσχάτου ὑπεροχὴ πρὸς τοὺς
πρὸ ἑαυτοῦ πάντας. ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ NK πρὸς τὸν E ,
10 οὕτως ὁ ΞH πρὸς τοὺς $M, A, K\Theta, E$. καὶ ἐστὶν ὁ
 NK ἴσος τῷ E καὶ ὁ ΞH ἄρα ἴσος ἐστὶ τοῖς M, A ,
 $\Theta K, E$. ἐστὶ δὲ καὶ ὁ $Z\Xi$ τῷ E ἴσος, ὁ δὲ E τοῖς
 A, B, Γ, Δ καὶ τῇ μονάδι. ὅλος ἄρα ὁ ZH ἴσος ἐστὶ
τοῖς τε $E, \Theta K, A, M$ καὶ τοῖς A, B, Γ, Δ καὶ τῇ
15 μονάδι· καὶ μετρεῖται ὑπ' αὐτῶν. λέγω, ὅτι καὶ ὁ
 ZH ὑπ' οὐδενὸς ἄλλου μετρηθήσεται παρὰ τῶν A ,
 $B, \Gamma, \Delta, E, \Theta K, A, M$ καὶ τῆς μονάδος. εἰ γὰρ δυ-
νατόν, μετρεῖτω τις τὸν ZH ὁ O , καὶ ὁ O μηδενὶ
τῶν $A, B, \Gamma, \Delta, E, \Theta K, A, M$ ἕστω ὁ αὐτός. καὶ
20 ὅσάκις ὁ O τὸν ZH μετρεῖ, τοσαῦται μονάδες ἕστω-
σαν ἐν τῷ Π · ὁ Π ἄρα τὸν O πολλαπλασιάσας τὸν
 ZH πεποίηκεν. ἀλλὰ μὴν καὶ ὁ E τὸν Δ πολλαπλα-
σιάσας τὸν ZH πεποίηκεν· ἐστὶν ἄρα ὡς ὁ E πρὸς
τὸν Π , ο O πρὸς τὸν Δ . καὶ ἐπεὶ ἀπὸ μονάδος ἐξῆς
25 ἀνάλογόν εἰσιν οἱ A, B, Γ, Δ , ὁ Δ ἄρα ὑπ' οὐδενὸς

2. E] om. F. 3 Post E in F insert. Θ m. 2. ἐξῆς] om. F. 5. δὴ] corr. ex δέ m. 1 F. 6. τῶν] ὁ in ras. P. 10. ὁ] (alt.) ὡς ὁ F. 11 τῷ E ἴσος F. ἐστὶν P. 12. ἐστὶν P. $Z\Xi$] ΞZ P. 13. ἴσος ἐστὶ] supra m. 1 F. 18. ὁ O] (alt.) supra m. 1 F. 19. ὁ] om. B. 21. Π] (alt.) O P. O] Π P. 22 ZH] H supra m. 1 F. 23. ZH] Z eras. V Post πεποίηκεν add. F: ὁ ἄρα ἐκ τῶν E, Δ ἴσος ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν

secundum unitates numeri A metitur. et A binarius est. ergo $ZH = 2M$. uerum etiam M , A , ΘK , E deinceps inter se duplices sunt. quare E , ΘK , A , M , ZH deinceps proportionales sunt in proportione duplicata. iam a secundo ΘK et ultimo ZH primo E aequales subtrahantur ΘN , $Z\Xi$. itaque erit ut excessus secundi ad primum, ita excessus ultimi ad omnes praecedentes [prop. XXXV]. erit igitur

$$NK : E = \Xi H : M + A + K\Theta + E.$$

est autem $NK = E$.¹⁾ quare etiam

$$\Xi H = M + A + \Theta K + E.$$

uerum etiam

$$Z\Xi = E \text{ et } E = A + B + \Gamma + \Delta + 1.$$

quare erit totus

$$ZH = E + \Theta K + A + M + A + B + \Gamma + \Delta + 1.$$

et hi eum metiuntur. dico, etiam nullum alium ZH numerum metiri praeter A , B , Γ , Δ , E , ΘK , A , M et unitatem. nam si fieri potest, metiatur O numerum ZH , neu O ulli numerorum A , B , Γ , Δ , E , ΘK , A , M aequalis sit. et quoties O numerum ZH metitur, tot unitates sint in Π . ergo $\Pi \times O = ZH$. uerum etiam $E \times \Delta = ZH$. quare est [VII, 19] $E : \Pi = O : \Delta$. et quoniam ab unitate deinceps proportionales sunt A , B , Γ , Δ , numerum Δ nullus alius metietur nume-

1) Nam $\Theta K = 2E$ et $\Theta N = E$.

Π , O . ἄρα] om. F. 25. εἰσιν ἀνάλογον BV. ἀριθμοὶ
of Theon (BFVq). Post Γ , Δ add. BV: ὁ δὲ μετὰ τὴν μονάδα
ὁ A πρῶτός ἐστι· διὰς γάρ.

ἄλλου ἀριθμοῦ μετρηθήσεται παρὲς τῶν A, B, Γ . καὶ
 ὑπόκειται ὁ O οἷδενί τῶν A, B, Γ ὁ αὐτός· οἷκ ἄρα
 μετρήσει ὁ O τὸν Δ . ἀλλ' ὥς ὁ O πρὸς τὸν Δ , ὁ
 E πρὸς τὸν Π · οὐδὲ ὁ E ἄρα τὸν Π μετρεῖ. καί
 5 ἔστιν ὁ E πρῶτος· πᾶς δὲ πρῶτος ἀριθμὸς πρὸς
 ἅπαντα, ὃν μὴ μετρεῖ, πρῶτός [ἐστίν]. οἱ E, Π ἄρα
 πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν. οἱ δὲ πρῶτοι καὶ ἐλά-
 χιστοι, οἱ δὲ ἐλάχιστοι μετροῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον
 ἔχοντας ἰσάκεις ὅ τε ἡγούμενος τὸν ἡγούμενον καὶ
 10 ὁ ἐπόμενος τὸν ἐπόμενον· καὶ ἔστιν ὥς ὁ E πρὸς τὸν
 Π , ὁ O πρὸς τὸν Δ · ἰσάκεις ἄρα ὁ E τὸν O μετρεῖ
 καὶ ὁ Π τὸν Δ . ὁ δὲ Δ ὑπ' οὐδενὸς ἄλλου μετρεῖται
 παρὲς τῶν A, B, Γ · ὁ Π ἄρα ἐνὶ τῶν A, B, Γ ἔστιν
 ὁ αὐτός. ἔστω τῷ B ὁ αὐτός. καὶ ὅσοι εἰσίν οἱ
 15 B, Γ, Δ τῷ πλήθει τοσοῦτοι εἰλήφθωσαν ἀπὸ τοῦ
 E οἱ $E, \Theta K, \Lambda$. καὶ εἰσιν οἱ $E, \Theta K, \Lambda$ τοῖς $B,$
 Γ, Δ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ· δι' ἴσου ἄρα ἔστιν ὥς ὁ B
 πρὸς τὸν Δ , ὁ E πρὸς τὸν Λ . ὁ ἄρα ἐκ τῶν B, Λ
 ἴσος ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν Δ, E · ἀλλ' ὁ ἐκ τῶν Δ, E ἴσος
 20 ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν Π, O · καὶ ὁ ἐκ τῶν Π, O ἄρα ἴσος
 ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν B, Λ . ἔστιν ἄρα ὥς ὁ Π πρὸς τὸν
 B , ὁ Λ πρὸς τὸν O . καὶ ἔστιν ὁ Π τῷ B ὁ αὐτός·
 καὶ ὁ Λ ἄρα τῷ O ἔστιν ὁ αὐτός· ὅπερ ἀδύνατον·
 ὁ γὰρ O ὑπόκειται μηδενὶ τῶν ἐκκειμένων ὁ αὐτός.
 25 οὐκ ἄρα τὸν ZH μετρήσει τις ἀριθμὸς παρὲς τῶν

1. καὶ ὑπόκειται ὁ] ὁ δὲ BFVq. 2. Γ] Γ ἔστιν FVq.
 3. O] (prius) ΠB 4. τὸν] (prius) om. F. μετρήσει V. 5.
 πᾶς] ἅπας BVq. πᾶς δὲ πρῶτος] om. F. 6. μετρηῖ F. ἔστιν]
 om. P. 9. ἔχοντας αὐτοῖς V. 11. O] $\Pi \varphi$ (non F). E]
 corr. ex O m. 1 F. O] e corr. F. 13. B] (alt.) om. q.
 16. B] $E B$. 19. Δ, E] E, Δ q. ἀλλά P. Δ, E] E ,

rus praeter A, B, Γ [prop. XIII]. et suppositum est, O nulli numerorum A, B, Γ aequalem esse. quare O numerum Δ non metietur. est autem $O : \Delta = E : \Pi$. itaque ne E quidem numerum Π metitur [VII def. 20]. et E primus est. omnis autem primus numerus ad omnem, quem non metitur, primus est [VII, 29]. ergo E, Π inter se primi sunt. primi autem etiam minimi sunt [VII, 21], minimi autem eos, qui eandem rationem habent, aequaliter metiuntur [VII, 20], praecedens praecedentem et sequens sequentem; et est

$$E : \Pi = O : \Delta.$$

itaque E numerum O et Π numerum Δ aequaliter metitur. Δ autem numerum nullus alius metitur praeter A, B, Γ . itaque Π alicui numerorum A, B, Γ aequalis est. sit $\Pi = B$. et quot sunt multitudine B, Γ, Δ , totidem sumantur ab E numeri $E, \Theta K, \Lambda$. et $E, \Theta K, \Lambda$ in eadem ratione sunt ac B, Γ, Δ . itaque ex aequo erit [VII, 14] $B : \Delta = E : \Lambda$. quare

$$B \times \Lambda = \Delta \times E \text{ [VII, 19].}$$

sed $\Delta \times E = \Pi \times O$. quare etiam

$$\Pi \times O = B \times \Lambda.$$

itaque $\Pi : B = \Lambda : O$ [VII, 19]. et $\Pi = B$. itaque etiam $\Lambda = O$; quod fieri non potest. nam suppositum est, O nulli numerorum propositorum aequalem esse. itaque nullus numerus numerum ZH me-

Δ q. 22. B] (prius) e corr. q. 23. Λ] $O \varphi$ (non F). O] $\Lambda \varphi$ (non F). 24. $\acute{\epsilon}\gamma\eta\epsilon\iota\mu\acute{\epsilon}\nu\omega\nu$ FV. 25. $\mu\epsilon\tau\rho\epsilon\iota$ P.

$A, B, \Gamma, \Delta, E, \Theta K, \Lambda, M$ καὶ τῆς μονάδος. καὶ ἐδείχθη ὁ ZH τοῖς $A, B, \Gamma, \Delta, E, \Theta K, \Lambda, M$ καὶ τῇ μονάδι ἴσος. τέλειος δὲ ἀριθμός ἐστὶν ὁ τοῖς ἐαυτοῦ μέρεσιν ἴσος ὧν· τέλειος ἄρα ἐστὶν ὁ ZH . ὅπερ δεῖ δεῖξαι.

1. Λ, M] insert. m. 2 in fine lin. F; leg. m. 1 in init. seq., del. m. 2. Post μονάδος add. Theon: οἱ $A, B, \Gamma, \Delta, E, \Theta K, \Lambda, M$ ἄρα μόνοι καὶ ἡ μονὰς μετροῦσι τὸν ZH (BFVq). In fine: Εὐκλείδου στοιχείων θ' P, Εὐκλείδου στοιχείων τῆς Θέωνος ἐκδο. θ' F.

titur praeter $A, B, \Gamma, \Delta, E, \Theta K, \Lambda, M$ et unitatem.¹⁾
et demonstratum est, esse

$ZH = A + B + \Gamma + \Delta + E + \Theta K + \Lambda + M + 1.$
perfectus autem numerus is est, qui partibus suis aequalis est [VII def. 22]. ergo ZH perfectus est; quod erat demonstrandum.

1) Ii autem metiuntur numerum ZH ; p. 410, 15.

APPENDIX.

V, 19 πόρ.

Γεγόνασι δὲ οἱ λόγοι καὶ ἐπὶ τῶν ἰσάκεις πολλα-
 πλασίων καὶ ἐπὶ τῶν ἀναλογιῶν, ἐπειδήπερ ἔαν πρῶ-
 τον δευτέρου ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον καὶ τρίτον τε-
 5 τάρτου, ἔσται καὶ ὡς τὸ πρῶτον πρὸς τὸ δεύτερον,
 οὕτως τὸ τρίτον πρὸς τὸ τέταρτον. οὐκέτι δὲ καὶ
 ἀντιστρέφει· ἔαν ἢ ὡς πρῶτον πρὸς δεύτερον, οὕτως
 τρίτον πρὸς τέταρτον, οὐ πάντως ἔσται καὶ τὸ μὲν
 πρῶτον τοῦ δευτέρου ἰσάκεις πολλαπλάσιον τὸ δὲ τρί-
 10 τον τοῦ τετάρτου, καθάπερ ἐπὶ τῶν ἡμιολίων ἢ ἐπι-
 τρίτων λόγων ἢ τῶν τοιούτων· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

VI, 20.

"Ἀλλως.

Δείξομεν δὴ καὶ ἑτέρως προχειρότερον ὁμόλογα
 15 τὰ τρίγωνα.

Ἐκκείσθωσαν γάρ πάλιν τὰ $ABΓΔE$, $ZHΘKΛ$
 πολύγωνα, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ BE , $EΓ$, $ΗΛ$, $ΛΘ$.
 λέγω, ὅτι ὡς τὸ ABE τρίγωνον πρὸς τὸ $ZHΛ$, οὕ-
 τως τὸ $EBΓ$ πρὸς τὸ $ΛHΘ$ καὶ τὸ $ΓΔE$ πρὸς τὸ

1. In textu post δεῖξαι p. 56, 3 habent B F V p, ed. Basil.;
 mg. m. 1 P. 3. ἐπὶ] om. F. πρῶτος P. 4. πολλαπλάσιον
 ἢ F. 5. ἔσται καὶ] corr. ex καὶ ἔσται m. 1 V. τό] (alt.)
 om. F. 7. ἀναστρέφει P. ἔαν γάρ ed. Basil. ὡς τό P, ed.
 Basil. πρὸς τό P. 8. τὸ τρίτον πρὸς τό P. 10. ἡμιολίων
 λόγων p. 11. λόγων] φ, om. ἢ τῶν τοιούτων, sed in lin.
 seq. leg. a m. 1: λόγων ἢ τῶν τοιούτων (euan.); om. P. ὅπερ
 ἔδει δεῖξαι] ὅπερ F; om. P. 12. P B F V p; cfr. Campanus.

V, 19 coroll.

Hae rationes autem et de aequae multiplicibus et de proportionibus ualent, quoniam si primum secundi aequae multiplex est ac tertium quarti, erit etiam ut primum ad secundum, ita tertium ad quartum. uerum conuerti non potest; neque enim si est ut primum ad secundum, ita tertium ad quartum, ideo semper erit primum secundi aequae multiplex et tertium quarti, uelut in rationibus sesquialteris uel sesquiterciis uel similibus; quod erat demonstrandum.

VI, 20.

Aliter.¹⁾

Iam aliter quoque promptius demonstrabimus, triangulos correspondentes esse.

ponantur enim rursus polygona $AB\Gamma\Delta E$, $ZH\Theta K\Lambda$, et ducantur BE , $E\Gamma$, $H\Lambda$, $\Lambda\Theta$. dico, esse

$$ABE : ZHA = EB\Gamma : \Lambda H\Theta = \Gamma\Delta E : \Theta K\Lambda.$$

1) Campanus VI, 18: „aliter potest demonstrari secundum.“ deinde eodem modo, quo hic fit, demonstrat, triangulos correspondentes esse, et inde concludit de polygonis totis.

13. ἄλλως] om. B, m. 2 FV; $\alpha\beta'$ p, F mg. m. 1. 16. γάρ] m. 2 F. Post Θ ras. 1 litt. V. 18. Post $\delta\tau\iota$ add. $\epsilon\sigma\tau\iota\nu$ BVp, F m. 2. ZAH F, Λ in ras. m. 2 V.

ΘΚΛ. ἐπεὶ γὰρ ὁμοιόν ἐστι τὸ ABE τρίγωνον τῷ
 ZHA τριγώνῳ, τὸ ABE ἄρα τρίγωνον πρὸς τὸ ZHA
 διπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ ἢ BE πρὸς τὴν HA .
 διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ $BEΓ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $HAΘ$
 5 τρίγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ ἢ BE πρὸς
 τὴν HA . ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ ABE τρίγωνον πρὸς τὸ
 ZHA τρίγωνον, οὕτως τὸ $BEΓ$ πρὸς τὸ $HAΘ$. πάλιν
 ἐπεὶ ὁμοιόν [ἐστι] τὸ $EBΓ$ τρίγωνον τῷ $ΛΗΘ$
 τριγώνῳ, τὸ $EBΓ$ ἄρα πρὸς τὸ $ΛΗΘ$ διπλασίονα
 10 λόγον ἔχει ἢ περ ἢ $ΓΕ$ εὐθεία πρὸς τὴν $ΘΛ$. διὰ τὰ
 αὐτὰ δὴ καὶ τὸ $ΕΓΔ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $ΛΘΚ$ τρί-
 γωνον διπλασίονα λόγον ἔχει ἢ περ ἢ $ΓΕ$ πρὸς τὴν
 $ΘΛ$. ἐστὶν ἄρα ὡς τὸ $BEΓ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $ΛΗΘ$,
 οὕτως τὸ $ΓΕΔ$ πρὸς τὸ $ΛΘΚ$. ἐδείχθη δὲ καὶ ὡς
 15 τὸ $EBΓ$ πρὸς τὸ $ΛΗΘ$, οὕτως τὸ ABE πρὸς τὸ
 ZHA . καὶ ὡς ἄρα τὸ ABE πρὸς τὸ ZHA , οὕτως
 τὸ $BEΓ$ πρὸς τὸ $HAΘ$ καὶ τὸ $ΕΓΔ$ πρὸς τὸ $ΛΘΚ$.
 ὕπερ ἔδει δεῖξαι.

VI, 27.

20

Ἄλλως.

Ἐστω γὰρ πάλιν ἡ AB τμηθεῖσα δίχα κατὰ τὸ $Γ$

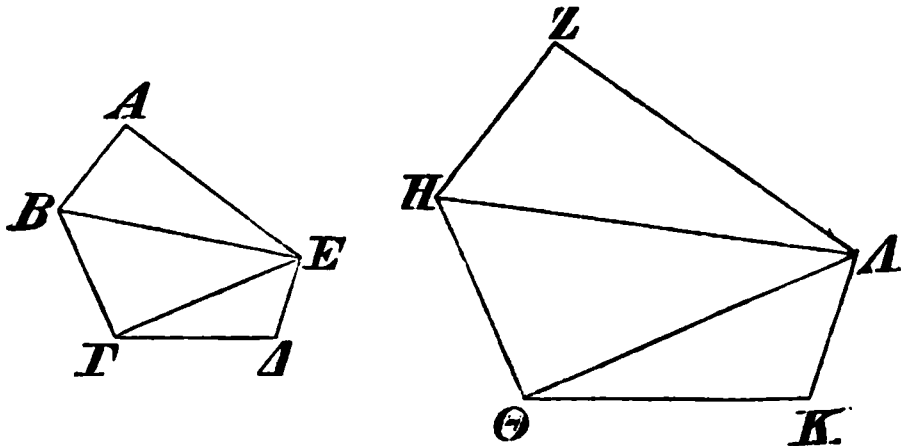
1. ἐστι] m. 2 F. 2. ἄρα] om. V 4. $BEΓ$] " $EBΓ$ F.
 7 Post $BEΓ$ add. τρίγωνον Bp, m. 2 FV. 8 ἐστι] om. P.
 10. εὐθεία] m. 2 V. 11. $ΕΓΔ$] corr. ex $ΓΕΔ$ m. 1 p.
 πρὸς τὸ $ΛΘΚ$ τρίγωνον] mg. m 2 B, om. p; διπλασίονα λόγον
 ἔχει πρὸς in ras. m. 2 F; seq τὸ $ΛΘΚ$ τρίγωνον m 1. 12.
 διπλασίονα λόγον ἔχει] in ras. m. rec. F. 13. $BEΓ$] $EBΓ$ P.
 14. $ΓΕΔ$] $ΕΓΔ$ P. 15. ABE πρὸς] in ras. m. 2 V, seq.
 πρὸς m 1. 16. καὶ ὡς ἄρα — 17 $BEΓ$ πρὸς] in ras. F.
 17. $BEΓ$] B in ras. m. 2 V. Post $ΛΘΚ$ add BVp: καὶ
 ὡς ἄρα ἐν τῶν ἡγουμένων πρὸς ἐν τῶν ἐπομένων, οὕτως ἅπαντα
 τὰ ἡγούμενα πρὸς ἅπαντα τὰ ἐπόμενα καὶ τὰ λοιπὰ ὡς ἐν τῇ
 προτέρᾳ δείξει; idem F, sed postea insert. in ras. 19. Post

nam quoniam $ABE \sim ZHA$, erit [VI, 19]

$$ABE : ZHA = BE^2 : HA^2.$$

eadem de causa erit etiam

$$BEG : HA\Theta = BE^2 : HA^2.$$



itaque $ABE : ZHA = BEG : HA\Theta$. rursus quoniam $EB\Gamma \sim \Lambda H\Theta$, erit $EB\Gamma : \Lambda H\Theta = \Gamma E^2 : \Theta \Lambda^2$. eadem de causa etiam erit $E\Gamma\Delta : \Lambda\Theta K = \Gamma E^2 : \Theta \Lambda^2$. itaque $BEG : \Lambda H\Theta = \Gamma E\Delta : \Lambda\Theta K$. sed demonstratum est etiam $EB\Gamma : \Lambda H\Theta = ABE : ZHA$. ergo etiam

$ABE : ZHA = BEG : HA\Theta = E\Gamma\Delta : \Lambda\Theta K$;
quod erat demonstrandum.

VI, 27.

Aliter.¹⁾

Nam rursus AB in Γ in duas partes aequales di-

1) Est alter casus prop. 27. locum interpolatum esse, supra demonstraui. cum in P in mg. m. rec. addatur, veri simile est, eum a Theone profectum esse. Campanus VI, 26: „idem etiam esset, si superficies af ($= AE$) fieret altior superficie cd ($= AA$), ut uidere potes in secunda figura“.

καὶ παραβληθὲν τὸ AA ἔλλειπον εἶδει τῷ AB , καὶ
 παραβεβλήσθω πάλιν παρὰ τὴν AB τὸ AE παραλλη-
 λόγραμμον ἔλλειπον τῷ EB ὁμοίῳ τε καὶ ὁμοίως
 κειμένῳ τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῷ AB . λέγω, ὅτι
 5 μείζον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας παραβληθὲν τὸ AA
 τοῦ AE .

Ἐπεὶ γὰρ ὁμοιόν ἐστὶ τὸ EB τῷ AB , περὶ τὴν
 αὐτὴν εἶσι διάμετρον. ἔστω αὐτῶν διάμετρος ἡ EB
 καὶ καταγεγράφθω τὸ σχῆμα. καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ
 10 AZ τῷ $AΘ$, ἐπεὶ καὶ ἡ ZH τῇ $HΘ$, μείζον ἄρα τὸ
 AZ τοῦ KE . ἴσον δὲ τὸ AZ τῷ AA . μείζον ἄρα
 καὶ τὸ AA τοῦ EK . κοινὸν [προσκεῖσθω] τὸ KA .
 ὅλον ἄρα τὸ AA ὅλου τοῦ AE μείζον ἐστίν· ὅπερ
 εἶδει δεῖξαι.

15

VI, 30.

Ἄλλως.

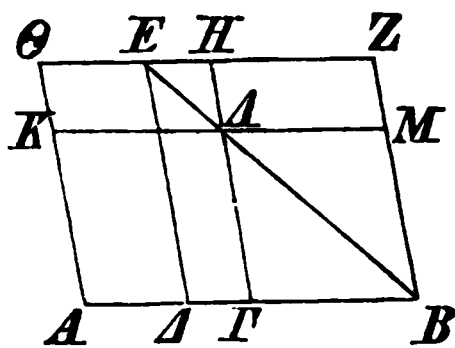
Ἐστω ἡ δοθεῖσα εὐθεῖα ἡ AB . δεῖ δὲ τὴν AB
 ἄκρον καὶ μέσον λόγον τεμεῖν.

Τετμήσθω γὰρ ἡ AB κατὰ τὸ Γ ὥστε τὸ ὑπὸ
 20 τῶν AB , $B\Gamma$ ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ τῆς GA τετραγώνῳ.
 ἐπεὶ οὖν τὸ ὑπὸ τῶν AB , $B\Gamma$ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς
 GA , ἔστιν ἄρα ὡς ἡ BA πρὸς τὴν AG , οὕτως ἡ
 AG πρὸς τὴν GB . ἡ AB ἄρα ἄκρον καὶ μέσον
 λόγον τέτμηται κατὰ τὸ Γ . ὅπερ εἶδει ποιῆσαι.

1. AB] AB φ (non F). 2. AE] $AΘ$ corr. ex $AΘ$ FV.
 3. τῷ] τό F. 4. τῷ AB] PBr; mutat. in τῆς AB m. 2 F;
 τῆς BA (supra est ras) τῷ AB V. 10. AZ] corr. ex AZ
 m. rec. F. 11. KE] in ras. m. 2 V. ἴσον δέ — 12: τοῦ
 EK] bis Bp et V mg. m. 2. 12. καί] supra m. 1 p (priorē
 loco, in repetitione in textu est). προσκεῖσθω] Pp; om. BF;
 ἔστω V 15. PBFVp 16. ἄλλως] mg. Fp, iidem add.
 $λε'$ (in F del. m. rec.). 17. τὴν AB εὐθεῖαν FV. 20. GA]

uidatur, et adplicetur $\Delta\Delta$ deficiens figura ΔB , et rursus rectae AB adplicetur parallelogrammum AE deficiens figura EB simili et similiter posita quadrato dimidiaie AB . dico, esse $\Delta\Delta > AE$.

nam quoniam $EB \sim \Delta B$, circum eandem diametrum sunt [VI, 26]. eorum diameter sit EB , et describatur figura [p. 161 not. 1]. et quoniam est $\Delta Z = \Delta\Theta$, quoniam $ZH = H\Theta$, erit $\Delta Z > KE$. uerum $\Delta Z = \Delta\Delta$ [I, 43]. quare etiam $\Delta\Delta > EK$. commune adiiciatur $K\Delta$. ergo $\Delta\Delta > AE$; quod erat demonstrandum.



VI, 30.

Aliter.¹⁾

Sit data recta AB . oportet igitur rectam AB secundum rationem extremam et mediam secare.

secetur enim AB in Γ ita, ut sit



$$AB \times B\Gamma = \Gamma A^2 \text{ [II, 11].}$$

iam quoniam $AB \times B\Gamma = \Gamma A^2$, erit [VI, 17]

$$BA : A\Gamma = A\Gamma : \Gamma B.$$

itaque AB in Γ secundum extremam et mediam rationem secta est; quod oportebat fieri.

1) Habet Campanus VI, 29: „idem etiam potest demonstrari ex 11 secundi.“

VI, 31.

Ἄλλως.

Ἐπεὶ τὰ ὅμοια σχήματα ἐν διπλασίονι λόγῳ ἐστὶ
 τῶν ὁμολόγων πλευρῶν, τὸ ἀπὸ τῆς ΒΓ ἄρα εἶδος
 5 πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΒΑ εἶδος διπλασίονα λόγον ἔχει
 ἢ περ ἢ ΓΒ πρὸς τὴν ΒΑ. ἔχει δὲ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς
 ΒΓ τετράγωνον πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΒΑ τετράγωνον
 διπλασίονα λόγον ἢ περ ἢ ΓΒ πρὸς τὴν ΒΑ. καὶ ὡς
 ἄρα τὸ ἀπὸ τῆς ΓΒ εἶδος πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΒΑ
 10 εἶδος, οὕτως τὸ ἀπὸ τῆς ΓΒ τετράγωνον πρὸς τὸ
 ἀπὸ τῆς ΒΑ τετράγωνον. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὡς
 τὸ ἀπὸ τῆς ΒΓ εἶδος πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΓΑ εἶδος,
 οὕτως τὸ ἀπὸ τῆς ΒΓ τετράγωνον πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς
 ΓΑ τετράγωνον. ὥστε καὶ ὡς τὸ ἀπὸ τῆς ΒΓ εἶδος
 15 πρὸς τὰ ἀπὸ τῶν ΒΑ, ΑΓ εἶδη, οὕτως τὸ ἀπὸ τῆς
 ΒΓ τετράγωνον πρὸς τὰ ἀπὸ τῶν ΒΑ, ΑΓ τετράγω-
 να. ἴσον δὲ τὸ ἀπὸ τῆς ΒΓ τετράγωνον τοῖς ἀπὸ
 τῶν ΒΑ, ΑΓ τετραγώνοις. ἴσον ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ τῆς
 ΒΓ εἶδος τοῖς ἀπὸ τῶν ΒΑ, ΑΓ εἶδεσι τοῖς ὁμοίοις
 20 [τε] καὶ ὁμοίως ἀναγραφομένοις [ὅπερ ἔδει δεῖξαι].

VI, 33.

Λέγω, ὅτι καὶ ὡς ἡ ΒΓ περιφέρεια πρὸς τὴν ΕΖ
 περιφέρειαν, οὕτως ὁ ΗΒΓ τομεὺς πρὸς τὸν ΘΕΖ
 τομέα.

1 PBFVp. 3. λζ' Fr. ἐστὶ] εἶσι V. 5. ἔχη φ.
 6. ΓΒ] in ras. V m. 2. 7. τό] τὴν φ. 8. ΓΒ] mut. in
 ΒΓ m. 2 V. ΒΑ. καὶ] ΒΓ φ (non F). 9. ΓΒ] in ras.
 m. 2 V, ΓΑ φ (non F). εἶδος — 10: ΓΒ] mg. m. 1 F. 10.
 εἶδος] om. V. ΓΒ] in ras m. 2 V. 11. δὴ] om. P. 12.
 εἶδος] (alt.) om. V. 13. ΒΓ] e corr. m. 1 p. 14. ΓΑ] e corr.

VI, 31.

Aliter.¹⁾

Quoniam similes figurae in duplicata ratione sunt laterum correspondentium [VI, 20] figura in $B\Gamma$ descripta ad figuram in BA descriptam duplicatam rationem habebit quam $\Gamma B : BA$. uerum etiam quadratum in $B\Gamma$ descriptum ad quadratum in BA descriptum duplicatam rationem habebit quam ΓB ad BA . quare etiam figura in ΓB descripta ad figuram in BA descriptam eandem rationem habebit quam $\Gamma B^2 : BA^2$. eadem de causa etiam figura in $B\Gamma$ descripta ad figuram in ΓA descriptam eandem rationem habebit quam $B\Gamma^2 : \Gamma A^2$. quare etiam ut figura in $B\Gamma$ descripta ad figuras in BA , $A\Gamma$ descriptas, ita erit

$$B\Gamma^2 : BA^2 + A\Gamma^2.$$

uerum $B\Gamma^2 = BA^2 + A\Gamma^2$ [I, 47]. ergo etiam figura in $B\Gamma$ descripta aequalis est figuris in BA , $A\Gamma$ similibus et similiter descriptis; quod erat demonstrandum.

VI, 33.²⁾

Dico, esse etiam

$$\text{arc. } B\Gamma : \text{arc. } EZ = \text{sect. } H\Gamma : \text{sect. } \Theta EZ.$$

1) U. fig. VI, 31.

2) Additamentum est Theonis post finem VI, 33; u. ibid. not.

m. 1 p. $\acute{\omega}\varsigma$] insert. m. 1 p. 15. $\epsilon\iota\delta\eta$] $\epsilon\iota\delta\omicron\varsigma$ φ (non F).
 16. $\tau\epsilon\tau\rho\acute{\alpha}\gamma\omicron\nu\alpha$] $\tau\epsilon\tau\rho\acute{\alpha}\gamma\omega\nu$ F, $\tau\epsilon\tau\rho\acute{\alpha}\gamma\omega\nu\omicron\nu$ φ . 19. $\epsilon\iota\delta\epsilon\sigma\iota\nu$ BFp.
 $\tau\omicron\iota\varsigma$] om. Bp. 20. $\tau\epsilon$] om. BFVp. $\omicron\pi\epsilon\rho$ $\xi\delta\epsilon\iota$ $\delta\epsilon\iota\chi\alpha\iota$] om. BFVp.
 21. BFVp, P mg. m. rec. 22. μ' mg. p.
 $\kappa\alpha\iota$] om. p. 23. ΘEZ] litt. EZ in ras. m. 1 V.

Ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αἱ ΒΓ, ΓΚ. καὶ ληφθέντων ἐπὶ τῶν ΒΓ, ΓΚ περιφερειῶν τῶν Ξ, Ο σημείων ἐπεξεύχθωσαν καὶ αἱ ΒΞ, ΞΓ, ΓΟ, ΟΚ.

Καὶ ἐπεὶ δύο αἱ ΒΗ, ΗΓ δυσὶ ταῖς ΓΗ, ΗΚ
 5 ἴσαι εἰσὶ καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσιν, καὶ βάσις ἡ ΒΓ
 τῇ ΓΚ ἐστὶν ἴση, ἴσον ἄρα [ἐστὶ] καὶ τὸ ΗΒΓ τρί-
 γωνον τῷ ΗΓΚ τριγώνῳ. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΒΓ
 περιφέρεια τῇ ΓΚ περιφερείᾳ, καὶ ἡ λοιπὴ εἰς τὸν
 ὅλον κύκλον περιφέρεια ἴση ἐστὶ τῇ λοιπῇ εἰς τὸν
 10 ὅλον κύκλον περιφερείᾳ· ὥστε καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΒΞΓ
 τῇ ὑπὸ ΓΟΚ ἐστὶν ἴση· ὁμοιον ἄρα ἐστὶ τὸ ΒΞΓ
 τμήμα τῷ ΓΟΚ τμήματι. καὶ εἰσὶν ἐπὶ ἴσων εὐθειῶν
 τῶν ΒΓ, ΓΚ. τὰ δὲ ἐπὶ ἴσων εὐθειῶν ὅμοια τμή-
 ματα κύκλων ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶν· ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ
 15 ΒΞΓ τμήμα τῷ ΓΟΚ τμήματι. ἐστὶ δὲ καὶ τὸ ΗΒΓ
 τρίγωνον τῷ ΗΓΚ τριγώνῳ ἴσον· καὶ ὅλος ἄρα ὁ
 ΒΗΓ τομεὺς ὅλῳ τῷ ΗΓΚ τομεῖ ἴσος ἐστίν. διὰ τὰ
 αὐτὰ δὴ καὶ ὁ ΗΚΑ τομεὺς ἐκατέρῳ τῶν ΗΒΓ,
 ΗΓΚ ἴσος ἐστίν. οἱ τρεῖς ἄρα τομεῖς οἱ ΗΒΓ, ΗΓΚ,
 20 ΗΑΚ ἴσοι ἀλλήλοις εἰσὶν. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ οἱ
 ΘΕΖ, ΘΖΜ, ΘΜΝ τομεῖς ἴσοι ἀλλήλοις εἰσὶν. ὅσα-
 πλασίων ἄρα ἐστὶν ἡ ΑΒ περιφέρεια τῆς ΒΓ πε-
 ριφερείας, τοσαυταπλασίων ἐστὶ καὶ ὁ ΗΒΑ τομεὺς
 τοῦ ΗΒΓ τομέως. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὅσαπλασίων

2. Ante ἐπὶ del. τῶν p. ΓΚ] Γ corr. ex K m. 1 p

4. ΗΚ] K e corr. m. 2 V. 5 εἰσὶν BF. περιέχουσι P F p; περιέχουσai V, corr. m. 2. 6 ἐστὶ] om. BVp, insert. m. 1 F. ΒΗΓ P. 7. Post τριγώνῳ add Bp: καὶ ἡ ΒΓ περιφέρεια τῇ ΓΚ περιφερεία. 8. ἡ λοιπὴ] F; λοιπὴ Bp; ἡ λοιπὴ ἡ P V. 9. ὅλον] ΑΒΓ P V. ἴση] ἡ ΚΑΓ ἴση F. ἐστὶ] om. P, ἐστίν B τῇ] om V. λοιπῇ] om. P; λοιπῇ τῇ V. 10. ὅλον] Bp, αὐτόν ΑΒΓ P V, om. F. ὥστε] post ras. 1 litt. V, τῇ ΓΑΒ· ὥστε F. 11. γωνία τῇ V. 13. ΓΚ] ΚΓ m. 2 V.

Ducantur enim $B\Gamma$, ΓK^1), et in arcubus $B\Gamma$, ΓK sumptis punctis Ξ , O ducantur etiam $B\Xi$, $\Xi\Gamma$, ΓO , OK . et quoniam $BH = HK$ et $H\Gamma = H\Gamma$, et aequales angulos comprehendunt, et $B\Gamma = \Gamma K$ [III, 29], erit etiam $\triangle HBG = H\Gamma K$ [I, 4]. et quoniam

$$\text{arc. } B\Gamma = \text{arc. } \Gamma K,$$

erit etiam $\text{arc. } B\Lambda\Gamma = \text{arc. } \Gamma\Lambda K$. quare etiam

$$\angle B\Xi\Gamma = \angle \Gamma OK \text{ [III, 27].}$$

ergo segmentum $B\Xi\Gamma$ simile est segmento ΓOK [III def. 11]. et in aequalibus sunt rectis $B\Gamma$, ΓK . quae autem in aequalibus rectis sunt segmenta circulorum similia, inter se aequalia sunt [III, 24]. ergo

$$\text{segm. } B\Xi\Gamma = \text{segm. } \Gamma OK.$$

uerum etiam $\triangle HBG = \triangle H\Gamma K$. itaque

$$\text{sect. } BH\Gamma = \text{sect. } H\Gamma K.$$

eadem de causa etiam $\text{sect. } HK\Lambda = \text{sect. } HBG = \text{sect. } H\Gamma K$. itaque tres sectores HBG , $H\Gamma K$, $H\Lambda K$ inter se aequales sunt. eadem de causa etiam sectores ΘEZ , ΘZM , ΘMN inter se aequales sunt. itaque quoties arcus ΛB multiplex est arcus $B\Gamma$, toties etiam sector HBA sectoris HBG multiplex est. eadem de

1) U. fig. VI, 33.

$\delta\epsilon'] \delta'$ F. 14. $\alpha\lambda\lambda\eta\lambda o\iota\varsigma]$ $-\lambda o\iota\varsigma$ in ras. F. $\acute{\epsilon}\sigma\tau\acute{\iota}\nu$ F. 15. $HBG]$ HB in ras. m. 2 V. 16. $-\gamma\omega\nu\omicron\nu \tau\omega H\Gamma K \tau\rho\iota\gamma\omega\acute{\nu}\omega \acute{\iota}\sigma\omicron\nu$ in ras. m. 2 F. 17. $BH\Gamma]$ HBG P, V m. 2. $H\Gamma K$ P, V m. 2. $\acute{\epsilon}\sigma\tau\acute{\iota}$ BV, comp. Pp. 18. HBG , $H\Gamma K]$ prius Γ et K e corr. m. 2 V, $B\Gamma$, HK Bp. 19. $\acute{\epsilon}\sigma\tau\acute{\iota}$ V. $o\acute{\iota}]$ (alt.) \acute{o} P. $HBG]$ HB corr. ex BH V m. 2, in ras. F. $H\Gamma K]$ $H\Gamma$ corr. ex ΓH m. 2 V. 20. $H\Lambda K]$ $KHK\Lambda$ P, $HK\Lambda$ corr. ex $KH\Lambda$ m. 2 V. $\epsilon\acute{\iota}\sigma\acute{\iota}$ Vp. $\delta\iota\acute{\alpha}$ — 21: $\epsilon\acute{\iota}\sigma\acute{\iota}\nu]$ om. P. 20. $o\acute{\iota}]$ corr. ex \acute{o} m. 1 F. 21. $\Theta ZM]$ M insert. m. 1 F. 22. $\Lambda B]$ Λ in ras. V. $B\Gamma]$ in ras. m. 2 V. 23. $HBA]$ B add. m. recentiss. P; $H\Lambda B$ Bp, V in ras. m. 2.

ἴσθιν ἡ NE περιφέρεια τῆς EZ περιφερείας, τοσαυ-
 ταπλασίων ἴσθι καὶ ἡ ΘEN τομεὺς τοῦ ΘEZ τομέως.
 εἰ ἄρα ἴση ἴσθιν ἡ BA περιφέρεια τῇ EN περιφερείᾳ,
 ἴσος ἴσθι καὶ ὁ BHA τομεὺς τῷ $E\Theta N$ τομῇ, καὶ
 5 εἰ ὑπερέχει ἡ BA περιφέρεια τῆς EN περιφερείας,
 ὑπερέχει καὶ ὁ BHA τομεὺς τοῦ ΘEN τομέως, καὶ
 εἰ ἐλλείπει, ἐλλείπει. τεσσάρων δὲ ὄντων μεγεθῶν
 δύο μὲν τῶν $B\Gamma$, EZ περιφερειῶν, δύο δὲ τῶν $H\beta\Gamma$,
 $E\Theta Z$ τομέων ἐλληπται ἰσάνις πολλαπλάσια τῆς μὲν
 10 $B\Gamma$ περιφερείας καὶ τοῦ $H\beta\Gamma$ τομέως ἢ τε BA πε-
 ριφέρεια καὶ ὁ $H\beta A$ τομεὺς, τῆς δὲ EZ περιφερείας
 καὶ τοῦ ΘEZ τομέως ἰσάνις πολλαπλάσια ἢ τε EN
 περιφέρεια καὶ ὁ ΘEN τομεὺς· καὶ δέδεικται, ὅτι εἰ
 ὑπερέχει ἡ BA περιφέρεια τῆς EN περιφερείας, ὑπερ-
 15 ἔχει καὶ ὁ BHA τομεὺς τοῦ $E\Theta N$ τομέως, καὶ εἰ
 ἴση, ἴσος, καὶ εἰ ἐλλείπει, ἐλλείπει. ἔστιν ἄρα ὥς ἡ
 $B\Gamma$ περιφέρεια πρὸς τὴν EZ , οὕτως ὁ $H\beta\Gamma$ τομεὺς
 πρὸς τὸν ΘEZ τομέα.

[Πόρισμα.]

20 Καὶ δῆλον, ὅτι καὶ ὥς ὁ τομεὺς πρὸς τὸν τομέα,
 οὕτως καὶ ἡ γωνία πρὸς τὴν γωνίαν.

Uulgo VII, 20.

Ἐὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾶσιν, ὁ ὑπὸ τῶν
 ἄκρων ἴσος ἴσθι τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου. καὶ ἐὰν ὁ ὑπὸ

1. τοσαυταπλάσιος PBr. 3. περιφερείᾳ] om. V. 4.
 $E\Theta N$] BFr, $E\Theta H$ φ et e corr. PV. 5. BA] B eras. B.
 6. BHA] BH in ras. m 2 V, $H\beta A$ P. ΘEN] $E\Theta N$ Fr.
 7. δὴ] δέ p. 8. μὲν] m. 2 F. 10. $B\Gamma$] B e corr. m. 1 p.
 12. πολλαπλάσιον V. 13. εἰ] corr ex ἡ V m. 2. 14. BA]

causa etiam quoties arcus NE multiplex est arcus EZ , toties etiam sector $\odot EN$ sectoris $\odot EZ$ multiplex est. ergo si arc. $BA = \text{arc. } EN$, erit sect. $BHA = \text{sect. } E\odot N$, et si arc. $BA > \text{arc. } EN$, erit sect. $BHA > \text{sect. } \odot EN$, et si arc. $BA < \text{arc. } EN$, erit etiam sect. $BHA < \text{sect. } E\odot N$. datis igitur quattuor magnitudinibus duobus arcibus $B\Gamma$, EZ et duobus sectoribus $H B \Gamma$, $E\odot Z$, arcus $B\Gamma$ et sectoris $H B \Gamma$ sumpti sunt aequae multiplices arcus BA et sector HBA , arcus autem EZ et sectoris $\odot EZ$ aequae multiplices arcus EN et sector $\odot EN$. et demonstratum est, si arc. $BA > \text{arc. } EN$, esse etiam sect. $BHA > \text{sect. } E\odot N$, si aequalis sit, aequalem, si minor, minorem. ergo arc. $B\Gamma : \text{arc. } EZ = \text{sect. } H B \Gamma : \text{sect. } \odot EZ$ [V def. 5]. — Corollarium. — et adparet, esse etiam, ut sector ad sectorem, ita angulum ad angulum.¹⁾

Uulgo VII, 20.

Si tres numeri proportionales sunt, productum extremorum aequale est quadrato medii. et si productum extremorum aequale est quadrato medii, tres numeri illi proportionales sunt.

1) Hoc corollarium, quod e genuina propositione Euclidis facile deriuatur, iam a Zenodoro usurpatur (ap. Theonem in Ptolem. p. 12 ed. Basil.: ὥς δ' ὁ τομεὺς πρὸς τὸν τομέα, ἡ ὑπὸ $E\odot A$ γωνία πρὸς τὴν ὑπὸ $M\odot A$), nisi ibi Theon ipse p. 12, 4 sq. addidit.

A in ras. m. 2 V. 16. ἴσος] ἴση V. 18. $\odot EZ$] $\odot E$ P.
19. πόρισμα] om. PBFVp. 22. FVp, B mg. m. 1, P mg.
m. rec. κ' FVp. 24. ὁ] supra P.

- τῶν ἄκρων ἴσος ἢ τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου, οἱ τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογόν εἰσιν. ἔστωσαν τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον οἱ A, B, Γ , ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ B πρὸς τὸν Γ . λέγω, ὅτι ὁ ἐκ τῶν A, Γ ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ B . κείσθω γὰρ τῷ B ἴσος ὁ Δ . ἔστιν ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν Γ . ὁ ἄρα ἐκ τῶν A, Γ ἴσος ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν B, Δ . ὁ δὲ ἐκ τῶν B, Δ ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ B . ἴσος γὰρ ὁ B τῷ Δ . ὁ ἄρα ἐκ τῶν A, Γ ἴσος τῷ ἀπὸ τοῦ B .
- 10 Ἀλλὰ δὴ ἰ ἐκ τῶν A, Γ ἴσος ἔστω τῷ ἀπὸ τοῦ B . λέγω, ὅτι ἐστὶν ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ B πρὸς τὸν Γ . ἐπεὶ γὰρ ὁ ἐκ τῶν A, Γ ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ B , ὁ δὲ ἀπὸ τοῦ B ἴσος τῷ ὑπὸ [τῶν] B, Δ , ἔστιν ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ Δ
- 15 πρὸς τὸν Γ . ἴσος δὲ ὁ B τῷ Δ . ἔστιν ἄρα ὡς ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ B πρὸς τὸν Γ . ὅπερ εἶδει δεῖξαι.

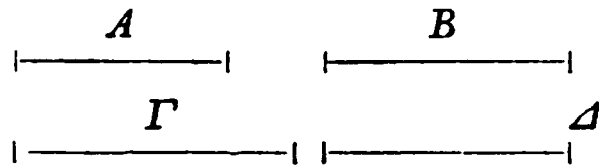
Uulgo VII, 22.

- Ἐὰν ὡς τρεῖς ἀριθμοὶ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τὸ πλῆθος σύνδυο λαμβανόμενοι καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ δὲ τεταραγμένη αὐτῶν ἢ ἀναλογία, καὶ δι' ἴσου ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσονται.

- Ἐστωσαν τρεῖς ἀριθμοὶ οἱ A, B, Γ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τὸ πλῆθος οἱ Δ, E, Z σύνδυο λαμβανόμενοι ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἔστω δὲ τεταραγμένη αὐτῶν ἢ ἀναλογία, ὡς μὲν ὁ A πρὸς τὸν B , οὕτως ὁ E πρὸς τὸν Z , ὡς δὲ ὁ B πρὸς τὸν Γ , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν E . λέγω, ὅτι καὶ δι' ἴσου ἐστὶν ὡς ὁ A πρὸς τὸν Γ , οὕτως ὁ Δ πρὸς τὸν Z .

2. οἱ τρεῖς FV. ἀνάλογοι γ. 3. οἱ] ὁ BFV. ὁ B]

Sint tres numeri proportionales A, B, Γ , ita ut sit $A : B = B : \Gamma$. dico, esse $A \times \Gamma = B^2$. pona-



tur enim $\Delta = B$. est igitur $A : B = \Delta : \Gamma$. itaque $A \times \Gamma = B \times \Delta$ [VII, 19]. sed $B \times \Delta = B^2$; nam $B = \Delta$. ergo $A \times \Gamma = B^2$.

Iam uero sit $A \times \Gamma = B^2$. dico, esse $A : B = B : \Gamma$.

Nam quoniam $A \times \Gamma = B^2$, et $B^2 = B \times \Delta$, erit [VII, 19] $A : B = \Delta : \Gamma$. sed $B = \Delta$. ergo $A : B = B : \Gamma$; quod erat demonstrandum.

Uulgo VII, 22.

Si tres numeri dati sunt et alii iis multitudine aequales, duo simul coniuncti et in eadem ratione, et proportio eorum perturbata est, etiam ex aequo in eadem ratione erunt.

Dati sint tres numeri A, B, Γ et alii iis multitudine aequales Δ, E, Z , duo simul coniuncti in eadem ratione, et proportio eorum perturbata sit, ita ut sit $A : B = E : Z$ et $B : \Gamma = \Delta : E$. dico, etiam ex aequo esse $A : \Gamma = \Delta : Z$.

ὁ δεύτερος supra scr. β P. 4. ὁ] supra P. 7. ἐστίν V, comp. B. ἐκ τῶν] ἀπὸ τοῦ p. 8. ἐστίν V, comp. B. γάρ] corr. ex ἄρα V. 9. ἴσος ἐστὶ FV. 10. ἔστω] ἐστὶ comp. p. 12. γρ. ὑπὸ EΔ mg. F. 13. ἴσος ἐστὶ FV. ὑπό] ἀπό p, om. B. τῶν] τοῦ p, om. BFV. 14. B] (prius) AF, ΓB. 16. ὅπερ εἰδει δεῖξαι] om. Pp. 17. BFVp, P mg. m. rec., add. a Theone post VII, 20. κβ' PBFVp. 19. ὥσιν FV. 25. καὶ ἐν P. 29. τὸν Γ] corr. ex τὸ Γ V.

Ἐπεὶ γὰρ ἐστὶν ὡς ο *A* πρὸς τὸν *B*, οὕτως ὁ *E*
 πρὸς τὸν *Z*, ὁ ἄρα ἐκ τῶν *A*, *Z* ἴσος ἐστὶ τῷ ἐκ
 τῶν *B*, *E*. πάλιν ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ὁ *B* πρὸς τὸν *Γ*,
 οὕτως ὁ *A* πρὸς τὸν *E*, ὁ ἄρα ἐκ τῶν *A*, *Γ* ἴσος
 5 ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν *B*, *E*. ἐδείχθη δὲ καὶ ὁ ἐκ τῶν *A*,
Z ἴσος τῷ ἐκ τῶν *B*, *E*. καὶ ὁ ἐκ τῶν *A*, *Z* ἄρα
 ἴσος ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν *A*, *Γ*. ἔστιν ἄρα ὡς ὁ *A* πρὸς
 τὸν *Γ*, οὕτως ὁ *A* πρὸς τὸν *Z*. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

VII, 31.

10

Ἄλλως.

Ἐστω σύνθετος ἀριθμὸς ὁ *A*. λέγω, ὅτι ὑπὸ
 πρώτου τινὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται. ἐπεὶ γὰρ σύνθετός
 ἐστὶν ὁ *A*, μετρηθήσεται ὑπὸ ἀριθμοῦ, καὶ ἔστω
 ἐλάχιστος τῶν μετρούντων αὐτὸν ὁ *B*. λέγω, ὅτι ὁ
 15 *B* πρῶτός ἐστιν. εἰ γὰρ μὴ, σύνθετός ἐστιν. μετρη-
 θήσεται ἄρα ὑπὸ ἀριθμοῦ τινος. μετρείσθω ὑπὸ τοῦ
Γ. ὁ *Γ* ἄρα τοῦ *B* ἐλάσσων ἐστίν. καὶ ἐπεὶ ὁ *Γ*
 τὸν *B* μετρεῖ, ἀλλ' ὁ *B* τὸν *A* μετρεῖ, καὶ ὁ *Γ* ἄρα
 τὸν *A* μετρεῖ ἐλάσσων ὢν τοῦ *B*. ὅπερ ἄτοπον. οὐκ
 20 ἄρα ὁ *B* σύνθετός ἐστι. πρῶτος ἄρα. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Scholium ad VII, 39.

Τοῦ λθ'. πολλῶν ἀριθμῶν ὄντων καὶ ἐχόντων τὰ

2. τῷ ἐκ] τῷ ὑπὸ FV. 3. ὡς] om. p. 4. *A*, *Γ*] *Γ*,
A B. 5. ὁ ἐκ] ὁ p. 6. καί] om. p. 7. ὁ] ὁ ἄρα FV.
 ἄρα] om. FV. 9 BVpφ. ante prop. 31; add. Theon. 10
 ἄλλως] om. p, ἄλλως τὸ λβ τὸ ἐξῆς B mg. m. 1. 11.
 ἔστω — 13: ἐστὶν ὁ *A*] om. p. 13. καί] τινος· μετρείσθω,
 καὶ *B* ἔστω ὁ p. 15. σύνθετός ἐστὶν] ἐστὶν ὁ *B* πρῶ-
 τος Bφ, V in ras. 16. ἄρα] om. B. ὑπὸ τοῦ *Γ*] in
 ras. V, seq. ras. magna. 17. ἐστίν] ἐστὶ Vφ, comp. p.
 18. ἀλλά Vφ. 20. ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. Bp. 21. Post

Nam quoniam est $A : B = E : Z$, erit

A |—————|

$A \times Z = B \times E$ [VII, 19]. rur-

B |—————|

sus quoniam est $B : \Gamma = \Delta : E$,

Γ |—————|

erit $\Delta \times \Gamma = B \times E$ [id.]. de-

|———| Δ

monstratum est autem, esse etiam

E |—————|

$A \times Z = B \times E$. quare etiam

Z |—————|

$A \times Z = \Delta \times \Gamma$. ergo erit

$$A : \Gamma = \Delta : Z \text{ [VII, 19];}$$

quod erat demonstrandum.

VII, 31.

Aliter.

Sit numerus compositus A . dico, primum numerum eum metiri.

Nam quoniam A compositus est, numerus aliquis eum metietur, et minimus eorum, qui eum metiuntur, sit B . dico, numerum B primum esse. nam si mi-

|—————| A |—————| B |———| Γ

nus, compositus est. itaque numerus aliquis eum metietur. metiatur numerus Γ . itaque $\Gamma < B$. et quoniam Γ numerum B metitur, B autem numerum A metitur, etiam Γ numerum A metitur, quamquam $\Gamma < B$; quod absurdum est. itaque B compositus non est. ergo primus; quod erat demonstrandum.

Scholium ad VII, 39.

Propositionis XXXIX.¹⁾ Cum multi numeri sint,

1) Ergo hoc scholium scriptum est ante VII, 20 et 22 interpolatas.

titulum libri VIII V φ p (in V in spatio uacuo inter libb. VII et VIII postea insert.). 22. α' p (qui numeros propp. libri VIII: uno maiores deinceps habet).

αὐτὰ μέρη, οἷον εἰ τίχοι δίδοσθαι ϵ' γ' δ' ϵ' , εὐρεῖν
τον ἐλάχιστον ἀριθμὸν πάντων τῶν τὰ αὐτὰ μέρη
ἐχόντων αὐτοῖς. ἀριθμὸν εἰρεῖν, ὅς ἐλάχιστος ὢν
ἔξει τὰ δοθέντα μέρη τὸ ϵ' γ' δ' ϵ' ϵ' ζ' η' θ' ι'
5 $\iota\alpha'$ $\iota\beta'$ καὶ εἰς ἄπειρον. δεῖ οὖν λαβεῖν τοὺς ὁμωνύ-
μους αὐτῶν ἀριθμούς, τουτέστι τοῦ μὲν ἡμῖς το
 α , τοῦ δὲ γ' τὰ $\bar{\gamma}$, τοῦ δὲ δ' τὰ δ καὶ ϵ' καὶ ϵ
καὶ ζ η θ ι $\iota\alpha$ $\iota\beta$ καὶ πολλαπλασιάσαι τον α ἐπὶ τὰ
 γ γίνονται $\bar{\gamma}$ · τὰ $\bar{\gamma}$ ἐπὶ τὰ δ γίνονται $\iota\beta$ · τὰ $\iota\beta$ ἐπὶ
10 τὰ ϵ γίνονται ξ · τὰ ξ ἐπὶ τὰ ϵ γίνονται $\tau\zeta$ · τὰ $\tau\zeta$
ἐπὶ τὰ ζ γίνονται $\beta\phi\kappa$ · οὗτος ἔχει τὰ ι μέρη το
 ϵ' γ' δ' ϵ' ϵ' καὶ τὰ λοιπά. πάλιν αὐτὸν πολλαπλα-
σιάσαι ἐπὶ τον $\iota\alpha$ γίνονται $\mu\upsilon\beta$ $\zeta\psi\kappa$ · οὗτος ὁ ἀριθ-
μὸς ἔχει τὰ δοθέντα μέρη το ϵ' γ' δ' ϵ' ϵ' ζ' η' θ'
15 ι' $\iota\alpha'$ $\iota\beta'$. ἐπὶ πάντων τῶν διδομένων οὕτως δεῖ
πολλαπλασιάζειν καὶ εὐρίσκειν τὸν ἀριθμὸν τον ἐλά-
χιστον ἔχοντα ταῦτα τὰ μέρη.

IX init.

Εὐρίσκομεν τὸν συγκείμενον λόγον ἐκ λόγων διὰ
20 ϵ' τοῦ η' · τὴν δὲ διαίρεσιν τοῦ λόγου εὐρίσκομεν
οὕτως· ἔστω ο A τοῦ B διπλοῦς, καὶ ἀπ' αὐτοῦ
ἀφελεῖν τριπλοῦν. ἔστω ὁ A Γ τριπλοῦς. λοιπὸς
ἄρα ὁ Γ B . λέγω, ὅτι ὁ Γ B ἡμιόλιός ἐστιν. μὴ

1. τύχη p. ϵ'] $\bar{\epsilon}$ p. 2. ἀριθμόν] comp. V; καί φ.
τῶν] τὸν φ. αὐτὰ] η' V φ. 3. ἔχοντα φ. ἀριθμόν]
comp. V; καί φ. ὅς] ὡς V φ. 4. τὸ] τὰ p. ϵ'] in ras.
m. 1 p. 6 αὐτῶν] η' τῶν V φ. 7. α] πρῶτον V p φ. καὶ
 ϵ καί] τὰ $\bar{\epsilon}$ καὶ τὰ $\bar{\epsilon}$ p. 8. ι] om. V φ. πολλαπλασιάσας
V p φ. α] πρῶτον V p φ. 9. γ] τρία V p φ. γίνονται]
semper comp. V φ, γίνεται p. $\bar{\gamma}$ τὰ] τρία· τὰ p. $\bar{\gamma}$]
τρία p. γίνεται p. $\iota\beta$] (prius) $\iota\zeta$ φ. 10. γίνονται] (prius)

qui easdem partes habeant, uelut $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$, inuenire minimum numerum omnium, qui easdem partes habent.

numerum inuenire minimum, qui datas partes $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{8}$ $\frac{1}{9}$ $\frac{1}{10}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{12}$ cett. habeat. oportet igitur numeros iis cognomines sumere, h. e. parti dimidiaae numerum 1, tertiae 3, quartae 4, quintae 5 et 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12; et multiplicare $1 \times 3 = 3$, $3 \times 4 = 12$, $12 \times 5 = 60$, $60 \times 6 = 360$, $360 \times 7 = 2520$, qui habet decem partes $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{6}$ cett.: rursus $2520 \times 11 = 27720$, qui habet datas partes $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{8}$ $\frac{1}{9}$ $\frac{1}{10}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{12}$. in omnibus datis ita oportet multiplicare et numerum minimum inuenire, qui has habeat partes.

Scholium. IX init.¹⁾

Rationem ex rationibus compositam per VIII, 5 inuenimus, rationis autem diuisionem ita inuenimus.

Sit $A : B = 2 : 1$, et ab ea oporteat auferre $3 : 1$.²⁾ sit $A : \Gamma = 3 : 1$. relinquitur igitur $\Gamma : B$. dico, esse $\Gamma : B = 2 : 3$. ne sit enim, sed si fieri potest, sit

1) Uidetur esse scholium ad VIII, 5.

2) H. e. $2 : 1$ per $3 : 1$ diuidere.

γίνεται p. 11. $\beta\overline{\varphi\kappa}$] $\overline{\mu\varphi\eta}$ φ. οὕτως V φ. $\overline{\iota}$] δέκα p.
 12. γ' δ' ε' $\overline{\zeta}$] $\overline{\gamma\gamma\delta}$ φ. πολλαπλασιάσας Vpφ. 13. τόν]
 τῶν p. β $\overline{\xi\psi\kappa}$] $\overline{\mu\beta\psi\kappa}$ p, β' $\overline{\gamma\xi\psi\kappa}$ φ. οὕτως] οὗ τό p.
 15. $\overline{\iota}$] om. φ. δεδομένων p. 16. ἀριθμόν] comp. V, καί φ.
 ἐλάττονα Vpφ. 18. Vφ post titulum libri IX (in V in spatio
 uacuo inter libb. VIII et IX postea insert.).

γάρ, ἀλλ' εἰ δυνατόν, ἔστω διπλοῦς ὁ Γ τοῦ B . ἔστι
 δὲ καὶ ὁ A τοῦ Γ τριπλοῦς· γενήσεται ἄρα καὶ ὁ A
 τοῦ B ἑξαπλοῦς. ὑπόκειται δὲ διπλοῦς· ὅπερ ἄτοπον.
 οὐκ ἄρα ἔσται ὁ Γ τοῦ B διπλοῦς. ὁμοίως δὲ δείξομεν,
 ὅτι οὐδ' ἄλλον λόγον ἔχει ὁ B πρὸς τὸν Γ παρὰ
 τοῦ ἡμιολίου.

IX, 22.

Ἄλλως.

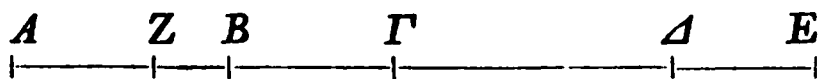
Ἡ καὶ οὕτως· ἐπεὶ οὖν ὁ AB περιττός ἐστιν,
 10 ἀφηρήσθω ἀπ' αὐτοῦ μονὰς ἡ ZB · λοιπὸς ἄρα ὁ AZ
 ἄρτιός ἐστιν. πάλιν ἐπεὶ ὁ $B\Gamma$ περιττός ἐστιν, καὶ
 ἔστι μονὰς ἡ ZB , ἄρτιος ἄρα ὁ $Z\Gamma$. ἔστι δὲ καὶ ὁ
 AZ ἄρτιος. καὶ ὅλος ἄρα ὁ $A\Gamma$ ἄρτιός ἐστιν. διὰ
 τὰ αὐτὰ δὲ καὶ ὁ ΓE ἄρτιός ἐστιν. ὥστε καὶ ὅλος
 15 ὁ AE ἄρτιός ἐστιν.

4. ἄρα] πτι φ. διπλοῦς] τριπλοῦς Vφ. 7. F solus post
 ἔστιν, ante ὅπερ p. 392, 18. 8. ἄλλως] om. F.

$\Gamma = 2B$. est autem etiam $A = 3\Gamma$. erit igitur $A = 6B$. sed supposuimus, esse $A = 2B$; quod absurdum est. ergo non erit $\Gamma = 2B$. similiter demonstrabimus, ne aliam quidem rationem habere B ad Γ praeter $2:3$.

IX, 22.

Uel etiam ita: quoniam AB impar est, ab eo auferatur unitas ZB . itaque qui relinquitur, AZ par est. rursus quoniam $B\Gamma$ impar est, et unitas est ZB , par est $Z\Gamma$. uerum etiam AZ par est. itaque etiam totus $A\Gamma$ par est [IX, 21]. eadem de causa etiam ΓE par est. ergo etiam totus AE par est [IX, 21].¹⁾



1) De figura cfr. IX, 22.







B. G. TEUBNER IN LEIPZIG UND BERLIN.



Januar 1908.

A. Ausgaben griechischer und lateinischer Schriftsteller.

1a. Bibliotheca scriptorum Graecorum et Romanorum Teubneriana. [8.]

Diese Sammlung hat die Aufgabe, die gesamten noch vorhandenen Bräuge der griechischen und römischen Literatur in neuen, wohlfeilen Ausgaben zu veröffentlichen, soweit dies zugunsten der Wissenschaft oder der Schule wünschenswert ist. Die Texte der Ausgaben beruhen auf den jeweils neuesten Ergebnissen der kritischen Forschung, über die die beigefügte adnotatio critica, die sich teils in der praefatio, teils unter dem Text befindet, Auskunft gibt. Die Sammlung wird ununterbrochen fortgesetzt werden und in den früher erschienenen Bänden durch neue, verbesserte Ausgaben stets mit den Fortschritten der Wissenschaft Schritt zu halten suchen.

Die Sammlung umfaßt zur Zeit gegen 550 Bände zum Preise von ca. 1600 Mark, die bei einmaligem Bezuge zum Vorzugspreise von ca. 1200 Mark abgegeben werden.

Alle Ausgaben sind auch gleichmäßig geschmackvoll gebunden lieferbar!

Textausgaben der griechischen und lateinischen Klassiker.

Die hat einem * bezeichneten Werke zu 1 Neuerscheinung in der letzten Jahre

a. Griechische Schriftsteller.

Helian de nat. anim. II. XVII. var. hist.,
epist., fragm. Rec R Hercher
Vol I. # 5 5.50. Vol II # 7 17.70.
— varia historia. Rec R Hercher
1 50 1.90.
— senae commentarius poliorceticus. Rec
A Hug # 1 35 1.75.
—eschinus orationes. Ed Fr Blass
Ed min # 2 40 2.80.
— Id maior in Index v
Preis # 8 — 8.60.
— Ieron ed Fr Franke # 90
1.30.
eschyll tragoediae. Iter ed H Weid
2 45 3.
— Finz a jede Tragödie Agamemnon
(Choephora) Iamnodes Persae Prometh-
heus Septem contra Thebas
41 — 70.
— cantica. Dig O Schroeder
2 40 2.50.
—) Scholia in Persae. Rec O Dahn-
hardt # 3 60 4.20.
— esophus fabulae. Rec C Halim
90 1.30.
— isphronas rhetoris epistularum lib. IV.
Ed M A Schepers # 3 20 3.60.
— alexandri Lycopol. c. Manich. Ed A
Brinkmann # 1 — 1.25.

Alypius s. Miste.
Andronotis carmina. Ed V Rose Ed I
1 1.40.
— anaxitrus s. Euclidis simpl.
— andoclis orationes. Ed Fr Blass
Ed III # 1 40 1.80.
— annae Comnenae Alexias. Rec A Reiff et
scheide 2 v 1 # 7 50 8.60.
— anonymus de incredulitatibus s. Mytho-
graphi
— anthologia Graeca epigr. Parat. o. I. Ed
ba H Statimucior
Vol I Pal I I. VI. Plan I V VII
6 0.60.
Vol II P 1 Pal L VII Plan I II.
8 — 8.60.
— *Vol III P 1 Pal I IX Epigr 1 50
Plan I I. # 8 — 8.60.
— lyrica s. lyr Graec rec Edd Bergk
Hiller Crusius # 3 3.60.
— antiphantis orationes et fragmenta Ed
Fr Blass # 2 10 2.50.
— antonini M. Aurelii commentarii. II. XII
Rec I St. I Ed II # 2 40 2.80.
— antoninus Liberalis s. Mythographi
— apocalypsis Anastasius. Ed R Homberg
1 20 1.00.
— apollodori bibliotheca. Ed R Wagner
siehe Mythographi. Vol I.

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

- Apollonius Pergaenus. Ed. et lat. interpr. est I. L. Heiberg 2 vol. # 1 10.
 Apollonius Rhodii Argonautica. Rec. B. Merkel # 1 50 1.00.
 *Apollonius. Rom. Ed. L. Mendelssohn Vol. I # 1 50 5. Vol. II Ed. P. Viereck # 6 6.00.
 Archimedis opera omnia. Ed. I. L. Heiberg 3 vol. # 18 19.80.
 Aristaeus ad Philocratem epistula cuncte de vers. LXX interpretum Ed. P. Wendland # 4 4.50.
 Aristophanis comoediae. Ed. Th. Bergk 2 vol. Ed. II. je # 2 -- 2.00.
 Vol. I. Acharn., Equites, Nubes, Vespae, Pax.
 Vol. II. Aves, Lysistr., Thesmoph. Agaz., Frogs, Plutus.
 Plazeln eines Stück # 50 1.90.
 *Aristoph. Lat. D. G. O. Schroeder in Vorb.
 Aristoteles de partib. anim. II. IV. Ed. B. Langhove. # 2 80 3.20.
 * de animalium motu. Ed. Fr. Litte in Vorb.
 * — de animalibus historia. Ed. L. Dittmeyer # 6 6.00.
 * de arte poetica I. Rec. W. Christ. # -- 60 1.00.
 * physica. Rec. C. Prantl # 1 50 1.90.
 * ethica Nicomachea. Rec. Fr. Susenbittl Ed. a. toram cur. O. Apelt. # 2 40 2.80.
 * de celo et de generatione et corruptione. Rec. C. Prantl # 1 80 2.20.
 * quae feruntur de coloribus, de audibilibus, physionomicon. Rec. C. Prantl # 6 1.00.
 * politica. Ed. Fr. Susenbittl Ed. III. # 2 40 2.80.
 * magna moralia. Rec. Fr. Susenbittl # 1 20 1.00.
 * de anima II. III. Rec. Guil. Biehl # 1 20 1.60.
 * [ethica Eudemia] Eudemii Rhodii ed. Ad. de virtutibus et vitiis I. rec. Fr. Susenbittl # 1 80 2.20.
 * rhetorica. Ed. A. Roemer Ed. II. # 3 60 4.
 * metaphysica. Rec. Guil. Christ. Ed. II. # 2 40 2.80.
 * — ut ferre libror. fragmenta. Coll. V. Ross # 4 60 5.
 * economica. Rec. Fr. Susenbittl # 1 50 1.00.
 * quae feruntur de plantis, de mirab. animalibus, mechanica, de lineis insec., centurum situs et nomina, de Melisso Xanthophane Gorgia. Ed. O. Apelt # 3 -- 3.40.
 Aristoteles parva naturalia. Rec. G. Bient # 1 80 2.20.
 * — Meteorologica. Ed. Fr. Place Ed. IV. # 1 80 2.20.
 * s. a. Musici
 [Divisiones quae vulgo dantur]
 * Aristoteles. Ed. H. Mutschmann # 2 80 3.20.
 Arriani Anabasis. Rec. Curt. Ab. # 1 0 2. mit Karte # 1 80 2 10.
 * quae exstant omnia. Ed. A. G. R. 1. Arrianus. Ed. maior. Mit 1 Tafel # 3 60 4.20.
 * Anabasis. Ed. A. G. Roos Ed. orig. 1 80 2.20.
 * scripta minora. Ed. I. R. Hercher et A. F. J. B. J. # 1 80 2.20.
 Athenaei dipnosophist. II. XV. Rec. Karbel 3 vol. # 17 10 14.00.
 Autolycei de sphaera quae movetur I. de orbitis et eccentricis II. II. Ed. J. H. H. # 3 60 4.
 Babrii fabulae Aesopene. Rec. O. Trassler. Acc. fabul. anctyl. et iamb. red. Ignatius. nl. testruct. in nb. rec. a C. Fr. M. # 8 40 4. Ed. maior # 8 40 4. Rec. O. Trassler. Ed. minor # 4 4.60.
 Ed. P. G. Schneider # -- 60 1.
 Bacchius: s. Musici
 Bacchylidis carmina. Ed. III. Ed. Fr. Bied # 2 40 2.90.
 Batrachomyomachia: s. Hymni Homerici: s. Batrachomachia [sic]
 Blennyomachia: s. Eudocia Augusta
 Buccellorum Graecorum Theocriti, B. I. M. s. h. reliqua. Rec. H. L. A. # 1 1 60 1.
 * Caeclii Calactini fragmenta. Ed. R. O. Loch # 6 6.00.
 Callimachus de vita S. Hypatii I. Ed. Sen. Phidol. Bonn. sodales # 3 -- 3.40.
 Chamaeleon Bassus: s. Geoponica
 Chetis fabula. Ed. O. Praechter # -- 60 1.00.
 Chronica minora. Ed. C. Friok. Vol. I. Ac. Hippolyti Romani praeter Canonem Paschueri fragmentum chronol. # 6 80 2.00.
 Claudianae carminis. Hadria Augusta
 Cleomedes de motu circulari corporum caelestium II. II. Ed. H. Ziegler # 2 10 3.20.
 Collutius: s. Tryphiodorus
 Cornuti theologiae graecae compendium. Rec. C. Lang # 1 50 2.
 Corpusculum poesis ephraemicae Iudaeae. Ed. P. Brandt et C. W. # 3 3.50.
 * Damascii vita Isidor. Ed. J. H. # 1 1 10.
 Demades: s. Dinarchus
 Demetrii Cydon. de contemptu. morte. or. Ed. H. Fockelmann # 1 1 10.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare

- Pavonii Enlogii disp. de somnio Scipionis.** Ed. A. Holder. *M.* 1.40 1.80.
- Florilegium Graecum in usum primi gymnasiorum ordinis collectum a philologis Afranis.** kart. Fasc. 1—10 je *M.* —.50; Fasc. 11—15 je *M.* —.60.
Hierzu unentgeltlich: Index argumentorum et locorum.
Außer der Verwendung bei den Maturitätsprüfungen hat diese Sammlung den Zweck, dem Primaner das Beste und Schönste aus der griech. Literatur auf leichte Weise zugänglich zu machen und den Kreis der Altertumsstudien zu erweitern.
- Galenii Pergameni scripta minora.** Rec. I. Marquardt, I. Müller, G. Helmreich. 3 voll. *M.* 7.50 9.—
- * — **de utilit. part. corporis humani II. XVII.** Ed. G. Helmreich. Vol. I. *M.* 8.— 8.60.
- **institutologica.** Ed. C. Kalbfleisch. *M.* 1.20 1.60.
- **de victu attenuante I.** Ed. C. Kalbfleisch. *M.* 1.40 1.80.
- **de temperamentis.** Ed. G. Helmreich. *M.* 2.40 2.80.
- Gaudentius: s. Musici.**
- Geoponica sive Cassiani Bassi Schol. de re rustica eclogae.** Rec. H. Beckh. *M.* 10.— 10.80.
- Georgii Acropol. annales.** Rec. A. Heisenberg. Vol. I. II. *M.* 11.60 14.—
- Georgii Cypri descriptio orbis Romani.** Acc. Leonis imp. diatyposis genuina. Ed. H. Gelzer. Adj. s. 4 tabb. geograph. *M.* 3.— 3.50.
- Georgii Monachi Chronicle.** Ed. C. de Boor. Vol. I. II. *M.* 18.— 19.20.
- Hellodori Aethiopie. II. X.** Ed. I. Bekker. *M.* 2.40 2.90.
- * **Hephaestionis enchiridion.** c. comm. vet. ed. M. Consruch. *M.* 8.— 8.60.
- Heraclitus: s. Mythographi.**
- Hermippus, anon. christ. de astrologia dialogus.** Edd. C. Kroll et P. Viereck. *M.* 1.80 2.20.
- Herodiani ab excessu divi Marci II. VIII.** Ed. I. Bekker. *M.* 1.20 1.60.
- Herodoti historiarum II. IX.** Edd. Dietsch-Kallenberg. 2 voll. [je *M.* 1.35 1.80] *M.* 2.70 3.60.
Vol. I: Lib. 1—4. Fasc. I: Lib. 1. 2. *M.* —.80 1.10.
Fasc. II: Lib. 3. 4. *M.* —.80 1.10.
— II: Lib. 5—9. Fasc. I: Lib. 5. 6. *M.* —.60 —.90.
Fasc. II: Lib. 7. *M.* —.45 —.75.
Fasc. III: Lib. 8. 9. *M.* —.60 —.90.
- * **Herondae mimambi.** Acc. Phoeniceis **Coronistae, Mattii mimamb. fragm.** Ed. O. Crusius. Ed. IV minor. *M.* 2.40 2.80. Ed. maior. [U. d. Pr.]

- Heronis Alexandrini opera.** Vol. I. Druckwerke u. Automatentheater, gr. u. dtsh. v. W. Schmidt. Im Anh. Herons Fragm. üb. Wasseruhren, Philons Druckw., Vitruv z. Pneumatik. *M.* 9.— 9.80. Suppl.: D. Gesch. d. Textüberliefg. Gr. Wortregister. *M.* 3.— 3.40.
- — Vol. II. Fasc. I. Mechanik u. Katoptrik, hrsg. u. übers. von L. Nix u. W. Schmidt. Im Anh. Excerpte aus Olympiodor, Vitruv, Plinius, Cato, Pseudo-Euclid. Mit 101 Fig. *M.* 8.— 8.80.
- — Vol. III. Vermessungslehre u. Dioptra, griech. u. deutsch hrsg. von H. Schöne. M. 116 Fig. *M.* 8.— 8.80.
- Hesiodi quae fer. carmina.** Rec. A. Rzach. *M.* 1.50 2.—
- Hesychii Milesii qui fertur de viris ill. I.** Rec. I. Flach. *M.* —.80 1.10.
- Hieroclis synecdemus.** Acc. fragmenta ap. Constantinum Porphyrog. servata et nomina urbium mutata. Rec. A. Burckhardt. *M.* 1.20 1.60.
- Hipparchi in Arati et Eudoxi Phaenomena comm.** Rec. C. Manitius. *M.* 4.— 4.60.
- Hippocratis opera.** 7 voll. Rec. H. Kuehlewien et I. Ilberg. Vol. I (cum tab. phototyp.). *M.* 6.— 6.60. Vol. II. *M.* 5.— 5.50.
- Historici Graeci minores.** Ed. L. Dindorf. 2 voll. *M.* 8.25 9.30.
- Homeri carmina.** Ed. Guil. Dindorf: **Ilias.** Ed. Guil. Dindorf. Ed. V cur. C. Hentze. 2 partes. [je *M.* —.75 1.10.] *M.* 1.50 2.—
Pars I: II. 1—12. Pars II: II. 13—24.
- Odyssea.** Ed. Guil. Dindorf. Ed. V cur. C. Hentze. 2 partes. [je *M.* —.75 1.10.] *M.* 1.50 2.—
Pars I: Od. 1—12. Pars II: Od. 13—24.
- — Rec. A. Ludwig. 2 voll. Ed. min. [je *M.* —.75 1.10.] *M.* 1.50 2.20.
- [—] **Iliadis carm.** XVI. Schol. in usum ed. A. Koehly. *M.* 3.— 3.60.
- Hymni Homerici acc. epigrammatis et Batrachomyomachia.** Rec. A. Baumeister. *M.* —.75 1.10.
- Hyperidis orationes.** Ed. Fr. BläB. Ed. III. *M.* 2.10 2.50.
- Iamblichi protrepticus.** Ed. H. Pistelli. *M.* 1.80 2.20.
- **de communi math. scientia I.** Ed. N. Festa. *M.* 1.80 2.20.
- **in Nicomachi arithm. introduct. I.** Ed. H. Pistelli. *M.* 2.40 2.80.
- * — **vita Pythagorae.** Ed. L. Doubnier. [In Vorb.]
- Ignatius Diaconus: s. Nicephorus.**
- Inc. auct. Byzant. de re milit. I.** Rec. R. Vári. *M.* 2.40 2.80.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- Inscriptiones Graecae ad illustrandas
dialectos selectae. Ed F Schimser
Ed II M 1 60 2.
- Ioannes Philoponus: s. Philoponus
Iosephi opera. Rec S q Naser 6 vol.
M 26 29
- Rec I Bekker 6 voll. Vol I V
vergr. Vol VI M 2 10
- Israel orationes. Ed C Scheibe M 1 20
1.00.
- Ed Th Thalheim M 2 40 2.80.
- Isocratis orationes. Rece Benseler-
blaus 3 vol. 4 4.80.
- Iuliani imp. quae supers. omnia. Rec
C F Hertlein 2 vol. M 6 75 7.00.
Nürnberg & Frankfurt et J Bidez
[in Vorl.]
- Iulianus imp. novellae. Ed C E Za-
charias a Lingenthal 2 partes
M 10 50 11.00.
- Appendix I M 1 60 1.
Appendix II De diocesi
Aegyptinae lex a top Iordan anno
531 etc. M 20 1 60
- Iulianus dactylos: s. Georgius Cyprus
*Iulianus opera. Ed R Loers Vol I III
M 3 35.80. Vol IV [C & Pr]
Luciani opera. Rec C Jacobitz 6 par-
te M 10 140 3 vol. 1 2 2.40.
* Lucianus N Nilen Vol I Fase I
M 1 XIV M 2 80 3.20.
Prolegg. Fase I M 1 1.25
Scholia in Lucianum. Ed H Ra
M 6 6.60.
- Lycophronis Alexandra. Rec G Winkel
M 1 81 2.20.
- Lycurgus or. in Iocratem. Ed Pr B aus
Ed minor M 1 1.30. Ed minor
M 1 1.30.
- Lydi I. de ostentis et Calendaria Graeca
omnia. Ed C Wachsmuth Ed II
M 8 6.60.
- de mensibus I. Ed R Wünsch
M 5 50 0.80.
de magistratibus I. Ed R Wünsch
M 5 50 0.80.
- Lysiae orationes. Rec Th Thalheim
Ed minor M 3 3.60. Ed minor
M 1 20 1.60.
- Marci Diaceni vita Porphyrii, episcopi
luzensis. Ed acc p. m. Bonn sodales
M 2 40 2.80.
- Maximel Ammonis carminum de actionum
auspiciis reil. Acc ane data astrologien.
Rec A Lidwala M 1 80 2.20.
- Metrii scriptores Graeci. Ed R West-
phal Vol I Hoptaestien M 2 10 3.20.
- Metrologorum scriptorum reliquiae. Ed
P Hirtse Vol I Scriptores Graeci
M 2 10 3.20. [Vol II Scriptores Latini
M 2 40 2.80.] 2 vol. M 6 10 6.
- Mogochus: s. Baccho.
- Musculi scriptores Graeci. Arctoteles,
Epicharmus, Anaxarchus, Panchias Ga-
dantes Aspinus et de clarum veterum quid-
am exant Rec C Janus Ann
tabulae M 9 3.80.
- Supplementum Metodorum
vol. M 1 20 1.60.
- *Musculi Reliquiae. Ed C Hens
M 3 20 3.80.
- Mythographi Graeci. Vol I Apollodori
bibliotheca Pediasimi lib de Heron
laboribus Ed R Wagner M 3 00 4.20.
Vol II Iasus I Parthenii lib
M 2 10 2.80. Vol III Iasus I
Antonioli Liberalis etc. p. m. 1 1
ed F Martini M 2 40 2.80.
Suppl. Parthenius. ed F Martini
M 2 40 2.80.
- Vol III Fase I Brutesthenis epi-
stolis Ed O. Liviari M 1 20 1.00.
Vol III Fase II Palaeophili
M 2 10 2.80. Heracleti lib
M 2 10 2.80.
- Excerpta Vaticana vengo Alonius de
incredibilibus Ed N Fosta M 2 50
3.20.
- Naturalium rerum scriptores Graeci
minores. Vol I Paradoxorum, s. Anti-
sthenis, Apollonius Phlegon, Agrippa
Vaticans Rec O Koller M 2 10 1.10.
- Necrophori archiepiscopi opusce. Ed
C de Boor Acc Iugstil Bononi vol
Necrophori M 3 80 4.70.
- Necrophori Blemmydae epi. vitae et car-
mina. Ed A Heisenburg M 1 1.40.
- Nicomachi Graeculi introductionis
arithm. II. II. Rec R Hoche M 1 80
2.20.
- M 1 80 2.20.
- Nominal Dionysiacorum II XIVIII. Rec
A Koeberly Vol I 10 11 11 11 11 11 11 11
paraphrasis s. evangelii Iohanni. Ed
A Scheindler M 4 50 5.
- *Olympiodori in Plat. Phaedon. Ed W
Norvin in Vor
- Onosandri de imperatoris off. I. Rec A
Koeberly M 1 20 1.00.
- Palaeophatus: s. Mythographi
Parthenius: s. Mythographi
Patrum Nicenorum nomina graeci.
latini, syriaci, coplici, arabici, armen-
iaci. Ed A Götzer, H. J. Koenigold,
G. Lantz M 6 0.60.
- Passianae Graecae de deo p. m. Iacobi
Spiro Vol I III M 7 60 9
- Pediasimus: s. Mythographi
Philodemi volumina rhetorica. Ed S Sad-
haus 2 vol. 1 11 11 11 11 11 11 11
- de musica II. Ed I Koeberly
M 1 50 2.
- *Philodemi Reliquiae. Ed C Hens
M 2 40 2.80.

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare

Philoponi de opifera mundi II. Rec W Reichardt 4 4.60.

— de aeternitate mundi c. Proclum. Ed H Raba # 13 — 10.80.

Philostrophii mul. opera. Ed C L Kayser 2 vol # 8 5 9.25.

imagines. Rec O Benndorf et C Schenk # 2 80 2.20.

Philostrophii mul. imagines et Callistrati descriptiones. Rec C Schenk et Aem Reichardt # 2 40 2.80.

Physiognomonici scriptores Graeci et Latini. Rec R Forster 2 vol. Vol. I II # 11 13.20.

Pindari carmina. Ed W Christ Paul # 1 80 2.20.

[] Scholia vetera in Pindari carmina Vol I Scholia in Olympiis Rec A B Draeckmann # 8 — 8.60

Platonis dialogi secundum Thrasymachum et tetragrammum quatuor ex ratione C P Hermann et M Wolfart 6 vol. Vol. I LI IV V VI je # 2 41 3. Vol. II # 2 2.50 # 13 17.50.

Auch in folgenden einzelnen Abteilungen

Nr 1 Est vltro Apologia Socratis. Crito Phaedo # — 70 L.—

2 Cratylus Theaetetus # 1 1.40.

3 Symposium Euthydemus # 1 1.40.

— 4 Parmenides Philotus # 1 1.30.

5 Convivium Phaedrus # 1 1.40.

6 Alcibiades I et II Hipparchus Erastus. Freages # 70 L.—

7 Charmides Laches Lysis # 1 1.11 —

— 8 Erthydemus Protagoras # 1 1.40.

9 Gorgias Meno # 1 1.40.

10 Hipparchus I et II Ia Menexenus Critopon # 70 L.—

— 11 Rupturae li raderen # 1 80 2.20.

12 Timaeus Critias Minos # 1 — 1.40.

— 13 Leges Libri XII Finis # 1 1.40.

14 Platonis quatuor feruntur epistolae XVIII Acc demotiones et septem descriptae # 1 1.60.

15 Appendix Platonum continens paginas vltimas aeti, as, schol. a. Inscr. glossar. indices # 2 — 2.40.

Inhalt von Nr 1 3 = Vol. I

4 6 = Vol. II

— 7 10 = Vol. III

— 11 12 = Vol. IV

— 13 = Vol. V

14 15 = Vol. VI

Plotini Enneades praem Porphyrii de vita et moribus ordinis librorum eius etc. Ed K Voikmann 2 vol # 8 10 20

Plutarchi vitae parallelae. Rec C Sainte nis 5 vol. Vol. I # 2 40 2.80. Vol. II # 3 3.40. Vol. III—V je # 2 10 2.60 # 11 76 14.20.

Auch in folgenden einzelnen Abteilungen

Nr 1 Thesens et Romulus, Lysurg. et Numa Semon et Patroclus # 1 — 1.40.

2 Themistocles et Camillus, Pericles et Fabius Maximus, Alcibiades et Coriolanus # 1 — 1.40.

3 Timoleon et Aem Paulus, Pelopidas et Marcellus # 1 — 1.40.

4 Aristides et Cato, Philopoemen et Flaminius, Iyrribas et Marcius # 1 — 1.40.

5 Lysander et Sulla, Cimon et Alcibiades # 1 — 1.40.

6 Nicias et Crassus, Sertorius et Eumenes # 80 1.15.

7 Agathocles et Pompeius # 80 1.15.

— 8 Alexander et Caesar # 80 1.15.

— 9 Phocion et Cato minor # 70 L.—

10 Agis et Cleomenes, Titus et Gracchus # 70 L.—

11 Demosthenes et Cicero # 1.—

12 Demetrius et Antonius # 1.—

13 Dio et Brutus # 80 1.15.

14 Artaxerxes et Aratus, Gallus et Otho # 1 — 1.40.

Inhalt von Nr 1 2 = Vol. I.

3—5 = Vol. II

6—8 = Vol. III

— 9—12 = Vol. IV

13 14 = Vol. V

— 15—16 = Vol. VI

— 17—18 = Vol. VII

Polemoneis declamationes duae. Rec H Hinek # 1 — 1.40.

Polyaeni strategemata II. VIII. Rec Woolfian Mueller Ed II # 7 50 8.

Polybi historiae. Rec L Dindorf 5 vol. Vol. I II III IV V # 4 40 5. Vol. IV # 5.60. Vol. V # 40 3.

— Polystrati Epica. Rec C Wilke # 1 1.40.

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare

- Porphyrii opusce, vel.** Rec A. Nauck Ed II \mathcal{M} 3 — 3.50.
— *Περὶ ἑρμηνείας τῶν ἀποστόλων* \mathcal{M} 1 30 1.80.
Procli Lycopodii carminum: s. *Eudocia Augusta.*
Procli Diadochi in primum Euclidis elementorum librum commentarii. Rec G. Friedlein. \mathcal{M} 6 15 7.30.
— *in Platonis rem publicam commentarii.* Ed G. Kroll Vol. I \mathcal{M} 5 — 5.60. Vol II \mathcal{M} 8 8.60.
— *in Platonis Timaeum commentaria.* Ed E. Diehl Vol I \mathcal{M} 10 — 10.80. Vol II \mathcal{M} 8 — 8.60. Vol III \mathcal{M} 12 12.80.
— **Procopii Caesariensis opera omnia.** Rec L. Haury Vol. I II je \mathcal{M} 12 — 12.80. Vol III I \mathcal{M} 3 60 4.
— **Prophetarum vitae fabulosae.** Edd H. Gelzer et H. Schermann \mathcal{M} 5 60 6.
— **Ptolemaei opera.** Vol I *Syntaxia*, ed I. E. Heiberg P I libri I—VI \mathcal{M} 8 8.60. P II libri VII VIII \mathcal{M} 12 — 12.60.
— *Vol II* *top astron. min.* \mathcal{M} 9 9.60.
Quinti Smyrnaei Posthomericonum II. XIV. Rec A. Zimmermann \mathcal{M} 3 60 4.20.
Rhetoris Graeci. Rec L. Spengler 3 voll Vol I Ed G. Haug \mathcal{M} 4 20 4.80. [Voll II u. I I vergl.]
Schone, H., Repertorium der griechisch-wissenschaftlichen Literatur \mathcal{M} 80 1.—
Scriptores erotici s. Erotici scriptores
— *metrici*, siehe *Metrici scriptores.*
— *metrologici*, siehe *Metrologici scriptores.*
— *originum Constantinopolit.* Rec Th. Preger 2 fasc. \mathcal{M} 10 11.20.
— *physiognomici*, siehe *Physiognomici scriptores*
— *sacri et profani.*
Fasc. I s. *Philoponus.*
Fasc. II s. *Patrum Nicaenorum.*
Fasc. III s. *Zacharias Rhetor.*
Fasc. IV s. *Stephanus von Taron.*
Fasc. V L. Gerland, *Quellen z. Gesch. d. Erzbist. Patras* \mathcal{M} 6 6.60.
Sereni Antiochenensis opuscula. Ed I. L. Heiberg \mathcal{M} 5 5.60.
Simeonis Sethi syntagma. Ed H. Langkavel \mathcal{M} 1 80 2.20.
Sophocles tragoediae. Rec G. Dindorf Ed Victor S. Makris Ed maior \mathcal{M} 1 66 2.20. Ed minor \mathcal{M} 1 35 1.80.
— *Fabulae jode Tragedio Ajax Antigone Electra* *edidit Col. Gadius Tyr. Philoctetes Trachiniae* \mathcal{M} 30 — 60.
— *Sophocles castrica.* Dig O. Schroeder 1 30 1.80.
[—] *Scholia in S. tragoedias vetera.* Ed P. N. Papageorgius. \mathcal{M} 3 80 5.40.
— **Stephanus von Taron.** Edd H. Gelzer et A. Bueckhardt \mathcal{M} 5 60 6.
Stobaei florilegium. Rec A. Meineke 4 voll [Vol I I. I vergl. Vol IV \mathcal{M} 2 40 — *eclogae.* Rec A. Meineke. 2 voll \mathcal{M} 6 — 7.—]
Strabonis geographica. Rec A. Meineke Vol. I—III je \mathcal{M} 3 60 4.20.
— **Synkellos.** Ed W. Reichardt (U. d. Pr.)
Syriani in Hermogenem comment. Ed H. Rabe 2 voll \mathcal{M} 3 20 4.10.
Themistii paraphras. Aristotelis rell. Ed L. Spengel 2 voll \mathcal{M} 8 10.20.
Theocritus: s. *Bucolici.*
Theodoretii Graec. affect. curatio. Rec K. Raeder \mathcal{M} 6 — 6.60.
Theodori Prodromi catomyomachia. Ed B. Harscher \mathcal{M} — 50 75.
Theonis Smyrnaei expositio rer. mathematicarum, ad lex. Platonem util. Rec E. Hiller \mathcal{M} 3 — 3.50.
Theophrasti Eresii opera. Rec F. Wimmer 3 voll [Vol I I. I vergl. Vol III \mathcal{M} 2 40.]
Theophylacti Simocattae historiae. Ed K. Jaeger \mathcal{M} 6 6.60.
Thucydidis de bello Peloponnesiaco II. VIII. Rec C. Hude Ed maior 2 voll [je \mathcal{M} 2 40 3. j \mathcal{M} 4 80 6. Ed minor 2 voll [je \mathcal{M} 1 20 1.80 \mathcal{M} 2 40 3.60.]
Tryphiodori et Colluthi carmina. Ed G. Weinberger \mathcal{M} 1 40 1.80.
Xenophontis expositio Cyri. Rec W. Gemoll Ed max. \mathcal{M} 1 0 1.60. Ed min. \mathcal{M} 8 1.10.
— *historia Graeca.* Rec G. Koller Ed min. \mathcal{M} — 90 1.30.
— *Rec L. Dindorf* \mathcal{M} — 30
— *institutio Cyri.* Rec A. H. G. F. I mai \mathcal{M} 1 50 2. Ed min. \mathcal{M} 1 1.40.
— *commentarii.* Rec W. G. I. I mai \mathcal{M} 1 1.40. Ed min. \mathcal{M} 1 45 75.
— *scripta minora.* Rec L. Dindorf 2 fasc. \mathcal{M} 1 10 2.10.
Zacharias Rhetor, kirchengeschichte. Deutschbegr. v. K. Ahrens i G. Krüger \mathcal{M} 10 — 10.80.
Zonaras epitome historiarum. Ed L. Dindorf 6 voll \mathcal{M} 27 20 30.80.
Novum Testamentum Graece ed Ph. I. I. I mann Ed IV \mathcal{M} 2 25 2.75.

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

b. Lateinische Schriftsteller.

- [Acro.] Pseudacronis scholia in Horatium vetustiora. Rec. O. Keller. Vol. I. *M* 9.— 10.— Vol. II. *M* 12.— 13.—
- Ammiani Marcellini rer. gest. rell. Rec. V. Gardthausen. 2 voll. *M* 7.20 8.40.
- Ampellus, ed. Woelfflin, siehe: Florus.
- Anthimi de observatione ciborum epistola. Ed. V. Rose. Ed. II. *M* 1.— 1.25.
- Anthologia Latina sive poesis Latinae supplementum.
Pars I: Carmin. in codd. script. rec. A. Riese. 2 fascc. Ed. II. *M* 8.80 10.—
— II: Carmin. epigraphica conl. Fr. Buecheler. 2 fascc. *M* 9.20 10.40.
Suppl.: s. Damasus.
- Anthologie a. röm. Dichtern v. O. Mann. *M* —.60 —.90.
- Apulei metamorph. ll. XI. Ed. J. v. d. Vlieth. *M* 3.— 3.50.
- apologia et florida. Ed. J. v. d. Vlieth. *M* 4.— 4.50.
- *— opera. Vol. I. Metamorphoses. Ed. R. Helm. *M* 3.— 3.40. Vol. II. Fasc. I. (Apologia.) Rec. R. Helm. *M* 2.40 2.80. Vol. III. Scr. philos. Ed. P. Thomas. [U. d. Pr.]
- Augustini de civ. dei ll. XXII. Rec. B. Dombart. Ed. II. 2 voll. *M* 7.20 8.40.
- confessionum ll. XIII. Rec. P. Knöll. *M* 2.70 3.20.
- Aulularia sive Querolus comoedia. Ed. R. Peiper. *M* 1.50 2.—
- Ausonii opuscula. Rec. R. Peiper. Adj. est tabula. *M* 8.— 8.60.
- Avienii Aratea. Ed. A. Broysig. *M* 1.— 1.40.
- Benedicti regula monachorum. Rec. Ed. Woelfflin. *M* 1.60 2.—
- Boetii de instit. arithmetica ll. II, de instit. musica ll. V. Ed. G. Friedlein. *M* 5.10 5.60.
- commentarii in l. Aristotelis *περί ἐκφυσεως*. Rec. C. Meiser. 2 partes. *M* 8.70 9.70.
- Caesaris commentarii cum A. Hirri aliorumque supplementis. Rec. B. Kübler. 3 voll.
Vol. I: de bello Gallico. Ed. min. *M* —.75 1.10. Ed. mai. *M* 1.40 1.80.
— II: de bello civili. Ed. min. *M* —.60 —.90. Ed. mai. *M* 1.— 1.40.
— III. P. I: de b. Alex., de b. Afr. Rec. E. Woelfflin. Ed. min. *M* —.70 1.— Ed. mai. *M* 1.10 1.50.
— III. P. II: de b. Hispan., fragmenta, indices. *M* 1.50 1.90.
— — — Rec. B. Dinter. Ausg. in 1 Bd. (ohne d. krit. praefatio). *M* 1.50 2.10.
— de bello Gallico. Ed. minor. Ed. II. *M* —.75 1.10.
— de bello civili. Ed. minor. Ed. II. *M* —.60 —.90.
- Calpurni Flacci declamationes. Ed. G. Lehnert. *M* 1.40 1.80.
- Cassii Felici de medicina l. Ed. V. Rose. *M* 3.— 3.40.
- Catonis de agri cultura l. Rec. H. Keil. *M* 1.— 1.40.
- , Tibulli, Propertii carmina. Rec. L. Mueller. *M* 2.70 3.20.
- Catulli carmina. Recens. L. Mueller. *M* —.45 —.75.
- Celsi de medicina ll. Ed. C. Daremberg. *M* 3.— 3.50.
- Censorini de die natali l. Rec. Fr. Hultsch. *M* 1.20 1.60.
- Ciceronis scripta. Edd. F. W. Müller et G. Friedrich. 5 partes. 11 voll.
Pars I: Opera rhetorica, ed. Friedrich. 2 voll. [Vol. I. *M* 1.60 2.— Vol. II. *M* 2.40 2.80.] *M* 3.45 4.40.
— II: Orationes, ed. Müller. 3 voll. [je *M* 2.40 2.80.] *M* 6.30 7.80.
— III: Epistulae, ed. Müller. 2 voll. [Vol. I. *M* 3.60 4.20. Vol. II. *M* 4.20 4.80.] *M* 7.80 9.—
— IV: Scripta philosophica, ed. Müller. 3 voll. [je *M* 2.40 2.80.] *M* 6.50 7.80.
— V: Indices. [Vergr., Neubearbeitung in Vorb.]
- Auch in folgenden einzelnen Abteilungen:
Nr. 1. Rhetorica ad Herennium, ed. Friedrich. *M* —.80 1.10.
— 2. De inventione, ed. Friedrich. *M* —.80 1.10.
— 3. De oratore, ed. Friedrich. *M* 1.10 1.50.
— 4. Brutus, ed. Friedrich. *M* —.70 1.—
— 5. Orator, ed. Friedrich. *M* —.50 —.75.
— 6. De optimo genere oratorum, partitiones et topica, ed. Friedrich. *M* —.50 —.75.
— 7. Orationes pro P. Quinctio, pro Sex. Roscio Amerino, pro Q. Roscio comoedo, ed. Müller. *M* —.70 1.—
— 8. Divinatio in Q. Caecilius, actio in C. Verrem I, ed. Müller. *M* —.50 —.75.
— 9a. Actionis in C. Verrem II sive accusationis ll. I—III, ed. Müller. *M* 1.— 1.40.
— 9b. — — ll. IV. V, ed. Müller. *M* —.50 —.75.
— 10. Orationes pro M. Tullio, pro M. Fonteio, pro A. Caecina, de imperio Cn. Pompeii (pro lege Manilia), ed. Müller. *M* —.50 —.75.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

Ciceronis scripta. Edd. F. W. Müller et G. Friedrich.

- Nr. 11. Orationes pro A. Cluentio Habito, de lege agr. tres, pro C. Rabirio perduellionis reo, ed. Müller. *M.* —.80 1.10.
- 12. Orationes in L. Catilinam, pro L. Murena, ed. Müller. *M.* —.70 1.—
- 13. Orationes pro P. Sulla, pro Archia poeta, pro Flacco, ed. Müller. *M.* —.50 —.75.
- 14. Orationes post reditum in senatu et post reditum ad Quirites habitae, de domo sua, de haruspicum responso, ed. Müller. *M.* —.70 1.—
- 15. Orationes pro P. Sestio, in P. Vatinius, pro M. Caelio, ed. Müller. *M.* —.70 1.—
- 16. Orationes de provinciis consularibus, pro L. Cornelio Balbo, in L. Calpurnium Pisonem, pro Cn. Plancio, pro Rabirio Postumo, ed. Müller. *M.* —.70 1.—
- 17. Orationes pro T. Annio Milone, pro M. Marcello, pro Q. Ligario, pro rege Deiotaro, ed. Müller. *M.* —.50 —.75.
- 18. Orationes in M. Antonium Philippicæ XIV, ed. Müller. *M.* —.90 1.30.
- 19. Epistt. ad fam. l. I—IV, ed. Müller. *M.* —.90 1.30.
- 20. Epistt. ad fam. l. V—VIII, ed. Müller. *M.* —.90 1.30.
- 21. Epistt. ad fam. l. IX—XII, ed. Müller. *M.* —.90 1.30.
- 22. Epistt. ad fam. l. XIII—XVI, ed. Müller. *M.* —.90 1.30.
- 23. Epistulae ad Quintum fratrem, Q. Ciceronis de petitione ad M. fratrem epistula, eiusdem versus quidam de signis XII, ed. Müller. *M.* —.60 —.90.
- 24. Epistt. ad Att. l. I—IV, ed. Müller. *M.* 1.— 1.40.
- 25. Epistt. ad Att. l. V—VIII, ed. Müller. *M.* 1.— 1.40.
- 26. Epistt. ad Att. l. IX—XII, ed. Müller. *M.* 1.— 1.40.
- 27. Epistt. ad Att. l. XIII—XVI, ed. Müller. *M.* 1.— 1.40.
- 28. Epistt. ad Brutum et epist. ad Octavium, ed. Müller. *M.* —.60 —.90.
- 29. Academica, ed. Müller. *M.* —.70 1.—
- 30. De finibus, ed. Müller. *M.* 1.— 1.40.
- 31. Tusculanae disputationes, ed. Müller. *M.* —.80 1.10.
- 32. De natura deorum, ed. Müller. *M.* —.70 1.—

Ciceronis scripta. Edd. F. W. Müller et G. Friedrich.

- Nr. 33. De divinatione, de fato, ed. Müller. *M.* —.70 1.—
- 34. De re publica, ed. Müller. *M.* —.70 1.—
- 35. De legibus, ed. Müller. *M.* —.70 1.—
- 36. De officiis, ed. Müller. *M.* —.70 1.—
- 37. Cato Maior de senectute, Laelius de amicitia, Paradoxa, ed. Müller. *M.* —.50 —.75.

Inhalt von

- Nr. 1. 2 = Pars I, vol. I.
- 3—6 = Pars I, vol. II.
- 7—9 = Pars II, vol. I.
- 10—14 = Pars II, vol. II.
- 15—18 = Pars II, vol. III.
- 19—23 = Pars III, vol. I.
- 24—28 = Pars III, vol. II.
- 29—31 = Pars IV, vol. I.
- 32—35 = Pars IV, vol. II.
- 36. 37 = Pars IV, vol. III.

orationes selectae XXI. Rec. C. F. W. Müller. 2 partes.

Pars I: Oratt. pro Roscio Amerino, in Verrem II. IV et V, pro lege Manilia, in Catilinam, pro Murena. *M.* —.80 1.10.

— II: Oratt. pro Sulla, pro Archia, pro Sestio, pro Plancio, pro Milone, pro Marcello, pro Ligario, pro Deiotaro, Philippicæ I. II. XIV. *M.* —.90 1.20.

orationes selectae XIX. Edd., indices adiecc. A. Eberhard et C. Hirschfelder. Ed. II. *M.* 2.— 2.50.

Oratt. pro Roscio Amerino, in Verrem II. IV. V, de imperio Pompei, in Catilinam IV, pro Murena, pro Ligario, pro rege Deiotaro, in Antonium Philippicæ I. II, divinatio in Caecilium.

epistolae. Rec. A. S. Wesenberg. 2 voll. [Vol. I vergr.] Vol. II. *M.* 3.— 3.60.**epistolae selectae.** Ed. R. Dietsch. 2 partes. [P. I. *M.* 1.— 1.40. P. II. *M.* 1.50 2.—] *M.* 2.50 3.40.***— de virtut. l. fr.** Ed. H. Knoellinger. [U. d. Pr.]**Claudianae carmina.** Rec. J. Koch. *M.* 3.60 4.20.**Claudii Hermeri mulomedicina Chironis.** Ed. E. Oder. *M.* 12.— 12.80.**Commodiani carmina.** Rec. E. Ludwig. 2 partt. *M.* 2.70 3.50.**[Constantinus.] Inc. auct. de C. Magno eiusque matre Helena libellus.** Ed. E. Heydenreich. *M.* —.60 —.90.**Cornelius Nepos: s. Nepos.****Curtii Rufi hist. Alexandri Magni.** Rec. Th. Vogel. *M.* 1.50 1.90.***— Editio maior.** Ed. Hedicke. [U. d. Pr.]

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- Nonii Marcelli** de compendiosa doctrina librorum XX. Ed W M Lindsay Vol I—III. Is I—XX etiam. H 11 20 18.
- Orosii** hist. adv. paganos II. VII. Rec C Zangemeister. H 4 - 4.50.
- Ovidius** Naso. Rec R Merkel 3 tom. H 3 80 4.10.
- Tom I. **Amores** **Heroides** **Epistulae**. **Med. amina faciei** **Tom. I** **Ars amatoria** **Remedia amoris** **Fi** **Li** **cur** **R. Ehwald** H 1 - 1.40.
- Tom II. **Metamorphoses** **Fi** **IL** **H** - 1.30.
- Tom III. **Tristia** **Ilis** **Ex Ponto** **Fi** **Fasti** **Habituaria** **Ed** **IL** **H** 1 - 1.40.
- Tristium** II. V. H - 45 - .75.
- Fastorum** II. VI. H - 60 - .80.
- **metamorphoseon delectus** **Nicholsii** **anus**. **Ed** **Fr** **Pollie** **Mit** **Index** **H** 60 - 90.
- Palladii** opus agriculturae. Rec J C Schmitt. H 5 20 5.60.
- Panegyrici** **Latini** **XII**. Rec Aem Bachrens. H 3 60 4.20.
- Patrum** **Nicænorum** **nomen** **græce**. **latine**. **myriace**. **cupice**. **arabice**. **armeniace**. **Ed** **H** **Geizer**. **H** **Hagenfeld**. **O. Guntz** H 6 - 0.60.
- Pelagii** **ars** **veterinaria**. **Ed** **M** **Ihm** **H** 2 40 2.80.
- Persii** **saturarum** **I**. Rec C Hermann. H 30 - .60.
- Phaedri** **fabulae** **Aesopiac**. Rec L Mueller. H 30 - .60.
- — **mit** **Schulwörterbuch** **von** **A. Sebaabach** H - 40 1.50.
- Physiognomonici** **scriptores** **græci** **et** **Latini**. Rec R Foerster 2 vol. [Vol I. H 8 - 8.60. Vol II. H 6 - 6.60] H 14 - 15.20.
- Plauti** **comœdiæ**. Rec I Goetz et Fr Schoell 7 fasc. H 10 - 13.30.
- Fasc I. **Amphitruo**. **Aamaria**. **Aulularia**. **Præe** **de** **Plauti** **vita** **et** **poesi** **testum** **H** 1 50 2.
- * II. **Bacchides**. **Capivi**. **Casina** **Ed** **IL** **H** 1 50 2.
- III. **Cistellaria**. **Circulo**. **Epideus**. **H** 1 50 2.
- IV. * **Menæchmi**. **Mercur**. * **Miles glor** **H** 1 50 2.
- V. * **Moscularia**. **Persa**. * **Poenulus** **H** 1 50 2.
- VI. * **Pseudulus**. * **Rudens**. **Stichus** **H** 1 50 2.
- VII. * **Trinummus**. **Tridentus**. **fragments** **Anc** **conspectus** **metrorum** **H** 1 50 2.
- Plauti** **die** **et** * **bezeichneten** **Stücke** **je** **H** 60 - .80. **die** **übrigen** **je** **H** 45 - .75. **Supplementum** **De** **Plauti** **vita** **et** **poesi** **testum** **Conspectus** **metrorum** **H** - 45 - .75.
- Plinii** **naturalis** **historia**. 8 vol. **Ed** **IL** **Rec** **C** **Mayhoff** **Vol** **I** **H** 8 - 8.60. **Vol** **II** **H** 9 - 3.60. **Vol** **III** **H** 4 - 4.50. **Vol** **IV** **V** **H** 6 - 6.00. **Vol** **VI** **Index** **Fi** **Jan** **H** 3 - 3.50.
- II. **dubii** **sermonis** **VIII** **rell**. **Vol** **I** **W** **Beck** **H** 1 40 1.80.
- **(iun.)** **epistulae**. Rec C F W Müller. H 2 40 3.40.
- Plinii** **serundi** **quæ** **forter** **ultra** **et** **Gargilli** **Mart** **aliis** **medicinis**. **Ed** **V** **Rosa** **H** 2 40 3.40.
- Poetae** **latini** **minores**. **Re** **Aer** **Bacarensis** **6** **vol** **(Vol** **VI** **vergr**) **H** 0 10 23.40.
- Pomponius** **Mela**: **a** **Mela**.
- Porphyronis** **commentarii** **in** **Horatium**. Rec G Mayer. H 5 - 5.60.
- Prisciani** **euphoristen** **II**. **III**. **Ed** **V** **Rosa** **Act** **Vindictiani** **Afri** **quæ** **ferantur** **rell**. **H** 7 20 7.80.
- Propertii** **elegias**. Rec L Mueller. H 60 - .80.
- * — **Ed** **K** **Hosius**. **(In** **Verb**)
- Pseudacronis** **scholia** **in** **Horatium**. **Fi** **O** **C** **Keller** **Vol** **I** **IL** **H** 21 - 22.60.
- Quintilian** **instit**. **orat**. **II**. **XII**. **Rec** **Ed** **bonne** **H** - 1.80 2.20.
- liber** **de** **divinis**. Rec C Halm. H 30 - .60.
- * — **Fi** **L** **Radermacher** **P** **I** **H** 3 - 3.50.
- **declamationes**. Rec C Ritter. H 4 80 5.40.
- * **decl**. **XIX** **materias**. **Ed** **O** **Lehnert** **H** 12 - 12.60.
- Remigii** **Aulissiadar**. **in** **art**. **Donati** **min**. **commentum**. **Ed** **W** **Fox** **H** 1 80 2.40.
- Rutilii** **Namatian** **de** **reditu** **suo** **II**. **IL**. Rec L Moe. **er** **H** - 1.10.
- Sallustii** **Catullina**. **Ingratib**. **ex** **historias** **orationes** **et** **epistulae**. **Ed** **A** **Lassner** **H** 45 - .75.
- Scaenice** **Romanorum** **paesla** **Fragmenta**. Rec O Rivocek. **Ed** **IL** **Vol** **I** **Tragicorum** **fragment** **H** 4 - 4.60. **Vol** **I** **Comediorum** **fragment** **H** 4 - 4.60.
- Seribonii** **largi** **compositiones**. **Fi** **I** **Hornreich** **H** 1 50 2.20.
- Scriptores** **historiae** **Augustae**. **Rec** **re** **H** **Peter** **2** **vol** **H** 1 50 8.60.
- Scherne** **opera** **quæ** **supersunt** **Vol** **I** **Fasc** **I** **Dialog**. **II**. **XII**. **Fi** **I** **F** **Her** **as** **H** 3 20 5.80. **Vol** **I** **Fasc** **II** **De** **benedicta**. **De** **clementia** **Ed** **C** **Hosius** **H** 40 2.80. **Vol** **II** * **Naturalium** **quæst**. **II**. **VIII**. **Ed** **A** **Gerke** **H** 3 6 - 4.20. **Vol** **II** **Ad** **Lucil**. **epist**. **mor**. **Fi** **C** **Lenax** **H** 5 60 6.90. **Vol** **IV** * **Fragment**. **Ind**. **F** **F** **Beckel** **H** 50.
- Scri** **IL** **Rec** **Fr** **Haase** **H** 50 2.40.
- tragoedias**. Rec R Falger **et** **G** **Richter** **Ed** **IL** **H** 5 5 60 6.20.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

Senecae (rhetoris) oratorum et rhetorum sententiae, divisiones, colores. Ed. A. Kiessling. *M.* 4.50 5.—
Sidonius Apollin. Rec. P. Mohr. *M.* 5.60 6.20.
Sili Italici Punica. Ed. L. Bauer. 2 voll. *M.* 4.80 5.60.
Sorani gynaeceorum vetus translatio Latina cum add. Graeci textus roll. Ed. V. Rose. *M.* 4.80 5.40.
Statius. Edd. A. Klotz, al.
 — Vol. I: *Silvae.* Rec. A. Klotz. *M.* 2.— 2.50.
 — II. Fasc. I: *Achilleis.* Rec. A. Klotz. *M.* 1.20 1.60.
 — II. Fasc. II: *Thebais.* Rec. Ph. Kohlmann. *M.* 4.80 5.40.
 — III: *Lactantii Placidi scholia in Achilleidem.* Ed. R. Jahnke. *M.* 8.— 8.60.
Suetonii rell. Fasc. I. Rec. M. Ihm. [U. d. Pr.]
 — Fasc. II. Rec. C. L. Roth. *M.* —.80 1.20.
Tacitus. Rec. C. Halm. Ed. IV. 2 tomi. *M.* 2.40 3.20.
 — Tomus I. Libb. ab excessu divi Augusti. *M.* 1.20 1.60. [Fasc. I: Lib. I—VI. *M.* —.75 1.10. Fasc. II: Lib. XI—XVI. *M.* —.75 1.10.]
 — II. *Historiae et libb. minores.* *M.* 1.20 1.60. [Fasc. I: *Historiae.* *M.* —.90 1.30. Fasc. II: *Germania. Agricola. Dialogus.* *M.* —.45 —.75.]
Terenti comoediae. Rec. A. Fleckeisen. Ed. II. *M.* 2.10 2.60.
 — Jedes Stück (*Hecyra, Phormio, Adolphoe, Andria, Hauton Timorumenos, Eunuchus*) *M.* —.45 —.75.
 — [—] *Scholia Terentiana.* Ed. Fr. Schlee. *M.* 2.— 2.10.

Tibulli ll. IV. Rec. L. Mueller. *M.* —.30 —.60.
Ulpiani fragmenta. Ed. E. Huschke. Ed. V. *M.* —.75 1.10.
Valeri Maximi factorum et dictorum memorab. ll. IX. Cum Iulii Paridis et Ianuarii Nepotiani epitomis. Rec. O. Kempf. Ed. II. *M.* 7.20 7.80.
Valeri Alexandri Polemi res gestae Alexandri Macedonis. Rec. B. Kuebler. *M.* 4.— 4.50.
Valerii Flacci Argonautica. Rec. Aem. Baehrens. *M.* 1.50 2.—
Varronis rer. rustic. rell. Rec. H. Keil. *M.* 1.60 2.—
Vegeti Renati digestorum artis mulomedicinae libri. Ed. E. Lommatzsch. *M.* 6.— 6.60.
 — — *epitoma rei milit.* Rec. C. Lang. Ed. II. *M.* 3.90 4.40.
Vellei Paterculi hist. Roman. rell. Ed. C. Halm. *M.* 1.— 1.40.
 — — Rec. Fr. Haase. *M.* —.60 —.90.
Vergili Maronis opera. Rec. O. Ribbeck. Ed. II. *M.* 1.50 2.—
 — — *Aeneis.* *M.* —.90 1.30.
 — — *Bucolica et Georgica.* *M.* —.45 —.75.
 — — *Bucolica, Georgica, Aeneis.* Rec. O. Güthling. 2 tomi. *M.* 1.35 2.05.
 — Tom. I: *Bucolica. Georgica.* *M.* —.45 —.75.
 — II: *Aeneis.* *M.* —.90 1.30.
Virgili Grammatici opera. Ed. J. Huemer. *M.* 2.40 2.80.
Vitruvii de architectura ll. X. Ed. V. Rose. Ed. II. *M.* 5.— 5.60.

1b. Bibliotheca scriptorum medii aevi Teubneriana. [8.]

Alberti Stadensis Trollus. Ed. Th. Merzdorf. *M.* 3.— 3.40.
Amarci sermonum ll. IV. Ed. M. Manitius. *M.* 2.25 2.60.
Canabutzae in Dionysium Halic. comm. Ed. M. Lehnerdt. *M.* 1.80 2.20.
Christus patiens. Tragoedia Gregorio Nazianzeno falso attributa. Rec. I. G. Brambs. *M.* 2.40 2.80
Comoediae Horatianae tres. Ed. R. Jahnke. *M.* 1.20 1.60.
 ***Egidii Corboliensis viaticus de signis et sympt. aegritud.** ed V. Rose. *M.* 2.80 3.20.
Guillelmi Blesensis Aldae comoedia. Ed. C. Lohmeyer. *M.* —.80 1.20.
Hildegardis causae et curae. Ed. P. Kaiser. *M.* 4.40 5.—
 ***Horatii Romani porcaria.** Ed. M. Lehnerdt. *M.* 1.20 1.60.
 ***Hrotsvitae opera.** Ed. K. Strecker. *M.* 4.— 4.60.
Odonis abbatis Cluniacensis occupatio. Ed. A. Swoboda. *M.* 4.— 4.60.
Thiofridi Epternacensis vita Willibrordi metrica. Ed. K. Rossberg. *M.* 1.80 2.20.
Vitae sanctorum novem metricae. Ed. Guil. Harster. *M.* 3.— 3.50.

1c. Bibliotheca scriptorum Latinorum recentioris aetatis.

Edidit Iosephus Frey. [8.]

Epistolae sel. viror. clar. saec. XVI. XVII. Ed. E. Weber. *M.* 2.40 2.80.
Manutii, Pauli, epistulae sel. Ed. M. Fickelschorer. *M.* 1.50 2.—
Mureti scripta sel. Ed. I. Frey. 2 voll. *M.* 2.40 3.20.
Ruhnkenii elogium Tib. Hemsterhusii. Ed. I. Frey. *M.* —.45 —.70.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

2. Sammlung wissenschaftlicher Kommentare zu griechischen und römischen Schriftstellern. [gr. 8]

Mit der Sammlung wissenschaftlicher Kommentare zu griechischen und römischen Literaturwerken hofft die Verlagsverwaltung einem wirklichen Bedürfnis zu begegnen. Das Unterrichten soll zu einer ~~in~~fassenden und verstandsvolleren Beschäftigung mit den Hauptwerken der antiken Literatur als den vernünftigen Äußerungen des klassischen Alterthums auffordern und anleiten.

Aetna. Von S. Sudhama. H. 6 — 7.

Lucretius de rer. nat. Buch III. Von R. Heinze. H. 4 — 5.

Vergilius Aeneis Buch VI. Von W. Norden. H. 12 — 13.

Sophokles Elektra. Von G. Kaibel. H. 6 — 7.

Zwei griechische Apologeten. Von J. Geffcken. H. 10 — 11.

In Vorbereitung sind

Cicull. Von G. Friedrich. [U. d. Pr.]

Clemens Alex. Prolegomena. Von Schwartz.

Lukian Philoponos. Von R. Wünsch.

Ovid Heroiden. Von R. Ewald.

Philostratus περὶ γρηγορίας. Von H. Juthner.

Tacitus Germania. Von G. Wissowa.

Plutarch Pythien. Von O. Schröder.

3. Einzeln erschienene Ausgaben.

[gr. 8, wenn nichts anderes bemerkt]

Die meisten der nachstehend aufgeführten Ausgaben sind bestimmt wissenschaftlichen Zwecken zu dienen. Sie enthalten daher mit wenigen Ausnahmen den vollständigen kritischen Apparat unter dem Texte zum großen Teil am Ende — wie dies dann in der Titelausgabe bemerkt ist — mit kritischem und exegetischem Kommentar versehen.

a. Griechische Schriftsteller.

Acta apostolorum: s. Lucas.

Aeschylus orationes. Ed. Schmidt ad P. Schütz. H. 8.

— orat. in Ctesiphontem. Rec. exl. A. Weidner. H. 3.

Aeschylus Agamemnon. Ed. R. H. Klausen. Ed. aut. eur. R. Fager. H. 3.

— Agamemnon. Griech. u. deutsch mit Komm. von K. H. Koek. H. 9.

Orestie mit erklärend. Anmerkungen von N. Wecklein. H. 6.

Darius einzeln. H. 2.

I. Agamemnon.

II. Die Choephoren.

III. Die Eumeniden.

fabulae et fragmenta. Rec. G. Dindorf. H. 4.

— Septem ad Thebas. Rec. Fr. Ritsehellen. Ed. II. H. 3.

Aleiphronis rhet. epistolae. Ed. A. Meineke. H. 4.

Allegorizantes. H. 1. Das AlC der Iliade. F. Sammlung rhet. Lesebuecher. Hrg. v. W. Wagner. H. 2.

Anthologiae Planudeae appendix Barrois. Varrana. Rec. L. Stern. H. 4.

Apollonius' von Kition Histr. Kommentar z. d. Hippokrat Schrift. H. 1.

Hrg. v. H. Schne. Mit 3. Ueberl. in Lichte. H. 1.

Aristophanis fabulae et fragmenta. Rec. G. Dindorf. H. 6.

— equites. Rec. A. von Velsen. Ed. II. H. 3.

Plutus. Rec. A. von Velsen. H. 2.

— ecclesiazusae. Rec. A. von Velsen. H. 2.

— thesmophoriazusae. Rec. A. von Velsen. H. 2.

* — panx. Rec. K. Zacher. U. d. Pr.

Aristotelis ars rhet. cum annotatione L. Spengel. Acc. vet. translatio Latina. 2 voll. H. 16.

— politica cum. vet. translatione G. de Moerbeke. Rec. Fr. Sussemh. H. 1.

— ethica Nicomachea. Ed. et comment. instr. G. Rammner. Ad. est. Fr. Sussemh. H. 1.

Atheniensi oratione critica. Rec. R. Hercher. H. 8.

Blonis epitaphia Adoula. Ed. H. L. Ahrens. H. 1.

Bucolicorum Graec. Theocriti, Blonis et Moschi reliquiae. Ed. H. L. Ahrens. 2 tom. H. 1.

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

- Cyllmachus.** Ed. O. Schneider. Vol. II. 21.
Vol. I. Hyacinthaceae. 1871. 11.
II. Fragmentsa. 1871. 11.
- Carmen Graeca medii aevi.** Ed. G. Wagner. 1871. 11.
- popularia Graecae recentioris.** Ed. A. Passow. 1871. 11.
- Christophor. carmen. Anthologia Graeca.** Ed. W. H. R. et M. Parascas. 1871. 11.
- Comediarum Atticarum fragmenta.** Ed. Th. Kock. 1871. 11.
- Vol. I. A. quae comediarum fragmenta. 1871. 11.
- II. Novae comediarum fragmenta. 1871. 11.
- III. Novae comediarum fragmenta. 1871. 11.
- Demetrii Phaleri de elocutione libellus.** Ed. L. Baeremacher. 1871. 11.
- Demosthenis orati. de corona et de falsa legatione.** Cum argumentis Graecis et Latinis ed. I. Th. V. 1871. 11.
- orat. ad Leptinem. Cum argumentis Graecis et Latinis ed. I. Th. V. 1871. 11.
- de corona oratio. In usum scholae ed. I. Th. V. 1871. 11.
- Herodotus ex excerptis.** Ed. R. Schneider. 1871. 11.
- Didymi Chalcenti fragmenta.** Ed. M. 1871. 11.
- Dionysii Thracis ars grammatica.** Ed. G. Uhlig. 1871. 11.
- De elocutione libellus.** Ed. O. H. 1871. 11.
- Eratothensis carminum reliquiae.** Dap. et expl. Ed. E. H. 1871. 11.
- geographische Fragmente, frag. von Berger. 1871. 11.
- Euripidis fabulae et fragmenta.** Rec. G. Dindorf. 1871. 11.
- Edd. R. Priaz et N. Wecklein. 1871. 11.
- Vol. I. Pars I. Medea. Ed. II. 1871. 11.
I. II. Alceste. Ed. II. 1871. 11.
I. III. Hecuba. Ed. II. 1871. 11.
I. IV. Iphigenia. 1871. 11.
I. V. Ion. 1871. 11.
I. - VI. Helena. 1871. 11.
I. VII. Cyclops. 1871. 11.
II. I. Iphigenia Taurica. 1871. 11.
II. II. Supplices. 1871. 11.
II. III. Parthos. 1871. 11.
II. IV. Iphigenia. 1871. 11.
II. - V. Heracles. 1871. 11.
II. - VI. Iphigenia Auliden. 1871. 11.
- Euripides fabulae.** Ed. R. Priaz et N. Wecklein. 1871. 11.
- Vol. III. I. Andromeda. 1871. 11.
III. II. Hippolytus. 1871. 11.
III. - III. Orestes. 1871. 11.
III. IV. Phoenissae. 1871. 11.
III. V. Trachiniae. 1871. 11.
- III. - VI. Rhesus. 1871. 11.
- tragoediae. Edd. Pflugk-Klotz. 1871. 11.
- Wackeln. Mit latein. Kommentar. 1871. 11.
- Medea. Ed. III. 1871. 11.
Ed. III. 1871. 11. - Andromeda. Ed. III. 1871. 11.
Hecuba. Ed. III. 1871. 11.
Ed. III. 1871. 11. - Orestes. Ed. III. 1871. 11.
Ed. III. 1871. 11. - Phoenissae. Ed. III. 1871. 11.
Ed. III. 1871. 11. - Trachiniae. Ed. III. 1871. 11.
Ed. III. 1871. 11. - Iphigenia Taurica. Ed. III. 1871. 11.
Ed. III. 1871. 11. - Iphigenia Auliden. Ed. III. 1871. 11.
- Fuchii canonum epitome ex Lector. Toralarum chronico petita.** Venter. 1871. 11.
- Galenus de placitis Hippocratis et Platonis.** Rec. I. Müller. Vol. I. Proleg. 1871. 11.
- Gnomia I. Sexti Pythagorici, Philarchi, Eusebii Pontici sententiae.** Ed. A. L. 1871. 11.
- II. Epicteti et Muscionis sententiae. Ed. A. L. 1871. 11.
- Grammatici Graeci recogniti et apparatus critico instructi.** 8 partes 15 voll. 1871. 11.
- Pars I. Vol. I. Dionysii Thracis ars grammatica. Ed. G. Uhlig. 1871. 11.
- Pars I. Vol. II. Scholia in Dionysii Thracis artem grammaticam. Rec. A. H. 1871. 11.
- Pars II. Vol. I. Apollonii Dyscoli quae supersunt. Ed. R. Schneider. 1871. 11.
- Pars II. Vol. II. Syntax des Apollonii. Ed. G. Uhlig. 1871. 11.
- Pars III. Vol. I. Herodiani technicae quae supersunt. Ed. A. L. 1871. 11.
- Pars III. Vol. II. Herodiani technicae quae supersunt. Ed. A. L. 1871. 11.
- Pars IV. Vol. I. Theophrasti quae supersunt. Ed. A. L. 1871. 11.
- Pars IV. Vol. II. Theophrasti quae supersunt. Ed. A. L. 1871. 11.
- Herodas Mimamben.** frag. v. R. Müller. 1871. 11.
- Herodiani ab excessu d. Marci II. VII.** Ed. L. Mendelssohn. 1871. 11.
- Herodiani technicae reliquiae.** Ed. A. L. 1871. 11.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare

- [illegible]

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare

- Pindari carmina** rec. O. Schroeder. (Poet. lyr. Graec. coll. Th. Bergk. Ed. quinta. I, 1.) *M.* 14.—
- **Siegeslieder**, erkl. v. Fr. Mezger. *M.* 8.—
- **carmina prologomenis et commentariis instructa** ed. W. Christ. *M.* 14.— 16.—
- **versezetel kritikai és Magyarázó jegyzetekkel kladta** Hómann Ottó. I. Kötet. *M.* 4.— [Ohne Fortsetzung.]
- Platonis opera omnia.** Rec., prolegg. et commentt. instr. G. Stallbaum. 10 voll. (21 sectiones.) (Mit latein. Kommentar.)
Die nicht aufgeführten Schriften sind vergriffen.
Apologia Socratis et Crito. Ed. V cur. M. Wohlrab. *M.* 2.40. — **Protagoras.** Ed. IV cur. I. S. Kroschel. *M.* 2.40. — **Phaedrus.** Ed. II. *M.* 2.40. — **Menexenus, Lysis, Hippias uterque, Io.** Ed. II. *M.* 2.70. — **Laches, Charmides, Alcibiades I. II.** Ed. II. *M.* 2.70. — ***Cratylus.** *M.* 2.70. — **Meno et Euthyphro itemque incerti scriptoris Theages, Erastae et Hipparchus.** Ed. II. cur. A. R. Fritzsche. *M.* 6.— — **Theaetetus.** Ed. M. Wohlrab. Ed. II *M.* 3.60. — **Sophista.** Ed. II cur. O. Apelt. *M.* 5.60. — **Politicus et incerti auctoris Minos.** *M.* 2.70. — **Philebus.** *M.* 2.70. — **Leges.** 3 voll. [je *M.* 3.60.] *M.* 10.80. [Vol. I. Lib. I—IV. Vol. II. Lib. V—VIII. Vol. III. Lib. IX—XII et *Epinomis*.]
- **Timaeus interprete Chalcidio cum eiusdem commentario.** Ed. I. Wrobel. *M.* 11.20.
- Plutarchi de musica.** Ed. R. Volkmann. *M.* 3.60.
- **de proverbis Alexandrinorum.** Rec. O. Crusius. Fasc. I. 4. *M.* 2.80.
- — — Fasc. II. **Commentarius.** 4. *M.* 3.—
- **Themistokles.** Für quellenkritische Übungen comm. u. hrsg. v. A. Bauer. *M.* 2.—
- **τὸ ἐν Μεγροῖς Ε.** Ed. G. N. Bernardakis. *M.* 1.50.
- * — **vitae parallelae Agesilai et Pompeii.** Rec. Cl. Lindskog. *M.* 3.60 4.40.
- Poetae lyrici Graeci.** Ed. V. 2 voll.
Vol. I. 1. **Pindari carmina.** Recons. O. Schröder. *M.* 14.—
— II. **Poetae eleg. et iambogr.** Rec. O. Crusius. [In Vorb.]
- Poetarum scenicorum Graecorum Aeschyl, Sophoclis, Euripidis et Aristophanis fabulae et fragmenta.** Rec. Guil. Dindorf. Ed. V. 4. *M.* 20.—
- Pollucis onomasticon.** Rec. E. Bothe. (*Lexicographi Graeci IX.*) Fasc. I. *M.* 14.—
- Porphyrii quaestt. Homer. ad Iliadem pertin. rell.** Ed. H. Schrader. 2 fasc. gr. Lex.-8. *M.* 16.—
- — — **ad Odysseam pertin. rell.** Ed. H. Schrader. gr. Lex.-8. *M.* 10.—
- Ptolemaei περὶ χωρητικῶν καὶ ἡγεμονικῶν lib.** Rec. Fr. Hanow. gr. 4. *M.* 1.—
- [Scylax.] **Anonymi vulgo Scylacis Caryandensis periplus maris interni cum appendice.** Rec. B. Fabricius. Ed. II. *M.* 1.20
- Scriptorum Graecorum qui christ. impug. relig. quae supers.** Fasc. III: **Iuliani imp. contra Christianos quae supers.** Ed. C. I. Neumann. **Insunt Cyrilli Alex. fragmm. Syriaca** ab E. Nestle edita. *M.* 6.—
- Sophoclis tragoediae et fragmm.** Rec. G. Dindorf. 4. *M.* 5.—
- — — **Recc. et explann. Wunderus-Wecklein.** 2 voll. *M.* 10.80.
Philoctetes. Ed. IV. *M.* 1.50. — **Oedipus Rex.** Ed. V. *M.* 1.50. — **Oedipus Coloneus.** Ed. V. *M.* 1.80. — **Antigona.** Ed. V. *M.* 1.50. — **Electra.** Ed. IV. *M.* 1.80. — **Ajax.** Ed. III. *M.* 1.20. — **Trachiniae.** Ed. III. *M.* 1.50.
- **König Oidipus.** Griechisch u. deutsch m. Kommentar von F. Ritter. *M.* 5.—
- **Antigone.** Griech. u. deutsch hrsg. v. A. Böckh. Nebst 2 Abhandl. üb. diese Tragödie. (Mit Porträt Aug. Böckh's.) 2. Aufl. *M.* 4.40.
- Staatsverträge des Altertums.** Hrsg. v. R. von Scala. I. Teil. *M.* 8.—
- * **Stolcorum veterum fragmenta.** Ed. J. v. Arnim. Vol. I. *M.* 8.— Vol. II. *M.* 14.— Vol. III. *M.* 12.— Vol. IV. **Indices.** [In Vorb.]
- * **Terentii commoediae.** Hrsg. v. M. Warren, E. Hauler u. R. Kauer. [In Vorb.]
- Theodoros, der h. Theodosios: s. Theodosios.**
- [Theodosios.] **D. heil. Theodosios. Schriften d. Theodoros u. Kyrillus,** hrsg. von H. Usener. *M.* 4.—
- Theophanis chronographia.** Rec. C. de Boor. 2 voll. *M.* 50.—
- Theophrasti Charaktera.** Hrsg. v. d. Philol. Gesellschaft zu Leipzig. *M.* 6.—
- Thucydidis historiae.** Recons. C. Hude. Tom. I: **Libri I—IV.** *M.* 10.—
— II: **Libri V—VIII. Indices.** *M.* 13.—
- **de bello Peloponnesiaco II. VIII.** Explann. E. F. Poppo et I. M. Stahl 1 voll. [8 sectiones.] *M.* 22.80.
Lib. 1. Ed. III. *M.* 4.50. — Lib. 2. Ed. III. *M.* 3.— — Lib. 3. Ed. II. *M.* 2.40. — Lib. 4. Ed. II. *M.* 2.70. — Lib. 5. Ed. II. *M.* 2.40. — Lib. 6. Ed. II. *M.* 2.40. — Lib. 7. Ed. II. *M.* 2.70. — Lib. 8. Ed. II. *M.* 2.70.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

Tragicorum Graecorum fragmenta. Rec A. Nauck. Ed II. M 26 —

Urkunden, griechische, d. Papyrusammlung zu Leipzig. I Band. Mit Beiträgen von U. Wilcken. Herausg. von L. Mitteis. Mit 3 Tafeln in Lichtdruck. 4 1906. M 28

Xenokrates. Darstellung d. Lehren Sammlung d. Fragmente. V R Heinze. M 5 60.

Xenophontis hist. Graeca. Rec O Keller. Ed. maior. M 10 —

Xenophontis opera omnia, recensita et commentaria instructa.

de Cyri Minoris expeditione et VII Anabasis, rec R Kahner. M 1 60

Oeconomicus, rec L Breitenbach. M 1 5

Hellenica, rec L Breitenbach. 2 parts. M 8 60

Para I Libri I et II. Ed II. M 1 80
II Libri III—VII. M 4 80

Zosimi historia nova. Ed L Mendelssohn. M 10

b. Lateinische Schriftsteller.

Ancedota Helvetica. Rec H. Hagen. Lex 8. M 19 —

Aurelii Imp. epistulae. s. Fronto, ed. Naber. Verrois paraphrasis in l. poeticae Aristotelis. Ed F. Heidenhain. Ed II. M 1 —

Avian fabulae. Ed G Froehner. gr 12. M 1 20

[Caesar.] Pollionis de b. Africo coru. s. Polio

Cassii Basii. Attilii Fortunatiani de metris. II. Rec H. Karl. gr 4. M 1 60

Catonis praeter l. r. de re rust. quae exstant. Rec H. Jasson. M 5 —

— de agri cult. l., Varronis rer. rust. II. III. Rec H. Karl. 3 voll. M 33 40
Vol I Fasc I Cato. M 2 40

I. II. Varro. M 6 —

II. — I. Comm. in Cat. M 8

II. — II. Comm. in Varr. M 8 —

III. — I. Ind. in Cat. M 3 —

— III. II. Ind. in Varr. M 8

Catullus l. Recensit et interpretatus est Aem. Bachrens. 2 voll. M 16 40

Vol I. Ed. I. ed. K. P. Schulze. M 4 —

II. Commentarius 2 fasc. M 12 40

Ciceronis. M. Tullii, epistularum II. XVI. Ed L. Mendelssohn. Acc. tabulae chronolog. ab Aem. Koerner et O. E. Schmidt. confectae. M 12 —

— ad M. Brut. orator. Rec F. Heerdeggen. M 3 20.

— Paradoxa Stoicor., academic. rel. cum Lucullo, Timoneus, de nat. deor., de divin., de fato. Rec O. Blumberg. U 1 Pr

— ad Herennium II. VI: s. Cornificias und Herennias]

— Q. Tullii, rel. Rec Fr. Buecheler. M 1 60

Claudiani carmina. Rec L. Jeep. 2 voll. M 20 40

Commentarii notarum Tironianarum. Cum prolegg. adnot. crit. et exeg. notarumque indice aphaet. Ed. Gu. Schmitz. [182 autograph Tafeln.] Folio. In Mapre. M 40 —

Cornificii rhetoricorum ad C. Herennium II. VIII. Rec et interret. est O. E. Kayser. M 8

Corpus glossarior. Latinar. a G. Loewe meobst. in auspiciis Societatis litterar. regiae Saxonicae comp., rec., ed. G. Goetz. 8 voll. Lex 8

Vol. II. Glossae Latino-graecae et Graeco-latinae. Ed. G. Goetz et G. Gundermann. Acc. minora utriusque linguae glossaria. Adiectae sunt 3 tabb. p. to. typ. M 20

III. Hemi-onemata Praeterea hodierna. Ed. G. Goetz. Acc. hemi-onemata aedificatoria vetustiora. M 2 —

IV. Glossae codicum Vatican. 33. Sangallens. 912, Leidens. 867 F. Ed. G. Goetz. M 20

V. Plac. diliber glossarum quae in reliqua. Ed. G. Goetz. M 22

VI. Thesaurus glossarum et conditarum. Conf. G. Goetz. 2 fasc. M 18 —

VII. Thesaurus gloss. omnia aera. Conf. G. Goetz et G. Herrens. Fasc I. M 24. Fasc II. 12

Dialectorum Italicarum aevi vetust. exempla. Ed. L. Schneider

Vol I. Dialecti Lat. praet. et Ital. exempla. Pars I. M 1 60

Didascalliae apostolorum fragmenta Veronensia Latina. Acc. canon. 10 d. apostolorum et Aeg. p. r. n. re. quae Prun. ed. L. Hauser. Fasc I. 1 fasc. fatio, frag. ionia. M 2. 1 fasc. M 4

Ennianae poesis reliquiae. Rec I. Vahlen. Ed. II. M 16

Exuperantius, Epitoma. Hrag. v. G. Laadgraf u. C. Weymann. M 61

Fragmentum de iure fiscal. Ed. P. Krueger. M 1 60

Frontonis et M. Aurelii Imp. epistulae. Rec S. A. Naber. M 8

Gedichte, uncierte lateinische, hrag. v. H. Bachrens. M 1 20

Glossae nominum. Ed. G. Loewe. Acc. eiusdem opuscula glossographica coll. a G. Goetz. *M* 6.—

Grammatici Latini ex rec. H. Keilii. 7 voll. Lex.-8. *M* 139.20.

Vol. I. Fasc. 1. Charisii ars gramm. ex rec. H. Keilii. [Vergr.]

— I. Fasc. 2. Diomedis ars gramm. ex Charisii arte gramm. excerpta ex rec. H. Keilii. *M* 10.—

— II. Fasc. 1 et 2. Prisciani institutiones gramm. ex rec. M. Hertzii. Vol. I. [Vergr.]

— III. Fasc. 1. Prisciani institutiones gramm. ex rec. M. Hertzii. Vol. II. *M* 12.—

— III. Fasc. 2. Prisciani de figuris numerorum, de metris Terentii, de praeexercitamentis rhetoricis libri, institutio de nomine et pronomine et verbo, partitiones duodecim versuum Aeneidos principalium, accedit Prisciani qui dic. liber de accentibus ex rec. H. Keilii. *M* 7.—

— IV. Fasc. 1. Probi catholica, instituta artium, de nomine excerpta, de ultimis syllabis liber ad Caelestinum ex rec. H. Keilii. — Notarum laterculi edente Th. Mommsen. *M* 11.—

— IV. Fasc. 2. Donati ars grammatica, Marii Servii Honorati commentarius in artem Donati, de finalibus, de centum metris, de metris Horatii, Sergii de littera, de syllaba, de pedibus, de accentibus, de distinctione commentarius, explanationes artis Donati, de idiomatibus ex rec. H. Keilii. *M* 8.—

— V. Fasc. 1. Cledonii ars gramm., Pompeii commentum artis Donati, excerpta ex commentariis in Donatum ex rec. H. Keilii. *M* 9.—

— V. Fasc. 2. Consentius, Phocas, Eutyches, Augustinus, Palaemon, Asper, de nomine et pronomine, de dubiis nominibus, Macrobianae excerpta ex rec. H. Keilii. *M* 10.—

— VI. Fasc. 1. Marius Victorinus, Maximus Victorinus, Caesius Bassus, Atilius Fortunatianus ex rec. H. Keilii. *M* 9.—

— VI. Fasc. 2. Terentianus Maurus, Marius Plotius Sacerdos, Rufinus, Mallius Theodorus, fragmenta et excerpta metrica ex rec. H. Keilii. *M* 14.—

— VII. Fasc. 1. Scriptores de orthographia Terentius Scaurus, Velius Longus, Caper, Agroecius, Cassiodorus, Martyrius, Beda, Albinus. *M* 10.—

Grammatici Latini ex rec. H. Keilii.

Vol. VII. Fasc. 2. Audacis de Scauri et Palladii libris excerpta, Dosithei ar. gramm., Arusiani Messii exempla elocutionum, Cornelii Frontonis liber de differentiis, fragmenta gramm., index scriptorum. *M* 11.20.

Supplementum continens anecdota Helvetica ex rec. H. Hageni. Lex.-8. *M* 19.—

[Herennius.] Incerti auctoris de ratione dicendi ad C. H. II. IV. [M. Tulli Ciceronis ad Herennium libri VI.] Recens. F. Marx. *M* 14.—

***Historicorum Romanorum reliquiae.** Ed. H. Peter. Vol. I. *M* 16.— Vol. II. *M* 12.—

Horatii opera. Recensuerunt O. Keller et A. Holder. 2 voll. gr. 8.

Vol. I. Carmina, epodi, carmen saec. Iterum rec. O. Keller. *M* 12.—

— II. Sermones, epistulae, de arte poet. *M* 10.—

— — — Editio minor. *M* 4.—

— carmina. Rec. L. Mueller. 16. *M* 2.40, eleg. geb. m. Goldschnitt *M* 3.60.

— Satiren. Kritisch hergestellt, metrisch übersetzt u. mit Kommentar versehen von C. Kirchner u. W. S. Teuffel. 2 voll. *M* 16.40.

— — — Lat. u. deutsch m. Erläuter. von L. Döderlein. *M* 7.—

— — — siehe auch: Satura, v. Blümner.

— Episteln. Lat. u. deutsch m. Erläut. von L. Döderlein. [B. I vergr.] B. II. *M* 3.—

— Briefe, im Vermaß der Urchrift ver. deutsch von A. Bacmeister u. O. Keller. 8. *M* 2.40 3.20.

***Institutionum et regularum iuris Romani syntagana.** Ed. R. Gneist. Ed. II. *M* 5.20.

[Iuris consulti.] Kalb, W., Roms Juristen nach ihrer Sprache. *M* 4.—

Iuvenalis satura. Erkl. v. A. Weidner. 2. Aufl. *M* 4.40.

— — — siehe auch: Satura, v. Blümner.

[Lucanus.] Scholia in L. bellum civile ed. H. Usener. Pars I. *M* 8.— [Fortsetzung erscheint nicht.]

Lucilli carminum reliquiae. Rec. F. Marx. Vol. I.: Proleg., testim., fasti L., carm. rel., indices, tab. geogr. *M* 8.— 10.60.

— — — Vol. II. (Komment.) *M* 14.— 17.—

Nepotis quae supersunt. Ed. C. Halm. *M* 2.40.

Nonii Marcelli compendiosa doctrina. Emend. et adnot. L. Mueller. 2 partes. *M* 32.—

Novatians epist. de cibis Iudaicis. Hrag. v. G. Landgraf u. C. Weyman. *M* 1.20.

Optatian Porphyrii carmina. Rec. L. Mueller. *M* 3.60.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- Orestis tragoedia.** Ed. I. Maehly. 16. *M.* 1.20.
- Ovidii ex Ponto II.** Ed. O. Korn. *M.* 5.—
- **Elegien der Liebe.** Deutsch von H. Oelschläger. 2. Aufl. Min.-Ausg. *M.* 2.40, eleg. geb. 3.20.
- Persius,** siehe: Satura, v. Blümner.
- Phaedri fabulae Aesopiae.** Ed. L. Müller. *M.* 3.—
- Placidi glossae.** Rec. et illustr. A. Deuring. *M.* 2.80.
- Plauti comoediae.** Recensuit, instrumento critico et prolegomenis auxit F. Ritschelius sociis operae adsumptis G. Loewe, G. Goetz, F. Schoell. 4 tomi. *M.* 92.20.
- Tomi I fasc. I. Trinummus. Rec. F. Ritschl. Ed. III cur. F. Schoell. *M.* 5.60.
- Tomi I fasc. II. Epidicus. Rec. G. Goetz. Ed. II. *M.* 4.—
- I fasc. III. Curculio. Rec. G. Goetz. *M.* 2.40.
- I fasc. IV. Asinaria. Rec. G. Goetz et G. Loewe. *M.* 3.60.
- I fasc. V. Truculentus. Rec. F. Schoell. *M.* 4.80.
- II fasc. I. Aulularia. Rec. G. Goetz. *M.* 2.40.
- II fasc. II. Amphitruo. Rec. G. Goetz et G. Loewe. *M.* 3.60.
- II fasc. III. Mercator. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. G. Goetz. *M.* 3.60.
- II fasc. IV. Stichus. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. G. Goetz. *M.* 3.60.
- II fasc. V. Poenulus. Rec. F. Ritschelii schedis adhibitis G. Goetz et G. Loewe. *M.* 5.—
- III fasc. I. Bacchides. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. G. Goetz. *M.* 4.—
- III fasc. II. Captivi. Rec. F. Schoell. *M.* 4.—
- III fasc. III. Rudens. Rec. F. Schoell. *M.* 5.60.
- III fasc. IV. Pseudolus. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. G. Goetz. *M.* 5.60.
- III fasc. V. Menaechmi. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. F. Schoell. *M.* 5.60.
- IV fasc. I. Casina. Rec. F. Schoell. *M.* 5.60.
- IV fasc. II. Miles gloriosus. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. G. Goetz. *M.* 6.—
- IV fasc. III. Persa. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. F. Schoell. *M.* 5.60.
- IV fasc. IV. Mostellaria. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. F. Schoell. *M.* 6.—
- IV fasc. V. Cistellaria. Rec. F. Schoell. Acc. deperditarum fabularum fragmenta a G. Goetz recensita. *M.* 5.60.

- Plauti comoediae.** Ex rec. et cum app. crit. F. Ritschelii. [Vergriffen außer:]
- Tomus I. Pars 3. Bacchides. *M.* 3.—
- *— III. Pars 1. Persa. *M.* 3.—
- — III. Pars 2. Mercator. *M.* 3.—
- — Scholarum in usum rec. F. Ritschelii. [Vergr. außer:]
- Bacchides, Stichus, Pseudolus, Persa, Mercator. Einzeln je *M.* —.50.
- miles gloriosus. Ed. O. Ribbeck. *M.* 2.80.
- Polemii Silvii laterculus.** Ed. Th. Mommsen. Lex.-8. *M.* —.80.
- Polionis de bello Africo comm.** Edd. E. Wölfflin et A. Miodoński. Adl. est tab. photolithograph. *M.* 6.80.
- [**Probus.**] **Die Appendix Probi.** Hrsg. v. W. Heraeus. *M.* 1.20.
- Propertii elegiae.** Rec. A. Bachrens. *M.* 5.60.
- Psalterium, das tironische, der Wolfenbütteler Bibliothek.** Hrsg. v. Kgl. Stenograph. Institut zu Dresden. Mit Einleitung und Übertragung des tiron. Textes von O. Lehmann. *M.* 10.—
- Quintilliani institutionis orator. II. XII.** Rec. C. Halm. 2 partes. [Pars I vergr.]
- Pars II: Libb. VII—XII. *M.* 9.—
- Rhetores Latini minores.** Ed. C. Halm. Lex.-8. *M.* 17.—
- Saliarium carminum rell.** Ed. B. Maurenbrecher. *M.* 1.—
- Sallusti Crispi quae supersunt.** Rec. Rud. Dietsch. 2 voll. [Vol. I vergr.]
- Vol. II: Historiarum rell. Index. *M.* 7.20.
- **historiarum fragmenta.** Ed. Fr. Kritzius. *M.* 9.—
- **historiarum rell.** Ed. B. Maurenbrecher.
- Fasc. I. Prolegomena. *M.* 2.—
- Fasc. II. Fragmenta argumentis, commentariis, apparatu crit. instructa. Acc. indices. *M.* 8.—
- Satura.** Ausgew. Satiren d. Horaz, Persius u. Juvenal in freier metr. Übertragung von H. Blümner. *M.* 5.— 5.80.
- Scaenicae Romanorum poesis fragmenta.** Rec. O. Ribbeck. 2 voll. Ed. II. *M.* 23.—
- Vol. I. Tragicorum fragmenta. *M.* 9.—
- — II. Comicum fragmenta. *M.* 14.—
- Servii grammatici qui fer. in Vergilii carmina commentarii.** Rec. G. Thilo et H. Hagen. 3 voll.
- Vol. I fasc. I. In Aen. I—III comm. Rec. G. Thilo. *M.* 14.—
- — I fasc. II. In Aen. IV—V comm. Rec. G. Thilo. *M.* 10.—
- — II fasc. I. In Aen. VI—VIII comm. Rec. G. Thilo. *M.* 10.—
- — II fasc. II. In Aen. IX—XII comm. Rec. G. Thilo. *M.* 10.—
- — III fasc. I. In Buc. et Georg. comm. Rec. G. Thilo. *M.* 10.40.
- — III fasc. II. App. Serviana. *M.* 20.—
- [— III fasc. III (Indices) in Verbo.]

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

5. B. G. Teubners Schulausgaben griechischer und lateinischer
Klassiker mit deutschen erklärenden Anmerkungen. [gr. 8.]

a. Griechische Schriftsteller.

— Perner, Von W. S. 1891. 1 Aufl.
von N. Wocklein. H. 1.50 g.

Von L. Schmidt. Nr. 120.

— die Schatzklocher. Von N. Wock.
19 B. 2. 1. 60 2.

theophoren III Die Eumeniden
je M 2

• Wespen. Von O. Knebler (Ludwigshafen)

Arrianus Annabazis. Von K. Hübner. 16 Hefte.

Demosthenes' ausgewählte Reden. Von
C. Rehdantz u. Fr. Blaf. 4 Teile.

Heute 1. — III Olynthische Redon.

II. Abt. I. V. Rede über den Frieden
VI. Zweite Rede gegen Philippus

11/1/08. G. A. H. and Fr. B. B. B.

Il. Tel. Die Rede v. Kranze von
Fr Blas. Nr 2 10 2.40.

Euripides' ausgewählte Tragödien, von
 N. Wecklein

3 Aufl. H. 1 60 2.10.
 III 1 d L. Die Baechen - A 4

* I Rich	Electra	11 10 1 80.
* II Black	Crested	11 10 1 80.

of 13 to 15,80.

Band I Heft 2 B. I. 3. A. 1. 1. 10. 11.
II Heft 3 B. II. 3. A. 1. 1. 1. 1.

V. hoch VI. 1. 18. Mit Karos
1. Auf. 18. 18. 18. 18.

Tea	I	Gas	1	4	3	Acft	6	1	50	2.
"	II	Gas	5	8	3	Acft	11	1	50	2.

V. Vergr. 1:20	Ad 50%
V. Vergr. 1:4	{vergr.}

1 H 2 has 4-105 Å #1-0.170

* II H. 1. Ges. 15. 15 1/2 # 1. 20 1.70

II H. 2 Ger 11-18 3. A #1 01.20
- II H. 1 - 1-10-11-12-13-14-15-16-17-18-19-20-21-22-23-24-25-26-27-28-29-30-31-32-33-34-35-36-37-38-39-40-41-42-43-44-45-46-47-48-49-50-51-52-53-54-55-56-57-58-59-60-61-62-63-64-65-66-67-68-69-70-71-72-73-74-75-76-77-78-79-80-81-82-83-84-85-86-87-88-89-90-91-92-93-94-95-96-97-98-99-100-101-102-103-104-105-106-107-108-109-110-111-112-113-114-115-116-117-118-119-120-121-122-123-124-125-126-127-128-129-130-131-132-133-134-135-136-137-138-139-140-141-142-143-144-145-146-147-148-149-150-151-152-153-154-155-156-157-158-159-160-161-162-163-164-165-166-167-168-169-170-171-172-173-174-175-176-177-178-179-180-181-182-183-184-185-186-187-188-189-190-191-192-193-194-195-196-197-198-199-200-201-202-203-204-205-206-207-208-209-210-211-212-213-214-215-216-217-218-219-220-221-222-223-224-225-226-227-228-229-230-231-232-233-234-235-236-237-238-239-240-241-242-243-244-245-246-247-248-249-250-251-252-253-254-255-256-257-258-259-260-261-262-263-264-265-266-267-268-269-270-271-272-273-274-275-276-277-278-279-280-281-282-283-284-285-286-287-288-289-290-291-292-293-294-295-296-297-298-299-300-301-302-303-304-305-306-307-308-309-310-311-312-313-314-315-316-317-318-319-320-321-322-323-324-325-326-327-328-329-330-331-332-333-334-335-336-337-338-339-340-341-342-343-344-345-346-347-348-349-350-351-352-353-354-355-356-357-358-359-360-361-362-363-364-365-366-367-368-369-370-371-372-373-374-375-376-377-378-379-380-381-382-383-384-385-386-387-388-389-390-391-392-393-394-395-396-397-398-399-400-401-402-403-404-405-406-407-408-409-410-411-412-413-414-415-416-417-418-419-420-421-422-423-424-425-426-427-428-429-430-431-432-433-434-435-436-437-438-439-440-441-442-443-444-445-446-447-448-449-450-451-452-453-454-455-456-457-458-459-460-461-462-463-464-465-466-467-468-469-470-471-472-473-474-475-476-477-478-479-480-481-482-483-484-485-486-487-488-489-490-491-492-493-494-495-496-497-498-499-500-501-502-503-504-505-506-507-508-509-510-511-512-513-514-515-516-517-518-519-520-521-522-523-524-525-526-527-528-529-530-531-532-533-534-535-536-537-538-539-540-541-542-543-544-545-546-547-548-549-550-551-552-553-554-555-556-557-558-559-560-561-562-563-564-565-566-567-568-569-570-571-572-573-574-575-576-577-578-579-580-581-582-583-584-585-586-587-588-589-590-591-592-593-594-595-596-597-598-599-600-601-602-603-604-605-606-607-608-609-610-611-612-613-614-615-616-617-618-619-620-621-622-623-624-625-626-627-628-629-630-631-632-633-634-635-636-637-638-639-640-641-642-643-644-645-646-647-648-649-650-651-652-653-654-655-656-657-658-659-660-661-662-663-664-665-666-667-668-669-670-671-672-673-674-675-676-677-678-679-680-681-682-683-684-685-686-687-688-689-690-691-692-693-694-695-696-697-698-699-700-701-702-703-704-705-706-707-708-709-710-711-712-713-714-715-716-717-718-719-720-721-722-723-724-725-726-727-728-729-730-731-732-733-734-735-736-737-738-739-740-741-742-743-744-745-746-747-748-749-750-751-752-753-754-755-756-757-758-759-760-761-762-763-764-765-766-767-768-769-770-771-772-773-774-775-776-777-778-779-780-781-782-783-784-785-786-787-788-789-790-791-792-793-794-795-796-797-798-799-800-801-802-803-804-805-806-807-808-809-810-811-812-813-814-815-816-817-818-819-820-821-822-823-824-825-826-827-828-829-830-831-832-833-834-835-836-837-838-839-840-841-842-843-844-845-846-847-848-849-850-851-852-853-854-855-856-857-858-859-860-861-862-863-864-865-866-867-868-869-870-871-872-873-874-875-876-877-878-879-880-881-882-883-884-885-886-887-888-889-890-891-892-893-894-895-896-897-898-899-900-901-902-903-904-905-906-907-908-909-910-911-912-913-914-915-916-917-918-919-920-921-922-923-924-925-926-927-928-929-930-931-932-933-934-935-936-937-938-939-940-941-942-943-944-945-946-947-948-949-950-951-952-953-954-955-956-957-958-959-960-961-962-963-964-965-966-967-968-969-970-971-972-973-974-975-976-977-978-979-980-981-982-983-984-985-986-987-988-989-990-991-992-993-994-995-996-997-998-999-1000-1001-1002-1003-1004-1005-1006-1007-1008-1009-1010-1011-1012-1013-1014-1015-1016-1017-1018-1019-1020-1021-1022-1023-1024-1025-1026-1027-1028-1029-1030-1031-1032-1033-1034-1035-1036-103

11. H. 4 1968 - 14 4 A 1 1 60 29

Ich für gebundene Exemplare

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene Exemplare**

Homers Ilias. Von K. Fr. Ameis und C. Hentze.

Anhang:

- Heft 1. Ges. 1—3. 3. Aufl. *M.* 2.10 2.60
 — 2. Ges. 4—6. 2. Aufl. *M.* 1.50 2.—
 — 3. Ges. 7—9. 2. Aufl. *M.* 1.80 2.30
 — 4. Ges. 10—12. 2. Aufl. *M.* 1.20 1.70
 — 5. Ges. 13—15. 2. Aufl. *M.* 1.80 2.30
 — 6. Ges. 16—18. 2. Aufl. *M.* 2.10 2.60
 — 7. Ges. 19—21. *M.* 1.50 2.—
 — 8. Ges. 22—24. *M.* 1.80 2.30

Odyssee. Von K. Fr. Ameis und C. Hentze. 2 Bände.

- Band I. H. 1. Ges. 1—6. 11. A. *M.* 1.50 2.—
 — 1. H. 2. Ges. 7—12. 10. A. *M.* 1.35 1.80
 — I. H. 1, 2 zusammengeb. *M.* 3.45
 — II. H. 1. Ges. 13—18. 8. A. *M.* 1.35 1.80
 — II. H. 2. Ges. 19—24. 9. A. *M.* 1.40 1.80
 — II. H. 1, 2 zusammengeb. *M.* 3.85

Anhang:

- Heft 1. Ges. 1—6. 4. Aufl. *M.* 1.50 2.—
 — 2. Ges. 7—12. 3. Aufl. *M.* 1.20 1.70
 — 3. Ges. 13—18. 3. Aufl. *M.* 1.20 1.70
 — 4. Ges. 19—24. 3. Aufl. *M.* 2.10 2.60

Isokrates' ausgewählte Reden. Von O. Schneider. 2 Bändchen. *M.* 3.— 3.95.

I. Bändchen. Demonicus, Euagoras, Areopagiticus. 3. Aufl., v. M. Schneider. *M.* 1.20 1.70.

II. Bändchen. Panegyricus u. Philippus. 3. Aufl. *M.* 1.80 2.25.

Lucians ausgewählte Schriften. Von C. Jacobitz. 3 Bändchen. *M.* 3.60.

I. Bändchen. Traum. Timon. Prometheus Charon. 3. Aufl., von K. Bürger. *M.* 1.20 1.70.

Lykurgos' Rede gegen Leokrates. Von C. Rohdantz. *M.* 2.25 2.75.

[Lyriker.] Anthologie a. d. griech. Lyr. Von E. Buchholz. 2 Bdchn. *M.* 4.20 5.20.

I. Bändchen. Elegiker u. Iambographen. 5. Aufl., von R. Peppmüller. *M.* 2.10 2.60.

II. Bändchen. Die melischen und chorischen Dichter. 4. Aufl., von J. Sitzler. *M.* 2.10 2.60.

Lysias' ausgew. Reden. Von H. Frohberger. 2 Hefte. *M.* 3.60.

I. Heft. Prolegomena. — R. gegen Eratosthenes. — R. geg. Agoratos. — Verteidigung geg. die Anklage wegen Umsturzes der demokratischen Verfassung. — R. f. Mantitheos. — R. geg. Philon. 3. Aufl., v. Th. Thalheim. *M.* 1.80 2.25.

II. Heft. Reden gegen Alkibiades. — R. geg. Nikomachos. — R. üb. d. Vermögen d. Aristophanes. — R. üb. d. Ölbaum. — R. geg. die Kornhändler. — R. geg. Theomnestos. — R. f. d. Gebrechlichen. — R. geg. Diogeiton. 2. Auflage, von Th. Thalheim. *M.* 1.80 2.25.

Lysias' ausgew. Reden. Von H. Frohberger. Größere Ausgabe. 3 Bände. [Bd. II u. III vergr.]

I. Bd. R. geg. Eratosthenes, Agoratos. Verteidigung geg. die Anklage wegen Umsturzes d. Verfassung. 2. Aufl., von G. Gebauer. *M.* 4.50.

Platons ausgew. Schriften. Von Chr. Cron, J. Deuschle u. a.

I. Teil. Die Verteidigungsreden d. Sokrates. Kriton. Von Chr. Cron. 11. Aufl., von H. Uhle. *M.* 1.— 1.40.

II. Teil. Gorgias. Von J. Deuschle. 4. Aufl., von Chr. Cron. *M.* 2.10 2.60.

III. Teil. 1. Heft. Laches. Von Chr. Cron. 5. Aufl. *M.* —.75 1.20.

III. Teil. 2. Heft. Euthyphron. Von M. Wohlrab. 4. Aufl. *M.* —.60 —.90.

IV. Teil. Protagoras. Von Deuschle u. Cron. 5. Aufl., v. E. Boehmann. *M.* 1.20 1.70.

V. Teil. Symposion. Von A. Hug. 2. Aufl. *M.* 3.— 3.50.

VI. Teil. Phaenon. Von M. Wohlrab. 3. Aufl. *M.* 1.50 2.—

VII. Teil. Der Staat. I. Buch. Von M. Wohlrab. *M.* —.60 —.90.

VIII. Teil. Hippias maior. Ed. W. Zilles. [In Vorb.]

Plutarchs ausgew. Biographien. Von Otto Siefert und Fr. Blas. 6 Bändchen. *M.* 6.90 9.60.

I. Bändchen. Philopoemen u. Flaminius. Von O. Siefert. 2. Aufl., von Fr. Blas. *M.* —.90 1.30.

II. Bändchen. Timoleon u. Pyrrhos. Von O. Siefert. 2. Aufl., von Fr. Blas. *M.* 1.50 2.—

III. Bändchen. Themistokles u. Perikles. Von Fr. Blas. 2. Aufl. *M.* 1.50 2.—

IV. Bändchen. Aristides u. Cato. Von Fr. Blas. 2. Aufl. *M.* 1.20 1.70.

V. Bändchen. Agis u. Kleomenes. Von Fr. Blas. *M.* —.90 1.30.

VI. Bändchen. Tiberius und Gaius Gracchus. Von Fr. Blas. *M.* —.90 1.30.

Quellenbuch, histor., zur alten Geschichte.

I. Abt. Griechische Geschichte. Von W. Herbst und A. Baumeister. 1. Heft. [Vergr.] 2. Heft. *M.* 1.80 2.30.

Sophokles. Von Gust. Wolff und L. Bellermand.

I. Teil. Aias. 5. Aufl. *M.* 1.50 2.—

II. — Elektra. 4. Aufl. *M.* 1.50 2.—

III. — Antigone. 6. Aufl. *M.* 1.50 2.—

IV. — König Oidipus. 4. Aufl. *M.* 1.50 2.—

V. — Oidipus auf Kolonos. *M.* 1.50 2.—

Supplementum lect. Graecae. Von C. A. J. Hoffmann. *M.* 1.50 2.—

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

Testamentum novum Graece. Das Neue Testament. Von Fr. Zelle.

I. Evangelium d. Matthäus. Von Fr. Zelle. 1.80 2.25.

IV. Evangelium d. Johannes. Von B. Wohlfahrt. *M* 1.50 2.—

V. Apostelgeschichte. Von B. Wohlfahrt. *M* 1.80 2.25.

Thukydides. Von G. Böhme u. S. Widmann. 9 Bändchen. [je *M* 1.20 1.70.] *M* 10.80 15.30.

1. Bändchen. 1. Buch. 6. Auflage.

2. — 2. — 6. —

3. — 3. — 5. —

4. — 4. — 5. —

5. — 5. — 5. —

6. — 6. — 6. —

7. — 7. — 5. —

8. — 8. — 5. —

9. Bdchn. Einleitung u. Register. 5. Aufl.

***Xenophons Anabasis.** Von F. Vollbrecht. 10. (bez. 9., 8., 7.) Aufl.

Ausgabe m. Kommentar unter d. Text.

I. Bdchn. B. I. II. M. 2 Figurentaf. u. 1 Karte. *M* 1.40 2.—

II. — B. III. IV. *M* —.90 1.20.

III. — B. V—VII. *M* 1.60 2.—

***Xenophons Anabasis.** Von F. Vollbrecht. B. I—IV. Text u. Kommentar getrennt.

Text. M. e. Übersichtskarte. *M* —.90 1.20.

Kommentar. Mit Holzschnitten und Figurentafeln. *M* 1.35 1.80.

— **Kyropädie.** Von L. Breitenbach. 2 Hefte. [je *M* 1.50 2.—] *M* 3.— 4.—

I. Heft. Buch I—IV. 4. Auflage, von B. Büchschütz.

II. — Buch V—VIII. 3. Aufl.

— **griech. Geschichte.** Von B. Büchschütz. 2 Hefte.

I. Heft. Buch I—IV. 6. Aufl. *M* 1.50 2.—

*II. — Buch V—VII. 5. Aufl. *M* 1.80 2.20.

— **Memorabillen.** Von Raph. Kühner. 6. Aufl., von Rud. Kühner. *M* 1.60 2.20.

— **Agesilaos.** Von O. Güthling. *M* 1.50 2.—

— **Anabasis u. Hellenika in Ausw.** Mit Einleitung, Karten, Plänen u. Abbild. Text und Kommentar. Von G. Sorof. 2 Bdchn.

I. Bdchn. Anab. Buch 1—4.

Text. *M* 1.20 1.50.

Kommentar. *M* 1.20 1.50.

II. — Anab. Buch 5—7 u. Hellenika. Text. *M* 2.— 2.20.

Kommentar. *M* 1.40 1.60.

b. Lateinische Schriftsteller.

Caesaris belli Gallici libri VII und Hirtii liber VIII. Von A. Doberenz. 9. Aufl., von B. Dinter. 3 Hefte. *M* 2.55 4.—

I. Heft Buch I—III. M. Einleit. u. Karte v. Gallien. *M* —.90 1.40.

II. — Buch IV—VI. *M* —.75 1.20.

III. — Buch VII u. VIII u. Anhang. *M* —.90 1.40.

— **commentarii de bello civili.** Von A. Doberenz. 5. Aufl., von B. Dinter. *M* 2.40 2.90.

Cicero de oratore. Von K. W. Piderit. 6. Aufl., von O. Harnecker. 3 Hefte. *M* 4.80 6.25.

I. Heft. Einleit. u. Buch I. *M* 1.80 2.25.

II. — Buch II. *M* 1.50 2.—

III. — Buch III. M. Indices u. Register z. d. Anmerkungen. *M* 1.50 2.—

Aus Heft III besonders abgedruckt:

Erklär. Indices u. Register d. Anmerkgn. *M* —.45.

— — — 5. Aufl., von Fr. Th. Adler. In 1 Band. *M* 4.50.

— **Brutus de claris oratoribus.** Von K. W. Piderit. 3. Aufl., von W. Friedrich. *M* 2.25 2.75.

— **orator.** Von K. W. Piderit. 2. Aufl. *M* 2.— 2.60.

— **partitiones oratoriae.** Von K. W. Piderit. *M* 1.— 1.40.

* — **Rede f. S. Roscius.** Von Fr. Richter. 4. Aufl., v. A. Fleckeisen. *M* 1 — 1.40.

Cicero div. in Caecilium. Von Fr. Richter. 2. Aufl., von A. Eberhard. *M* —.45 —.80.

— **Reden gegen Verres.** IV. Buch. Von Fr. Richter. 3. Aufl., von A. Eberhard. *M* 1.50 2.—

— — V. Buch. Von Fr. Richter. 2. Aufl., von A. Eberhard. *M* 1.20 1.70.

— **Rede üb. d. Imperium d. Cn. Pompejus.** Von Fr. Richter. 5. Aufl., von A. Eberhard. *M* —.75 1.20.

— **Reden g. Catilina.** Von Fr. Richter. 6. Aufl., von A. Eberhard. *M* 1.— 1.40.

— **Rede f. Murena.** Von H. A. Koch. 2. Aufl., von G. Landgraf. *M* —.90 1.30.

— **Rede f. Sulla.** Von Fr. Richter. 2. Aufl., von G. Landgraf. *M* —.75 1.20.

— **Rede f. Sestius.** Von H. A. Koch. 2. Aufl., von A. Eberhard. *M* 1.— 1.40.

— **Rede f. Plancius.** Von E. Köpke. 3. Aufl., von G. Landgraf. *M* 1.20 1.70.

— **Rede f. Milo.** Von Richter-Eberhard. 5. Aufl., von H. Nohl. *M* 1.20 1.60.

— **I. u. II. Philipp. Rede.** Von H. A. Koch. 3. Aufl., v. A. Eberhard. *M* 1.20 1.70.

— **I., IV. u. XIV. Philipp. Rede.** Von E. R. Gast. *M* —.60 —.90.

— **Reden f. Marcellus, f. Ligarius u. f. Delotarus.** Von Fr. Richter. 4. Aufl., von A. Eberhard. *M* 1.20 1.70.

— **Rede f. Archias.** Von Fr. Richter. 5. Aufl., von H. Nohl. *M* —.50 —.80.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- Cicero, Redef. Flaccus. V n A du Mesnil.
3 50 4.10.
— ausgew. Briefe. Von J Frey 6 Aufl.
2 20 8.
Tusculanae disputationes. Von O Heine 2 Hefte # 2 85 3.30.
1 Heft Basil II 4 Aufl. # 1 20 1.70.
II — Basil III—V 4 Aufl. # 1 65 2.15.
— Cato maior. Von C Meißner 5 Aufl. von Landgraf # — 60 1.—
somnium Scipianis. Von C Meißner 1 Aufl. # 45 .80.
Laelius. Von C Meißner 2 Aufl. # — 75 1.20.
de cultus bon. et mal. V n H Roßstein # 1 70 3.20.
de legibus. Von A du Mesnil. # 3 90 4.50.
de natura deorum. Von A Goettae. # 2 62 90.
—] Chrestomathia Ciceroniana. Ein Textbuch f. Lektüre d. oberen Gymnasien. Klassen V n C F Luders 3 Aufl. bearb. v O. Weissenfels. Mit Titelbild # 2.80.
—] Briefe Ciceros u. s. Zeitgenossen. Von O E Schmidt 1 Heft. # 1 — 1.40.
Cornelius Nepos, siehe Nepos.
* Curtius Rufus. Von Th Vogel und A Weinhold 2 Bänden. # 4 65 5.55.
I Bd. B III V 1 A # 2 40 2.80.
* II — B VI—X 3. A # 2 60 3.20.
Flegiker.] Anthologie n. d. El. der Römer. Von C Jacoby 2 Aufl. 4 Hft. # 3 50 5.10.
1 Heft Catull. # 90 1.30.
Heft Tibull. # — 60 1.—
3. Heft Propert. # 1 — 1.40.
4 Heft Ovid. # 1 — 1.40.
Horaz, Oden u. Epoden. Von C W Nauck 16. Aufl. v O. Weissenfels # 2 25 2.75.
—] Auswahl d. griech. Lyrika. Herausg. v d. Erkl. v Horaz Oden, von Großmann # 15.
— Satiren und Episteln. Von G T A Krüger 2 Abt. [io # 1 80 2.30.]
8 80 4.00.
I Abt. Sauren 15 Aufl. v G Krüger
II — Heston 14 Aufl. v G Krüger
— Sermonen. Von A Th Fritzsch 2 Bände. # 4 40 5.40.
1 Bd. Der Sermonen buch I # 2 40 2.90.
II — Der Sermonen buch II # 2 — 2.50.
Iuvens, ab urbe condita libri.
Lib. 1 Von M Müller 2 Aufl. # 1 50 2.—
2 — Von M Müller # 1 50 2.—
3 — Von F Luterbacher # 1 20 1.70.
4 — Von F Luterbacher # 1 20 1.70.
5 — Von F Luterbacher # 1 20 1.70.
6 — Von F Luterbacher # 1 20 1.70.
Livius, ab urbe condita libri.
Lib. 1 Von F Luterbacher # 1 20 1.70.
Lib. 8 Von F Luterbacher # 1 20 1.70.
Lib. 9 Von F Luterbacher # 1 20 1.70.
Lib. 10 Von F Luterbacher # 1 20 1.70.
Lib. 21 Von E Wölfflin 3 Aufl. # 1 3 1.70.
Lib. 22 Von E Wölfflin 4 Aufl. # 1 2 1.70.
* Lib. 23 Von F Luterbacher 2 Aufl. # 1 20 1.70.
Lib. 24 Von H J Müller 2 Aufl. # 1 2 1.60.
Lib. 25 Von H J Müller. # 1 20 1.70.
Lib. 26 Von F Friederichsdorff # 1 2 1.70.
Lib. 27 Von F Friederichsdorff # 1 2 1.70.
Lib. 28 Von F Friederichsdorff # 1 2 1.70.
Lib. 29 Von F Luterbacher # 1 20 1.70.
Lib. 30 Von F Luterbacher # 1 20 1.70.
Nepos. Von Siebelis-Jancovici 12 Aufl. von O. Stange. Mit 3 Karten # 1 20 1.70.
— Von H Eseling # — 75
Ad historiae fidem rec. et usu. scho-
rum accom. Ed E Ortman # 1 1.40.
Ovidii metamorphoses. Von J Siebelis u. Fr Poile. 2 Hefte [io # 1 50 2.
6 5 — 4.—
I Heft Buch I—IX 17 Aufl.
II — Buch X—XV 14 Aufl.
Fastorum libri VI. Von H Peter 2 Abteilungen # 3 60 4.50.
I Alt. Text u. Kommentar 3 Aufl. # 2 10 3.20.
II — Krit. u. exeget. Ausführungen 3 Aufl. # — 90 1.30.
— ausgew. Gedichte m. Erläut. für den Schulgebr. Von H Günther # 1 50 2.
Phaedri fabulae. Von J Siebelis u. F A Eckstein 6. Aufl. v Fr Poile # 1 5 1.20.
Plautus' ausgewählte Komödien. Von E J Frix 4 Bde. # 5 — 6.80.
I Bde. Trinummus 4 Aufl. von M Niemeyer # 1 20 1.70.
II — Captivi 5 Aufl. # 1 — 1.40.
III — Menaechni 4 Auflage, von M Niemeyer # 1 — 1.40.
IV — Miles gloriosus 3 Auflage # 1 80 2.30.
Plinius' d. J. ausgewählte Briefe. Von A Krenker # 1 50 2.
* Quellenbuch, histor. zur alten Geschichte.
II Abt. Römische Geschichte. Von A Weidner 2 Aufl. 1 Heft # 1 80 2.30. 2 Heft # 2 40 3. 3 Heft # 2 10 3.30.

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare

- Quintilian Institut. oral. über A. Von G T A Krüger 3 Aufl., von G Krüger II 1.40.
- Sallustii Crispi bell. Catill., bell. Iugurth., oratt. et epist. ex historia excerptae. Von Th Opitz 3 Hefte. M 2 05 3.20.
I Heft Bellum Catillinae. M — 60 1.
II Bellum Iugurthinum. M 1 [1.40.
III Reden u. Briefe a. d. Historien. M 45 .80.
- Tacitus' Historien. Von K Heraeus 2 Teile. M 1 30 5 40.
I Teil Buch I u II 5 Aufl. M 2 20 2.80.
II Buch III—V 4 Auflage, von W Heraeus M 2 10 2.60.
Annalen. Von A Draeger 2 Bände M 5 10 7.50.
I Band 1 Heft (Buch I u 2) 7 Aufl., von W Heraeus M 1 50 2.
II Heft (Buch 3—6) 6. Aufl., von F Boeler M 1 50 2.
II 2 Hefte Buch XI XIII Buch XIV—XVI 4. Aufl., von F Boeler je M 1 35 1.75.
- *Tacitus, Agricolae. Von A Draeger 6 Aufl., von W Heraeus M — 80 1.20
— dialogus de oratoribus. Von G Adresen 3 Aufl. M — 91 1.30.
— Germania. Von E Wotif 2 Aufl. M 1 40 1.80.
- Terentius, ausgewählte Komödien Von C Dzintzko
I Bandchen Phormio 3. Aufl., von F Haaler M 2 40 2.00.
II Adelphoe 2 Aufl., von R Kauer M 2 40 2.00.
- Vergili Aeneide. Von K Kaysser 4 Hefte
I Heft Buch I III 6 Aufl. M 1 40 1.90.
II Buch IV, V, VI 4 Aufl., von F Wörner 3. Aufl. je M — 50 .80.
III Buch IV VI 4 Aufl. in 1 Band M 2.—
IV Buch VII IX 3 Aufl. M 1 .0 1.70.
V Buch X, XI, XII 3. Aufl., von M Fieckoscherer 1. Aufl. je M 50 .80.
VI Buch X—XII 3 Aufl. in 1 Band M 2.

6. Schultexte der „Bibliotheca Teubneriana“. [gr 8 geb.]

Die Schultexte der „Bibliotheca Teubneriana“ bieten in canabariester Ausstattung zu wohlfeilem Preise den Zwecken der Schule, besonders entsprechende, in keiner Weise aber der Tätigkeit des Lehrers vorgegreifende, unverzerrte und zusätzliche Texte. Sie geben daher einen auf kritischer Grundlage ruhenden, aber aller kritischen Zeichen sich enthaltenden, in seiner inneren wie äußeren Gestaltung vielmehr inhaltliche Gesichtspunkte zum Ausdruck bringenden lesbaren Text. Die Schultexte erhalten als Beigabe eine Einleitung, die in aller Hart gar Form die Wichtigkeit der Leben und Werke des Schriftstellers, sowie über sachliche Zusammenhänge Wissenswertes bietet, ferner gegebenenfalls eine Inhaltsübersicht oder Zettelfel, jedoch keine Dispositionen sowie ein Namenverzeichnis, das außer geographischen und Personennamen auch sachlich wichtige Ausdrücke enthält, bez. kurz erklärt.

- Demosthenes' neun Philipp. Reden. Von Th Thalheim M 1.
*Herodot B. I IV. Von A Fritsch M 2 40.
— B. V IX. Von A Fritsch M 2.—
Lysias' ausgew. Reden. Von Th Thalheim M 1.
Thukydides B I—III. Von S Widmann M 1.80
Erzähl. Buch I, Buch II je M 1.—
— B. VI—VIII. Von S Widmann M 1.80.
Xenophons Anabasis. Von W Gemoll 1. Aufl. M 1.60.
— Buch I—IV 2 Aufl. M 1.10
— Memorablen. Von W Gilbert M 1.10.
- Caesar de bello Gallico. Von J H Schmalz M 1.20.
Ciceros Catilin. Reden. Von C F W Müller M .55.
— Rede üb. d. Oberbefehl des Cn Pompeius. Von C F W Müller M .50.
- Ciceros Rede f. Milo. Von C F W Müller M .50.
— Rede für Archias. Von C F W. Müller M .40.
— Rede für Roscius. Von G Landgraf M —.60.
Reden von Verres. IV. V. Von C F W Müller M 1.
- Horaz. Von G Krüger M 1.50.
Livius Buch I u. II 40. Auswahl a. Buch III u. VI. Von K Heraeus M .70.
— Buch XXI XXIII. Von M Müller M 1.60.
- Ovids Metamorphosen in Auswahl. Von O Stange. M 2.
- Sallusts Catilin. Verschwörung. Von Th Opitz M .50.
Jugurthin. Krieg. Von Th Opitz M —.80.
Beides zusammengab. M 1.20.
- Vergils Aeneide. Von O Guthling M 2.—

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

Verschiedene Ausgaben für den Schulgebrauch.

Opitz, Th., u. A. Weinhold, Chrestomathie aus Schriftstellern der sogenannten silbernen Latinität. *M.* 2.80 3.40.

Auch in 5 Heften: I. Heft *M.* —.80 1.20. II.—V. Heft je *M.* —.60 1.—

II. Heft. Suetonius, Velleius und Florus. III. Heft. Plinius d. Ä. und Vitruvius.

I. — Tacitus, Iustinus, Curtius, Valerius IV. — Seneca und Celsus.

Maximus und Plinius d. J. V. — Quintilianus.

Tirocinium poeticum. Erstes Lesebuch aus lateinischen Dichtern. Zusammengestellt und mit kurzen Erläuterungen versehen von Johannes Siebelis. 18. Auflage, von Otto Stange. *M.* 1.20. Mit Wörterbuch von A. Schaubach. *M.* 1.60.

Ciceros philosophische Schriften. Auswahl f. d. Schule nebst einer Einleitung in die Schriftstellerei Ciceros und in die alte Philosophie von Professor Dr. D. Weissenfels. Mit Titelbild. *M.* 2.— 2.60.

— — in einzelnen mit Vorbemerkungen u. s. w. versehenen Heften:

1. Heft: Einleitung in die Schriftstellerei Ciceros und die alte Philosophie. Mit Titelbild. *hart. M.* —.90.

2. Heft: De officiis libri III. *hart. M.* —.60.

3. Heft: Cato Maior de senectute. *hart. M.* —.30.

4. Heft: Laelius de amicitia. *hart. M.* —.30.

5. Heft: Tusculanarum disputationum libri V. *hart. M.* —.60.

Ciceros philosophische Schriften.

6. Heft: De natura deorum libri III und de finibus bonorum et malorum I, 9—21. *hart. M.* —.80.

7. Heft: De re publica. *hart. M.* —.30.

rhetorische Schriften. Auswahl f. d. Schule nebst Einleitung u. Vorbemerkungen von Prof. Dr. D. Weissenfels. *M.* 1.80 2.40.

— — in einzelnen mit Vorbemerkungen usw. versehenen Heften:

1. Heft: Einleitung in die rhetorischen Schriften Ciceros nebst einem Abriß der Rhetorik. *hart. M.* 1.—

2. Heft: De oratore und Brutus. Ausgewählt, mit Vorbemerkungen und Analysen. *hart. M.* 1.—

3. Heft: Orator. Vollständiger Text nebst Analyse. *hart. M.* —.60.

7. B. G. Teubners Schülers Ausgaben griech. u. lat. Schriftsteller.

[gr. 8. geb.]

Jedes Bändchen zerfällt in 3 Hefte:

1. Text enthält diesen in übersichtlicher Gliederung, mit Inhaltsangaben über den Hauptabschnitten und am Rande, nebst den Karten und Plänen;

2. Hilfsheft enthält die Zusammenstellungen, die die Verwertung der Lektüre unterstützen sollen, nebst den erläuternden Skizzen und Abbildungen;

3. Kommentar enthält die fortlaufenden Erläuterungen, die die Vorbereitung erleichtern sollen.

2/3. als Erklärungen auch zusammengebunden erhältlich.

Die Sammlung soll wirkliche „Schülers Ausgaben“ bringen, die den Bedürfnissen der Schule in dieser Richtung in der Einrichtung wie der Ausstattung entgegenkommen wollen, in der Gestaltung des „Textes“, wie der Fassung der „Erklärungen“, die sowohl Anmerkungen als Zusammenfassungen bieten, ferner durch das Verständnis fördernde Beigaben, wie Karten und Pläne, Abbildungen und Skizzen.

Das Charakteristische der Sammlung ist das zielbewusste Streben nach organischem Aufbau der Lektüre durch alle Klassen und nach Hebung und Verwertung der Lektüre nach der inhaltlichen und sprachlichen Seite hin, durch Einheit der Leitung, Einmütigkeit der Herausgeber im ganzen bei aller Selbständigkeit im einzelnen, wie sie deren Namen verbürgen, und ernstes Bemühen, wirklich Gutes zu bieten, seitens des Verlegers.

Ziel und Zweck der Ausgaben sind, sowohl den Fortschritt der Lektüre durch Wegräumung der zeitraubenden und nutzlosen Hindernisse zu erleichtern, als die Erreichung des Endzieles durch Einheitlichkeit der Methode und planmäßige Verwertung der Ergebnisse zu sichern.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

***Aristoteles (Auswahl)**, s.: Philosophen.
Demosthenes, ausgew. politische Reden.
 Von H. Reich.

*1. Text. 2. Aufl. *M.* 1.20.

2. Hilfsheft. *M.* 1.—

3. Kommentar. I. II. } 2/3. Erklärungen.
 steif geh. je *M.* —.80. } *M.* 2.20.
 Zus. in 1 Bd. geb. }
M. 1.40.

***Epiktet, Epikur (Auswahl)**, siehe: Philosophen.

Herodot i. Ausw. Von K. Abicht.

*1. Text. 3. Aufl. M. Karte u. 4 Plänen
 im Text. *M.* 1.80.

2. Hilfsh. M. Abb. i. } 2/3. Erklärungen.
 Text. *M.* —.80. } *M.* 2.40.
 3. Komment. 2. Aufl. }
M. 1.80.

|| *Text B. Mit Einleitung. 3. Aufl. *M.* 2.—
 Dazu Kommentar. 2. Aufl. *M.* 1.80.

Homer. I: Odyssee. Von O. Henke.

*1. Text. 2 Bdchn.: B. 1—12. 4. Aufl.
 B. 13—24. 4. Aufl. Mit 3 Karten. je
M. 1.60. — B. 1—24 in 1 Band *M.* 3.20.

2. Hilfsheft. 3. Aufl. Mit zahlr. Abb.
M. 2.—

*3. Kommentar. 4. Aufl. 2 Hefte. steif geh.
 je *M.* 1.20. Zus. in 1 Bd. geb. *M.* 2.—
 Inhaltsübersicht (nur direkt) *M.* —.05.

— II: Illas. Von O. Henke.

1. Text. 2 Bdchn.: B. 1—13. 3. Aufl. —
 *B. 14—24. Mit 3 Karten. 2. Aufl. je *M.* 2.—
 B. 1—24 in 1 Band *M.* 4.—

2. Hilfsheft. 2. Aufl. Mit zahlr. Abb. *M.* 2.—

3. Kommentar. 2. Aufl. 2 Hefte. steif geh.
M. 1.60 u. *M.* 1.20. Zusammen in 1 Bd.
 geb. *M.* 2.40.

***Lucian (Auswahl)**, siehe: Philosophen.

***Marcus Aurellus (Auswahl)**, siehe: Philosophen.

***[Philosophen.] Auswahl a. d. griech. Phil.**
 I. Teil: Auswahl aus Plato. Von O.
 Weiffenfels.

Ausgabe A. Text. *M.* 1.80.

Kommentar. *M.* 1.60.

Ausgabe B (ohne Apologie, Kriton
 und Protagoras). Text. *M.* 1.40.
 Kommentar. *M.* 1.40.

*II. Teil: Auswahl aus Aristoteles und den
 nachfolgenden Philosophen (Aristoteles,
 Epiktet, Marcus Aurelius, Epikur, Theo-
 phrast, Plutarch, Lucian). Text. *M.* 1.20.
 Kommentar. *M.* 1.20.

Platons Apologie u. Kriton nebst Abschn.
 a. d. Phaidon u. Symposion. Von F. Rösiger.

1. Text. steif geh. *M.* —.80.

2. Hilfsheft. *M.* 1.— } 2/3. Erklärungen.
 3. Kommentar. steif } *M.* 1.60.
 geh. *M.* —.80.

*[—] Auswahl a. Pl., siehe: Philosophen.

***Plutarch (Auswahl)**, siehe: Philosophen.

Sophokles' Tragödien. Von C. Conradt.

1. Text: I. Antigone. 2. Auflage. Mit
 Titelbild. *M.* —.70. II. König Ödipus.
M. —.80. III. Alas. *M.* —.80. Text
 I u. II zus.-geb. *M.* 1.10.

2. Hilfsheft. *M.* —.70.

3. Kommentar: I. Antigone. *M.* —.70.
 *II. König Ödipus. 2. Aufl. *M.* —.80.
 III. Alas. *M.* —.80.

2/3. Erklärungen (Hilfsheft u. Kommentar
 I u. II zus.-geb.). *M.* 1.60.

***Theophrast (Auswahl)**, s.: Philosophen.
Thukydides i. Ausw. Von E. Lange.

1. Text. 2. Aufl. Mit Titelbild u. 3 Karten.
M. 2.40.

2. Hilfsh. Mit Abb. i. } 2/3. Erklärungen.
 Text. *M.* —.70. } *M.* 2.—
 3. Komment. *M.* 1.60. }

Ausgabe in 2 Teilen:

I. B. I—V. a. Text. *M.* 1.60. b. Kom-
 mentar. *M.* 1.—

II. B. VI—VIII. a. Text. *M.* 1.10.
 b. Kommentar. *M.* 1.—

III. Zeittafel, Namenverz. u. Karten, z.
 beid. Teil. 2. Aufl. *M.* —.50.

|| Text B. Mit Einleit. 2. Aufl. *M.* 2.80.

Dazu Kommentar. *M.* 1.60.

Xenophons Anabasis i. Ausw. Von G. Sorof.

1. Text. 6. Aufl. Mit Karte u. Plänen
 im Text. *M.* 1.80.

2. Hilfsheft. 2. Aufl. } 2/3. Erklärungen.
 Mit Abb. im Text. } 2. Aufl. *M.* 1.80.
M. —.80. }
 3. Komment. 4. Aufl. } *M.* 1.40.

*|| Text B. Mit Einleit. 6. Aufl. *M.* 2.—

Dazu Kommentar. 4. Aufl. *M.* 1.40.

Wörterbuch. *M.* 1.20.

— **Hellenika in Auswahl.** Von G. Sorof.

*1. Text. 3. Aufl. Mit Karte u. Plänen
 im Text. *M.* 1.80.

2/3. Kommentar. Mit Einleitung. 2. Aufl.
M. 1.—

— **Memorabilien in Auswahl.** Von
 F. Rösiger.

1. Text. *M.* 1.—

3. Kommentar. steif geh. *M.* —.80.

Caesars Gallischer Krieg. Von F. Fügner.

1. Text. 6. Aufl. Mit 3 Karten, sowie
 8 Plänen u. 3 Abb. im Text. *M.* 1.80.

*2. Hilfsheft. 5. Aufl. } 2/3. Erklärungen.
 Mit Abb. im Text. } *M.* 2.40.
M. 1.20. }
 3. Komment. 6. Aufl. } *M.* 1.60.

Auch in 2 Heften. 1. Heft (Buch 1—4)

2. Heft (Buch 5—7). je *M.* —.80.

|| Text B. M. Einleit. 6. Aufl. *M.* 2.—

Dazu Kommentar. 5. Aufl. *M.* 1.60.

— **Bürgerkrieg.** Von F. Fügner.

1. Text. Mit 2 Karten. *M.* 1.60.

2. Hilfsheft: siehe Gall. Krieg.

3. Kommentar. *M.* 1.20.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

Cicero's Catilinari. Reden u. Rede de imperio. Von C. Stegmann

1. Text. 1. Auflage. Mit 4 Tafeln u. 3 Karten. *M* 1.10.
 *2. Hilfsheft. 1. Aufl. *M* 1.20
 *3. Kommentar. 1. Aufl. *M* 1.80. } 23. Erklärungen. *M* 1.60.

|| Text B. M. E. 1. Aufl. *M* 1.35.
 Dazu Kommentar. 3. Aufl. *M* 1.80.

— Rede für S. Roscius und Rede für Archias. Von H. Hansel

- *1. Text. 2. Aufl. *M* 1.80.
 *2. 3. Kommentar. Mit Lateinisch. *M* 1.60.
 * — Reden für Q. Ligarius und für den König Delotarus. Von C. Stegmann

1. Text. *M* 1.60.
 *3. Kommentar. Mit Einleitung. *M* 1.60.
 — Cato maior de senectute. Von C. Weidenfels

1. Text. steif geh. *M* 1.50.
 3. Kommentar. steif geh. *M* 1.50.
 — Philosoph. Schriften in Auswahl. Von O. Weidenfels

- *1. Text. 2. Aufl. *M* 1.60.
 2. Hilfsheft. *M* 1.60. } 23. Erklärungen.
 3. Kommentar. *M* 1.60.
 — Verrinen. Buch IV u. V. Von C. Burd

1. Text. *M* 1.20.
 3. Kommentar. *M* 1.40.

|| — Ausgew. Briefe aus Ciceronischer Zeit. Von C. Burd

1. Text. 2. Aufl. Mit Karte. *M* 1.80.
 2. Hilfsheft. steif geh. *M* 1.60.
 3. Kommentar. verkürzte Ausgabe. *M* 2.40.
 Kommentar erweiterte Ausgabe. Mit Einleitung

1. Heft Briefe 1–61. *M* 1.80 2.20.
 2. Heft Briefe 62–114. *M* 1.60 2.

Horatius, Gedichte. Von G. Schimmerling

1. Text. 2. Aufl. Mit Karte u. Plan. *M* 2.
 *2. Hilfsheft. In Vorb.
 *3. Kommentar. 2. Aufl. *M* 1.80.

Livius, Römische Geschichte im Auszuge. Von F. Fugner

- I Der zweite punische Krieg
 1. Text. 3. Aufl. Mit 4 Karten. *M* 2.
 2. Hilfsheft zu I u. II. *M* 2.—
 *3. Kommentar. 2. Heft. *M* 1.20.
 II Auswahl aus der 1. Dekade

- *1. Text. 2. Aufl. *M* 1.40.
 2. Hilfsheft zu I u. II. *M* 2.—
 3. Kommentar. Buch 1–10. *M* 1.00.
 Verkürzte Ausgabe aus der 1. u. 2. Dekade

1. Text. *M* 2.
 *2. Hilfsheft. *M* 2.—
 3. Kommentar. I–III Buch I–X. *M* 1.40.
 II Heft Buch XXI–XXX. *M* 1.40.

Nepos' Lebensbeschreibungen in Auswahl. Von F. Fugner

1. Text. 3. Aufl. *M* 3 Karten. *M* 1.—
 2. Hilfsheft. 3. Aufl. *M* 1.—
 3. Kommentar. 4. Aufl. *M* 1.40.
 4. —. *M* 1.—

Ovid's Metamorphosen in Auswahl. Von M. Bickelacher

- *1. Text. 3. Auflage. *M* 1.20.
 *2. Hilfsheft. 3. Aufl. *M* 1.20.
 3. Kommentar. 4. Aufl. *M* 1.40.

Wörterbuch. 3. Aufl. steif geh. *M* 1.40.

|| Text B. M. E. 1. Aufl. *M* 1.35.
 Dazu Kommentar. 4. Aufl. *M* 1.40.

Sallust's Catilinari. Verschwörung. Von O. Stegmann

1. Text. 2. Aufl. Mit Karte. *M* 1.80.
 2. 3. Erklärungen. *M* 1.60.

* — Jugurthin Krieg. Von C. Stegmann

- *Text. Mit Karte. *M* 1.80.
 *Kommentar. *M* 1.—

Tacitus' Annales I. Ausw. u. d. Bataver aufstand unt. Civilis. Von C. Stegmann

- *1. Text. Mit 4 Karten u. 1 Stein. *M* 2.40.
 2. Hilfsheft. *M* 1.80. } 23. Erklärungen.
 3. Kommentar. *M* 1.40. } *M* 2.80

Ausgabe in 3 Teilen

*I Ann. B. I–VI a Text. 2. Aufl. *M* 1.20. b Kommentar. *M* 1.—

II Ann. B. XI–XVI Historien B. IV a Text. *M* 1.80. b Kommentar. *M* 1.80.

III Zeittafel, Namenverzeichnis u. Karte. *M* 1.80.

Agricola. Von O. Althoff

1. Text. *M* 1.60.
 2. 3. Erklärungen. steif geh. *M* 1.60.

Germania. Von O. Althoff

1. Text. *M* 1.60.
 2. 3. Erklärungen. steif geh. *M* 1.60.

Vergil's Aeneide I. Ausw. Von M. Bickelacher

1. Text mit Einleitung. 3. Aufl. *M* 1.40.
 2. Karte. *M* 1.40.
 *3. Kommentar. 3. Aufl. *M* 1.80.

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare

B. Zu den griechischen und lateinischen Schriftstellern. Auswahl.

I. Zu den griechischen Schriftstellern.

Aeschylus

Dindorf, G. L., Text u. Aeschylus
Lex. 8. 1815. # 1

Richter, F., zur Dramaturgie des A. gr. 8.
1822. # 30

Westphal, R., Pr. u. g. v. A. Tragicen
gr. 8. 1819. # 1

Aeschylus

Ludwich, A., des Aeschylus Textkritik
2 Bde. gr. 8. 1888. # 23

Aristophanes

Müller-Straubing, A., Aristophanes Kritik
gr. 8. 1873. # 16

Roemer, A., des Aristophanes Komödien
Erklärung. 2 Bde. gr. 8. 1902. # 8

Zuehlke, K., die Handl. d. Aristophanes
Komödien. 2 Bde. gr. 8. 1888. # 18

Aristoteles

Heitz, F., Aristoteles. 8. Bde. in 10.
gr. 8. 1861. # 6

Boetius

Hilfer, F., Beiträge zur Textgesch. d.
Boetius. gr. 8. 1888. # 20

Cicero

Fox, W., Cicero. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Preuß, S., Cicero. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Schnefer, A., Cicero. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Cicero

Reitzenstein, R., Cicero. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Cicero

Crusius, O., Cicero. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Cicero

Dimitrijevic, M. R., Cicero. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Stolz, A., Cicero. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Cicero

Autenrieth, W., Cicero. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Frühwein, E., Cicero. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Gehring, A., Cicero. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Wohlfahrt, M., Cicero. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Dionysius

Gladstone, W. F., Dionysius. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Kammer, F., Dionysius. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

La Roche, J., Dionysius. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Lexicon Dionysium, ed. H. L. L. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Ludwich, A., Dionysius. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Nosch, F., Dionysius. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Sulzhorn, E., Dionysius. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Volkmann, R., Dionysius. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Isocrates

Preuß, S., Isocrates. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Isocrates

Helm, R., Isocrates. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Isocrates

Bläß, F., Isocrates. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Hilfer, F., Isocrates. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Schnefer, A., Isocrates. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Isocrates

Reitzenstein, R., Isocrates. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Isocrates

Crusius, O., Isocrates. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Isocrates

Dimitrijevic, M. R., Isocrates. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Stolz, A., Isocrates. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Isocrates

Autenrieth, W., Isocrates. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Frühwein, E., Isocrates. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Gehring, A., Isocrates. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Wohlfahrt, M., Isocrates. 2 Bde. in 10.
gr. 8. 1815. # 1

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene Exemplare**

Poetae comici.

Zieliński, Th., Gliederung der altattisch. Komödie. gr. 8. 1885. *M.* 10.—

Sophocles.

Plüß, Th., S. Elektra. Eine Auslegung. gr. 8. 1891. *M.* 3.—

Theocritus.

Rumpel, J., lexicon Theocriteum. gr. 8. 1879. *M.* 8.—

Thucydides.

Herbst, L., zu Th. Erklärungen und Wiederherstellungen. I. Reihe. Buch I bis IV. gr. 8. 1892. *M.* 2.80. II. Reihe. Buch V—VIII. gr. 8. 1893. *M.* 3.60.

Stahl, I. M., quaestiones grammaticae ad Th. pertinentes. Auctas et correctas iterum edidit St. gr. 8. 1886. *M.* 1.60.

2. Zu den lateinischen Schriftstellern.

Caesar, C. Iulius.

Ebeling, H., Schulwörterbuch zu Caesar. 6. Aufl. gr. 8. 1907. *M.* 1.80.

Menge et Preuß, lexicon Caesarianum. Lex.-8. 1885/90. *M.* 18.—

Cicero, M. Tullius.

Schmidt, O. E., der Briefwechsel des C. gr. 8. 1893. *M.* 12.—

Zieliński, C. im Wandel der Jahrhunderte. 8. 2. Aufl. 1907. *M.* 2.40.

Horatius.

Friedrichs, J. G., Q. Horatius Flaccus. Phil. Unters. gr. 8. 1894. *M.* 6.—

Keller, O., Epilogomena zu H. 3 Teile. gr. 8. (je *M.* 8.—) *M.* 24.— 1. Teil. 1879. II. u. III. Teil. 1880.

Müller, L., Q. Horatius Flaccus. 8. 1880. *M.* 2.40.

Plüß, Th., Horazstudien. Alte und neue Aufsätze über Horazische Lyrik. gr. 8. 1882. *M.* 6.—

***Stemplinger, Ed.**, das Fortleben der H.'schen Lyrik seit der Renaissance. gr. 8. 1906. *M.* 8.— 9.—

Iuris consulti.

Kalb, W., Roms Juristen nach ihrer Sprache. gr. 8. 1890. *M.* 4.—

Lucilius.

Müller, L., Leben u. Werke des C. Lucilius. gr. 8. 1876. *M.* 1.20.

Ovidius.

Siebelis-Polle, Wörterbuch zu O. Metamorphosen. 5. Aufl. gr. 8. 1893. *M.* 4.40.

Stange, O., Meines Wörterbuch zu O.'s Metamorphosen. gr. 8. 1899. *M.* 2.50.

Tolkiehn, J., quaest. ad Heroides O. spect. gr. 8. 1888. *M.* 2.80.

Plautus.

Ritschl, Fr., prolegomena de rationibus emendationis Plautinae. gr. 8. 1880. *M.* 4.—

Tacitus.

Draeger, A., über Syntax und Stil des T. 3. Aufl. gr. 8. 1882. *M.* 2.80.

Gerber et Greef, lexicon Taciteum. Lex.-8. 1877—1903. *M.* 64.—

Vergilius.

Comparetti, V. im Mittelalter. gr. 8. 1875. *M.* 6.—

Heinze, R., Vergils epische Technik. gr. 8. 1903. *M.* 12.— 14.—

Plüß, V. und die epische Kunst. gr. 8. 1884. *M.* 8.—

***Skutsch, F.**, aus V.'s Frühzeit. gr. 8. 1901. *M.* 4.— 4.60.

***— Gallus u. V.** (A. V.'s Frühzeit, II. Teil). gr. 8. 1906. *M.* 5.— 5.60.

Sonntag, M., V. als bukolischer Dichter. gr. 8. 1891. *M.* 5.—

Weidner, A., Kommentar zu V.'s Aeneis. B. I u. II. gr. 8. 1869. *M.* 8.—

B. G. Teubners Philologischer Katalog

(Klassische Altertumswissenschaft, Allgemeine Sprachwissenschaft, Neuere Geschichte, Sprache und Literatur, Philosophie, Religionswissenschaft, Länder- und Völkerkunde, Volkswirtschaftslehre, Rechts- und Staatswissenschaften, Universitäts- und Unterrichtswesen, Illustrierter Anhang)

Neue Ausgabe 1907 mit illustriertem Anhang, enthaltend eine reiche Auswahl von Werken der klassischen Altertumswissenschaft mit ausführlichen Inhaltsangaben, Besprechungen, vielfach auch Probeabschnitten aus den Werken selbst

== Umsonst und postfrei vom Verlag. ==

C. Wichtige Handbücher und neuere Erscheinungen aus dem Gebiete der klassischen Philologie.

Die auf einzelne Schriftsteller (oder Literaturgattungen) bezüglichen Schriften s. o. S. 13 ff.

Archiv für lateinische Lexikographie und Grammatik mit Einschluß des älteren Mittellateins, herausg. v. Ed. v. Wölfflin. I.—XIV. Band. gr. 8. 1884—1906. Preis für den Band von 4 Heften *M.* 12 — XV. Band. gr. 8. 1906—07. 4 Hefte. *M.* 14.—

Band I vergriffen. Ermäß. Preis für Band II bis X zusammen *M.* 54.—

— X. Band. Ergänzungsheft: Register zu Band I—X. *M.* 2.—

Archiv für Papyrusforschung und verwandte Gebiete, hrsg. von U. Wilcken. Jährlich 4 Hefte. *M.* 24.—

Archiv für Religionswissenschaft, hrsg. von A. Dieterich. Jährlich 4 Hefte. *M.* 16.— Mit der Zeitschriftenschau der Hessischen Blätter f. Volkskunde. *M.* 20.—

Neue Jahrbücher für das klassische Altertum, Geschichte und deutsche Literatur und für Pädagogik. Hrsg. von J. Ilberg und B. Gerth. Preis für den Jahrgang von 10 Heften *M.* 30.—

Byzantinische Zeitschrift. Unter Mitwirkung vieler Fachgenossen hrsg. von K. Krumbacher. Preis für den Band von jährlich 4 Heften *M.* 20.—

Die griechische und lateinische Literatur und Sprache. Bearbeitet von U. v. Wilamowitz-Moellendorff, K. Krumbacher, J. Wackernagel, Fr. Leo, E. Norden, Fr. Skutsch. 2. Auflage. (Die Kultur der Gegenwart. Ihre Entwicklung und ihre Ziele. Herausg. von Prof. Paul Hinneberg. Teil I, Abt. 8.) *M.* 10.—, geb. *M.* 12.—

Ausfeld, A. der griechische Alexanderroman. Nach des Verfassers Tode herausgegeben von W. Kroll. *M.* 8.— 10.—

Bardt, C., zur Technik des Übersetzens lateinischer Prosa. *M.* —. 60.

Baumgarten, F., F. Poland und R. Wagner, die hellenische Kultur. 2. Auflage. Mit 7 Tafeln u. 1 Karte in Mehrfarbendruck, 2 Doppeltafeln in Schwarzdruck, 2 Karten und gegen 400 Abbildungen im Text. *M.* 10.— 12.—

Bender, H., Grundriß der römischen Literaturgeschichte für Gymnasien. III. Teil. 2. Aufl. *M.* 1.—

Benseler, G. E., und K. Schenkl, griechisch-deutsches und deutsch-griechisches Schulwörterbuch. 2 Teile.

I. Teil. Griechisch-deutsches Schulwörterbuch. 12. Aufl., bearb. von A. Kaegi. *M.* 6.75 8.— II. Teil. Deutsch-griechisches Schulwörterbuch. 5. Auflage, bearb. von K. Schenkl. *M.* 9.— 10.50.

Birt, Th., die Buchrolle in der Kunst. Archäol.-antiquar. Untersuchungen zum antiken Buchwesen. Mit 190 Abbildungen. *M.* 12.— 15.—

Blaß, F., die attische Beredsamkeit. 3 Abt. 2. Aufl. *M.* 56.— 64.—

I. Abteil. Von Gorgias bis zu Lysias. *M.* 14.— 16.— II. Abteil. Isokrates und Isäos. *M.* 14.— 16.— III. Abteil. 1. Abschn. Demosthenes. *M.* 16.— 18.— III. Abteil. 2. Abschn. Demosthenes' Genossen und Gegner. *M.* 12.— 14.—

Blümner, H., Technologie und Terminologie der Gewerbe und Künste bei Griechen und Römern. 4 Bände. Mit zahlreichen Abbildungen. *M.* 50.40.

Bretzl, H., Botanische Forschungen des Alexanderzuges. Mit zahlreichen Abbild. und Kartenskizzen. *M.* 12.— 14.—

Brunn, H., kleine Schriften. Herausg. von H. Brunn und H. Bulle. 3 Bände. I. Band. Mit zahlreichen Abbild. *M.* 10.— *M.* 13.— II. Band. *M.* 10.— 23.— III. Band. *M.* 14.— 17.—

Cantor, M., Vorlesungen über Geschichte der Mathematik. I. Band. Von den ältesten Zeiten bis 1200 n. Chr. 3. Aufl. *M.* 24.—

Commentarii notarum Tironianarum ed. W. Schmitz. Mit 132 Taf. In Mappe. *M.* 40.—

Crönert, Guil., Memoria Graeca Herculanensis, cum titulorum Aegypti papyrorum codicum denique testimoniis comparatam proposuit G. C. *M.* 12.—

Cumont, F., die Mysterien des Mithra. Ein Beitrag z. Religionsgeschichte der römisch. Kaiserzeit. Autor. deutsche Ausgabe von G. Gehrich. Mit 9 Abbild. im Text und auf 2 Tafeln, sowie 1 Karte. *M.* 5.— 5.80.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- H. K., die Photographie I. Erste
 wissenschaftlichen Mit 15 Tafeln.
 H. K., die Angriffe der drei Barkiden
 (Hien Dr 1 qui haktisch kr ge-
 schichtliche Untersuchung Mit 4 Karten,
 gen und 8 Abbild. H. 10 - 13 -
 2, popa are Aufsätze aus dem Alter-
 vorzugswies zur Etuk und Bel-
 der Griechen. 2 Aufl. H. 11 -
 die griechisch-romische Biographie
 ihrer literarischen Form H. 7
 (ausf) rücken, dergriechischen und
 then Mythologie Im Verein mit
 Gelehrten Hrsg von W H Roscher
 durch Atbid 3 Bände Lex 8.
 I (A H) H. 34 - II Band, I M,
 - III Band 37 5. Lieferung
 Lieferung H. 2 - Supp. Elemente
 Schmann, epitheta deorum quae
 ptae Graecos leguntur H. 10 -
 Arter, epitheta deorum H. 7. -
 Berger, mythische Kosmographie
 griechen H. 1 80
 Meander von des fließ Metastroph für
 nien. 7 verb Auflage, herausgegeben
 Hier. Mit zahlreichen Abbildungen.
 - 16.50.
 A., Aristarche Homerische Text-
 nach der Fragmente des Drymos
 halt und beurteilt. Nebst Belegen.
 H. 38 -
 H. 12 - II Teil H. 16 -
 Fay, F., Abriss der griechischen Metrik
 dem Französischen übersetzt von
 reßler H. 4 40 5. -
 E., Grammatik der griechischen
 aus der Probenzeit Mit Kan-
 der gleichzeitigen Ostraka und der
 typen verfaßten Inschriften Laut-
 Vorleser. H. 14 17. -
 G., Geschichte der Autobiographien
 in Das Altertum H. 8 10.
 L., Reichthum und Volkerrichtung
 in den Provinzen des römischen
 Reichs H. 14
 Geschichte der Erbpacht im Alter-
 Lex 8. H. 34. XX 2
 und griech Papyrusurkunden H. 1 20.
 en, A., Feste der Stadt Athen im
 rum, geordnet nach attischen Ka-
 Uebertragung der 1864 erschie-
 neortologie. H. 8 -
 M P., griechische Feste von reli-
 g. Bedeutung mit Ausschluß der
 H. 12 - 15. -
 H., die antike Kunstprosa vom
 Jahrhundert v Chr bis in die Zeit
 enaissance 2 Bände (Fanzel jeder
 H. 14 16, H. 28 - 32.
 W., Priester und Tempel im heile-
 schen Agypten In Beitrug zur
 Geschichte des Hellenismus
 I. H. 14 - 17. - Band II. U d Pr
 Peter, H., die geschichtliche Literatur über
 die römische Kaiserzeit bis Theodosius I
 und ihre Quellen 2 Bände. H. 12
 der Brief in der römischen Literatur
 Literaturgeschichtliche Untersuchungen u
 Zusammenfassungen. H. 6 -
 Poland, F., Geschichte des griechischen
 Vereinswesens H. XXVIII U d Pr
 Ribbeck, O., Friedrich Wilhelm Ritschl. Ein
 Beitrag zur Geschichte der Indologie
 2 Bände H. 19 20
 - Reden und Vorträge H. 6 - 8
 Riese, A., das rhetorische Germaen in der
 antiken Literatur H. 14
 Rißsch, A., und B Westphal, Theorie der
 massischen Künste der Hellenen Als
 3 Auflage der Rosbach Westphalischen
 Metrik 3 Bände. H. 36 -
 I Band Griechische Rhythmik von West-
 phal. H. 20 II Band Griechische
 Harmonik und Melodie von Westphal
 H. 6 30 III Band I Abt Allgemein-
 Theorie der griechisch Metrik von West-
 phal und Gleditsch. H. 8 - II Abt
 Griechische Metrik mit besonderer Rück-
 sicht auf die Strophengattungen und die
 übrigen metrischen Metra von Rosbach
 und Westphal H. 14
 Schaeffer, A., Demosthenes und seine Zeit
 2, rev Ausgabe 3 Bände gr 8. H. 30
 Schmarsow, A., Grundzüge der Kunst-
 wissenschaft H. 9 10. -
 Schmidt, J H H., Synonymik der griechischen
 Sprache. 4 Bände H. 54
 - Handbuch der lateinischen und grie-
 chischen Synonymik H. 12 -
 Schiller, A., das alte Rom, Entwicklung
 seines Grundrisses und Geschichte seiner
 Bauten. Auf 12 Karten und 14 Tafeln
 dargestellt Quer-F 10. geb. H. 16
 - die 12 Pläne auf festem Papier apart
 H. 6
 Schwartz, E., Charakteristiken der antiken
 Literatur. Erst Vorträge. 1 Hesiod und
 Pindar, 2 Thekyllios und Euripides
 3. Sokrates und Plato, 4. Polybios und
 Poseidonios, 6 Cicero. 2 Aufl. H. 2 2.00.
 Sittl, K., die Gebarden der Griechen un-
 d Röm. Mit zahlreich. Abbild. H. 10 -
 Sitzler, J., Abriss der griechischen Literatur-
 geschichte. I. Band. Bis zum Tode
 Alexanders des Großen. H. 4 -
 Stemplinger, K., das Fortleben der horazi-
 schen Lyrik seit der Renaissance H. 8 9.
 Stoll, K., die Sagen des fünften Hittums
 8 April. Neu bearb von K. v. Meier. 2 Bände
 H. 1 2 Abb. gr 8 H. 2 6. u. 1. Band H. 6.
 - die Sagen des fünften Hittums
 8 April. Neu bearb von K. v. Meier. 2 Bände
 H. 1 2 Abb. gr 8 H. 2 6. u. 1. Band H. 6.
 Studniczka, F., die Sagen der Antike. Entwurf
 der Geschichte einer antiken Ideengeschichte
 Mit 12 Tafeln. H. 2 -

fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- Susemihl, F., Geschichte der griechischen Literatur in der Alexandrinerzeit 3 Bände I Band. M 16 — II. Band M 14 — M 16. —
- Teuffel, W. S., Geschichte der römischen Literatur 5. Aufl., von L. Schwabe. 3 Bände [je M 9 — 11 —] M 18. — 22. —
- Studien und Charakteristiken zur griechischen und römischen Literaturgeschichte. 3. Auflage. Mit einem Lebensabriß des Verfassers. M 12. —
- Thesaurus linguae Latinae editus auctoritate et consilio academiarum quinque Germanicarum Berolinensis, Göttingensis, Lipsiensis, Monacensis, Vindobonensis Lex. 4. 1900—1907. Vol. I. M 74 — 82. Vol. II. M 68 40 70 40. Vol. III, fasc. 1. M 7.60. Vol. IV, fasc. 1—3. je M 7 30
- Einbanddecke zu Band I u. II je M 6. —, Sammelmappe M 2 50.
- — Index librorum scriptorum inscriptionum ex quibus exempla adferuntur M 7 20.
- Einbanddecke M 5. —
- Thiersch, H., Pharos, Antike und Islam. Mit zahlreichen Abbildungen. [U. d. Tr.]
- Trois-Rond, Gemmtebild und Weltanschauung im Wandel der Zeiten. Deutsch von B. Bloch 2. Auflage geb M 5
- Usener, H., Vorträge u. Aufsätze M 5 — 0. —
- Vahlen, I., opuscula academica. 3 partes. Pars I Proemia indicibus lectionum praemissa I—XXXIII tab. a. 1875 ad a. 1891. M 12 14.50. Pars II [U. d. Pr.]
- Vaniček, Al., etymologisches Wörterbuch der lateinischen Sprache. 3. Aufl. M 6. —
- griechisch-lateinisches etymologisches Wörterbuch 2 Bände M 24. —
- [I Band M 10 — II Band M 14. —
- Verhandlungen der 19.—49. Versammlung deutscher Philologen und Schulmännergr 8. (Einzeln kauflich)
- Volkmann, R., Geschichte und Kritik der Wolfischen Prolegomena zu Homer M 8. —
- die Rhetorik der Griechen und Römer in systemat. Übersicht dargestellt 2., verbesserte Auflage. M 12
- Wachsmuth, O., die Stadt Athen im Altertum I. Band. Mit 3 Karten. M 20. — II. Band 1. Abteil. M 12. — [3 Abteil. in Vorber.]
- Welcker, G., der Seelenvogel in der alten Literatur und Kunst. Eine mythologisch-archaeologische Untersuchung Mit 103 Abbildungen im Text. M 28. —
- Wilde, D., Charakteristik der lateinischen Sprache. 3. Auflage. M 2 80 3.40.
- Wiblicius, W. F., astronom. Chronologie. Ein Hilfsbuch für Historiker, Archaeologen und Astronomen. M 6. —
- Wille, C., Singular und Plural. Forschungen über Form und Geschichte der griechischen Poesie M 8. — 9. —

Neue Jahrbücher

für das klassische Altertum, Geschichte und deutsche Literatur und für Pädagogik.

Herausgegeben von J. Ilberg und B. Gerth.

10. Jahrgang 1907. Preis für den Jahrgang von 10 Heften M 80. —

Die erste Abteilung der „Neuen Jahrbücher“ will für die drei ersten im Titel genannten Wissenschaftsgebiete, die durch zahllose Fäden miteinander verbunden die Grundlage unserer historischen Bildung im weiteren und tieferen Sinne ausmachen, einem bei der zunehmenden Ausdehnung aller Forschungszweige immer dringender werdenden Bedürfnis dienen. Dem einzelnen, der überhaupt nicht oder nur auf kleinem Gebiete selbstforschend tätig sein kann, wird die Möglichkeit geboten, den hauptsächlichsten Fortschritten der Wissenschaft auf den ihm durch den Beruf und eigene Studien naheliegenden Gebieten zu folgen.

Die zweite Abteilung will Fragen der theoretischen und praktischen Pädagogik an höheren Schulen erörtern und der Erforschung ihrer Geschichte dienen.

Probeheft für 3 Mark vom Verlag.

Das Erlebnis und die Dichtung. Lessing, Goethe, Novalis, Hölderlin.
Vier Aufsätze von W. Dilthey. 2. Auflage. [VII u. 455 S.] gr.
1907. geh. M. 5.—, in Leinwand geb. M. 6.—

„... Mit dem gleichen Verständnis hat Dilthey diese vier Dichtererscheinungen in der Wurzel ihres Wesens erfaßt und zugleich das Erdreich und das Klima untersucht, worin sie wuchsen. Die zwei urgesunden Geister Lessings und Goethes erschließt seine feine Analyse ebenso vollständig, wie die krankhafte Psyche eines Novalis und Hölderlins. Immer ist es eine in sich beruhende Welt, die er uns eröffnet, die, wie Bilder Chodowieckis, Menzels oder Schwindes, stets die geistige Atmosphäre einer ganzen Zeitperiode mit sich heraufbringen. Ebenso sehr wie durch den künstlerischen Charakter der Darstellung ist diese Wirkung durch den in die Tiefe und Weite dringenden Blick der umfassenden Bildung des Berliner Gelehrten erreicht. Solche Essays belehren mehr als die breiten Bettelsuppen der Literaturgeschichte, die in Deutschland ein großes Publikum haben, und die dickleibigen Monographien, womit unsere Zeit so freigebig ist.“
(Frankfurter Zeitung)

Psychologie und Volksdichtung. Von Dr. Otto Böckel. [VI u. 432 S.]
gr. 8. 1906. geh. M. 7.—, in Leinwand geb. M. 8.—

Das Buch führt uns in die Wunderwelt der Volksdichtung. Allen seelischen Regungen und Erscheinungsformen spürt es nach und schildert sie bei strenger Wissenschaftlichkeit in anmutiger, lebendiger Form.

Zuerst wird der Ursprung des Volksgesanges erläutert, dann das Wesen und Entstehen des Volksliedes, seine Sprache und Wirkung, Lebensfähigkeit, sein Wandern und Verschwinden. Andere Abschnitte behandeln die Volkssänger, die Stätten des Volksgesangs, das Gefühlsleben und den Optimismus im Volksliede, die Totenklage, Wechselbeziehung zwischen Natur und Mensch, zwischen Geschichte und Volksdichtung. Ein besonderes Kapitel ist den Frauen und ihrem Anteil am Volksgesange eingeräumt. Schließlich werden die Spott-, Kriegs- und Hochzeitslieder behandelt.

Arbeit und Rhythmus. Von Professor Dr. Karl Bücher. 3. Aufl. 1902.
mit einem Titelbild. [X u. 455 S.] gr. 8. 1902. geh. M. 7.—, in Leinwand geb. M. 8.—

„... Die übrige Gemeinde allgemein Gebildeter, welche nicht nur diese oder jene Einzelheit der in der Bücherschen Arbeit enthaltenen wissenschaftlichen Errungenschaften interessiert, sondern die sich für die Gesamtheit des selbständigen und weitgreifenden Überblicks über den vielverschlungenen Zusammenhang von Arbeit und Rhythmus richtig freuen darf, wird meines Erachtens dem bewährten Forscher auch dafür besonders dankbar sein, daß er ihr einen wertvollen Beitrag zu einer Lehre geliefert hat, welche die edelsten Genüsse in unserm armen Menschenleben vermittelt, nämlich zur Lust von der denkenden Beobachtung, nicht nur welterschütternder Ereignisse, sondern auch alltäglicher, auf Schritt und Tritt uns begebender Geschehnisse.“
(G. v. Mayr in der Beilage z. Allgem. Z.)

Die Renaissance in Florenz und Rom. Acht Vorträge von Professor Dr. K. Brandi. 2. Auflage. [X u. 265 S.] gr. 8. 1908. geh. M. 5.—, in Leinwand geb. M. 6.—

Das Buch bietet die erste zusammenfassende und entwickelnde Behandlung der Renaissance für die Geschichte des menschlichen Geistes so bedeutenden Zeit. Alle wichtigen Erscheinungen des Lebens, Sozialgeschichte und Politik, Kunst und Wissenschaft, kommen gleichmäßig zur Geltung. Die Ausstattung des Buches ist im Sinne der Drucke der Renaissancezeit gehalten.

„Wir haben ein ganz vortreffliches Buch vor uns, das mit weiser Ökonomie reichen Stoff beherrschend, weiteren Kreisen der Gebildeten, die das Bedürfnis empfinden, die unsterbliche Kunst der italienischen Renaissance im Zusammenhang mit der Zeitgeschichte, von der sie abhängig ist, zu begreifen, nur lebhaft empfohlen werden kann.“
(Kölnische Zeitung)

„Im engsten Raum stellt sich die gewaltigste Zeit dar, mit einer Kraft und Dringlichkeit, Schönheit und Kürze des Ausdrucks, die klassisch ist.“
(Die Zeit)

Verlag von B. G. Teubner in Leipzig und Berlin

Zur Einführung in die Philosophie der Gegenwart. Acht Vorlesungen
Von Professor Dr. A. Riehl 2. Auflage [IV u. 274 S.] gr. 8.
geb. M. 3.—, in Leinwand geb. M. 3.60

„Von den üblichen Einleitungen in die Philosophie unterscheidet sich dieses Buch nicht bloß durch die Form der freien Rede, sondern auch durch seine methodische Auffassung und Anlage, die wir nur als eine höchst glückliche Ausnahme kennen. Nichts von eigenem System, nichts von langatmigen logischen, dogmatischen oder gelehrten historischen Entwicklungen, sondern eine lebendig anmutende doch nicht oberflächliche, vielmehr in das Zentrum der Philosophie führend, erschließende Darstellung. Es ist höchst erfreulich, dass Adolf Riehl, der außer seinem Werke über die philosophischen Kritizismen und seiner bekannten Nietzsche Monographie nichts Zusammenfassendes veröffentlichte, aus dieser seine „Einführung“ gemacht hat. Wir möchten somit das philosophische Interesse, das sich, wie aus manchen Anzeichen zu entnehmen, auch im höheren Lehrerstand gegenwärtig zu erleuchten zu regnen scheint, mit Nachdruck auf Riehls Schrift hinweisen. Wir wissen, daß A. Langes Geschichte des Materialismus vor dem es die Kürze voraus hat, kein anderes Buch, das so geeignet ist, philosophieren zu lehren.“

(Monatsschrift für höhere Schulen)

Einleitung in die Philosophie. Von Professor Dr. Hans Cornelia
[XIV u. 357 S.] gr. 8. 1903 geb. M. 4.80, in Leinwand geb. M. 6.—

„Es ist aber ein Vorteil der „Einleitung“, daß sie die oben ausgesprochenen Bemerkungen nicht bloß enthält, die nichts anderes als Fortsetzung der heutigen Wissenschaft sind, sondern auch durch die fragliche Konsolidierung der naturgenetischen Entwicklungsstufen des Denkens ins Licht gesetzt werden. Diese Konsolidierung hat eben zur Folge, daß die „Einleitung“ keiner der von uns eingangs für eine solche hingestellten Methoden sondern allen zugleich entspricht, und darum ist das Buch die vorzüglichste Einführung in das philosophische Gewirr, aus welchem die erkenntnistheoretische Methode herauszuführen ist.“
(Zeitschrift für Philosophie und philosophische Wissenschaft)

Natursagen. Eine Sammlung naturdeutender Sagen, Märchen, Fabeln und Legenden. Von Oskar Dähnhardt. Mit Beiträgen von V. Arnim, M. Bochen, J. Bolte, K. Dieterich, H. F. Feilberg, O. Hackman, M. Hecke, W. H. B. Hg., K. Kirch, A. von Lowenof Menar, O. Ponyska, E. Rona-Salarek, St. Zdzienicka u. a. Band I. Sagen zum Alten Testament. [XIV u. 376 S.] gr. 8. 1900 geb. M. 8.—, in Leinwand geb. M. 10.—

Die von der Pflanzkraft der Natur hat den Menschen von jeher zum Nachsinnen über das Warum ihrer Erscheinungen angeregt, und so entstanden Sagen, in denen der Mensch die Erscheinung von Naturerscheinungen aus irdischen Begreiflichkeiten abgeleitet hat. Und bei allen Völkern in erstaunlicher Menge vorhanden. Ihre Entwicklungsgeschichte bildet den Inhalt dieses Werkes, das einen bisher fast unbekannten Seiten der Wissenschaft zugänglich macht. Um zu sicheren Schlüssen zu gelangen und zu klaren Aussagen zu gelangen, dient dem Herausgeber die zwingende Kraft des Massenbeweises, er aus den Sagen aller Völker der Erde gewinnt. Der erste Band zeigt, daß die Naturerklärungen auch auf dem Gebiet biblischer Völkerkunde in der Tat zugenommen haben. Er bringt Sagen zum A. T., wie unter der nachdruckkräftigen Einwirkung irakischer, griechischer, moslemischer und jüdischer Tradition, wie auch unter dem Einfluß apokrypher Schriften sich entwickelt haben. Das ganze Werk, das auf sechs Bände berechnet ist, stellt sich die Aufgabe, die Entwicklungsgeschichte der Menschheit, besonders aber die vergleichende Sagen- und Märchenforschung, die Völkerpsychologie und Religionswissenschaft zu fördern.

Himmelsbild und Weltanschauung im Wandel der Zeiten. Von Professor Troels-Lund. Autorisierte Übersetzung von L. B. 2. Auflage [VIII u. 286 S.] gr. 8. 1900. In Leinwand geb. M. 4.—

„Es ist eine wahre Lust, diesem kundigen und gestreuten Forscher auf dem langen, aber so erhellenden Wege zu folgen, den er uns durch Asien, Afrika und Europa, durch Altertum und Mittelalter bis herab in die Neuzeit führt. Ein Werk aus einem Guß, in großen Zügen und ohne alle Kleinlichkeiten geschrieben, das wir einem recht großen Leserkreis nicht nur anzuempfehlen, sondern auch unter den gebildeten Lesern wünschen.“ (Jahrbuch für Philosophie und Geschichte)

VERLAG VON B. G. TEUBNER IN LEIPZIG UND BERLIN.

DIE KULTUR DER GEGENWART

IHRE ENTWICKLUNG UND IHRE ZIELE

HERAUSGEGEBEN VON PROF. PAUL HINNEBERG

In 4 Teilen. Lex.-8. Jeder Teil zerfällt in einzelne inhaltlich vollständige in sich abgeschlossene und einzeln käufliche Bände (Abteilungen.)

Teil I: Die geisteswissenschaftlichen Kulturgebiete. 1. Hälfte. Religion und Philosophie, Literatur, Musik und Kunst (mit vorangehender Einleitung in dem Gesamtwerk).

Teil II: Die geisteswissenschaftlichen Kulturgebiete. 2. Hälfte. Staat und Gesellschaft, Recht und Wirtschaft.

Teil III: Die naturwissenschaftlichen Kulturgebiete. Mathematik, Astronomie und organische Naturwissenschaften, Medizin.

Teil IV: Die technischen Kulturgebiete. Bautechnik, Maschinentechnik, Industrielle Technik, Landwirtschaftliche Technik, Handels- und Verkehrstechnik.

Die „Kultur der Gegenwart“ soll eine systematisch aufgearbeitete, geschichtlich begründete Gesamtdarstellung unserer heutigen Kultur darbieten, indem sie die Fundamentalergebnisse der einzelnen Kulturgebiete nach ihrer Bedeutung für die gesamte Kultur der Gegenwart und für deren Weiterentwicklung in großen Zügen zur Darstellung bringt. Das Werk vermittelt eine Zahl erster Namen aus allen Gebieten der Wissenschaft und Praxis und bietet Darstellungen der einzelnen Gebiete jeweils aus der Feder des dem Hieronymus in gemeinschaftlicher, kritischer gewählter Sprache auf knappstem Raume.

„Teubners gelobtes Sammelwerk ist längst in allen Händen. Tausende von Privatleuten nennen seine Bände ihr eigenes, in allen größeren Bibliotheken ist es zu finden. Die Gefälligkeit und Einseitigkeit seiner Anlage, die Zahl und der Ruf seiner Mitarbeiter machen es einigartig und nötigen auch demjenigen Anerkennung ab, der in den Überwachen einer unvollständigen Literatur nicht die erfreuliche Seite unseres Kulturlebens sieht. Wer aber das vorliegende Werk in die Hand nimmt, das schon durch seine herrliche Ausstattung eine Art von Genuss gewährt, wird den gewöhnlichen Bildungsgeist eines solchen Buches unmerklich empfinden, je näher er dem Arbeitsgebiet seiner Artgenossen steht. Eine angenehme Summe von geistiger Kraft ist es, die hier in einer Anzahl kleiner, fast im Handstehen abgelegener Bänden dem Schatzenstein findet.“
(Berliner Tagblatt)

Probeheft und Spezial-Prospekte über die einzelnen

Abteilungen (mit

Antrag aus dem Vorwort des Herausgebers, der Inhaltsübersicht des Gesamtwerkes, dem Autoren-Verzeichnis und mit Probebeispielen aus dem Werke) werden auf Wunsch umsonst und postfrei vom Verlag versandt.

DIE KULTUR DER GEGENWART.

Von Teil I und Teil II sind erschienen:

Teil I, Abt. 1: Die allgemeinen Grundlagen der Kultur der Gegenwart.

Inhalt: Das Wesen der Kultur: W. Lexis. — Das moderne Bildungswesen: Fr. Paulsen. — Die wichtigsten Bildungsmittel: A. Schöberl und H. Schöberl. — Das Volksschulwesen: G. Schöppa. — Das höhere Knabenschulwesen: A. M. Th. — Das höhere Mädchenschulwesen: H. Gaudig. — Das Fach- und Berufsbildungswesen: H. Kerschbaum. — Die geisteswissenschaftliche Hochschulbildung: Fr. Paulsen. — Die naturwissenschaftliche Hochschulbildung: W. v. Dyck. — Kunst- und Kunstgewerbe-Museum: L. Pallat. — Naturwissenschaftlich-technische Museen: K. Kerschbaum. — Kunst- und Kunstgewerbe-Bildungen: J. Lessing. — Naturwissenschaftlich-technische Ausstellungen: O. N. Wilt. — Die Musik: G. Götter. — Die Theater: P. Schöberl. — Die Zeitungspressen: K. Bucher. — Die Bücher: K. Pletschmann. — Die Bibliotheken: F. Müllers. — Die Organisation der Wissenschaft: H. Diels. [XV u. 671 S.] 1906. Preis geb. M. 12. — in Leinwand geb. M. 15. —

Teil I, Abt. 2: Die orientalischen Religionen. Inhalt: Die Anfänge der Religion und die R. der primitiven Völker: Ed. Lehmann. — Die ägyptische R.: A. Erman. — Die assyrische R.: C. Bezold. — Die indische R.: H. Oldenberg. — Die iranische R.: H. Oldenberg. — Die R. des Islams: J. Goldammer. — Der Zoroastrismus: A. Grünwedel. — Die R. der Chinesen: J. J. M. de Guignes. — Die R. der Japaner: 1) Der Shintismus: K. Florenz, 2) Der Buddhismus: H. Hara. [VII u. 267 S.] 1906. Preis geb. M. 7. — in Leinwand geb. M. 9. —

Teil I, Abt. 3: Die christliche Religion mit Einschluß der israelitisch-jüdischen Religion.

Inhalt: Die israelitisch-jüdische Religion: J. Wellhausen. — Die R. Jesu und die Anfänge des Christentums bis zum Nizänium (325): A. Jülicher. — Kirche und Staat bis zur Gründung der Staatkirche: A. Harnack. — Griechisch-orthodoxe Chr. und Kirche in Mittelalter und Neuzeit: N. Bonwitsch. — Chr. und Kirche Westeuropas im Mittelalter: K. Müllers. — Katholischer Chr. und Kirche in der Neuzeit: F. X. Funk. — Protestantischer Chr. und Kirche in der Neuzeit: F. Trübel. — Wesen der Religion und der Religionswissenschaft: F. Trübel. — Christkathol. Dogmatik: J. Pohle. — Christkathol. Ethik: J. Mansbach. — Christkathol. Theologie: C. E. v. d. G. — Christprotest. Dogmatik: W. Herrmann. — Christprotest. Ethik: K. Seubert. — Christprotest. praktische Theologie: W. Faber. — Die Zukunftsaufgaben der Religion und der Religionswissenschaft: H. J. Holtmann. [XI u. 752 S.] 1906. Preis geb. M. 12. — in Leinwand geb. M. 15. — Auch in 3 Bänden: 1. Geschichte der christlichen Religion: geb. M. 7.50, geb. M. 11. — 2. System christl. Theologie: 2 Bde. geb. M. 6. —

Teil I, Abt. 4: Systematische Philosophie. Inhalt: Das Wesen der Philosophie: W. Dittgen. — Logik und Erkenntnistheorie: A. Riehl. — Metaphysik: W. Windt. — Naturphilosophie: W. Ostwald. — Psychologie: H. Ebbinghaus. — Philosophie der Geschichte: K. Bucher. — Ethik: Fr. Paulsen. — Pädagogik: W. Meißner. — Ästhetik: Th. Lipps. — Die Zukunftsaufgaben der Philosophie: Fr. Paulsen. [VIII u. 435 S.] 1907. Preis geb. M. 12. — in Leinwand geb. M. 15. —

Teil I, Abt. 5: Die orientalischen Literaturen.

Inhalt: Die Anfänge der Literatur und die L. der primitiven Völker: E. Schmidt. — Die ägyptische L.: A. Erman. — Die babylonisch-assyrische L.: C. Bezold. — Die israelitisch-jüdische L.: H. Gunkel. — Die aramäische L.: Th. Nöldeke. — Die syrische L.: Th. Nöldeke. — Die arabische L.: M. J. de Goeje. — Die hebräische L.: R. Pfeiffer. — Die persische L.: K. Geldner. — Die griechische L.: F. Horn. — Die lateinische L.: P. Horn. — Die türkische L.: F. Horn. — Die armenische L.: F. N. Finck. — Die georgische L.: F. N. Finck. — Die chinesische L.: W. Grube. — Die japanische L.: K. Florenz. [IX u. 419 S.] 1908. Preis geb. M. 12. — in Leinwand geb. M. 15. —

DIE

Stanford University Libraries



3 6105 002 119 803

31
E8
V.:

Teil
Real
geb
rech
Priv
Sta
e. 1
Poli
Die
IX

CECIL H. GREEN LIBRARY
STANFORD UNIVERSITY LIBRARIES
STANFORD, CALIFORNIA 94305-6004
(650) 723-1493
grncirc@sulmail.stanford.edu
All books are subject to recall.

DATE DUE

D

BE
K.

[V]

In
gr
do
ba
lat
AB
vo
Sp
Je
lin
Ku
lat
nie
cal
Be

JUN 30 2004

DEC 31 2004
JUN 30 2005

